

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



A propos de ce livre

Ceci est une copie numérique d'un ouvrage conservé depuis des générations dans les rayonnages d'une bibliothèque avant d'être numérisé avec précaution par Google dans le cadre d'un projet visant à permettre aux internautes de découvrir l'ensemble du patrimoine littéraire mondial en ligne.

Ce livre étant relativement ancien, il n'est plus protégé par la loi sur les droits d'auteur et appartient à présent au domaine public. L'expression "appartenir au domaine public" signifie que le livre en question n'a jamais été soumis aux droits d'auteur ou que ses droits légaux sont arrivés à expiration. Les conditions requises pour qu'un livre tombe dans le domaine public peuvent varier d'un pays à l'autre. Les livres libres de droit sont autant de liens avec le passé. Ils sont les témoins de la richesse de notre histoire, de notre patrimoine culturel et de la connaissance humaine et sont trop souvent difficilement accessibles au public.

Les notes de bas de page et autres annotations en marge du texte présentes dans le volume original sont reprises dans ce fichier, comme un souvenir du long chemin parcouru par l'ouvrage depuis la maison d'édition en passant par la bibliothèque pour finalement se retrouver entre vos mains.

Consignes d'utilisation

Google est fier de travailler en partenariat avec des bibliothèques à la numérisation des ouvrages appartenant au domaine public et de les rendre ainsi accessibles à tous. Ces livres sont en effet la propriété de tous et de toutes et nous sommes tout simplement les gardiens de ce patrimoine. Il s'agit toutefois d'un projet coûteux. Par conséquent et en vue de poursuivre la diffusion de ces ressources inépuisables, nous avons pris les dispositions nécessaires afin de prévenir les éventuels abus auxquels pourraient se livrer des sites marchands tiers, notamment en instaurant des contraintes techniques relatives aux requêtes automatisées.

Nous vous demandons également de:

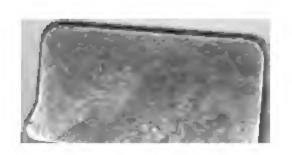
- + Ne pas utiliser les fichiers à des fins commerciales Nous avons conçu le programme Google Recherche de Livres à l'usage des particuliers. Nous vous demandons donc d'utiliser uniquement ces fichiers à des fins personnelles. Ils ne sauraient en effet être employés dans un quelconque but commercial.
- + Ne pas procéder à des requêtes automatisées N'envoyez aucune requête automatisée quelle qu'elle soit au système Google. Si vous effectuez des recherches concernant les logiciels de traduction, la reconnaissance optique de caractères ou tout autre domaine nécessitant de disposer d'importantes quantités de texte, n'hésitez pas à nous contacter. Nous encourageons pour la réalisation de ce type de travaux l'utilisation des ouvrages et documents appartenant au domaine public et serions heureux de vous être utile.
- + Ne pas supprimer l'attribution Le filigrane Google contenu dans chaque fichier est indispensable pour informer les internautes de notre projet et leur permettre d'accéder à davantage de documents par l'intermédiaire du Programme Google Recherche de Livres. Ne le supprimez en aucun cas.
- + Rester dans la légalité Quelle que soit l'utilisation que vous comptez faire des fichiers, n'oubliez pas qu'il est de votre responsabilité de veiller à respecter la loi. Si un ouvrage appartient au domaine public américain, n'en déduisez pas pour autant qu'il en va de même dans les autres pays. La durée légale des droits d'auteur d'un livre varie d'un pays à l'autre. Nous ne sommes donc pas en mesure de répertorier les ouvrages dont l'utilisation est autorisée et ceux dont elle ne l'est pas. Ne croyez pas que le simple fait d'afficher un livre sur Google Recherche de Livres signifie que celui-ci peut être utilisé de quelque façon que ce soit dans le monde entier. La condamnation à laquelle vous vous exposeriez en cas de violation des droits d'auteur peut être sévère.

À propos du service Google Recherche de Livres

En favorisant la recherche et l'accès à un nombre croissant de livres disponibles dans de nombreuses langues, dont le français, Google souhaite contribuer à promouvoir la diversité culturelle grâce à Google Recherche de Livres. En effet, le Programme Google Recherche de Livres permet aux internautes de découvrir le patrimoine littéraire mondial, tout en aidant les auteurs et les éditeurs à élargir leur public. Vous pouvez effectuer des recherches en ligne dans le texte intégral de cet ouvrage à l'adresse http://books.google.com



198 e 10





. ·		

COURS DE PHYSIQUE

DB

L'ÉCOLE POLYTECHNIQUE.

L'Auteur et l'Editeur de cet Ouvrage se réservent le droit de le traduire ou de le faire traduire en toutes langues. Ils poursuivront, en vertu des Lois, Décrets et Traités internationaux, toutes contresaçons, soit du texte, soit des gravures, ou toutes traductions saites au mépris de leurs droits.

Le dépôt légal de cet Ouvrage (tome III) a été fait à Paris dans le cours de 1866, et toutes les formalités prescrites par les Traités sont remplies dans les divèrs États avec lesquels la France a conclu des conventions littéraires.

Tout exemplaire du présent Ouvrage qui ne porterait pas, comme ci-dessous, la griffe de l'Éditeur, sera réputé contrefait. Les mesures nécessaires seront prises pour atteindre, conformément à la loi, les sabricants et les débitants de ces exemplaires.

Southier Villars,

PARIS. — IMPRIMERIE DE GAUTHIER-VILLARS, rue de Seine-Saint-Germain, 10, près l'Institut.

COURS

DE PHYSIQUE

DE

L'ÉCOLE POLYTECHNIQUE,

PAR M. J. JAMIN,

Ancien Elève de l'École Normale, Professeur de Physique a l'École Polytechnique

TOME TROISIÈME,

ILLUSTRÉ DE 480 FIGURES DANS LE TEXTE

ET BE GING PLANCHES SUR AGIER



PARIS,

GAUTHIER-VILLARS, IMPRIMEUR-LIBRAIRE

DE BEREAU DES LONGITUDES, DE L'ÉCOLE IMPERIALS POLYTECHNIQUE, SUCCESSEUR DE MALLET-BACHELIER,

Quai des Augustins, 55.

1866

(L'Auteur et l'Éditeur de cet Covrage se réservent le droit de traduction.)

198. e. 10.





SOIXANTE-QUATRIÈME LEÇON. — Du travail chimique intérieur	Pages G.
Concomitance de l'action chimique et de la force électromotrice. Cas des liquides et des métaux. Cas des corps simples. Cas des acides et des oxydes. Zinc amalgamé. Distinction entre deux actions chimiques dans les couples. Loi du travail chimique intérieur.	6. 6. 6. 6. 6. 7.
SOIXANTE-CINQUIÈME LEÇON. — Théorie chimique des piles. — Piles à courant constant	7
Mode d'action dans l'électrolysation Phénomènes de transport Hypothèse électrochimique Oxygène ozoné Causes d'affaiblissement des piles. Polarisation des électrodes Pile à gaz. Résistance au passage Piles à courant constant	86 86 86 86 86 97 97
SOIXANTE-SIXIÈME LEÇON. — Théorie physique des piles	10
Piles thermo-électriques Conducteurs équivalents. — Longueur réduite. — Résistance. Circuits complexes. Circuits dérivés. Couple hydro-électrique. Piles hydro-électriques. Discussion de la formule. Divers modes d'association des couples. Sensibilité des galvanomètres. Théorie de Ohm. Tensions dans un circuit. État variable des tensions.	10 10 10 10 10 11 11 11 11
SOIXANTE-SEPTIÈME LEÇON. — De la mesure des conducti- bilités	12
Procédé de M. Pouillet Rhéostat. Procédé de M. Becquerel. Cas des liquides. Influence de la température Influence du dissolvant.	12 12 12 12 13

COURS DE PHYSIQUE

DE

L'ÉCOLE POLYTECHNIQUE.

	Pages
Courants quelconques	199
Portions d'un même courant rectiligne	199
Courants sinueux	200
Esset d'un changement de sens	201
Loi élémentaire	201
Détermination des constantes	205
Propriétés d'un courant indéfini	2!0
Action sur un courant fini	210
Composante parallèle	211
Composante perpendiculaire	213
Résultante	215
Courants croisés	216
Courants perpendiculaires	217
Courants parallèles	218
Rotation d'un courant horizontal	218
Courant fermé, mobile autour d'un axe vertical	220
Conducteurs astatiques	221
Courant fermé, mobile autour d'un axe horizontal	221
Action de la terre sur les courants	222
SOIXANTE ET ONZIÈME LEÇON. — Des actions mécaniques réciproques entre les courants et les aimants	224 224 229
Action d'un solénoïde sur un courant angulaire indéfini	235
Cas d'un courant vertical et d'une aiguille horizontale	236
Cas d'un courant horizontal et d'une aiguille verticale	
Rotation des courants par l'action des solénoïdes ou des aimants.	. 239
Rotation des aimants par les courants	244
Rotation d'un aimant parallèlement à son axe	245
SOIXANTE-DOUZIÈME LEÇON. — Magnétisme et diamagné- tisme	
Théorie du magnétisme	249
Constitution des aimants	
. Aimantation,	_ "
Aimantation par les courants	_
Magnétisme terrestre	
Diamagnétisme	
Expériences générales	
Polarité diamagnétique	_
Influence du milieu ambiant	

TABLE DES MATIÈRES.	1X
	Pages,
Influence de la structure	266
Mesure des forces magnétiques	267
SOIXANTE-TREIZIÈME LEÇON. — De l'induction	273
Induction par les courants parallèles	273
Induction par les bobines et les aimants	275
Loi de Lenz	277
Induction par l'action de la terre'	280
Induction d'un courant sur lui-même	282
Quantités et tensions de l'électricité dans les courants induits	284
Courants induits de divers ordres	290
Induction par l'électricité statique	294
Influence des diaphragmes	296
	_
80IXANTE-QUATORZIÈME LEÇON. — De l'induction (Suite)	300
Induction dans les masses métalliques en mouvement	300
Magnétisme de rotation	300
Explication	3o3
Analyse des courants dans un disque en mouvement	305
Retard des courants induits	307
Électromoteurs fondés sur l'induction	309
Machine de Clarke	310
Machine de Ruhmkorff	314
Condensateur	317
Machines cloisonnées	318
Interrupteur de M. Foucault	319
Stratifications	321
Composition de l'étincelle d'induction	323
Actions magnétiques	324
SOIXANTE-QUINZIÈME LEÇON. — Moteurs et télégraphes	
électriques	326
Moteurs électriques	326
Télégraphie électrique	330
Ligne	331
	331
Manipulateur	333
	334
Disposition d'un poste	335
	333
SOIXANTE-SEIZIÈME LEÇON. — Des instruments généraux de	
l'optique	337
Porte-lumière	338
Héliostat	340

	Pages
Conditions théoriques	340
Héliostat de M. Foucault	342
Héliostat de Silbermann	343
Régulateurs électriques	345
Lumière Drummond	347
Banc d'optique	348
	•
Cercles divisés	349
SOIXANTE-DIX-SEPTIÈME LEÇON. — Sur la propagation de	
la lumière dans les milieux homogènes	352
	353
Ondes	
Rayons	
Ombres	
Chambre obscure	
Intensités	
Cas d'un point lumineux. — Loi des distances	358
Loi du cosinus	
Cas d'une surface éclairante	
Photomètres	
Vitesse de la lumière. — Rœmer	
Bradley	
M. Fizeau	367
M. Foucault	•
	U O ()
SOIXANTE-DIX-HUITIÈME LEÇON. — Réflexion et réfraction.	37.
Réflexion	374
Loi de la réflexion	374
Image d'un objet	_ •
Lois géométriques	• •
Substances diverses	
Indices de retour et relatif	
	_
Discussion	
Réflexion totale	•
Explications théoriques	
D'après la théorie de l'émission	
D'après les ondulations	_
Construction générale des ondes réfléchies et réfractées	
Réflexion sur une sphère	
Réfraction par les surfaces planes	. 397
Lame à faces parallèles	. 401
SOIXANTE-DIX-NEUVIÈME LEÇON. — Analyse des radiations solaires	
Formules du prisme	. 4o'

TABLE DES MATIERES.	X
Discussion	Pages
	•
Vérification	406
Fover du prisme	408
Conséquences	410
Spectre solaire	411
Raies du spectre	41:
Loi de réfraction de chaque raie	414
Simplicité des teintes	41!
Composition de la lumière blanche	
Lois du mélange des couleurs	419
M. Helmholtz	420
Cercle chromatique de Newton	42
Spectre calorifique	42
Spectre chimique, raies	
Extension de la loi de Descartes	42
Courbe des intensités	42
Actinometre	429
Mesure des indices de réfraction	430
Solides et liquides	430
Cas des radiations chimiques. — M. Mascart	43
Cas des gaz	43
Expériences de Biot et Arago	43
Expériences de Dulong	43
Résultats	43
Expériences de M. Leroux	43
•	
QUATRE-VINGTIÈME LEÇON. — De l'absorption et de l'émis-	
sion	
	44
De l'absorption	44:
Cas des gaz	450
Diffusion	45:
De l'émission	45
	•
Solides et liquides	45
Spectre électrique	45.
Tubes de Geissler	450
Spectre de l'arc	45
Analyse spectrale	45
Rubidium	45
Cœsium	46
Thallium	46
Les autres métaux	46
Des pouvoirs émissifs et absorbants	46
LCS PARADITS CHIESTES OF ADSAIDANTS	40

QUATRE-VINGT-UNIÈME LEÇON. — De la transformation des	rages.
radiations	468
Phosphorescence	469
Premier mode d'observation	470
Cas des sulfures alcalino-terreux	471
Action de la chaleur	472
Changement de teinte par la chaleur	473
Action des divers rayons simples	473
Rayons très-réfrangibles	474
Action des rayons peu réfrangibles	475
Action de la lumière blanche	476
Durée de la phosphorescence	476
Deuxième méthode d'observation	477
Fluorescence	480
Diffusion épipolique	48 0
Expériences de M. Stokes	482
Troisième mode d'observation	484
Loi de la déperdition de la lumière	488
Composition des rayons émis	490
QUATRE-VINGT-DEUXIÈME LEÇON. — De la photochimie	494
Actions réductrices	494
Actions oxydantes	495
Effets superposés	496
Actions révélatrices	498
Comment agit la lumière	500
Action sur les vapeurs	502
Action des rayons simples	503
Héliochromie	507
Expériences de Bunsen et Roscoe	508
Photographie	511
Action de la lumière sur les feuilles	512
QUATRE-VINGT-TROISIÈME LEÇON. — Des interférences et	
de la diffraction	517
Interférences	517
Expérience des deux miroirs	517
Manières d'observer les franges	520
Lois du phénomène	521
Biprisme	523
Théorie des ondulations	524
Réseaux	530
Mesure des longueurs d'onde	534

TABLE DES MATIÈRES.	XIII
	Pages.
QUATRE-VINGT-QUATRIÈME LEÇON. — Des interférences et	
de la diffraction (Suite)	535
Interférences dans la lumière non limitée	535
Interférences par les lames minces	536
Interférences des plaques épaisses	537
Interférences avec de grandes différences de marche	540
Première méthode. MM. Fizeau et Foucault	540
Deuxième méthode	541
Réfractomètres interférentiels	542
Appareil de M. Jamin	544
Compensateurs	546
Diffraction	550
Quantité de lumière envoyée en un point par une onde sphérique.	55 o
Écran indéfini	557
Cas d'une étroite ouverture	562
Cas d'un écran linéaire très-étroit	563
Ouverture et écran circulaires	564
	•
QUATRE-VINGT-CINQUIÈME LEÇON. — De la polarisation et	
de la direction des vibrations	569
Dauble réfraction	
Double réfraction	570 5-2
Polarisation du rayon ordinaire	573 5-5
Tourmaline	575 5
Interférences des rayons polarisés	577 5 -8
Sens des vibrations dans les rayons polarisés	578 581
Composition des vibrations rectangulaires	582
Lumière naturelle	. –
Luminite naturent	584
QUATRE-VINGT-SIXIÈME LEÇON. — Double réfraction	587
Double réfraction uniaxiale	587
Lois de l'élasticité de l'éther	587
Vitesses des rayons réfractés	59 0
Surface de l'onde	592
Construction d'Huyghens	593
Vérification	5g5
Cas d'une section principale quelconque	600
Réfraction de la lumière à la sortie d'un cristal	605
Applications	606
Prisme de Rochon	606
Prisme de Wollaston	608
Prisme de Nicol	610
Prisme de Senarmont	612

	Pages
QUATRE-VINGT-SEPTIÈME LEÇON. — Des vibrations ellipti-	
ques et des couleurs des lames minces cristallisées	614
Vibration elliptique	614
Propriétés des rayons polarisés elliptiquement	617
Couleurs des lames minces cristallisées	619
Vérification	621
Appareil de projection	624
Cas de la umière convergente	626
Lame normale à l'axe	627
Microscope d'Amici	628
Cristaux à deux axes	629
Verres trempés, comprimés, chauffés, etc	629
Propriétés des vibrations elliptiques	629
Résumé	636
Étude expérimentale d'un rayon elliptique	637
QUATRE-VINGT-HUITIÈME LEÇON. — Polarisation rotatoire.	642
Lois du phénomène	643
Lumièro blanche	647
Teinte sensible	6 (8
Quartz à deux rotations	6 (9
Théorie de Fresnel	650
Pouvoir rotatoiro moléculaire	655
Effet de la température	655
Combinaisons	658
Acide tartrique	659
Saccharimétrie	660
Pouvoir rotatoire dans les cristaux	662
Relation entre le pouvoir rotatoire et la forme cristalline	66a
QUATRE-VINGT-NEUVIÈME LEÇON. — Théoris mécanique de	
la réflexion et de la réfraction	667
	•
Lumière polarisée dans le plan d'incidence	670
Lumière polarisée perpendiculairement au plan d'incidence	671
Angle de polarisation	672
Lumière polarisée dans un azimut A	67.8
Rayon réfracté	676
Réflexion de la lumiere naturelle	677
Réfraction de la lumière naturelle	678
Appareil de Norremberg	681
Réflexion totale	682
Vérifications	685
Réflexion sur les métaux	687
Différence de marche	- 68a

	•	Pages.
Mégascope		740
Méthode générale de projection		740
Phares		742
Loupe		744
Instruments composés	• • • • •	746
Diaphragme	• • • •	747
Réticule	• • • •	748
Tirage	• • • • •	749
Anneau oculaire	• • • • •	749
Grossissement		750
Clarté		750
Lunette terrestre	• • • • •	752
Télescopes	• • • •	753
Microscope	• • • •	756
Conditions physiques		756
Conditions mécaniques		759
Grossissement	• • • •	761
Microscope binoculaire	• • • • •	762
Achromatisme	• • • •	764
Pouvoir dispersif	• • • •	765
Achromatisme des lentilles		767
Achromatisme des prismes	• • • •	770
Diasporamètre	• • • •	771
Oculaire d'Huyghens		774
Oculaire positif		775
	•	
QUATRE-VINGT-DOUZIÈME LEÇON. — Des météores lum		
et de la vision	• • • •	777
L'arc-en-ciel		777
Marche de la lumière dans une goutte d'eau		
Maximum de déviation		,
Rayons efficaces		• •
Vérifications		782
Explication de l'arc		782
Halos		•
Vision		•
Conditions physiques de l'œil		•
Conditions physiologiques de l'œil		795
Les jugements de l'œil		800
	•	

PLANCHES I, II, III, IV, V.

COURS

DE PHYSIQUE

112

L'ÉCOLE POLYTECHNIQUE.

ÉLECTRICITÉ DYNAMIQUE.

SOIXANTE ET UNIÈME LEÇON.

DES COURANTS ÉLECTRIQUES ET DES MOYENS DE LES MESURER.

Définition des courants. — Hypothèses sur la constitution des courants.

- Expérience d'Œrated. Galvanomètre. Intensité des courants.
- Boussoles des sinus et des tangentes. Quantité d'électricité. Interrupteurs et commutateurs.

Quand on charge un condensateur électrique, on accumule *sur ses deux faces des quantités considérables et sensiblement égales d'électricités contraires, et lorsqu'on réunit les armatures par un arc conducteur, il donne issue aux deux fluides qui le traversent en sens opposé et devient le siège d'un mouvement électrique complexe : ce mouvement est ce que l'on nomme un courant électrique

Pendant sa durée, des phénomènes très-variés se manifes-

tent dans le conducteur : généralement celui-ci s'échauffe; s'il est métallique, il peut se fondre; s'il est combustible, il s'en-flamme; s'il contient de l'eau, ou des oxydes, ou des sels, ils sont en partie décomposés, et quand il est formé par un organe animal, il éprouve des commotions violentes.

Dans l'exemple que nous venons de citer, le courant ne dure qu'un instant; mais si une cause convenable pouvait rendre aux armatures, d'une manière continue, les fluides qui s'écoulent par le conducteur, les phénomènes que nous rappelons seraient continus eux-mêmes et dureraient autant de temps que le courant. C'est en effet ce qui arrive, bien qu'avec une moindre énergie, quand on réunit les conducteurs opposés d'une machine d'Armstrong ou de Nairne, ou même quand on fait communiquer une machine ordinaire avec le sol qui agit comme un corps chargé négativement.

Tout le monde sait plus ou moins vaguement qu'il existe des piles électriques dont la propriété essentielle est de produire et de renouveler incessamment des quantités notables de fluides contraires à leurs deux extrémités qu'on nomme pôles, et par conséquent de donner naissance à des courants continus dans tous les conducteurs que l'on joint à ces pôles. Cette notion vague nous suffit pour le moment et nous autorise, avant d'avoir fait aucune étude des piles, à les employer empiriquement comme des sources électriques propres à engendrer des courants continus que nous étudierons. Nous reconnaîtrons aisément qu'ils offrent pendant toute leur durée les mêmes propriétés que les décharges d'un condensateur, maintiennent les sils conducteurs à une température élevée et constante, déterminent une décomposition persistante des composés qu'ils traversent, et produisent des commotions continues dans les organes animaux.

S'il est aisé de prévoir ainsi, par analogie, les effets généraux des courants, il est plus embarrassant de se faire une idée exacte de la nature du mouvement électrique qui les constitue. La première pensée qui vienne à l'esprit est que les deux fluides se mettent réellement en marche en sens opposé sous la forme de deux courants élémentaires, l'un d'électricité positive allant du pôle positif au pôle négatif, l'autre d'électricité négative s'écoulant dans une direction opposée. A la ri-

gueur, on expliquerait tout aussi bien la recomposition des deux fluides accumulés aux pôles si l'on admettait l'existence d'un seul de ces deux courants élémentaires, et comme on manque de renseignements sur ce point, on peut supposer ou que le fluide positif seul abandonne le pôle positif pour aller neutraliser le fluide contraire du pôle opposé, ou bien que c'est le fluide négatif qui va retrouver le pôle positif à travers le conducteuts

A côté de ces deux hypothèses, il y en a une troisième beaucoup plus ingénieuse qui a été proposée par M. de la Rive. Décomposons le conducteur interpolaire en silets linéaires de molécules A, B, C, ... (fig. 462), soumises à l'influence élec-

trique des deux pôles + M et - N qu'elles réunissent. Au premier moment, elles se chargent de fluide + aux extrémités qui regardent — N, et d'électricité — à celles qui sont tournées vers + M, de sorte que les parties juxtaposées de. deux molécules contiguës prennent des charges contraires. Cette séparation par influence augmente rapidement jusqu'au moment où les fluides opposés ont acquis une tension suffisante pour vaincre la résistance des espaces intermoléculaires; alors ils se recombinent, tout le conducteur est ramené à l'état naturel, une portion constante de fluide — a avancé d'un rang de molécule à molécule vers + M, une quantité égale de fluide + a reculé inversement d'un rang vers - N, les deux pôles sont partiellement déchargés et aussitôt après la pile agit pour reproduire leur tension primitive. Alors les circonstances étant redevenues les mêmes qu'à l'origine, la même action recommence et se continue tant que dure la commu-

Entre trois hypothèses également possibles, il serait difficile de choisir si nous ne devions chercher à nous représenter le courant par un mouvement de mécanique moléculaire capable d'expliquer à la fois tous les phénomènes de l'électrodynamique. Or la dernière, qui a déjà l'avantage de dériver par

SOIXANTE ET UNIÈME LEÇON.

extension des lois de l'influence électrique, est la seule qui puisse interpréter les actions chimiques et beaucoup d'autres faits qui se présenteront dans la suite : c'est donc celle-là seulement que nous conserverons comme explication au moins provisoire. Mais il est nécessaire de ne point méconnaître son caractère hypothétique et de n'en faire dépendre ni l'étude, ni l'expression des phénomènes.

On convient de dire que le courant va du pôle positif au pôle négatif et l'on sigure sa direction par une slèche

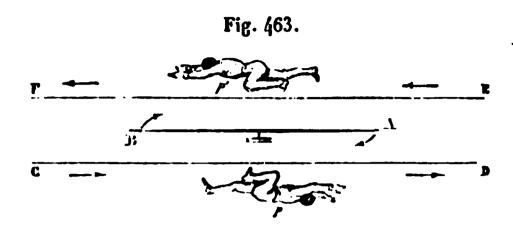
$$+ M \dots \Longrightarrow \dots - N.$$

Cela n'implique aucune idée sur la nature du mouvement électrique; c'est une expression et une représentation graphique conventionnelles qui fixent la position des pôles par rapport au conducteur qui les réunit. Dans beaucoup de phénomènes, on est obligé d'avoir recours à une personnification plus précise du courant. On suppose qu'il traverse un observateur en entrant par les pieds et en sortant par la tête, puis, identifiant ce courant avec cet observateur, on dit qu'il a une face, un dos, une droite et une gauche, c'est la face, le dos, la droite ou la gauche de l'observateur. Cela admis, nous allons chercher par quelles méthodes expérimentales nous pourrons reconnaître l'existence des courants et mesurer leurs intensités.

expérience d'ersted. — O'Ersted découvrit en 1819 une des plus fécondes propriétés des courants : il reconnut que toute aiguille aimantée placée dans leur voisinage prend une nouvelle position d'équilibre et se dévie d'un angle δ . On peut faire l'expérience en plaçant le courant en EF, dans le méridien magnétique, au-dessus d'une aiguille AB mobile sur un pivot (fig. 463). Si ce courant est intense et très-près de l'aiguille, δ est égal à 90 degrés; s'il décroît ou s'éloigne progressivement, la déviation diminue. Il en serait de même si le conducteur était au-dessous de l'aiguille en CD ou s'il occupait une position quelconque dans le plan CDEF.

L'aiguille étant sixée sur un pivot, il est évident que l'action se réduit à un couple. Pour trouver la direction de ce couple,

commençons par placer dans le voisinage un barreau sixe dans



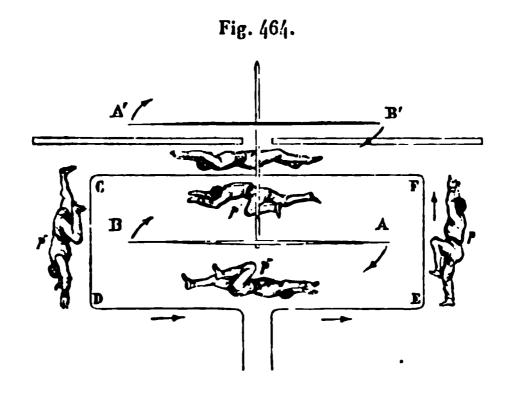
une situation telle, qu'il rende les oscillations de l'aiguille extrêmement lentes et détruise sensiblement l'effet que la terre exerce sur elle, alors elle n'est plus soumise qu'à l'action du courant, et l'on reconnaît qu'elle se dévie toujours de 90 degrés, quelles que soient l'intensité de ce courant et sa direction dans le plan CDEF; donc le couple est perpendiculaire au plan passant par le courant et par le pivot de l'aiguille.

Si l'on veut maintenant fixer le sens de la déviation qui est celui du couple, il sussit de se sigurer l'observateur p' qui personnisse le courant et de le tourner de manière qu'il regarde l'aiguille; c'est vers sa gauche que le pôle austral est toujours déplacé, que le courant soit vertical ou horizontal, au-dessus ou au-dessous de l'aiguille.

On comprend maintenant tout le parti qu'on va pouvoir tirer de cette propriété. On reconnaîtra qu'un courant passe dans un conducteur s'il dévie une aiguille aimantée voisine; on mesurera son intensité par la grandeur de la déviation, et l'on déterminera sa direction en considérant le sens du déplacement du pôle austral qui se dirigera vers sa gauche; mais, pour opérer avec commodité, on a imaginé un instrument spécial, le galvanomètre.

GALVANOMÈTRE. — On replic le fil conducteur autour de l'aiguille AB sur un cadre DEFC (fig. 464). Chacun des côtés du rectangle agit de manière à dévier le pôle austral vers la gauche du courant. Or, que l'on suppose d'abord l'observateur en p sur EF, et qu'on le fasse ensuite glisser sur le fil pour l'amener en p', p'', p''', avec la condition qu'il regarde toujours l'aiguille, sa droite reste dirigée en arrière et sa gauche en avant du ta-

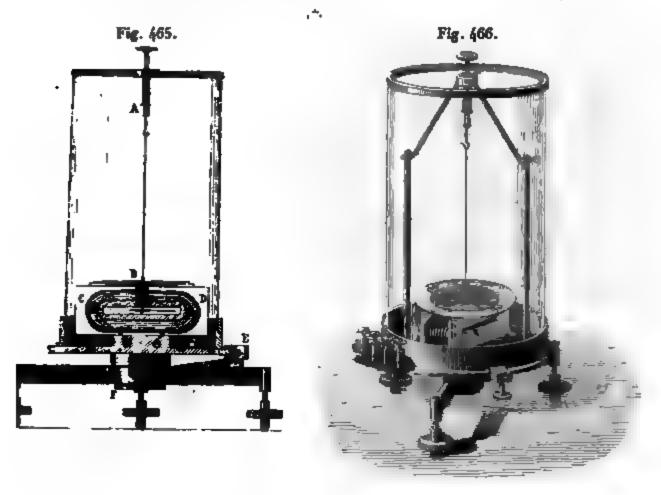
bleau, et, par suite, toutes les parties du rectangle concourent



à imprimer à l'aiguille une déviation de même sens, indiquée par les slèches A et B. On ramène ensuite le sil de manière à sormer un second rectangle superposé au premier, ce qui double l'action, et si l'on fait mille tours égaux, l'esset devient mille sois plus grand : de là le nom de multiplicateur que l'on donne à cet instrument, qui permettra de produire une déviation appréciable avec un courant trop saible pour agir directement, d'une manière sensible, sur une aiguille aimantée.

Cependant cette déviation est toujours restreinte par la force directrice de la terre, qui ramène l'aiguille dans le méridien magnétique; mais on peut encore augmenter la sensibilité de l'appareil en employant un système de deux aiguilles opposées AB, A'B' fixées à une tige verticale qui les rend solidaires. La terre agit inversement sur chacune d'elles et produit sur leur système un couple résultant égal à la dissérence de ceux qui dirigeraient séparément l'une et l'autre, et qui sera de plus en plus faible quand le magnétisme des deux aiguilles sera de moins en moins différent. D'un autre côté, l'effet total du courant sur le système se composera de celui qui s'exerce sur l'aiguille AB, lequel est, comme précédemment, représenté par les slèches A et B, et aussi de l'action exercée sur A'B', action qu'il faut étudier : or elle se réduira sensiblement à l'effet de la partie FC qui est prédominante, parce qu'elle est la plus rapprochée. Si donc on retourne l'observateur p' pour qu'il regarde A'B', il aura sa gauche derrière le tableau, et il y chassera le pôle A' dans le même sens que la flèche A. Conséquemment, l'addition d'une seconde aiguille a le double avantage de diminuer autant qu'on le veut le couple terrestre et d'augmenter le couple produit par le courant; et si l'on se rappelle que celui-ci est proportionnel au nombre des tours, on voit que la sensibilité de l'appareil ne sera limitée que par des difficultés de construction.

Les fig. 465 et 466 représentent, la première une coupe, la seconde l'aspect général d'un galvanomètre. L'appareil repose



sur un pied à vis calantes et tourne autour d'un axe vertical F qui permet de l'orienter; une vis de pression E le fixe invariablement quand il est réglé. Le cadre CD est en cuivre, il est percé d'un trou vertical B, destiné à laisser passer la tige qui réunit les deux aiguilles; il est entouré de fils de cuivre recouverts de soie qui en font le tour un nombre plus ou moins considérable de fois et qui aboutissent à des poupées extérieures AA, BB qu'on voit fig. 466; enfin il est recouvert d'un cercle borizontal divisé dont la ligne o-180 est parallèle aux plans

des fils. Les deux aiguilles sont soutenues à une potence par un fil de cocon AB accroché à un bouton A, que l'on peut soulever ou abaisser, suivant que l'on veut les suspendre librement ou les laisser reposer sur le cadre pour arrêter leurs oscillations. L'aiguille supérieure parcourt les divisions du cercle et mesure les déviations. Le tout est recouvert d'une cloche en verre.

Quand on veut expérimenter, on cale l'appareil, c'est-à-dire qu'on règle les vis de manière que les aiguilles oscillent librement, sans frotter sur aucune des parties du cadre ou du trou central B; puis on le fait tourner autour de son axe F, jusqu'à ce que les aiguilles, dirigées alors par la terre seulcment, coïncident avec la ligne o-180 du cercle: on est sùr alors qu'elles sont parallèles aux plans des fils et au couple terrestre. Alors on met l'appareil en communication avec les fils qui conduisent le courant. Pour cela, on les engage dans des trous percés sur les poupées terminales A, B, A₁, B₁, et on les serre par des vis latérales disposées à cet effet.

Souvent on dispose deux sils différents sur le cadre; les extrémités de l'un aboutissant à A, A, celles de l'autre à B, B,. On peut mettre l'un d'eux seulement ou tous les deux à la sois dans le courant, ce qui permet de donner à l'appareil plusieurs degrés de sensibilité.

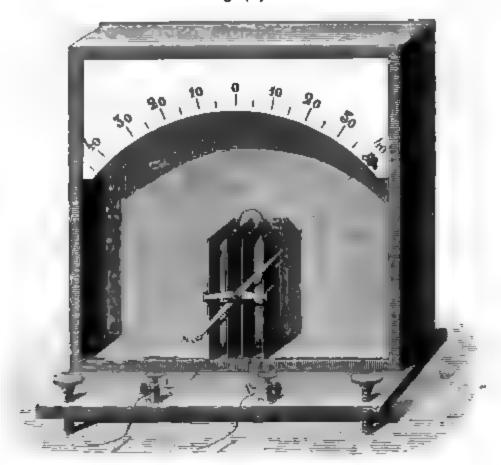
Si les deux sils AA, BB, sont égaux en longueur et en section et enroulés ensemble, ils produisent la même déviation quand ils sont séparément traversés par le même courant et une déviation nulle s'ils sont à la fois parcourus en sens inverse par des courants égaux. Ce galvanomètre différentiel permet conséquemment de reconnaître l'égalité de ces deux courants.

Dans ces derniers temps, M. Ruhmkorss a construit, sur les indications de M. E. Becquerel, un galvanomètre vertical de grande dimension (fig. 467). Les deux aiguilles NS, N'S' sont mobiles autour d'un axe horizontal passant par O; l'une d'elles, NS, équilibrée par une masse N, est prolongée par un style SG de 5 décimètres qui parcourt les divisions d'un grand arc de cercle; ensin le cadre galvanométrique CE, BD, divisé en deux parties, est disposé autour des deux aiguilles comme dans le galvanomètre horizontal. Très-peu sensible à cause de sa

DES COURANTS ÉLECTRIQUES, ETC.

masse, ce nouvel instrument n'a d'utilité que dans les démonstrations publiques.





TITEMENTÉ DES COURANTS. — Il est évident que l'angle de dévistion de l'aiguille d'un galvanomètre augmente avec l'intensité d'un courant; mais nous allons voir qu'il ne la mesure pas. L'intensité des courants est une grandeur comme toutes les autres; elle devient double, triple ou quadruple, etc., si l'on fait passer à la fois dans le même conducteur deux, trois, quatre, etc., courants égaux. En général, deux courants sont dans le rapport de m à n s'ils sont formés par la superposition, le premier de m, le second de n courants égaux qui leur servent de commune mesure, et en prenant celle-ci pour unité, ils sont exprimés par les nombres m et n.

Cela posé, lorsqu'on fait passer un courant d'intensité i dans un galvanomètre, il dévie l'aiguille d'un angle d, et quand elle est dans cette position, il agit sur elle suivant un couple qui fait équilibre à l'action terrestre; or le moment de ce couple est proportionnel, 1° au moment magnétique M de chaque ai~

guille; 2° à l'intensité du courant, car si l'on superposait deux courants égaux, ce qui ferait un courant double, ils donneraient deux couples égaux qui s'ajouteraient; 3° à une fonction complexe, qui nous est inconnue, de la distance des pôles à tous les éléments du courant, fonction qui dépend de toutes les circonstances de construction de l'instrument, mais qui pour un appareil donné ne varie qu'avec la déviation δ , puisque c'est la seule cause qui fasse changer la position des pôles par rapport au courant. En la représentant par $f(\delta)$, le moment C du couple exercé par le courant sera

$$C = iMf(\delta)$$
.

Si ensuite on fait circuler dans le même galvanomètre un autre courant d'intensité i', la déviation deviendra δ' , et l'on aura

 $C'=i'Mf(\delta'),$

par suite,

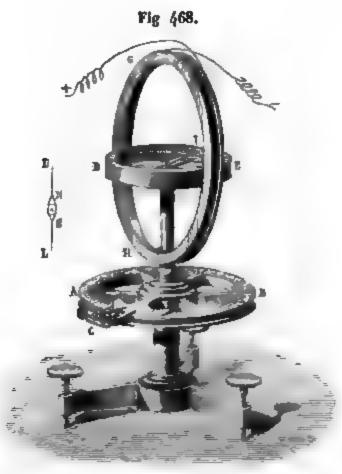
$$\frac{i}{i'} = \frac{C}{C'} \frac{f(\delta')}{f(\delta)};$$

ce qui veut dire que le rapport des intensités des deux courants ne sera pas égal à celui des couples de déviation, et à fortiori ne sera pas représenté par le rapport des déviations observées. Mais si l'on opère dans des conditions telles, que l'aiguille conserve toujours la même position par rapport au cadre, $f(\delta)$ sera égal à $f(\delta')$, et le rapport des intensités sera égal à celui des couples C et C'. Cette condition est réalisée par les appareils suivants que l'on doit à M. Pouillet.

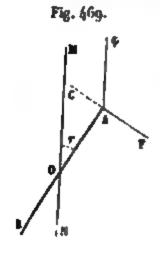
BOUSSOLES DES SINUS ET DES TANGENTES. — La fig. 468 représente un galvanomètre modifié. Le cadre GH est un cercle vertical de cuivre sur lequel s'enroulent les fils conducteurs et au centre duquel est une boussole horizontale DIE. Suivant les cas, l'aiguille de cette boussole peut avoir une longueur égale au diamètre du cercle horizontal DE ou elle doit être très-petite NS, et alors elle est prolongée jusqu'aux divisions de DE par une slèche de cuivre LL. Le tout est mobile autour d'un axe vertical au centre d'un cercle azimutal AB qui est sixe, et une alidade C mesure sur ce cercle les déplace-

11

ments du cadre GH. On peut employer cet appareil de deux manières :



I. Plaçons d'abord le cadre dans le méridien magnétique, et figurons par MN (fig. 469) le plan vertical commun du cadre



Nous aurons

GH, de l'aiguille I et de la ligne o-180 du cercle DE, puis notons la position de l'alidade C sur le cercle AB. Au moment où un courant passera dans les sils, l'aiguille se déplacera; alors saisons tourner le cadre dans le sens de la déviation d'jusqu'à ce qu'elle devienne nulle, c'est-à-dire jusqu'au moment où l'aiguille, le cadre et la signe o-180 se retrouveront consondus dans un autre plan vertical OA, et mesurons le déplacement r de l'alidade C, ou l'angle MOA.

$$C = iMf(o)$$
.

Or comme l'aiguille sera en équilibre entre la force terrestre e qui agit dans le méridien magnétique et l'action F du courant,

laquelle est perpendiculaire au cadre, il saut que

$$\Lambda C = \varphi \sin r = F$$
.

En désignant par 2 l la longueur de l'aiguille,

$$2 l \varphi \sin r = 2 l F$$
.

 $2l\varphi$ est le moment magnétique de l'aiguille ou M, 2lF est le moment C du couple produit par le courant, et l'on a

$$\mathbf{M}\sin r = \mathbf{C} = i\mathbf{M}f(\mathbf{o})$$

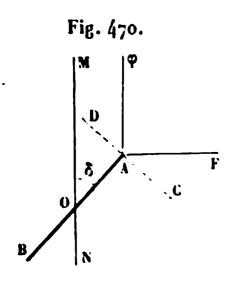
et enfin

$$i = \frac{1}{f(o)} \sin r = k \sin r.$$

Ce qui veut dire que l'intensité est indépendante du moment magnétique et qu'elle est proportionnelle, 1° au sinus du déplacement r de l'alidade C, de là le nom de boussole des sinus donné à l'instrument; 2° à un facteur $\frac{1}{f(\bar{o})} = k$ variable d'un appareil à un autre, mais constant pour le même. Il en résulte que certaines boussoles seront plus sensibles que d'autres, mais que toutes donneront le même nombre pour exprimer le rapport des intensités de deux courants.

Il est inutile que le cadre soit grand : plus il sera petit, plus l'appareil aura de sensibilité. On peut donc laisser à cette boussole la forme ordinaire du galvanomètre et se contenter d'ajouter à la base un cercle azimutal et une alidade pour mesurer r.

II. On peut, en second lieu, opérer avec l'appareil de la fig. 468 comme avec un galvanomètre ordinaire, c'est-à-dire le



placer préalablement dans le méridien magnétique, l'y laisser invariablement fixé, et se contenter de mesurer la déviation de l'aiguille; mais alors il est nécessaire que cette aiguille soit très-petite et que le cadre ait au moins 2 décimètres de rayon. Si ces conditions sont remplies, les deux pôles seront toujours sensiblement à la même distance des diverses par-

ties du courant, $f(\delta)$ sera à peu près constant, et $\frac{1}{f(\delta)}$ pourra se remplacer par k. Alors si nous représentons par OM et OA (fig. 470) les directions du méridien magnétique et de l'aiguille, par g et F les forces résultant de la terre et du courant, il faudra, pour qu'elles soient en équilibre, que

$$2 l \varphi \sin \delta = 2 l F \cos \delta = C \cos \delta,$$

$$M \sin \delta = i M f(\delta) \cos \delta,$$

$$i = \frac{1}{f(\delta)} \tan \beta = k \tan \beta.$$

Les intensités seront sensiblement proportionnelles aux tangentes de la déviation de l'aiguille, ce qui a fait donner à cet appareil le nom de boussole des tangentes.

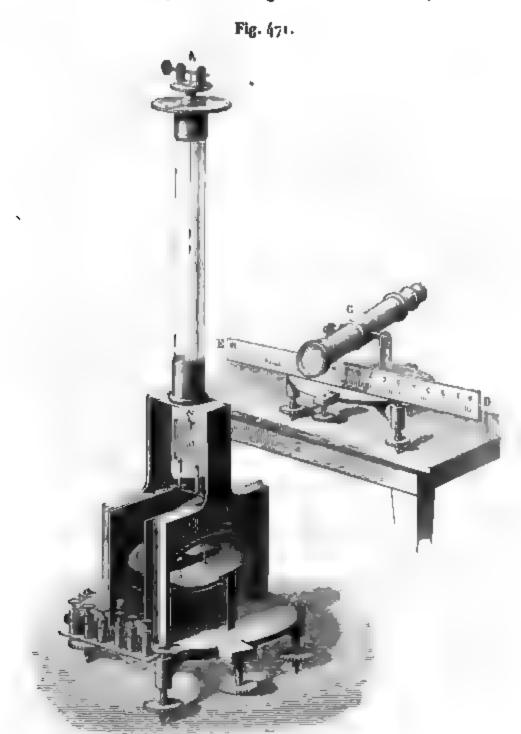
Il est clair que tout galvanomètre satisfait aux mêmes conditions que cette boussole, tant que les déviations sont assez petites pour qu'on puisse admettre que les relations de position de l'aiguille et du cadre n'ont pas été altérées d'une manière sensible, et comme dans ce cas tang d'est proportionnelle à l'arc d, on peut écrire

$$i = k \delta$$
.

Les intensités peuvent alors se mesurer par les déviations de l'aiguille.

D'après cela, on pourrait laisser aux boussoles des tangentes la forme des galvanomètres ordinaires, ne point augmenter la dimension de leurs cadres, ce qui est gênant, et diminuer leur sensibilité de manière que les déviations restassent trèspetites; mais il serait nécessaire alors de mesurer ces déviations avec une plus grande précision: c'est ce qu'on peut faire en employant la méthode imaginée par Gauss, et que nous avons décrite tome I, page 498, à propos de la déclinaison. La fig. 471 représente la boussole de Weber, qui sert aussi à d'autres usages. L'aiguille est remplacée par un barreau NS situé au centre du cadre; il est fixé solidairement à un miroir vertical M qui partage ses mouvements, et celui-ci est soutenu par un écheveau de soie écrue à un treuil A; les divisions de la règle DE se réfléchissent dans le miroir M, et leur image est observée par une lunette fixe C; le déplacement de cette image

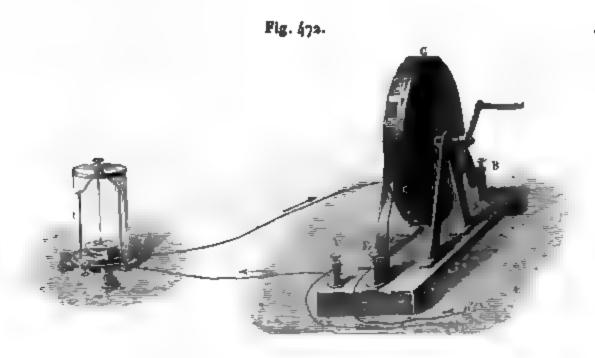
14 SOIXANTE ET UNIÈME LEÇON. permet de conclure, avec une grande exactitude, la déviation



du barreau suivant la méthode que nous venons de rappeler. Les fils, fractionnés en trois longueurs, aboutissent aux poupées F et permettent d'opérer avec des sensibilités très-diverses. Enfin le cadre est constitué par une masse considérable de cuivre qui a la propriété, comme nous le verrons dans la suite, d'arrêter presque instantanément les oscillations du barreau et de le ramener à une immobilité complète.

point de vue l'intensité des courants: quelle que soit l'idée qu'on se fasse du mouvement électrique qui les constitue, ils se réduisent, comme fait, au transport d'une quantité donnée de fluides contraires qui s'écoulent dans le conducteur en sens opposés. Or cette quantité est proportionnelle au temps et à l'intensité du courant, car elle devient double, triple,..., si l'on superpose deux, trois,..., courants égaux. Donc l'intensité déterminée par les boussoles que nous venons de décrire doit mesurer la quantité d'électricité qui s'écoule pendant des temps égaux. C'est ce que M. Pouillet a vérifié par une fort belle expérience.

Il a fait construire une roue de verre CC (fig. 472) qu'on

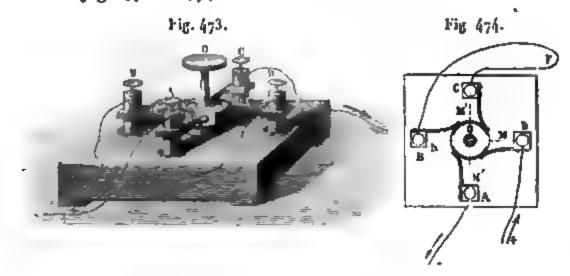


peut faire tourner par une manivelle et qui est enveloppée d'un anneau métallique continu sur le bord CC et denté sur l'autre. Deux languettes élastiques, attachées aux poupées E et B, s'appuient, la première sur les dents, la seconde sur le métal continu. Faisons passer le courant d'une pile de A dans une boussole G, de G en B, et enfin de B en E par l'intermédiaire de la roue; il sera interrompu si la languette E s'appuie sur le verre, il passera si elle presse sur une dent. Quand on fera tourner l'appareil, les communications et les interruptions se succéderont alternativement, et la quantité d'électricité totale qui passe pendant un temps donné étant

i quand la communication est continue, se réduira à la moitié, au tiers ou au quart si l'étendue des dents conductrices occupe la moitié, le tiers ou le quart de la circonférence de la roue. Or si la rotation est rapide, la boussole G accuse une déviation constante et montre que l'intensité est précisément diminuée dans le rapport des quantités d'électricité.

Nous possédons maintenant tous les appareils nécessaires pour constater l'existence des courants et mesurer leur intensité; mais avant d'en faire usage, nous donnerons la description de deux appareils dont l'emploi revient fréquemment dans l'étude de l'électricité.

interrupteurs et commutateurs. — Quand on veut à un moment donné soumettre ou soustraire un circuit conducteur à l'action d'un courant, on emploie l'interrupteur représenté dans les fig. 473 et 474.



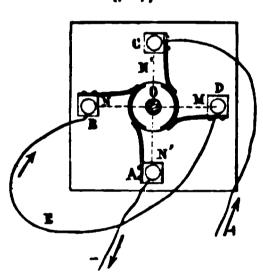
Sur un support en bois, substance peu conductrice, s'élèvent quatre poupées cylindriques en métal A, B, C, D, qui sont percées de trous horizontaux dans lesquels on engage les fils conducteurs que l'on serre au moyen de vis verticales. De chacune de ces poupées part une languette formant ressort qui vient presser un cylindre central surmonté d'un bouton O, et qu'on peut faire tourner autour de son axe vertical. Il est en ivoire, mais son contour est revêtu de deux lames métalliques opposées dont les milieux sont sur la figne M'N', et qui ne sont séparées l'une de l'autre que par deux arcs d'ivoire situés sur un diamètre MN (fig. 474).

Supposons que les poupées D et A soient mises en commu-

nication, la première avec le pôle positif, la seconde avec l'extrémité négative d'une pile, et que B et C-soient réunies par le conducteur CFB à travers lequel on veut faire passer le courant. Si le diamètre d'interruption est en MN, comme l'indique la figure, le courant passe de la languette fixée en D dans celle qui est portée par A, à travers le contour métallique N' du cylindre central, et il ne circule pas dans le conducteur BFC. Mais si l'on tourne de 90 degrés le bouton O, la ligne d'interruption se place suivant M'N', celle de communication en MN, alors le courant va de D en C, traverse CFB, et revient de B en A au pôle négatif.

Le même appareil sert à un autre usage: il permet de changer le sens du courant dans un conducteur et devient un commutateur. Pour cela, on joint les deux pôles aux deux poupées opposées C et A (fig. 475), et le conducteur BED aux deux

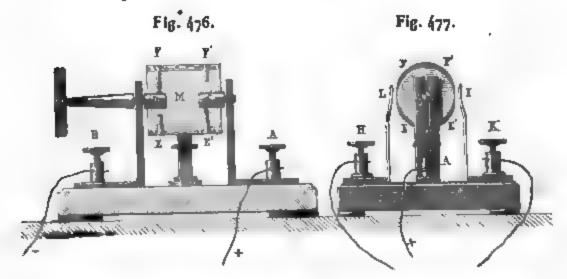
Fig. 475.



rant suit le chemin C, DEB, A et marche dans le sens de la slèche EB; mais lorsqu'on mettra la ligne d'interruption en MN, le chemin parcouru sera C, BED, A, dans une direction opposée à la slèche EB.

On a imaginé beaucoup d'autres appareils destinés, comme le précédent, à interrompre le courant ou à changer sa direction à un moment donné; nous décrirons encore le suivant, qui est dù à M. Ruhmkorss et qui se retrouvera dans un grand nombre d'instruments (fig. 476 et 477). M est un cylindre de verre mobile autour d'un axe horizontal métallique DC qui

18 SOIXANTE ET UNIÈME LEÇON. - DES COURANTS ÉLECTRIQUES. est interrompu en son milieu. La partie C est en commu-



nication, d'abord par le support et la poupée A avec le pôle positif, ensulte avec une plaque métallique EE' appliquée par des vis sur le cylindre de verre. La partie D du même axe est, de la même manière, réunie au pôle négatif par B et à une seconde plaque FF'. De cette façon, on peut dire que EE' et FF' sont les pôles positif et négatif de la pile. La fig. 477 représente maintenant une élévation perpendiculaire à l'axe; on y voit les deux lames EE' et FF' faisant saillie au-dessous et au-dessus du cylindre; H et K sont deux autres poupées qui recoivent les extrémités du conducteur et d'où partent deux languettes I et L qui se dressent à la hauteur du cylindre en verre et en regard de la partie qui est nue. Dans cette position, le courant est interrompu; mais quand, en tournant l'axe de 90 degrés, on fera communiquer EE' avec 1 et FF' avec L, le courant passera de 1 en K, circulera de K en H et reviendra de L en FF'. Au contraire, si l'on fait toucher I à FF' et L à EE', le courant ira de L en H, puis en K et 1, et il aura marché dans le conducteur de H en K. C'est ainsi qu'avec beaucoup de simplicité on a à la fois, sans aucun changement des communications, un interrupteur et un commutateur.

SOIXANTE-DEUXIÈME LECON.

DE LA FORCE ÉLECTROMOTRICE ET DES PILES VOLTAÏQUES.

Force électromotrice au contact des corps hétérogènes. — Expériences de Volta. — Discussion de sa théorie. — Siége de la force électromotrice.

Couples et piles voltaïques. — Diverses formes des piles. — Pile de Volta. — A tasses. — De Cruiskanks. — De Wollaston. — De Munch. — Piles sèches.

Force électromotrice produite par la chaleur. 1° dans un seul métal; 2° à la soudure de deux métaux. — Piles thermo-électriques.

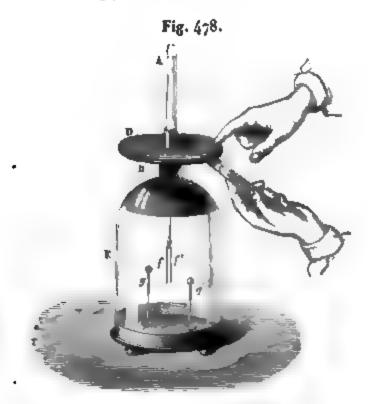
FORCE ÉLECTROMOTRICE AU CONTACT DES CORPS HÉTÉROGÈNES.

Les causes de production des courants sont nombreuses; mais deux seulement sont importantes et nous n'examinerons qu'elles.

EXPÉRIENCES DE VOLTA. — C'est en 1800 que Volta construisit le merveilleux électromoteur qui devait conduire à des phénomènes si nombreux et à des applications si diverses; il y sut amené par la découverte qu'il sit de la décomposition de l'électricité neutre au contact des corps hétérogènes et par une série de considérations préconçues où l'hypothèse avait sa large place. Les saits sont restés, mais les interprétations de l'illustre physicien ont été prosondément modisiées. Nous allons résumer ses découvertes qui s'appuient sur trois expériences sondamentales.

I. Volta prend une lame métallique bien décapée, CZ (fig. 478), formée de deux rectangles égaux de zinc et de cuivre soudés entre eux. Tenant le zinc Z de la main gauche, il touche avec le cuivre C l'un des plateaux B de l'électromètre conden-

sateur, pendant qu'il fait communiquer l'autre avec le sol par la main droite. Il supprime ensuite ces communications, sé-



pare les deux plateaux et constate par la divergence des lames d'or que le cuivre a cédé de l'électricité au plateau B. Elle est négative.

Pour interpréter cette expérience, Volta fait trois hypothèses. 1º Il se demande en quel endroit l'électricité prend naissance, et il admet que ce n'est ni au contact de C avec le plateau B, ni à celui des doigts avec le zinc Z, mais à la soudure des deux métaux. C'est une hypothèse entièrement gratuite. 2º Il suppose que, si les deux métaux primitivement à l'état naturel étaient isolés, le fluide neutre se décomposerait à leurs points de réunion, que le zinc se recouvrirait d'une couche d'électricité positive dont la tension serait + e et le cuivre d'une épaisseur égale — e de fluide négatif. Quant à la cause qui détermine cette séparation, il ne l'explique pas, mais il la nomme force électromotrice. Elle se mesure par l'effet qu'elle produit, c'est-à-dire par la différence 2e des tensions électriques qu'elle établit entre les deux lames. 3° Enfin il imagine un dernier principe très-vraisemblable, et qui en effet a été vérifié depuis, c'est que la force électromotrice décompose toujours la même quantité 2e de fluide neutre entre les

deux corps où elle se développe, quel que soit leur état électrique initial; de sorte que si leur tension est A avant le contact, elle devient, quand il est établi, A + e sur l'un, et A - e sur l'autre; ce qui fait que la différence de ces tensions est constante et égale à 2e.

- II. Volta trouve une confirmation de la troisième hypothèse en saisant une seconde expérience qui consiste à retourner la lame, à tenir le cuivre à la main et à toucher avec le zinc le plateau collecteur de l'électromètre. Dans ce cas, il n'y a aucune trace d'électricité sur l'appareil, et cela doit être, car si la différence des tensions est toujours égale à 2e; le cuivre C doit avoir o, puisqu'il touche au sol, le zinc Z o + 2e ou 2e, et le cuivre de l'électromètre 2e 2e ou zéro.
- III. Ce que nous venons de dire résumait pour Volta le rôle de deux métaux en contact; mais il fallait aussi fixer celui des liquides quand ils touchent ces métaux : c'est le but d'une troisième expérience. Laissant la double lame disposée comme précédemment, Volta intercale une rondelle de drap mouillé entre le zinc et le plateau collecteur et il trouve que l'électromètre se charge positivement. Alors il admet que l'électricité 2e qu'avait le zinc passe à travers le drap dans le plateau; puis, généralisant cette explication, il pose en principe que les liquides ne développent aucune force électromotrice dans leur contact avec les métaux et qu'ils ne servent qu'à transmettre par conductibilité simple les électricités dont ces métaux sont chargés. Toute cette théorie de Volta se résume dans les principes suivants:
 - 1°. Les liquides sont des corps simplement conducteurs;
- 2°. Il existe une force électromotrice au contact de deux métaux hétérogènes;
- 3°. La force électromotrice établit une dissérence constante entre les tensions des deux métaux.

Nous avons résumé cette théorie, parce qu'une longue habitude lui a donné comme une sorte de consécration, et nous met dans l'obligation de faire oublier les idées fausses qu'elle avait légitimées, avant d'y substituer les véritables principes de l'électrochimie, obligation qui se produit tôt ou tard, mais nécessairement toutes les fois qu'on a trop précipitamment adopté quelque théorie hypothétique.

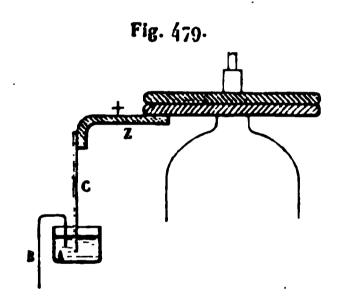
SIÉGE DE LA FORCE ÉLECTROMOTRICE. — Toutes les erreurs que l'on a reconnues dans l'interprétation de Volta dérivent d'une cause unique, d'une faute de raisonnement que nous allons signaler tout d'abord. Quand on tient la double lame par le zinc et qu'on la met en communication par le cuivre avec l'électromètre, le plateau collecteur se charge : c'est un fait qu'on exprime en disant qu'il y a une force électromotrice. Il est évident qu'elle naît à l'un des contacts. Or il y en a trois entre lesquels il faut choisir: 1º contact des doigts avec le zinc; 2º contact à la soudure du zinc et du cuivre; 3º contact entre le cuivre de la lame et celui du plateau. Ce dernier ne peut décomposer le fluide neutre, puisqu'il n'entraîne aucune dissymétrie; mais il n'y a pas de raison pour admettre à priori que la force électromotrice est nulle entre le zinc et les doigts, et qu'elle prend naissance à la soudure zinc et cuivre. On peut tout aussi légitimement supposer que le contraire a lieu, peut-être même est-ce à tous les deux contacts à la fois que se fait la décomposition du fluide neutre. Avant tout, il faut chercher à résoudre cette question par l'expérience : Quel est le siége de la force électromotrice? Reprenons, en les variant, chacune des trois expériences de Volta.

I. Préparons une série de plaques semblables à celle de Volta, en remplaçant le cuivre par un métal quelconque que nous mettrons en contact avec l'électromètre, pendant que nous tiendrons le zinc à la main. Nous verrons que l'expérience est identique avec ces diverses plaques et que toutes chargent l'appareil de quantités à peu près égales d'électricité négative. On peut même multiplier le nombre des métaux en les soudant l'un à l'autre à la suite du zinc ou les supprimer tous en ne conservant que le zinc, sans que l'effet change sensiblement; d'où il résulte que la nature et le nombre des contacts métalliques n'ont pas d'influence sensible sur la nature et la quantité de fluide développé. Ce n'est pas là qu'est la force électromotrice.

On a construit des électromètres avec un plateau de cuivre et un autre de zinc, que l'on avait vernis pour éviter l'action de l'air et qu'on réunissait en faisant toucher deux fils de cuivre soudés sur l'un et sur l'autre; ils n'ont point donné d'électricité, par conséquent les métaux soudés ne prennent aucune différence de tension et constituent de simples conducteurs.

Il n'en est point de même du contact entre le zinc et les doigts. La divergence observée des lames d'or est nulle s'ils sont secs, sensible quand ils sont mouillés d'eau pure et considérable lorsqu'on les a trempés dans une solution saline ou acide. C'est donc au contact de ces doigts que le zinc prend de l'électricité négative qui se transmet au plateau et, en général, c'est entre les liquides qui se chargent positivement et les métaux qui deviennent négatifs que se développe la force électromotrice.

II. Volta explique la deuxième expérience en admettant que le zinc possède une tension 2 e entre le cuivre de la lame et celui du plateau qui seraient tous deux à l'état naturel. Si cette explication était fondée, l'état des doigts qui tiennent le cuivre ne devrait avoir aucune influence sur le résultat, le fait serait général : or il ne l'est pas. L'expérience prouve qu'en mouillant les doigts avec de l'acide azotique ou de l'eau régale, ou

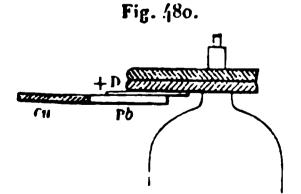


g.

en plongeant le cuivre dans ces liquides en communication avec le sol (fig. 479), on obtient sur l'électromètre une charge négative qui ne change pas quand on supprime le zinc et qu'on met le cuivre en contact direct avec le plateau. Cela est évident, si l'on admet que l'électricité négative se développe sur le cuivre par

l'esset du liquide acide, et se transmet par simple conductibilité de ce cuivre au zinc et du zinc au plateau.

III. La troisième expérience de Volta consiste à tenir le



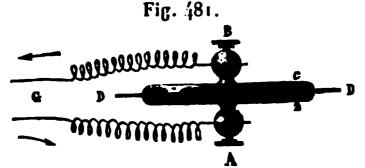
cuivre à la main et à intercaler une rondelle humide entre le zinc et le plateau, ce qui charge positivement ce dernier. En variant cette expérience, on arrive encore à la mettre en contradiction avec la théorie de Volta.

Prenons une double lame de cuivre et de plomb (fig. 480),

et mettons ce dernier métal en communication avec l'électromètre par l'intermédiaire d'un drap mouillé de sulfure de potassium; nous trouverons de l'électricité positive, ce qui indiquerait, dans les idées de Volta, que le plomb est positil au contact du cuivre. Mais retournons la lame, mettons le drap sur le cuivre et imprégnons-le d'acide azotique, nous constaterons la même électricité, ce qui conduirait à dire que c'est le cuivre qui est positif et non le plomb. Cette contradiction n'existe point quand on admet que le siége de la force électromotrice est entre le drap et le métal: ce drap est nécessairement positif et le métal négatif, que ce soit le cuivre ou le plomb, et tout s'explique. L'expérience doit être faite avec ur électromètre à plateaux dorés.

On va retrouver les mêmes conclusions par un tout autre moyen d'études. Au lieu de mesurer les tensions des électricités par l'électromètre, qui est un instrument peu sensible e soumis à des causes perturbatrices difficiles à éliminer, on vales laisser se recombiner à travers un galvanomètre; elles donneront un courant continu, parce que la force électromotrice les reproduit à mesure qu'elles se neutralisent dans le circuit, et l'on appréciera l'intensité et le sens de cette force par la grandeur et la direction des déviations des aiguilles : les effets seront beaucoup plus intenses, tout à fait constants e parfaitement mesurables.

Prenons, par exemple, deux disques égaux, l'un de cuivre c l'autre de zinc z (fig. 481), fixés à deux boutons de cuivre I



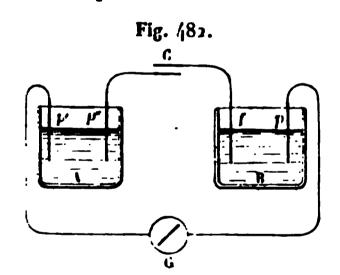
et A par lesquels on les join à un galvanomètre dispose vers G. Si l'on place entre eux un drap mouillé DD, un courant se manifeste dans le sens indiqué par les flèches.

Cette expérience s'explique par la théorie de Volta: l'électricité se décomposerait entre le bouton A et le zinc z, la négative se porterait sur A, la positive sur z. De z celle-ci passerait au drap, puis à c et à B, et reviendrait en A par les fils BGA. Mais on explique également bien les faits en admettant que la force électromotrice s'exerce entre le drap mouillé DE et le zinc z qui deviennent, le premier positif, le second né-

gatif; le courant passe dans le circuit de DD en c et en G, et revient de G en A et en z. Ces deux explications ne dissèrent que par le point d'origine du courant.

Pour nous décider entre les deux théories, remplaçons le disque de zinc par un disque de plomb, les résultats resteront les mêmes si le drap est mouillé avec du sulfure de potassium; mais s'il est imbibé d'acide azotique, le courant aura un sens inverse. Or puisque les contacts métalliques n'ont point changé, cette inversion est inexplicable dans la théorie de Volta; elle est nécessaire, au contraire, s'il existe deux forces électromotrices inégales et opposées au contact du liquide et des deux métaux, l'une sur le plomb qui domine avec le sulfure de potassium, l'autre sur le cuivre, laquelle est la plus forte quand on emploie l'acide azotique.

On a multiplié ces expériences en les variant à l'infini; nous n'en citerons plus qu'une qui est due à M. Faraday et qui est concluante. Deux verres A et B (fig. 482), contenant du sulsure de potassium, sont réunis à un galvanomètre G par des sils



de platine p, p' et entre eux par deux autres sils, l'un de platine p", l'autre de ser f, terminés par deux petites plaques C. Si elles se touchent, il y a dans le circuit un contact en C entre deux métaux hétérogènes et il n'y en a pas d'autres; il devrait donc y avoir une sorce électromotrice en ce

point C et un courant dans le conducteur; cependant le galvanomètre reste au repos. Si au contraire on interpose entre ces deux lames C un drap imbibé d'acide, on supprime tout contact métallique et l'on devrait supprimer tout courant. C'est justement l'inverse qui a lieu; on voit l'aiguille se dévier dans un sens qui indique que le fer est négatif et le liquide positif.

En résumé, Volta s'était trompé dans ses interprétations, et aux principes qu'il avait admis, principes que nous oublierons à l'avenir, il faut substituer les suivants:

1°. Il n'y a pas de dissérence de tension entre deux métaux hétérogènes qui se touchent;

- 2°. Il existe, au contact d'un liquide avec un métal, une force électromotrice qui agit toujours dans le même sens, en rendant le métal négatif et le liquide positif;
- 3°. La force électromotrice établit, entre un liquide et un métal qui se touchent, une différence de tension 2e indépendante de leur état électrique commun;
- 4°. Il peut arriver que cette dissérence soit considérable, ou faible, ou même nulle, suivant la nature du métal ou du liquide en contact.

A la vérité ces principes ne sont qu'indiqués par les expériences qui précèdent, mais nous nous réservons de les confirmer ultérieurement quand nous nous occuperons de la mesure des forces électromotrices. Pour le moment nous les admettrons à titre provisoire; nous considérerons l'action électromotrice comme un fait, et sans chercher à l'expliquer nous allons montrer comment on peut l'utiliser pour construire des piles voltaïques.

COUPLES ET PILES VOLTAÏQUES.

Imaginons deux métaux dissérents séparés par un liquide qui attaque l'un et soit sans action sur l'autre, par exemple deux lames de zinc et de cuivre, séparées par une couche d'acide sulsurique étendu; nous aurons ce que l'on nomme un couple voltaique. On peut le sigurer par le symbole suivant:

zinc | liquide | cuivre
$$A + 25 + A + 25 - 25'$$

La force électromotrice qui agit entre le liquide et le zinc détermine entre eux une différence de tension 2ϵ ; donc, si celuici est en communication par conductibilité simple avec une source quelconque m dont la tension soit A, il se mettra en équilibre avec elle, et le liquide prendra $A + 2\epsilon$.

D'autre part, ce même liquide est en contact avec du cuivre, et par l'esset d'une seconde sorce électromotrice la tension de ce cuivre devra être insérieure de $2\epsilon'$ à celle du liquide; elle sera $A + 2\epsilon - 2\epsilon'$: donc dans l'état d'équilibre il y aura une dissérence $2\epsilon - 2\epsilon'$ entre le zinc et le cuivre, et si ce dernier métal est en contact avec un conducteur métallique n, il lui

communiquera sa tension A + 2 s - 2 s':

m — (zinc | liquide | cuivre) — n
A (A |
$$A + 2\varepsilon$$
 | $A + 2\varepsilon - 2\varepsilon$) $A + 2\varepsilon - 2\varepsilon$

Par conséquent, toutes les sois qu'on mettra ce couple en communication avec la source m par son zinc et avec un conducteur n par son cuivre, il transmettra la tension A de cette source m à ce conducteur n, en l'augmentant de 2i-2i': c'est la propriété essentielle d'un couple. 2i-2i' exprime sa sorce électromotrice effective; nous la désignerons par 2e.

On voit que si les deux métaux étaient identiques, 2: — 2: serait nul et le couple inactif; lorsqu'ils seront différents, 2: — 2: sera positif ou négatif, et aura une valeur qui dépend des métaux et du liquide. Voici cette valeur déterminée par M. Ed. Becquerel, par un procédé que nous ferons ultérieurement connaître, dans le cas où le liquide est de l'acide sulfurique étendu, où le cuivre est remplacé par du platine, et le zinc par un des métaux dont les noms suivent; celle du zinc est exprimée conventionnellement par 100.

Potassium	173	Cobalt	44
Zinc amalgamé	103	Bismuth	37
Zinc pur	100	Antimoine	35
Cadmium	79	Cuivre	35
Plomb	66	Argent	22
Étain	66	Mercure	31
Per	61	Or. — Platine	o
Aluminium	5ι	Charbon	o
Nickel	45		

Ces nombres représentant la dissérence entre la sorce électromotrice de chaque métal et celle du platine, on obtient, en retranchant ceux qui correspondent à deux métaux quelconques, la sorce effective du couple qui serait constitué avec ces métaux. Elle sera positive si on combine l'un d'eux avec ceux qui le suivent, par exemple le cuivre et le platine, et négative si on l'associe avec ceux qui le précèdent (cuivre et ser); elle sera la plus grande possible avec le potassium et le platine, et en combinant le zinc et le cuivre, ce qui est le cas le plus habituel, elle aura encore une valeur considérable.

Une pile est la réunion d'un nombre n de couples disposés l'un après l'autre, de telle sorte que le cuivre de l'un d'eux touche au zinc du suivant. De cette façon, chacun est en communication métallique avec ses voisins, et puisqu'il a la propriété de transmettre les tensions en les augmentant de 2i-2i'=2e, il faut, pour que l'équilibre électrique existe, que les tensions augmentent de 2e d'un zinc au suivant, c'est-à-dire comme les termes d'une progression arithmétique dont la raison est 2e. Si l'un d'eux est à l'état naturel, tous ceux qui le suivent ou le précèdent auront les tensions $\pm 2e$, $\pm 4e$,.... Par exemple, si le premier zinc touche au sol, la pile sera tout entière chargée positivement, et le dernier cuivre, qu'on nomme pôle positif, aura + 2ne. Si c'est au contraire le dernier cuivre qu'on mette en communication avec le sol, le premier zinc, qui est le pôle négatif, aura -2ne,

Toute pile, quand un de ses pôles communique avec la terre, a donc la propriété d'accumuler à l'autre extrémité des tensions + 2 ne ou - 2 ne et de les reproduire si elles viennent à diminuer. Par conséquent, si l'on réunit les deux pôles entre eux par un arc conducteur, chacun d'eux tend à reproduire continuellement ces tensions qui tendent continuellement à s'annuler, parce que ces électricités contraires se recombinent sous forme de courant par l'arc de communication.

Cette théorie des piles repose sur l'hypothèse de Volta, qui consiste à admettre que la différence 2 e des tensions entre les deux pôles d'un couple est indépendante de la tension de chacun d'eux. Si elle ne l'était pas, les charges ne croîtraient pas en progression arithmétique, elles varieraient suivant une autre loi, et les pôles de la pile n'auraient pas des tensions proportionnelles au nombre n des couples. On a donc un moyen de vérisier ou d'insirmer cette hypothèse, c'est de mesurer la tension des pôles. Or M. Biot a trouvé qu'elle croît proportionnellement à n, et M. Kolhrausch a consirmé ce résultat. L'hypothèse de Volta est donc une loi physique, et il n'y a plus

rien à objecter à la théorie des piles; il n'y a plus qu'à savoir comment on les dispose.

FILE A COLORER. — Le premier type des piles construites par Volta est représenté dans la fig. 483. Des disques égaux de cuivre et de zinc sont superposés alternativement, et chaque paire est séparée de la suivante par une rondelle mouillée



de drap ou de carton. La colonne entière est soutenue par trois tiges de verre verticales A, B, C enchâssées dans un socle en bois D et maintenues à leur sommet par un disque percé de trois trous. Les lames de cuivre C et de zinc Z sont les pôles; on les met en communication, avec tous les appareils qu'on veut soumettre à leur action, par des fils métalliques que l'on appelle réophores.

Les effets sont faibles si les rondelles de drap sont mouillées d'eau pure; mais la tension augmente quand on les imbibe avec une dissolution saline ou acide; alors les disques de zinc s'altèrent rapidement; on doit s'empresser de démonter la pile aussitôt qu'elle a servi, et quand on veut la disposer de nouveau, il faut décaper avec soin les faces des métaux qui sont en

contact. On évite ces précautions et l'on abrége le temps des opérations en faisant à l'avance souder deux à deux les disques de cuivre et de zinc.

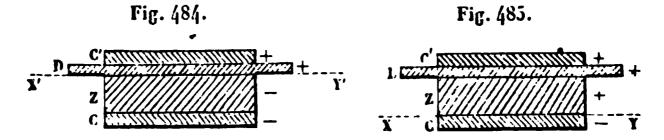
Pour nous rendre un compte exact de la distribution des tensions dans cette pile, représentons comme précédemment les couples successifs:

Cu
$$\overline{Zn | drap | Cu}$$
 $\overline{Zn | drap | Cu}$... \overline{Zn} $\overline{| drap | Cu}$ \overline{Zn} \overline{Zn} $\overline{| drap | Cu}$ \overline{Zn} \overline{Zn}

On voit que l'extrémité terminée par le zinc est le pôle positif et que celle qui est en cuivre est le pôle négatif: ce qui fait que Volta nommait pôle zinc le positif, et pôle cuivre le négatif. Cette dénomination, qui était logique dans sa théorie, n'est plus aujourd'hui qu'une cause d'erreurs, car le cuivre et le zinc extrêmes sont inutiles, puisqu'ils n'entrent dans la composition d'aucun couple; on devrait les supprimer et on les supprime, en effet, dans la plupart des piles, de telle sorte que le pôle appelé cuivre, le négatif, est justement celui qui est formé par du zinc, et inversement. Pour éviter cette amphibologie et toutes les incertitudes auxquelles elle donne lieu, nous supprimerons ces dénominations; et quand nous voudrons reconnaître dans une pile quelconque le pôle positif et le pôle négatif, nous considérerons un couple en particulier,

$$-A \dots \overbrace{Zn | liquide | Cu} \dots + B$$

A partir du liquide, le pôle négatif — A sera tourné du côté du zinc, et le positif + B du côté du cuivre. Ainsi, dans la pile à colonne, un couple ZDC' (fig. 484) a sa force électromotrice maximum en X'Y'; le pôle négatif est en bas du côté du zinc, et le positif est en haut vers le cuivre.



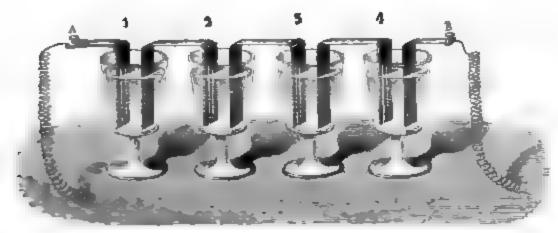
On a pu remarquer que, d'après Volta, le zinc serait positif et le cuivre négatif, tandis que nous avons montré que le zinc prend l'électricité négative et le liquide la positive. Il paraît en résulter une contradiction; mais elle n'est qu'apparente. Elle tient à ce que Volta supposait le siége de la force électromotrice placé en XY (fig. 485) au contact des deux métaux,

tandis qu'il est situé en X'Y' (fig. 484). Dans les deux cas, le premier cuivre C est négatif et le second C' positif, il n'y a rien de changé aux tensions de deux couples successifs.

La pile à colonne a des inconvénients gravès: sous l'effort des pressions exercées par les parties supérieures, les liquides coulent le long des disques et abandonnent les rondelles mouillées, ce qui reste attaque le zinc et le transforme en sels nouveaux; il en résulte que la pile se dessèche, qu'elle devient moins conductrice et moins active et que ses effets, d'abord énergiques, diminuent rapidement, jusqu'à devenir insensibles.

FILE A TASSES. — On a réussi à diminuer ces imperfections de la pile primitive en modifiant sa construction. Volta commença par disposer les couples sur un support horizontal, ce qui évitait les effets de la compression. Il remédia ensuite à l'altération rapide des liquides, en construisant la pile à tasses 'fig. 486). Les disques sont remplacés par des lames rectangulaires recourbées sous la forme d'un U renversé, dont la



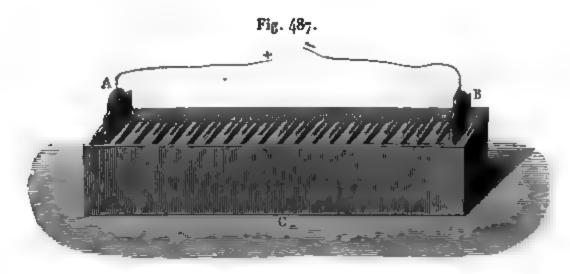


Elles plongent dans des verres remplis d'eau acidulée, entre lesquelles elles établissent une série de ponts. Il est bien évident que l'on trouve ici les mêmes alternatives de zinc, de liquide et de cuivre que dans la pile à colonne, répétées autant de fois qu'il y a de couples. Mais il y a deux différences essentielles: la première est que les draps, qui contenaient peu de liquide s'altérant rapidement, sont remplacés par une masse considérable d'eau acidulée dont la composition chimique

varie très-lentement et qui conserve à la pile une intensité presque constante pendant longtemps; la seconde consiste en ce que les divers éléments peuvent être exactement isolés. A cet effet, on vernit à la gomme laque les pieds des verres et on les range en série sur des rayons disposés comme ceux d'une bibliothèque; telle est la pile de M. Gassiot, dont nous aurons bientôt l'occasion de parler.

PILES DE CRUISKANKS ET DE WOLLASTON. — Toutes les personnes qui ont employé ces appareils savent combien il faut de temps pour disposer une pile dont le nombre d'éléments est considérable. C'est un inconvénient que l'on a fait disparaître en fixant invariablement les métaux entre eux, de telle sorte qu'il n'y ait plus qu'à amorcer l'instrument en remplissant d'eau acidulée l'intervalle compris entre le cuivre et le zinc de chaque couple; c'est le principe des piles de Cruiskanks et de Wollaston.

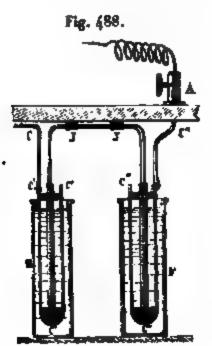
Dans la première (fig. 487), les plaques zinc et cuivre ont la forme carrée; elles sont implantées et mastiquées verticale-



ment dans une auge horizontale de bois; elles laissent entre elles des vides qui représentent la place occupée par les draps dans la pile à colonne. Il suffit de remplir ces vides avec de l'eau acidulée pour amorcer la pile et de les vider pour qu'elle cesse d'agir.

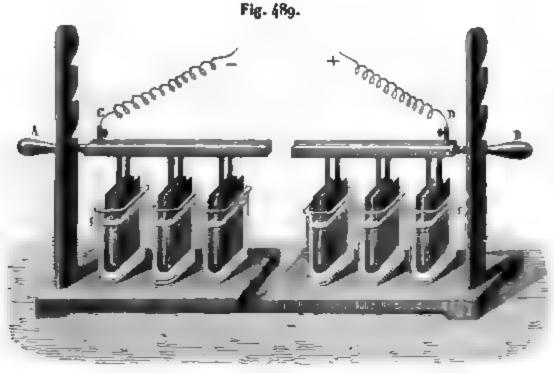
La pile de Wollaston dérive naturellement de la pile à tasses. Que l'on suppose tous les éléments de celle-ci (fig. 486) fixés à une traverse horizontale, on pourra les soulever tous à la fois et les soustraire ainsi à l'action du liquide ou bien les plonger

en même temps dans les verres, ce qui mettra à l'instant la pile en activité pendant le temps strictement nécessaire pour faire



l'expérience que l'on aura en vue: c'est là ce que sit Wollaston. Mais comme il avait remarqué que les courants d'une pile sont d'autant plus énergiques que les surfaces immergées sont plus grandes et plus rapprochées, il prit des plaques de zinc ZZ de plusieurs décimètres carrés, et recourba les seuilles de cuivre C'C' autour d'elles, de manière à envelopper leurs deux côtés (fig. 488). Les verres sont remplacés par de grands bocaux plats placés en série sur une planche; deux montants échancrés en cré-

millère servent à supporter la traverse AB (fig. 489) à des

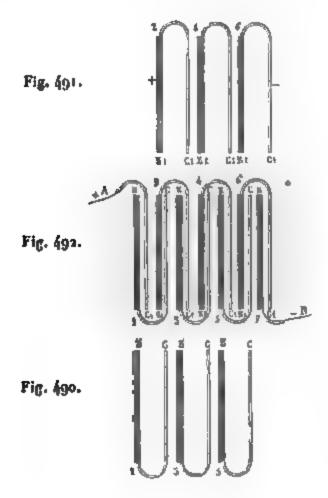


hauteurs diverses, suivant qu'on veut plonger plus ou moins les couples ou les maintenir hors du liquide.

On peut dire que la pile de Wollaston, sans altérer le type de la pile primitive, résume tous les perfectionnements dont il était susceptible.

Quand on veut étudier les effets de tension aux ext des piles, il est indispensable d'isoler les couples avec grand soin. Mais lorsqu'elles ne doivent servir qu'à p des courants à travers des circuits métalliques, cette co est inutile. Le plus souvent on ne s'en préoccupe pas tient à ce que les métaux sont incomparablement plus teurs que les autres corps. Ainsi, la pile à colonne est t mouillée par le liquide qui coule le long de sa surface ex et qui établit entre les pôles une communication contin pendant il ne paralt pas qu'elle fonctionne plus mal quai communication existe, que lorsqu'elle est évitée avec soin. On pourrait même la plonger toute entière dans rempli de liquide sans qu'elle cessât de donner des c énergiques à travers des circuits métalliques. MM. Bec Faraday et Munch ont profité de cette remarque pour coi des piles à une seule auge. Nous allons décrire celle de

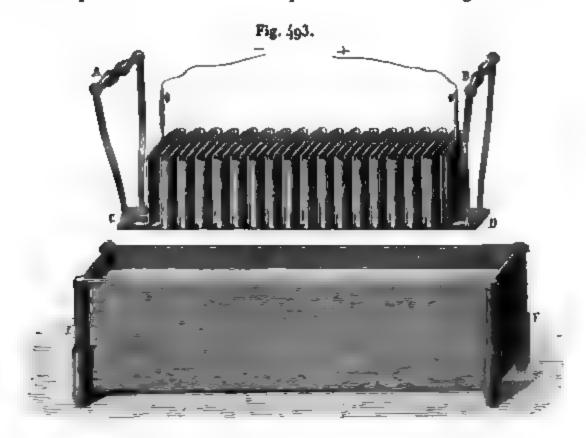
PILE DE MUNCK. — Concevons une série de lames ZC (fi



formées de plaques rectangulaires de zinc et de cuivre,

dans une auge commune remplie d'eau acidulée. Les soudures numérotées 1, 3, 5,..., sont verticales et alignées du même côté. Il est évident que si l'on établit par un arc métallique une communication entre les lames extrêmes de cet appareil, il fonctionnera comme une pile de Volta, puisqu'on y retrouve les mêmes alternatives de zinc, de cuivre et de liquide, avec cette seule circonstance, qui n'a point d'influence, qu'il est plongé dans une auge unique. Imaginons ensuite une seconde pile toute semblable formée des éléments Z₁, C₁ (fig. 491), dont les soudures 2, 4, 6, sont placées du côté opposé, et qui fonctionnera comme la première. Enfin engageons les éléments de ces deux piles les uns dans les autres (fig 492); ils agiront après cet enchevêtrement comme ils le faisaient séparément, et leur ensemble donnera une pile unique plus forte. ll ne reste plus qu'à intercaler une lame de cuivre + A entre les deux zincs qui sont à l'extrémité de gauche, et une lame de zinc - B entre les deux cuivres qui sont à l'extrémité de droite, lesquelles seront les pôles positif et négatif de la pile totale.

On sépare les lames voisines par des cales de liége et on les



fite au moyen de règles en bois sillonnées de traits de scie

dans lesquels elles sont engagées. Le tout repose sur une planche CD (fig. 493), munie de deux poignées A et B qui servent à plonger l'appareil dans l'auge ou à l'en retirer.

PRES A HÉLICE. — Il nous reste à dire que si l'on a besoin de piles à plus large surface, on peut enrouler en hélice, autour d'un axe en bois, deux lames de cuivre et de zinc que l'on sépare par un tissu d'osier; on les plonge ensuite dans des tonneaux pleins d'eau acidulée; alors elles réalisent un couple dont rien ne limite l'étendue, et si l'on en réunit 25 de 6 mètres carrés, on obtient des effets fort intenses.

De toutes les piles que nous venons de décrire, deux seulement offrent des tensions sensibles à leurs pôles, parce qu'elles sont les seules dont on puisse isoler les éléments : c'est la pile à colonne et la pile à tasses; elles font diverger les lames d'un électroscope, et la tension aux pôles est proportionnelle au nombre des couples. Celle qui a été construite par M. Gassiot est composée de 3500 éléments parfaitement isolés, et quand on rapproche très-près l'un de l'autre deux conducteurs fixés à ses pôles, ils produisent une série continue d'étincelles, et ils chargent fortement une bouteille de Leyde quand on les fait communiquer avec les armatures opposées. Une telle pile produit donc tous les effets d'une machine de Nairne, avec deux particularités essentielles à noter : la première est qu'elle donne des étincelles très-petites, c'est-à-dire des tensions très-faibles; la seconde qu'elle charge instantanément la bouteille de Leyde, tandis qu'une machine électrique ne le fait qu'en un temps assez long: cela veut dire qu'elle reproduit avec une extrême rapidité l'électricité qu'on enlève à ses pôles. On arrive à la même conclusion quand on compare les intensités des courants fournis par une machine de Nairne et par une pile; dans les deux cas, ces intensités mesurent la quantité d'électricité qui circule dans le circuit et, par suite, celle que fournit l'électromoteur. Or l'expérience prouve que le courant des machines est à peine sensible et que celui des piles est très-fort. En résumé, les machines fournissent peu d'électricité dont la tension limite est considérable, et les piles en produisent beaucoup dont la tension limite est faible. Nous reviendrons sur ce sujet.

PILES SÉCHES. — Il est un autre genre d'électromoteurs, les piles sèches, qui participent à la fois des piles ordinaires par la faiblesse de leur tension et de la machine électrique par la lenteur avec laquelle elles réparent leurs pertes. Ce sont des piles à colonne dans lesquelles un des métaux est remplacé par du papier. Voici comment on les construit d'après Zamboni, qui les a spécialement étudiées.

On choisit des feuilles de papier un peu fort, on applique sur une de leurs faces une lame mince d'étain et l'on peint l'autre avec du bioxyde de manganèse délayé dans du laipou dans une eau gommeuse. Quand elles sont sèches, on en superpose plusieurs en mettant les faces hétérogènes en contact, et on les débite à l'emporte-pièce en petits paquets de rondelles égales que l'on empile au nombre de douze à quinze cents. On arme les deux extrémités de disques de cuivre; on comprime le paquet; on le maintient par des cordonnets de soie qui lient les armatures opposées, et l'on préserve le tout de l'action de l'air, en enduisant la pile d'une couche de soufre ou de gomme laque fondus.

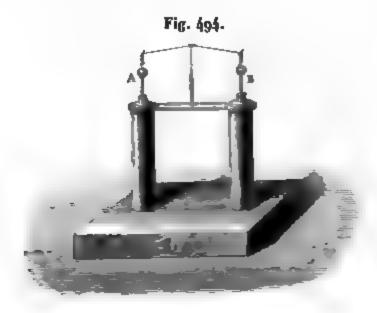
Le couple constituant de cette pile peut se représenter comme il suit :

$$-A$$
 ... Étain | Bioxyde de manganèse, papier ... $+B$ $+e$ $+e$

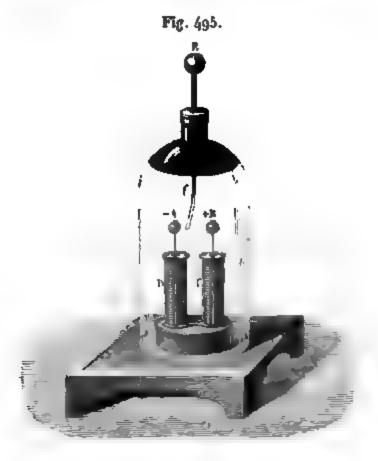
La force électromotrice se développe au point où se produit une action chimique entre l'étain qui s'oxyde et devient négatif, et le bioxyde qui cède de l'oxygène et devient positif. Le papier sert de conducteur entre un couple et le suivant; il remplace le cuivre des piles ordinaires, pendant que le bioxyde remplace l'eau acidulée. Delezenne a constaté que ces piles me fonctionnent qu'autant que le papier est un peu humide, qu'elles deviennent inactives au bout de plusieurs années et qu'alors les surfaces en contact de l'étain et du bioxyde se sont altérées notablement par l'effet prolongé de l'action chimique.

Les piles sèches manifestent aux pôles une tension assez grande, proportionnelle au nombre des rondelles; mais elles ne produisent qu'un courant insignifiant, parce qu'étant peu conductrices elles reproduisent lentement l'électricité qui se dépense dans le circuit. Cependant, en les construisant avec de grandes feuilles de papier, Delezenne a augmenté leur conductibilité et l'intensité de leurs courants.

On les a utilisées pour construire deux appareils assez curieux. L'un d'eux (fig. 494) est destiné à manifester la tension



des pôles; il se compose de deux piles verticales réunies à la



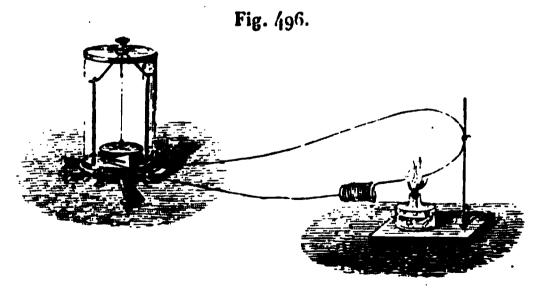
base et présentant à leurs sommets deux pôles de nom con-

traire A et B; ces pôles attirent une aiguille de gomme laque terminée à chaque bout par une lame de clinquant qui les vient toucher à chaque demi-révolution, et qui est repoussée ensuite: il en résulte un mouvement de rotation qui se continue pendant plusieurs années. L'autre de ces appareils est l'électroscope de Bonenberger (fig. 495); il se compose encore de deux piles C et D réunies par leur base et terminées à leur sommet par deux boutons A et B également et inversement chargés, de sorte qu'une lame d'or f placée à égale distance de res deux pôles reste immobile, sollicitée par deux attractions contraires. Si l'on approche de E un corps chargé positivement, la lame f devient positive et elle est attirée par — A; elle se portera, au contraire, sur + B si le corps approché est chargé négativement.

FORCE ÉLECTROMOTRICE PRODUITE PAR LA CHALEUR.

Lorsqu'on réunit par un fil conducteur homogène les deux extrémités d'an galvanomètre, il n'y a aucune raison pour qu'un courant s'établisse dans un sens plutôt que dans l'autre, aussi ne s'en produit-il aucun. La même symétrie existera encore et l'aiguille ne sera point déviée si l'on chausse le milleu du fil conducteur et même un point quelconque de sa longueur s'il est sussissamment éloigné de ses extrémités; mais lorsqu'il existera quelque différence dans l'état du fil à droite et à gauche de la partie chaussée, il pourra se produire une sorce électromotrice et un courant; c'est en esset ce qui a lieu le plus souvent.

Ainsi, M. Becquerel a fait voir (fig. 496) qu'en prenant un



sil bien homogène dans lequel on a fait plusieurs nœuds su-

perposés ou que l'on a contourné en spirale dans une partie de sa longueur, et l'échaussant en un point voisin, on obtient un courant allant, en général, de la partie chaude à la spirale ou au nœud, et quelquesois en sens inverse, comme cela arrive avec le zinc, l'étain et le cuivre. Ainsi encore, Seebeck a remarqué, dans des circuits de bismuth chaussés par un point, l'existence de courants analogues dont les directions changent quand l'échaussement a lieu d'un côté ou de l'autre de certains points neutres, et M. Matteucci a prouvé que ces courants et ces inversions étaient liés à des particularités de la cristallisation.

M. Magnus a reconnu qu'il n'y a point de courant quand on chausse le point de réunion de deux sils de même nature et au même état physique, quand ils ont des diamètres inégaux ou des surfaces diversement polies, ce qui exclut l'idée que le phénomène soit produit par une transmission inégale de la chaleur dans les deux sens; mais il a prouvé que toute dissérence dans la dureté du sil à droite et à gauche du point chaussé détermine infailliblement la naissance d'un courant, sans changer la conductibilité calorisque. Ce courant traversait le lieu d'échaussement, de la partie recuite à la partie écrouie, dans des sils de

laiton, argent, cuivre, platine, or, et il donnait des déviations galvanométriques égales à

 55° , 46° , 25° , 5° , 2° ;

il marchait, au contraire, de la partie écrouie à la partie recuite dans les métaux

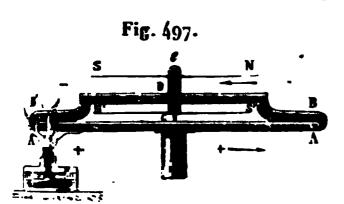
argentan, zinc, étain, fer, plomb, et produisait des déviations égales à

 34° , 32° , 30° , 4° , 0

M. Becquerel a découvert encore que l'on obtient des courants quand on joint au galvanomètre deux sils identiques, l'un chaud et l'autre froid, et qu'on serme le circuit en les saisant toucher. Ces courants ont des sens différents, suivant les divers métaux, et quelquesois leur direction change avec la différence des températures.

Ces saits, et beaucoup d'autres que nous ne citons pas, n'ont point été expliqués; on ne peut que les constater et les résumer, en disant qu'une dissymétrie de structure à droite et à gauche d'un point que l'on chausse sait naître une sorce électromotrice dans un circuit composé d'un même métal.

J'arrive à des phénomènes plus importants qui ont été découverts par Seebeck. Prenons deux lames de bismuth et d'antimoine BB', AA' (fig. 497) soudées à leurs extrémités, de manière à former un circuit complet. Un système de deux aiguilles



astatiques NS, N'S', posé sur un pivot Ce, occupe dans ce circuit la même position que dans un galvanomètre; il n'est point dévié si les températures sont égales aux deux extrémités AB, A'B'. Mais lorsqu'on

vient à chausser A' B', les aiguilles se déplacent et accusent un courant qui va de A' en A et de B en B', et qui change de sens si c'est la soudure AB qui est échaussée.

Il y a donc dans ces conditions de température une force électromotrice dans le circuit, mais on ne sait pas où elle se développe: elle peut être à la partie chaude ou à la partie froide; il pourrait même se faire qu'il y en eût deux, une à chaque soudure, égales entre elles et détruisant leurs effets si les températures sont égales, mais variant avec les températures, et engendrant un courant dans le sens de la plus grande quand les soudures sont inégalement échauffées. Généralement, on admet qu'il y en a une seule, qu'elle est à la partie chauffée, et qu'elle rend l'antimoine positif et le bismuth négatif; mais c'est une pure hypothèse.

Tous les métaux en contact produisent les mêmes actions vec des différences d'intensité. On a cherché à les classer par ordre de pouvoir électromoteur. A cet effet, M. Becquerel forme avec divers métaux soudés une chaîne dont il fixe les bouts aux extrémités du galvanomètre et qu'il maintient à zéro, à l'exception de l'une des soudures qu'il chausse à 20 degrés; il mesure l'intensité et le sens du courant. Comme la conductibilité totale change peu quand on répète l'expérience sur les diverses soudures, la sorce électromotrice est, dans chaque

cas, proportionnelle à cette intensité. C'est ainsi que M. Becquerel a dressé le tableau suivant, où chaque métal est négatif quand il est combiné avec tous ceux qui le suivent, et positif avec ceux qui le précèdent, la force électromotrice étant d'autant plus grande que les corps considérés sont plus distants dans la liste:

Bismuth, Argent, Or, Étain, Nickel, Zinc, Platine, Plomb, Fer, Rhodium, Palladium, Arsenic, Laiton, Cobalt, Antimoine. Manganèse, Cuivre.

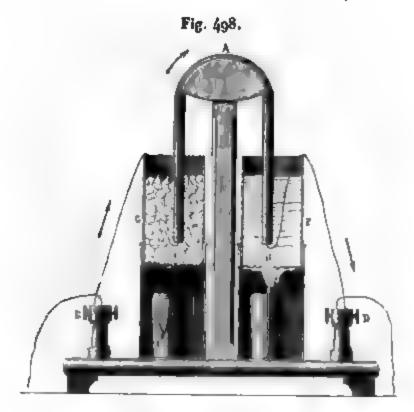
Généralement, quand l'excès de température d'une soudure sur toutes les autres reste très-petit, l'intensité du courant est proportionnelle à cet excès; mais quand il devient de plus en plus grand, cette loi ne se soutient pas: il y a même des cas où le courant, après avoir augmenté, diminue, devient nul et change de signe à une température variable avec les corps considérés, elle est:

Entre l'argent et le zinc égale à 225°,

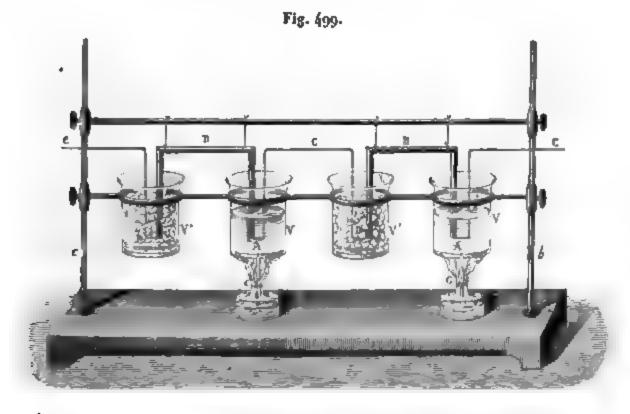
» l'or » zinc » 150°,

» fer » cuivre » rouge sombre.

On s'est appuyé sur ces saits pour construire des piles thermoélectriques. La fig. 498 rèprésente un des couples. BAC est un cylindre de bismuth recourbé, aux extrémités C et B duquel sont soudés deux sils de cuivre; les deux soudures sont plongées dans des vases dont l'un F est rempli d'eau échaussée par une lampe H, et dont l'autre contient de la glace. Il est clair que l'ensemble des forces électromotrices agira pour rendre le fil BD positif et le fil CE négatif, ou pour produire un courant dans le sens indiqué par les slèches, si D et E sont en communication par un conducteur. En réunissant un nombrequelconque de couples semblables orientés dans le même sens, on aura une pile thermo-électrique dans laquelle les tensions devront varier en progression arithmétique d'un couple au suivant si elle est isolée, et qui produira des courants lorsque l'on réunira ses pôles par un circuit fermé.

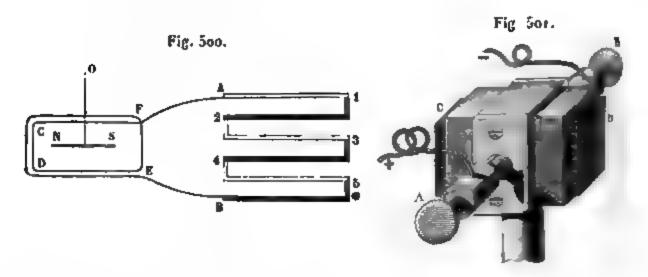


La fig. 499 représente une de ces piles, disposée pour la mesure des tensions. Nobili imagina de lui donner une forme



beaucoup plus commode. Comme les soudures de rang pair ou impair doivent être toutes refroidies ou réchaussées, il a imaginé de disposer les soudures paires d'un côté et les sou-

44 SOIXANTE-DEUXIÈME LEÇON. — FORCE ÉLECTROMOTRICE. dures de rang împair de l'autre (fig. 500), de cette façon on met la pile en activité rien qu'en chauffant l'une de ses faces, et le courant change de sens si l'on change le côté qu'on



échausse. Ensin on sait comment Nobili, en diminuant l'étendue des éléments et en multipliant leur nombre (fig. 501), a réussi à donner à ces piles une sensibilité assez grande pour les employer à l'étude du rayonnement calorisique.

SOIXANTE-TROISIÈME LEÇON.

SUR LE TRAVAIL ÉLECTROCHIMIQUE EXTÉRIEUR.

Électrolysation des composés binaires, — des sels. — Actions secondaires. — Cas des mélanges. — Composés des métalloïdes. — Voltamètre. — Quantités d'électricité fournie par les machines électriques. — Loi de Faraday.

Toute tentative que nous ferions aujourd'hui pour imaginer la cause des forces électromotrices serait prématurée : avant de faire des théories, il faut avoir étudié complétement les phénomènes. Nous allons donc laisser provisoirement de côté toute considération hypothétique, et chercher expérimentalement quelles sont les propriétés des courants.

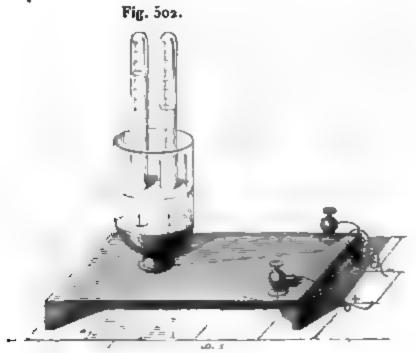
On va voir qu'un courant détermine des actions chimiques particulières régies par des lois très-simples. Ce sujet se divise naturellement en deux parties, suivant qu'on veut étudier les essets chimiques dans le circuit extérieur aux pôles, ou dans les couples de la pile, c'est-à-dire le travail chimique extérieur ou intérieur.

TRAVAIL ÉLECTROCHIMIQUE EXTÉRIEUR.

Quand on joint aux deux pôles de la pile deux fils conducteurs quelconques, et qu'on réunit leurs extrémités libres par un composé chimique liquide capable d'être traversé par le courant, il est décomposé. Les deux conducteurs se nomment électrodes, le composé s'appelle électrolyte, et l'acte de la décomposition sous l'influence du courant reçoit le nom d'électrolyse ou d'électrolysation.

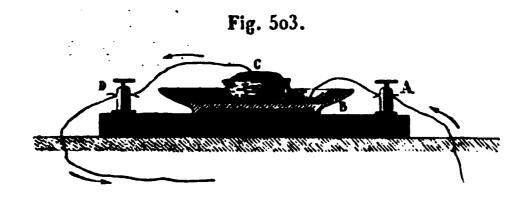
On fait les expériences avec l'appareil suivant (fig. 502) qui se compose, 1° d'une cloche renversée au fond de laquelle on a coulé du mastic isolant; 2° de deux électrodes en platine qui traversent ce mastic; 3° de deux éprouvettes graduées

destinées à recueillir les gaz. Voici ce que l'on observe avec divers composés.



- I. COMPOSÉS BINAIRES. Quand on verse de l'eau dans la cloche et qu'on fait passer le courant, on voit se dégager de l'oxygène à l'électrode positive, et un volume double d'hydrogène au pôle négatif, c'est-à-dire que les éléments de l'eau sont séparés et transportés aux deux pôles. La décomposition est très-lente si l'eau est pure, parce qu'étant très-peu conductrice elle ne laisse passer qu'un courant très-faible; mais l'action s'active si l'on ajoute quelques gouttes d'acide sulfurique qui augmentent la conductibilité. Cette expérience capitale a été faite en 1800 par Carlisle et Nicholson.
- II. Les dissolutions concentrées des acides bromhydrique, chlorhydrique et iodhydrique se séparent en hydrogène qui se porte au pôle négatif, et en brome, chlore ou iode qui apparaissent sur le sil positif.
- III. Les chlorures, bromures, iodures, et en général les composés d'un métalloïde et d'un métal, dégagent ce métalloïde au pôle positif, et laissent déposer le métal sur l'électrode négative. L'expérience peut se faire soit en les fondant dans un creuset, auquel cas la plupart d'entre eux deviennent conducteurs, soit en les dissolvant dans l'eau.
- IV. Les oxydes se comportent d'une manière analogue. Davy soumit à l'action d'une pile de 250 couples un fragment

de potasse caustique; il vit à l'électrode positive se dégager une quantité considérable d'oxygène pur, et au sil négatif, se rassembler de petits globules brillants d'un métal nouveau qu'il appela potassium. La même expérience sut répétée avec la soude et donna le sodium. Mais comme ces métaux brûlent en décomposant, au moment où ils se sorment, l'eau qui mouille ordinairement la potasse, il vaut mieux, comme le sit Seebeck, creuser à la surface du fragment une cavité C qu'on remplit de mercure et y plonger l'électrode négative (fig. 503).



Au bout de quelque temps, ce mercure prend l'aspect d'un alliage et il laisse le potassium pour résidu, quand on le distille dans l'huile de naphte.

La potasse, la soude et la litharge sondues par la chaleur se décomposent de la même manière, et, en général, on peut dire que tous les oxydes seraient réduits par l'électricité s'ils pouvaient tous être rendus conducteurs.

de ces décompositions simples. On voit, comme précédemment, le métal se déposer sur l'électrode négative, pendant que l'acide et l'oxygène arrivent au pôle positif. C'est ainsi que le sulfate de cuivre SO³CuO donne Cu au pôle — et SO³, O au pôle +.

Pour expliquer cette décomposition, nous admettrons, avec quelques chimistes, que les sels en général, et en particulier SO'CuO, sont formés par la combinaison binaire d'un métal Cu et d'un radical composé de l'acide et de l'oxygène (SO', O=SO'), et que le courant ne sait rien autre chose que de séparer ces éléments. L'hydrogène étant un véritable métal, l'eau aiguisée d'acide sulsurique pourra être considérée comme un sulsate d'eau SO'H, et les acides bromhydrique, chlorhydrique et iod-

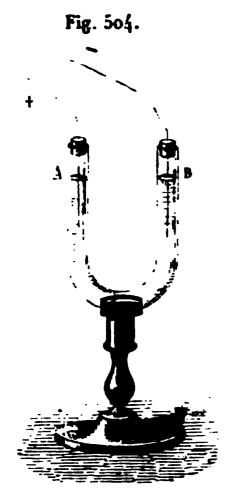
hydrique comme des composés dont la base est métallique; alors la loi de toutes les décompositions précédentes sera celle-ci : « Les composés binaires formés par un métal uni à un radical, c'est-à-dire à un métalloïde ou à un acide suroxy-géné, se détruisent par le passage d'un courant; le radical se porte au pôle positif, et le métal au pôle négatif. »

ACTIONS SECONDAIRES. — Les décompositions ne sont point toujours aussi simples que nous venons de le dire; elles se compliquent quelquesois d'actions secondaires qui modissent les résultats généraux, mais qu'il est facile d'expliquer. Si, par exemple, l'électrode positive est oxydable, elle est attaquée par l'oxygène et l'acide qui se portent à sa surface, et au bout de peu de temps elle se dissout; c'est ce qui arrive encore, même quand elle est en platine, lorsqu'on électrolyse un chlorure ou de l'acide chlorhydrique, auquel cas cette électrode forme un chlorure soluble.

Il résulte de là que si l'on électrolyse du sulfate de cuivre avec une électrode positive en cuivre, elle sera dissoute par la réaction de l'acide sulfurique et de l'oxygène, et reconstituera avec ces éléments et sa propre substance une quantité de sel précisément égale à celle qui est détruite par l'action du courant; de sorte que la liqueur conservera toujours la même composition, et que tout se réduira à un transport de métal du pôle positif au pôle négatif. La même chose aura lieu, en général, avec un sel quelconque, lorsque l'électrode positive sera faite du même métal que celui qui entre dans la solution. On utilise cette action secondaire dans la galvanoplastie, ainsi que pour la dorure et l'argenture électriques, afin de conserver à la dissolution une composition constante.

Dans d'autres circonstances, c'est la dissolution elle-même qui se modifie par la réaction que les éléments mis en liberté exercent sur elle. Un sel de protoxyde de fer jaunit autour de l'électrode positive, parce que l'oxygène qui se dégage le sur-oxyde; inversement, un sel de peroxyde se décolore au pôle négatif, parce que le fer, au lieu de se déposer, se dissout dans la solution qu'il ramène à un degré d'oxydation moindre. L'eau oxygénée s'électrolyse, mais une portion de son hydrogène est absorbée dans le liquide qui redevient de l'eau ordinaire.

La plus importante de ces réactions se produit dans l'élec-



trolysation des sels appartenant aux métaux des deux premières sections. L'acide et l'oxygène doivent se porter et se portent en esset au pôle positif, et le métal devrait se déposer sur l'électrode négative; mais comme il décompose l'eau, il se transforme en oxyde et dégage de l'hydrogène. On fait ordinairement l'expérience dans un tube en U (fig. 504) rempli de sulfate de soude coloré avec du sirop de violettes, et l'on voit au bout de peu de temps la teinture rougir en A et verdir en B, ce qui indique la présence de l'acide et de l'alcali à ces deux extrémités. Si l'on employait le sulfate d'alumine ou celui de magnésie, on verrait

les deux oxydes se rassembler en gelée autour du sil B.

On doit à Nobili et à M. Becquerel une application fondée sur cette espèce de réaction. Quand-on décompose au moyen de la pile une solution de protoxyde de plomb dans la potasse, on obtient du plomb métallique au pôle négatif et de l'oxygène au pôle positif; mais cet oxygène ne se dégage pas, il est absorbé par la liqueur et forme du bioxyde de plomb insoluble qui s'étale en couche mince sur l'électrode, en prenant les teintes des anneaux colorés. Il en résulte que si cette électrode est un métal poli, elle prend une coloration très-vive, qui change avec l'épaisseur du dépôt, et par conséquent avec le temps plus ou moins long de l'action.

L'électrolyse des sels ammoniacaux a conduit Gay-Lussac et Thenard à la véritable théorie de ces composés. On creuse dans un fragment de chlorhydrate d'ammoniaque un peu humide une cavité qu'on remplit de mercure; on opère comme le saissait Seebeck avec la potasse (fig. 503), et l'on obtient le même résultat. Le mercure s'épaissit, gonsle considérablement et prend tout l'aspect d'un amalgame, en même temps qu'il se dégage du chlore au pôle positif. Pour saire rentrer cette action singulière dans les lois de l'électrolysation, on a été conduit à admettre que le sel employé (Az H'HCl) est un chlo-

rure (AzH*Cl) d'un métal particulier (AzH*) qu'on a nommé ammonium. Ce chlorure serait décomposé comme le sont tous les autres et formerait avec l'électrode négative, qui est en mercure, un amalgame peu stable et qui bientôt se décompose. Mais si l'on opère dans une dissolution aqueuse, ce métal décompose l'eau, forme un oxyde (AzH*O = AzH*, HO) et dégage de l'hydrogène; c'est donc par une action secondaire que, dans ce cas, le chlorhydrate d'ammoniaque se dédouble en chlore au pôle positif, et en ammoniaque et hydrogène au pôle négatif.

Tous ces faits sont de nature à jeter des doutes sur l'explication que nous avons donnée de l'électrolyse des solutions salines. On pourrait supposer que c'est l'eau qui est décomposée, car si cela était, elle donnerait de l'oxygène au pôle positif, ce qui a lieu, et au pôle opposé de l'hydrogène naissant qui réagirait sur le sel (SO'Cu) et réduirait le métal. Pour être renseignés sur ce point, commençons par étudier en général l'électrolyse des mélanges.

CAS DES MÉLANGES. — Quand on soumet à l'action du courant un mélange de deux solutions salines, on trouve que l'un des sels est décomposé, quelquesois exclusivement, et presque toujours plus abondamment que l'autre. Ainsi M. Becquerel ayant fait dissoudre dans 100 équivalents d'eau un équivalent d'azotate d'argent et un autre équivalent d'azotate de cuivre, vit que l'argent seul se déposait au pôle négatif, mais qu'il s'y ajoutait ensuite une proportion croissante de cuivre quand on augmentait progressivement la quantité d'azotate de ce métal. Or, comme l'azotate d'argent est plus conducteur que celui de cuivre, on peut admettre que c'est lui qui transmet le courant et qui en subit l'action de préférence. C'est encore la conclusion à laquelle on arrive quand on examine, comme l'a fait M. Matteucci, la solution d'acide chlorhydrique : l'acide seul est décomposé quand elle est concentrée, et l'eau n'est électrolysée que lorsqu'elle domine beaucoup.

De là il est facile de prévoir que généralement l'eau ne jouera aucun rôle dans l'électrolysation des solutions salines, qu'elle ne sera décomposée que si elle est en très-grande proportion ou bien si elle est mêlée à un acide. C'est en effet ainsi

que les choses se passent. M. d'Almeïda a pris deux flacons voisins, réunis, à leur partie supérieure, par un canal étroit: il les a remplis d'une même solution de sulfate de cuivre ou d'un autre sel quelconque, et il a sait communiquer ces deux vases avec les deux pôles. Quand la solution était neutre et maintenue neutre pendant toute l'opération, chacun des vases perdait par la décomposition la même quantité de sel; cela prouve que ce sel est électrolysé exclusivement, car si l'eau l'était, elle dégagerait au pôle négatif une certaine quantité d'hydrogène qui, par réaction, réduirait du métal, et en désinitive la solution s'appauvrirait plus dans le vase négatif que dans l'autre. Mais si le liquide est acide dans le verre positif, l'eau acidulée s'électrolyse en même temps que le sel, la réaction se fait et la perte du métal est plus grande au pôle négatif. Or il est clair que, dans le cas où la solution est primitivement neutre, elle ne tarde pas à contenir au voisinage du pôle positif un excès d'acide produit par l'électrolysation, par conséquent l'eau ne tarde pas à jouer son rôle, et l'on voit la liqueur se décolorer au pôle négatif. Ce fait était signalé depuis longtemps par M. Pouillet.

composés des métalloïdes. — Nous n'avons étudié jusqu'à présent que les composés binaires ou ternaires à base métallique; ceux qui proviennent de la combinaison des métalloïdes entre eux sont loin d'éprouver des essets aussi simples. On en trouve d'abord un grand nombre qui ne sont point conducteurs et qui ne peuvent être électrolysés, puisqu'ils ne laissent pas passer le courant; ce sont les chlorures de soufre et de phosphore, le sulfure de carbone, l'acide sulfurique anhydre, etc. Quelques autres peuvent transmettre le courant quand on les mêle avec des dissolvants conducteurs; mais dans ce cas ce sont vraisemblablement ces dissolvants qui se décomposent en produisant des actions secondaires. Par exemple, l'ammoniaque concentrée, saturée de sulfate d'ammoniaque, donne de l'hydrogène au pôle négatif, et au fil positif, ou de l'azote pur ou un mélange d'oxygène, d'azote et d'oxydes azotés. Tout cela s'explique en supposant que le sulfate ammoniacal est décomposé, et que l'oxygène naissant réagit sur l'ammoniaque au pôle positif.

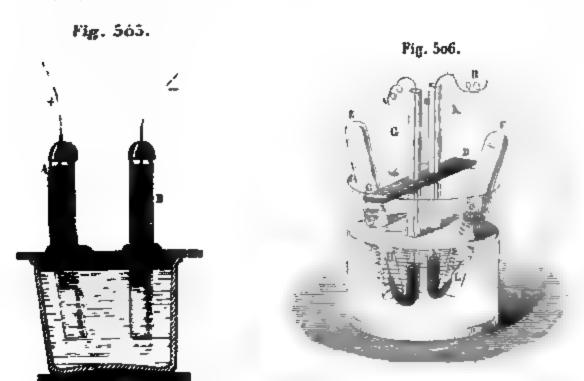
On peut de même expliquer l'électrolyse de l'acide azotique par la décomposition de l'hydrate AzO·H; car l'hydrogène naissant au pôle négatif réagirait sur l'acide et donnerait lieu à un mélange d'azote, de bioxyde d'azote et d'hydrogène, en proportions variables avec les circonstances de l'expérience; c'est en effet ce qui a lieu. La même observation s'applique aux décompositions des acides sulfurique et phosphorique, et l'on peut admettre, avec M. Faraday, qu'elles sont dues à des phénomènes secondaires. Au reste, puisque l'électrolyse des composés formés par des métalloïdes n'offre aucune régularité, elle ne peut résulter que d'actions complexes, et ce n'est pas à ces cas singuliers qu'il faut s'adresser pour trouver les lois de l'électrolysation. Nous allons nous occuper exclusivement des composés binaires métalliques et des sels.

voltametre. — Les vases dans lesquels on opère la décomposition de l'eau se nomment voltamètres. Le premier modèle que l'on ait employé a été décrit précédemment (fig. 502). Il offre quelques inconvénients : les acides que l'on ajoute à l'eau attaquent toujours le mastic et finissent à la longue par le décoller; quand cela arrive, le liquide coule le long des fils, entre lesquels il établit une communication extérieure et par où se fait en partie le dégagement des gaz qu'on ne recueille pas en totalité dans les cloches.

Souvent on soude ou l'on mastique au sommet des cloches elles-mêmes les fils de platine qui se prolongent en descendant jusqu'à l'ouverture inférieure (fig. 505). On peut plonger les cloches dans un vase quelconque; mais alors le niveau de l'eau baisse à l'intérieur pendant que les gaz se dégagent, et la surface immergée des électrodes diminue. On verra dans la suite que cette circonstance affaiblit progressivement l'intensité du courant et diminue d'autant la décomposition.

On peut encore préparer des électrodes avec des tubes de verre GH, KL (fig. 506) amincis et recourbés à leur base, et dans lesquels on a soudé deux fils de platine H et L qu'on termine, si l'on veut, par deux lames du même métal. On soutient ces deux tubes par une planchette CD qui se pose sur les bords du vase; on établit les communications en y versant du mercure, dans lequel on plonge les rhéophores A et B; enfin

les cloches E et F sont supportées par la partie recourbée des électrodes.



On peut encore introduire les deux électrodes L et H dans une cloche unique qui reçueille à la fois les deux gaz; et comme on sait que le rapport des volumes de l'hydrogène à l'oxygène est constant, on déduit du volume total celui de chacun des élements. Il est important d'arrêter le dégagement avant que le niveau des gaz ait atteint le sommet des fils conducteurs, car le platine offre, dans ce cas, la singulière propriété de recombiner ces gaz.

Tout le monde pourra d'ailleurs imaginer des dispositions disférentes; mais on devra s'assujettir à ne pas déplacer les cloches pendant les expériences, et se mettre à l'abri de toutes les circonstances qui pourraient changer la conductibilité des appareile, afin de ne pas saire varier l'intensité du courant.

Si l'on essaye l'un après l'autre deux voltamètres dans un même courant, on s'apercevra facilement qu'ils donnent plus ou moins de gaz dans le même temps; c'est une circonstance qu'il faut expliquer. Toutes les fois qu'on interpose un voltamètre dans un circuit, on diminue considérablement l'intensité du courant à cause du peu de conductibilité de l'eau que contient ce voltamètre. Si les électrodes sont très-éloignées, la couche du liquide à traverser sera épaisse et la diminution d'intensité sera très-grande; si elles sont très-rapprochées, le courant passera mieux, et si on les remplace par des lames de platine étendues et voisines, il circulera par une plus grande surface et aura plus d'énergie. Ces différences de sensibilité des deux voltamètres peuvent donc s'expliquer par la résistance inégale qu'ils opposent au passage de l'électricité, et l'on ne doit jamais perdre de vue que le premier effet produit par leur interposition dans un courant est d'en diminuer l'intensité, de sorte qu'ils ne sont plus soumis qu'à l'action de ce courant réduit.

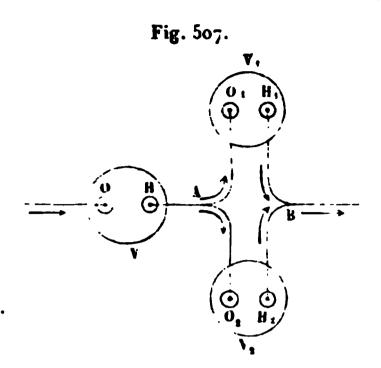
Mais lorsqu'on place à la fois dans le même circuit plusieurs voltamètres à la suite l'un de l'autre, les conditions sont trèsdifférentes; ils sont traversés tous par le même courant, et l'on reconnaît qu'ils deviennent identiques et que la même quantité d'eau se décompose dans chacun d'eux, quelle que soit la différence d'action qu'ils éprouvent quand on les emploie individuellement. Pour démontrer cette identité, M. Faraday a placé dans le même circuit deux voltamètres qu'il rendait aussi différents que possible, soit par la largeur, la nature et l'écartement des électrodes, soit par la proportion et l'espèce de l'acide qu'il mêlait à l'eau, soit en remplaçant cet acide par de la potasse ou de la soude. Il a reconnu que, malgré toutes ces modifications, les quantités de gaz fournies par les deux appareils restaient toujours égales dans l'un et dans l'autre : de là on peut déduire cette première loi fondamentale, « le même » courant décompose toujours la même quantité d'eau pendant » le même temps. »

Voyons maintenant comment varie la quantité d'eau décomposée quand l'intensité du courant change. La méthode employée par M. Pouillet pour résoudre cette question consiste à placer dans le circuit qui réunit les deux pôles d'une pile un voltamètre et une boussole des sinus ou des tangentes, et à comparer l'intensité mesurée par cette boussole à la quantité de gaz recueillie dans le voltamètre pendant un temps toujours le même; or M. Pouillet a trouvé « que l'intensité est toujours » proportionnelle à la quantité de gaz. »

M. Faraday opère autrement:

Nous supposerons (fig. 507) que le fil conducteur qui réunit

les pôles se divise au point A en deux rameaux formés par des conducteurs de même nature, égaux en section et en lon-



gueur, et disposés suivant la même forme, puis nous les réunirons en un tronc unique B rejoignant l'autre pôle. Cela fait, nous placerons dans le courant total, et dans chacun des circuits dérivés, des voltamètres identiques V, V₁, V₂ qui ne détruiront pas la symétrie des deux branches du courant. Il est évident que, dans les parties où le conduc-

teur est unique, le courant aura une intensité totale déterminée, et qu'il se séparera dans le circuit double en deux flux électriques d'intensité moitié moindre. Après un temps quelconque nous trouverons dans chacun des voltamètres dérivés V₁, V₂ des quantités d'eau égales entre elles et à la moitié de celle que contient V. Ces deux modes d'expériences conduisent donc à la loi suivante : « Les courants décomposent pendant » un temps donné des quantités d'eau proportionnelles à leur » intensité. »

Il résulte de là que l'on pourra indisséremment mesurer l'intensité d'un courant par une boussole ou par un voltamètre placés dans le circuit; mais il y aura entre ces deux mesures une dissérence essentielle.

Si nous faisons passer un même courant à travers un circuit contenant plusieurs boussoles des sinus mises à la suite l'une de l'autre, il déviera leurs aiguilles d'angles très-différents; et si l'on veut ramener ces divers instruments à un étalon unique, il faudra multiplier le sinus de leurs déviations par un facteur constant pour chacun d'eux, mais différent de l'un à l'autre, ou, si l'on veut, chaque boussole exprime l'intensité en fonction d'une unité individuelle, et pour raccorder les indications de deux d'entre elles, il faut avoir préalablement déterminé le rapport de leurs sensibilités.

Il n'en est pas de même dans la mesure électrochimique. Tous les voltamètres, quels qu'ils soient, traversés par des courants égaux donnent la même quantité de gaz pendant le même temps; l'intensité mesurée par cette quantité n'est donc pas fonction de la sensibilité d'un appareil particulier, et l'unité de courant pourra être définie par une décomposition déterminée pendant un temps donné. Cela étant, « nous convenons » de prendre pour unité d'intensité celle du courant qui dépage 1 gramme d'hydrogène en 1 minute. » Par suite, l'intensité d'un courant quelconque sera exprimée par le poids p d'hydrogène qu'il donne dans l'unité de temps,

$$i = p$$
.

Il faut se rappeler maintenant que la quantité ou la masse d'électricité qui circule dans un conducteur est proportionnelle à l'intensité p de ce courant et au temps t pendant lequel il passe, et comme d'un autre côté le poids total P de l'hydrogène dégagé est égal au produit de cette intensité p par ce temps t, « P pourra servir à mesurer la quantité d'électricité e, »

$$e = P = pt$$
.

Cette quantité d'électricité sera égale à l'unité si P=1, c'est-à-dire si le poids total de l'hydrogène recueilli est égal à l'unité; et si l'on convient de représenter par 1 l'équivalent de cet hydrogène, on voit que l'unité d'électricité est celle qui décompose 1 équivalent d'eau.

Le courant est une force que l'on mesure par l'intensité p, et l'action chimique qu'elle produit est un travail qu'elle accomplit et qui est égal à pt ou au nombre d'équivalents d'bydrogène qu'elle met en liberté. Ce que nous appelons quantité d'électricité n'est donc, dans les idées de la mécanique, que la quantité de travail chimique effectué par la force pendant la durée de son action.

En résumé:

- 1°. L'unité d'intensité est celle du courant qui dégage 1 gramme d'hydrogène en 1 minute.
- 2°. L'intensité d'un courant est égale au poids d'hydrogène dégagé en 1 minute.
- 3°. L'unité d'électricité est la quantité qui décompose 1 équivalent d'eau.

57

4°. La quantité d'électricité est égale au poids de l'hydrogène qu'elle dégage.

Nous avons vu, page 13 que pour une boussole des tangentes donnée on a la formule

$$i = k \operatorname{tang} \delta = p$$
.

On pourrait donc mesurer l'intensité vraie d'un courant avec un instrument de ce genre, si l'on connaissait k. Or on peut toujours déterminer ce coefficient, en faisant passer un courant constant à travers la boussole et un voltamètre, en observant δ et le poids p d'hydrogène dégagé en une minute, et en calculant k une fois pour toutes au moyen de l'équation précédente.

k étant connu, la même équation servira à calculer l'intensité i d'un courant quelconque qui déviera la boussole d'un angle d, et la quantité d'électricité e qui circulera pendant un temps t, sera

$$e = kt \tan \theta$$
.

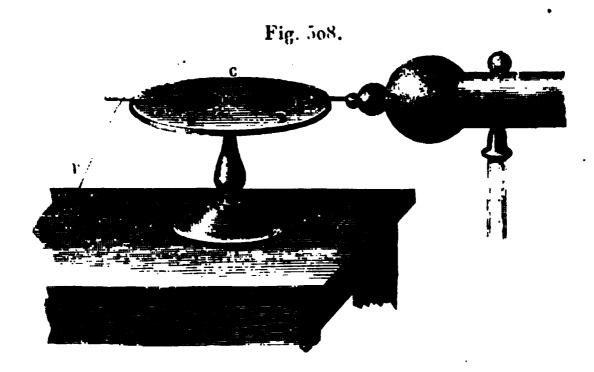
courants fournis par les machines électriques. — Les machines électriques et les piles diffèrent par cette circonstance que, pendant un temps donné, les premières produisent peu d'électricité qui atteint une grande tension, et les secondes beaucoup de fluide avec une tension très-faible. Il était intéressant de chercher si, malgré ces différences qui tiennent à leur origine, les courants engendrés par les deux appareils offrent les mêmes propriétés.

Wollaston avait imaginé de souder dans des tubes de verre des sils de platine extrêmement sins, et de limer leur extrémité de saçon que le métal asseurait par un point seulement au bout du verre. Il mit deux conducteurs ainsi préparés en communication avec les deux pôles d'une machine de Nairne en activité, les plongea dans l'eau, et il vit se dégager aux extrémités du platine des bulles de gaz qu'il reconnut être le mélange détonant d'oxygène et d'hydrogène. L'eau avait donc été décomposée.

Reprise ensuite par Davy, cette expérience avait paru différer essentiellement de l'électrolysation ordinaire de l'eau; en essentielle deux gaz ne se dégagent point isolément, l'un au pôle

positif, l'autre au pôle négatif, mais tous deux à chaque électrode à la fois et en proportions variables. Faraday montra que cette circonstance est due à la production des étincelles qui éclatent à travers l'eau et qu'en les évitant on produit une électrolysation tout aussi régulière avec la machine électrique qu'avec les piles. On les évite en faisant circuler l'électricité à travers une longue corde mouillée.

Mais les piles déterminant la décomposition de tous les corps binaires à base métallique, il fallait étendre à tous les cas le résultat de Wollaston : c'est ce qu'a fait M. Faraday par un procédé aussi simple qu'ingénieux. Il plaçait sur une lame de verre (fig. 508) des gouttes de liquide ou des papiers im-



bibés B, D, et les mettait en communication, d'une part avec la machine électrique, d'autre part avec la terre, et aussi entre eux par des fils de platine très-fins, simplement posés sur le verre. Au bout de peu de temps le liquide était décomposé, ce dont on s'apercevait à des signes certains: le sulfate de cuivre donnait un dépôt de cuivre à l'extrémité négative; l'iodure de potassium mêlé d'amidon devenait bleu au pôle positif et l'acide chlorhydrique mêlé d'encre se décolorait au même pôle.

Après avoir ainsi prouvé que les deux espèces de courants exercent les mêmes décompositions, M. Faraday chercha à comparer les quantités d'électricité fournies par une machine et par un couple. Il prit une batterie de quinze jarres qui avait une surface totale de 2760 pouces carrés, la chargea en faisant 30 tours d'une forte machine électrique, et l'ayant déchargée à travers un galvanomètre, il obtint un arc d'impulsion de

l'aiguille qu'il mesura. Lorsqu'on ne faisait que 15 tours du plateau, cette déviation se reduisait de moitié, par conséquent elle est proportionnelle à la quantité d'électricité.

Ensuite M. Faraday construisit un couple avec deux sils, l'un de zinc, l'autre de platine, qui avaient de pouce de diamètre et plongeaient de de pouce dans de l'eau très-peu acidulée, pendant de de minute. Ils produisirent sur le galvanomètre le même arc d'impulsion que la batterie chargée de 30 tours : ils donnaient donc la même quantité d'électricité.

Cette expérience sussit pour montrer combien est grande l'électricité développée en un temps très-petit par un couple très-saible, et combien est minime celle que produit en un temps très-long une puissante machine. MM. Faraday, Becque-rel et Buss ont cherché le rapport de ces électricités. Nous ne citerons que les expériences de M. Buss.

Il opérait avec une boussole de tangentes à très-long sil; les intensités étaient déterminées par k tang δ et la quantité e d'électricité par

$$e = pt = kt \tan \theta$$
.

M. Buff prit une bouteille de Lane qu'il chargeait par le mouvement continu d'une machine, elle se déchargeait successivement par une série d'étincelles, et produisait un courant discontinu qui traversait la boussole; il y produisait une déviation sensiblement constante δ , et l'équation précédente permettait de calculer e. D'un autre côté, soient x la quantité d'électricité que la bouteille abandonne à chaque étincelle, le nombre de ces étincelles pendant le temps t, nx sera la quantité d'électricité ou e, et l'on aura

$$nx = kt \operatorname{tang} \delta$$
.

On peut donc calculer la charge x de cette bouteille, et comme x est proportionnelle à l'étendue des armatures et à la distance d'explosion, on peut se demander quelle étendue il faudrait donner à ces armatures pour que, se déchargeant à 1 mètre de distance, elles perdissent l'unité d'électricité. M. Buss trouva 1137,000 mètres carrés. C'est cette quantité d'électricité qui dégagerait 1 gramme d'hydrogène.

On peut définir l'unité d'électricité non-seulement par le

travail chimique qu'elle fait, mais aussi par l'attraction qu'elle exercerait si l'on accumulait d'un côté tout le sluide positif et de l'autre tout le sluide négatif sur deux conducteurs ou deux nuages à une distance de 1. kilomètre par exemple. C'est ce qu'ont fait MM. Weber et Kolhrausch dans un Mémoire qu'il nous est impossible d'analyser ici, et ils ont trouvé que cette attraction serait 2 268 000 000 kilogrammes.

En résumé, les deux masses de sluides contraires qui par leur circulation dans un voltamètre décomposent 9 grammes d'eau, étant accumulées sur deux armatures de 1137000 mètres carrés seraient explosion à 1 mètre de distance et, sur deux nuages distants de 1000 mètres, exerceraient une attraction de 2268000000 kilogrammes.

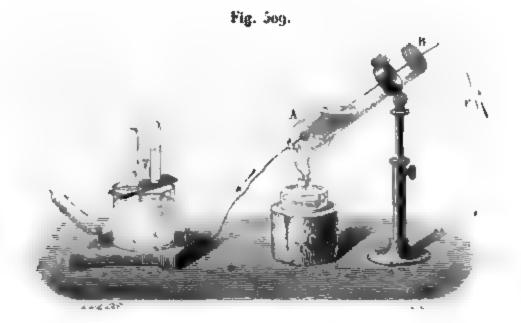
LOI DE FARADAY. — Quand une loi physique est constatée pour un corps arbitrairement choisi, on doit s'attendre à la retrouver dans tous les cas analogues. Nous pouvons donc trèslégitimement prévoir que l'électrolysation de tous les corps qui se décomposent sans actions secondaires offrira les mêmes circonstances que l'électrolysation de l'eau, c'est-à-dire que la masse de matière décomposée sera proportionnelle à la masse d'électricité mise en circulation, et nous aurons à chercher quelle quantité d'électricité est nécessaire pour électrolyser i équivalent d'un composé quelconque. Ces prévisions sont en esset exactes, et non-seulement M. Faraday les a justisiées, mais il a découvert une loi dont la valeur n'a pas besoin d'être signalée; c'est que « la même quantité d'électricité que nous » avons prise pour unité est nécessaire et suffisante pour » électrolyser 1 équivalent de tous les corps binaires dont » la formule est AR. » L'extrême importance du sujet nous oblige à exposer les recherches de M. Faraday avec quelque développement.

Le procédé expérimental est le même dans tous les cas. On place à la suite l'un de l'autre un voltamètre et l'appareil où se décompose l'électrolyte qu'on veut étudier. On fait passer dans ce système un courant quelconque qui n'a pas besoin d'être constant, et l'on prolonge l'action jusqu'à ce qu'il y ait dans les deux appareils une quantité suffisante de matière décomposée. On mesure le volume de l'hydrogène dégagé dans

le voltamètre, et on le multiplie par sa densité 0,0000895 pour avoir son poids P. Ce poids exprime la quantité d'électricité qui a passé. On mesure de même le poids P' du métal déposé à l'électrode négative dans le second vase; $\frac{P'}{P}$ serait ce poids si la quantité d'électricité était égale à l'unité. Si donc on trouve que $\frac{P'}{P}$ est égal à l'équivalent du métal, on en conclura que l'unité d'électricité décompose i équivalent de l'électrolyte considéré.

Les premières expériences ont été faites avec des solutions concentrées des acides chlorhydrique, bromhydrique et iodhydrique qu'on plaçait dans un second voltamètre à la suite du premier. Les quantités d'hydrogène furent égales dans tous les deux. Ce résultat prouve que la même quantité d'électricité décompose à la fois le même nombre d'équivalents d'eau et de ces acides, pourvu qu'on admette qu'ils sont réellement décomposés; mais comme on pourrait expliquer l'action en supposant que l'eau seule soit électrolysée, il faut s'adresser à des corps binaires anhydres.

M. Faraday choisit d'abord le protochlorure d'étain. Il souda se fond d'un tube de verre AB un fil de platine terminé par un bouton A (fig. 509); ce fil avait été pesé avec soin. Il plaça le



chlorure dans le tube, le maintint fondu par une lampe à alcool, et fit arriver le courant par une électrode positive B de graphite qui n'est point attaqué par le chlore. Après l'action, il trouva dans le tube du bichlorure, et au pôle négatif une masse d'étain qui avait été fondue et avait coulé au fond où elle s'était alliée avec lé bouton A. On pesa de nouveau le platine avec le culot, et l'on compara le poids P de l'hydrogène dégagé dans le voltamètre à celui de l'étain P' déposé par le courant. $\frac{P'}{P}$ fut trouvé égal à 58,53, qui diffère peu de l'équi-

valent de l'étain.

Le chlorure de plomb fut étudié de la même manière.

L'oxyde et le borate de plomb, qui offrent plus de difficultés parce qu'ils fondent à des températures plus élevées et qu'ils attaquent le verre, furent placés dans des creusets de platine;

dans ces trois cas, les valeurs de $\frac{P'}{P}$ furent trouvées égales à

100,85, 93, 101,29. Ces nombres dissèrent sensiblement de l'équivalent du plomb qui est 103,6, mais les dissérences rentrent dans les erreurs d'observation.

Après avoir confirmé ces résultats par quelques autres expériences sur des substances analogues, M. Faraday modifia son mode d'opération. Au lieu d'empêcher l'altération des électrodes positives, il la favorisa en laissant se dissoudre au pôle positif le métal qui se déposait à l'électrode négative. Ainsi les chlorures d'argent et de plomb étaient décomposés par deux lames d'argent et de plomb, et le poids de l'une augmentait autant que celui de l'autre diminuait. Les résultats numériques furent conformes à la loi annoncée.

M. Faraday n'avait guère étudié que les composés binaires de la formule AR. Presque à la même époque, et par des procédés différents, M. Matteucci était arrivé de son côté à énoncer la même loi et quelques autres que nous ferons bientôt connaître. Il électrolysait des sels rendus conducteurs par la fusion ignée: par exemple, l'acétate et le borate de plomb et l'azotate d'argent; puis il les sit dissoudre dans l'eau, et dans les deux cas il trouva qu'il fallut i unité d'électricité dynamique pour décomposer i équivalent de chacun d'eux. Daniell étudia ensuite les sels alcalins: il plaça du sulfate de soude dans un voltamètre qui était partagé en deux parties par une cloison poreuse, de sorte que l'acide et l'oxygène se portaient dans

l'une, et l'oxyde avec l'hydrogène dans l'autre; il trouva encore que l'unité d'électricité met en liberté i équivalent de chacun de ces corps. Cela montre que la réaction qui transforme le sodium en soude et en hydrogène n'altère en aucune façon la loi.

M. Matteucci eut l'idée de soumettre à l'électrolysation un mélange de deux sels; chacun d'eux était décomposé, et pour l'unité d'électricité, il ne se déposait qu'une fraction d'équivalent de chaque métal, mais la somme de ces deux fractions était égale à l'unité.

Dans tous ces exemples, on n'a considéré que des composés formés par 1 équivalent de métal et 1 équivalent de radical, c'est-à-dire d'acide suroxygéné ou de métalloïde. Il était essentiel de chercher comment la loi se modifie quand on s'adresse à des corps dont la formule chimique est plus complexe. M. Matteucci a d'abord trouvé que le bichlorure de cuivre Cu Cl obéit à la loi de Faraday, mais que le protochlorure Cu² Cl donne 2 équivalents de cuivre et 1 équivalent de chlore, quand il est traversé par l'unité d'électricité.

M. E. Becquerel a examiné ensuite une série de chlorures, d'iodures et d'oxydes dont la composition était très-différente, ou des sels acides et basiques, et il a trouvé que pour l'unité d'électricité il y avait toujours i équivalent du métalloïde ou de l'acide suroxygéné mis en liberté au pôle positif, avec la quantité correspondante de métal au pôle négatif; ou, ce qui revient au même, que pour décomposer i équivalent d'un composé de la formule AmR, il faut autant d'unités d'électricité qu'il y a d'équivalents du radical dans la formule, c'est-i-dire m. C'est donc la proportion d'acide ou de métalloïde et non celle de la base qui détermine la quantité de décomposition. On peut dire toutefois que la généralisation précédente a besoin d'être justifiée par de nouvelles études.

La loi de Faraday ainsi étendue se résume donc par l'énoncé suivant : « Toutes les fois qu'une unité d'électricité dynamique l'averse un électrolyte, elle met en liberté i équivalent du métalloïde ou de l'acide avec la quantité de métal qui lui l'orrespond dans la combinaison. »

SOIXANTE-QUATRIÈME LECON.

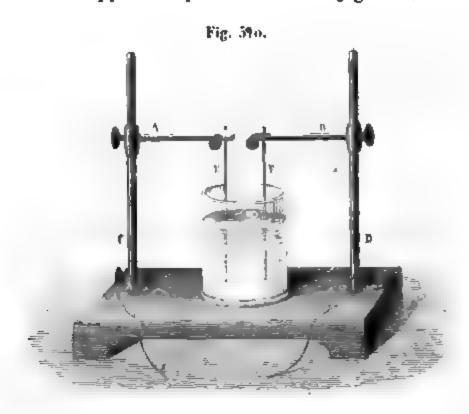
DU TRAVAIL CHIMIQUE INTÉRIEUR.

Concomitance de l'action chimique et de la force électromotrice. — Cas des liquides et des métaux. — Cas des corps simples. — Cas des acides et des oxydes. — Idée première de la théorie des piles.

Propriétés du zinc amalgamé. — Distinction de deux actions chimiques dans un couple. — Loi du travail chimique intérieur. — Il est produit par le passage du courant.

concomitance de L'action chimique et de la Ponce électromotrice. — Nous étudierons dans cette leçon les actions chimiques qui se produisent dans les auges d'une pile.

Pour préparer aisément des couples très-divers, nous nous servirons de l'appareil représenté dans la fig. 510; il se com-



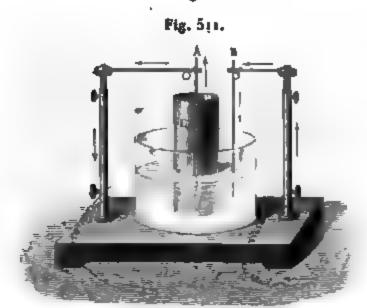
pose d'une base en bois sur laquelle s'élèvent deux colonnes de laiton C et D mises en communication par leur base avec un et B qu'on fixe à une hauteur convenable par des vis de pression. Aux extrémités de ces traverses, deux pinces servent à saisir des fils ou des lames de métaux différents E et F qui plongent dans un bocal plein de liquide. Il est clair que si les métaux sont choisis de telle sorte que la force électromotrice qui se développe au contact du liquide soit plus grande sur E que sur F, un courant passera par FBD, traversera le galvanomètre et reviendra par CAE. C'est ce qui arrive quand E est une lame de zinc, F un fil de platine et le liquide un acide étendu.

Dans cette expérience, l'eau est décomposée, l'hydrogène se dégage et l'acide suroxygéné se fixe sur le zinc qui se dissout dans l'acide. Tant que cette action chimique se continue, le courant persiste; quand elle diminue, il s'affaiblit; si elle cesse, il est nul. Nous commençons à remarquer qu'il y a là deux phénomènes concomitants qui varient en même temps et dans le même sens; nous allons maintenant montrer, par quelques exemples empruntés aux travaux de MM. Becquerel, de la Rive, Pouillet, Matteucci et Faraday, que cette remarque est générale et se vérifie dans tous les cas particuliers.

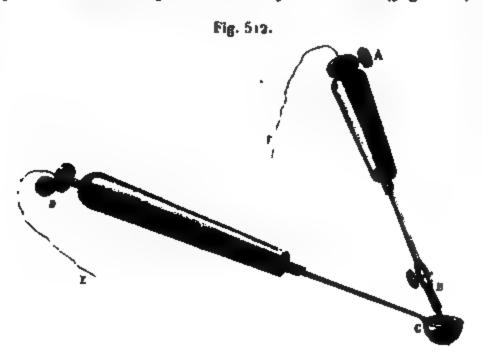
- i. cas des liaurdes et des métaux. 1°. E étant toujours en platine, mettons en E un fil de cuivre ou d'argent. Si le vase contient de l'acide sulfurique étendu, il n'y a ni action chimique ni courant; quand on emploie de l'acide azotique, l'argent ou le cuivre se dissolvent et un courant se manifeste.
- 2°. Avec une dissolution de sulfate de cuivre et un métal qu'elle n'attaque pas (cuivre, argent, etc.), il n'y a point de courant; avec un métal qu'elle dissout (zinc, fer, etc.), le courant se montre.
- 3°. Le sulfure de potassium dissous ne produit ni action chimique ni courant quand E est en ser. Un courant se développe d'abord et cesse bientôt après, si l'on emploie de l'étain, du plomb ou du bismuth, parce qu'il se sorme un sulsure adhérent qui arrête l'action chimique. Le cuivre, l'antimoine et l'argent se recouvrent également d'une couche de sulsure, mais qui n'adhère point; aussi l'action chimique et le cou-

rant ne font que s'affaiblir sans s'annuler. Avec le zinc, dont le sulfure est soluble dans le liquide, on obtient une action chimique et un courant sensiblement constants.

- 4°. On fixe deux fils d'or identiques en E et en F, on les plonge dans l'acide azotique et on les y laisse jusqu'à ce que l'aiguille du galvanomètre, toujours déviée au commencement par des actions perturbatrices, revienne au zéro du cadran. Ensuite on verse avec une pipette quelques gouttes d'acide chlorhydrique autour du fil E; il est immédiatement attaqué et l'aiguille est instantanément déviée. Au bout de quelque temps, l'action chimique s'épuise et le courant cesse; mais on peut les reproduire l'un et l'autre en sens opposé, en mettant de nouvel acide chlorhydrique au voisinage du fil F.
- II. CAS DES CORPS SIMPLES. 1°. On peut remplacer F par une tige de charbon, E par une lame métallique quelconque, et les plonger dans une solution de chlore ou d'iode; le métal est attaqué et le sens du courant indique qu'il devient négatif.
- 2°. M. Pouillet place sur le plateau supérieur d'un électromètre un cône de charbon allumé à son sommet, et il entretient la combustion par un jet d'oxygène ou d'air. Au bout de peu d'instants, l'appareil est chargé et le plateau supérieur a reçu de l'électricité négative. On peut aussi disposer le charbon sur un support métallique au-dessous de l'électromètre et projeter l'oxygène de manière qu'il rencontre d'abord le charbon, ensuite le plateau inférieur; on trouve que les lames d'or prennent l'électricité positive.
- III. CAS DES ACIDES ET DES OXYDES. Plaçons dans un bocal de verre un vase en terre cuite poreuse C (fig. 511). Versons un acide dans ce vase et une solution de potasse à l'extérieur, puis mettons les deux liquides en communication avec un galvanomètre par deux tiges de platine A et B et par les supports de l'appareil; ils se combineront peu à peu à travers la paroi poreuse et nous constaterons aussitôt l'existence d'un courant énergique allant dans le sens des flèches, de l'acide vers l'alcali, ce qui veut dire que l'acide est positif au contact de l'alcali qui prend l'électricité opposée.



L'expérience peut être exécutée d'une autre manière avec une petite cuiller en platine C remplie d'acide (fig. 512), dans



laquelle on plonge, au moyen d'une pince B également en platine, un morceau de potasse caustique. La cuiller et la pince sont prolongées jusqu'aux deux boutons D et A qui servent à les mettre en communication par des fils E et F avec un galvanomètre; elles sont enveloppées et isolées par deux manches en bois. Le courant est très-faible, parce que la potasse est peu conductrice; mais comme à chaque immersion l'aiguille reçoit une impulsion dans le même sens, on plonge et on soulève la pince alternativement, de manière à faire coincider les immersions et les interruptions avec les mouvements d'aller et de retour que l'aiguille effectue pendant ses oscillations.

De ces expériences et d'une multitude d'autres que nous n'avons point rapportées, ressortent les conclusions suivantes:

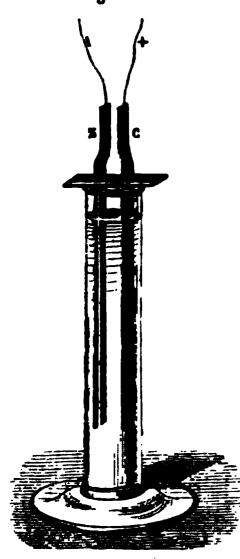
- 1°. Quand il n'y a pas d'action chimique, il n'y a pas de courant, ou, réciproquement, quand il n'y a pas de courant, il n'y a pas d'action chimique.
- 2°. Lorsqu'on prépare un couple en réunissant par un arc de platine qui n'est pas attaqué, ou un métal et un liquide qui le dissout, ou bien un corps simple et un métalloïde qui joue visàvis de lui le rôle d'acide, ou bien ensin un oxyde et un acide, il y a toujours un courant qui accompagne l'action chimique.
- 3°. Le sens du courant indique que le métal, le corps simple ou l'oxyde prennent l'électricité négative, et que le liquide, le métalloïde ou l'acide se chargent positivement.
- 4°. La quantité d'action chimique et l'intensité du courant produit augmentent et diminuent en même temps, nous démontrerons qu'elles sont proportionnelles.

Il ne faut pas tirer de ces expériences une conclusion qu'elles ne comportent pas; elles ne nous montrent qu'une chose, c'est que dans les conditions ou nous sommes placés, l'action chimique et le courant s'accompagnent toujours, mais elles ne prouvent en aucune saçon que l'action chimique précède et développe la force électromotrice, pas plus qu'elles ne nous apprennent le contraire, c'est-à-dire que la force électromotrice préexiste et produise l'action chimique. Cependant, en voyant qu'il existe un rapport constant entre ces deux phénomènes, les physiciens se sont accordés pour admettre que l'un doit être la cause de l'autre; mais ils diffèrent d'opinion quand il s'agit de savoir quel est celui qui est la cause, et quel est celui qui est l'esset. Les partisans de l'action chimique admettent que les molécules sont sollicitées à se combiner par une attraction spéciale qui est l'affinité, et que l'acte de leur réunion sépare une quantité d'électricité proportionnelle à leur nombre. Les partisans du contact soutiennent, au contraire, qu'il existe entre certains corps hétérogènes au contact une force électromotrice spéciale qui commence par séparer les fluides et que les molécules chargées ainsi d'une quantité donnée d'électricités contraires s'attirent et se réunissent en nombre proportionnel à cette quantité. Bien que ces deux hypothèses ne soient peut-être pas le dernier mot de la science, nous nous réservons de les préciser davantage et de les discuter dans la suite; mais avant d'y arriver, nous allons résumer avec soin tous les phénomènes qui peuvent nous éclairer sur un point si important et si délicat.

une propriété singulière que M. de la Rive a découverte dans le zinc pur, et Kemp dans le zinc amalgamé, propriété à laquelle on doit à la sois un grand persectionnement de la construction des piles et un grand progrès de leur théorie.

Quand on plonge dans l'acide sulfurique étendu une lame de zinc ordinaire, elle est immédiatement attaquée et dégage à sa surface un courant continu d'hydrogène en bulles trèspetites. Si on fait la même épreuve avec une lame identique de zinc pur ou de zinc ordinaire primitivement amalgamé, elle n'éprouve aucune altération sensible, seulement elle se revêt





de bulles d'hydrogène qui grossissent peu à peu, restent adhérentes à la surface et ne se dégagent qu'avec une extrême dissiculté.

Nous allons chercher si cette dissérence d'action est accompagnée d'une variation quelconque dans l'état électrique du métal. A cet esset, nous préparerons deux couples sormés de lames C et Z identiques (fig. 513) que nous plongerons dans deux vases égaux, contenant la même eau acidulée, et nous serons en sorte qu'il n'y ait aucune dissérence entre eux, si ce n'est que le zinc de l'un sera amalgamé et celui de l'autre à l'état ordinaire. Nous mettrons les lames C et Z en communication avec un électromètre condensateur; nous trouverons que le cuivre

est positif et le zinc négatif, et nous ne constaterons aucune

inégalité sensible dans l'énergie de la charge des deux couples. Conséquemment, l'action chimique continue à laquelle est soumis le zinc ordinaire ne détermine pas la production de l'électricité statique, puisque l'absence de cette décomposition sur le zinc amalgamé ne l'empêche pas.

Laissant les deux expériences comparatives préparées comme il vient d'être dit, réunissons dans les deux couples le cuivre au zinc par l'intermédiaire d'un galvanomètre, ou en faisant toucher leurs parties supérieures : alors le courant s'établit.

Étudions d'abord le cas où le zinc est amalgamé.

Au moment même où l'on ferme le circuit, l'eau commence à être décomposée, mais avec des circonstances tout exceptionnelles. L'hydrogène se dégage, non contre le zinc, mais en bulles serrées sur la surface du cuivre, et le zinc amalgamé, qui jusqu'alors était inactif, se dissout peu à peu sans changer aucunement d'aspect, sans cesser d'être recouvert des mêmes bulles adhérentes qui signalaient la première phase de l'expérience. Toutes les fois qu'on ouvre le circuit, le dégagement d'hydrogène sur le cuivre et la dissolution du zinc s'arrêtent; toutes les fois qu'on le ferme et que le courant se rétablit, les deux actions recommencent. Si donc nous avons pu dire précédemment qu'il n'y a point de courant sans action chimique, nous pouvons constater maintenant qu'il n'y a point d'action chimique continue sans courant.

Ce courant marche du cuivre au zinc dans le galvanomètre. Or, si on supposait qu'il fût produit par une cause extérieure et qu'on le fît passer dans le couple que nous étudions, il traverserait le liquide du zinc au cuivre, le décomposerait en portant l'acide suroxygéné sur le zinc qui alors se dissoudrait, et en dégageant l'hydrogène sur le cuivre, c'est-à-dire qu'il reproduirait précisément, avec tous ses caractères, l'action chimique à laquelle donne lieu la fermeture du circuit dans le couple. Tout cela peut se résumer en disant : 1° qu'il n'y a point d'action chimique continue si le circuit est ouvert; 2° qu'elle se produit immédiatement quand le courant passe; 3° qu'elle est absolument identique à l'électrolysation que produirait ce courant si on le puisait à une autre source.

Répétons les mêmes épreuves avec une lame de zinc ordinaire. Elle dégageait de l'hydrogène quand le circuit était ou-

vert; elle en dégage encore tout autant et pas plus lorsqu'on le ferme. Cette action est donc permanente, sans influence sur la charge statique du couple isolé, et sans relation avec le courant qu'il produit. Mais si on fait abstraction de cette décomposition anormale que rien n'active ou n'empêche, on retrouve, en fermant le circuit, tous les phénomènes qu'offrait le zinc amalgamé, c'est-à-dire un courant qui traverse le galvanomètre de C à Z, et une nouvelle décomposition de l'eau qui transporte l'hydrogène sur le cuivre et l'oxygène sur le zinc dont la dissolution s'accélère, décomposition qui naît quand le contact s'établit et qui s'arrête quand on le détruit.

Les deux espèces de zinc offrent donc : 1° des phénomènes communs : des tensions égales aux pôles quand le circuit est ouvert, et, quand il est fermé, un courant et une action chimique qui a tous les caractères d'une électrolysation déterminée par ce courant ; 2° des phénomènes individuels, savoir : le zinc amalgamé, des bulles d'hydrogène qui restent adhérentes; le zinc ordinaire, un dégagement continu du même gaz à sa propre surface. Mais ces derniers phénomènes n'ont rien de commun avec la tension ni avec le courant.

Pour expliquer le dégagement continu de l'hydrogène sur le zinc du commerce, on admet que ce métal étant généralement impur, il ossre à sa surface des points tels que O et H (fig. 514),

Fig. 514.

où la force électromotrice est très-différente, et qu'étant réunis par un conducteur qui est la masse même du zinc, ils forment un couple à circuit fermé. Dès lors l'un d'eux, O, doit être attaqué, et l'autre, H, doit dégager de l'hydrogène. Deux faits semblent justifier cette manière de voir : le premier est la difficulté qu'on éprouve à attaquer le zinc distillé pur et homogène qui se comporte comme s'il était amalgamé, le second est qu'on

voit en esset à la surface du zinc ordinaire des points sur lesquels naissent les bulles et qui ne s'attaquent pas, tandis que les parties voisines se creusent et ne dégagent rien; ces points changent d'ailleurs de place quand la corrosion du métal en découvre d'autres qui les remplacent.

Cette propriété du zinc amalgamé se maintient quand, au lieu d'étudier un seul couple, on en réunit un nombre quelconque:

la pile à tasses de M. Gassiot avait été spécialement construite pour le démontrer; elle avait 3500 éléments amalgamés, amorcés avec de l'eau de pluie, et elle était parsaitement isolée. C'est la seule pile connue qui ait developpé à ses pôles une tension sussisante pour donner des étincelles visibles entre deux conducteurs séparés par un intervalle appréciable. Or, tant que les pôles surent séparés, ils manisestèrent cette tension sans que l'on pût constater d'action chimique dans les couples; même on remplaça l'un d'eux par un vase rempli d'iodure de potassium et d'amidon sans que ce liquide se colorat en bleu. Mais aussitôt que l'on fermait le circuit, le courant se développait, et en même temps le travail chimique, c'est-à-dire une électrolysation dans le sens de celle que le courant produirait s'il en était la cause. Ainsi, en résumé, 1° circuit ouvert: tension aux pôles et pas d'actions chimiques; 2º circuit fermé: courant et électrolysation. Ce sont les conséquences auxquelles nous avait conduit l'examen d'un seul couple.

DISTINCTION ENTRE DEUX ACTIONS CHIMIQUES DANS LES COUPLES.

- Les propriétés que nous venons d'analyser dans le couple zinc-cuivre se retrouvent dans tous ceux que nous avons examinés à la page 65. Il est essentiel d'y distinguer deux actions chimiques différentes : l'une inefficace, l'autre qui est une électrolysation nécessaire.
- 1°. On plonge du zinc et du platine dans le sulfate de cuivre: tant que le circuit est ouvert, on voit le zinc se couvrir d'un dépôt de cuivre, comme il se couvrait d'hydrogène dans l'acide sulfurique étendu. C'est, à l'origine, l'effet de la même action inefficace. Quand on ferme le circuit, ce dépôt change de place et se fait sur le platine pendant que le zinc se dissout; ces phénomènes sont ceux du cas précédent, avec cette différence que le sulfate de cuivre SO'Cu est électrolysé, au lieu du sulfate d'hydrogène SO'H.
- 2°. Deux lames, l'une de platine, l'autre de zinc, sont placées dans le sulfure de potassium : une action inefficace lente se remarque pendant que le circuit est ouvert; quand il est fermé, le courant marche du platine au zinc à l'extérieur, du zinc au platine dans le liquide, et celui-ci se sépare en soufre

qui attaque le zinc et en potassium qui se rend sur le platine et où par une action secondaire il dégage de l'hydrogène.

3°. Quand l'acide sulfurique et la potasse séparés par une cloison poreuse sont réunis par un sil de platine BCDA, un courant suit ce conducteur et revient dans le liquide de A en B.

D	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
	←4€	←#	"
	KO.	SO ³	
		+	į
A	73 →	₩>	B

Ce courant doit transporter en A l'acide sulfurique et l'oxygène, et en B le potassium qui se transforme en potasse et bydrogène: c'est en effet ce qu'on observe. Mais quand le circuit reste ouvert, les deux liquides se mêlent lentement par endosmose, sans qu'il y ait aucun dégagement de gaz, et se combinent sans effet utile.

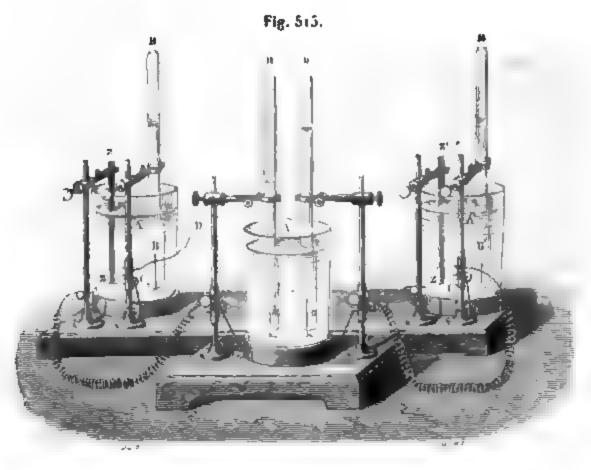
4°. On met dans l'intérieur du vase poreux (fig. 510) du sullate de fer et une lame de fer A, et à l'extérieur du sulfate de
cuivre avec une lame de platine B: aucune action ne se produit
tant que le circuit est ouvert; quand on le ferme, on voit le fer
se dissoudre, ce qui prouve que l'acide sulfurique suroxygéné SO' se porte sur lui, et en même temps le platine se recouvre de cuivre. Si l'on ajoutait un excès d'acide sulfurique
dans le sulfate de fer, une action permanente dégagerait de
l'hydrogène sur le fer, mais elle n'ajouterait rien à l'intensité
du courant et ne changerait pas l'électrolysation qu'on remarque quand il passe.

Il est maintenant évident que dans tous les éléments des piles formées avec du zinc ordinaire, il y a une action chimique nécessaire et efficace, généralement très-faible, qui s'établit quand le circuit est fermé, et qu'il y en a une autre souvent très-vive et permanente qui ne sert à rien qu'à user les piles. Celle-ci, il faut la supprimer, et c'est ce qu'on fait en amalgamant les zincs. Alors tout se réduit à une simplicité parfaite: il n'est plus nécessaire d'inventer des dispositions pour plonger les éléments dans les vases au moment voulu et les en retirer quand on arrête l'expérience; on prépare la pile une fois pour toutes et on la peut abandonner à elle-même: la dissolution du zinc ne se fait que si le courant passe; elle s'arrête toutes

les fois qu'on interrompt les communications, et après ces interruptions qui peuvent durer très-longtemps, la pile, qui n'a fait que se reposer, est prête à reprendre toute son activité si on rétablit le courant. Dans ce qui va suivre, nous négligerons absolument les actions inessicaces pour ne considérer que l'électrolysation qui accompagne le courant et qui constitue le véritable travail chimique intérieur. Nous allons comparer ce travail à la quantité d'électricité produite.

LOI DU TRAVAIL CHIMIQUE INTÉRIEUR. — M. Matteucci a énoncé la loi suivante : « Quand une unité d'électricité dynamique » a été produite, un équivalent de zinc a été dissous dans chaveur des couples de la pile; il en est de même si l'on rempose le zinc par un autre métal susceptible d'être attaqué » par le liquide. » Depuis lors, Daniell a repris ce sujet et a développé cette loi par les expériences que nous allons rapporter.

Il disposa la pile de manière à pouvoir recueillir l'hydrogène qui se dégage sur la lame de cuivre (fig. 5:5).



Le premier élément de cette pile est plongé dans le vase A;

il se compose d'une lame de zinc ZZ qui est le pôle négatif et d'un fil de platine B qui remplace l'élément cuivre; ce fil est recouvert d'une cloche BB et communique au zinc suivant par CD. Tous les couples sont liés entre eux de la même manière, jusqu'au dernier A'. On ferme le circuit en réunissant les deux pôles avec les deux électrodes o et h d'un galvanomètre V, et au bout d'un certain temps on peut mesurer les quantités de gaz dégagées. Or Daniell a reconnu qu'elles étaient égales, soit dans les cloches des couples, soit dans celle du voltamètre.

Ensuite il changea la disposition de la pile: au lieu de placer les couples à la suite dans une série linéaire, il les groupa de manière à former plusieurs piles distinctes égales ou inégales, puis il réunit tous les rhéophores positifs en un seul et à l'un des fils du voltamètre, et tous les rhéophores négatifs à l'autre fil, de façon que chaque pile partielle était traversée par son propre courant, et le voltamètre par la somme des courants; il trouva dans ce voltamètre une quantité d'hydrogène égale à la somme de celles qui étaient dégagées dans chaque élément des diverses piles.

Les couples pouvaient être amorcés avec des liquides plus ou moins acidulés, ou différents en nature, ce qui permettait de leur donner une énergie très-inégale quand on les examinait individuellement; mais quand on les réunissait en série linéaire, ils devenaient tous identiques, c'est-à-dire qu'ils dégageaient tous des volumes d'hydrogène égaux entre eux et à celui du voltamètre, parce qu'étant alors traversés à la fois par la somme des courants produits par chacun d'eux, ils éprouvaient une égale électrolysation.

Voulant généraliser cette épreuve, Daniell imagina de placer plusieurs éléments orientés dans le même sens à la suite les uns des autres et d'y ajouter un dernier couple dirigé inversement. L'action dans ce dernier élément étant contraire à celle des premiers, le courant total devait être et fut en esset assibli; mais ce qu'il y eut d'important, c'est que l'action demeura la même dans tous les couples et que l'électrolysation sur le meure la celle des l'élément retourné : l'hydrogène se dégagea sur le zinc et l'oxygène sur le platine.

Ensin, continuant la même marche logique, qui consiste à

étendre à des cas de plus en plus complexes les résultats trouvés pour des exemples simples, Daniell prépara une pile avec des éléments tout à fait dissemblables par la grandeur et la nature des métaux, ainsi que par la composition des liquides électromoteurs qui étaient, ou de l'eau acidulée, ou des sulfates de zinc, ou des sels de cuivre, et il reconnut que dans tous les cas il y avait i équivalent de liquide décomposé dans les couples, en même temps que i équivalent d'hydrogène dégagé dans le voltamètre extérieur.

En général, on peut imaginer une pile composée, comme on le voudra, de couples absolument quelconques orientés les uns dans un sens, les autres en sens opposé, et l'on peut réunir les pôles de cette pile par une chaîne de voltamètres contenant tous les électrolytes possibles. Quand on fermera le circuit, a l'électrolysation se fera dans tous les liquides comme si un même courant traversait le circuit, du pôle positif au pôle négatif dans le conducteur extérieur, et du pôle négatif au pôle positif dans la pile; et, quand i unité d'électricité dynamique aura parcouru le circuit total, il y aura i équivalent de liquide décomposé, soit dans chacun des voltamètres, soit dans chacun des couples actifs, de façon que le travail chimique sera égal dans chaque auge. » C'est là précisément l'énoncé auquel M. Matteucci était arrivé dès 1834, et qui a été surabondamment véristé depuis par les expériences de MM. Buff, Soret et Despretz: il exprime la loi générale du travail chimique établie par l'expérience seule et indépendante de toute considération théorique. Nous allons maintenant l'interpréter.

Si nous considérons un couple unique (fig. 516), la force



électromotrice, quelle que soit la cause à laquelle on la rapporte, se développera en ZZ, et chargera le liquide d'électricité positive; celle-ci le traversera de ZZ en CC, puis reviendra de CC en ZZ par le circuit CAZ. De même, l'électricité négative se portera sur ZZ, passera de ZZ en CC par le conducteur A, et de CC en ZZ par le liquide. Que ce transport inverse des deux électricités contraires se produise directement ou par décompositions et

recompositions successives, cela n'importe pas : ce qui est

évident, c'est que le même courant traversera le liquide aussi bien que le conducteur extérieur, qu'il décrira un cercle complet et que la même quantité d'électricité passera à la fois par une section quelconque de ce liquide et de ce conducteur. La section de contact ZZ ne différera des autres que parce qu'elle est l'origine du mouvement électrique, mais celui-ci se produira de la même manière à travers elle qu'à travers toutes. Donc l'électrolysation devra se faire dans le liquide intérieur, et il y aura transport de l'acide suroxygéné sur ZZ et de l'hydrogène sur CC, en quantités égales à celles qui se dégageraient dans le conducteur extérieur s'il contenait un voltamètre.

L'égalité du travail chimique à l'intérieur et à l'extérieur des piles est donc un fait nécessaire et indépendant de toute hypothèse sur la cause des courants. Par suite, nous admettrons les conclusions suivantes :

- re. Le même courant traverse tout le circuit en décrivant une courbe fermée; il va du pôle positif au pôle négatif dans le conducteur interpolaire; il revient du pôle négatif au pôle positif dans la pile.
- 2°. C'est le passage de ce courant qui produit une électrolysation nécessairement équivalente dans toutes les auges traversées, soit dans le conducteur extérieur, soit dans les couples de la pile.

SOIXANTE-CINQUIÈME LEÇON.

THÉORIE CHIMIQUE DES PILES. — PILES A COURANT CONSTANT.

Mode de décomposition dans l'électrolysation. — Phénomènes de transport. — Hypothèses électrochimiques. — Oxygène ozoné.

Causes d'affaiblissement des piles. — Polarisation des électrodes. — Pile à gaz. — Résistance au passage des courants. — Piles à courant constant, — de Daniell, — de Grove, — de Bunsen.

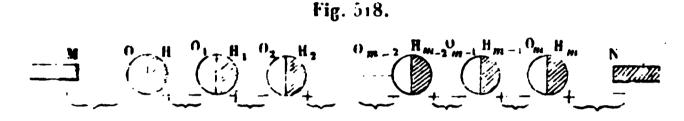
Jusqu'à présent nous n'avons étudié que les lois expérimentales qui règlent le travail chimique des piles. Elles résument toutes les connaissances précises que nous possédons sur ce sujet, et suffisent pour toutes les applications que nous aurons à faire.

Mais elles ne suffisent point à l'esprit, puisqu'elles ne sont liées entre elles par aucune interprétation théorique. Or, comme elles résultent évidemment des rapports qui existent entre l'électricité et la constitution de la matière, il faut tâcher de découvrir ces rapports, afin d'en faire découler ces lois ellesmêmes. Il s'agit, en un mot, de créer un système hypothétique pour expliquer ce que l'on sait et pour deviner ce que l'on ne sait pas. Les idées que nous allons exposer n'auront qu'une valeur d'imagination, et ne seront, si on les admet, que des vérités de convention et pour ainsi dire provisoires.

MODE D'ACTION DANS L'ÉLECTROLYSATION. — Tout le monde est d'accord sur l'explication qu'on doit donner du transport aux deux pôles opposés des molécules séparées par l'électrolysation : cette explication est due à Grotthus. Déjà nous avons admis avec M. de la Rive que dans un conducteur solide les deux pôles M et N (fig. 517) décomposent par influence l'électricité neutre des molécules A, B, C,..., et que les ten-

sions opposées croissent jusqu'au moment où les attractions

des fluides contraires peuvent vaincre la résistance intermoléculaire, recomposer le fluide neutre et céder de l'électricité négative à + M et positive à - N. La transmission des courants doit se faire de la même manière dans tous les corps solides ou liquides, et en particulier dans l'eau (fig. 518). Mais comme



dans ce cas les molécules formées d'oxygène et d'hydrogène sont dissymétriques, on admet que l'action d'influence commence par les orienter en une série régulière dans laquelle l'oxygène se place du côté de + M en se chargeant négativement, et l'hydrogène du côté de - N en devenant positif. Alors 0 est attiré vers + M, H vers O₁, et ainsi de suite, par des forces électriques qui tendent à séparer les atomes constituants, et qui croissent jusqu'à faire équilibre à l'affinité. A partir de ce moment, toutes les molécules se décomposent.

Le premier atome O d'oxygène se porte sur + M, le dernier H. d'hydrogène se dégage sur - N, tous les atomes intermédiaires se recombinent de l'un au suivant, comme cela est indiqué par des accolades, et ils reconstituent des molécules d'eau nouvelles, à l'état neutre et orientées inversement; puis, l'action des pôles recommençant, le même effet se reproduit à intervalles successifs tant que passe le courant, et il est clair que la quantité de décomposition est proportionnelle à la quantité d'électricité qui passe. Cette explication ne préjuge absolument rien sur l'état électrique des molécules, ni sur la nature de l'affinité, qu'elle laisse indéterminés; elle ne suppose qu'une seule propriété sur laquelle nous reviendrons, celle que posséderaient les molécules de s'orienter et de se séparer.

Tous les cas de l'électrolysation s'expliquent avec la même

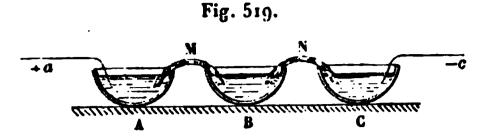
facilité; nous nous contentons de les représenter par les syn boles suivants, qui peuvent nous dispenser de tout détail not veau.

éléments mis en liberté est plus complexe sans être plus dif cile à expliquer. Je suppose que l'on reprenne l'appareil de fig. 511, page 67, que l'on mette de la potasse dans le bor de verre, de l'acide sulfurique dans le vase poreux, et que l'fasse passer un courant dans le sens indiqué par les flèche de la potasse à l'acide. Il se dégagera de l'oxygène au pôle pot tif B, de l'hydrogène à l'électrode négative A, et au bout d'temps suffisamment long on trouvera que l'acide et la p tasse ont changé de place. Ce transport se fait comme il si par des décompositions successives.

L'acide SO' traverse la cloison C pour former du sulfate de p tasse du côté de + A; le potassium marche en sens inverse po former aussi le même sel vers — B; à son tour, ce sel est d composé, et cette action ne se termine que lorsque tout l'aci et toute la potasse se sont portés aux pôles positif et négat La même chose aura lieu si l'on étudie deux sels quelconque par exemple

$$+ M - SO' \widetilde{Cu} | \cdots | \widetilde{SO'} \widetilde{Cu} | \widetilde{AzO''} \widetilde{Ag} | \cdots | \widetilde{AzO''} Ag - N$$

On doit à Davy des expériences plus curieuses. Il dispos à la suite l'une de l'autre trois capsules, A, B, C (fig. 516 contenant : la première de la potasse, la deuxième de l'eau, troisième de l'acide sulfurique; il les réunissait par deux mè-



ches d'amiante mouillée M et N, et faisait passer un courant de A en C.

$$+ A \xrightarrow{-} O \widetilde{K} | O \widetilde{K} | O \widetilde{H} | O \widetilde{H} | SO' \widetilde{H} | SO' H \longrightarrow C -$$

En considérant les mèches M et N comme des cloisons, on voit que le potassium traverse la première en allant vers - C, pendant que SO' marche vers + A. Comme, d'après la loi de Faraday, le même nombre d'équivalents s'électrolyse à la fois dans les trois auges, celle du milieu contient bientôt du sulsate neutre de potasse, qui à son tour se décompose en transportant SO' à + A et K à - C. Par conséquent, le liquide doit rester toujours neutre dans la capsule B, et à la sin de l'opération ce liquide est de l'eau pure comme au commencement. Mais si l'on mettait dans les auges extrêmes de l'azotate de baryte et du sulfate de potasse, on verrait du sulfate de baryte se précipiter dans l'auge moyenne et échapper par là à toute décomposition ultérieure.

Tous ces phénomènes s'expliquent donc une sois qu'on a admis le principe des décompositions successives. Mais quand on veut aller plus loin, et qu'on se demande comment il se fait que les molécules s'orientent d'abord et se séparent ensuite par l'effet du courant, il faut absolument imaginer une relation entre la force inconnue que l'on appelle assinité, et cette autre force tout aussi peu déterminée que l'on nomme électricité, ou, ce qui est la même chose, inventer le rôle que l'électricité joue dans la constitution de la matière.

HYPOTHÈSE ÉLECTROCHIMIQUE. — Ampère suppose que les atomes possèdent une électricité qui leur appartient en propre, les uns la positive, c'est le cas de l'hydrogène et des métaux, les autres la négative, ce sont les atomes des métalloïdes et des radicaux, tels que SO', et qu'à l'état de liberté ils sont enveloppés

d'une atmosphère de sluide contraire, neutralisant sans l'annuler l'électricité propre à chacun d'eux. Quand ces atmosphères disparaissent, deux atomes de nom contraire s'attirent électriquement et deviennent adhérents; alors ils sont combinés, et l'affinité qui les a réunis se réduit à n'être plus que l'attraction de leurs électricités. Si cette hypothèse était fondée, deux métallordes électronégatifs tous deux ne pourraient point se combiner. Pour éviter cette objection, Berzelius admit que toute molécule est dissymétrique, qu'elle possède deux pôles opposés, et que la combinaison se fait quand deux de ces molécules se soudent par leurs extrémités de nom contraire; ensin M. de la Rive a précisé cette idée. Il donne des tensions polaires inégales aux atomes des divers corps, et il pose en principe, sans le justisier, qu'ils se combineraient par la réunion du pôle positif le plus fort avec le pôle négatif le plus faible; par exemple, le pôle négatif du soufre se réunirait au positif plus fort de l'oxygène pour former l'acide hyposulfureux, et ce serait le pôle positif de ce même soufre qui se joindrait au négatif plus faible de l'hydrogène dans l'hydrogène sulfuré. M. de la Rive explique ainsi toutes les combinaisons possibles ainsi que le renversement du rôle électrochimique d'un corps. quand il s'unit avec un autre dont la tension polaire est plus grande ou plus faible que la sienne. On voit que l'embarras n'est pas d'inventer une constitution de la matière, qu'il est plutôt dans le choix qu'on doit saire entre celles qui ont été proposées. Toutes ces conceptions sont des jeux de l'imagination, et il n'est pas douteux qu'un esprit exercé à ce genre de spéculations ne puisse arriver à se satisfaire par des suppositions très-différentes et nombreuses. Du moment qu'on ş'adresse à un problème aussi indéterminé, on peut le résoudre par un grand nombre de solutions possibles.

Sans s'embarrasser de ces atmosphères et de ces pôles qui rendent l'hypothèse invraisemblable et qui la compliquent inutilement en voulant la préciser, la majorité des physiciens paraît s'accorder pour admettre que les atomes peuvent s'électriser positivement ou négativement, suivant les cas, et qu'au moment de se combiner, deux d'entre eux se chargent toujours de quantités égales de fluides contraires. Le soufre serait négatif avec les métaux dans tous les sulfures, et positif avec

l'oxygène dans les acides sulfureux ou sulfurique. Mais les métalloïdes, et les radicaux tels que SO, seraient toujours négatifs dans les combinaisons qu'ils forment avec l'hydrogène ou les métaux. Comme ces combinaisons sont les seules dont l'électrolysation soit incontestable, ce sont aussi les seules qui doivent nous occuper. Dès lors, quand un composé tel que l'eau se forme, l'oxygène dégage de l'électricité positive et reste chargé négativement, l'hydrogène dégage de l'électricité négative en devenant positif, et les deux atomes, ainsi pourvus de quantités égales de fluides contraires, se réunissent en une seule molécule qui est neutre. Quand le composé ainsi formé se détruit, l'oxygène et l'hydrogène reprennent les électricités qu'ils avaient dégagées, savoir, le premier la positive, le second la négative, et ils repassent à l'état naturel.

Une fois qu'on a admis cette hypothèse, l'explication de l'électrolysation devient complète. En effet, c'est parce que l'oxygène est négatif et l'hydrogène positif que les molécules d'eau s'orientent d'abord quand le courant commence à passer. La tension devenant plus grande, les molécules se détruisent, leur oxygène avance d'un rang, leur hydrogène recule d'autant, de içon que le même nombre de molécules d'eau, moins une, se reconstitue, et que l'oxygène et l'hydrogène des molécules extrêmes s'échappent sur les électrodes où elles sont ramenées à l'état naturel.

Après chacune de ces décompositions et recompositions successives, les diverses parties du conducteur se retrouvent à l'état naturel, et les deux molécules d'oxygène et d'hydrogène qui se dégagent enlèvent aux deux pôles des quantités d'électricité égales et contraires à celles qu'elles avaient dans la molécule d'eau; donc, au bout d'un temps quelconque, la quantité d'électricité qui a passé mesure celle que les molécules possédaient quand elles étaient combinées. Or la loi de Faraday nous apprend que la même masse électrique dégage équivalent du radical d'un électrolyte quelconque, par conséquent, « cet équivalent contient dans tous les électrolytes une même quantité d'électricité négative, et le métal unc quantité égale de l'électricité opposée. » On interprète ainsi la loi de Faraday de la même manière que la loi de Dulong sur la chaleur spécifique des atomes.

Non-seulement l'hypothèse que nous venons d'admettre doit expliquer l'électrolysation, mais encore la production de l'électricité dans les couples des piles; c'est la question la plus délicate et la plus controversée de la physique. On a proposé trois théories que je vais exposer:

1°. Rien ne prouve qu'il n'y ait pas, au moment où deux corps se touchent, une force électromotrice préexistante qui les mettrait dans des états électriques différents, et qui serait variable avec leur nature. Si elle existait, voici ce qui arriverait dans un couple ordinaire:

Le circuit étant ouvert : le zinc se chargerait négativement, le liquide positivement, et l'équilibre aurait lieu quand la différence des tensions serait devenue égale à 2 e. Les pôles d'un couple ou d'une pile auraient donc des tensions permanentes; il n'y aurait point d'électrolysation, puisqu'il n'y aurait point de courant. Mais une action chimique inverse tendrait à se produire, car le zinc négatif attircrait l'hydrogène H de l'eau acidulée et repousserait l'acide suroxygéné SO4 dans le liquide. On voit en effet des bulles d'hydrogène adhérer au zinc, et M. Schænbein a découvert que le liquide contient de l'eau oxygénée.

En fermant le circuit : on offrirait une issue aux électricités que la force électromotrice renouvellerait sans cesse; un courant parcourrait toutes les parties du circuit, celles qui sont extérieures à la pile comme les auges des couples eux-mêmes, et il produirait partout une électrolysation égale. Ainsi toutes les circonstances et toutes les lois expérimentales des courants s'expliquent par la théorie du contact.

2°. La deuxième théorie suppose une force d'affinité préexistante entre SO' et Zn. Si cette force existe, elle décomposera l'eau acidulée (SO'H); une molécule (SO') qui est
négative s'unira à une molécule de zinc; mais comme celle-ci
doit être positive dans la combinaison qui se forme, elle laissera du fluide négatif sur la lame de zinc en se détachant d'elle.
D'un autre côté, l'hydrogène H sera mis en liberté au contact
du zinc, il chargera positivement le liquide en se dégageant,

et les tensions augmenteront sur le zinc et dans le liquide à mesure que l'action chimique continuera. Mais celle-ci ne tardera pas à se limiter, car le zinc devenu négatif attirera l'hydrogène et repoussera le radical SO'; un équilibre s'établira

entre ces forces électriques et l'assinité, et les pôles, tant qu'ils seront isolés, demeureront chargés d'une tension limite persistante, grâce à une action chimique préalable.

En fermant le circuit, on offrira une issue aux électricités, la force d'affinité reprendra son énergie première, l'action chimique deviendra continue, le courant passera, et l'hydrogène se dégagera sur le cuivre à cause des décompositions successives qui auront lieu dans le liquide de molécule à molécule.

3°. Entre ces deux théories, qui ont partagé les physiciens pendant si longtemps, il y en a une troisième qui participe de l'une et de l'autre. On suppose qu'il existe une tendance à la combinaison entre SO' et le zinc, que cette force décompose le

surface immergée C et positivement sur les points u extérieurs au liquide.

$$\frac{z}{z}$$
 $\frac{u}{z}$ SO'H | SO'H | ... | SO'H | SO'H $\frac{c}{z}$ $\frac{u}{z}$

Si le circuit reste ouvert, cet état de polarisation persiste indéfiniment; aussitôt qu'on le ferme, les électricités de Z et de C se recombinent, et comme leur présence agissait pour diminuer la tendance à la combinaison de SO' avec le zinc, leur disparition l'augmente jusqu'à la rendre efficace. Alors le premier atome de SO' s'unit à Zn, toutes les molécules d'eau se détruisent à la sois, d'autres se resorment suivant le mode ordinaire, et l'hydrogène se dégage sur le cuivre en lui enlevant de l'électricité négative.

Si l'on veut appeler les choses de leur vrai nom, cette affinité de tendance n'est rien qu'une force électromotrice préalable au contact des deux corps, et cette nouvelle théorie ne dissère de la première que par un mot et par le mode de distribution électrique qu'elle admet, c'est-à-dire par des détails absolument en dehors de toute discussion, parce qu'ils sont au-dessus de tout contrôle. D'un autre côté, la dissérence entre la deuxième et la troisième théorie est bien légère, l'une admet entre SO' et Zn une tendance à la combinaison, sussisante pour

orienter les molécules et insuffisante pour les séparer, l'autre suppose que cette force est assez grande pour déterminer la combinaison tout d'abord.

Or nous verrons, dans un chapitre suivant, que des forces électromotrices existent au contact de certains corps sans qu'il y ait entre eux aucune action chimique effectuée, donc il faut que la force électromotrice préexiste, qu'elle provienne soit d'une cause physique, soit d'une tendance à la combinaison. Dès lors nous renoncerons à la théorie de l'action chimique préalable. D'un autre côté, comme tout nous autorise à penser que les phénomènes étudiés ici sont moléculaires, nous adopterons la dernière des hypothèses précédentes, non parce qu'elle constitue une théorie démontrée, mais parce qu'elle offre un moyen commode de lier les saits; ainsi nous admettrons:

- 1°. Qu'il y a une force électromotrice préexistante au contact d'un métal avec un liquide;
- 2°. Qu'elle oriente les molécules du liquide et développe des différences de tensions aux deux pôles quand le circuit est ouvert;
- 3°. Que le passage du courant dans les liquides du couple détermine l'électrolysation de ces liquides, c'est-à-dire les actions chimiques qui s'y accomplissent.

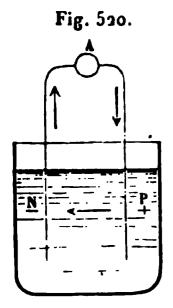
OXYGÈNE OZONÉ. — Ces théories reposent sur la possibilité d'électriser les atomes des corps. Un fait très-curieux paraît susceptible d'être rattaché à cette hypothèse. Van Marum avait reconnu que les étincelles électriques développent une odeur que l'on a comparée à celle du gaz nitreux, du phosphore ou du soufre, mais qui en réalité est spéciale et caractéristique. Ayant fait passer les étincelles dans un tube rempli d'oxygène, il trouva que ce gaz acquérait cette odeur et en même temps

la saculté d'oxyder le mercure. Oubliées pendant longtemps, ces expériences ont été reprises par M. Schænbein. Il reconnut que le gaz oxygène qui se dégage de l'eau qu'on électrolyse présente les mêmes caractères, et il les attribua à la formation d'une substance particulière qu'il nomma ozone et qu'il croyait être un suroxyde d'hydrogène. Depuis lors, les travaux de MM. de la Rive et Marignac, et ceux de MM. Fremy et E. Becquerel, ont fait voir que l'ozone est de l'oxygène dans un état allotropique spécial. On le produit, soit en électrolysant l'eau, soit en faisant passer des étincelles électriques au milieu de l'oxygène sec et pur, soit en dirigeant ce gaz sur du phosphore humide, soit en décomposant, d'après M. Houzeau, du bioxyde de barium par l'acide sulfurique à une basse température. Ainsi préparé, l'oxygène a des propriétés oxydantes très-énergiques: il se combine à froid avec les métaux, tels que l'argent, le cuivre, le mercure; il transforme les acides sulfureux et hypoazotique en acides sulfurique et azotique; ensin il décompose instantanément l'iodure de potassium et met l'iode en liberté, re qui colore le liquide en jaune s'il est pur, et en bleu s'il est mêlé à l'amidon. En tout cas, l'oxygène ne peut, par aucun moyen, être entièrement ozonisé; mais si on le maintient au-dessus d'un bain d'iodure de potassium et qu'on le soumette à une succession d'étincelles, il est absorbé aussitôt qu'il se transforme, et la totalité du gaz finit par disparaître. Toutes ces expériences prouvent que l'oxygène passe à un état particulier, et quelques personnes ont pensé qu'il est électrisé à l'état de liberté comme il l'est dans ses combinaisons.

Nous devions mentionner cette opinion, qui ne peut être démontrée vraie ni prouvée inexacte. M. Ozann a cru trouver a l'hydrogène provenant de l'électrolysation des propriétés analogues à celles de l'ozone. J'avais avant lui énoncé la même idée, mais je crois qu'il faut de nouvelles expériences avant de se prononcer sur ce point.

CAUSES D'AFFAIBLISSEMENT DES PILES.

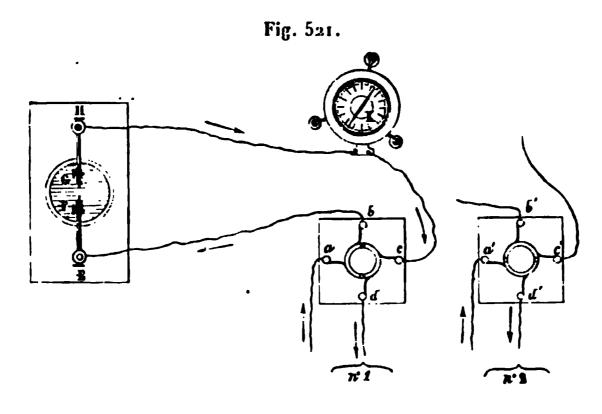
POLARISATION DES ÉLECTRODES. — Quand on fait passer le c rant d'une pile A à travers un électrolyte quelconque (fig. 5:



le radical se porte au pôle positif P et la h au pôle négatif N, et tous deux s'accumul au voisinage des surfaces des électrodes. l'on vient ensuite à remplacer la pile A par galvanomètre, ce radical et cette base se recc binent, le premier est positif en P, la seco négative en N, et il se produit dans le sens F un courant contraire à celui qui a déterm l'électrolysation. Ce phénomène était coi depuis longtemps; c'est M. Becquerel qui

expliqué par la réaction des éléments mis en liberté.

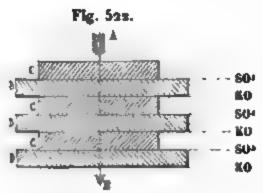
Pour rendre l'expérience plus aisée, nous serons arrive courant de la pile en a, dans un interrupteur abcd (fig. 5:



de là il passera par b E dans un vase à décomposition FG fig déjà (page 64); il reviendra par un galvanomètre K, en c, d et ensin à la pile. Quand le courant aura circulé pent quelque temps, nous placerons l'interrupteur dans la positindiquée n° 2, le courant de la pile ira de a' en d' sans par l'électrolyte; mais la communication restera établie en E et H par le sil Eb'c'H et par le galvanomètre K: nous c staterons alors un courant qui est toujours opposé à celui

le pîle; il est très-énergique si le vase FG contient un sel alcalin, il existe encore, quoique plus faible, si on opère sur des acides et même sur l'eau pure.

Il est clair que le même effet ne ferait que se multiplier si, au lieu d'un seul vase à décomposition, on en mettait plusieurs à la suite l'un de l'autre, ou si on plaçait dans une même auge me série de cloisons métalliques successives; chacune d'elles fonctionnerait comme électrode, positive d'un côté et négative de l'autre; c'est à peu près ce que saisait Ritter. Il composait des piles inactives par elles-mêmes, en empilant des disques de cuivre CCC (fig. 522), séparés par des draps DDD imbibés d'une dissolution saline, par exemple de sulfate de potasse, et il les



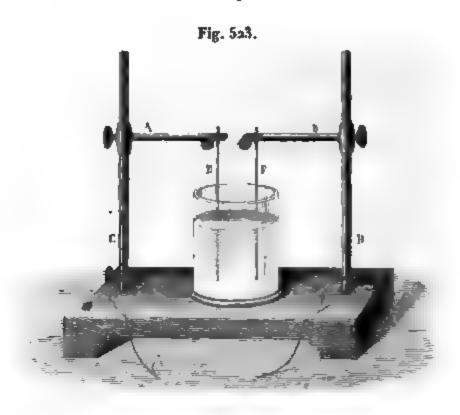
soumettait pendant un certain temps à l'action d'un courant AB; alors l'acide sulfurique se portait à la partie supérieure de tous les draps, la potasse à la partie inférieure; chacun de ces draps devenait un couple actif séparé du suivant par un

conducteur métallique, et leur ensemble constituait une pile dont le pôle positif était en A et le négatif en B. En réunissant tes pôles par un conducteur, on avait par conséquent un courant opposé à AB, pendant tout le temps que l'acide et la polasse mettaient à se recombiner.

Pour justifier l'explication qu'il avait donnée, M. Becquerel fit les expériences suivantes : Il plongea d'abord dans du sulte de potasse (fig. 523) deux lames de platine E et F, réunies entre elles par un galvanomètre, et il s'assura qu'elles
ne produisaient aucun courant. Alors il les retira du liquide
pour plonger, l'une dans l'acide suifurique, l'autre dans la potasse, puis il les repfaça dans le sulfate de potasse, et il reconnut qu'elles développaient un courant intense traversant le
galvanomètre de l'acide à l'alcali. Pour varier l'expérience, il
fit passer un courant à travers le sulfate de potasse par les
lames E et F, et quand elles eurent été recouvertes par l'électrolysation d'une quantité suffisante de potasse et d'acide, il
enleva le vase et le remplaça par un autre contenant une solution identique, mais qui n'avait point été préalablement élec-

SOIXANTE-CINQUIÈME LECON.

trolysée: le même courant se produisit. Non-seulement ces



expériences prouvent que c'est à la réaction des éléments décomposés que le phénomène est dû, mais elles montrent encore qu'il faut l'attribuer, non pas à leur recomposition directe, mais à l'état particulier dans lequel ils mettent les lames de platine qui en sont revêtues. C'est pour exprimer ce fait qu'on dit qu'elles sont polarisées, et cela veut dire que le siége des forces électromotrices est placé sur elles. Tous les effets s'expliquent si on admet qu'au contact des acides ou des alcalis, le platine devient positif ou négatif, mais ils ne sont plus aussi évidents si on cherche l'origine du développement électrique dans la combinaison des deux corps, puisqu'ils ne se touchent point.

Lorsque l'électrolysation se fait sans produire aucune accumulation des éléments sur les électrodes, elles ne se polarisent pas, et il n'y a point de courant de réaction : c'est ce que l'on constate quand on décompose un sel avec deux lames du métal qui forme la base de ce sel, comme du sulfate de cuivre, de l'azotate d'argent ou du sulfate de zinc, par des lames de cuivre, d'argent ou de zinc, car l'action se réduit à un transport du métal de l'électrode positive à la négative; c'est ce que l'on remarque encore quand on électrolyse l'acide azotique étendu par deux fils de cuivre ou de zinc amalgamé, car l'oxygène se

combine avec le pôle positif qui se dissout, et l'hydrogène est absorbé dans l'acide qui est réduit au pôle négatif. Mais quand on a décomposé l'eau acidulée ou même l'eau pure avec des électrodes de platine, elles donnent des courants secondaires. Au premier abord il paraît difficile d'appliquer à ce cas l'explication précédente, parce que les éléments séparés sont des gaz qui paraissent se dégager en totalité, et aussi parce qu'ils n'ont pas la propriété directe de se combiner l'un à l'autre. Cependant la vérité de cette explication est pleinement démontrée.

M. Becquerel a d'abord prouvé que les deux électrodes qui ont servi à la décomposition de l'eau sont capables de produire un courant quand on les plonge dans un liquide conducteur qui n'a pas été primitivement électrolysé. M. Matteucci a été plus loin: il a fait séjourner deux lames de platine, l'une dans l'oxygène, l'autre dans l'hydrogène, et, au bout de dix minutes, il les a trouvées polarisées comme si elles avaient servi à la décomposition de l'eau. Voulant constater ensuite qu'elles avaient absorbé et condensé des gaz, il introduisit celle qui amit été polarisée par l'oxygène dans une petite cloche pleine d'hydrogène, elle y produisit une diminution de volume notable, ce qui prouve non-seulement qu'elle avait gardé de l'oxygène, mais qu'elle lui avait donné la propriété qu'il ne possède pas naturellement de se combiner avec l'hydrogène. Tous ces faits sont confirmés ensin par de nombreux travaux de M. Schænbein, et en particulier par l'expérience qui suit. On ait passer dans les deux branches d'un tube en U plein d'eau deux courants gazeux, l'un d'oxygène, l'autre d'hydrogène, soit en les y amenant par des tubes de verre, soit en les y dégageant par un courant avec deux électrodes de platine. Après quelque temps, l'eau a dissout dans chaque branche une proportion déterminée de ces gaz, et si l'on y plonge deux lames de platine réunies par un galvanomètre, elles accusent un couant dans le même seus que précédemment.

Deux points importants résultent du travail de M. Matteucci : la faculté que possède le platine de condenser l'hydrogène et l'oxygène; 2º la propriété acquise par ces gaz condensés de se combiner directement, l'un avec l'hydrogène, l'autre avec l'oxygène, d'où il suit qu'une lame de platine introduite dans le mélange détonant de ces deux gaz doit déterminer la forma-

tion de l'eau. C'est en effet ce qui se passe avec l'éponge de platine, comme Dobereiner l'a découvert, et c'est aussi ce qui a lieu avec le platine laminé quand il est bien décapé, ainsi que M. Faraday l'a constaté.

Dans le cours des recherches qu'il sit sur le voltamètre M. Faraday eut l'occasion de recueillir les deux gaz dans une cloche unique qui recouvraît à la sois les deux électrodes Quand elle sut pleine et que les électrodes surent tout entière dans le gaz, il interrompit le courant. Alors l'oxygène et l'hydrogène commencèsent à se recombiner et à reproduire de l'eau. M. Bertin a constaté depuis que cette recomposition se produisait même pendant le passage du courant et saisait dé toner le mélange quand la pile avait une cinquantaine de couples.

M. Faraday étudia séparément les propriétés de chacune de électrodes après qu'elles avaient servi pendant dix minutes : l'électrolysation de l'eau. A cet effet, il les lavait à l'eau distillée, les essuyait et les plongeait dans un mélange détonant La négative était à peu près sans action, mais la positive déter minait une recomposition des gaz, d'abord lente, ensuite asse rapide pour saire disparaître deux pouces cubes du mélange en une minute, toujours accompagnée d'une augmentation de température qui allait jusqu'à saire bouillir l'eau et se ralentis sant ensuite pour devenir nulle au bout de quelques jours Une action tout à fait pareille se produit avec un mélange de deux gaz quelconques pouvant donner lieu à des combinaison stables. En résumé, cette électrode a toutes les propriétés qui M. Kuhlmann a reconnues à l'éponge de platine et elle le conserve pendant longtemps quand on la maintient plongée dans l'eau où elle a été préparée ou dans une solution de potasse.

On peut rendre actives par un tout autre procédé des lame de platine, d'or et de palladium, mais non d'argent et de cui vre, en les lavant avec soin dans la potasse ou dans l'acide sulfurique, ou en les chaussant jusqu'au rouge enveloppées de potasse caustique; et comme ces divers traitements ne son que des procédés de décapage plus ou moins complets, l'ac tivité des lames paraît résulter, non d'un état électrique par ticulier, mais de la netteté des surfaces qui leur permet de

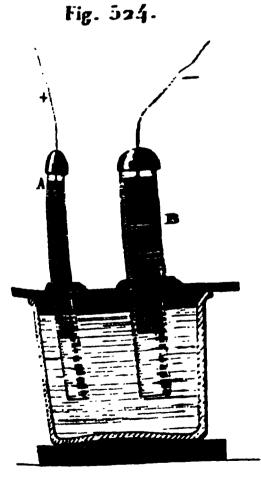
condenser les gaz en plus grande proportion et de déterminer ainsi la combinaison lente d'un mélange détonant.

Tous ces faits s'expliquent si on admet qu'au moment où ils se condensent sur le platine, l'or ou le palladium, les gaz prennent, l'oxygène l'électricité négative, l'hydrogène la positive pendant que les métaux se chargent inversement. Alors un couple de deux électrodes polarisées par l'oxygène et l'hydrogène produirait une orientation des molécules intermédiaires comme il suit :

$$Pt \longrightarrow O \mid H \mid O \mid H \mid$$

Au moment où on réunirait les lames de platine par un conducteur extérieur, un courant traverserait ce conducteur de Pt à Pt' et le liquide de Pt' à Pt; toutes les molécules d'eau senient décomposées et il s'en reformerait le même nombre plus une, comme cela est figuré par les accolades. Cette action se reproduira indéfiniment s'il y a toujours du gaz oxygène autour de Pt et de l'hydrogène autour de Pt'. C'est ce qui conduit naturellement à la pile à gaz de M. Grove.

PLE A GAZ. — Un voltamètre (fig. 524) peut devenir un cou-



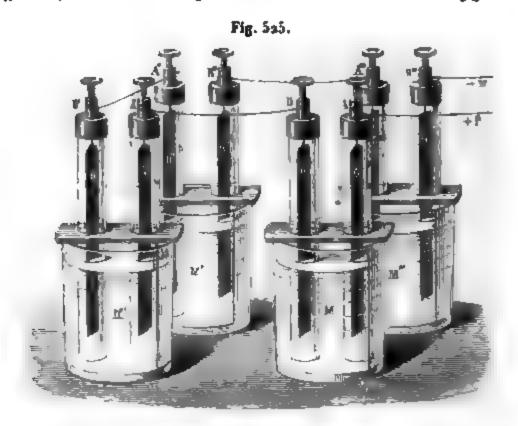
ple à gaz, si l'on a primitivement fait dégager 1 volume d'oxygène dans A et 2 volumes d'hydrogène dans B. Ces gaz restent indéfiniment dans le même état si le circuit est ouvert, mais ils se combinent et disparaissent en totalité si l'on réunit les fils des deux cloches, et ils produisent un courant de A en B. Ce courant augmente en intensité quand on a soin d'employer des lames de platine larges et recouvertes de platine pulvérulent qu'on dépose par la galvanoplastie.

Un seul couple est suffisant pour décomposer l'iodure de potassium.

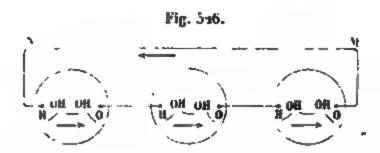
Si l'on en réunit 20 ou 30, on sorme une pile plus énergique

94 SOIXANTE-CINQUIEME LEÇON.

(fig. 525), et la recomposition des molécules d'oxygène et



d'hydrogène se fait dans chaque couple, comme nous l'avois expliqué pour un seul et comme cela est représenté fig. 526.



Cette pile peut décomposer l'eau dans un voltamètre extérieur, et l'on remarque alors qu'il se dégage dans ce voltamètre une quantité de gaz égale à celle qui disparaît dans chaque élément de la pile. C'est la plus élégante démonstration expérimentale de la loi d'égalité du travail chimique dans les auges de la pile et du circuit.

RÉSISTANCE AU PASSAGE. — La polarisation des électrodes explique un fait qui a été découvert par M. de la Rive et étudié ensuite par un grand nombre de physiciens. Ayant interposé un diaphragme de platine dans une auge traversée par un courant, M. de la Rive vit diminuer peu à peu l'intensité de ce courant jusqu'à une limite fixe, absolument comme si le métal opposait une résistance au passage de l'électricité, résistance qui croîtrait peu à peu jusqu'à une valeur qui resterait ensuite constante.

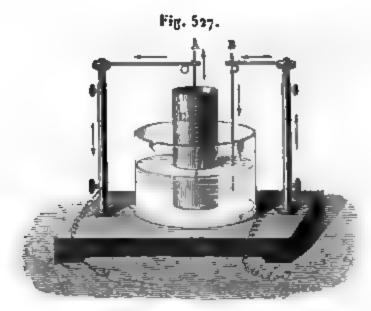
Pour expliquer ce phénomène, rappelons que si on fait passer le courant d'une pile A (fig. 520) dans du sulfate de potasse, l'acide et l'alcali se portent aux pôles + P et - N, et qu'ils constituent alors un couple dont le sens est opposé à celui de la pile et qui produit le courant de réaction. Il est naturel de penser que ce couple agit non seulement quand le courant de la pile cesse, mais encore pendant tout le temps qu'il circule, et que, par conséquent, les choses se passent comme si l'on ajoutait à la pile A un couple de plus, mais placé à l'inverse des autres.

Si donc on dirige un courant à travers une auge à liquide, on fait naître une première force électromotrice inverse. Quand on interpose, dans ce liquide, un diaphragme métallique, il agit comme électrode positive par une face, comme électrode négative par l'autre; l'auge se décompose en deux autres; la même force électromotrice se développe dans toutes les deux, et si l'on multiplie le nombre des diaphragmes, on ne fait que multiplier le nombre des couples de la pile inverse et les causes d'affaiblissement du courant primitif. C'est ce qui se produit dans la pile de Ritter: aussi voit-on qu'elle affaiblit peu à peu et considérablement le courant qu'on dirige à travers elle, et quand il est devenu sensiblement constant, il est la différence entre ceux que produiraient séparément dans le même circuit la pile active que l'on emploie et la pile de Ritter rendue active par la première.

La résistance au passage est nulle dans tous les voltamètres où les électrodes ne se polarisent pas : par exemple, quand on décompose du sulfate de cuivre par deux lames de cuivre, ou du sulfate de zinc par deux lames de zinc, ou de l'acide azotique étendu par deux fils de cuivre; dans ces divers cas et dans tous les autres analogues on peut interposer dans l'auge un nombre quelconque de diaphragmes sans diminuer l'intensité du courant d'une manière notable.

Si un seul gaz s'accumule à l'une des électrodes pour la polariser, il produit une résistance propre; c'est ce qui arrive dans la décomposition de l'acide azotique par le platine où l'oxygène seul polarise la lame positive; c'est ce qui arrive aussi quand on électrolyse l'eau acidulée avec deux lames de cuivre, auquel cas l'hydrogène seul polarise la lame négative.

Enfin la résistance se produit individuellement sur chaque électrode quand chacune d'elles se polarise. C'est ce qu'on peut montrer comme il suit : On place du sulfate de cuivre à l'intérieur du vase poreux C (fig. 527) et de l'eau acidulée à



l'extérieur. Quand les électrodes A et B sont en platine et quale courant passe de B en A, l'oxygène se développe dans l'expandiquée, le cuivre se dépose sur A; il n'y a qu'un gaz dégag é, qu'une polarisation, et le courant est intense; mais quand change sa direction au moyen d'un commutateur, l'oxygène se dégage en A, l'hydrogène en B, il y a deux gaz mis en liberté, deux polarisations, deux résistances au passage et le courant est beaucoup plus faible.

Puisque chacun des gaz détermine une résistance au passage, il est nécessaire d'admettre que chacun d'eux développe dans son contact avec les, électrodes une force électromotrice indépendante des actions chimiques qu'il produit et opposée à celle de la pile; il faut donc que cette force électromotrice soit un phénomène de contact. Nous développerons cet argument dans la suite; pour le moment nous allons nous contenter de montrer comment les résistances au passage affaiblissent le courant des piles et comment en les détruisant on augmente l'intensité de ce courant.

PILES A COURANT CONSTANT. — Dans toutes les piles que nous avons fait connaître et dont nous avons déjà éliminé le travail inefficace par la substitution du zinc amalgamé au zinc du commerce, il y a trois causes qui affaiblissent le courant : 1º des bulles d'hydrogène se dégagent sur les lames de cuivre; elles s'interposent entre les éléments, et, puisqu'elles sont isolantes, elles diminuent la conductibilité de la pile, d'autant plus qu'elles adhèrent davantage et qu'elles sont plus grosses; 2º l'hydrogène naissant est condensé par la surface du métal et produit une résistance au passage de l'électricité; 3° l'acide sulsurique se transforme partiellement en sulfate de zinc. Ce sel devient de plus en plus abondant; il sinit par être électrolysé par le courant et par déposer sur les cuivres une couche de zinc d'autant plus épaisse, qu'on prolonge davantage le travail de la pile, et qui détermine elle-même par sa réaction un courant inverse. Daniell a constaté que ce dépôt peut devenir tellement épais, que les cuivres ne diffèrent plus des zincs et qu'alors la pile a perdu toute activité; une fois qu'il est formé, il ne se détruit pas, même quand on change le liquide des auges, et l'appareil étant altéré d'une manière permanente, il faut le démonter pour le nettoyer, ou bien faire passer du cuivre au zinc, dans chaque élément, le courant d'une pile énergique; dans ce cas l'eau acidulée est décomposee, SO' se porte sur le cuivre et dissout le dépôt dont il était recouvert.

Il est facile de diminuer l'obstacle mécanique opposé au courant par l'interposition des bulles d'hydrogène, en facilitant leur dégagement. Smée y est parvenu en remplaçant le cuivre ordinaire par du cuivre platiné, c'est-à-dire recouvert par la galvanoplastie d'une couche noire de platine pulvérulent, lequel a la propriété de laisser dégager l'hydrogène en bulles très-petites et qui n'adhèrent jamais. Sturgeon a proposé une modification analogue et moins coûteuse, qui consiste à remplacer le cuivre par de la fonte de fer oxydée. Mais ces perfectionnements n'empêchent pas les polarisations provenant soit du dégagement d'hydrogène, soit du dépôt de zinc. C'est M. Becquerel qui le premier a découvert le moyen d'annuler totalement ces polarisations.

Reprenons l'expérience déjà indiquée page 96 (fig. 527), bisons passer un courant de B en A, c'est-à-dire de l'eau aci-

dulée qui est à l'extérieur au sulfate de cuivre qui remplit le vase poreux C. La décomposition se fera comme il suit dans les deux liquides:

$$B \longrightarrow SO' \stackrel{\frown}{H} \stackrel{\frown}{|SO'|} \stackrel{\frown}{H} \stackrel{\frown}{|SO'|} \stackrel{\frown}{Cu} \stackrel{\frown}{|SO'|} \stackrel$$

Le cuivre se déposera sur le pôle négatif A, SO' se porters au pôle positif B, il n'y aura qu'une polarisation en B; il y er aurait deux, au contraire, si le courant marchait en sens inverse, et il serait beaucoup plus faible. Supposons maintenant que B soit formé avec une lame de zinc amalgamé Z, il y aura une force électromotrice en Z; au premier moment, et tant que le circuit restera ouvert, les molécules seront orientées comme il suit:

et quand on réunira Z à A par un conducteur, un courant se produira à l'extérieur de A en Z, reviendra intérieurement de Z à A, et produira la même décomposition que précédemment; l'appareil deviendra un couple de pile et il n'y aura aucune polarisation d'électrodes, car il ne se dégagera aucun gaz.

Remplaçons maintenant le sulfate de cuivre par de l'acide azotique, l'effet sera le même :

$$Z \longrightarrow SO' \stackrel{\text{H}}{\text{H}} \stackrel{\text{SO'}}{\text{H}} \stackrel{\text{H}}{\text{H}} \stackrel{\text{N}}{\text{H}} \stackrel{\text{$$

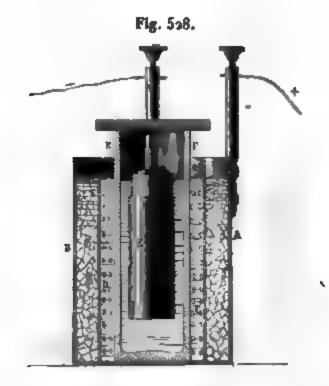
La force électromotrice agira au contact du zinc et de l'eau acidulée, l'hydrogène se portera sur le platine et il ne se dégagera pas parce qu'il sera absorbé par l'acide azotique. Tels sont les moyens proposés par M. Becquerel pour détruire toute polarisation dans les couples. Ils ont été appliqués par MM. Daniell, Grove et Bunsen. Nous n'avons plus qu'a décrire les appareils construits par ces physiciens.

Le couple de Daniell (fig. 528) se compose: 1° d'un vase en cuivre AB divisé en deux compartiments concentriques par une seuille de cuivre CD percée de trous: on remplit le compartiment extérieur avec des cristaux de sulfate de cuivre qui se dissolvent a mesure que la décomposition du sel se fait;

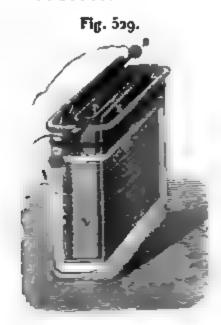
THEORIE CHIMIQUE DES PILES.

99

2º d'un vase poreux de porcelaine dégourdie EF, qui contient



de l'eau acidulée; 3° d'un gros cylindre de zinc amalgamé Z, qui plonge dans cette eau et qui communique à l'extérieur par une tige de cuivre centrale. Cet appareil réalise évidemment les conditions que nous venons d'énumérer. Il faut de temps en temps changer l'eau acidulée du vase poreux. Daniell a constaté que sa pile demeurait constante pendant plus de six heures.

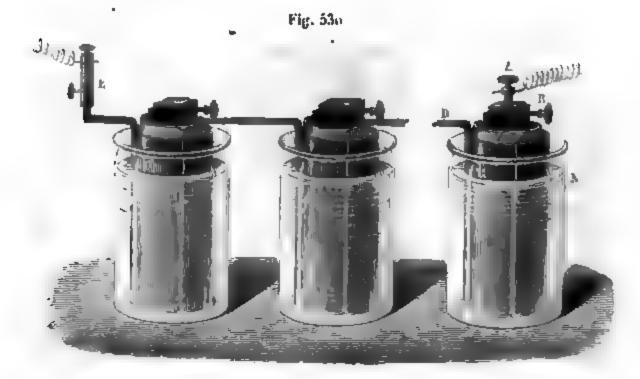


L'élément de Grove est représenté fig. 529, il est enfermé dans un vase de verre aplati contenant de l'eau acidulée. Une lame de zinc amalgamé ZZ, repliée sur elle-même et portant un bouton B, forme le pôle négatif. Le vase poreux V, qui est très-plat, est placé entre les deux faces internes du zinc; il contient de l'acide azotique concentré; enfin une feuille très-mince de platine P, qui communique avec le bouton A, forme le pôle positif. Cette pile est la plus énergique qu'on con-

naisse, mais elle est très-coûteuse à cause du platine qu'elle exige.

100 SOIXANTE-CINQUIÈME LEÇON.—THÉORIE CHIMIQUE DES PILES.

M. Bunsen a imaginé de remplacer le platine par du charbon, et par là il a rendu la pile de Grove beaucoup plus usuelle. La fig. 530 montre plusieurs couples de cette pile montés avec tous leurs accessoires.



SOIXANTE-SIXIÈME LECON.

THÉORIE PHYSIQUE DES PILES.

Egalité du courant dans toute la longueur du circuit. — Cas des couples thermo-électriques. — Lois des intensités dans un circuit simple. — Conducteurs équivalents. — Longueurs réduites. — Résistances. — Circuits complexes. — Circuits dérivés. — Cas des couples hydro-électriques. — Cas général des piles. — Discussion de la formule. — Divers modes d'association des couples. — Sensibilité des galvano-mètres. — Théorie de Ohm. — Tension aux divers points d'un circuit. État primitif des tensions variables. — Ce qu'on entend par vitesse de l'électricité.

Quand on réunit les pôles d'une pile par un conducteur composé de parties métalliques et liquides dont les conditions sont invariablement fixées, on obtient un courant d'une intensité déterminée. Mais si on vient à ajouter une portion métallique ou liquide à ce conducteur, ou bien à la supprimer, on voit l'intensité diminuer ou augmenter. Cela montre que les corps traversés par l'électricité lui opposent une résistance et en diminuent la quantité. On va se proposer de calculer l'intensité du courant engendré quand on connaît : 1° le nombre, l'étendue et l'espèce des éléments de la pile; 2° le nombre, l'étendue et l'espèce des conducteurs interpolaires.

Ce problème est un des plus utiles qu'on ait pu se proposer, et un de ceux qui ont été le mieux résolus. Davy commençait cette étude en 1821, et admettait que la résistance d'un conducteur est en raison directe de sa longueur et inverse de sa section; en 1825, M. Becquerel confirmait cette loi par le moyen du galvanomètre différentiel qu'il inventait à cette occasion, et enfin, en 1827, Ohm traita complétement la question et la résolut tout entière en partant de cette idée théorique, que l'électricité se propage dans les conducteurs comme la chaleur dans un mur: ensuite il vérifia par l'expérience quelques-uns

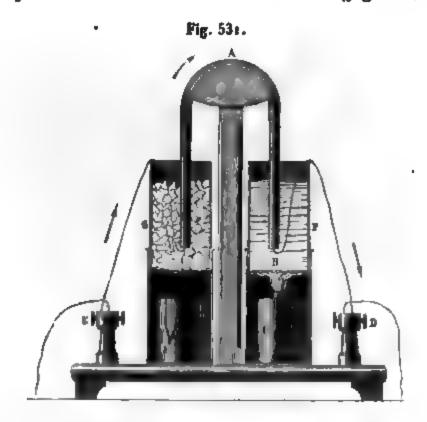
des résultats où son hypothèse l'avait conduit, mais ce ne sur qu'en 1831 que Fechner continua ces vérisications par des procédés qui n'avaient pas une grande précision. Jusque-là, la question avait été toute théorique, et comme l'expérience n'était intervenue que pour justisser incomplétement les conséquences d'hypothèses heureuses, on ne doit point s'étonner que des travaux si importants aient eu quelque peine à se saire accepter. Ils étaient complétement inconnus en France, lorsqu'en 1838 M. Pouillet retrouva toutes les lois de Ohm par la seule étude expérimentale des piles et sans saire appel à aucune considération théorique. Il est donc incontestable que c'est à Ohm qu'on doit d'avoir prévu et énoncé le premier les résultats que nous allons exposer, mais il saut s'empresser d'ajouter que M. Pouillet les a sait admettre en les appuyant sur des démonstrations expérimentales irrécusables.

Ce point historique une sois réglé, nous sommes libres de choisir la méthode d'exposition qui nous paraîtra la plus simple; en conséquence, nous traiterons la question expérimentalement; nous donnerons ensuite un aperçu des idées théoriques de Ohm.

La première loi que l'on doive constater en commençant cette étude, est que l'intensité du courant est la même dans toute l'étendue du circuit, la pile comprise; c'est une conséquence manifeste de tous les faits que nous venons d'étudier. En effet, nous avons vu que l'intensité d'un courant se mesure par le nombre des équivalents qu'il décompose dans chaque auge, et comme ce nombre est le même dans les voltamètres extérieurs et dans chaque couple actif, il saut que le courant ait partout la même force. On peut néanmoins justisser cette conclusion par une épreuve directe très-précise pour ce qui concerne le courant extérieur à la pile. On fixe aux deux pôles deux sils métalliques de longueur, de section et de nature différentes; on les tend horizontalement sur une table dans le méridien magnétique, aussi près l'un de l'autre que possible, puis on réunit leurs extrémités libres de manière que le courant aille par l'un et revienne en sens inverse par l'autre. On approche ensuite une aiguille aimantée très-près de ce double conducteur. En quelque endroit qu'on la place, on reconnaît qu'elle n'est pas déviée et que le nombre des oscillations

qu'elle effectuait avant le passage du courant n'est point modifié quand ce courant circule; on en conclut que l'intensité est la même dans tous les points du conducteur opposés l'un à l'autre.

parmi toutes les piles celles qui conduisent aux lois les plus simples; nous commencerons ainsi par un cas particulier, et il nous restera à généraliser ce que nous aurons découvert, ce que nous ferons, en étudiant successivement toutes les causes de complication qui pourront se présenter. Ce cas particulier est celui où le courant est fourni par un élément unique d'une pile thermo-électrique. M. Pouillet avait préparé à cet effet plusieurs cylindres de bismuth identiques, recourbés en siphons et présentant la forme d'un U renversé (fig. 531). A leurs



extrémités C et B il soudait deux fils de cuivre gros et courts, CE et BD, et il plongeait les deux soudures dans deux vases, G et F, dont l'un était maintenu à o degré, et dont l'autre était porté à la température de 100 degrés. Il est évident que l'énergie de tous ces éléments devait être sensiblement égale, ce qui en effet se trouva vrai.

M. Pouillet choisit deux de ces éléments, ceux qui différaient

le moins, et il ferma les deux circuits par des sils métalliques différents: les courants produits surent inégaux; il les compara, et, pour étudier successivement les diverses causes qui les modisient, il sit varier successivement, 1° la longueur; 2° la section; 3° la matière des conducteurs.

1°. Réunissons les deux pôles de l'élément n° 1 par un fil de cuivre d'une longueur l_1 , et ceux de l'élément n° 2 par un second fil de même nature, de même section et de longueur l_2 ; enroulons ces fils en sens inverse sur le cadre d'un même galvanomètre, de manière à faire un nombre de tours proportionnel à l_1 pour le premier et à l_2 pour le second. Les actions exercées sur l'aiguille seront opposées et proportionnelles aux produits des intensités l_1 et l_2 par le nombre des tours l_1 et l_2 ; or l'expérience prouve qu'elles se détruisent et que le galvanomètre ne se dévie pas. Il faut donc que l'on ait

$$l_1 l_1 = l_2 l_2$$
 ou $\frac{l_1}{l_2} = \frac{l_2}{l_1}$

Par conséquent les intensités des courants engendrés par un couple thermo-électrique sont, toutes choses égales d'ailleurs, en raison inverse des longueurs du circuit.

• 2°. Répétons la même expérience avec deux sils de même nature, égaux en longueur, ayant des sections dissérentes, s₁, s₂, et enroulés de même sur le cadre; nous trouverons que pour rendre égales les deux actions exercées sur l'aiguille, il saut que les nombres de tours soient proportionnels à s₂ pour le premier et à s₁ pour le second, ou que l'on ait

$$I_1s_2=I_2s_1, \qquad \frac{I_1}{I_2}=\frac{s_1}{s_2}.$$

Les intensités sont donc, toutes choses égales d'ailleurs, proportionnelles aux sections du circuit.

3°. Il reste à saire varier la nature du sil, c'est-à-dire à sermer le circuit des deux éléments par des conducteurs égaux en longueur et en section, mais sormés avec des matières dissérentes. Cette sois encore les intensités sont inégales et proportionnelles à une constante spécisique c. En réunissant les résultats de ces recherches dans une sormule unique, on exprime l'in-

tensité par

$$I = A \frac{cs}{I}$$

cest le coefficient de conductibilité du métal qui constitue le conducteur; on l'exprime en nombre par le rapport de cette conductibilité à celle d'un métal convenu, qui est le cuivre pur ou le mercure. A ne dépend que de l'élément, de la nature des métaux qui le composent et de la différence de température qu'on établit entre les deux soudures : c'est l'intensité du courant quand c, s et l sont égaux à l'unité : c'est la mesure de la force électromotrice du couple. Si l'on convient, comme nous l'avons fait, d'exprimer l'intensité par le poids de l'hydrogène dégagé dans un voltamètre pendant 1 minute, A est le poids de cet hydrogène dégagé pendant ce temps par le couple donné, quand c, s et l sont égaux respectivement à l'unité. Nous nous occuperons dans la suite des moyens que l'on emploie pour déterminer c et A.

COMBUCTEURS ÉQUIVALENTS. — **LONGUEUR RÉDUITE.** — **RÉSISTANCE.** — Lorsque deux fils différents par leurs longueurs l, l', leur section s, s', et leur conductibilité c, c', sont joints aux deux extrémités d'un même couple, les intensités sont .

$$1 = A \frac{cs}{l}, \quad 1' = A \frac{c's'}{l'},$$

et elles deviennent égales si les deux fils sont tels, que l'on ait

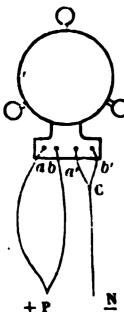
$$\frac{cs}{l} = \frac{c's'}{l'}.$$

Dans ce cas l'un des fils peut remplacer l'autre; on dit qu'ils sont équivalents ou qu'ils ont la même conductibilité totale. Cette propriété est inhérente aux fils eux-mêmes, elle est indépendante de la force électromotrice A, par conséquent du couple, et elle doit subsister, même si on les intercale dans un circuit quelconque d'une pile quelconque.

Si les deux fils sont de même nature, la condition d'équivalence se réduit à $\frac{s}{l} = \frac{s'}{l'}$; c'est la loi de Davy, et M. Bec-

querel l'a établie directement. Il mettait en communication le pôle positif d'une pile avec deux conducteurs Pa, Pb (fig. 532),

Fig. 532.



qu'il joignait aux deux fils d'un galvanomètre différentiel. Le courant total se partageait entre eux et revenait par a' et b' dans un tronc unique CN jusqu'au pôle négatif N. On allongeait ou l'on diminuait l'un des fils Pa et Pb jusqu'à ce que l'action galvanométrique fût nulle, et quand elle l'était devenue, on en concluait que les deux conducteurs étaient équivalents. On trouva que la condition $\frac{s}{l} = \frac{s'}{l'}$ était toujours réalisée.

Si nous posons c'=1, s'=1, l'=R, la relation précédente devient

$$\frac{cs}{l} = \frac{1}{R}$$

Cela veut dire qu'on peut toujours remplacer un sil c, s, l par un sil normal dont la conductibilité et la section seraient égales à l'unité, et la longueur à R, pourvu qu'on ait

(1)
$$R = \frac{l}{cs};$$

R se nomme la longueur réduite du conducteur. Alors la formule qui exprime l'intensité du courant se réduit à

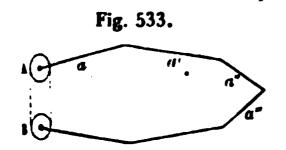
$$1 = \frac{\Lambda}{R}.$$

Elle montre que l'intensité est en raison inverse de la longueur réduite R. A cause de cela, R s'appelle la résistance du conducteur.

Les formules (1) et (2) résument toutes les lois des courants engendrés par un couple thermo-électrique; il n'y a plus qu'à les appliquer pour résoudre les problèmes plus complexes qu'on peut se proposer. Nous en traiterons deux comme exemples de tous les autres.

I. CIRCUITS COMPLEXES. — Les pôles A et B d'un couple sont

réunis par plusieurs fils successifs a, a', a'', a''' de nature, de



section et de longueurs dissérentes. Quelle est l'intensité du courant (fig. 533)?

Soient cls, c'l's', c''l''s'',..., les données relatives à chacun des fils a, a', a'',...; ceux-ci peuvent être

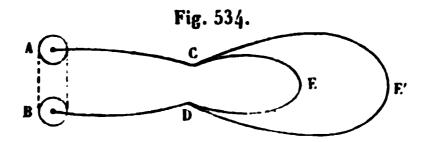
remplacés par leurs longueurs réduites r, r', r'',

$$r=\frac{l}{cs}, \quad r'=\frac{l'}{c's'}, \quad r''=\frac{l''}{c''s''},\cdots$$

après cette substitution, le circuit se composera d'une suite de conducteurs qui auront la même section, la même conductibilité et une longueur totale $r+r'+r'',\ldots$; par suite l'intensité sera

$$1 = \frac{A}{r + r' + r'' + \dots} = \frac{A}{\frac{l'}{cs} + \frac{l''}{c's'} + \frac{l'''}{c''s''} + \dots}$$

II. CIRCUITS DÉRIVÉS. — Les deux pôles A et B sont réunis (fig. 534): 1° par deux sils AC et BD dont la longueur réduite



est r; 2° à partir de C et de D par deux autres conducteurs CED et CE'D, dont les longueurs réduites sont r' et r'': quels sont les intensités des courants, 1° dans le tronc unique AC et BD; 2° dans chacune des branches CED et CE'D?

Remplaçons r' et r'' par deux fils équivalents de conductibilité et de longueur égales à l'unité, et de sections x et x', nous aurons, d'après la formule (1),

$$r'=rac{1}{x},\quad r''=rac{1}{x'},$$

les deux sils CED, CE'D se trouveront ainsi remplacés par deux autres qui auront la même longueur et qui agiront comme un

conducteur unique, dont la section serait x + x':

$$x + x' = \frac{1}{r'} + \frac{1}{r''} = \frac{r' + r''}{r'r''}$$

et qui aurait pour longueur réduite $\frac{l}{cs} = \frac{r}{x' + x''}$ ou $\frac{r'r''}{r' + r''}$. En ajoutant à cette longueur celle de AC et BD qui est r, on n'a plus qu'un circuit unique dont la longueur réduite totale est

$$r+\frac{r'r''}{r'+r''}$$

Alors l'intensité du courant devient par la formule (2)

$$\mathbf{I} = \frac{\mathbf{A}(\mathbf{r}' + \mathbf{r}'')}{\mathbf{r}(\mathbf{r}' + \mathbf{r}'') + \mathbf{r}'\mathbf{r}''}.$$

Quant aux intensités i' et i'' dans les deux conducteurs dérivés CED et CE'D, on les obtient en admettant que l'intensité totale se partage en deux autres proportionnellement aux sections x et x''. Cela donne

$$\frac{i'}{i''} = \frac{x'}{x} = \frac{r''}{r'},$$

$$i' = \langle i' + i'' \rangle \frac{r''}{r' + r''} = \frac{Ar''}{r(r' + r'') + r'r''},$$

$$i'' = \langle i' + i'' \rangle \frac{r'}{r' + r''} = \frac{Ar'}{r(r' + r'') + r'r''}.$$

On résoudrait tout aussi aisément le cas général où il y aurait un nombre quelconque de dérivations.

GOUPLE HYDRO-ÉLECTRIQUE. — Si on cherche à découvrir, par les niêmes méthodes, les lois des courants engendrés par un couple hydro-électrique constant, on reconnaît aussitôt que l'intensité n'est pas en raison inverse de la longueur réduite R du circuit extérieur; elle décroît moins rapidement que cette loi ne l'indique, quand R augmente. Cela n'a rien qui doive nous étonner. Le courant part en effet des points de contact du zinc avec l'eau acidulée; il y revient après avoir parcouru, non-seulement le conducteur interpolaire, mais les liquides du couple, et il

éprouve une résistance à travers tous les deux : celle du conducteur est R, celle du liquide est inconnue; mais il est certain qu'elle existe, qu'elle dépend de la nature du comple et qu'elle est équivalente à la résistance d'une certaine longueur r d'un sil normal. Dès lors le circuit total est en réalité égal à k+r, et la formule des intensités doit être

$$1 = \frac{1}{R + r}$$

Il ne s'agit plus que de démontrer l'exactitude de ces prévisions, en prouvant par l'expérience que la formule précédente est vraie. A cet effet, M. Pouillet se servit d'un couple de Daniell, auquel il adapta successivement des longueurs o, λ' , λ'' , λ'' ,..., d'un fil de cuivre normal, et une boussole des tangentes dont la résistance était λ , et qui mesurait dans chaque cas les intensités I, I', I'',.... On devait avoir, en remplaçant R par ses diverses valeurs,

$$1 = \frac{\Lambda}{r + \lambda}, \quad 1' = \frac{\Lambda}{r + \lambda + \lambda'}, \quad 1'' = \frac{\Lambda}{r + \lambda + \lambda''}, \dots,$$

et en éliminant A.

$$\frac{1}{1'} = \frac{r + \lambda + \lambda'}{r + \lambda}, \quad \frac{1}{1''} = \frac{r + \lambda + \lambda''}{r + \lambda}, \dots$$

Ces dernières équations ont permis de calculer un grand nombre de valeurs de $r + \lambda$; elles sont inscrites dans le tableau suivant, et comme elles sont égales, on en conclut que la formule (3) représente la loi des intensités après qu'on y a remplacé r par la résistance du liquide.

LANGUBUR DU GIRCUIT CLIÉFICUT.	DÉVIATION UBSERVÉE.	r + \(\bar{\lambda}\)	DÉVIATION GAICUICO.
th U	62,00	m ''	62,00
5	•40,20	4,11	40,18
10	28,30	4,06	28,41
40	9,45	4,03	9,36
70	6,00	4,14	5,37
100	4,15	4,09	1.14

En résumé, la loi des intensités des courants est la même pour les couples thermo-électriques et hydro-électriques, avec cette différence que pour ceux-ci, il faut tenir compte de la résistance r de l'élément, et que cela n'est pas nécessaire pour ceux-là. Cela n'est pas nécessaire, parce que le cylindre de bismuth que nous avons employé avait un grand diamètre e une résistance r négligeable. C'est la seule raison pour laquelle le premier cas était si simple et a pu conduire si aisément à une formule qu'il a sussi d'interpréter pour l'adapter à tous les cas.

PILES HYDRO-ÉLECTRIQUES. — Considérons en dernier lieu une pile formée de n éléments de Daniell et en général de n couples à action constante, nous allons calculer l'intensité du courant produit. Les divers éléments ont des forces électromotrices A_1 , A_2 , A_3 , ..., et opposent des résistances r_1 , r_2 , r_3 , Le premier engendre un courant qui parcourt le circuit tout entier, c'est-à-dire le conducteur extérieur dont la résistance est R, et tous les éléments de la pile qui offrent une somme de résistances $r_1 + r_2 + r_3 + \dots$ L'intensité sera

$$i_1 = \frac{A_1}{R + r_1 + r_2 + r_3 + \dots};$$

le courant donné par le deuxième élément traversera le même circuit, et l'on aura

$$i_2 = \frac{A_2}{R + r_1 + r_2 + r_3 + \dots};$$

il en sera de même de chacun des autres. Tous ces courants dirigés dans le même sens se réuniront en un seul égal à leur somme

(4)
$$I = \frac{\Lambda_1 + \Lambda_2 + \ldots + \Lambda_n}{R + r_1 + r_2 + \ldots + r_n} = \frac{\Sigma A}{R + \Sigma r}.$$

Telle est la solution générale du problème que nous nous étions proposé tout d'abord; elle est complète puisqu'elle permet de calculer l'intensité du courant engendré par une pile quelconque, quand on connaît les constantes A et r qui déterminent chaque élément et la résistance R du circuit interpolaire. Pour couronner cette étude remarquable par une dernième sanction expérimentale, M. Pouillet a vérisié la formule (4).

Il a pris 6 éléments de Daniell sensiblement égaux entre eux et il a déterminé séparément leur force électromotrice A et leu

résistance propre r. A cet effet il a, comme précédemment, adapté à chacun d'eux un conducteur extérieur constitué par des longueurs variables o, \(\lambda', \lambda'', \lambda'', \lambda''', \, \d''', \, \d'''' \), d'un sil de cuivre normal et par une boussole des tangentes recouverte d'une longueur \(\lambda\) du même sil; elle servait à mesurer les intensités I, I', I". On a pour le premier élément

$$\mathbf{I}_{i} = \frac{\mathbf{A}_{i}}{\mathbf{r}_{i} + \lambda}, \quad \mathbf{I}'_{i} = \frac{\mathbf{A}_{i}}{\mathbf{r}_{i} + (\lambda + \lambda')}, \quad \mathbf{I}''_{i} = \frac{\mathbf{A}_{i}}{\mathbf{r}_{i} + (\lambda + \lambda'')} \cdots$$

Ce sont autant d'équations qui, combinées entre elles deux à deux, font connaître une série de valeurs de A_1 et de r_1 , dont on prend les moyennes.

Ayant répété les mêmes opérations pour chacun des 6 couples et déterminé les valeurs de Λ_2 , Λ_3 ,..., et de r_2 , r_3 ,..., M. Pouillet assembla ces couples en série pour former une pile dont il réunit les pôles par les conducteurs extérieurs qui avaient précédemment servi à chaque élément, c'est-à-dire la même boussole et les mêmes fils différents o, λ' , λ'' , λ''' ,...; alors la résistance totale R du conducteur interpolaire était, dans les divers cas, égale à $\lambda + \lambda'$, $\lambda + \lambda''$,....

Toutes les quantités qui entrent dans la formule (4) ayant ainsi été mesurées individuellement, on put calculer la déviation de la boussole

tang
$$\delta = 1 = \frac{\Lambda_1 + \Lambda_2 + \ldots + \Lambda_6}{R + r_1 + r_2 + \ldots + r_6};$$

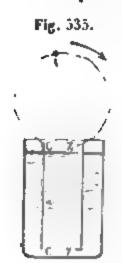
d'autre part on mesura cette déviation, et le tableau suivant montre que les valeurs observées et calculées sont égales.

Longueur du Circuit E ziérieu r.	DÉVIATIONS OBSERVÉES.		DÉVIATIONS CALCULÉES.
	1 élément.	6 éléments.	6 éléments.
λ o	6 9,00	68,3o	68,23
) + 5	43,20	63,20	63,15
i + 10	30,00	58,30	58,33
i + 40	11,00	39,00	38,3o
i + 70	• "	28,00	27,42
A + 100	"	21,30	21,25

composées de couples pareils, il est évident que l'on peut supposer égales les forces électromotrices et les résistances de chacun d'eux. Dès lors la formule (4) devient

$$1 = \frac{nA}{R + nr} = \frac{A}{\frac{R}{n} + r}$$

Pour une pile composée de couples donnés, dans lesqueis A et pont des valeurs déterminées, l'intensité ne peut jamais dépasser une valeur maximum $\frac{A}{r}$, qu'elle atteint si R = 0, et qui est la même quel que soit le nombre n des éléments. Quand R augmente, l'intensité diminue toujours, mais d'autant moins que $\frac{R}{n}$ est plus petit ou que n est plus grand. C'est ce que montrent les résultats du précédent tableau: on y voit qu'un seul élément ou une pile de 6 couples impriment une déviation égale à la boussole, quand la résistance extérieure est négligeable; mais lorsque celle-ci augmente progressivement, la pile prend un avantage de plus en plus marqué. Dans la pratique, il faudra donc composer la pile différemment suivant les cas; se contenter d'un seul couple si la résistance extérieure doit être faible, et multiplier les éléments quand elle sera grande.



Nous verrons bientôt que A est indépendant de l'étendue des couples et ne varie qu'avec la nature et la disposition des liquides et des métaux. Quant à r, c'est-à-dire à la résistance du liquide dans l'élément, on peut la calculer. Ce liquide CCZZ (fig. 535), dont la conductibilité est c, est un prisme qui a pour base la surface s des lames métalliques et pour hauteur leur distance d. Sa longueur réduite est égale à $\frac{cs}{d}$, et en la remplaçant dans la for-

mule des intensites

$$1 = \frac{A}{\frac{R}{n} + \frac{d}{cs}}$$

Quand R = 0, I est égale à sa valeur maxima $\frac{A cs}{d}$, elle est proportionnelle à la surface s des couples, en raison inverse de leur distance d et indépendante du nombre des éléments; dans le cas où la résistance extérieure est faible, il faudra donc employer un seul couple à surfaces larges et rapprochées, par exemple, un élément à hélice. Mais lorsque R sera assez grand pour que $\frac{d}{cs}$ soit négligeable par rapport à $\frac{R}{n}$, l'intensité se réduira à $\frac{nA}{R}$; il n'y aura plus à s'occuper de l'étendue des couples, mais on devra multiplier leur nombre autant qu'on le pourra.

bivers modes d'association des couples. — On peut disposer la pile de manière à réunir tous les cuivres entre eux, ainsi que tous les zincs; alors elle ne constitue plus qu'un seul couple ayant une force électromotrice A et une surface n fois plus grande, par conséquent une résistance intérieure n fois moindre ou $\frac{r}{n}$; l'intensité devient

$$I' = \frac{A}{R + \frac{r}{n}}$$
, au lieu de $1 = \frac{A}{\frac{R}{n} + r}$

La différence de ces deux intensités

$$1'-1 = \frac{nA(n-1)(r-R)}{(nR+r)(nr+R)}$$

est positive si R est plus petite que r, elle est nulle si R = r, elle est négative si R est plus grande que r. Par conséquent il audra réunir les couples par leurs pôles de même nom, quand la résistance extérieure sera faible, et les disposer en série quand elle sera grande.

Supposons qu'on ait n piles de m éléments, elles auront chacune une force électromotrice mA et une résistance mr. Si on les réunit toutes par leurs pôles de même nom avec un conducteur extérieur R, elles produiront le même effet qu'une pile unique ayant une force électromotrice mA et une résistance $\frac{m}{n}r$; l'intensité du courant sera

$$1 = \frac{mA}{R + \frac{m}{n}r}.$$

Si le nombre total mn des éléments est constant et égal à M,

$$I = \frac{M n A}{n^2 R + M r},$$

et pour que I soit maximum, il faudra que la dissérentielle de cette sonction soit nulle, c'est-à-dire que

$$n^2 R = M r$$
, ou que $\frac{M}{n^2} r = \frac{m}{n} r = R$.

Or $\frac{m}{n}$ r est la résistance des piles assemblées en une seule. Par conséquent pour obtenir le maximum d'intensité avec un nombre donné M de couples, il faut les diviser en n piles, telles que leur résistance totale soit égale à la résistance extérieure R.

sensibilité des GALVANOMÈTRES. — Cette discussion montre que l'on ne doit pas employer indifféremment la même pile à tous les usages; qu'il est souvent inutile de multiplier les éléments, et que dans chaque cas il faut consulter la théorie pour régler leur nombre, leur étendue et leur mode d'accouplement. Il en est de même pour le galvanomètre. La sensibilité de cet instrument n'est point chose absolue; elle dépend des conditions du courant qui le traverse.

Soient p le périmètre moyen des tours du sil sur le cadre, m leur nombre, mp sera la longueur du sil; soient encore c et s la conductibilité et la section de ce sil, la résistance qu'il intro-

duit dans le circuit sera $\frac{mp}{cs}$. L'intensité, qui était

$$I = \frac{nA}{R + nr},$$

deviendra

$$\mathbf{l'} = \frac{n \, \mathbf{A}}{\mathbf{R} + nr + \frac{mp}{cs}}$$

Si nous nous réduisons au cas où la déviation est très-petite, elle est proportionnelle à l'action magnétique exercée sur l'ai-guille, c'est-à-dire à l'intensité I du courant multiplié par le nombre des tours m; et, en désignant par K une fonction des dimensions du cadre, c'est-à-dire de p,

$$\delta = K \frac{mnA}{R + nr + \frac{mp}{cs}}.$$

S'il arrive que la résistance primitive du circuit R + nr soit très-grande, par exemple si le courant traverse des liquides, $\frac{mp}{cs}$ sera négligeable et la déviation sera proportionnelle au nombre des tours m: plus m sera grand, plus le galvanomètre sera sensible. Mais lorsque R' + nr sera très-petit, comme cela arrive pour les piles thermo-électriques, on aura sensiblement

$$\delta = K \frac{n A cs}{p}$$

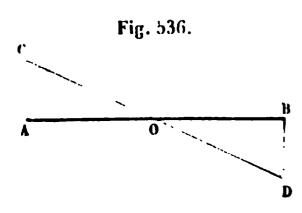
Le nombre m des tours devient indifférent et la déviation est proportionnelle à la section s du sil : il sera donc avantageux d'augmenter cette section et inutile de multiplier les tours, et comme la valeur de K est d'autant plus grande que le courant est plus rapproché des aiguilles, il saudra diminuer le périmètre p du cadre.

tracorre de oum. — Ce qui nous reste maintenant à faire, est de montrer comment on peut déduire les lois que nous avons exposées d'une hypothèse sur le mode de propagation de l'électricité. Nous arrivons ainsi à indiquer les idées que Ohm a tout d'abord émises.

On sait qu'au siège de l'action électromotrice une différence de tension, qu'on peut représenter par 2 e, s'établit entre le métal et le liquide en contact, et qu'elle se reproduit instantanément aussitôt qu'on la détruit; d'où il résulte qu'aux deux extrémités du conducteur interpolaire la différence de tension est 2 e, même pendant le passage du courant. Supposons que ce conducteur soit homogène, qu'il ait une longueur l, et soit divisé par la pensée en tranches infiniment minces. Ohm admet

que la quantité d'électricité qui se transmet d'une tranche à suivante pendant un temps égal à l'unité, est proportionnelle la différence des tensions de ces tranches, absolument comme Fourier admet que dans un mur indéfini la quantité de chaleutransmise de couche en couche est proportionnelle à leur diférence de température.

Puisque, dans ces deux ordres de phénomènes, les hypothèses sur la loi de la propagation de la chaleur et de l'électricité sont les mêmes, les conséquences doivent être absolumer identiques. Or nous avons vu qu'au moment où le mur indéfinarrive à l'état d'équilibre mobile, les températures décroisser de la face antérieure à la face postérieure, suivant une pro



gression arithmétique, quand le distances croissent aussi en progression arithmétique; par consé quent, dans le conducteur AB, l tension devra être + e au point A — e au point B, et pourra se repré senter en tous les autres points pa

les ordonnées de la droite CD (fig. 536).

En second lieu nous avons trouvé que si a et b exprimen les températures des couches extrêmes et d l'épaisseur du mui chaque unité de surface d'une tranche quelconque laisse écou ler pendant un temps égal à l'unité une quantité de chaleu $M = \frac{a-b}{d}$, M étant le coefficient de conductibilité calorifique de même, la quantité d'électricité qui traverse pendant l'unit de temps l'unité de surface d'une tranche du conducteur devr être $c = \frac{2e}{l}$; c étant le coefficient de conductibilité électrique e la différence des tensions aux deux pôles, et e la longueu du circuit. Par suite, à travers une section e, cette quantité d'é lectricité sera e e e l'intensité du courant, et l'on aura

$$1=2e\frac{cs}{l},$$

formule identique à celle que l'expérience donne Il résulte de là que deux conducteurs csl, c's'l' sont équi

valents et peuvent être remplacés l'un par l'autre, lorsqu'ils satisfont à la condition $\frac{cs}{l} = \frac{c's'}{l'}$. Par conséquent, on arrivera comme précédemment à exprimer l'effet produit par des circuits multiples ou dérivés, et enfin à la formule de la pile.

repetons dans un circuit. — L'hypothèse de Ohm peut être soumise à une vérification beaucoup plus immédiate. Elle indique en esset que toute l'étendue du conducteur doit offrir des tensions électriques variant suivant une loi déterminée. Rien n'est donc plus facile que de constater l'existence de cette tension et de vérisier la loi de sa variation; c'est ce que vient de faire M. Kohlrausch.

M. Kohlrausch se servait d'un électromètre condensateur, mettait l'un des plateaux en communication avec le sol, et l'autre avec le point du conducteur qu'il voulait étudier. Cela fait, il enlevait ce dernier plateau et mesurait la tension qu'il avait acquise au moyen d'un électromètre fondé sur la torsion. Il commença par étudier les deux pôles de divers éléments. Il mesurait leur force électromotrice A par un des procédés que nous ferons connaître bientôt, et leur tension +e ou -e: cette tension fut toujours trouvée proportionnelle à A.

En second lieu il réunit les deux pôles d'un couple à courant constant, par un long circuit métallique qui était replié en zigzag afin d'occuper moins de place, et il fit communiquer avec le sol un des points du circuit qui alors perdait toute tension et se trouvait à l'état naturel. Ensuite il mit successivement en contact avec le plateau collecteur deux points pris à des distances égales du point neutre, et il trouva qu'ils avaient des tensions égales mais contraires, l'une positive vers le pôle positif, l'autre négative dans le sens opposé, et toutes deux proportionnelles aux distances des parties touchées au point neutre.

Ensin il constitua des circuits hétérogènes, soit avec des sils de même nature, mais de diamètres inégaux, soit avec des sils disserts et de sections égales, soit ensin avec des liquides. En mettant un point du circuit en contact avec le sol, par exemple le pôle négatif, il trouva qu'à partir de ce pôle les divers points du circuit avaient des tensions positives crois-

santes et proportionnelles aux longueurs réduites des parties du circuit comprises entre le pôle négatif et le point touché.

```
Distance au pôle zinc.. 118,5 237 355,5 474 610,3 745,3 879 1014
Tensions observées... 0,85 1,85 2,69 3,70 5,03 5,99 6,93 7,95
Tensions calculées... 0,93 1,86 2,89 3,73 4,80 5,86 6,91 7,95
```

L'hypothèse de Ohm doit donc être considérée comme directement justifiée. Il ne nous reste plus qu'à concilier l'idé que nous nous sommes précédemment faite du courant électrique, avec cette différence de tension des divers points que est maintenant démontrée. Nous avons été conduits, pou expliquer les décompositions chimiques, à considérer les me lécules comme étant polarisées à leurs extrémités. Or il perarriver que la molécule n° 1, qui est en présence du pôle per sitif, éprouve d'abord une décomposition polaire, qu'ensuis son fluide négatif se recombine avec le positif du pôle, qu'elle reste chargée d'une quantité (e — a) de fluide posit il La seconde molécule éprouvera une action semblable, et un état final s'établira quand de chaque molécule à la suivante il y aura une différence de tension positive constante et égale à a.

C'est l'état dans lequel le courant se trouve, d'après les idées de Ohm et les expériences de M. Kohlrausch. A partir de ce moment l'écoulement continu d'électricité peut se concevoir comme il suit. Entre chaque molécule consécutive une action d'insluence nouvelle tendra à amener une quantité — ß de fluide négatif aux parties antérieures, et +β de fluide positif à la face opposée, puis par des recompositions successives toutes les charges négatives — \(\beta \) marcheront d'un rang vers le pôle positif, et les positives $+\beta$ s'avanceront d'un rang vers le pôle opposé. En un mot, il faut ajouter à l'hypothèse de M. de la Rive cette seule condition qui avait été omise, que les molécules prennent d'abord pendant le premier moment un état de tension qui persiste ensuite, après quoi la transmission des deux fluides se fait de molécule à molécule par actions successives, et les actions chimiques s'expliquent absolument comme nous l'avons exposé précédemment.

ÉTAT VARIABLE DES TENSIONS. — Quand un mur indésini s'échausse par l'une de ses saces, il y a deux périodes distinctes à considérer. Dans la première, la chaleur traversant la sursace

de chausse antérieure est employée à élever la température des couches successives, d'abord exclusivement; bientôt elle atteint la surface postérieure qui commence à rayonner, et qui rayonne de plus en plus à mesure qu'elle s'échausse davantage, jusqu'à atteindre un état stationnaire. Pendant tout ce temps, il entre plus de chaleur qu'il n'en sort; les températures s'élèvent en tous les points, et la masse prend une charge calorisque donnée.

La deuxième période commence au moment où la chaleur qui sort devient égale à celle qui entre, et où l'état de température est devenu invariable.

Or, puisque la propagation de l'électricité a été assimilée par Ohm à celle de la chaleur, et que l'état permanent dans lequel se trouvent les conducteurs électriques traversés par les courants, est identique à l'état final d'un mur traversé par la chaleur, il doit être aussi précédé d'une première période pendant laquelle le fil aurait des tensions variables, laisserait sortir un courant moins intense que celui qui entre, et prendrait une charge, sorte de température électrique qui serait fonction des données du courant et du conducteur. La durée de cette période serait elle-même variable avec les circonstances. Ohm a en effet signalé cette première phase de l'établissement d'un rourant, et MM. Gaugain et Guillemin l'ont constatée.

Pour le faire, il fallait la prolonger; M. Gaugain prit des conducteurs imparfaits, des fils de coton ou des colonnes d'huile gasse dans des tubes de gomme laque. Il les mettait en communication avec une source d'électricité statique par une de leurs extrémités. La propagation était si lente, qu'on pouvait sisément la suivre de proche en proche; quand elle était complétée, on isolait la masse qui était alors chargée d'une quantité d'électricité déterminée E. M. Gaugain trouva que E est variable avec la surface extérieure et aussi avec la section du conducteur, et qu'elle est la moitié de la charge statique que prendrait ce conducteur s'il était isolé. Cela prouve que les tensions décroissent suivant la même loi que les températures dans un mur.

ll a ensuite mesuré la durée T de cette première période, et ses expériences démontrent qu'êlle est proportionnelle à E, au carré l'a de la longueur du conducteur, en raison inverse de

sa section s et de sa conductibilité c :

$$T = m \frac{E l^2}{cs}$$

Cette loi devant s'appliquer aux conducteurs métalliques MM. Guillemin et Burnouf ont opéré sur des fils télégraphique de 500 kilomètres de longueur environ. Leur appareil, asse compliqué, avait pour pièce essentielle un cylindre de bois sur lequel était appliquée parallèlement aux génératrices un lame métallique étroite, plus large à un bout qu'à l'autre et tous jours en communication avec le pôle positif d'une pile. U ressort appuyé sur le cylindre était en rapport avec l'extré mité n° 1 du sil de ligne, pendant que l'autre extrémité n° était toujours en communication avec la terre. En saisan tourner le cylindre avec une vitesse très-grande et connue, us courant s'établissait à chaque révolution pendant que le ressort touchait la lame, il parcourait la ligne et rentrait dans la terre. Mais, avant d'y arriver, il pouvait prendre une autre route par un sil de dérivation qui l'amenait par un deuxième ressort sur une autre lame très-mince située sur le même cylindre et en communication avec le pôle négatif. Cette nouvelle route n'était ouverte que pendant un temps très-court qui succédait à l'instant où le courant était lancé, après un intervalle 9 déterminé par la vitesse de rotation. De cette façon, le courant entrai dans l'extrémité n° 1, il revenait par le bout n° 2, et par le sil de dérivation, après un temps 0. Des galvanomètres placés à l'extrémité n° 1 et dans le fil de dérivation, mesuraient l'intensit du courant d'entrée et du courant de sortie : ces courants étaien discontinus, mais comme ils se reproduisaient à chaque révo lution, les déviations étaient permanentes. Quand le temps était de o", o19, le courant d'entrée était très-fort, celui de sor tie produisait une déviation égale à 0°,50. Mais si l'intervalle devenait égal à o",240, le courant d'entrée diminuait, parc que les tensions qui avaient eu le temps de s'établir dans le si lui faisaient obstacle, et celui de sortie avait pris une valeu maximum 19°,50, parce qu'alors l'état d'équilibre final était at teint. Cependant le deuxième courant était toujours inférieu au premier, ce qui tient aux déperditions de sluide par les dé sectuosités de l'isolement de la ligne.

MM. Guillemin et Burnous ont reconnu que la durée de la période d'établissement du circuit croît plus vite que la longueur l, mais moins vite que son carré l^2 ; il est probable qu'il y a sur ce point de nouvelles expériences à tenter avec des circuits mieux isolés.

Cet état variable des tensions se prolonge bien davantage quand les fils sont plongés dans l'eau ou enfouis dans le sol, ou entourés d'enveloppes métalliques comme pour les câbles sous-marins. M. Siemens avait déjà constaté qu'alors ils se chargent comme des condensateurs électriques, parce que l'électricité de tension du fil appelle et condense du fluide contraire sur l'armature extérieure. Ce point fut étudié par MM. Faraday et Wheatstone. Faraday opéra sur 200 paquets réunis de fils recouverts de gutta-percha, ayant chacun 800 mètres de longueur; ils étaient suspendus dans l'eau d'un canal. M. Wheatstone fit ses expériences sur un câble sous-marin enveloppé de fils de fer qui contenait six fils de cuivre qu'on pouvait réunir en un seul, et dont la longueur totale était de 1062 kilomètres; voici les résultats communs de ces expériences:

- 1°. Le sil étant isolé par un bout et mis en communication par l'autre avec le pôle positif d'une pile dont le négatif tou-chait au sol, on vit un courant s'élancer dans le sil pendant 1 ou 2 secondes, puis cesser; cela prouve que le sil prend lentement de l'électricité et arrive à un état de tension sinale.
- 3°. On place aux deux extrémités et au milieu du sil trois galvanomètres. Quand on charge l'un des bouts avec une pile, le courant se montre successivement dans le premier, le deuxième et le troisième galvanomètre, après des intervalles de temps qui dépassent quelquesois 2 secondes.
- 4°. M. Clarke étudia deux tils très-longs et égaux, l'un aérien, l'autre immergé dans l'eau. Il lançait le courant dans tous les deux à la fois par l'une des extrémités, et le recevait à l'autre par deux pointes de fer appuyées sur un cylindre tournant, couvert de papier humide imprégné de cyanoferrure de potassium. Le fer produisait une tache de bleu de Prusse

sur le papier. Or on reconnut 1° que la tache bleue est toujour en retard pour le fil enfoui, ce qui prouve que la propagatio est moins rapide; 2° que le trait est faible en commençan qu'il augmente ensuite et qu'il s'affaiblit peu à peu pour le f enfoui, tandis qu'il est nettement terminé et d'épaisseur con stante avec le fil aérien. Cela montre que, dans le premier cas le courant de sortie est d'abord faible, qu'il grandit ensuite et qu'il cesse lentement. Il y a donc une période d'établissemen un état stationnaire et une période de décharge.

Après avoir reconnu ces divers phénomènes, on peut se de mander quel sens il faut attacher à ce que l'on a nommé la Letesse de l'électricité. Évidemment l'électricité ne se propa in comme un projectile, ni comme le son, la lumière, et chaleur rayonnante. Sa transmission est un fait extrêmeme complexe, puisque le courant d'entrée est d'abord utilisé poi produire une charge électrique, et que le courant de sort commence par apparaître, va en augmentant et enfin atteint s valeur finale. Si l'on prend pour le temps T de la propagatior celui de la période des tensions variables, on aurait

$$l = VT = Vm \frac{E l^2}{cs}$$
 ou $V = \frac{cs}{mE l}$

ce qui veut dire que la vitesse serait, non point constante mais en raison inverse de la longueur du fil. On pourrai également désinir la vitesse par le temps qui s'écoule entr l'entrée de l'électricité et l'apparition première du couran de sortie : on trouverait d'autres résultats. Les divers expéri mentateurs qui ont étudié cette question n'ont fait ni l'un r l'autre : ils ont mesuré la durée de la transmission, en cherchan le moment où le courant d'arrivée a atteint une intensité suff sante pour être manisesté par leurs procédés d'études, e comme ces procédés étaient inégalement sensibles et qu d'autre part les sils étaient ou dans l'air ou dans l'eau, leur résultats ont été très-divers. C'est une question qu'il saudr reprendre avec des conditions mieux désinies.

SOIXANTE-SEPTIÈME LEÇON.

DE LA MESURE DES CONDUCTIBILITÉS.

Unité de conductibilité. — Procédé de M. Pouillet. — Rhéostat. — Procédé de M. Becquerel. — Tableau des conductibilités des métaux. — Cas des liquides. — Influence de la température. — Influence du dissolvant. — Relation entre les conductibilités calorifiques et électriques.

On vient de voir que l'intensité du courant engendré par une pile quelconque est exprimée par la formule

$$i = \frac{A + A' + A'' + \dots}{+ \frac{l}{cs} + \frac{l'}{c's'} + \dots + \frac{L}{cs}}.$$

Pour la calculer il faudra 1° avoir évalué les longueurs et les sections de toutes les parties du circuit, ce qu'il sera possible de faire dans chaque cas particulier; 2° avoir mesuré les conductibilités spécifiques c, c', c'' de toutes les substances, et les forces électromotrices A, A', A'',..., de chaque espèce de couples, c'est ce qu'on peut faire une fois pour toutes. Nous allons aujourd'hui déterminer les coefficients de conductibilité; mais avant tout il faut fixer l'unité à laquelle nous les apporterons.

Nous sommes libres de choisir comme nous le voudrons le métal dont la conductibilité sera prise comme unité : ce sera le mercure, le cuivre, l'argent, ou tout autre; mais il faut le choisir afin que toutes les résistances soient mesurées avec un même étalon, et il est utile que cet étalon puisse être retrouvé aisément par tous les observateurs. M. Pouillet a adopté le mercure à zéro, parce qu'on peut toujours, en le purifiant, le ramener au même état; mais comme il faut le renfermer dans des tubes de verre qui ne sont jamais exactement calibrés, il est impossible de l'obtenir en cylindres réguliers. M. Jacobi a proposé le cuivre, et M. Ed. Becquerel l'argent. Ces métaux

offrent des avantages et des inconvénients inverses: l'avantag de se tirer régulièrement à la filière, et l'inconvénient d'êtr plus ou moins écrouis, toujours impurs et de n'avoir point un conductibilité constante. Le choix de M. Pouillet nous para le meilleur, car on peut toujours graduer la capacité d'un tub de verre, comme on le fait pour un thermomètre. On y intro duira une colonne de mercure de quelques millimètres, d'un poids p; on la fera glisser d'un bout à l'autre; elle prend

des longueurs l, l', l'', \ldots , et aura des sections $\frac{p}{l \mathbf{D}}, \frac{p}{l' \mathbf{D}}, \frac{p}{l'' \mathbf{D}}, \cdots$

que l'on calculera; puis si on remplit le tube entier d'une conne continue de mercure, elle se composera d'une suite longueurs égales à l, l', l'', dont les sections seront connues, dont les résistances seront

$$\frac{l^2\mathbf{D}}{p}, \quad \frac{l'^2\mathbf{D}}{p}, \quad \frac{l''^2\mathbf{D}}{p},$$

elle équivaudra à une colonne unique L de 1 millimètre de section, et dont la longueur L serait

$$L = \frac{D}{p} (l^2 + l'^2 + l''^2...).$$

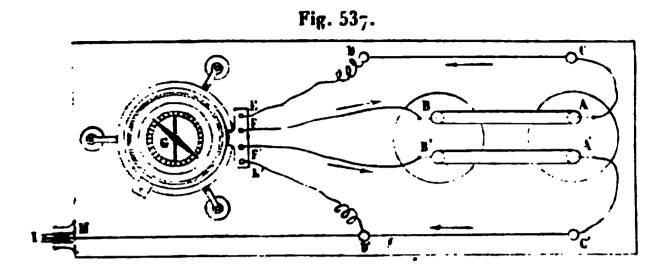
On pourra ensuite comparer la résistance de ce conducteur à celle d'un sil formé par un métal quelconque, et chercher le rapport de conductibilité des deux métaux par les méthodes que nous allons maintenant exposer.

Pour trouver, en général, le rapport des coefficients de conductibilité c et c' de deux substances, on prend un fil de chacune d'elles, on mesure les sections s et s', on donne à l'ul d'eux une longueur fixe l et l'on fait varier celle du second jusqu'à ce qu'il soit devenu équivalent au premier. Alors on

$$\frac{l}{cs} = \frac{l'}{c's'}, \quad \text{d'où} \quad \frac{c}{c'} = \frac{l}{l'}\frac{s}{s'};$$

Tout se réduit donc à trouver un procédé pour reconnaîte que deux sils s'équivalent.

PROCÉDÉ DE M. POUILLET. — M. Pouillet employait deux co ples thermo-électriques identiques AB, A'B' (fig. 537); il l plaçait l'un auprès de l'autre, faisait plonger les extrémités A, dans un vase plein d'eau bouillante, et entourait de glace les



autres soudures B, B'. Les deux courants passaient dans le galvanomètre différentiel G, en suivant les circuits ACDEFB, A'C'D'E'F'B' qui se composaient de conducteurs égaux et fixes, à l'exception des deux parties variables CD et C'D'; CD était le fil dont on voulait trouver la conductibilité c; C'D' était un autre fil en platine fixé en C', enroulé sur la poulie I et tendu horizontalement sur une table par le moyen de poids. Un bouchon D', dans lequel était creusée une cavité pleine de mercure en communication avec D'E', pouvait glisser sous le fil de manière à faire varier C'D' à volonté.

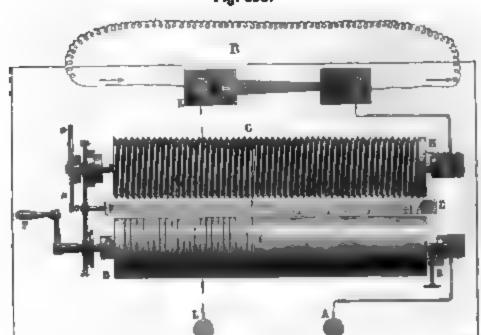
On transportait en C l'extrémité D du fil DE, et on rapprochait D' de C' jusqu'à ce que la déviation du galvanomètre fût nulle. A ce moment les deux circuits étaient égaux; ensuite on interposait le fil CD dans le premier courant, on éloignait D' jusqu'à annuler de nouveau la déviation, et la course du bouchon mesurait la longueur du fil de platine équivalente à CD. On calculait ensuite le rapport des conductibilités par la formule précédente.

REFOSTAT. — La nécessité d'augmenter ou de diminuer la longueur du fil C'D', auquel on compare tous les autres, a inspiré à M. Wheatstone un de ses plus ingénieux appareils qu'il a nommé rhéostat (fig. 538).

Sur une table en bois sont placés horizontalement et parallélement un cylindre de cuivre C et une vis en bois ou en verre G, dont le pas est de 1 millimètre. Tous deux ont un diamêtre égal, et peuvent tourner autour de leur axe dans le même sens et de la même quantité. Le mouvement est donné par une manivelle P et se transmet à la vis D et au cylindre C par

126 SOIXANTE-SEPTIEME LEÇON.

deux roues d'engrenage égales, m et n, reliées par un pignon 0.



Un fil métallique bien homogène et très-fin est enroulé de D en C sur le métal, de G en H dans les sillons de la vis, et le nombre des tours augmente ou diminue sur celle-ci, suivant qu'on fait marcher la manivelle dans un sens ou dans l'autre-Comme à chaque circonférence que l'on fait, le fil de jonction GC avance de i millimètre, le nombre de tours total 🗲 mesure par une règle divisée EF et les fractions des tours sort appréciées par le mouvement d'une aiguille qui parcourt un cercle fixe aa.

Supposons maintenant que le courant vienne de A en B. 11 traversera le cylindre de B en C sans éprouver de résistance sensible; puis il passera de C en G et parcourra toutes le≤ spires du fil qui sont logées dans la rainure de la vis isolante : après quoi il reviendra par HI jusqu'a la poupée I et jusqu'au pôle négatif. On pourra donc augmenter ou diminuer la longueur du circuit en augmentant ou en diminuant le nombre des spires sur la vis. Si ce nombre est n et si le rayon de la vis

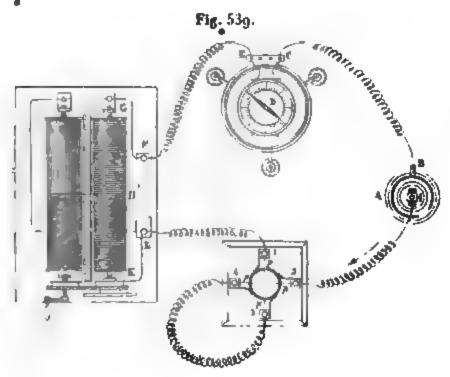
est r, $2\pi rn$ sera la longueur du fil et $\frac{2\pi rn}{rs}$ sa résistance.

Pour employer cet appareil à la mesure des conductibilités

on a placé sur la même table une seconde poupée K vis-à-vis de la première I; toutes deux peuvent être réunies ou séparées per un bras métallique M assez gros pour n'avoir pas de résistance sensible. Supposons qu'elles solent d'abord réunies : le courant passera par le rhéostat, reviendra par IMKL jusqu'au bouton L et jusqu'à la pile par l'intermédiaire d'un galvanomètre dont on notera la déviation. Si l'on sépare ensuite les poupées I et K en écartant le bras M, la communication sera interrompue; mais on la rétablit par le fil IRK dont on veut trouver la conductibilité; il est traversé par le courant qu'il affaiblit, parce qu'il oppose une résistance déterminée, et l'on fait tourner le rhéostat de manière à diminuer. de a le nombre de tours enroulés sur GH, jusqu'à ce que la dévistion soit redevenue la même qu'avant l'introduction du fil d'épreuve. D'une part, on a introduit la résistance $\frac{\ell'}{r''r'}$ du fil à essayer; de l'autre, on a supprimé celle du fil déroulé qui est et puisque le courant est resté le même, il faut que

$$\frac{2\pi rn}{cs} = \frac{c's'}{l'}$$

La fig. 539 représente une autre disposition qui produit le

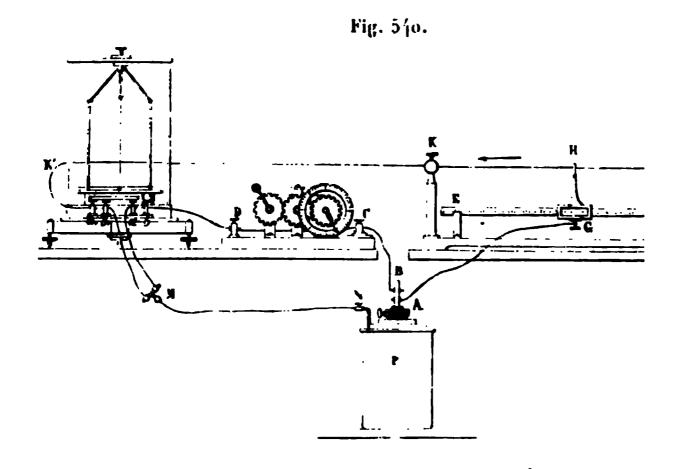


même effet. Le courant d'une pile A arrive d'abord à un com-

mutateur dont la ligne d'interruption est en p'p'; il p à 4 dans le sil d'épreuve, de 1 à LH'G dans le rhe F à E et à C dans un galvanomètre EDC, et il revient note la déviation δ . Ensuite on tourne la ligne d'int en pp; le courant marche de 2 à 1 sans passer par l preuve; la déviation augmente; mais on la ramène à mentant de n tours la longueur du sil enroulé sur la n

PROCÉDÉ DE M. BECQUEREL. — On doit à M. Ed. Becq expériences fort soignées, exécutées au moyen d'une un peu dissérente, mais meilleure, qu'avait imaginée et qu'il a persectionnée (fig. 540).

Le courant partant de A se divise en deux autres



traverse le rhéostat CD, le fil bb' d'un galvanomètre di et le conducteur bMN qui le ramène à la pile; l'autre AG arrive en G à une règle de cuivre divisée EF, aud laquelle est tendu le fil d'épreuve LK; il pénètre de par une poupée GH qui glisse sur EF; il traverse la poise rend par KK' dans le fil au' du même galvanomètre il rejoint le pôle négatif par aMN. On voit qu'en enre en déroulant le rhéostat, on augmentera ou on dim volonté la résistance du premier courant, et qu'en faisa la poupée de K en H, on interposera dans le secor

des longueurs HK du sil d'épreuve qui se mesureront sur la règle EF par le vernier G.

On commence par mettre cette poupée tout près de K, dans une position initiale quelconque, et par faire jouer le rhéostat jusqu'à ramener le galvanomètre au zéro; ensuite on augmente HK d'une quantité l et le fil isolé du rhéostat de $2\pi rn$, jusqu'à rétablir l'égalité des deux courants : l et $2\pi rn$ ont la même résistance.

Voici maintenant deux tableaux qui contiennent les principaux résultats obtenus:

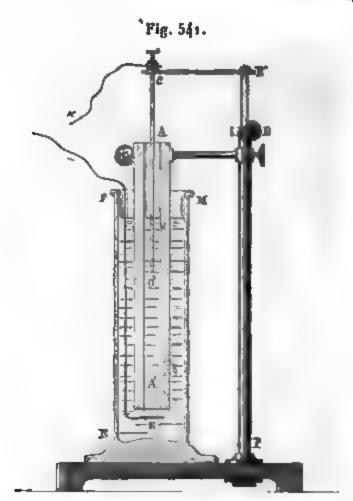
Conductibilité des solides.

D'APRÈS M. ED. BECQUEREL.

	Par rapport à l'argent.	Par rapport au mercure.
Argent pur recuit	100,000	55,504
Argent pur écroui	93,448	51,869
Cuivre pur recuit	91,439	5 0,763
Cuivre pur écroui	89,084	49,445
Or pur recuit	65,458	36,332
Or pur écroui	64,285	35,740
Cadmium écroui	24,574	13,640
Zinc écroui	24,164	13,412
Étain écroui	13,656	7,579
Palladium écroui	13,977	7,758
Fer écroui	12,124	6,729
Plomb écroui	8,245 ·	4,565
Platine écroui	8,042	4,463
Mercure (14°)	1,8017	1,000
D'après M. M.	ATHIESSEN.	
Sodium	37,43	»
Magnésium	25,47	»
Calcium	22,14	»
Potassium	20,85	»
Lithium	19,00	» · ·
Strontium	6,71))

CAS DES LIQUIDES. — Pour comparer la conductibilité des li-

quides à celle du métal étalon, on emploie générale instrument spécial nommé rhéostat à liquide (fig. 54



compose essentiellement d'un tube en cristal AA' dont rodé intérieurement a été rendu cylindrique. On mes fois pour toutes son rayon r, et on calcule sa section s

Il est plongé dans une éprouvette en verre MN au m liquide sur lequel on veut opérer; il est soutenu par s supérieure au moyen d'une traverse qui glisse et peut sur un pied BP.

Dans l'intérieur de ce pied s'ensonce une crémaillère BB', qui s'élève ou s'abaisse par le jeu d'un pignon B et course est mesurée par un vernier; elle soutient une t ticale en platine cd ensermée et mastiquée dans un verre, et qui pénètre dans le canal AA'. On fait arriver rant par cette tige; il traverse le liquide de d en E, et il par une plaque métallique E et par le conducteur EF.

Quand les choses restent dans le même état, le éprouve dans le liquide une résistance déterminée; ma

soulève ou qu'on abaisse la crémaillère d'une hauteur l, on augmente ou on diminue le circuit d'une colonne liquide de longueur l, de section s et de conductibilité c. On voit que cet appareil a les mêmes propriétés et peut servir aux mêmes usages qu'un rhéostat ordinaire, et en le substituant à celui-ci dans les appareils de M. Wheatstone ou de M. Ed. Becquerel, on pourra toujours rendre la colonne liquide équivalente à un fil métallique de résistance connue $\frac{l'}{c's'}$: alors on calculera c par la formule

$$\frac{l}{cs} = \frac{l'}{c's'}.$$

Mais dans ces expériences on rencontre des difficultés spéciales: 1° la décomposition de l'électrolyte qu'on essaye altère progressivement sa composition, et par suite sa conductibilité; 2° les gaz qui se dégagent en général opposent un obstacle mécanique et diminuent l'intensité; 3° enfin les électrodes se polarisent, ce qui produit l'effet connu de la résistance au pasage. Pour éviter cette dernière cause d'erreur, M. Becquerel a modifié comme il suit sa méthode générale.

Il remplace dans les deux courants dérivés, le rhéostat CD d'une part, et le fil KH de l'autre (fig. 537), par deux rhéostats à liquides identiques, et il les règle de manière à ramener au zéro l'aiguille du galvanomètre; alors les changements de composition qui se produisent dans l'un se font sentir également dans l'autre, et les résistances provenant de la polarisation des électrodes ou du dégagement des gaz sont égales des deux côtés et se détruisent.

Cela fait, on interpose dans un des circuits une résistance métallique connue $\frac{l'}{e's'}$, et on augmente de l la longueur de la colonne liquide dans l'autre, ce qui introduit une résistance $\frac{l}{c}$, qui est égale à $\frac{l'}{c's'}$ quand le galvanomètre est revenu au zéro. La polarisation des électrodes s'annule dans cette seconde phase de l'expérience comme dans la première. Quant aux changements de composition et aux bulles de gaz qui se produisent dans le liquide, elles altèrent sa conductibilité c, mais

comme leur effet est proportionnel à l'intensité du courant on peut diminuer celle-ci, jusqu'à ce qu'il soit insensible, ot bien choisir les électrodes de manière que ces phénomènes n'aient pas lieu. Voici quelques résultats numériques:

Conductibilité des liquides.

	Températ.	c
Argent	0,00	100,000 000 00
Acide azotique à 36°	13,10	0,000 093 77
Chlorure de sodium saturé à 9°, 50	13,40	0,000 031 52
250 eau. — 30 iodure de potassium.	12,50	0,00001120
Azotate de cuivre saturé	13,00	0,000 008 99
Sulfate de zinc saturé	14,40	0,00000577
Sulfate de cuivre saturé	9,25	0,00000542
Eau distillée	D	0,000 000 013

Ce qui est le plus digne d'attention dans ces résultats, est la grande différence qui existe entre les conductibilités des divers corps; l'acide azotique conduit un million de fois, et l'eau distillée dix billions de fois moins que l'argent, et si on compare ensuite l'eau distillée à la plupart des substances minérales qui ne sont point traversées par les courants, et surtout aux corps qui isolent l'électricité statique, on sera convaincu que de toutes les propriétés physiques de la matière, la conductibilité est celle qui est le plus inégalement distribuée et qui peut le mieux caractériser les diverses substances; aussi les moindres impuretés, ainsi que les moindres variations de température, la font-elles changer très-considérablement.

influence de la température. — La conductibilité des métaux diminue quand leur température augmente. La loi de cette diminution s'exprime par une formule analogue à celle de la dilatation. On a sensiblement

$$c_t = c_0(1 - \mathbf{K}t),$$

ou bien, en désignant par r_0 et r_1 les résistances à zéro et à t_1 , d'un fil de section et de longueur constantes,

$$r_t = r_{\bullet}(1 + Kt).$$

Il était nécessaire de connaître pour chaque métal la valeur du coessicient K, asin de pouvoir calculer la conductibilité à une

température quelconque, après l'avoir déterminée à zéro. Ce coessicient a été mesuré par M. Ed. Becquerel, et peut se déduire des expériences de M. Lenz, qu'on trouvera ci-après:

Pouvoirs conducteurs à diverses températures.

D'APRÈS M. Ed. BECQUEREL.					
	A ZÉRO.	A 100 DEGRÉS.	CORFFICIENT K		
Argent pur recuit	100,000	71,313	0,004022		
Cairre pur recuit	91,517	64,919	0,004097		
Or pur	64,960	48,489	0,003397		
Cadmium	24,579	17,506	0,004040		
Zine	24,063	8,657	0,003675		
Fer recuit.	12,350	8,387	0,004726		
Plomb	8,277	5,761	0,004349		
Platine recuit	7,933	6,688	0,001861		
Mercure	1,738,7	1,5749	0,001040		
	D'après M.	Lexz.			
	D'après M.	Lenz. Conductibilités	3		
	D'APRÈS M.				
Argent		CONDUCTIBILITÉ			
_ *	A ZÉRO.	CONDUCTIBILITÉS A 100 DEGRÉS.	A 200 DEGRÉS.		
Caivre	136,25	a 100 degrés.	A 200 DEGRÉS.		
CuivreOr	136,25 100,00	4 100 DEGRÉS. 94,45 73,00	68,72 54,82		
CuivreOrÉtain	136,25 100,00 79,79	00 DEGRÉS. 94,45 73,00 65,20	68,72 54,82 54,49		
CuivreOrÉtain	136,25 100,00 79,79 30,84	ONDUCTIBILITÉS A 100 DEGRÉS. 94,45 73,00 65,20 20,44	68,72 54,82 54,49 14,78		
Argent. Cuivre. Or. Étain. Laiton. Fer.	136, 25 100, 00 79, 79 30, 84 29, 33	ONDUCTIBILITÉS 100 pegrés. 94,45 73,00 65,20 20,44 24,78	68,72 54,82 54,49 14,78 21,45		

Quand on continue d'élever la température t des métaux jusqu'à les fondre, leur conductibilité continue à décroître suivant les ordonnées d'une ligne d'abord droite, mais qui s'infléchit rapidement en tournant sa concavité vers l'axe des t quand elle approche du point de fusion : c'est ce que M. Matteucci a vu se produire progressivement pour le potassium

entre 47 et 57 degrés et brusquement pour le sodium à 93 degrés. Il y a là une variation de la conductibilité tout à fait analogue à la variation de volume. Cette diminution rapide de la conductibilité se constate pour tous les métaux qui se dilatent en se liquéfiant; mais ceux qui se contractent éprouvent un effet inverse, c'est-à-dire que la conductibilité croît par l'élévation de la température et par la fusion : c'est ce qu'a remarqué M. Matteucci pour l'alliage de Rose et pour le bismuth.

• C'est ce qui se vérifie également pour les corps qui ne sont point métalliques, pour l'eau gelée, pour les chlorures, bromures et iodures, et pour un grand nombre de sels qui sont complétement isolants à l'état solide et qui deviennent conducteurs en se liquéfiant, non point brusquement au moment même où ils changent d'état, mais progressivement, à mesure qu'ils s'approchent de leur point de fusion; ainsi le verre commence à être conducteur entre 200 et 400 degrés. Suivant M. Hittorf, le sous-sulfure de cuivre et le sulfure d'argent sont dans le même cas.

Une sois qu'elles ont été rendues conductrices par leur susion, ces substances le deviennent de plus en plus quand on les échausse davantage; cela se voit pour l'eau, pour les solutions salines, et en général pour tous les liquides non métalliques. D'après M. Ed. Becquerel, ces variations se sont, au signe près, suivant la même sormule que pour les métaux :

$$c_t = c_0(1 + Kt),$$

et les valeurs de K sont très-considérables.

Valeurs de K.

Sulfate de cuivre saturé..... 0,0286 Sulfate de zinc étendu..... 0,0223 Acide azotique ordinaire.... 0,0263

Il suit de là qu'à 100 degrés les conductibilités de ces liquides seraient plus que triplées. M. Hankel a prouvé depuis qu'elles suivent une loi moins simple et que la formule précédente doit être remplacée, comme pour les dilatations, par la suivante dans laquelle K, K',..., varient et augmentent avec le degré de concentration de la solution

$$c_t = c_{\bullet} (1 + K t + K' t^2 \ldots).$$

naissance de quelques faits curieux relatifs aux propriétés comparées des sels fondus et dissous. Quelques-uns sont très-conducteurs quand ils ont éprouvé la fusion ignée; par exemple, les azotates de potasse et d'argent, les chlorures de potassium et de sodium et l'acétate de plomb; mais leur dissolution, même-très-concentrée, est beaucoup moins conductrice. Si on mêle à cette solution d'autres sels qui puissent s'ajouter au premier, on augmente la conductibilité jusqu'à la rendre comparable à celle des métaux. Lorsqu'on électrolyse ces mélanges, ce sont ces sels qui sont exclusivement décomposés.

Au contraire d'autres corps liquésiés sont moins conducteurs que l'eau; alors leur solution aqueuse est plus conductrice qu'eux-mêmes. Quand on vient à la décomposer, c'est l'eau qui s'électrolyse et ils éprouvent des actions secondaires : c'est le cas des acides azotique et sulfurique, du bichlorure d'antimoine et du perchlorure d'étain.

ll reste à savoir comment varie la conductibilité d'une solution quand on change la proportion de ses éléments. Il y a deux cas à distinguer : 1° les sels peu solubles prennent une conductibilité croissante à mesure que leur proportion devient plus grande; 2° les sels déliquescents et quelques acides en solutions de plus en plus concentrées offrent des conductibilités qui croissent d'abord jusqu'à un maximum pour diminuer ensuite.

Le sulfate de cuivre est dans le premier cas, et il résulte des expériences de M. Pouillet et de M. Becquerel que sa conductibilité a les valeurs suivantes à la température de 9°,60.

			Sulfate	Conduc	tibilités
			contenu q.	observées.	calculées.
250 gr. d'eau	et 5o	gr. de sulfate.	I	4, 15	4,15
n	25	n	1 2	2,63	2,69
5	12,5	מ	1/4	ı,6ı	1,59

M. Ed. Becquerel admet que la conductibilité de cette dissolution varie suivant la formule

$$\frac{1}{c} = \mathbf{A} + \frac{\mathbf{B}}{q};$$

136 SOIXANTE-SEPTIÈME LEÇON.—MESURE DES CONDUCTIBILITÉS. A et B ont les valeurs 0,1115 et 0,1295 et les résultats de la formule sont exprimés en regard de ceux de l'expérience. A et B changent avec la température de la solution.

On trouve dans la seconde catégorie le bichlorure et le nitrate de cuivre, le chlorure de sodium, le sulfate de zinc et d'après Matteucci, les acides sulfurique, chlorhydrique et az tique. Mais si à partir de la solution qui est la plus conductrice on ajoute des quantités progressivement croissantes d'eau, conductibilité diminue suivant la formule que nous venote de rapporter.

On voit que les coefficients de la conductibilité sont sour à des causes de variation très-multipliées et que leurs lois soloin d'être connues. Il y a cependant une remarque important que l'on doit à MM. Wiedemann et Franz. Ces physiciens of fait voir que les conductibilités calorifiques sont sensiblem égales aux conductibilités électriques, comme cela résulte d'tableau suivant par lequel nous terminons ce sujet.

		CONDUCT	IBILITĖS	
	ÉLECTRIQUE D'APRÈS			
	Riess.	BECQUEREL.	Lenz.	CALORIFIQU
Argent	100,0	100,0	100,0	100,0
Cuivre	66,7	91,5	73,3	73,6
Or	59,0	64,9	58,5	53,2
Laiton	18,4	"	21,5	23,6
Étain	10,0	14,0	22,6	14,5
Fer	12,0	12,35	13,0	11,9
Plomb	7,0	8,27	10,7	8,5
Platine	10,5	7,93	10,3	6,4
Argentan	5,9	"	"	6,3
Bismuth	, · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	,,	"	1,8

SOIXANTE-HUITIÈME LEÇON.

DE LA MESURE DES FORCES ÉLECTROMOTRICES.

Unité des forces électromotrices. — Méthode de Fechner. — Méthode de Wheatstone. — Méthode de compensation. — Méthode d'opposition. — Force électromotrice relative des couples usuels. — Forces électromotrices vraies. — Siége des forces électromotrices. — Somme des forces électromotrices simples. — Force de polarisation. — Force des piles à gaz. — Force au contact des liquides. — Force au contact des métaux et des liquides. — Force totale dans les couples. — Lois des forces électromotrices.

THITÉ DES FORCES ÉLECTROMOTRICES. — La formule de Ohm $i=\frac{A}{R}$ montre que la force électromotrice A est l'intensité du courant engendré par un électromoteur quand la résistance R du circuit est égale à l'unité. Il est évident que le nombre qui exprime A dépend à la fois des unités choisies pour mesurer i et R et que, pour un couple donné, il est déterminé quand elles le sont. Il n'y a donc point à se préoccuper de choisir l'unité des forces électromotrices; elle est nécessairement la force du couple qui donnerait l'unité d'intensité à travers l'unité de résistance.

Or nous avons déjà choisi les unités de résistance et d'intensité, et par conséquent la force électromotrice d'un couple est exprimée par le poids d'hydrogène qu'il dégagerait en minute dans un voltamètre, si le circuit avait une résistance égale à celle d'un cylindre de mercure de 1 millimètre de section et de 1 mètre de longueur. C'est ce que nous nommerons la force électromotrice vraie.

Comme, d'après la loi de Faraday, les nombres d'équivalents d'hydrogène dégagé dans le circuit et de zinc dissous dans le couple sont égaux, on peut dire que la force électromotrice se mesure par le poids p du zinc qui se dissout en 1 minute, divisé par l'équivalent 33 du zinc, quand R est égal à l'unité.

Inversement, quand on connaîtra A et R on pourra calculer l'intensité i, c'est-à-dire le poids d'hydrogène que le courant dégage en 1 minute, et par suite le poids i.33 de zinc qui se dissout pendant le même temps.

Malheureusement ce n'est point ainsi qu'on a généralement évalué les forces électromotrices. Presque tous les observateurs ont adopté des étalons de résistance différents et mesuré les intensités par des boussoles de tangentes ou de sinus dont les sensibilités n'étaient ni égales ni définies; il en résulte que les valeurs qu'ils ont trouvées pour A sont exprimées par des nombres différents, en fonction d'unités arbitraires et indéterminées. Ces valeurs n'apprennent rien sur les forces vraies des couples, mais elles expriment leurs rapports.

On ne fait rien de plus quand on rapporte toutes les forces électromotrices à l'une d'elles choisie comme unité; par exemple, à celle d'un couple thermo-électrique déterminé, ou à celle d'un élément de Daniell, ou à celle que développe le zinc dans l'eau acidulée. Quel que soit le terme de comparaison qu'on adopte, la formule $i=\frac{A}{R}$ cesse d'être vraie, à moins qu'on ne prenne pour unité d'intensité celle du couple unité quand R=1.

Nous ne trouverons donc dans les recherches qui vont suivre que des rapports entre les forces électromotrices; mais il suffira de les multiplier par la force électromotrice vraie du couple choisi arbitrairement comme unité pour avoir les valeurs de A qui conviennent à la formule de Ohm. Nous allons commencer par décrire les méthodes de mesure.

MÉTHODE DE FECHNER. — Il est clair que si on augmente progressivement la résistance propre r d'un couple de quantités connues R, R', R'', et qu'on mesure les intensités correspondantes, on a

$$i = \frac{\Lambda}{r+R}$$
, $i' = \frac{\Lambda}{r+R'}$, $i'' = \frac{\Lambda}{r+R''}$, ...

En groupant ces équations deux à deux, on peut calculer les valeurs de A et de r qui y satisfont et prendre la moyenne des résultats. Cette méthode, qui est générale, a été indiquée par

Ohm lui-même et adoptée par beaucoup d'observateurs. Mais elle ne peut s'appliquer qu'à des couples à action constante, car si A et r ou seulement l'une de ces deux quantités varie dans le cours des expériences, on n'obtient plus que des résultats erronés.

Fechner a imaginé de saire passer le courant du couple à travers un galvanomètre dont la résistance R, est tellement supérieure à celle du couple, qu'on peut négliger celle-ci; on mesure les intensités par la déviation de ce galvanomètre et l'on a approximativement pour les divers couples qu'on étudie

$$i=\frac{A}{R_1}, \quad i'=\frac{A'}{R_1}, \quad i''=\frac{A''}{R_1},$$

et puisque R_i est constant dans toutes les expériences, les intensités observées i, i', i'' mesurent proportionnellement les forces électromotrices A, A', A''.

R₁ étant nécessairement très-grand, cette méthode a l'inconvénient de réduire beaucoup l'intensité du courant et de la rendre tout à fait nulle quand le couple est très-faible. Mais on peut associer celui-ci à une pile à courant constant de n éléments dont la force est nA, et l'on obtient pour cette pile seule ou augmentée du couple

$$i = \frac{nA}{R_1}, \quad i' = \frac{nA \pm A'}{R_1}.$$

En retranchant i de i', on trouve $\pm \frac{A'}{R_i}$ qui mesure la force dectromotrice du couple, dans les conditions où il est placé, et vec le signe qui convient à la direction qu'on lui a donnée.

M. Ed. Becquerel a adopté cette méthode en ce sens qu'il faisait passer le courant à travers deux bobines qui avaient une résistance trente mille fois égale à celle d'un couple de Grove ordinaire; mais il mesurait l'intensité par la balance électromagnétique qu'a imaginée son père; c'est une balance ordinaire, très-sensible, dont les plateaux supportent deux aimants de poids égaux suspendus verticalement par des fils au-dessus des deux bobines de résistance. Celles-ci sont traversées en sens inverse par le courant; l'une attire, l'autre repousse l'aimant qui lui correspond; le sléau s'incline et l'intensité i se

mesure par les poids nécessaires pour rétablir l'équilibre. La force électromotrice s'exprime dans toutes les expériences par l'intensité mesurée i, c'est-à-dire par un nombre de milligrammes.

Ce nombre de milligrammes étant variable avec la résistance des deux bobines, les intensités et les forces électromotrices sont exprimées avec une unité arbitraire. Pour la définir, M. Becquerel a étudié un couple thermo-électrique ordinaire et il a reconnu qu'avec ses appareils chaque milligramme correspond à un nombre de ces couples égal à 3,25; d'où il suit qu'en multipliant par 3,25 toutes les forces mesurées en milligrammes, elles se trouvent rapportées à celle de ce couple thermo-électrique considéré comme unité.

MÉTHODE DE WHEATSTONE. — On fait passer le courant d'un couple à travers un galvanomètre et un rhéostat, et l'on enroule le sil, 1° de R; 2° de R+l, jusqu'à obtenir successivement deux déviations δ et δ' qui doivent rester constantes dans toutes les expériences et qui correspondent à des intensités i et i',

$$i = \frac{A}{r + R}, \quad i' = \frac{A}{r + R + l},$$

$$\frac{i}{i'} - \frac{i}{i} = \frac{l}{A},$$

$$A = l \frac{ii'}{i - i'}.$$

Si on répète la même opération pour un autre couple A', example ajoutant au circuit des longueurs de sil R' et R'+l' suffisantes pour reproduire les mêmes déviations δ et δ' , on obtient de la même manière

$$\mathbf{A}' = l' \, \frac{ii'}{i - i'}$$

Or $\frac{ii'}{i-i'}$ étant constant pour tous les couples considérés, les forces électromotrices A; Λ', \ldots , pourront être évaluées par les longueurs l, l', \ldots , du fil du rhéostat qu'il faut ajouter au circuit pour que le galvanomètre passe de la déviation δ à la déviation δ' .

M. Wheatstone a modifié sa méthode de la manière suivante, qui a ensuite été développée par MM. Lenz et Saweljev. On étudie d'abord une pile à courant constant dont la force électromotrice est nA et l'on obtient comme précédemment

$$nA = l \frac{ii'}{i - i'},$$

puis on interpose dans le circuit le couple dont on veut mesurer la force électromotrice A'. Je suppose qu'il soit tourné de manière à donner un courant opposé à celui de la pile; la force électromotrice du système sera nA - A' et l'on aura par la même méthode

$$nA - A' = l' \frac{ii'}{i - i'}$$

et en retranchant nA - A' de nA,

$$\mathbf{A'} = (l - l') \frac{ii'}{i - i'} \cdot$$

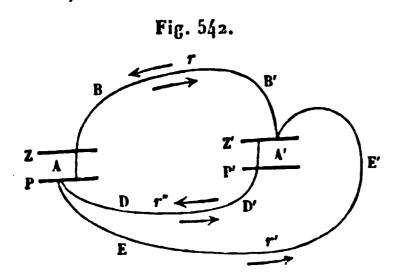
La sorce électromotrice A' sera donc exprimée par la dissérence l-l' des longueurs du sil du rhéostat qu'il saut ajouter au circuit dans les deux cas considérés pour passer de la déviation δ à la déviation δ' .

Ces divers procédés exigent à la rigueur que le couple soit constant, car s'il ne l'est pas, les liquides qu'il contient s'altèment pendant qu'il est en activité et les deux constantes de ce couple changent progressivement. D'un autre côté, la force électromotrice effective A' que l'on mesure est complexe; elle est développée par les éléments qui constituent le couple, mais elle est diminuée par la polarisation des électrodes qui engendre un courant de réaction opposé et qui agit comme le ferait une force électromotrice inverse. Dans le cas où l'on associe le couple à une pile, le courant de cette pile change les polarisations et complique encore le phénomène.

MM. Lenz et Saweljev déterminaient directement l'effet de la polarisation et le retranchaient algébriquement du résultat mesuré. M. Ed. Becquerel, remarquant que cet effet se produit progressivement et qu'il est faible sur des lames de grande dimension, opérait avec des couples à large surface et ne mesu-

rait que l'action initiale qui est indépendante de ce perturbatrice; mais M. Poggendorss a imaginé la suivante qui élimine toutes les altérations de la sorc motrice.

méthode de compensation. — Soient A et A' deu que l'on veut comparer, le premier à action const deuxième quelconque (fig. 542). Z et Z' représenter zincs, P et P' les deux métaux inattaqués et A et A



liquides. Joignor Pà P' et Z' à P.] que l'élément A deux courants, l'u versera PEE'Z' e dont les résistanc et r, l'autre qui pa PDD'Z' que nous rons r", et dans r.

courants seront confondus dans la partie commune r dans les deux branches dérivées r' et r''. D'après des connues, on aura

dans
$$r'$$
, $i_1 = \frac{\Lambda r''}{r(r'+i'')+r'r''} = i_2$
dans r'' , $i_2 = \frac{\Lambda r'}{R}$.

De même le couple A' donnera deux courants, l'un da l'autre dans r'' et r'; ils seront superposés dans r'' et tensités s'exprimeront comme il suit :

dans
$$r$$
, $i' = \frac{\Lambda' r'}{r''(r+r')+rr'} = \frac{\Lambda}{r}$

dans r' , $i'_1 = \frac{\Lambda' r}{R}$,

dans r'' , $i'_2 = \frac{\Lambda' (r+r')}{R}$.

Les deux courants i_2 et i', qui traversent r'' sont de s traire et l'on peut au moyen d'un rhéostat faire vari gueur r' jusqu'à ce qu'ils soient égaux, c'est-à-dire

qu'un galvanomètre placé dans r'' ne soit pas dévié. Dans ce cas,

$$\frac{\mathbf{A}r'}{\mathbf{R}} = \frac{\mathbf{A}'(r+r')}{\mathbf{R}} \quad \text{ou} \quad \frac{\mathbf{A}'}{\mathbf{A}} = \frac{r'}{r+r'}.$$

Cette condition donne un premier moyen de connaître $\frac{\mathbf{A'}}{\mathbf{A}}$.

D'autre part, les deux courants dérivés i_1 et i'_1 qui traversent le sil r' sont de même sens; la somme de leurs intensités pourra se mesurer par une boussole de sinus et s'exprimera par k sin δ :

$$k\sin\delta=i_1+i'_1=\frac{A\,r''+A'\,r}{R},$$

et en remplaçant A par la valeur précédente,

$$k \sin \delta = \mathbf{A}' \frac{\frac{r+r'}{r'}r''+r}{rr'+rr''+r'r''} = \frac{\mathbf{A}'}{r'} \frac{rr'+rr''+r'r''}{rr'+rr''+r'r''} = \frac{\mathbf{A}'}{r'},$$

$$\mathbf{A}' = r'.k \sin \delta.$$

Comme on connaît la boussole avec laquelle on opère, on sait quelle est la valeur de k. D'un autre côté, r' se mesure par le rhéostat et l'on trouve la valeur vraie de la force électromotice A'.

On voit qu'au moment de l'observation il n'y a aucun courant dans le couple A' qui, par conséquent, ne s'altère pas et n'é-prouve aucune polarisation. On mesure donc sa force électromotrice telle qu'elle est au moment considéré, en éliminant loutes les causes qui peuvent l'affaiblir.

MÉTHODE D'OPPOSITION. — Quand on réunit par leurs pôles de même nom deux piles dissérentes, elles donnent des courants inverses qui traversent la somme de leurs résistances individuelles, et on a

$$i = \frac{nA - n'A'}{R + R'}$$

La condition nécessaire et suffisante pour que l'intensité résultante soit nulle, est que nA soit égal à n'A'; donc on peut opposer deux piles l'une à l'autre, et faire varier le nombre des couples de l'une d'elles, jusqu'à ce que le courant total soit nul. Quand il l'est devenu, on en conclut que nA = n'A'. Tel est le principe de la méthode d'opposition proposée par M. J. gnauld.

Il prépara 60 couples thermo-électriques de bismuth e cuivre, formés à peu près comme celui de la fig. 531. To les tiges de bismuth avaient été coulées dans un moule c mun; les fils de cuivre avaient été plongés dans le métal k et s'y étaient fixés pendant la solidification, sans l'interméd d'aucun métal étranger. Ces éléments avaient la même s'électromotrice qui sut prise pour unité; ils surent réuni une pile dont les soudures paires ou impaires plonges dans deux auges, l'une pleine de glace, l'autre remplie de échaussée à 100 degrés par un bain d'eau bouillante. Un seur, auquel était attaché le rhéophore négatif, glissait su l'axe de cette pile et permettait de la terminer à un ce quelconque de rang n, de sorte que la force électrome totale était égale à ce nombre n.

Cela étant, M. J. Regnauld disposa un couple suivant le dèle de ceux de Daniell, avec les éléments suivants :

zinc, sulfate de zinc | sulfate de cadmium, cadmium

Il opposa ce couple à la pile, et chercha par tâtonnemer nombre n d'éléments de celle-ci qu'il fallait mettre en son pour annuler le courant. Il trouva qu'il en saut plus qu et moins que 56; par conséquent, la sorce électromotric couple zinc-cadmium est 55 sois égale à celle d'un élé thermo-électrique ou à 55 unités, à $\frac{1}{15}$ près.

Mais si on essayait la même expérience avec un coup Grove, il faudrait une pile thermo-électrique beaucoup longue. Pour éviter d'en multiplier les éléments, M. Reg prend comme unité intermédiaire le couple zinc-cadr il en fait une pile de 1, 2, 3, ..., n éléments; il l'oppo couple qu'il s'agit d'étudier, et reconnaît par la même thode que la force électromotrice A de ce couple est con entre m et m+1 fois celle de l'unité intermédiaire, ou m55 et (m+1)55. Ensuite, pour préciser la mesure, il o au même couple m éléments zinc-cadmium, et n élément la pile thermo-électrique jusqu'à annuler le courant pre alors il obtient

Telles sont les méthodes qu'on a employées; voyons maintenant les résultats auxquels elles ont conduit. Elles ont conduit d'abord à l'évaluation de la force électromotrice des couples les plus usuels, et ensuite à l'étude approfondie des circonstances au milieu desquelles se produit cette force.

ronce électromotrice relative des couples usuels. — 1°. La mature des liquides exerce une influence évidente sur l'énergie de la force électromotrice; mais ce à quoi l'on ne pouvait s'attendre, c'est qu'une fois cette nature déterminée, le degré de concentration des sels qui enveloppent la lame positive (cuivre), ou des acides qui baignent le zinc, peut varier dans des proportions très-considérables sans changer sensiblement la valeur de A; il n'a d'effet que sur la résistance propre du couple dont il change la conductibilité.

- 2". Les deux métaux qui entrent dans la composition d'un couple ont chacun leur influence particulière, qui sera étudiée bientôt. Quand l'un deux est du zinc, A est généralement très-grande; elle augmente si on amalgame ce métal, mais cette augmentation ne change pas avec la quantité de mercure; il en est de même quand on prend des amalgames de potassium on de sodium.
- 3°. Tous les couples à courant constant contiennent un diaphragme poreux qui sépare les deux liquides; son épaisseur, son degré de porosité, sa nature, influent sur la conductibilité du couple, mais nullement sur la force électromotrice, à moins qu'il ne soit attaqué par l'un des deux liquides.
- 4. La théorie de Ohm, confirmée par les expériences de M. Kohlrausch, nous apprend que la force électromotrice résulte des tensions contraires que prennent les éléments opposés d'un couple; elle doit donc être indépendante de l'étendue des surfaces comme les tensions elles-mêmes. C'est ce qu'a vérifié M. Wheatstone avec des couples identiquement disposés, mais dont les dimensions étaient extrêmement différentes. Il a fallu pour chacun d'eux augmenter la résistance de 30 tours du rhéostat pour faire passer la déviation du galvanomètre de 45 à 40 degrés. La méthode de M. J. Regnauld montre avec plus d'exactitude et de simplicité que ces couples s'annulent quand on les oppose.

$$\frac{1}{9.13787} = \frac{1}{124083}$$
 et la résistance $\frac{l}{sc}$ du circuit qu'il traverse est égale à $\frac{20}{\pi}$ = 0,5150, et comme la force électromo- $\frac{\pi}{4}$ (49,45)

trice vraie A, du couple thermo-électrique est égale au produit de l'intensité i, par la résistance $\frac{l}{sc}$, on a

$$A_1 = \frac{0.5150}{124083} = 0.000005147.$$

Connaissant maintenant la force électromotrice vraie A, à laquelle on a comparé les autres, on obtiendra les forces électromotrices vraies de tous les autres couples, en multipliant par A, les nombres écrits dans le tableau précédent.

Si l'on veut calculer l'intensité $i=\frac{n\,A}{R+nr}$ du courant donné par une pile, il faut non-seulement avoir déterminé A, mais aussi la résistance propre r de chaque couple; or r, variant avec la concentration des liquides, avec l'étendue et la distance des deux métaux, ne peut être déterminée que par une étude spéciale des couples particuliers qu'on veut employer. Mais on pourra la calculer si on connaît toutes les dimensions du couple et la conductibilité des deux liquides, et cela fait, la formule

 $i = \frac{nA}{R + nr}$ permettra d'obtenir avec assez d'exactitude pour une première approximation le poids i d'hydrogène que dégagerait

première approximation le poids i d'hydrogène que dégagerait le pile pendant 1 minute, à travers tout circuit extérieur dont le résistance R serait connue. Ainsi, grâce aux déterminations que nous avons faites des conductibilités et des forces électromotrices, les effets d'une pile peuvent se calculer à l'avance en fonction de coefficients connus. C'est un premier but pratique qu'il était nécessaire d'atteindre. Il y a maintenant un autre problème à résoudre qui a plus d'importance théorique : il faut savoir quelles lois suivent les forces électromotrices dans leur développement au milieu des couples d'une pile. Nous allons résumer le peu que l'on sait sur ce sujet.

tence résultante. — La force électromotrice développée dans les couples, même les plus simples, est toujours l'effet

d'actions complexes; elle est la résultante de plusieurs forces élémentaires qui naissent à chaque contact; nous allons les analyser et chercher comment elles se composent en une seule. Nous examinerons d'abord le cas où l'on plongerait dans l'eau acidulée une lame de zinc Zn et un métal CB que nous supposerons inactif; l'action serait représentée par le symbole suivant:

$$\frac{z}{-c} + \frac{1}{c} \bigwedge_{A}^{A} SO^{4} H SO^{4} H \dots SO^{4} H SO^{4} H \frac{C}{-c} + \frac{B}{-c}$$

C'est-à-dire que la force électromotrice naîtrait en AA, que le fluide neutre serait décomposé, et que des quantités — e et + e des deux fluides se porteraient par influence aux extrémités antérieures et postérieures du zinc Zn, de chaque molécule SO'II et du métal CB, et que la différence des tensions extrêmes qui mesure la force électromotrice, serait 2e.

Si on remplaçait le zinc par un métal inactif B'C', et BC par du cuivre, on aurait une action inverse, une orientation opposée, une dissérence de tension 2e' qui serait moindre, et une force électromotrice plus saible, naissant en A'A,

$$\frac{B'}{+e'} - \frac{C'}{-e'} + \frac{H}{-} + \frac{SO'}{-e'} + \frac{H}{-} + \frac{SO'}{-e'} + \frac{H}{-} + \frac{SO'}{A'} + \frac{A'}{-e'} - \frac{u}{e'}$$

Mais si l'on constitue un couple avec du zinc et du cuivre, est naturel de penser que les deux essets précédents se supe poseront, que les deux métaux tendront à produire des action opposées et à orienter le liquide dans des sens contraires, que les deux sorces électromotrices agiront à la sois en AA et A'A' qu'elles se retrancheront, puisqu'elles sont contraires, et que les tensions extrêmes seront égales à la dissérence de celles qui se produisaient dans les deux cas précédents. On aura

$$\frac{z}{-(e-e')+(e-e')} \bigwedge_{A}^{A} SO^{\epsilon} \underset{+}{H} SO^{\epsilon} \underset{+}{H} \dots SO^{\epsilon} \underset{+}{H} SO \underset{+}{H} \underset{-}{SO} \underset{+}{H} \underbrace{SO} \underset{+}{H} \underbrace{SO} \underset{-(e-e')}{H} \underbrace{SO} \underset{+(e-e')}{H}$$

Or comme rien n'autorise à assirmer qu'il y ait des métaux inactifs, même l'or et le platine, la sorce électromotrice essective d'un couple simple quelconque n'est en réalité que la dissérence de celles qui se développent individuellement au contact du liquide avec les deux métaux. La même chose aura lieu si nous étudions deux liquides comme la soude et l'acide sulfurique, avec deux électrodes CB, C'B' que nous supposerons inactives. Il est probable qu'il y a une force électromotrice en A"A" au contact des deux liquides, qu'elle oriente les molécules et qu'elle produit une dissérence de tension 2e":

$$\frac{B}{-e'} + \frac{c}{-e'} - + - + \frac{A''}{-e'} + \frac{A''}{-e'} + \frac{B'}{-e'}$$

Si nous remplaçons l'électrode BC qui plonge dans la soude par du potassium, elle ajoutera son action à celle des deux liquides et augmentera la force électromotrice 2 e" de celle qu'elle détermine, ou de 2e'; et ensin si on introduit du zinc dans l'eau xidulée au lieu de C'B', il produira une force électromotrice inverse égale à 2e, qui se retranchera. La force résultante A' sera donc 2e" + 2e' - 2e. En général, si un couple est formé de deux liquides L et L', et de deux métaux l'un R placé dans L'autre R' plongeant dans L', la force électromotrice totale A' sera égale à la somme algébrique de celles qui se produisent : 1º au contact de R et de L; 2º au contact de L et de L'; 3" au contact de R' et de L'. Nous représenterons conventionnelle-Ment ces trois forces par R, L, par L, L', par R', L' et en général en écrivant à la suite l'une de l'autre les formules chimiques des deux substances en contact. Nous aurons alors pour la force électromotrice effective

(1)
$$A' = R, L + L, L' - R', L'$$

Ensin, si le couple est traversé par le courant d'une pile, sa sorce électromotrice A' s'ajoutera à celle de cette pile qui est A ou elle s'en retranchera; mais il se produira un nouveau phénomène. Des gaz se dégageront aux deux électrodes R et R', les polariseront et seront naître chacun deux sorces électromotrices de polarisation, l'une R, O provenant de l'oxygène dégagé sur le premier métal, l'autre R', H développée par l'hydrogène sur le second. On aura donc pour la sorce électromotrice totale P de la pile augmentée du couple

$$P = A \pm A' - R, O - R', H,$$
(2)
$$P = A \pm (R, L + L, L' - R', L') - R, O - R', H.$$

Le second terme devra être pris avec le signe + ou le signe - suivant que le couple considéré agira dans le sens de la pile ou dans le sens opposé.

Cette formule est fondamentale; mais comme elle résulte de considérations tout à fait hypothétiques, notre premier soin doit être de montrer qu'elle est consirmée par toutes les expériences.

I. M. Poggendorss prit une pile à courant constant, dont is mesura la sorce électromotrice A, puis il y ajouta un couple simple de zinc et de platine dont la sorce électromotrice éta A' et qui sut mis d'abord en concordance, ensuite en opposition avec la pile. On obtient, dans les deux cas, deux sorce électromotrices totales P et P' qui doivent être

$$P = A + A' - Pt$$
, H , $P' = A - A' - Pt$, $O - Zn$, H ; d'où l'on tire

$$A-P+A-P'=Pt$$
, $H+Pt$, $O+Zn$, $H=\alpha$.

On remplaça les deux métaux du couple d'abord par deulames de platine, ensuite par deux lames de zinc, ce qui donn deux nouvelles forces, P₁, P'₁:

$$P_1 = A - Pt$$
, $H - Pt$, O , $P'_1 = A - Zn$, H
 $A - P_1 + A - P'_1 = Pt$, $H + Pt$, $O + Zn$, $H = \alpha$.

Les deux valeurs de a ainsi déterminées furent sensiblemerégales. Par conséquent, les forces de polarisation, celles d'u couple et celles d'une pile s'ajoutent comme la formule (== l'indique.

II. M. Ed. Becquerel plaça un vase poreux dans un bocal de verre, puis il versa d'abord de l'acide azotique, ensuite de l'acide sulfurique dans les deux compartiments et ensin de l'acide sulfurique dans l'un et de l'acide azotique dans l'autre. Au moyen d'électrodes en platine il sit passer le courant d'une pile connue à travers cette double cellule et détermina dans chaque cas la sorce électromotrice totale P, comme on vient de le saire précédemment. Si on désigne par Pt, O_{Azot} et par Pt, O_{Sot} celles de l'oxygène dans les acides azotique et sulfurique, par Pt, H_{Sot} celle de l'hydrogène dans l'acide sulfurique, et ensin par SO₃, Az O₄ celle qui résulte de l'action des deux acides, on peut

exprimer les résultats par le tableau suivant où les slèches indiquent le sens du courant.

Composit. du couple. R,
$$O + R'$$
, $H - A' = A - P$

Pt...SO³ | AzO⁵...Pt. \Longrightarrow . Pt, $O_{SO^3} - A'$ = 34,00/100,25

Pt...AzO⁵ | SO³ ...Pt. \Longrightarrow . Pt, $O_{AzO^5} + Pt$, $II_{SO^3} + A' = 66,25$ /

Pt...SO³ | SO³ ...Pt. \Longrightarrow . Pt, $O_{SO^3} + Pt$, H_{SO^3} ... = 91,18/9,68

Pt...AzO⁵ | AzO⁵ ...Pt. \Longrightarrow . Pt, O_{AzO^5} ... = 8,50/99,68

etranchent ainsi que les forces de polarisation s'ajoutent et se etranchent ainsi que l'indique la formule (2) et le tableau, la comme des deux premières équations doit être égale à celle les deux dernières, ce qui en esset très-sensiblement vé-isié.

III. Par sa méthode de compensation M. Poggendorss étudia rois couples simples: le premier zinc et cuivre, le deuxième zinc et ser, le troisième ser et cuivre. Ils plongeaient dans une auge unique contenant de l'acide sulsurique étendu. Comme il rya qu'un liquide, le terme L, L' est nul, et puisque d'après la méthode même ces couples n'entrent point en activité, il n'y a pas à s'occuper de la polarisation. La formule (1) se réduit à

 $A' = R, SO^3 - R', SO^3.$

On a trouvé

Composition du couple.	$R, SO^3 - R', SO^3 = A'$
Zinc SO', HO Cuivre.	$2n, SO^3 - Cu, SO^3 = 13,792$
Zinc SO ³ , HO Fer.	$Zn, SO^3 - Fe, SO^3 = 7,399$
Fer SO3, HO Cuivre.	Zn, $SO^3 - Fe$, $SO^3 = 7,399$ Fe, $SO^3 - Cu$, $SO^3 = 6,000$ 13,399

La première équation doit être égale à la somme des deux autres, ce qui est vrai.

IV. MM. Lenz et Saweljev ont mesuré par le second procédé de Wheatstone les forces électromotrices de combinaisons très-variées parmi lesquelles nous citerons les suivantes :

Composit. du couple.	A'	Composit. du couple.	A"	A' A"
	~~		~	~
Zn SO' AzO' Pt	4,29	Zn SO ³ SO'Cu Cu	2,17	2,12
Fe SO ³ AzO ⁵ Pt	3,01	Fe SO' SO' Cu Cu	0,89	2,12
_	•	St SO ³ SO ⁴ Cu Cu	-	_
_	•	Zn KO SO'Cu Cu		

Si l'on calcule la différence A' — A" des forces électromo-

trices placées sur une même ligne horizontale, on doit obtenir un nombre constant, car tous les couples écrits en regard ont le même métal négatif dont l'influence disparaît par la soustraction, et comme dans ces exemples l'action réciproque des liquides est très-faible ou égale, la différence A' — A" est sensiblement égale à la force électromotrice du couple suivant :

La force électromotrice de ce couple a été mesurée directement et trouvée égale à 2,02, qui diffère peu des valeurs de $\Lambda' - \Lambda''$.

Après ces vérifications, qu'il serait facile de multiplier, la formule (2) peut être considérée comme justifiée. Outre qu'elle sera d'un grand secours dans les déterminations qui vont suivre, elle entraîne une conséquence capitale qui a été signalée par M. Poggendorff. Elle montre qu'en éliminant la polarisation des électrodes, la force électromotrice A' d'un couple intercalé dans le circuit d'une pile reste la même quel que soit son sens, c'est-à-dire quand le métal négatif du couple se dissout ou non; d'où il faut conclure, 1º que l'acte de la combinaison chimique n'est pas la cause du développement de l'électricité dans ce couple; 2º que si cette cause est chimique, il faut l'attribuer à une assinité de tendance; 3° qu'on peut tout aussi bien la rapporter à une force physique spéciale qui, au contact des corps hétérogènes, décomposerait le fluide neutre. Nous voici ainsi ramenés par une tout autre voie à la dernière des théories par laquelle on explique le développement des courants.

Je vais montrer maintenant comment, avec le secours de la formule (2), on peut isoler et étudier séparément les forces électromotrices élémentaires qui dans un couple se composent en une résultante unique.

FORCE ÉLECTROMOTRICE DE POLARISATION. — Ce sujet a été étudié par un grand nombre d'observateurs, par MM. Wheatstone, Poggendorff, Lenz et Saweljev, Swamberg, Beetz et Ed. Becquerel.

M. Wheatstone mesurait en tours du rhéostat la force électromotrice d'une pile à courant constant de n couples; cette

force était nA avec un circuit métallique, elle se réduisait à A' quand on interposait un voltamètre. La différence (nA - A') donnait la force électromotrice p de polarisation dans le voltamètre. M. Wheatstone trouva ainsi:

Nombre de conples.	Sans voltamètre.	Ávec voltamètre.	Différence.
R	n A	A'	$n \Lambda - \Lambda' = p$
3	90	21	69
4	120	50	70
5	150	79	71
6	180	. 109	71

D'où il suit que la force de polarisation est un peu supérieure a celle de deux des couples employés. Ces couples étaient constitués par un vase poreux rempli d'amalgame de zinc, plongé dans du sulfate de cuivre et entouré d'un cylindre de cuivre.

M. Ed. Becquerel obtint la valeur des forces de polarisation de l'oxygène et de l'hydrogène sur le platine au moyen des équations de la page 151; en y remplaçant A' par sa valeur que nous déterminerons bientôt et qui est égale à 19^{me}, 56: on trouve

Pt,
$$O_{Az0}$$
..... = 8,50
Pt, O_{S0} = 53,56
Pt, H_{S0} = 37,62
Pt, O_{S0} +Pt, H_{S0} = 91,18

1-

Le même physicien détermina les forces de polarisation des divers métaux dans l'hydrogène par un procédé plus simple. Il forma divers couples avec deux lames, l'une de zinc amalamé, l'autre du métal qu'il voulait étudier; toutes deux avaient locentimètres carrés et plongeaient dans une solution de 9 parties d'eau et de 1 partie d'acide sulfurique. Il associait ces couples à une pile de 10 éléments de Bunzen et mesurait en milligrammes les forces électromotrices A + A' du système et A de la pile seule, d'où il concluait A'. Il faisait deux mesures successives de A', l'une rapidement, ce qui lui donnait la force A', avant toute polarisation, l'autre A', après que cette polarisation s'était produite, et A', - A', exprimait la force de polarisation du métal considéré recouvert d'hydrogène.

TABLEAU Nº 1.

	FURCES ÉLECTRONOTRICES			
COUPLES ZINC ANALGANÉ ET	AVART LA POLARISATION. A_1'	APRÉS LA POLARISATION. A'2	DE POLARISATION PAR L'HYDROCÈSS $A'_1 - A'_2$	
Or	mg 75,75	mg 29,87	18 48 88	
Platine	78,75	35,37	43,38	
Argent		28,50	39,75	
Mercure	57, 25	17,50	39,75	
Cuivre	51,75	24,25	27,50	
Zinc amalgamé	00,00	- 2,00	2,00	
Zinc pur	00,25	- 2,00	1,75	

Toutes ces forces sont exprimées par les poids qu'il sa mettre dans la balance pour rétablir l'équilibre; mais on per les ramener aux unités de M. J. Regnauld en se rappelat (page 140) que chaque milligramme équivaut à un nombre couples thermo-électriques égal à 3,25.

Ces premiers résultats nous conduisent à une important conséquence. On sait qu'un couple zinc-cuivre ordinaire (un couple de Daniell ne suffisent pas pour décomposer l'édans un voltamètre : il en faut au moins deux; tandis qu'un se élément de Grove suffit. Cela tient à ce que les couples con mencent par polariser les électrodes du voltamètre en faisanaître une force de polarisation qui se retranche de leur for électromotrice et il faut nécessairement que celle-ci soit suprieure à celle-là pour que l'électrolysation puisse continu D'où il suit, d'après les résultats de M. Wheatstone, qu'il faut moins trois de ses çouples pour décomposer l'eau.

On remarquera aussi par le dernier des tableaux précéde que la polarisation du cuivre par l'hydrogène est très-co sidérable. Dans le cas de la pile de Wollaston la force i tiale, qui est 51,75, baisse à 24,25 par l'effet de la polari tion: elle diminue de plus de moitié; la pile de Smee est d le même cas. Il est donc très-important de choisir pour méta positifs ceux sur lesquels l'hydrogène produit une polarisat très-faible; c'est pour cette raison que Sturgeon a remplace

par du fer. Il diminue par là la force électromotrice inidu couple; mais cette perte est compensée par la dimide la polarisation.

LATION DE LA FORCE DE POLARISATION. — Les nombres par els M. Becquerel a exprimé les polarisations des gaz se tent au cas bien défini où les lames avaient 10 centis carrés de surface, où le courant était donné par 10 éléde Bunsen et où le liquide était étendu de 9 parties Si ces conditions changent, les nombres changent euxs. Voici les résultats donnés par des voltamètres difféavec des courants d'intensité variable.

DIMERSION NOUSEE		FORCES DE POLARISATION DANS LE VOLTANÈTRE		
des Lawrs.	DES Couples.	REMPLI D'ACIDE SULFHRIQUE AU 10°.	REVPLI D'ACIDE AZOTIQUE.	
PLATINE.		. millig	millig	
1 0mm	1	millig 73,0	millig 18,5	
"	2	96,5	"	
~	4	101,0	47.5	
PLATINE			,	
m 10mm	1	85,a	43,5	
N .	• 2	110,0	"	
"	4		• 53,5	
OR.	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
20 mm	1	92,0	51,0	
•	2	131,0	,	
<i>"</i>	4	136,5	69,0	

expériences et beaucoup d'autres que nous ne rapportepas conduisent aux remarques suivantes :

La force de polarisation p augmente avec l'intensité du int. Elle peut se représenter pour des lames et un liquide és par la formule

$$p=m+ni+pi^2.$$

- 2°. Elle diminue quand la surface des lames augmente. Cela tient à ce que le courant total se divise entre les lames en une infinité de rameaux d'autant plus faibles que les surfaces sont plus grandes.
- 3°. Elle change avec les métaux; elle change aussi avec la nature des liquides: par exemple elle est, sur une électrode positive de platine, égale à 53^{mg}, 56 dans l'acide sulfurique et à 8^{mg}, 50 dans l'acide azotique.
- 4°. Quand un seul des deux gaz est dégagé, il engendre une force électromotrice propre; quand tous les deux sont mis en liberté, ils produisent une action totale égale à la somme de leurs actions individuelles.
- 5°. La force de polarisation, augmente dans le vide, surtout avec des électrodes de platine ou d'or, et par suite l'intensité du courant diminue. Ce fait résulte de ce que, dans l'air, l'oxygène se combine avec l'hydrogène accumulé par polarisation sur l'électrode négative et produit une dépolarisation partielle qui cesse dans le vide. C'est à cette cause qu'il faut attribuer deux faits connus depuis longtemps, 1° l'absorption de l'oxygène de l'air par les cuivres d'une pile à un seul liquide; 2° la diminution de l'intensité du courant quand on met la pile dans le vide.

Puisque la force de polarisation est variable avec l'intensité du courant et avec tous les éléments qui constituent le voltamètre, on ne peut l'exprimer par un nombre applicable à tous les cas. Quand on aura besoin de la connaître dans des conditions données, il faudra la mesurer directement.

FORCE ÉLECTROMOTRICE DES PILES A GAZ. — Quand on décompose de l'eau dans un voltamètre disposé comme celui de la fig. 505, l'oxygène et l'hydrogène s'accumulent dans les cloches; si ensuite on supprime la pile et qu'on réunisse les deux électrodes entre elles, le voltamètre devient un couple à gaz de Grove, et la force de polarisation des deux gaz est la force électromotrice de ce couple. Celle-ci est donc variable comme celle-là.

On reconnaît qu'une pile de Grove que l'on a chargée de gaz en décomposant l'eau par un courant au moyen des lames de platine elles-mêmes, a une plus grande force que si on la prépare en introduisant dans les cloches de l'oxygène et de l'hydrogène ordinaires. Cela tient vraisemblablement à trois causes: 1° à ce que les gaz dégagés par les électrodes contiennent de l'ozone; 2° à ce que le passage du courant nettoie le platine; 3° à ce que ce courant détermine une condensation de gaz plus grande, et une force de polarisation d'autant plus considérable qu'il est plus intense.

La force électromotrice d'une pile à gaz diminue pendant qu'elle fonctionne. En effet les deux couches de gaz qui étaient à l'origine condensées sur les électrodes, se transforment en eau pendant le passage du courant. Elles tendent à se reproduire ensuite, mais comme elles sont détruites aussitôt que reformées, elles ne reprennent leur condensation première que si on ouvre le circuit pendant quelque temps; alors la pile reprend pendant le repos son activité initiale.

M. Beetz a mesuré les forces électromotrices d'un couple à gaz en combinant avec une lame entourée d'hydrogène une seconde lame enveloppée d'un autre gaz ou même plongée dans l'eau. Voici quelques résultats ramenés par le calcul aux unités de M. Becquerel:

Platine	Hydrogène	Platine seul	34,23
Platine	Hydrogène	Cuivre seul	6,50
Platine	Hydrogène	Oxygène Platine.	40,77
Platine	Hydrogène	Chlore Platine.	53,54

Il paraît démontré par le premier de ces exemples que dans un couple à gaz, l'hydrogène dans son contact avec le platine produit une foice électromotrice propre égale à 34 milligrammes; il se conduit comme le zinc dans l'eau acidulée. D'autre part, et d'après le troisième exemple, quand l'oxygène est accumulé sur la lame opposée, il augmente la force électromotrice de 34 à 41 milligrammes; il en fait donc naître une seconde qui s'ajoute à la première. Ces deux effets sont distincts et indépendants. Ce n'est donc pas la tendance à la combinaison des deux gaz qui développe la force électromotrice, ce sont deux actions qui se produisent au contact de chacun d'eux avec le platine, et comme il ne peut être ici question d'affinité, il faut bien attribuer l'action électrique à une force de contact.

rorce électromotrice au contact des liquides. — Je suppo que l'on forme une combinaison de deux liquides L, L' sér rés par une cloison poreuse, qu'on plonge deux lames inat quables d'or ou de platine dans les deux compartiments, qu'on mesure la force électromotrice. Généralement il y au une polarisation des électrodes, mais on pourra ou la mesur et la retrancher du résultat, comme faisaient MM. Lenz Sawelgev, ou opérer rapidement et avec des lames très-large afin qu'elle soit faible et n'ait pas le temps de s'établir, ou bi suivre la méthode de M. Poggendors, qui ne lui permet p de se produire. Soit A' cette force électromotrice corrigée

$$A' = Pt, L + L, L' - Pt, L'.$$

Il est évident que le résultat étant la somme algébrique trois quantités, on ne pourrait obtenir L, L' que si Pt, L Pt, L' étaient connues. Le problème est donc indéterminé.

M. Ed. Becquerel admet que les forces électromotrices platine, de l'or, et en général des substances inattaquable sont nulles ou au moins égales dans la plupart des liquide cela paraît probable, mais n'est point démontré, et dans que ques cas c'est inexact. Par exemple, si les liquides sont de potasse et de l'acide azotique, on obtient avec des électrod de platine, d'or, d'argent ou de charbon :

Platine.	Or.	Argent.	Charbon.
55,50	44,50	44,50	60,50

il est clair que ces substances agissent inégalement et ajoute leur effet à celur des liquides en contact.

D'un autre côté, MM. Lenz et Saweljev considèrent commévident que les liquides sont sans action l'un sur l'autre, que L, L' est nul, et que A' mesure la différence entre les forcélectromotrices des deux métaux dans les deux liquides. Cet hypothèse n'est pas plus démontrée que la précédente, elle e probablement inexacte dans le cas où on considère la potas et l'acide sulfurique.

On ne peut se prononcer entre des opinions aussi oppsées, mais on ne court aucun risque d'erreur en admetta qu'il y a trois forces électromotrices Pt, L; L, L'; Pt, L'. Voi

159

les résultats de M. Ed. Becquerel. Ils expriment l'action des deux liquides augmentée de la dissérence de celles des deux lames de platine qui y sont plongées.

TABLEAU Nº 2. Action de deux dissolutions.

Solution négative.	Solution positive.	dectromotrice.
Sulfate de cuivre saturé	Eau acidulée par SO³ au 10°.	mg 5,50
	Eau oxygénée	•
Eau acidulée par SO3 au 10°.	Chlorure de platine saturé.	7,75
Eau acidulée par SO3 au 10°.	Acide azotique pur	19,25 à 21
Eau acidulée par SO3 au 10°.	Acide chromique	27 , 80
Eau acidulée par SO3 au 10°.	Eau chlorée saturée	37,25
Acide chlorhydrique	Acide azotique pur	52,50
Potasse	Acide azotique pur	55,50
Persulfure de potassium	Acide azotique pur	72,50

La force totale d'un couple de Grove est représentée par 98 milligrammes, les deux liquides y entrent pour 20 milligrammes, c'est-à-dire pour \frac{1}{4}; celle de l'élément de Daniell est 58 milligrammes, les deux liquides agissent en sens opposé, et la réduisent de \frac{1}{14} environ. Nous dirons en terminant que l'action des liquides entre eux est variable avec la température et le degré de concentration.

PORCE ÉLECTROMOTRICE AU CONTACT DES LIQUIDES ET DES MÉTAUX.

La plus simple des méthodes qu'on puisse choisir pour comparer les forces électromotrices des métaux a été suivie par M. Ed. Becquerel. Il étudiait des couples formés par une première lame de platine Pt et par une seconde lame d'un métal quelconque R plongeant toutes deux dans le même liquide L; il mesurait la force électromotrice initiale A' du couple qui est évidemment égale à la différence de celles des deux métaux

$$A' = R, L - Pt, L.$$

Mais on retrouve dans cette question la même indétermination que dans la précédente; il est impossible de mesurer la force absolue R, L d'un métal quelconque. On ne peut que trouver la dissérence entre celle-ci et celle du métal le moins actif un courant de certaine intensité; elle réduit la force du couple à 26⁵⁰,50. Cette force est exprimée en milligrammes, mais en la multipliant par 3,25 on la ramène au couple thermo-électrique, ce qui donne 86,12, et ensin, comme on connaît la sorce électromotrice vraie de ce couple unité, on peut calculer celle de l'élément de Wollaston.

Mais comme la polarisation diminue quand l'étendue des lames augmente, la force électromotrice de ce couple sera d'autant plus grande que sa surface sera plus considérable. C'est un fait qui est connu depuis longtemps.

Si on veut calculer de même un couple à deux liquides, comme celui de Grove, on trouve

$$A = Z_{\rm n}$$
, $SO^3 + SO^3$, $AzO^5 - Pt$, AzO^5
= $(Z_{\rm n}, SO^3 - Pt, SO^3) + (Pt, SO^3 + SO^3, AzO^5 - PtAzO^3)$.

Le premier terme est 81^{ms}, 75, le second exprime l'action de l'acide azotique sur l'acide sulfurique avec deux électrodes de Platine; elle est égale à 20, d'après le tableau n° 2. La somme est 101^{ms}, 75; l'expérience donne 99 milligrammes. On passera l'onne précédemment de ce nombre à la force électromotrice l'aie.

Cestableaux n° 1, n° 2, n° 3 nous permettent par conséquent calculer la force électromotrice d'un très-grand nombre de uples qu'on pourrait se proposer de construire. Il faut maintant chercher s'il existe quelque relation expérimentale ences diverses forces.

ouples constants avec un métal positif quelconque R et nalgame de potassium K enfermé dans un vase poreux; eux corps étaient plongés dans un liquide quelconque L. ce électromotrice A_k était, en désignant par R, H la po-

 $A_K = K, L - R, L - R, H;$

remplaça dans les divers cas l'amalgame de potassium amalgame de zinc Zn, ce qui donne

$$A_{Zn} = Zn$$
, $L - R$, $L - R$, H .

La différence de A_{K} et A_{Zn} exprime la différence des for électromotrices du potassium et du zinc dans le même liquide

$$A_K - A_{Zn} = K, L - Zn, L.$$

Les résultats prouvent que cette dissérence est sensibleme constante et indépendante de la nature du liquide.

LIQUIDES.	MÉTAL POSITIF	FORGES ÉLECTROMOTRIGES AVEC DES AMALGAMES		DIFFÉRENCE.
L	R	de potassium. $\mathbf{A_K}$	de zinc. Azn	K, L—Zo, 1
Sulfate de zinc	Zinc	39	0	29
Sulfate de cuivre.	Cuivre	59	30	29
Chlor. de platine.	Platine	69	40	29
Eau acidulée	Biox. de manganèse.	84	54	30
Eau acidulée	Bioxyde de plomb	98	68	30

M. Wheatstone examina spécialement ensuite le coup formé par un amalgame de zinc, du sulfate de cuivre et cuivre; il n'y avait aucune polarisation d'électrodes, et la foi était

$$A = Zn$$
, $SO^{\circ}Cu - Cu$, $SO^{\circ}Cu = 3o$;

puis il remplaça le sulfate de cuivre par un autre sel que conque du même métal, ce qui ne sit aucunement changer valeur de A. Il saut donc que la dissérence des actions du ze et du cuivre soit constante dans ces divers sels. En générant ces résultats, on a été conduit à énoncer la loi suivant La dissérence des sorces électromotrices de deux métaplongés à la sois dans un acide ou dans un sel quelconque constante et indépendante de la nature, de l'acide ou du se

M. Joule trouva ensuite par la méthode de Fechner les réstats suivants, qui sont rapportés au couple de Daniell, don1 force électromotrice est représentée par 100.

1

1	LIQUIDES L.							
NONS DES MÉTAUX	POTASSE.		SULFATE DE SOUDE.		AC BULFURIQUE ÉTENDU.		SEL ORDINAIRF.	
	A	Différ.	A	Différ.	۸	Différ.	Α.	Différ.
Symbole des couple Force électromotrice					-			.)1
Amalg. de potassium	_	_	 "'	., ₂ ,	. 2, 1 <i>,,</i>	"	· •, //\	,
Amalgame de zinc		1	187	1		0	198	" 0
Fer	•	1	•	40	•	1 . 1	1,6	
Cuivre	•		٠,	` _	•	1 1	116	82
Argent		1 1	,	1 -		'' '	95	103
Platine		203	17			150	55	1 43
Symbole des couples. Force électromotrice								⁴ Cu
Amalgame de zinc		1 " 1	104	•	100		106	1 2
Fer		1	•	45		í 1	55	51
Coivre		"	8	96	4	96	28	78

Les couples étudiés dans ce tableau étaient cloisonnés et se rapportaient à deux types dissérents. Dans le premier, le pôle positif était invariablement sormé par du platine dans l'acide azotique, et le négatif était constitué par un des métaux R dans un des liquides L indiqués par le tableau. On a donc

$$A = R, L + L, AzO' - Pt, AzO'.$$

Si, le liquide restant le même, on remplace R par du zinc, on a

$$A_1 = Zn, L + L, AzO^s - Pt, AzO^s,$$

et en retranchant,

$$A_1 - A = Zn, L - R, L.$$

A-A est la différence entre les sorces électromotrices du zinc et du métal R dans le même liquide L; cette dissérence est exprimée pour chaque liquide dans le tableau précédent.

Le deuxième type des couples étudiés ne dissère du précédent que par le pôle positif qui est sormé par du cuivre dans le sulfate de cuivre, et conduit de même à trouver les d rences entre la force électromotrice du zinc et de l'un des taux étudiés; elles sont inscrites dans la deuxième partitableau; elles sont égales à celles qu'on trouve dans la mière partie, ce qui justifie le principe; mais on remarq aussi que pour deux métaux donnés, le zinc et le platine exemple, les valcurs de A₁ — A changent avec la nature c dissolution: elles sont plus grandes dans la potasse que le sulfate de soude, dans le sulfate de soude que dans l'a sulfurique, et dans l'acide sulfurique que dans le sel ma Par conséquent la loi qui résultait des expériences de Wh stone n'est point rigoureusement exacte, mais on peut la sidérer comme étant à peu près vraie pour les trois dera liquides.

M. J. Regnauld s'est placé dans des circonstances exacter définies et très-simples, il a examiné des couples analogucelui de Daniell, dans lequel il remplaçait le cuivre par un tal quelconque; le zinc et ce métal plongeaient tous cou dans leur sulfate, ou dans leur chlorure, ou dans leur tate; dans les divers cas, on peut considérer comme insens l'action réciproque des deux liquides, et la force électromot observée comme la différence de celles qui sont dévelop par les deux métaux dans les deux sels; on trouva qu'elle sensiblement constante.

```
(Zinc. — Cadmium.)
Zinc pur.....
               SO'Zn
                        1 SO'Cd....
                                     Cadmium.
Zinc pur.....
               Ch Zn
                        I Ch Cd....
                                     Cadmium.
Zinc pur.....
                        | BrCd....
               Br Zn
                                     Cadmium.
Zinc pur.....
               IZn
                        ] ICd.....
                                     Cadmium.
               AzO'ZnO | AzO'CdO.
Zinc pur.....
                                    Cadmium.
               SO'Zn
                         1 SO'Cd. . . .
Zinc amalgamé.
                                     Cadmium.
Zinc amalgamé.
               SO'HO
                        SO'Cd....
                                     Cadmium.
                 (Zinc. - Cobalt.)
Zinc pur.....
               Ch Zn Ch Co. . . . Cobalt.
Zinc pur.....
               AzO'ZnO | AzO'CoO.
                                     Cobalt.
```

(Zinc. - Nickel.)

Zinc pur	SO'Zn	SO'Ni	Nickel.	127
Zinc pur	ChZn	Ch Ni	Nickel.	109
Zinc pur	AzO ^s ZnO	AzO'NiO	Nickel.	131

(Zinc. - Cuivre.)

Zinc pur	SO'Zn	SO'Cu	Cuivre.	175
Zinc pur	Az OʻZn	Az O ^e Cu	Cuivre.	160
Zinc pur	Ch Zn	Ch Cu	Cuivre.	175
Zinc amalgamé.	SO'HO	SO'Cu	Cuivre.	179

Mais si on étudie attentivement le troisième tableau de M. Ed. Becquerel, on voit que la dissérence des sorces électromotrices d'un métal et du platine dans un même liquide est loin d'être indépendante de ce liquide. Elle est saible dans l'eau, trèsgrande dans l'eau chlorée, et dans le cas du persulsure ou du cymure de potassium, elle varie très-inégalement pour les divers métaux. La loi qui nous occupe est donc loin d'être générale.

SOIXANTE-NEUVIÈME LEÇON.

DE LA CHALEUR ET DE LA LUMIÈRE PRODUITES PAR LA PROPAGATION DE L'ÉLECTRICITÉ.

Actions calorifiques. — I. Cas des batteries électriques. — Thermomètre de Riess. — Lois des températures dans un fil. — Loi des quantités de chaleur. — II. Cas des piles. — Lois de Joule. — Conséquences de ces lois. — Expériences de M. Favre. — Relation entre les chaleurs dégagées et les forces électromotrices. — Travail produit par les courants.

Température du circuit. — Températures des soudures d'un circuit. Lumière électrique: — Arc voltaïque. — Phénomènes calorifiques, — lumineux, — de transport. — Origine de l'arc voltaïque. Intensité de l'étincelle électrique.

Nous mesurerons d'abord la chaleur développée dans les conducteurs, soit par la décharge instantanée d'une batterie électrique, soit par l'action des courants continus.

I. CAS DES BATTERIES ÉLECTRIQUES. — M. Riess a étudié cette question au moyen d'un thermomètre à air qui est représenté fig. 543. Il se compose d'un ballon ABC communiquant avec une tige de verre graduée MNP, dans laquelle est une colonne d'un liquide coloré; son support peut se mouvoir autour d'une charnière F et se fixer par une vis G, ce qui permet d'incliner plus ou mois la tige; le ballon porte deux tubulures opposées B et C que l'on peut fermer par des bouchons métalliques rodés et entre lesquels on dispose un fil de platine BC enroulé en spirale, terminé aux deux poupées B et C, et à travers lequel on fait passer la décharge.

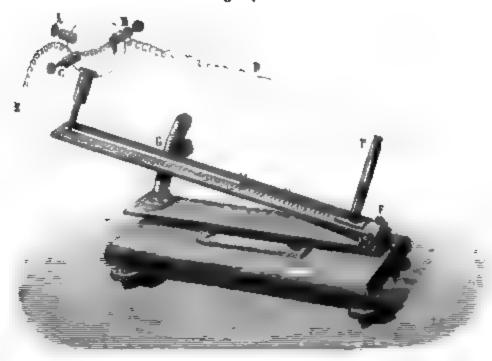
Cette décharge échausse le sil et le porte de t à T. Comme elle est pour ainsi dire instantanée, le sil se respondit aussitôt qu'elle a passé et se met en équilibre de température avec l'air du ballon qui s'échausse de t à t'.

DE LA CHALEUR ET DE LA LUMIÈRE, ETC.

Cet air, à son tour, finit par céder sa chaleur au ballon; mais comme ce dernier effet est très-lent, on admet qu'il est

167





régligeable dans les premiers moments. Alors si on désigne $p(r, p_i, k_i, k_i)$, les poids et les chaleurs spécifiques du fil et de l'air, on a

$$pk(\mathbf{T}-t')=p_{i}k_{i}(t'-t),$$

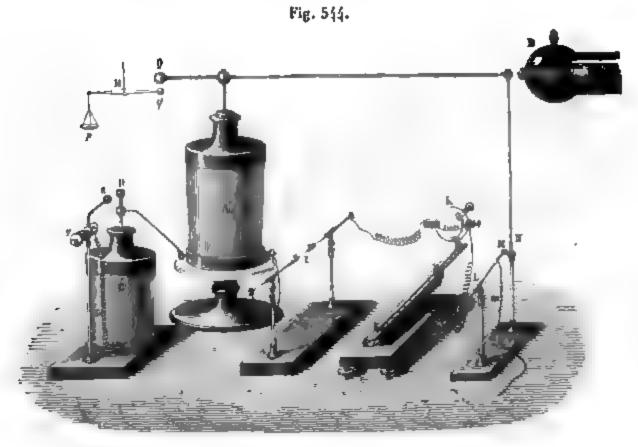
équation qui permettra de calculer T-t' quand on connaîtra l'échaussement du ballon ou (t'-t); et comme t'-t est généralement très-petit, T-t' sera sensiblement égal à l'élévation de température T-t=0 que le sit a éprouvée par l'esset de la décharge.

D'autre part, l'échaussement de l'air amène le niveau du liquide de M en N, et il est clair que, toutes choses égales d'ailleurs, t' — t est proportionnel à MN; on peut donc écrire

$$\mathbf{T} - t' = \mathbf{0} = \frac{p_1 k_1}{pk} \alpha (\mathbf{MN}).$$

zest un facteur qu'il est facile de calculer et qui dépend de la sensibilité du thermomètre, de l'inclinaison qu'on lui donne, et enfin de la pression et de la température initiales. Mais quand ces causes de variation restent les mêmes, on voit qu'il n'est pas nécessaire de calculer z et qu'on peut prendre $\frac{MN}{pk}$ pour la mesure de l'échaussement θ d'un sil quelconque en sonction d'une unité arbitraire, mais constante.

Il faut maintenant mesurer la quantité d'électricité qui est accumulée sur la batterie A (fig 544), et qui produit l'éléva-



tion de température 9 en s'écoulant dans le sil. À cet esset, on isole la batterie, on met son armature extérieure en communication avec l'intérieur d'une bouteille électrométrique de Lane C, qui est posée sur un sol conducteur et dont les deux armatures aboutissent aux boutons égaux E et D; ceux-ci peuvent être placés à une distance convenue et invariable au moyen d'une vis micrométrique F.

Pendant qu'on charge la batterie A, elle envoie de l'électricité positive dans la bouteille C; il arrive un moment où une étincelle se produit en ED par la recomposition de deux quantités égales de fluides contraires que M. Riess prend comme égales à l'unité; puis la charge continuant de se faire, une série d'étincelles se succèdent, et si e est leur nombre total, la quantité

DE LA CHALEUR ET DE LA LUMIÈRÉ, ETC. 169 d'électricité positive qu'a reçue la bouteille C est également exprimée par e en fonction de l'unité adoptée.

Mais la bouteille C a reçu précisément autant d'électricité positive qu'il s'est condensé de sluide négatif sur l'armature externe de la batterie A; donc e représente la charge négative de cette batterie, et aussi sa charge positive, puisque toutes deux sont proportionnelles.

La quantité totale e de fluide accumulée sur l'armature inténeure de la batterie s'étale sur sa surface s en une couche miforme dont l'épaisseur ou la tension A doit être égale à $\frac{e}{s}$, c'est ce que M. Riess a montré directement au moyen d'un électromètre à poids H, formé par un fléau de balance isolé, chargé d'un poids p et maintenu sous le conducteur Q. Au moment où la tension A atteint une certaine limite sur le conducteur Q et sur l'extrémité q du bras de levier, la force répulsive qui se produit entre eux devient égale au poids p, et fait baisser le fléau; et comme elle est égale au produit des tensions ou à A^2 , on a

$$A^2 = p$$
 ou $A = \sqrt{p}$.

Or on trouve que la tension ainsi mesurée est proportionnelle à e comme on l'avait prévu.

On voit donc, 1° comment on pourra mesurer la charge e et la tension $A = \frac{e}{s}$ de la batterie; 2° comment on déterminera l'élévation de température θ que la décharge de cette batterie déterminera dans le fil d'un thermomètre électrique. Voici comment les expériences étaient disposées (fig. 544).

L'extérieur de la batterie A communique, d'une part, à la bouteille électrométrique C destinée, à la fois, à mesurer la charge et à répandre dans le sol l'électricité positive repoussée par A; d'autre part, avec une série d'appareils isolés, qui sont : 1° un excitateur universel I dans lequel on pourra intercaler telle résistance i qu'on voudra; 2° le thermomètre électrique K; 3° un déchargeur composé d'une tige métallique LM qu'on fait tomber, en la tirant par un cordon de soie m, sur le conducteur N qui communique avec la machine électrique B et avec l'armature intérieure de la batterie. Grâce à cette disposition, on charge peu à peu cette batterie, on compte le nombre e des étincelles qui se produisent en ED, ensuite on fait agir le levier MN, la décharge a lieu, on mesure le mouvement du thermomètre et l'on peut calculer 0.

• Disons maintenant comment 0 varie quand on change la charge et les diverses circonstances des expériences.

LOIS DES TEMPÉRATURES. — 1°. La série des conducteurs que doit traverser la décharge étant que lonque, mais invariable, et le fil de platine du thermomètre étant lui-même quelconque mais fixe, on mesure son échauffement 0, d'abord quand on fait varier la charge e d'une même batterie, ensuite quand on donne la même charge e à diverses batteries dont la surface s est différente. M. Riess a trouvé que 0 est proportionne à e' et en raison inverse de s,

$$\theta = a \frac{e^2}{s}.$$

2°. a est un coefficient qui dépend à la fois de la résistance du circuit total et de celle du fil K: laissons la première constante et faisons varier le fil. A cet effet, M. Riess prenait deux fils de platine, plaçait l'un en K, l'autre en i et mesurait l'échauffement 0 du premier; puis il les changeait de place, ce qui ne faisait pas varier le circuit total, et il déterminait 0 pour le second fil, après avoir rendu à la même batterie la même charge que précédemment. Il trouva que 0 et 0 sont indépendants de la longueur et en raison inverse de la quatrième puissance du diamètre d des fils échauffés. D'où il suit que a est égal à a0 et que l'on a

$$\theta = \frac{b}{d^4} \frac{e^2}{s}.$$

- 3°. M. Riess ayant toujours placé dans son thermomètre des sils de platine, on ne sait pas si b change, toutes choses égales d'ailleurs, avec la conductibilité du métal.
- 4°. Mais b dépend du circuit total qui joint les deux armatures. Mesurons θ et calculons b quand la résistance de ce cir-

DE LA CHALEUR ET DE LA LUMIÈRE, ETC. cuit est quelconque et égale à R, puis ajoutons extérieurement en i entre les branches de l'excitateur, un sil dont la longueur, le diamètre et la conductibilité soient λ , δ et c, sa résistance est $\frac{4\lambda}{2ha}$ et celle du circuit devient R':

$$R' = R + \frac{4\lambda}{\pi\delta^2 c} = R\left(1 + \frac{4}{\pi c R} \frac{\lambda}{\delta^2}\right) = R\left(1 + \frac{p\lambda}{\delta^2}\right);$$

elle a augmenté dans le rapport de 1 + $\frac{p\lambda}{\delta^2}$ à 1. D'un autre côté b s'est changé en b', et l'expérience prouve que l'on a

$$\frac{b'}{b} = \frac{1}{1 + \frac{p\lambda}{\delta^2}} = \frac{R}{R'}.$$

Par conséquent, le coefficient b est en raison inverse de la résistance totale du circuit ou égal à $\frac{m}{R}$, et l'on peut écrire

$$\theta = \frac{m}{R d^4} \frac{e^2}{s},$$

ou bien, en remplaçant $\frac{e}{s}$ par la tension A,

$$\theta = \frac{m}{R d^4} \Lambda e.$$

Leis des quantifés de Chaleur. — On peut maintenant calculer la quantité de chaleur w développée dans le sil du thermomètre; elle est égale au produit du poids $\frac{n}{4} d^2 l \rho$ de ce fil par sa chaleur spécifique k et par son élévation de température 0 :

$$w = \frac{\pi}{4} d l \rho h \frac{m}{R d^3} \frac{e^2}{s} = \frac{\pi}{4} \rho h m \frac{1}{R} \frac{l}{d^2} \frac{e^2}{s}.$$

En remarquant que $\frac{l}{d^2}$ est proportionnel à la résistance r du fil considéré, et en réunissant tous les coefficients numériques en on seul égal à K,

(3)
$$w = K \frac{r}{R} \frac{e^2}{s}, \qquad w = K \frac{r}{R} \Lambda e.$$

Le coefficient K ne pourrait varier qu'avec la nature des diverses substances employées; mais si tous les conducteurs qui composent le circuit sont formés d'un même métal, on aura pour chacun d'eux les quantités de chaleur w_1, w_2, w_3, \ldots ,

$$w_1 = K \frac{r_1}{R} \frac{e^2}{s}, \quad w_2 = K \frac{r_2}{R} \frac{e^2}{s}, \quad w_3 = K \frac{r_3}{R} \frac{e^2}{s}, \dots,$$

et la somme de ces quantités ou la chaleur totale développée dans le circuit sera

$$W = \frac{K}{R} (r_1 + r_2 + r_3 + \dots) \frac{e^2}{s} = K \frac{e^2}{s} = K \Lambda e.$$

Elle sera indépendante de la résistance du circuit et ne variera qu'avec la charge et la surface de la batterie. Il est probable que cette loi est générale, qu'elle s'applique à toutes les espèces de conducteurs et par conséquent que K est constant pour tous les corps; mais cette induction n'est pas démontrée par les expériences de M. Riess.

II. CAS DES PILES. — C'est à M. Joule que l'on doit les premières expériences destinées à mesurer la chaleur développée dans les conducteurs quand ils sont traversés par des courants continus. Il faisait passer ces courants, d'abord à travers une boussole des tangentes, ensuite dans une spirale enroulée autour d'un tube de verre et dont la résistance r était connue. L'intensité i était déterminée par la boussole; nous supposerons, comme nous l'avons toujours fait, qu'elle est exprimée par le poids d'hydrogène qui serait dégagé en une minute, et que ce poids mesure aussi la quantité d'électricité qui circule pendant ce même temps. La spirale était plongée dans un calorimètre rempli d'un poids connu d'eau, et l'élévation de température finale qu'elle lui communiquait permettait de calculer la chaleur wt développée par le courant pendant le temps t de l'expérience.

LOIS DE JOULE. — 1°. La résistance r de la spirale demeurant invariable, M. Joule a d'abord fait changer l'intensité, soit en changeant la force des couples, soit en introduisant des résistances additionnelles, et il a trouvé que w est proportionnelle

au carré de i.

$$\omega = \alpha i^2$$

ane dépend ni de la pile ni du circuit total, il ne varie qu'avec la résistance r de la spirale dont on va maintenant déterminer l'influence.

2°. M. Joule intercala dans un même circuit plusieurs spinles successives qui plongeaient chacune dans un calorimètre distinct. Leurs résistances étaient r'r''r''', ...; l'expérience conduite comme précédemment permit de mesurer les quantités de chaleur w'w''w''', ..., et l'on trouva qu'elles satisfaisaient à h formule précédente avec des valeurs différentes du coefficient α . Ces valeurs furent proportionnelles aux résistances et égales à Kr', Kr''', Kr''''.

$$\omega' = \mathbf{K} r' i^2$$
, $\omega'' = \mathbf{K} r'' i^2$, $\omega''' = \mathbf{K} r''' i^2$, ...

et en faisant la somme

$$\alpha' + \alpha'' + \alpha''' = K(r' + r'' + r''' + \dots) i^2$$

Donc, en général, la chaleur w développée dans une portion quelconque ou dans la totalité du circuit extérieur est proportionnelle à sa résistance r et s'exprime par

$$(1) w = Kri^{2}.$$

3°. Il fallait chercher ensuite si la chaleur qui est développée dans les piles suit la même loi que dans les conducteurs interpolaires. A cet effet, M. Joule s'occupa d'abord d'un seul couple; il mesura sa résistance spécifique r_i et calcula la chaleur $w_i = K r_i i^2$ qu'il devrait produire en une minute d'après la loi précédente; puis il mesura par un calorimètre celle qui était engendrée en réalité, dans l'intérieur de ce couple, pendant la production du courant; il la trouva égale à w'_i , et toujours plus grande que w_i .

Il crut pouvoir expliquer cette différence en remarquant, avec M. Faraday, qu'il y a dans le couple deux causes de production de chaleur, l'une qui provient de l'oxydation du zinc aux dépens de l'eau, l'autre qui est due à la combinaison de l'oxyde avec l'acide sulfurique, et en supposant que la première est la seule dont il faille tenir compte, la seconde n'étant qu'un phéno-

mène accessoire absolument sans relation avec le courant. Il admit donc gratuitement et dans le seul but de généraliser la formule (1) que la chaleur totale w'_1 , qui se dégage dans le couple se compose de deux parties, l'une qu'il nomme la chaleur voltaique correcte, et qui est exprimée conformément à la loi par Kr_1i^2 , l'autre provenant de la dissolution de l'oxyde de zinc dans l'acide sulfurique. En représentant celle-ci par hi, car elle est proportionnelle à la quantité de zinc dissous et par suite à l'intensité i, on devrait avoir

$$w'_1 = \mathbf{K} r_1 i^2 + hi.$$

Des expériences très-nombreuses avaient paru justifier cette interprétation; mais de nouvelles recherches de M. Favre tendent à faire croire qu'elle n'était pas nécessaire et que le fait qu'elle avait pour but d'expliquer est inexact. w_i est égal à w_i' ; il n'y a pas lieu de distinguer deux espèces de chaleur, l'une correcte, l'autre inefficace, et la chaleur totale dégagée dans le couple suit la même loi que dans les conducteurs solides. Nous poserons donc

$$w_i = w'_i$$
 et $w_i = \mathbf{K} r_i i'$.

Il est évident que si la formule est vraie pour un couple, elle s'applique aussi à tous les éléments d'une pile quelconque.

 4° . M. Joule voulut enfin savoir si la loi qui régit la chaleur dans les conducteurs métalliques se réalise dans les liquides quand ils sont électrolysés. Il fit passer le courant par des électrodes de cuivre à travers un voltamètre qui contenait de l'eau acidulée dont la résistance était r; il trouva que la formule $w = Ari^2$ était sensiblement justifiée. Mais ayant voulu étudier le même phénomène avec des électrodes de platine, il reconnut que la chaleur réellement produite est toujours moindre que celle que l'on calcule par la formule Kri^2 .

Il essaya d'expliquer cette anomalie par des considérations qu'il est inutile de rapporter depuis que M. Ed. Becquerel a levé la difficulté par des expériences décisives. Après avoir vérifié la loi de Joule sur les métaux, M. Ed. Becquerel reconnut qu'elle s'applique exactement quand on électrolyse du sulfate de cuivre avec des électrodes de cuivre, parce que si, d'une part, il y a dissolution du métal, et par suite absorption de

chaleur au pôle positif, il se fait de l'autre un dépôt d'une égale quantité de cuivre et un dégagement d'une même quantité de chaleur au pôle négatif. Tout se passe donc comme s'il n'y avait point de décomposition, et la loi $w = Kri^2$ s'applique à ce liquide comme à un solide.

Les choses sont tout autres quand le voltamètre étudié contient de l'eau et des électrodes de platine. Alors les gaz en se dégageant absorbent toute la chaleur qu'ils produisent quand ils se combinent; elle est proportionnelle à leur quantité, c'est-à-dire à l'intensité i et à un facteur constant E. Par conséquent, la chaleur trouvée dans le voltamètre doit être égale à Kri², diminuée de Ei, c'est-à-dire de celle que les gaz absorbent en se dégageant. L'expérience a consirmé numériquement cette explication; on peut donc dire que la bi de Joule s'applique aux conducteurs solides et liquides, pourvu qu'on tienne compte des chaleurs absorbées par l'électolysation.

Il est probable qu'une correction analogue est nécessaire pour les couples dans lesquels il y a des dégagements de gaz, mais aucune expérience n'a encore été tentée sur ce point.

Nous allons maintenant tirer quelques conséquences de loi de Joule. On peut d'abord la mettre sous une autre somme.

Désignons par r la résistance extérieure, par r_i celle de la pile qui engendre le courant, et enfin par $R = r + r_i$ la résistance totale. Les chaleurs développées pendant un temps t seront:

- 1°. Dans le conducteur... $wt = Kri^2t$,
- 2°. Dans la pile $w_1 t = K r_1 i^2 t$,
- 3°. Dans le circuit total... $Wt = K(r + r_1)i^2t = KRi^2t$.

u exprime la quantité d'électricité qui circule pendant le temps t; elle est mesurée par le poids d'hydrogène dégagé ou per le poids du zinc dissous divisé par 33; désignons-la généralement par e; d'un autre côté, i est égal à $\frac{A}{R}$, ou au quotient de la force électromotrice par la résistance totale. En rempla-

cant it par e et i par $\frac{A}{R}$, on obtient

1°.
$$wt = \mathbf{K} \frac{r}{\mathbf{R}} \Lambda e,$$

$$\mathbf{2}^{\mathbf{o}}. \qquad \qquad \boldsymbol{w}_{1} t = \mathbf{K} \, \frac{r_{1}}{\mathbf{R}} \, \mathbf{A} \, \boldsymbol{e},$$

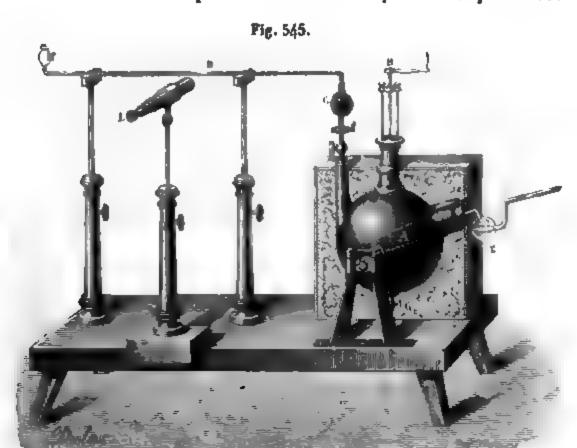
$$3^{\circ}. \qquad \mathbf{W} \, t = \mathbf{K} \mathbf{A} \, e.$$

CONSÉQUENCES. — Ces formules sont exactement celles M. Riess a trouvées pour le cas des batteries électriques. S lement A représentait la tension de l'électricité statique maintenant il exprime la force électromotrice; mais on s d'après Ohm, que cette tension et cette force sont identique

- II. La quantité de chaleur développée, soit dans une p tion quelconque du circuit, soit dans les couples, soit dan circuit total, est toujours proportionnelle, 1° à la force él tromotrice A de la pile; 2° à e, c'est-à-dire à la quantité e lectricité qui a été mise en circulation, laquelle se mesure le nombre d'équivalents qui ont été mis en liberté par él trolysation, soit dans chaque couple, soit dans chaque vo mètre extérieur.
- III. La quantité de chaleur qui est développée dans le cuit total Wt = KAe, ne dépend que de A et de e; elle varie pas avec la résistance et reste la même que cette ré tance soit nulle ou infinie.
- IV. Mais les formules précédentes montrent que cette c leur totale KAe se partage entre le circuit extérieur et la proportionnellement à leurs résistances r et r_i , de sorte qu' est tout entière dans la pile si ce circuit est nul, et tout tière dans la résistance externe si elle est infinie.

été vérissés avec autant d'exactitude que de succès par M. Fa au moyen du calorimètre qui a été décrit tome II, page l'Cet appareil (fig. 545) n'est rien qu'un thermomètre don réservoir en fonte est très-gros, et dont la tige CD, qui est verre, est très sine, de saçon qu'il est très-sensible. Toutes sois qu'on cède au mercure qu'il contient une quantité de cleur égale à une calorie, le sommet D s'avance dans la tige c

DE LA CHALEUR ET DE LA LUMIÈRE, BTC. 177 nombre de divisions qui a été déterminé par des expériences



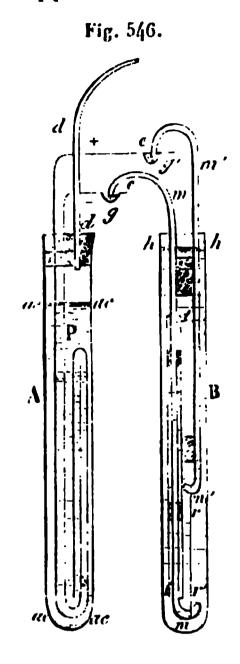
préliminaires; et inversement, on peut conclure du mouvement de la colonne mercurielle la quantité de calories que l'appareil a gagnées.

Deux moufles en fer A pénètrent dans le réservoir. On introduit dans l'un un tube de verre A (fig. 546), qui contient un touple voltaique P formé de zinc amalgamé 'et de cuivre platiné. La chaleur développée dans ce couple est cédée à l'appareil, qui la mesure : c'est w_1t . En même temps, on recueille par un tube de verre d la quantité d'hydrogène dégagée : son poids it exprime la quantité e d'électricité produite.

On place dans le second moufle un tube B semblable au premier, et dans lequel est tendu un fil de platine très-fin rr', qui est parcouru par le courant du couple et dont la résistance r timique ou augmente suivant que son diamètre est plus ou moins grand. La chaleur wt dégagée dans ce fil rr' est également cédée au calorimètre qui peut aussi la mesurer.

On fait trois déterminations successives : 1° on place le deuxième tube B dans le calorimètre et le premier A à l'extérieur : alors on détermine wt; 2° on introduit le couple P dans lit.

l'appareil en laissant la résistance r au dehors : dans ce cas



c'est $w_i t$ que l'on mesure; ensin 3° on plonge à la fois le couple P et la résistance r dans les deux mousses, ce qui détermine Wt ou $wt + w_i t$. Voici les résultats qui ont été trouvés en employant successivement des résistances r croissantes, lorsque le poids d'hydrogène dégagé était égal à i gramme, et la quantité e d'électricité égale à une unité.

•	346	w, t	Wt
Sans résistance.	O	18137	18137
re résistance	6557	11690	18247
2º résistance	7746	10439	18185
3° résistance	9685	8381	18066

On voit donc, conformément aux prévisions de la théorie, 1° que Wt est constant et indépendant de la résistance R; 2° que «t augmente avec la résistance r du conducteur; 3° que «t et «t sont complémentaires.

Pendant que i gramme d'hydrogène se dégageait du couple P par le tube d, 33 grammes ou i équivalent de zinc se dissolvaient dans l'acide sulfurique étendu. Or MM. Favre et Silbermann avaient primitivement mesuré la chaleur que dégage cet équivalent de zinc quand on le fait dissoudre directement dans cet acide, et ils avaient trouvé 18444, nombre sensiblement égal à Wt. D'où il résulte que cette quantité totale de chaleur qui se dissémine dans toutes les parties du circuit, proportionnellement à la résistance de chacune d'elles, n'est rien autre que celle qui est produite par la quantité de zinc qui se dissout dans l'acide sulfurique, laquelle se transporte en partie dans le conducteur, et se dégage en partie dans le couple.

motrices. — La loi de Joule conduit à une dernière conséquence bien autrement importante, et qui paraît destinée à jeter un jour tout nouveau sur la production des courants.

DE LA CHALEUR ET DE LA LUMIÈRE, ETC. 179 Considérons deux couples quelconques dont les forces électromotrices soient A et A', appelons Wt et W't' les quantités wales de chaleur produites par ces couples quand ils ont dégagé une unité d'électricité, c'est-à-dire quand 1 équivalent de zinc a été dissous dans chacun d'eux; on a, en faisant e=1,

$$W t = KA, \quad W' t' = KA',$$

$$\frac{W t}{\overline{W}' t'} = \frac{A}{A'}.$$

Ce qui veut dire que les forces électromotrices sont proportionnelles aux quantités de chaleur dégagées par la dissolution de réquivalent de zinc dans les deux couples. Cette conséquence a été développée par M. J. Regnauld, comme il suit.

Dans un couple de Wollaston, quand 1 équivalent de zinc smalgamé se dissout, il dégage 53258 calories; mais le dégagement de l'hydrogène réduit ce nombre à 18796.

L'action est tout autre dans le couple de Daniell. Le même nombre de calories est dégagé par la dissolution du zinc, mais la réduction de 1 équivalent de cuivre qui se fait au pôle négatif absorbe 29605 calories. La différence ou la chaleur réelle développée est 23653 calories.

Ensin, dans le couple de Grove, il saut retrancher de la chaleur de sulfatation du zinc celle qui est absorbée par la réduction de l'acide azotique; elle serait 6885 calories si cet acide passait à l'état de AzO⁴ et 13634 calories s'il devenait de l'acide azoteux AzO³. La chaleur réelle se trouverait dans ces deux cas égale à 46373 calories ou à 39624 calories.

Les trois couples considérés dégagent donc des quantités de chaleur dissérentes qui croissent du premier au dernier aussi bien que leurs forces électromotrices. De plus, en prenant les rapports on trouve que celui des forces électromotrices est sensiblement égal à celui des quantités de chaleur, comme la formule de Joule l'indique.

Les déterminations effectuées jusqu'à présent ne sont pas ssez nombreuses pour que l'on puisse considérer la loi comme démontrée; mais toutes les conséquences qu'on en tire sont justifiées. Je citerai la suivante d'après M. Favre.

On a remarqué depuis longtemps qu'un seul élément de

Wollaston ou de Daniell ne peut décomposer l'eau, tandis qu'un couple de Grove suffit pour le faire. Cela est évident : en effet, il faut 34462 calories pour décomposer ι équivalent d'eau; par conséquent, il faut que la chaleur envoyée par la pile dans le conducteur, c'est-à-dire wt, soit au moins égale à cette quantité, et qu'ensuite il reste dans le couple une autre quantité de chaleur $w_{\iota}t$. Il est donc nécessaire que la chaleur totale $Wt = wt + w_{\iota}t$ dégagée par la dissolution de ι équivalent de zinc dans le couple soit supérieure à 34462 calories. Or cette condition n'est réalisée ni dans l'élément de Wollaston, ni dans celui de Daniell; mais elle l'est dans un couple de Grove: c'est donc le seul qui puisse décomposer l'eau.

précédentes supposent que le courant ne produit aucune autre action que l'échaussement des conducteurs; mais s'il arrivait qu'il traversât un moteur électrique et produisit du travail, il faudrait évidemment que le circuit perdit une partie de sa chaleur. C'est en esset ce qui résulte des travaux de Joule et des expériences de M. Favre. Ce dernier, en attelant une pile de cinq couples à un moteur électrique plongé dans un calorimètre, trouva que la quantité totale de chaleur était KAe quand ce moteur ne sonctionnait pas et qu'elle diminuait pour devenir égale à KAe— C quand il essectuait un travail égal à T. Or en divisant T par C, M. Favre obtint 444 kilogrammètres. C'est l'équivalent mécanique de la chaleur dans le cas où l'intermédiaire de la transformation est l'électricité.

En résumé, quand un équivalent de zinc a été dissous dans chaque élément d'une pile, une quantité constante d'électricité, qui est égale à l'unité, a été mise en circulation, et en même temps un nombre constant de calories a été produit, qui constitue pour ainsi dire la provision de chaleur que la pile peut dépenser; cette chaleur est égale à KnA, si n est le nombre des éléments et A la force de chacun d'eux. Elle ne se dégage pas seulement dans les couples, mais elle se distribue dans toutes les parties du circuit, proportionnellement à la résistance de chacune d'elles. Si un électrolyte exige pour sa décomposition un certain nombre de calories a, il le prend à la chaleur totale KnA; et si le courant effectue un travail, celui-ci absorbe son

chaleur, les actions chimiques et le travail mécanique, une connexité étroite et des relations d'équivalence manisestes : il n'est pas douteux qu'on ne parvienne un jour à établir la dépendance de ces phénomènes au moyen d'une théorie qui les embrassera tous à la sois.

respérature du circuit dont la résistance soit r, elle recevra pendant l'unité de temps une quantité de chaleur égale à ω ; sa température s'élèvera de θ , et θ deviendra constant quand la chaleur perdue par rayonnement sera égale à ω . Or cette chaleur perdue sera proportionnelle : 1° à la surface extérieure du fil ou à πdl ; 2° à son excès de température θ si l'on admet la loi de Newton; 3° à un coefficient α qui représente le pouvoir émissif et qui ne variera que fort peu pour les diverses valeurs que peut prendre θ . On aura donc

$$\omega = K ri^2 = \pi dl \alpha \theta$$
,

et comme la résistance r est égale à $\frac{l}{4}\pi d^2c$, et que l'intensité i

est égale au quotient de la force électromotrice A par la résistance totale R, on a

$$K \frac{4 l}{\pi d^2 c} \frac{A^2}{R^2} = \pi dl \alpha \theta,$$

d'où

(3)
$$\theta = M \frac{1}{\alpha} \frac{1}{d^3} \frac{1}{c} \frac{A^2}{R^2}.$$

On tire de cette formule les conséquences suivantes :

1°. Si le circuit extérieur est formé par une série de sils de mêmes diamètres et de conductibilités dissérentes, placés bout à bout, les valeurs de 6 correspondant à chaque sil seront en raison inverse de sa conductibilité c. Si, par exemple, on sait passer le courant dans une chaîne de sils de platine et d'argent de diamètres égaux, les mailles de platine s'échausser plus que celles d'argent, les premières pourront rougir et les dernières rester obscures. C'est une expérience qui a été saite par Children.

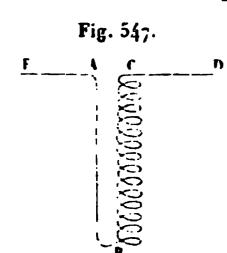
- 2° . θ est en raison inverse de d^3 . Conséquemment, si une chaîne semblable à la précédente est interposée dans le circuit, et si elle est composée de fils de platine alternativement gros et fins, ceux-ci deviendront rouges et ceux-là resteront obscurs.
- 3°. Lorsqu'on placera successivement dans le circuit d'abord des sils de platine, et ensuite des sils d'argent de même diamètre et de même longueur, R sera plus grand, mais c sera plus petit pour le platine. Il pourra arriver que R'c soit plus grand, et par suite que le platine s'échausse moins que l'argent: c'est le contraire de ce qui arrive quand les deux sils sont à la sois placés dans le même circuit, à la suite l'un de l'autre.
- 4°. La formule (3) montre que θ est indépendant de la longueur du fil considéré; mais cette indépendance n'est qu'apparente, car plus ce fil sera long, plus la résistance totale R sera grande, et moins l'échauffement sera considérable, ce qui est conforme à l'observation.
- 5°. θ est en raison inverse du carré de la résistance totale R, et par là θ dépend de la pile que l'on emploie. Si on augmente la dimension des couples sans changer leur nombre, la résistance R diminuera sans que la force électromotrice A change, et les effets calorifiques seront plus intenses. C'est ce qui a été constaté par tous les observateurs.
- 6°. Ensin puisque θ est inversement proportionnel au pouvoir émissif α, toutes les circonstances qui savorisent le refroidissement diminuent la température du sil : cela explique une expérience curieuse de M. Grove. Après avoir sait rougir dans l'air un sil de platine, avec le courant d'une pile, il le plongea dans de l'hydrogène, et il le vit redevenir obscur : c'est qu'en esset l'hydrogène est de tous les gaz celui dont le pouvoir refroidissant est le plus grand.
- 7° . Les phénomènes ne sont cependant pas aussi simples que nous venons de le dire en faisant cette discussion. On sait en effet que la conductibilité des métaux diminue quand leur température augmente. Conséquemment, le premier effet du courant est d'échauffer le fil; mais la réaction de cet échauffement fait diminuer c, qui devient $c(1-m\theta)$, et augmenter la résistance R qui devient R', parce que chacune des parties qui

la compose s'échauffe; l'équation (3) devient donc

$$\theta = \mathbf{M} \frac{\mathbf{I}}{\alpha} \frac{\mathbf{I}}{d^3} \frac{\mathbf{I}}{c} \frac{\mathbf{A}^2}{\mathbf{R}^{\prime 2}} \frac{\mathbf{I}}{(\mathbf{I} - m \theta)}.$$

Ce qui ne permet de calculer la température finale que si l'on connaît la nouvelle valeur de la résistance totale, laquelle dépend de l'échauffement inégal éprouvé par chacun des conducteurs.

8°. Ce changement produit par la température dans la conductibilité c des fils et dans la résistance R du circuit total explique une fort singulière expérience que l'on doit à Davy. Prenons un fil de platine homogène, composé d'une portion



verticale ABC (fig. 547) et de deux parties très-courtes CD et AE, puis saisons-le traverser par un courant d'une intensité sussisante pour l'échausser tout entier jusqu'au rouge sombre. Plongeons ensuite la partie ABC dans de la glace, elle se refroidira jusqu'à zéro, mais AE et CD se réchausseront jusqu'au rouge blanc. Cela tient à ce qu'en resroidissant ABC on di-

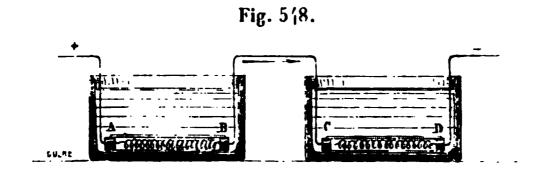
minue sa résistance partielle et par suite celle du circuit total R; alors 0 augmente dans toutes les autres parties du courant. L'inverse a lieu, et CD et AE se refroidissent, si on échausse la spirale par une lampe à alcool.

9°. La formule $W = Kri^2$ nous montre que la quantité de chaleur W développée par un courant d'intensité constante i, dans un fil quelconque, pendant l'unité de temps, augmentera avec la température de ce fil, puisque r croîtra : cette conséquence a été justifiée par les expériences de MM. Romney Robinson et Grove.

Le premier sit passer un courant d'intensité i à travers un sil de platine qui était contenu dans un tube plein d'air au milieu d'un calorimètre. Ce sil s'échaussa jusqu'à 1500 degrés Fahrenheit, et développa en un temps donné 5,5 calories. La résistance totale du circuit était alors égale à 257,6. Ensuite on plongea le sil sans intermédiaire dans l'eau du calorimètre, il ne s'échaussa que très-peu et l'on vit augmenter l'intensité du courant, parce que la résistance R avait diminué; elle n'était

plus que de 89. Mais on ajouta au circuit un fil additionnel qui ramena l'intensité et la résistance R à leur valeur primitive, et l'on mesura la chaleur produite dans le fil r: elle était réduite à 2,97 calories.

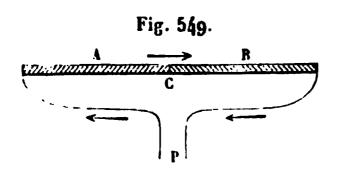
M. Grove scella deux sils de platine identiques dans deux tubes de verre qu'il remplit, l'un d'oxygène, l'autre d'hydrogène, et qu'il plongea dans deux calorimètres identiques (fig. 548), puis il sit passer un courant dans les deux sils à la sois.



Ainsi que nous l'avons expliqué, le premier AB s'échaussa l'oxygène plus que le second CD dans l'hydrogène, et comme sa résistance devint plus grande, il échaussa l'eau davantage.

TEMPÉRATURES AUX SOUDURES D'UN CIRCUIT. — Outre les échauffements que le passage d'un courant détermine dans toute l'étendue d'un conducteur homogène, il y a des variations de température secondaires aux points de suture des conducteurs différents, quand ils sont placés à la suite les uns des autres. Ces phénomènes ont été découverts par Peltier.

On sait qu'en échaussant la soudure C d'une règle composée



d'antimoine A et de bismuth B (fig 549), et en fermant le circuit par un conducteur P, on obtient un courant qui traverse la soudure du bismuth à l'antimoine et parcourt le circuit dans un

sens contraire aux slèches.

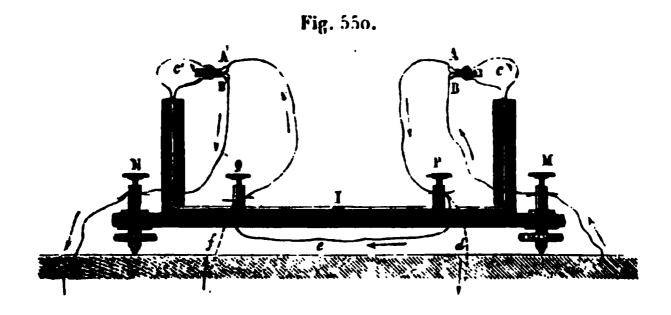
Supposons maintenant que tout le circuit étant à la température ambiante, on y fasse passer au moyen d'un couple P un courant inverse du précédent et dirigé suivant les slèches de la tigure, il réchausser la soudure C.

Inversement, en refroidissant la soudure C, on déterminera un courant ACB, et en faisant passer un courant opposé ACB

DE LA CHALEUR ET DE LA LUMIÈRE, ETC. 185 dens cette soudure, elle se refroidira, pourvu toutefois que ce courant soit faible.

En général, quels que soient les deux métaux A et B, les variations de température d'une soudure C produisent un courant direct, et elles sont reproduites par un courant inverse; elles sont causes du courant direct dans le premier cas, et effets du courant inverse dans le second. Cette loi est due à M. Frankenheim.

Pour démontrer ces actions particulières, Peltier employa d'abord un thermomètre de Leslie (fig. 550). Il introduisait



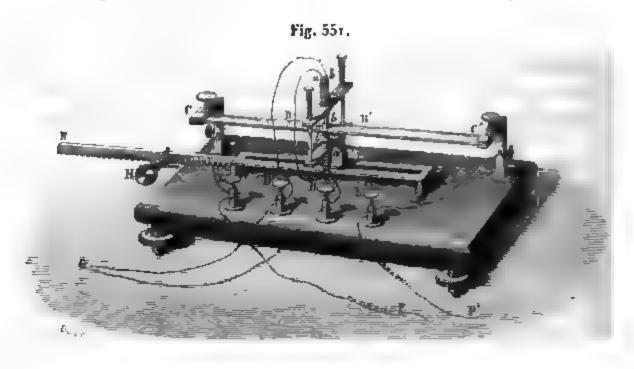
dans les deux boules C, C' deux couples de bismuth et d'antimoine BA, A'B' disposés inversement dans un circuit à travers
lequel il faisait passer un courant de M en N; ce courant allait du
bismuth B à l'antimoine A dans la première boule C qu'il refroidissait, et de l'antimoine A' au bismuth B' dans la seconde C'
qu'il échauffait. Les deux actions s'ajoutaient pour faire marcher l'index i. On peut diriger le courant dans un seul des
deux couples: si c'est le second A'B', il s'échauffe toujours;
si c'est le premier AB, il se refroidit quand le courant est trèstaible et finit par s'échauffer, mais toujours moins que A'B'
quand le courant qui le traverse prend une intensité progressivement croissante.

Peltier consirma ces conclusions par l'appareil suivant (fig. 551). CC' est une règle horizontale composée de trois parties, deux extrêmes CB et B'C' en cuivre, l'autre moyenne BB' en bismuth. On sait passer un courant dans la direction

 $PE \xrightarrow{CBB'C'} E'P'.$

Il est inverse dans la soudure B et il doit la réchausser; il est direct dans B' et il doit refroidir ce point.

On constate ces changements de température au moyen d'un thermomètre spécial que Peltier a nommé la pince thermoélectrique; elle est portée sur un curseur M qui glisse dans



une coulisse et qu'on fait avancer ou reculer par une crémaillère N au moyen d'un pignon H; elle est constituée par deux éléments thermo-électriques, l'un inférieur a'b' qui presse sur la règle CC' en la soulevant, et l'autre aa, bb placé au-dessus de cette même règle sur laquelle il est toujours appliqué en face de a'b' par des ressorts à boudin. Supposons que les deux mâchoires s'appuient sur une section de la règle qui soit échauffée, elles s'échaufferont aussi; un courant se produira dans l'élément supérieur, il passera de GD' à bb, traversera la soudure ba et reviendra de a en b' dans le couple inférieur. De b' à a' il se formera un autre courant qui s'ajoutera au premier, et tous deux reviendront de a' en D et en G. Si donc il y a en G un galvanomètre, il se déviera par l'effet de ces deux courants dont le sens est DGD'. C'est ce qu'on trouve quand la pince est placée sur la soudure B. Mais quand elle presse la soudure B', on observe une déviation contraire qui prouve que B' est refroidi si le courant qui traverse CC' est faible; quand ce courant augmente peu à peu d'intensité, la déviation devient nulle et change de sens, ce qui montre que la soudure

Pour se débarrasser du réchaussement que le courant produit dans toutes les sections du conducteur CC', M. Lenz a employé de gros prismes de bismuth et d'antimoine; il creusait dans la soudure une cavité assez grande pour contenir le réservoir d'un thermomètre sensible, et qu'il achevait de remplir avec de la limaille : la température baissait de 4 degrés avec un courant direct dont l'intensité était convenablement réglée. Quand on versait dans la cavité de l'eau à zéro, elle se congelait, et la glace sormée prenait la température de — 4 degrés.

On a cherché suivant quelles lois varie la température des soudures. MM. Frankenheim d'une part, et de Quintus Icilius de l'autre, sont arrivés par des procédés dissérents aux mêmes résultats : nous donnerons une idée de la méthode employée par M. de Quintus Icilius. Il faisait communiquer une pile thermo-électrique de 30 éléments avec un galvanomètre et, par l'intermédiaire d'un commutateur, avec un couple faible. Il dirigeait le courant de ce couple dans la pile thermo-électrique de l'antimoine au bismuth à travers toutes les soudures paires, et du bismuth à l'antimoine dans les soudures impaires; les premières s'échaussaient, les secondes se refroidissaient, et l'équilibre étant atteint, il faisait fonctionner le commutateur qui supprimait le courant et laissait la pile thermo-électrique en communication avec le galvanomètre. Au premier moment ce galvanomètre éprouvait une déviation proportionnelle à la dissérence de température des soudures de rang pair et impair; il la mesura, en prenant des précautions que je me dispense d'indiquer.

Il reconnut ainsi que la différence des températures des soudures est proportionnelle à l'intensité i du courant qui a traversé la pile, tandis que la chaleur développée dans la masse d'un conducteur homogène est, comme on le sait, proportionnelle à i'. Il résulte de là que si cette intensité augmente, la température s'élève plus dans les parties homogènes du circuit qu'elle ne diminue aux soudures refroidies, et que celles-ci finissent par s'échausse tout en restant moins chaudes que la masse : cela est consorme à l'observation.

LUMIÈRE ÉLECTRIQUE.

ARC VOLTAIQUE. — Les rhéophores opposés d'une pile ayant en général peu de tension, ne donnent point d'étincelles quand on les rapproche; mais ils en produisent toujours une, à la vérité très-petite, quand, après les avoir réunis, on vient à les séparer. Si alors on les maintient à une petite distance et que l'énergie de la pile soit considérable, l'étincelle se transforme en une lumière continue que l'on nomme l'arc voltaique et qui se montre avec un grand éclat entre deux électrodes de charbon.

Ayant disposé une pile de 2000 éléments qui avait une surface totale de 824000 centimètres carrés, Davy sit communiquer les deux pôles avec deux tiges de charbon de 3 centimètres de longueur et de 4 millimètres de diamètre, séparées par une distance de omm,5; il vit alors une lumière éblouissante et continue jaillir sans bruit au point de séparation et se continuer indésiniment. Il écarta progressivement les charbons l'un de l'autre jusqu'a 10 à 11 centimètres, et la même lumière s'allongea dans l'intervalle en prenant la forme d'un arc convexe vers le haut, conservant un éclat comparable à celui du soleil et développant une chaleur intense qui saisait rougir les charbons jusqu'au milieu de leur longueur.

LONGUEUR DE L'ARG. — L'arc voltaïque ne commence à se produire que si les charbons sont amenés presque au contact; mais une sois qu'il est allumé, on peut les écarter jusqu'à une distance maximum après laquelle il s'éteint.

Cette distance est plus grande dans le vide que dans l'air. Elle atteignit 18 centimètres au lieu de 11 avec la pile de Davy dans un œuf électrique où la pression était réduite à 6 millimètres. Elle augmente avec l'étendue des couples employés, mais surtout avec leur nombre, c'est-à-dire avec la tension des pôles: dans les expériences de M. Despretz, elle était égale à 162 millimètres avec 600 éléments de Bunsen, disposés en une seule série linéaire, et à 112 millimètres seulement quand ils formaient 24 piles distinctes et parallèles, de 25 couples chaque, réunies par leurs pôles de même nom.

L'arc se produit entre deux métaux quelconques, avec un

éclat et une longueur d'autant plus grands que ces métaux sont moins tenaces et plus faciles à volatiliser; il se développe également entre une tige de charbon et un métal, par exemple l'argent, et dans ce cas, suivant MM. Fizeau et Foucault, les conditions changent avec le sens du courant. Si celui-ci marche de l'argent au charbon, il produit aisément une lumière continue et un transport abondant de l'argent vers le charbon; s'il change de direction, il passe moins aisément, l'arc s'éteint et ne se rallume que difficilement. M. Despretz cite cette autre particularité singulière, qu'entre deux charbons verticaux la longueur limite est plus grande quand le pôle positif est en haut que lorsqu'il est en bas : la différence peut varier de 74 à 56 millimètres.

plus intenses que l'on puisse produire : le platine y fond comme la cire dans une bougie. M. Despretz a montré que les corps les plus réfractaires peuvent s'y liquésier et même s'y volatiliser; que les cônes de charbon se ramollissent, se courbent, se soudent et se réduisent en vapeur, et qu'après l'action, ils sont devenus mous et traçants. D'après M. Jacquelain, le diamant se comporte comme tous les charbons, c'est-à-dire qu'il perd sa transparence et ses propriétés précieuses pour passer à l'état de graphite.

Les deux pôles ne prennent pas la même température: le positif s'échausse plus que le négatis. Il sussit pour le démontrer de placer, comme le sit M. Gassiot, deux rhéophores de cuivre en croix: le positif rougit et le négatif reste obscur; ou bien, comme M. Tyrtow, de saire arriver le courant sur un bain de mercure par une pointe métallique: elle rougit; mais elle reste sombre et le mercure se volatilise quand on change la direction du courant. Ensin si les deux rhéophores, au lieu d'être identiques, sont sormés de deux substances inégalement conductrices, c'est celle qui l'est le plus qui s'échausse en général le moins, d'après M. Matteucci.

Principal de Transport. — Quand l'arc se produit dans l'air, les deux tiges de charbon diminuent de volume, parce qu'elles brûlent toutes deux; mais dans le vide cette com-

bustion ne se fait pas et l'on voit la pointe positive se creuser et diminuer de poids pendant que la négative augmente de volume et s'allonge : il y a donc un transport de matière du pôle positif vers le pôle négatif.

Ce transport se remarque quelle que soit la substance qui termine les deux rhéophores; c'est probablement parce qu'il est plus aisé avec les métaux peu tenaces, que l'arc se forme mieux entre eux, et c'est aussi pour cette raison que cet arc est plus beau quand le courant va de l'argent au charbon que s'il marche du charbon à l'argent.

Les expériences de M. Van Breda ont montré ce phénomène sous son véritable jour. Ayant établi l'arc entre deux métaux différents, il a vu que tous les deux sont entraînés à la fois, le positif dans la direction du courant, le négatif dans le sens opposé et quelquesois en quantités égales. M. Matteucci a confirmé l'exactitude de ces saits, bien que l'entraînement lui ait toujours paru plus abondant dans le sens du courant, ce qu'il attribue avec raison à la plus haute température du pôle positis. Il y a donc, en général, un double transport des substances à travers l'arc; cela doit avoir lieu même quand les rhéophores sont identiques et, dans ce cas, l'expérience n'accuse que la dissérence entre les quantités de matière entraînées dans les deux sens.

Ces conclusions sont confirmées par des études toutes différentes, que nous allons indiquer et que nous compléterons en optique. Quand on examine le spectre de l'arc voltaïque, on le trouve composé des mêmes couleurs que celui des rayons solaires, qui s'étalent d'une manière continue, mais au milieu desquelles se détachent avec un éclat très-vif des raies brillantes, dont le nombre et la disposition varient avec la nature des pointes des rhéophores. Or si ces pointes sont constituées par deux métaux différents, les raies observées sont formées par la superposition de celles qui caractérisent chacun de ces métaux: donc ils sont tous les deux volatilisés et entraînés dans l'espace que l'arc illumine.

constitution de l'ARC. — Nous pouvons maintenant donner une théorie plausible de l'arc voltaïque. Les pointes étant d'abord très-rapprochées, le courant franchit l'intervalle résistant

qui les sépare et y entraîne tout d'abord des molécules materielles. Alors elles constituent une chaîne mobile de particules conductrices, qui transmet le courant comme le ferait une substance continue; mais à cause de la résistance que cette chaîne oppose, elle s'échausse suivant les lois de Joule, jusqu'à émettre me vive lumière. Une fois qu'elle est constituée, elle augmente aconductibilité de l'intervalle qui sépare les pointes; alors on peut les écarter progressivement sans que le courant cesse de passer, d'entraîner avec lui des particules matérielles et de les échauffer jusqu'à les rendre lumineuses. Mais si l'on dépasse une certaine distance, le transport s'arrête et tout s'éteint. Dans ce cas, on ne peut rétablir le courant qu'en rétablissant la chaine des particules entraînées. Cela peut se faire en rapprochant les pointes, ou bien, comme l'a vu Daniell, en faisant pillir entre elles l'étincelle d'une machine électrique, qui sait recommencer le double transport de la matière des électrodes.

Ceue théorie est justissée par les expériences suivantes que l'on doit à M. Matteucci :

- re. Si on place en deux points de l'arc, l'un situé près de la pointe positive, l'autre voisin du rhéophore négatif, les deux extrémités d'un circuit formé par un galvanomètre prolongé par deux fils de platine, on obtient dans ce circuit un courant dérivé d'autant plus fort que ses extrémités sont plus éloignées l'une de l'autre. Les choses se passent donc absolument comme si l'arc était un conducteur liquide.
- 2°. On intercale dans le circuit extérieur d'une pile énergique deux pointes entre lesquelles se développe l'arc voltaïque et un voltamètre qui mesure l'intensité du courant par la quantité des gaz dégagés dans un temps constant. Ces quantités furent égales à 57, 44, 38 centimètres cubes, lorsque la longueur de l'arc était 2, 3, 4 millimètres. De là il faut conclure que l'arc oppose une résistance assez faible comparativement à celle du tircuit total, puisqu'en doublant sa longueur on affaiblit peu l'intensité.
- 3º. Pour apprécier comment varie cette résistance avec la mure des métaux entraînés, M. Matteucci mesura les quantités de gaz dégagées dans le voltamètre quand l'arc était produit entre ces métaux, d'abord en contact, ensuite écartés de 3 millimètres. Voici les résultats:

Pointes en c	contact	46°°
	Cuivre	23
	Cuivre	26
Pointes en	Fer	27
	Charbon	29
	Étain	45

On voit que la diminution d'intensité, et par conséq résistance de l'arc, est variable avec la nature des mét qu'elle est presque nulle avec l'étain. L'arc se condu comme un conducteur, et l'on pourrait mesurer son cot de conductibilité comme on le fait pour une substanc conque. Cette recherche, qui serait très-intéressante, n'a tentée. Tous les phénomènes que l'arc voltaïque nou trera dans la suite confirmeront cette idée, qu'il n'est richose qu'un courant traversant un conducteur.

ÉCLAT DE L'ARG. - MM. Fizeau et Foucault ont com éclats lumineux de l'arc et du soleil en comparant leur pu photographique. Ils isolaient deux cônes de rayons : même angle et partant, l'un d'un point du soleil, l'autre d'i de l'arc situé vers le pôle positif qui est le plus brill cônes contenaient des quantités de lumière proportion l'éclat des deux sources; on les concentrait au moyen tilles et on les faisait agir sur une plaque daguerrienne produire deux impressions identiques. Cela exigeait de différents qu'on mesurait et qui sont en raison inverse d pouvoirs chimiques. En admettant que les éclats lu soient proportionnels à ces pouvoirs, ce qui peut être déré comme approximativement vrai, on voit que le des éclats de l'arc et du soleil est inversement propo aux temps nécessaires pour obtenir des images égales. port fut trouvé égal à 0,38 avec trois séries réunies de ples de Bunzen, sonctionnant depuis une heure. Il au très-peu avec le nombre des éléments, quand ils sont en série linéaire; mais il devient beaucoup plus gran on agrandit la surface des couples. C'est justement le c de ce qui arrive quand on considère la longueur de l'a

INTENSITÉ LUMINEUSE DE L'ÉTINCELLE ÉLECTRIQUE. —

DE LA CHALEUR ET DE LA LUMIÈRE, ETC. 193 présent nous n'avons point mesuré l'intensité de la lumière donnée par l'étincelle électrique. Sur ce sujet, nous dirons quelques mots d'un travail considérable qui a été exécuté par M. Masson.

Le photomètre qu'il a imaginé repose sur le principe suivant. Qu'on suppose un disque de carton décomposé en secteurs égaux alternativement noirs et blancs, et tournant avec une vitesse de 200 ou 250 tours par seconde, il paraîtra uniformément éclairé.

Si I est l'éclat qu'auraient les secteurs blancs, étant éclairés par une lampe constante, $\frac{I}{2}$ est celui du disque tournant, puisque sa moitié seulement renvoie de la lumière. Supposons maintenant qu'on produise une étincelle électrique en avant de ce disque, chaque secteur blanc renverra une portion I' de la lumière qu'elle lui envoie et les secteurs noirs ne renverront rien; l'éclat des secteurs blancs sera donc pendant un temps très-court $1' + \frac{I}{2}$, et celui des secteurs noirs restera $\frac{I}{2}$; alors on les distinguera les uns des autres, à moins que le rapport de $1' + \frac{I}{2}$ à $\frac{I}{2}$ ou $1 + \frac{2I'}{1}$ ne soit tellement voisin de l'unité, que l'œil ne saisisse plus de différence.

On éloigne peu à peu l'étincelle jusqu'à ce que les secteurs cessent d'être distingués, au moment où elle éclate, et quand cela a lieu $\frac{2I'}{I} = K$ est une quantité constante pour un même ceil dans les mêmes conditions; et si l'on connaît I, on a proportionnellement I'.

L'appareil était disposé avec beaucoup de soin, les expériences ont été très-nombreuses, et elles ont conduit pour l'intensité L de la lumière de l'étincelle sournie par un condensateur, à la sormule

$$L = \frac{K'}{\epsilon} \frac{d^2s}{R},$$

*, * étant l'épaisseur et la surface du condensateur, d la distance d'explosion de l'étincelle, et R la résistance du circuit.

M. Riess a trouvé que cette distance d est proportionnelle à

194 SOIXANTE-NEUVIÈME LEÇON. — DE LA CHALEUR, BTC.

la tension électrique $\frac{e}{s}$, par conséquent

$$L = \frac{K'}{s} \frac{1}{R} \frac{e^2}{s},$$

formule tout à fait analogue à celle qui donne la quantité de chaleur développée dans une portion du circuit, ou

$$\omega = K \frac{r}{R} \frac{e^{2}}{s}.$$

La différence est que $\frac{K'}{\epsilon}$ remplace Kr. Or l'expérience a prouvé que K' varie avec les métaux entre lesquels jaillit l'étincelle, ce qui tient à ce que l'espace qu'elle franchit renferme des particules métalliques arrachées aux métaux, et que sa conductibilité varie avec leur nature. Le coefficient K' change donc avec cette conductibilité elle-même, et si on admet qu'il est proportionnel à la résistance r, les deux formules se confondent et peuvent être considérées comme démontrant l'identité des lois de la chaleur et de la lumière, produites par des condensateurs également épais.

SOIXANTE-DIXIÈME LEÇON.

ACTIONS MÉCANIQUES RÉCIPROQUES DES COURANTS.

Appareil général. — Action des courants parallèles, — des courants angulaires, — des courants quelconques, — des courants sinueux. — Changement du signe de la force avec le sens du courant.

Loi élémentaire. — Établissement hypothétique de la formule. — Détermination des constantes n et k.

Propriétés d'un courant rectiligne indéfini. — Action d'un courant indéfini sur un courant rectiligne fini. — Composante parallèle. — Composante perpendiculaire. — Courants croisés. — Courants perpendiculaires. — Courants parallèles. — Direction d'un courant fermé autour d'un axe vertical, — autour d'un axe horizontal. — Courants aslatiques. — Rotation d'un courant horizontal.

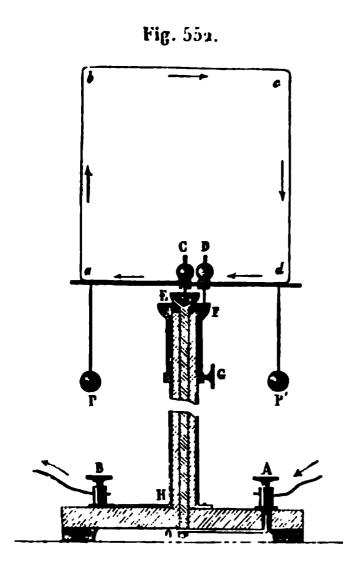
Action de la terre. — Elle se réduit à celle d'un courant rectiligne indéfini.

L'expérience d'OErsted ayant fait voir qu'un courant agit mécaniquement sur l'aiguille aimantée révélait entre l'électricité et le magnétisme une relation qu'on n'avait point jusquesoupconnée, et qui parut à Ampère être assez intime pour lui hire soupçonner que les causes de ces deux genres de phénomenes, jusqu'alors considérées comme indépendantes, pourmient bien être les mêmes; mais pour que cette intuition sût légitime, il fallait de toute nécessité que deux courants quelconques exerçassent des actions mécaniques réciproques, et Ampère fut conduit ainsi à rechercher si en réalité ces actions existent. L'expérience consirma les vues de cet illustre physicien; il détermina les lois des attractions et des répulsions de deux éléments de courant, et il parvint ensuite à composer des conducteurs de forme telle, qu'étant traversés par un courant, ils possèdent toutes les propriétés des aimants dont ils expliquent rationnellement la constitution. C'estainsi qu'Ampère interpréta le magnétisme par l'électricité, dans une théorie qui est une des plus fécondes de la physique. Nous suivrons

dans l'exposition de ces phénomènes la méthode analytique qui a guidé l'inventeur; nous commencerons par étudier dans leurs détails les actions mécaniques de deux courants, et nous arriverons ensuite et comme conséquence à la théorie des aimants.

Pour constater ces actions mécaniques, il fallait faire agir un courant fixe sur un autre courant mobile. Ampère avait imaginé dans ce but des appareils généraux qui ont été souvent modifiés depuis. Ceux que nous emploierons ont été disposés par M. Obellianne, conservateur du cabinet de l'École Polytechnique. Décrivons d'abord le support des courants mobiles (fig. 552).

Sur une base en bois sont fixées deux poupées A et B. La



première reçoit le courant et l'amène par une colonne métallique OE dans un godet en fer E, qui contient du mercure. Tout autour de cette colonne, et séparée d'elle par un tube de verre, est une enveloppe métallique H, qui est en communication avec la poupée B, et le long de laquelle glisse une deuxième enveloppe de cuivre GF qui se sixe à la hauteur qu'on veut par une vis G et qui se termine au sommet F par une coupe annulaire en fer pleine de mercure. On voit que le godet E et la coupe F sont toujours en

communication avec les deux pôles de la pile, et que si on les réunit par des conducteurs de forme quelconque, ceux-ci fermeront le circuit et seront traversés par le courant de E en F. Il ne nous reste plus qu'à nous occuper de ces conducteurs.

Leur forme est très-variable suivant les cas; mais ils sont toujours supportés par une tige de bois ad équilibrée par des contre-poids P et P'. Une de leurs extrémités est formée par une actions Mécaniques réciproques des courants. 197 aiguille d'acier C, par laquelle ils s'appuient dans le godet E, l'autre par une deuxième aiguille semblable D qui plonge dans le mercure de F, mais sans toucher le fond de la coupe. Dès lors, tout le système est mobile autour de l'axe vertical passant par C et peut se tenir en équilibre dans tous les azimuts possibles.

Si ce conducteur mobile abcd est un rectangle ou un cercle, on reconnaîtra d'abord qu'il s'oriente de lui-même sous l'action de la terre. Il se place de telle sorte, que son plan soit perpendiculaire au méridien magnétique, et que le courant traverse la branche da de l'est à l'ouest. Cette action sera étudiée dans la suite; mais comme elle est toujours très-faible, nous pouvons la négliger; elle ne masquera pas les attractions ou les répulsions beaucoup plus énergiques qui seront exercées sur abcd par des conducteurs fixes que nous placerons dans le voisinage et dont nous allons nous occuper.

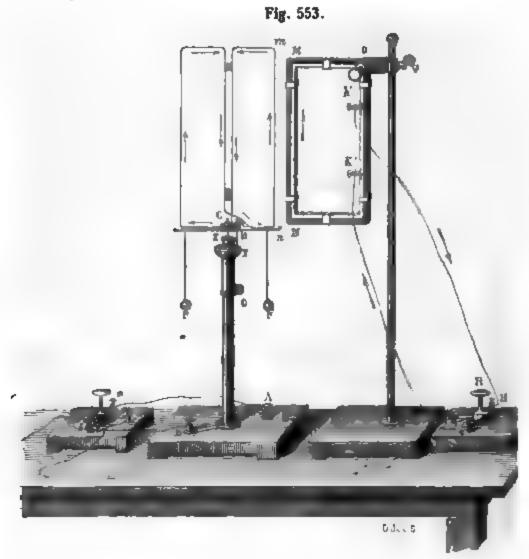
La forme et la position de ces conducteurs sont variables, suivant les expériences que l'on a en vue; le plus souvent [fig. 553] ils sont constitués par un fil de cuivre terminé aux poupées h' et k' et faisant plusieurs tours sur un rectangle OMN k' h'. Celui-ci est soutenu, à une hauteur qu'on fait varier à volonté, sur une colonne autour de laquelle il peut tourner pour se placer dans tous les azimuts possibles. Ses côtés MN et MQ peuvent être dirigés verticalement ou horizontalement par le jeu d'une articulation O.

Pour la facilité des expériences, les supports des courants mobile et fixe sont reliés à deux commutateurs, comme on le voit dans la fig. 553. Le courant arrive par P dans le premier commutateur R qui l'envoie dans le cadre k'NMh', suivant une direction qu'on fait changer en tournant le bouton R. Il revient ensuite en H, et de là dans le deuxième commutateur do qui le dirige vers le conducteur mobile CnmD, dans un sens ou dans l'autre, suivant la position qu'on donne à ce commutateur; enfin il revient au pôle négatif. On voit que c'est le courant d'une même pile qui traverse les parties fixes et mobiles dans des directions qu'on est maître de changer et de fixer à volonté. 5 éléments de Bunsen suffisent pour faire toutes les expériences.

Nous allons d'abord constater l'existence des actions réci-

198 SOIXANTE-DIXIÈME LEÇON.

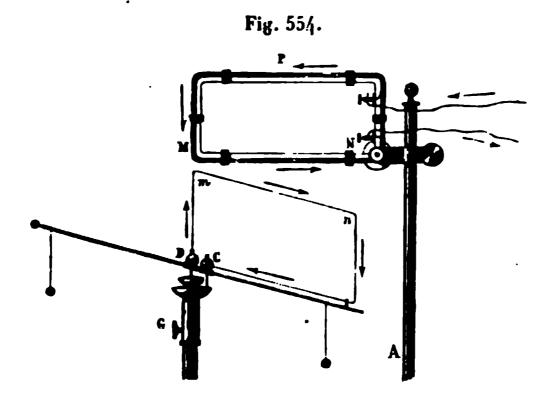
proques exercées par deux courants voisins, et déter feur sens.



- 1. COURANTS PARALLÈLES. L'expérience étant di comme nous venons de le dire (fig. 553), on trouve q parties MN et mn se rapprochent ou s'éloignent, si le c les traverse dans la même direction ou dans deux direction ou dans deux directions. Or ces parties étant plus voisines que tout autres, doivent exercer entre elles une action prépond qui détermine le sens du mouvement. On peut dès lo que « deux courants parallèles s'attirent ou se repousser vont dans le même sens ou dans des sens contraires. »
- II. COURANTS ANGULAIRES. Mettons en présence deu rants rectangulaires PMN et DmnC (fig. 554), ayant côtés verticaux M et Dm situés sur l'axe de rotation, e autres côtés horizontaux MN et mn placés dans un mêm

ACTIONS MÉCANIQUES RÉCIPROQUES DES COURANTS.

horizontal, faisant un angle quelconque, et qui, à cause de leur rapprochement, exerceront encore une action prédominante :

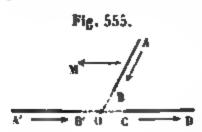


nous trouverons que « MN et mn s'attirent si tous deux vont en s'éloignant ou en se rapprochant du sommet de l'angle qu'ils forment, et se repoussent quand l'un s'éloigne et que l'autre s'approche de ce même sommet. » L'équilibre aura lieu quand les deux courants seront devenus parallèles en direction et de même sens.

III. COURANTS QUELCONQUES. — Sans rien changer aux conditions de l'expérience précédente, élevons le cadre MNP en le sisant glisser parallèlement à lui-même le long de la colonne qui le porte; les deux courants MN et mn ne seront plus dans le même plan; ils se trouveront dans une position quelconque, auront pour perpendiculaire commune l'axe DmM, et l'un d'eux mn sera mobile autour de cette ligne. On reconnaît dans ce cas qu'ils s'attirent ou se repoussent comme s'ils étaient dans le même plan, et que la distance Mm sût nulle : donc deux courants quelconques agissent comme deux courants ingulaires et comme si leur perpendiculaire commune était le sommet de leur angle. »

IV. PORTIONS D'UN MÊME COURANT RECTILIENE. — Quand un courant mobile AB va en s'approchant du sommet O de l'angle qu'il forme avec le courant sixe CD, et que celui-ci s'éloigne de 0 (fig. 555), AB est repoussé; il tourne autour de O, et vient se

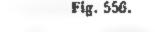
placer dans la position d'équilibre A'B', située dans le pro-

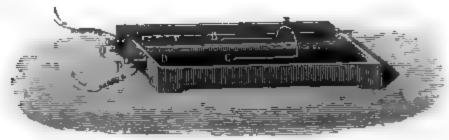


longement de CD; alors A'B' et CD sont deux portions d'un même cou- a rant rectiligne. On peut conclure de la que la force qui agit sur AB a une composante M parallèle à CD; il est probable que celle-ci n'est pas nulle entre

les deux portions A'B' et CD d'un même courant, et qu'elle tendrait à les éloigner si elles étaient mobiles. Ampère a vérifié cette induction au moyen de l'appareil suivant (fig. 556).

Une auge en bois est divisée par une lame verticale de verre en deux compartiments remplis de mercure et communiquant avec les pôles d'une pile par les poupées Q et P. Un

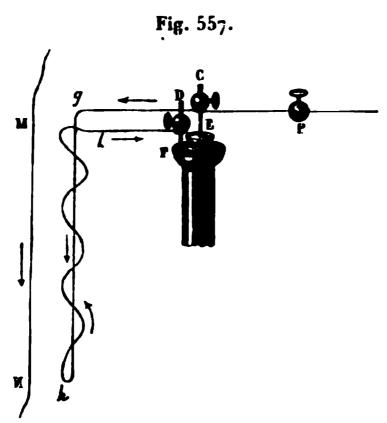




petit conducteur de cuivre BEC, verni dans toute sa longueur, à l'exception de ses extrémités B et C, nage sur le mercure des deux compartiments qu'il réunit par un arc E passant en forme de pont par-dessus la cloison : le courant suit la route ABECD. L'expérience montre que les deux portions fixes AB et CD de ce courant repoussent et font reculer le conducteur mobile qui les prolonge.

V. COURANTS SINUEUX. — Plaçons sur le support des courants mobiles (fig. 557) le conducteur CghkD, qui offre une branche descendante rectiligne gh et une partie remontante hk laquelle est sinueuse, dont la figure est absolument quelconque, mais qui s'éloigne très-peu de gh; puis opposons à ce système un courant fixe MN: il n'y aura aucune action. D'où on conclut que le courant sinueux inverse hk détruit l'effet du courant rectiligne gh, et par conséquent « que l'on pourra toujours remplacer un courant rectiligne par un courant sinueux quel-

ACTIONS MÉCANIQUES RÉCIPROQUES DES COURANTS. 201 conque, de même sens, pourvu qu'il s'écarte très-peu du premier. »



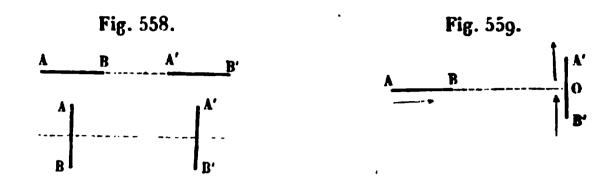
VI. EFFET D'UN CHANCEMENT DE SENS. — Toutes les expériences montrent que si on change le sens de l'un des deux courants, on ne fait rien que changer le signe de l'action qu'ils exercent entre eux.

LOI ÉLÉMENTAIRE.

Ces expériences suffisent pour prouver que des courants voisins exercent entre eux des actions mécaniques; mais elles ne font que montrer l'effet résultant de forces complexes dont elles ne mesurent ni l'intensité, ni la direction, ni les points d'application. Il est évident que si l'on connaissait l'action élémentaire réciproque de deux éléments de courant situés d'une manière quelconque, on pourrait décomposer deux courants finis, quelles que soient leur forme et leur situation respectives, en leurs éléments, exprimer les forces qui agissent entre ceux-ci, et les composer en une résultante et un couple uniques. Nous devons donc commencer par chercher la loi de cette action élémentaire, ce que nous allons faire en nous appayant sur les principes suivants:

- v°. Deux éléments de courants AB et A'B', situés sur une même ligne droite, agissent suivant cette ligne par raison de symétrie (fig. 558).
 - 2º. Deux éléments de courants AB, A'B', perpendiculaires à

la ligne qui joint leurs milieux, agissent également suivant cette ligne, par la même raison de symétrie (fig. 558).



3°. Il n'y a pas d'action entre deux éléments AB, A'B' situés dans un même plan, et dont l'un AB est perpendiculaire sur le milieu de l'autre (fig. 559).

D'abord il n'y aura pas d'action suivant BO, car s'il y en avait une, et qu'elle fût attractive, elle devrait devenir répulsive si le sens de A'B' changeait. Mais ce changement de sens de A'B' n'apporte aucune variation dans sa position relativement à AB, donc la force ne peut changer, donc elle est nulle.

Examinons, en second lieu, s'il peut y avoir entre AB et A'B' une action directrice. Les deux moitiés de A'B' agissent sur AB comme deux courants angulaires, B'O est attirée, OA' est repoussée et toutes deux tendent à tourner autour de O et à se placer parallèlement à AB suivant un couple. Mais le bras de levier de ce couple étant infiniment petit, son moment est nul. En résumé, il n'y a ni force motrice, ni force directrice entre les deux éléments.

4°. Lorsque deux éléments AB et A'B' (fig. 560) ont une perpendiculaire commune OO', et que chacun d'eux est normal au plan passant par l'autre et par OO', leur action réciproque est nulle.

En esset, cette action ne pourra pas être dirigée suivant OO,

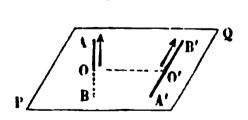


Fig. 560.

car si l'on changeait le sens du courant A'B', le signe de l'action devrait être changé, et de répulsive elle deviendrait attractive ou inversement. Mais la seule modification apportée au courant A'B' par cette inversion serait

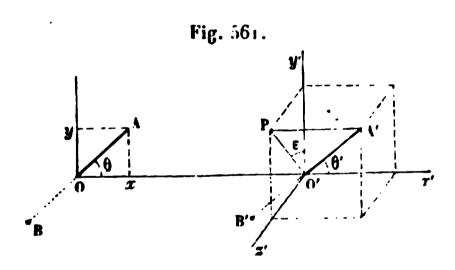
qu'après avoir marché vers la gauche de AB, il se dirigerait ensuite vers sa droite : il faudrait donc que la droite et la gauche de AB eussent des propriétés différentes, c'est-à-dire que ACTIONS MÉCANIQUES RÉCIPROQUES DES COURANTS. 203 ce courant fût dissymétrique autour de son axe, ce qui ne peut être. Il est donc impossible qu'il y ait une action attractive ou répulsive entre les deux éléments.

Reste à savoir s'il y a une action directrice : il y en a une en esset, car les courants considérés ont une perpendiculaire commune OO', et les deux moitiés de A'B' tendent à tourner autour de cette ligne pour se placer parallèlement à AB. Mais le bras de levier étant insiniment petit, le moment du couple est nul.

5°. Un courant O'A' (fig. 561) peut se remplacer par ses projections sur trois axes rectangulaires.

En effet, on peut substituer à O'A' le courant sinueux trèsvoisin O'z'PA', allant de O' à A'. Ce dernier se compose de trois parties, l'une O'z', et les deux autres z'P et PA' qui peuvent être remplacées par les projections Oy' et Ox' puisqu'elles leur sont parallèles et égales en longueur, et qu'elles n'en sont éloignées que de quantités infiniment petites. En définitive OA' se trouve remplacé par ses projections Ox', Oy', Oz'.

Ces principes admis, cherchons l'action d'un élément de courant BA = ds sur un autre élément B'A' = ds'. Soit θ l'angle



Que le premier sait avec OO'x'; cet angle sera égal à zéro si le courant va de O en x, à 90 degrés s'il marche de O en y et à y' + AOx s'il est dirigé suivant OB. Soient θ' l'angle, compté de la même manière, de O'A' avec O'x', r la distance des deux points O, O' et ϵ l'angle des deux plans AOx, A'O'x'. Nous pourrons remplacer OA et O'A' par leurs projections x, y;

x', y', z', et nous aurons à considérer l'action des deux éléments x et y sur chacun des trois autres x', y', z'.

 γ n'aura d'effet ni sur x', ni sur z', d'après les troisième et quatrième principes; mais il attirera γ' si la direction des deux courants est la même, puisque tous deux sont parallèles.

D'après le troisième principe, l'action de x sera nulle sur y' et z'; elle sera répulsive ou attractive sur x', si le sens de x et de x' est le même ou inverse, puisque x et x' sont deux portions d'un même courant rectiligne.

En définitive, il n'y aura à exprimer que l'action de y sur y', et de x sur x', c'est-à-dire

de
$$y = ds \sin \theta \quad \text{sur} \quad y' = ds' \sin \theta' \cos \epsilon$$
,
et de $x = ds \cos \theta \quad \text{sur} \quad x' = ds' \cos \theta'$.

Si 0 et 0' sont plus petits que 90 degrés, la première sera attractive et la deuxième répulsive.

Nous admettrons avec Ampère que ces deux actions sont proportionnelles aux intensités i et i' des deux courants, aux longueurs de leurs projections γ , γ' , x, x', et à deux fonctions inconnues de leurs distances qui seront +f(r) pour la première action et -F(r) pour la seconde. On aura donc

$$\mathbf{F} = ii' ds ds' [\sin \theta \sin \theta' \cos \epsilon f(r) - \cos \theta \cos \theta' \mathbf{F}(r)].$$

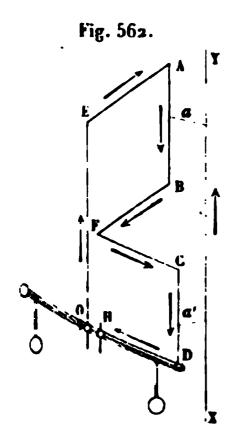
Il ne reste plus qu'à déterminer f(r) et F(r). Pour cela, on s'adresse à l'expérience. On imagine des systèmes de deux courants de forme et de position déterminées; on intègre la formule précédente, et on trouve une expression de la résultante, qui est fonction de F(r) et de f(r). D'autre part, l'expérience donne la loi de cette résultante; on identifie le résultat du calcul et celui de l'observation, et on a une équation de condition pour trouver F(r) et f(r). Si donc on traite la question dans deux cas particuliers, on obtient deux équations de condition qui peuvent suffire pour déterminer ces fonctions inconnues.

Ampère avait supposé tout d'abord que les deux forces attractive ou répulsive précédentes sont en raison inverse d'une certaine puissance de la distance r. Cela n'est point évident à priori. Mais Demontserrand ayant prouvé que cela est exact. ACTIONS MÉCANIQUES RÉCIPROQUES DES COURANTS. 205 pus accepterons l'hypothèse d'Ampère, afin de simplifier les lculs, et nous remplacerons f(r) par $\frac{1}{r^n}$, et F(r) par $\frac{k}{r^n}$; qui réduira la valeur de F à

$$\mathbf{F} = \frac{ii'\,ds\,ds'}{r''}\,(\sin\theta\sin\theta'\cos\epsilon - k\cos\theta\cos\theta').$$

Il reste à déterminer n et h.

es courants mobiles un système de deux rectangles FEAB,

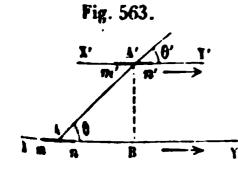


FCDH (fig 562) faisant entre eux un angle quelconque, dont les hauteurs sont différentes et les bases égales: ils prennent sous l'action de la terre une position d'équilibre fixe. Puis on dispose entre les deux branches AB et CD un courant vertical indéfini XY de sens opposé, qui les repousse toutes deux, et l'on parvient aisément à les maintenir dans leur position première en plaçant le courant indéfini à des distances convenables a et a' de chacune d'elles. On mesure ces distances, et l'on trouve qu'elles sont propor-

tionnelles aux longueurs let l' de AB et de CD,

$$\frac{l}{l'} = \frac{a}{a'}$$

Appliquons maintenant le calcul à ce cas particulier. Soient



(fig. 563) deux courants parallèles, l'un indéfini XY, l'autre fini X'Y', dont la distance A'B est a. Si nous examinons en particulier deux éléments mn et m'n', nous voyons que $\theta = \theta'$ et que $\epsilon = 0$. La formule devient

$$\mathbf{F} = \frac{ii'\,ds\,ds'}{r^a}\,(\sin^2\theta - k\cos^2\theta);$$

la distance r ou AA' est

$$r = \frac{A'B}{\sin\theta} = \frac{a}{\sin\theta}.$$

Si nous comptons s à partir de B,

$$s = AB = a \cot \theta,$$
 $ds = -a \frac{d\theta}{\sin^2 \theta},$

et en remplaçant s et r,

$$\mathbf{F} = -\frac{ii'ds'}{a^{n-1}}\sin^{n-2}\theta(\sin^2\theta - k\cos^2\theta)d\theta.$$

F peut se partager en deux composantes, l'une parallèle à XY qu'il est inutile de considérer, l'autre F sin perpendiculaire aux deux courants, qui produira leur attraction et qui est

$$F\sin\theta = -\frac{ii'\,ds'}{a^{n-1}}\left[\sin^{n-1}\theta\left(\sin^2\theta - k\cos^2\theta\right)\right]d\theta.$$

En intégrant cette expression entre $\theta_1 = 0^\circ$ et $\theta_2 = 180^\circ$, on trouvers la force attractive totale φ de XY sur m'n', et comme la parenthèse est indépendante de a, son intégrale sera constante et peut se représenter par — A : on aura

$$\varphi = A \frac{ii' ds'}{a^{n-1}},$$

et enfin, en désignant par / la longueur de X'Y', on trouve, en intégrant par rapport à s',

$$\Psi = A ii' \frac{l}{a^{n-1}}.$$

Si la longueur de X'Y' devenait l', et que sa distance A'B fûlégale à a', on aurait

$$\Psi' = \mathbf{A} \, ii' \, \frac{l'}{a'^{n-1}} \cdot$$

Donc pour que les attractions ou les répulsions de deux courants finis l, l', sur un courant parallèle indéfini placé entre eux à des distances a et a' soient égales, il faut que l'on ait

$$\frac{l}{l'}=\frac{a^{n-1}}{a'^{n-1}}.$$

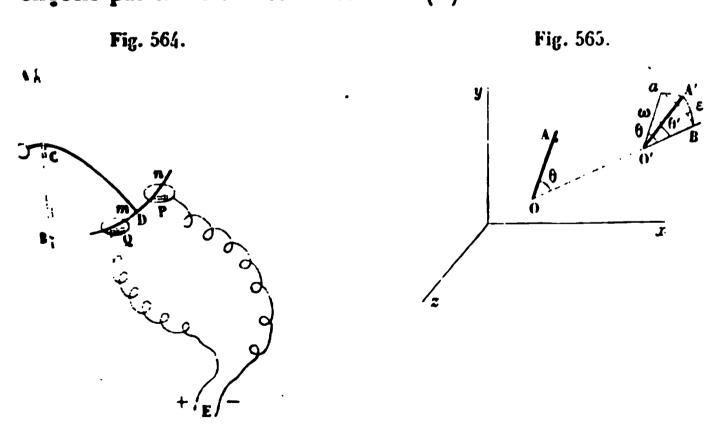
D'un autre côté, l'expérience a montré que l'on devait avoir le

$$\frac{l}{l'} = \frac{a}{a'}$$
;

soit égal à 2. Des lors la formule de la loi élémentaire devient

$$\mathbf{F} = \frac{ii'\,ds\,ds'}{r^2}\,(\sin\theta\sin\theta'\cos\epsilon - k\cos\theta\cos\theta').$$

II. Il nous reste à déterminer k par l'application de la même éthode à un deuxième cas d'équilibre. Nous choisirons le livant (fig. 564). On fixe à un axe vertical mobile AB, par ne tige isolante CD, un fil horizontal de cuivre mn, dont les strémités affleurent sur deux globules de mercure P et Q sposés dans deux petites auges. Le courant d'une pile E arve en Q, traverse mn et revient par P au pôle négatif. mn se ouve alors soumis à l'action d'un courant fermé EQPE, dont forme est quelconque, et l'expérience prouve que mn ne déplace jamais. Par conséquent, il faut que la composante ngentielle de toutes les actions exercées sur un élément mn ir tous les éléments d'un circuit fermé, soit nulle. Exprimons ette condition par le calcul, et il en résultera une deuxième quation de condition qui nous permettra de calculer k. Començons par transformer la formule (2).



Transportons parallèlement à lui-même en O'a l'élément OA = ds (fig. 565), de manière à placer son centre sur celui

du deuxième élément O'A' = ds', et formons l'angle trièdre O'BA'a. On connaît les angles $aO'B = \theta$, $A'O'B = \theta'$, ainsi que celui des deux plans aO'B, A'O'B qui est égal à ϵ ; et en désignant par ω l'angle aO'A', on a

$$\cos \omega = \cos \theta \cos \theta' + \sin \theta \sin \theta' \cos \epsilon;$$

en remplaçant cos par sa valeur dans l'équation (2):

(3)
$$F = \frac{ii' \, ds \, ds'}{r^2} \left[\cos \omega - (k+1) \cos \theta \cos \theta' \right].$$

Rapportons les deux éléments à trois axes rectangulaires, désignons par x, y, z, les coordonnées d'une des extrémités de l'élément ds, celles de l'autre extrémité seront x + dx, y + dy, z + dz. Désignons de même par x', y', z', et x' + dx', y' + dy', z' + dz' les coordonnées des deux extrémités du second élément. Les cosinus des angles que OA forme avec les axes, sont $\frac{dx}{ds}$, $\frac{dy}{ds}$, $\frac{dz}{ds}$; ceux de la ligne OO' sont $\frac{x'-x}{r}$, $\frac{y'-y}{r}$, $\frac{z'-z}{r}$. On aura donc

$$\cos\theta = \frac{(x'-x)\,dx + (y'-y)\,dy + (z'-z)\,dz}{rds};$$

or

$$r' = (x'-x)^2 + (y'-y)^2 + (z'-z)^2$$

Par suite

$$-\frac{dr}{ds} = \frac{(x'-x)\,dx + (y'-y)\,dy + (z'-z)\,dz}{rds};$$

donc

$$\cos\theta = -\frac{dr}{ds}$$
.

On trouvera de même

$$\cos\theta' = \frac{dr}{ds'}.$$

L'angle » ou celui des deux éléments, sera

$$\cos \omega = \frac{dx}{ds} \frac{dx'}{ds'} + \frac{d\gamma}{ds} \frac{dy'}{ds'} + \frac{dz}{ds} \frac{dz'}{ds'},$$

et en dissérentiant l'expression de r2, d'abord par rapport à s.

ACTIONS MÉCANIQUES RÉCIPROQUES DES COURANTS. 209 ensuite par rapport à s', on trouvera

$$r\frac{d^2r}{dsds'} + \frac{dr}{ds}\frac{dr}{ds'} = -\frac{dx}{ds}\frac{dx'}{ds'} - \frac{dy}{ds}\frac{dy'}{ds'} - \frac{dz}{ds}\frac{dz'}{ds'}.$$

Par conséquent,

$$\cos \omega = -r \frac{d^2r}{dsds'} - \frac{dr}{ds} \frac{dr}{ds'}.$$

En supprimant, pour abréger, le facteur ii'ds, et en remplacant cos 0, cos 0' et cos \(\omega \) par leurs valeurs,

$$\mathbf{F} = -\frac{\mathbf{I}}{r^2} \left(r \frac{d^2 r}{ds ds'} - h \frac{dr}{ds} \frac{dr}{ds'} \right) ds',$$

et comme

$$\frac{d\left(r^{-k}\frac{dr}{ds}\right)}{ds'} = r^{-k}\frac{d^{2}r}{dsds'} - kr^{-k-1}\frac{dr}{ds}\frac{dr}{ds'}$$

$$= r^{-k-1}\left(r\frac{d^{2}r}{dsds'} - k\frac{dr}{ds}\frac{dr}{ds'}\right);$$

il vient

$$\mathbf{F} = -r^{k-1} \frac{d\left(r^{-k} \frac{dr}{ds}\right)}{ds'} ds',$$

et enfin, en remplaçant $\frac{dr}{ds}$ par — $\cos \theta$,

$$\mathbf{F} = r^{k-1} \frac{d \left(r^{-k} \cos \theta \right)}{ds'} ds'.$$

Cela posé, pour le cas d'équilibre indiqué (fig. 563), il faut exprimer que la composante tangentielle de l'action de chaque élément sur mn = ds est nulle; elle est pour chacun d'eux $F\cos\theta$, il faut donc calculer

$$\int \mathbf{F} \cos \theta = \int r^{k-1} \frac{d \left(r^{-k} \cos \theta \right)}{ds'} \cos \theta \, ds'$$

$$= \int r^{2k-1} r^{-k} \cos \theta \, \frac{d \left(r^{-k} \cos \theta \right)}{ds'} \, ds',$$

et en intégrant par parties,

$$\int \mathbf{F} \cos \theta = \frac{\cos^2 \theta}{2r} + (2h - 1) \int \frac{\cos^2 \theta}{r^2} \frac{dr}{ds'} ds'.$$
III.

L'intégrale devant être prise d'une valeur de θ à la même, puisque le circuit est fermé, le premier terme sera nécessairement nul, et pour que le second le soit dans tous les cas possibles, il faut que 2k-1 soit nul, ou que $k=\frac{1}{2}$; la formulé définitive qui exprime l'action de deux éléments de courant sera donc

(a)
$$F = \frac{ii' \, ds ds'}{r^i} \, (\sin \theta \sin \theta' \cos \varepsilon - \frac{1}{2} \cos \theta \cos \theta'),$$

ou bien sous une autre forme

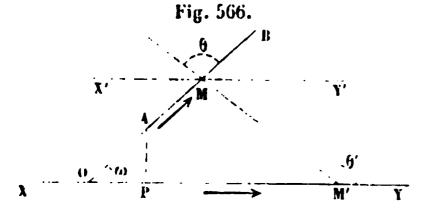
(
$$\beta$$
)
$$\mathbf{F} = \frac{ii' \, ds ds'}{r^2} (\cos \omega - \frac{3}{2} \cos \theta \cos \theta').$$

Une fois que cette expression de l'action réciproque de deu éléments est connue, celle que deux courants de forme et d position déterminées exercent l'un sur l'autre peut être trouvé par le calcul, sans autres dissicultés que celles du calcul lu même.

On exprime, en effet, l'action de deux éléments quelcos ques, on la décompose en trois composantes parallèles at axes coordonnés, et en les intégrant, on obtient les trois composantes de l'action totale qui se réduit toujours à un coup et à une force uniques. Pour donner une idée des calculs que l'on a à effectuer, nous allons étudier en détail le plus simp et le plus important de tous les cas que l'on peut se propose celui d'un courant indéfini agissant sur un courant fini situans le même plan.

PROPRIÉTÉS D'UN COURANT INDÉFINI.

ACTION SUR UN COURANT FINI. - Soient XY (fig. 566) le co 1



rant indéfini, AB un corant fini faisant un al gle & avec le premie Supposons que OY et A aillent en s'éloignant commet O; considérolles éléments M et M

t comptons les valeurs de s et de s' à partir de O, de façc

ACTIONS MÉCANIQUES RECIPROQUES DES COURANTS. 211 que OM = s, et que OM' = s': nous aurons

$$\theta' = \theta + \omega, \qquad \frac{s'}{s} = \frac{\sin \theta}{\sin (\theta + \omega)};$$

et en dissérentiant cette dernière expression par rapport à s',

$$ds' = s \frac{\sin(\theta + \omega)\cos\theta - \sin\theta\cos(\theta + \omega)}{\sin^2(\theta + \omega)} d\theta,$$

$$ds' = s \frac{\sin\omega}{\sin^2(\theta + \omega)} d\theta.$$

D'un autre côté, dans le triangle MOM',

$$\frac{MM'}{OM} = \frac{r}{s} = \frac{\sin \omega}{\sin (\theta + \omega)} \quad \text{ou} \quad r^2 = s^2 \frac{\sin^2 \omega}{\sin^2 (\theta + \omega)}.$$

En remplaçant θ' , ds' et r^2 dans l'équation (β) ,

$$\mathbf{F} = \frac{ii'ds}{s\sin\omega} \left[\cos\omega - \frac{3}{2}\cos\theta\cos(\theta + \omega) \right] d\theta.$$

Cette force qui agit suivant MM' se décompose en deux autres, l'une F cos qui est dirigée suivant AB, l'autre F sin perpendiculaire à cette ligne; nous les calculerons séparément.

COMPOSANTE PARALLELE. — Sa valeur est,

Fcos
$$\theta = \frac{ii'}{\sin \omega} \frac{ds}{s} \left[\cos \omega \cos \theta - \frac{3}{2} \cos^2 \theta \cos (\theta + \omega) \right] d\theta$$
.

Fcost se compose d'un coefficient constant $\frac{ii'}{\sin \omega}$ et de deux facteurs variables qui s'intègrent séparément, l'un $\frac{ds}{s}$ dépendent de s, l'autre compris dans la parenthèse, ne contenant que θ . Le premier donne

$$\int \frac{ds}{s} = l.s,$$

intégrale qui doit être prise entre les limites s = OA et s = OB. Ce qui fait

$$l.\dot{OB} - l.OA = l \cdot \frac{OB}{OA};$$

L'intégrale devant être prise d'une valeur puisque le circuit est fermé, le premier terr ment nul, et pour que le second le soit d'sibles, il faut que 2k-1 soit nul, ou définitive qui exprime l'action de d'sera donc

(z)
$$\mathbf{F} = \frac{ii' \, ds ds'}{r'} \left(\sin \theta \sin r \right)$$

on bien sous une autre forr

$$\mathbf{F} = \frac{ii' \, dsd}{r^2} \qquad \hat{r}$$

Une fois que cette e éléments est conni position détermir par le calcul, s' pour le point 0 même.

On exprir $\frac{1}{8}\sin\omega + \frac{3}{8}\sin\omega = -$ ques, on axes coe $\theta_1 = -\omega$, ce qui a lieu pour ur posant du côté de X, on trouve encore une et à $\frac{1}{8}\cos\rho$ prend l'intégrale entre $\theta_1 = 180^{\circ} -$ l'or $\frac{1}{8}\cos\rho$ l'angle BOY,

$$\varphi = \int_{\theta_z}^{i\theta_z} F \cos \theta = \frac{ii'}{\sin \omega} I \cdot \frac{OB}{OA} \frac{1}{2} \sin \omega :$$

veut dire que si les deux courants ve sous deux du point O, il existe une force a signe OB dans un sens qu'il faut déterminé remarquerons quelle est indépendante de l' limites OB et OA demeurent les mêmes, c' courant AB est assujetti à tourner autour = = 0, AB est confondu avec OY, et l'exp (page 200) qu'il est repoussé par lui vers il sera toujours sollicité par la même force vers le sommet O, quel que soit l'angle ». C la même si les deux courants changeaient c

La parenthèse qui dépend de 9 peut s'écrire

$$\cos \omega \cos \theta - \frac{3}{4}(\iota + \cos 2\theta) \cos(\theta + \omega)$$

$$= \cos \omega \cos \theta - \frac{3}{4}\cos(\theta + \omega) - \frac{3}{4}[\cos 2\theta \cos(\theta + \omega)]$$

$$= \cos \omega \cos \theta - \frac{3}{4}\cos(\theta + \omega) - \frac{3}{8}[\cos(3\theta + \omega) + \cos(\theta - \omega)].$$

L'intégrale générale est

$$\cos \omega \sin \theta - \frac{3}{4} \sin (\theta + \omega) - \frac{1}{8} \sin (3\theta + \omega) - \frac{3}{8} \sin (\theta - \omega).$$

Elle devient pour $\theta = \theta_1 = 180^{\circ} - \omega$, ce qui correspond à un point infiniment éloigné du côté de Y,

$$\cos \omega \sin \omega - \frac{1}{8} \sin 2\omega - \frac{3}{8} \sin 2\omega = 0.$$

Pour $\theta = \theta_2 = 0^{\circ}$, c'est-à-dire pour le point O, on a

$$-\frac{3}{4}\sin\omega - \frac{1}{8}\sin\omega + \frac{3}{8}\sin\omega = -\frac{1}{2}\sin\omega.$$

Ensin si $\theta = \theta_3 = -\omega$, ce qui a lieu pour un point infiniment éloigné du côté de X, on trouve encore une valeur nulle.

1. Si on prend l'intégrale entre $\theta_1 = 180^{\circ} - \omega$ et $\theta_2 = 0$, c'està-dire dans l'angle BOY,

$$\varphi = \int_{\theta_{\star}}^{\theta_{1}} \mathbf{F} \cos \theta = \frac{ii'}{\sin \omega} l \cdot \frac{\mathbf{OB}}{\mathbf{OA}} \frac{\mathbf{I}}{2} \sin \omega = \frac{ii'}{2} l \cdot \frac{\mathbf{OB}}{\mathbf{OA}}.$$

Cela veut dire que si les deux courants vont en s'éloignant tous deux du point O, il existe une force agissant suivant la ligne OB dans un sens qu'il faut déterminer. Pour cela, nous remarquerons quelle est indépendante de l'angle ω , quand les limites OB et OA demeurent les mêmes, c'est-à-dire quand le courant AB est assujetti à tourner autour du point O; or si $\omega = 0$, AB est confondu avec OY, et l'expérience a prouvé (page 200) qu'il est repoussé par lui vers le point O. Donc, il sera toujours sollicité par la même force dirigée de B en A vers le sommet O, quel que soit l'angle ω . Cette force resterait la même si les deux courants changeaient de sens, c'est-à-dire—

ACTIONS MÉCANIQUES RÉCIPROQUES DES COURANTS. 213 allaient tous deux en s'approchant de O; elle changerait de signe si l'un des courants marchait vers O, et que l'autre s'en éloignât.

II. En prenant l'intégrale entre $\theta_2 = 0$ et $\theta_3 = -\omega$, ou dans l'angle XOB, on trouve

$$\mathbf{e}' = \int_{\theta_{\star}}^{\theta_{\star}} \mathbf{F} \cos \theta = -\frac{ii'}{\sin \omega} l \cdot \frac{\mathbf{OB}}{\mathbf{OA}} \frac{\mathbf{I}}{2} \sin \omega = -\frac{ii'}{2} l \cdot \frac{\mathbf{OB}}{\mathbf{OA}}.$$

ll y a donc une force φ' indépendante de ω, égale et contraire à φ, qui tend à éloigner le courant AB du point O. Par conséquent, si AB est sur le prolongement de XO, de manière à faire partie du même courant, il sera repoussé, comme l'expérience l'a prouvé.

III. Ensin si nous prenons l'intégrale entre $\theta_1 = 180^{\circ} - \omega$ et $\theta_2 = -\omega$, c'est-à-dire si nous considérons l'action du courant XY indésini dans les deux sens, l'intégrale est nulle et il n'y a point de force dirigée suivant AB.

composante perpendiculaire à AB ou $F \sin \theta$:

$$F\sin\theta = \frac{ii}{\sin\omega} \frac{ds}{s} \left[\cos\omega \sin\theta - \frac{3}{2}\sin\theta \cos\theta \cos(\theta + \omega) \right] d\theta;$$

s'intègre comme dans le cas précédent. La parenthèse peut s'écrire

$$\cos \omega \sin \theta - \frac{3}{4} \sin 2\theta \cos (\theta + \omega)$$

$$= \cos \omega \sin \theta - \frac{3}{8} [\sin (3\theta + \omega) + \sin (\theta - \omega)];$$

ce qui donne pour intégrale générale

$$-\cos\omega\cos\theta+\frac{1}{8}\cos(3\theta+\omega)+\frac{3}{8}\cos(\theta-\omega).$$

Pour
$$\theta = \theta_1 = 180^{\circ} - \omega$$
, on a

$$+\cos^2\omega - \frac{1}{8}\cos 2\omega - \frac{3}{8}\cos 2\omega = \cos^2\omega - \frac{1}{2}\cos 2\omega$$

=
$$\cos^2 \omega - \frac{1}{2} (2 \cos^2 \omega - 1) = \frac{1}{2}$$
.

Pour $\theta = \theta_2 = 0^{\circ}$,

$$-\cos\omega + \frac{1}{8}\cos\omega + \frac{3}{8}\cos\omega = -\frac{1}{2}\cos\omega;$$

enfin pour $\theta = \theta_3 = -\omega$,

$$-\cos^{2}\omega + \frac{1}{8}\cos 2\omega + \frac{3}{8}\cos 2\omega = -\frac{1}{2}.$$

I. L'intégrale étant prise entre $\theta_1 = 180^{\circ} - \omega$ et $\theta_2 = 0$, c'està-dire dans l'angle BOY, il vient

$$\psi = \int_{\theta_1}^{\theta_1} \mathbf{F} \sin \theta = \frac{ii'}{\sin \omega} l \cdot \frac{OB}{OA} \frac{1}{2} (1 + \cos \omega) = \frac{ii'}{2} l \cdot \frac{OB}{OA} \cot \frac{\omega}{2}.$$

Par conséquent, quand les deux courants vont en s'éloignant du sommet O de l'angle qu'ils forment, outre la force φ qui tend à faire glisser AB dans sa direction, il en existe une autre ψ normale à AB, dont le sens n'est point déterminé par l'intégration, mais peut être fixé par l'expérience; or nous avons vu que cette force tend à diminuer l'angle BOY. Lorsque AB est assujetti à tourner en O, ψ est proportionnelle à $\cot\frac{\omega}{2}$; elle est nulle si l'angle $\omega=180^\circ$, elle augmente quand ω décroît, elle devient infinie quand $\omega=0$ et que les courants sont confondus. L'équilibre aura lieu quand AB sera appliqué sur OX ou sur OY; il sera instable dans le premier cas, et stable dans le second. La même chose aurait lieu si les deux courants s'approchaient du sommet O.

II. Si l'on prend l'intégrale entre $\theta_2 = 0$ et $\theta_3 = -\omega$, c'est-à-dire dans l'angle XOB où l'un des courants s'approche et l'autre s'éloigne du sommet,

$$\psi' = \int_{\theta_{*}}^{\theta_{*}} \mathbf{F} \sin \theta = \frac{ii'}{\sin \omega} l \cdot \frac{OB}{OA} \frac{1}{2} (1 - \cos \omega)$$
$$= \frac{ii'}{2} l \cdot \frac{OB}{OA} \cot \frac{180^{\circ} - \omega}{2},$$

 ψ' est une force qui est de même sens que ψ , qui tend à augmenter l'angle $180^{\circ} - \omega$ des deux courants, et qui est encore proportionnelle à la cotangente de la moitié de cet angle. Elle est infinie et l'équilibre est instable quand $\omega = 180^{\circ}$, elle

ACTIONS MÉCANIQUES RÉCIPROQUES DES COURANTS. 215 devient nulle et l'équilibre est stable si $\omega = 0$. Cela est conforme à l'expérience.

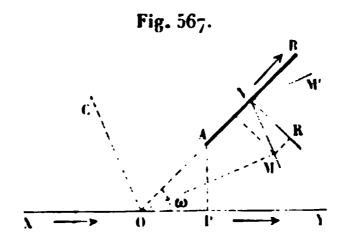
III. Ensin lorsque l'intégrale est prise entre les limites $\theta_1 = 180 - \omega$ et $\theta_2 = -\omega$, les deux valeurs des intégrales s'ajoutent, et l'on obtient

$$\psi + \psi' = R = \int_{\theta_A}^{\theta_1} F \sin \theta = \frac{ii'}{\sin \omega} / \frac{OB}{OA}.$$

Les deux forces normales concourent pour appliquer OB sur OY; alors les deux courants coïncident et adhèrent avec une force qui devient infinie.

RÉSULTABLE. — Puisque le courant OY fait naître sur ΛB deux composantes, l'une φ dirigée de B en A, l'autre ψ agissant suivant la perpendiculaire NR, et appliquée en un point déterminé N (fig. 567), la résultante M fera avec NA un angle α , dont la tangente sera

$$\tan \alpha = \frac{\psi}{\varphi} = \frac{\frac{ii'}{2} l \cdot \frac{OB}{OA} \cot \frac{\omega}{2}}{\frac{ii'}{2} l \cdot \frac{OB}{OA}} = \cot \frac{\omega}{2}.$$



La résultante M sera donc perpendiculaire à la bissectrice OM de l'angle ω , son intensité sera

$$\mathbf{W} = \sqrt{\varphi' + \psi'} = \frac{ii'}{2} l \cdot \frac{OB}{OA} \sqrt{1 + \cot^2 \frac{\omega}{2}} = \frac{ii'}{2} l \cdot \frac{OB}{OA} \frac{1}{\sin \frac{\omega}{2}}$$

de même la portion XO du courant indésini exerce sur AB une sorce résultante M' perpendiculaire à la bissectrice OC de l'angle XOB, et dont l'intensité se déduit de la précédente, en

changeant ω en 180° — ω,

$$\mathbf{M}' = \frac{ii'}{2} l \cdot \frac{\mathbf{OB}}{\mathbf{OA}} \frac{1}{\cos \frac{\omega}{2}}$$

M et M' sont perpendiculaires entre elles; et si on considère l'action totale du courant XY indéfini dans les deux sens, elle sera dirigée suivant NR et égale à $\psi + \psi'$ ou à R:

$$R = \frac{ii'}{2} l \cdot \frac{OB}{OA} \sqrt{\frac{1}{\sin^2 \frac{\omega}{2}} + \frac{1}{\cos^2 \frac{\omega}{2}}} = ii' l \cdot \frac{OB}{OA} \frac{I}{\sin \omega}$$

En désignant par h la perpendiculaire AP, et par l la longueur AB,

$$l \cdot \frac{OB}{OA} = l \cdot \left(\frac{\frac{h}{\sin \omega} + l}{\frac{h}{\sin \omega}}\right) = l \cdot \left(1 + \frac{l \sin \omega}{h}\right)$$
$$= \frac{l \sin \omega}{h} + \frac{1}{2} \frac{l^2 \sin^2 \omega}{h^2} + \dots$$

donc

(
$$\gamma$$
)
$$R = ii' \left(\frac{l}{h} + \frac{1}{2} \frac{l^2 \sin \omega}{h^2} + \dots \right).$$

Par conséquent l'action d'un courant XY indéfini dans les deux sens, sur un courant fini AB situé dans son plan et de direction quelconque, se réduit à une force unique R perpendiculaire à AB. Elle est infinie si h est nulle, et quand l est assez petit par rapport à la distance h pour qu'on puisse se contenter du premier terme du développement, R est indépendant de l'angle ω , proportionnel à l et en raison inverse de la simple distance.

Ces formules conduisent aux conséquences suivantes:

1°. COURANTS CROISÉS. — Lorsqu'un courant fini CB mobile autour de () (fig. 568) coupe le courant indéfini XY, la partie OB éprouve de la part de XY une action représentée par une force infinie R perpendiculaire a sa direction et qui tend à diminuer l'angle BOY. Il en est de même de la partie OC, qui

actions mécaniques réciproques des courants. 217 est soumise à une force R' agissant dans l'angle COX. Ces deux actions concourent pour appliquer BC sur XY, dans un

sens tel que les deux courants soient confondus en direction.

Fig. 568.

Si les deux courants n'étaient pas dans le même plan et qu'ils eussent une perpendiculaire commune projetée en O, l'expérience prouve que BC est encore soumis à un couple qui tend à le

placer parallèlement à XY. C'est aussi ce qui résulte du calcul.

2°. COURANTS PERPENDICULAIRES. — Quand le courant fini BB' (fig. 569) est perpendiculaire à XY, dans le même plan que lui, situé tout entier au-dessus et s'éloignant de XY, il est sollicité par une force unique R parallèle à $\stackrel{XY}{\longrightarrow}$, et dont l'intensité est exprimée par la formule (γ) en y remplaçant ω par 90 degrés,

$$R = ii' \left(\frac{l}{h} + \frac{1}{2} \frac{l^2}{h^2} + \dots \right),$$

et si BB' a une longueur l très-petite par rapport à h,

$$R = \frac{ii'l}{\hbar}$$

la sorce est en raison inverse de la simple distance h.

Fig. 569.

Si l'on considère un deuxième courant AA' égal à BB', placé à la même distance au-dessous et s'approchant de XY, il éprouvera un effet égal et opposé. D'où il résulte qu'un courant AB coupé en deux parties égales par XY et assujetti à se mouvoir parallèle-

ment à cette ligne sera astatique.

L'action de XY sur un courant vertical et fini O'C, situé dans un plan quelconque se réduit encore à une force $\stackrel{NR}{\Longrightarrow}$ parallèle à XY (fig. 569): car deux éléments m et m' pris à droite et à gauche.

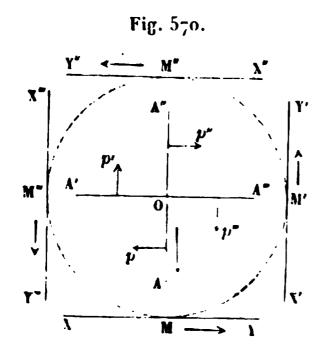
et à égale distance de la perpendiculaire commune OO', développent sur N des forces répulsive et attractive égales entre elles, agissant dans le plan Nmm', et dont la résultante NR est évidemment horizontale. D'où il suit que CO' marchera de X vers Y s'il est au-dessus de OO', en sens opposé s'il est au-dessous, et qu'il est astatique, si, étant assujetti à rester parallèle à luimême, il est divisé en deux parties égales par OO'.

3°. COURANTS PARALLÈLES. — Si un courant fini X'Y' est parallèle à XY, l'action se réduit encore à une force R qui est perpendiculaire à XY (fig. 563), attractive si les deux courants vont dans le même sens, et répulsive dans le cas contraire. Pour en trouver la valeur, il faut faire $\omega = 0$ dans la formule (γ)

$$\mathbf{R}=ii'\frac{l}{\hbar}.$$

Par conséquent, cette force est proportionnelle à la longueur du courant fini, quelle que soit cette longueur, et en raison inverse de sa distance à XY.

4°. ROTATION D'UN COURANT HORIZONTAL. — Sous l'influence de XY (fig. 570), un courant OA horizontal et mobile autour d'urant exe vertical O prendra un mouvement de rotation continue.



En effet, s'il est d'abord placé em OA, il sera sollicité par la force normale p qui l'amènera en OA'. Arrivé dans cette direction, il continuera d'être soumis à une force encore perpendiculaire à lui-mème, et puisque OA' et XY marchent en sens opposé, ellevagira suivant p' et transportera le courant en OA". Là il éprouvera une action dirigée suivant p", et quand il sera en OA", il sera at-

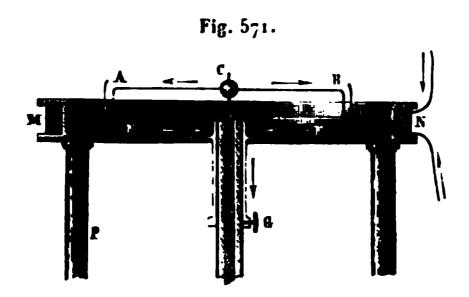
tiré par p^m. Dans ces quatre situations du courant ainsi que dans ses positions intermédiaires, la force est toujours normale au courant mobile, et son intensité est donnée par la

ACTIONS MÉCANIQUES RÉCIPROQUES DES COURANTS. 219 formule (7)

 $R = ii' \left(\frac{l}{h} + \frac{1}{2} \frac{l^2 \sin \omega}{h^2} + \dots \right),$

dans laquelle h exprime la distance OM et l la longueur OA; si h est grande et l petite, R et son moment de rotation sont indépendants de ω . Dans le cas général, l'intensité et le point d'application de R sur OA changent avec ω , et par conséquent aussi le moment de rotation; mais la force agit toujours dans le même sens pour continuer la rotation.

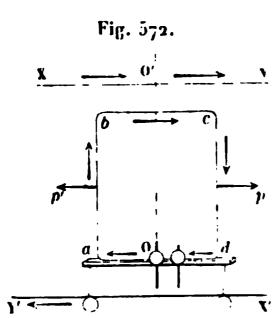
Le même effet serait produit si le courant XY prenait les positions X'Y', X"Y", X"Y", ou bien si on le remplaçait par l'enveloppe de toutes les positions successives qu'il peut prendre, c'est-à-dire par le cercle MM'M" M". C'est en effet avec un courant circulaire que nous ferons l'expérience (fig. 571).



Le support du courant mobile ne dissère de celui de la Le support du courant mobile ne dissère de celui de la Le support du courant mobile ne dissère de celui de la Le support du courant la cure la cure par Le support du courant la cure par Le support du courant la cure par Le support du cure par la cure par Le support du cure par la cure par Le support du cure par la cure par la cure par la cure par Le support du cure par la cu

Il est évident que les actions exercées sur les branches verticales AE, BF se détruisent, parce qu'elles sont parallèles, de même sens et qu'elles agissent à l'extrémité de bras de levier égaux. Tout se réduit donc à l'esset du courant circulaire sur CA et CB, et l'on voit se produire le mouvement de rotation continue, dans le sens indiqué par la théorie. On pourrait maintenant se proposer de déterminer par le calcul l'action de XY sur des courants mobiles de forme quelconque, mais ces questions deviennent beaucoup plus complexes; nous nous contenterons de traiter quelques exemples simples qui rentrent dans les cas précédents.

5°. COURANT FERMÉ, MOBILE AUTOUR D'UN AXE VERTICAL. — Considérons un courant rectangulaire abcd (fig. 572), mobile au-



tour d'un axe vertical 00'; les parties bc et da étant par rapport à XY dans le cas de la fig. 568, seront sollicitées chacune par un couple et tendront à se placer parallèlement à XY. Si XY est très-rapproché, l'action sur bc l'emportera, si XY est à l'infini, les deux couples seront égaux et se détruiront.

cd et ab étant perpendiculaires au plan horizontal qui passe par XY

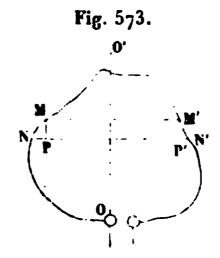
(comme O'C dans la fig. 569), seront sollicitées par des forces horizontales opposées p, p', qui formeront un couple, lequel tendra à placer le rectangle parallèlement à XY.

Si la distance à XY est infinie, les effets de bc et de ad se détruisant, ce couple agira seul; son moment sera proportionnel aux longueurs ab et cd, et au bras de levier bc; il pourra se représenter par la surface du rectangle. Quand XY is sera très-rapproché, il faudra ajouter au couple précédent la différence de ceux qui sont produits sur bc et ad, cette différence sera de même signe que ce couple.

La même position d'équilibre serait atteinte si XY était remplacé par un autre courant X'Y' situé en sens opposé au-dessous du rectangle. On peut donc dire que cèlui-ci se placera parallèlement à XY ou à X'Y', et que le sens du courant dans la branche horizontale, la plus voisine du conducteur indéfini, sera le même que dans celui-ci.

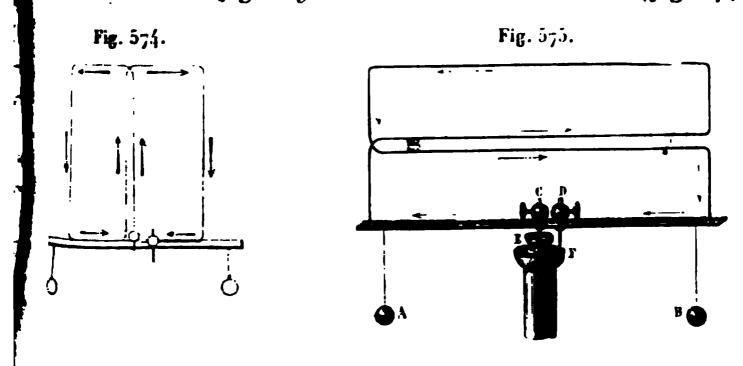
Si on fait la même expérience avec un courant fermé de forme quelconque (fig. 573), on pourra le décomposer en tranches par des plans parallèles et remplacer ses éléments MN, M'N' par leurs projections horizontale et verticale. Quand

ACTIONS MÉCANIQUES RÉCIPROQUES DES COURANTS. 221
XY sera à l'infini, son effet sur les parties horizontales sera



oul et se réduira sur les éléments verticaux à une infinité de couples proportionnels à la surface des rectangles tels que MNM'N', ou à un couple unique proportionnel à la surface totale du courant mobile.

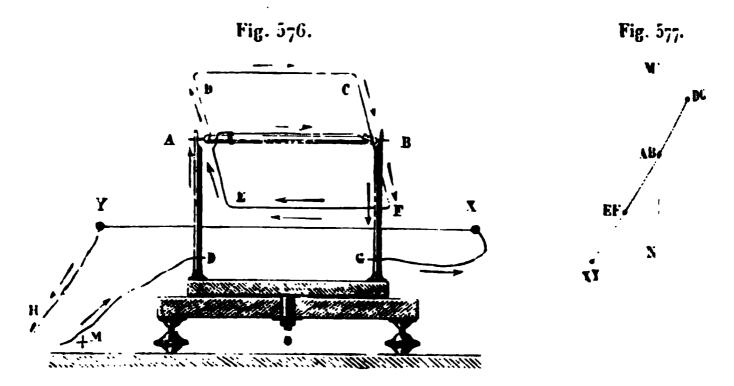
6. computeurs astatiques. — Il est facile d'imaginer des conducteurs sur lesquels XY n'exerce aucune action directrice: telest AB dans la fig. 569; tels sont aussi les suivants (fig. 574



et 575), qui se composent de rectangles égaux traversés en sens inverse par le même courant.

50it un conducteur rectangulaire fermé DCFE (fig. 576), mobile autour de l'axe AB par lequel le courant entre et sort, et soumis à l'action d'un autre courant indéfini XY, qui est parallèle à AB. Les branches DE, CF sont sollicitées par des forces égales et contraires parallèles à XY et à l'axe AB, et qui sont sans action; mais les parties EF et DC sont soumises à deux

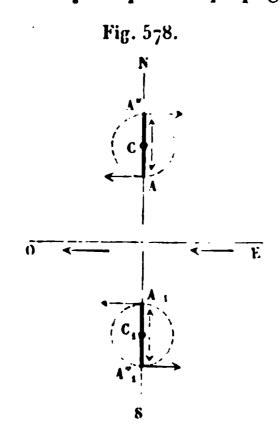
autres forces attractive et répulsive, égales entre elles si XY



est à l'infini et constituant un couple qui placera le rectangle dans le plan ABXY. Cette position d'équilibre est représentét fig. 577, qui indique une coupe de l'appareil perpendiculairement à AB.

ACTION DE LA TERRE SUR LES COURANTS.

Reprenons l'expérience de la rotation d'un courant horizontal (fig. 571); mais supprimons le conducteur circulaire M de saçon que l'équipage mobile ne soit soumis à l'influence



d'aucun courant voisin; nous le verrons néanmoins tourner, moins rapidement il est vrai que précédemment mais dans un sens qui est déterminé Si le centre C (fig. 578), c'est-à-dire le lieu de l'observation, est situé dans l'hémisphère boréal, la rotation se sai dans le sens des slèches A et A"; s'est placé dans l'hémisphère austre en C₁, le mouvement a lieu dans direction des slèches A₁, A'₁. Tout spasse comme s'il y avait dans l'équiteur magnétique un courant indési allant de E en O, de l'est à l'ouest.

Cette conclusion se confirme par les deux expériences si vantes:

ACTIONS MÉCANIQUES RÉCIPROQUES DES COURANTS.

Le conducteur abcd (fig. 572), suspendu autour d'un axe vertical, se dirige dans le plan perpendiculaire au méridien magnétique, et le courant marche dans da de l'est à l'ouest, absolument comme il le ferait si l'on avait placé au-dessous de lui un courant X'Y' allant de l'est à l'ouest.

Ensin, si l'on fait tourner l'appareil de la fig. 576 autour du bouton O, de manière à placer l'axe AB perpendiculaire au méridien magnétique, et si on supprime le conducteur indésini XY,
on voit le rectangle DCFE s'incliner à l'horizon, prendre une
position sixe, et se diriger de telle sorte que la partie insérieure
EF pointe vers le sud, et soit traversée par le courant de l'est
à l'ouest. Il saut donc que le courant terrestre XY soit au sud
des lieux que nous occupons dans l'hémisphère boréal. La
même expérience saite dans l'hémisphère austral prouve que
le courant terrestre est situé au nord de la station.

Tout ceci démontre donc que le globe terrestre agit en tous ses points comme s'il était traversé par un courant indéfini perpendiculaire au méridien magnétique et situé du côté de l'équateur.

Nous reviendrons bientôt sur cette hypothèse pour la développer, et nous montrerons que le courant terrestre n'est point retiligne, mais qu'il circule dans l'équateur magnétique de l'està l'ouest.

SOIXANTE ET ONZIÈME LECON.

DES ACTIONS MÉCANIQUES RÉCIPROQUES ENT LES COURANTS ET LES AIMANTS.

Solénoïdes. — 1º Un solénoïde peut remplacer un aimant dans l'exp d'Œrsted. — 2º Il est dirigé par la terre comme un aimant. solénoïdes s'attirent ou se repoussent comme deux aimants. coupant un solénoïde en deux, on obtient deux solénoïdes oppudes pôles contraires. — 5º Un solénoïde et un aimant s'attires repoussent comme deux aimants.

Action d'un solénoïde sur un élément de courant; — sur un angulaire indéfini. — Expérience de Biot et Savart. — Acti courant indéfini vertical ou horizontal sur une aiguille dive suspendue.

Rotation des courants par l'action d'un aimant ou inversement.— des solénoïdes et des aimants.

SOLÉNOÏDES. — Que l'on conçoive (fig. 579) une file d ducteurs circulaires égaux, infiniment petits, infinimen

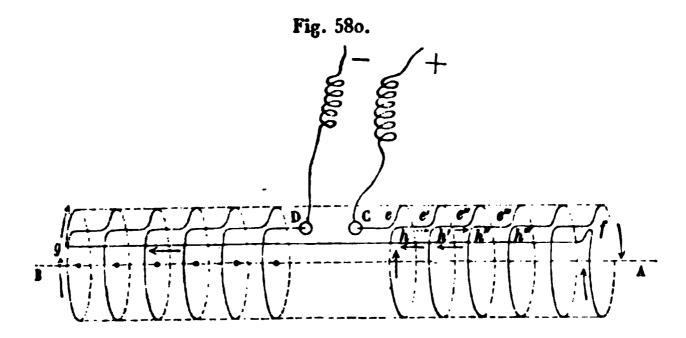
Fig. 579.

prochés, perpendiculaires à la ligne ou courbe AB qui joint leurs cent traversés par des courants parallèl aura ce qu'Ampère nomme un solé

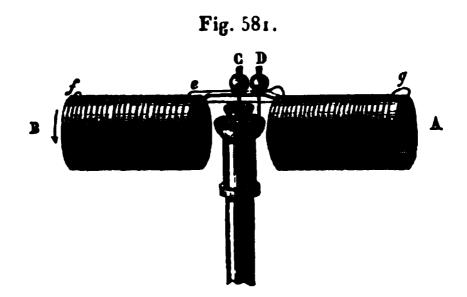
On peut trouver par le calcul le priétés d'un pareil assemblage. A rité, on ne peut le réaliser pratique mais il est possible de construi appareils qui en offrent sensible

toutes les propriétés. On peut, sur un cylindre don est AB, disposer un conducteur de la manière su (fig. 580): de C en e il est parallèle à l'axe, puis il se sur un cercle presque sermé jusqu'au point h très-voisil ensuite il se continue suivant he', parcourt un deuxième parallèle au premier, et ainsi de suite jusqu'à l'extrér

ACTIONS ENTRE LES COURANTS ET LES AIMANTS. 225 Alors il revient de f en g en une ligne droite qui détruit



l'esset de toutes les parties rectilignes Ce, ee', e'e'',..., et, mivé en g, il se replie de nouveau en une série de droites et de cercles qui le ramènent en D. Par conséquent, cet appareil se réduit à une suite de cercles perpendiculaires à l'are AB. Mais il est facile de voir que si l'on se contente de sormer avec le fil conducteur une hélice passant par les points e, e', e'', les spires pourront sensiblement être remplacées par des cercles parallèles et par des droites ee', e'',..., et que l'appareil total agira comme le précédent; ensin si les tours sont très-rapprochés et que la longueur totale du cylindre soit très-grande par rapport à son diamètre, il of-sira sensiblement les propriétés du solénoïde d'Ampère. On pourra saire arriver le courant par deux poupées C et D, et

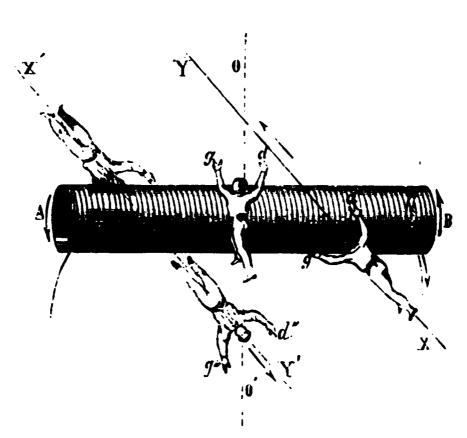


tenir le solénoïde à la main ou le suspendre sur le support des courants mobiles par deux pointes d'acier (fig. 581). Étudions d'abord par l'observation les propriétés de ces hélices.

111.

1°. Un solénoïde peut remplacer un aimant dans l'expérience d'OErsted (fig. 582). Soit XY un courant indésini et AB





un solénoïde placé au-dessous de XY et mobile autour d'un axe vertical OO', chaque cercle qui le compose se placera dans un plan vertical parallèle à XY; par conséquent, l'axe AB se disposera perpendiculairement à cette ligne. De plus, le sens des courants sera le même dans XY et dans les parties de chaque cercle les plus rapprochées de lui, comme l'indique la figure. Si donc on transportait le courant indéfini au-dessous du solénoïde en X'Y', l'équilibre persisterait.

Nous savons que si l'expérience est faite avec un aimant, le pôle austral se place à la gauche du courant XY: par analogie, nous appellerons pôle austral du solénoïde l'extrémité A qui se tourne vers la gauche g', et pôle boréal la partie B qui se dirige vers la droite d'. Pour reconnaître ces pôles sans amphibologie, figurons en gd dans le solénoïde la poupée imaginée par Ampère : « Si elle regarde l'axe AB, le pôle austral sera à sa gauche g, et le pôle boréal à sa droite d. »

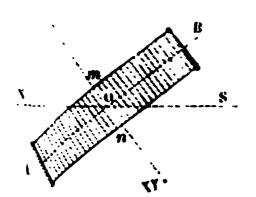
2°. Un solénoïde se dirige comme un aimant sous l'influence de la terre. Nous avons en esset démontré dans la leçon précédente que la terre agit comme un courant indésini XY, qui serait perpendiculaire au méridien magnétique et marcherait de

ACTIONS ENTRE LES COURANTS ET LES AIMANTS. 227
l'est à l'ouest; le pôle austral d'un solénoïde mobile autour

l'est à l'ouest; le pôle austral d'un solénoïde mobile autour d'un axe vertical se placera à la gauche de ce courant, c'est-à-dire du côté du nord, le pôle boréal à sa droite, c'est-à-dire vers le midi, et l'axe du solénoïde prendra la direction de l'aiguille de déclinaison.

Si le solénoïde est mobile autour d'un axe horizontal O, perpendiculaire au méridien magnétique (fig. 583), que l'est soit

Fig. 583.



3

en arrière et l'ouest en avant du tableau, le sud sera vers la droite en S, et le nord N vers la gauche; le courant terrestre sera en XY; sa droite et sa gauche seront vers S et N, s'il regarde le point O; le solénoïde devra se placer de telle sorte que chacun des courants cir-

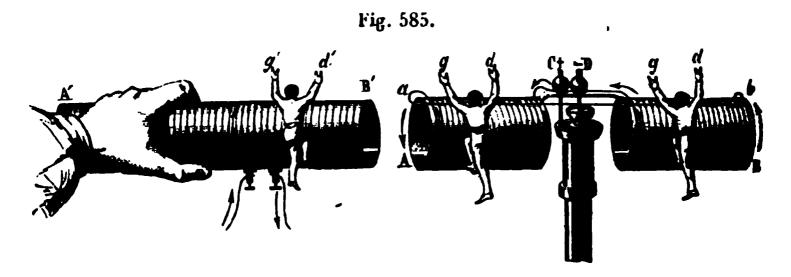
culaires qui le composent soient parallèles au plan mn XY, et qu'ils aillent dans la partie inférieure n de l'est à l'ouest. Le pôle austral sera en A au-dessous de l'horizon, et le boréal en B au-dessus. L'expérience prouve en outre que l'axe AB en parallèle à l'aiguille d'inclinaison.

3. Les pôles de deux solénoïdes se repoussent ou s'attirent comme ceux de deux aimants. Pour faire l'expérience, nous présenterons au solénoïde AB placé sur le support des courants mobiles (fig. 584), un autre solénoïde A'B' que nous tien-

Fig. 584.

tons à la main. Si les axes des deux appareils sont confondus, et que les pôles de nom contraire B et A' soient approchés l'un de l'autre, les courants circulaires des deux solénoïdes seront parallèles et par conséquent s'attireront; si au contraire on retourne le solénoïde A'B', de manière à placer B' vis-à-vis de B, les parties antérieures des courants qui sont sigurées par des lignes pleines, se placeront derrière le tableau, celles qui étaient postérieures et représentées en lignes ponctuées se mettront en avant, les cercles seront parcourus par des cou-

rants de sens opposé et se repousseront. L'expérience prouve plus encore, c'est qu'on peut donner aux axes des deux solénoïdes des positions relatives quelconques, et que toujours les pôles de nom contraire s'attirent, et ceux de même nom se repoussent (fig. 585).



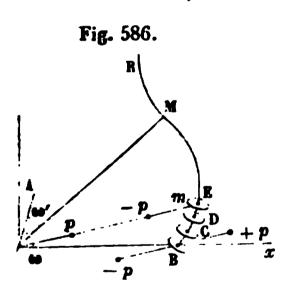
- 4°. Les deux solénoïdes AB, A'B' (fig. 584) qui ont le même axe et sont composés de courants parallèles, peuvent être considérés d'abord comme n'en faisant qu'un seul. Si l'on vient ensuite à les séparer en deux, on développe aux deux parties B et A' des pôles opposés. On voit donc qu'en coupant un solénoïde en deux parties, chacune d'elles devient un solénoïde unique, absolument comme en brisant un aimant on en obtie nt deux.
- 5°. Jusqu'à présent ces propriétés pouvaient être plus ou moins prévues par les lois connues des actions des courants; en voici une autre plus inattendue : Deux pôles, l'un d'un aimant, l'autre d'un solénoïde, s'attirent ou se repoussent comme ceux de deux aimants ou de deux solénoïdes. C'est ce qu'on montrera aisément en présentant un aimant à l'une ou à l'autre des extrémités B ou A d'un solénoïde mobile (fig. 585).

On voit donc en résumé, 1° qu'un solénoïde a deux pôles; 2° qu'il se dirige comme le fait une aiguille de déclinaison ou d'inclinaison; 3° que les pôles de même nom ou de nom contraire repoussent ou attirent ceux d'un aimant ou d'un autre solénoïde; 4° que ces pôles sont sollicités par un courant indéfini comme ceux d'une aiguille aimantée. Par conséquent, tout solénoïde se conduit dans tous les cas possibles comme s'il était un véritable aimant.

Cependant, avant de nous prononcer sur l'identité de ces

ortes d'appareils, il faut aller plus loin; il faut démontrer n-seulement les actions qu'ils exercent sont de même nais encore qu'elles s'expriment par les mêmes lois natiques. Voici la marche que nous suivrons pour le r. Puisque nous connaissons la loi élémentaire de la xercée entre deux éléments, et qu'un solénoîde est un lage géométriquement défini de courants, nous pourlculer l'action totale qu'il produit sur un autre courant dont la forme et la position seront connues. Ce calcul onduira à des lois nécessairement exactes, puisqu'elles des conséquences mathématiques de la formule élére qui est démontrée. Cela fait, nous chercherons à vées lois par l'expérience, mais en remplaçant le solénoïde aimant; et s'il y a accord entre le calcul fait pour celui-'expérience exécutée avec celui-ci, il faudra conclure solénoïde est un aimant.

86) un solénoïde indéfini BCDE... MR, et un élément urant OA = ds, voici comment se fait le calcul dont



nous ne donnerons pas les détails. On exprime l'action de l'élément OA sur un élément quelconque du cercle B; on la décompose suivant les trois axes xyz, et l'on intègre ces trois composantes pour le cercle entier. On répète le même calcul pour le cercle C, puis pour D,..., et l'on cherche la résultante générale de toutes

rces. Or comme toutes les actions élémentaires étaient uées en O, la résultante passera aussi par ce point, et ouve que dans tous les cas elle est représentée en inten-

$$\varphi = \frac{\mu i \sin \omega}{r^2} ds,$$

it une constante qui dépend du solénoïde, c'est-à-dire de tance et de la grandeur des cercles qui le composent, r la

distance de l'élément OA à l'extrémité B, et ω l'angle que forme OB avec le courant OA. De plus, cette force est perpendiculaire au plan AOB, et si l'observateur qui personnisse le courant regarde B, elle agit de manière à transporter OA vers la droite lorsque B est un pôle austral, et vers la gauche si B est boréal.

Toutes les forces qui agissent entre les éléments de courants en présence sont réciproques. Par exemple, si un élément m attire OA, en vertu d'une force p, OA, à son tour, exerce une action -p sur m. Or la force -p peut se transporter en B et se remplacer par un couple (-p+p) et une force (-pB); en faisant la même chose pour tous les éléments du solénoïde, on aura : 1º un couple résultant unique; or on démontre qu'il est nul; 2º une force appliquée en B, qui sera évidemment égale et contraire à celle qui agit sur l'élément OA; par conséquent elle sera égale à $\frac{\mu i \sin \omega ds}{r^2}$, elle agira perpendiculairement au plan AOB, elle transportera à la gauche du courant le pôle B s'il est austral, et à la droite s'il est boréal. Quand le courant est fixe et l'aimant mobile, c'est celui-ci qui se déplace; c'est au contraire le courant qui se meut si l'aimant est fixe; mais si tous les deux sont invariablement liés entre eux____ le système ne se déplace pas, car chaque action élémentair telle que p et -p est détruite, et les forces résultantes l sont elles-mêmes; ce que l'on pouvait prévoir par une extersion du principe de l'action et de la réaction.

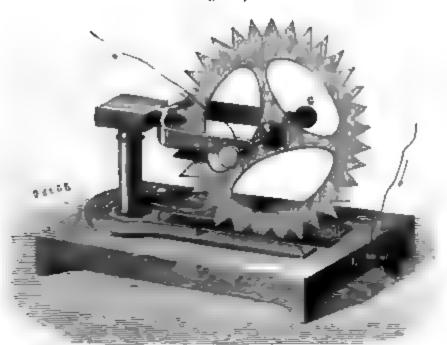
Ce résultat s'applique à tout solénoïde indéfini, quelles que soient la forme de son axe et son orientation; s'il était termimé en M, il aurait en ce point un pôle inverse de B. En effet, un solénoïde fini BM peut être considéré comme la somme de deux autres, indéfinis tous les deux, le premier BMR que nous venons de considérer, le deuxième MR traversé par des courants contraires et confondu avec le précédent dans la partie indéfinie MR qu'il annule. Par conséquent, l'effet de OA sur un solénoïde fini BM se réduira à deux forces, appliquées en B et en M, perpendiculaires aux plans AOB, AOM, ayant des directions opposées, puisque les deux solénoïdes superposés ont des sens contraires, et qui seront exprimées en intensité par \(\frac{\mu i \sin \omega ds}{\text{r}^2}\),

 $\frac{ri\sin \omega' ds}{r'^2}$, en appelant ω' l'angle AOM et r' la distance OM.

Telle est la loi élémentaire de l'action de OA sur le solénoïde îni MB, elle est indépendante de la forme et de la longueur de l'ixe, et se réduit à l'effet des deux pôles.

Avant d'alter plus loin, nous pouvons montrer par une expétience élégante de M. Barlow que les pôles d'un aimant exercent sur des courants de petite longueur une action dirigée tans le sens que nous venons d'indiquer. Une roue dentée en cuivre, évidée pour être plus légère, est mobile autour d'un tre GF (fig. 587). Les dents dont son contour est garni vien-





tent, quand elle tourne, lécher la surface d'un bain de mercure tens une auge ED. Un courant électrique qui arrive au mercure par la poupée C, remonte verticalement par les dents de la roue du contour vers le centre, et retourne par l'axe au pôle négatif. Enfin un aimant AMB qui est fixé sur la base de l'appareil, présente ses deux pôles A et B aux deux faces de la roue.

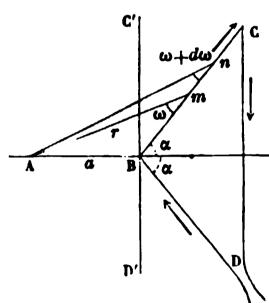
L'observateur placé dans le courant mobile sera vertical, il aura les pieds sur la pointe des dents, la tête vers l'ave FG, et s'il regarde le pôle boréal B, il sera sollicité par une force dirigée vers sa gauche de D en E. S'il se retourne de manière à regarder le pôle A, il sera chassé vers sa droite, ce sera encore

de D en E, car sa droite a changé de position pendant qu'il s'est retourné. Par conséquent, la roue qui conduit le courant devra se mouvoir de D vers E, et comme d'est en effet ce que montre l'expérience, on peut conclure que l'action des pôles d'un aimant sur un élément de courant, a réellement la direction que le calcul indique pour un solénoïde. Mais pour déterminer l'intensité de cette action, il faut s'adresser à des phénomènes plus précis.

La formule que nous venons d'écrire, et qui exprime l'action d'un solénoïde sur un élément de courant, va évidemment permettre de déterminer par des intégrations convenables l'esset exercé par ce solénoïde sur un courant quelconque dont la forme et la position seront connues. Nous allons l'appliquer au cas d'un courant angulaire indésini.

ACTION D'UN SOLÉNOIDE SUR UN COURANT ANGULAIRE INDÉPINI. — Soit un courant indéfini DBC (fig. 588), composé de deux





branches rectilignes DB, BC, faisant entre elles un angle 2α dont la bissectrice est AB; plaçons en A le pôle austral d'un solénoïde à une distance AB = a. Il est clair que tous les éléments tels que mn produiront sur A des forces perpendiculaires au plan CBD, agissant vers leur gauche, qui s'ajouteront et seront égales à $\frac{\mu i \sin \omega}{r^2} ds$. Nous allons calculer leur résultante.

Comptons s et ω à partir de B, nous aurons dans le triangle A mn

$$\frac{mn}{Am} = \frac{ds}{r} = \frac{\sin n A m}{\sin A n B} = \frac{\sin (-d\omega)}{\sin (\omega + d\omega)} = \frac{-d\omega}{\sin \omega}.$$

Dans le triangle ABm,

$$\frac{a}{r} = \frac{\sin \omega}{\sin \alpha}, \qquad \frac{1}{r} = \frac{\sin \omega}{a \sin \alpha};$$

et en remplaçant $\frac{ds}{r}$ et $\frac{1}{r}$ dans l'expression de l'action élé-

mentaire,

$$\varphi = \frac{\mu i \sin \omega}{a \sin \alpha} d\omega,$$

dont l'intégrale générale est

$$\frac{\mu i \cos \omega}{a \sin \alpha}$$
.

Il faut prendre cette intégrale entre $\omega = o$ et $\omega = \alpha$ pour avoir l'action du courant CB, et doubler le résultat pour obtenir celle de DBC; ce qui donne

(1)
$$\mathbf{F} = \frac{2\mu i}{a} \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{2\mu i}{a} \tan \alpha \frac{\alpha}{2}.$$

Si 2 est égale à 90 degrés, le courant DBC se change en D'BC', il devient rectiligne et vertical,

$$\mathbf{F}_{i} = \frac{2 \,\mu \,i}{a}.$$

Tant qu'il ne s'agit que d'un pôle de solénoïde A, les formules (1) et (2) n'ont pas besoin d'être vérifiées, puisqu'elles sont des conséquences mathématiques de la loi élémentaire de deux courants. Mais ce que nous nous sommes proposé de faire, c'est de prouver qu'un pôle de solénoïde peut se remplacer par celui d'un aimant; nous allons donc chercher par l'expérience si l'action du courant DBC sur le pôle A d'un aimant est représentée en réalité par $\frac{2\mu i}{a}$ tang $\frac{\alpha}{2}$. Les mesures ont été faites par MM. Biot et Savart de la manière suivante.

Le conducteur DBC était sixé sur un cadre très-grand; il marchait de D en B et en C, revenait en D et ensuite se repliait plusieurs sois sur lui-même. Son action sur A était proportion-nelle au nombre des circonvolutions et se réduisait sensiblement à celle de la partie DBC. Son plan était perpendiculaire au méridien magnétique. Un aimant très-court était suspendu en A par un sil de soie au centre d'un ballon qui empêchait les agitations de l'air, et l'on mesurait la distance a du sil de suspension au point B. L'aimant se dirigeait et se maintenait perpendiculairement au cadre à la sois par la sorce directrice de la

terre et par l'action du courant; mais quand on le dérangeait de sa position d'équilibre en approchant un aimant extérieur, il y revenait par une suite d'oscillations dont on mesurait la durée au moyen d'un compteur à secondes.

Soit f l'action directrice de la terre. Sous son influence seule l'aiguille fait n oscillations en un temps T et l'on a, d'après une formule connue,

$$T = n\pi \sqrt{\frac{MK^2}{f}}, \quad f = \frac{n^2\pi^2MK^2}{T^2}.$$

Soit F la force directrice du courant quand la distance AB est a. Sous l'influence réunie de F et de f, on avait N oscillations dans le même temps T:

$$\mathbf{F} + f = \frac{\mathbf{N}^2 \pi^2 \mathbf{M} \mathbf{K}^2}{\mathbf{T}^2},$$

et par suite

$$\mathbf{F} = (\mathbf{N}^2 - n^2) \frac{\pi^2 \mathbf{M} \mathbf{K}^2}{\mathbf{T}^2}.$$

On obtenait de même, quand la distance était a',

$$F' = (N'^2 - n^2) \frac{\pi^2 M K^2}{T^2},$$

et ensin

$$\frac{\mathbf{F}'}{\mathbf{F}} = \frac{\mathbf{N}'' - n^2}{\mathbf{N}' - n^2}.$$

Comme l'intensité du courant variait pendant la durée des expériences, on exécutait alternativement et après des intervalles de temps égaux plusieurs mesures successives de F et de F', ce qui donnait les valeurs que nous désignerons par F₁, F₂, F₃,

$$F_1, \ldots$$
, et on comparait F_1 à $\frac{F_1 + F_2}{2}$, $\frac{F_1 + F_2}{2}$ à F_2 , etc. On

trouva ainsi que le rapport des forces directrices du courant sur l'aimant est en raison inverse des distances a et a'.

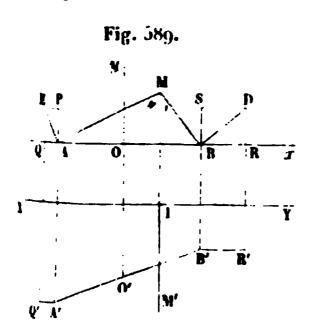
On changea ensuite l'angle α , et l'expérience prouva de même que F est proportionnelle à tang $\frac{\alpha}{2}$; en résumé cette force peut s'exprimer par

$$F = \frac{\Lambda}{a} \tan \frac{\alpha}{2}$$

Par conséquent, un courant angulaire indéfini agit sur un

simant suivant la même loi mathématique que sur un solénoïde. Avant de tirer des conséquences de cette conclusion si capitale, nous allons la confirmer par de nouvelles épreuves, et montrer qu'elle prévoit et qu'elle explique l'action d'un courant rectiligne indéfini sur un aimant, quels que soient leur position et le mode de suspension de celui-ci. Dans ce cas α est égal à 90 degrés, et la formule devient $F_1 = \frac{2 \mu i}{a}$, ou, en négligeant le facteur constant, $\frac{1}{a}$.

1°. CAS DE L'EXPÉRIENCE D'ŒRSTED.—Soient AB, A'B' (fig. 589) les projections d'une aiguille horizontale suspendue sur un



pivot vertical OO'; M, IM' représentent le courant indéfini horizontal. Il est clair que ce courant développe deux forces, la première AE, A'Q' appliquée en A, A' et dirigée vers la gauche, la seconde BD, B'R' agissant en B, B' vers la droite, toutes deux dans des plans verticaux. Elles se décomposent en forces verticales AP et BS qui n'agissent

point pour diriger le solénoïde, et en forces horizontales, l'une AQ, A'Q', l'autre BR, B'R', qui tendent à le placer dans un plan vertical perpendiculaire à celui du courant, le pôle sustral étant à gauche et le pôle boréal à droite : c'est le résultat de l'expérience d'OErsted.

2°. CAS OU L'AIGUILLE EST SUSPENDUE SUR UN LIQUIDE. — Il est évident que les composantes AQ A'Q', BR B'R' ne sont point égales, qu'elles se réduisent à un couple et à une force unique, et que si l'aiguille est soutenue sur un liquide, elle tendra d'abord à tourner de manière à ce que A'B' devienne perpendiculaire à IM', et ensuite à glisser dans le sens de sa longueur. Supposons que A'B' soit tout d'abord placée perpendiculairement au courant IM', le couple sera nul, et c'est l'excès de BR sur AQ qui fera mouvoir l'aiguille. Nous allons le calculer. Soient x et y les coordonnées de M, et 2 l la longueur

de l'aiguille,

$$BR = f = BD \cos M' = \frac{1}{MB} \frac{y}{MB} = \frac{y}{y^2 + (l - x)^2},$$

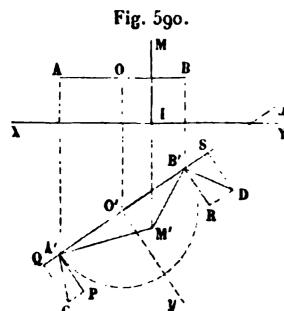
$$AQ = f' = AE \cos M'' = \frac{1}{MA} \frac{y}{MA} = \frac{y}{y^2 + (l + x)^2},$$

$$f - f' = \frac{4lxy}{[y^2 + (l - x)^2][y^2 + (l + x)^2]}.$$

Cette force sera nulle si y = 0, c'est-à-dire si le courant touche l'aiguille, ce qui est évident, puisque alors les forces AE et BD sont verticales; elle sera nulle encore si x = 0, c'est-à-dire lorsque le courant est sur la verticale du point milieu O. L'équilibre est stable quand BR et AQ s'éloignent de O, car si l'on déplace le courant et qu'on le mette en M dans l'angle y0x, la composante BR est plus grande que AQ, et elle entraîne l'aiguille de B vers R, de manière à la ramener à sa position d'équilibre en plaçant le point O sur la verticale MI; mais si le courant change de direction, BR et AQ sont toutes deux dirigées vers O, et BR étant plus grand que AQ, le point O s'éloigne de MI, et l'aiguille est chassée de R vers B.

3°. CAS D'UN COURANT VERTICAL ET D'UNE AIGUILLE HORIZONTALE.

— Soient encore AB et A'B' (fig. 590) les deux projections



de l'aiguille horizontale soutenue sur un pivot OO', MI et M' celles d'un courant vertical. Les plans menés par ce courant et les deux pôles seront verticaux, et leurs traces seront M'A', M'B'. Les deux actions du courant seront égales à $\frac{I}{M'B'}$ et à $\frac{I}{M'A'}$; elles seront horizontales et se projetteront en grandeur réelle

en B'D et A'C. Nous pourrons les décomposer en deux autres parallèles et perpendiculaires à l'aiguille.

Les deux forces A'Q et B'S se calculeront comme précédemment; elles tendraient à faire glisser l'aiguille dans le sens de sa longueur si elle nageait sur un liquide. Les deux autres B'R A'P agiront pour la faire tourner autour du point O', si elle soutenue sur un pivot; comme elles sont appliquées à des is de levier égaux, le moment résultant sera proportionnel à in dissérence. On a, en désignant par x et y les coordonnées M',

$$B'R = f = \frac{1}{M'B'}\cos RB'D = \frac{1}{M'B'}\frac{l-x}{M'B'} = \frac{l-x}{y^2 + (l-x)^2},$$

$$A'P = f' = \frac{1}{M'A'}\cos CA'P = \frac{1}{M'A'}\frac{l+x}{M'A'} = \frac{l+x}{y^2 + (l+x)^2},$$

$$f' - f = \frac{1}{M'B'^2}\frac{1}{M'A'^2}(x^2 + y^2 - l^2) 2x.$$

Quand M' est placé sur O'y, x = 0, l'action est nulle et il y équilibre; quand il est sur le cercle $x^2 + y^2 - l^2 = 0$ décrit lu point O' comme centre avec O'A' pour rayon, l'action est acore nulle; mais dans l'intérieur de ce cercle elle est négative, ce qui veut dire que le point B' est attiré, et que O'B' ient s'appliquer sur le courant. Si M' est à l'extérieur, $x^2 + y^2 - l^2$ étant positif, A' est attiré jusqu'à ce que l'axe O'y vienne se confondre avec O'M', alors x est devenu égal à zéro, f'-f est nul et l'aiguille est en équilibre; elle est perpenticulaire à O'M', elle tourne son pôle austral à la gauche, son pôle boréal à la droite du courant. L'expérience a été faite par l'Pouillet; elle justifie tous ces résultats et par conséquent elle prouve que l'action du courant est en raison inverse de sa distance aux pôles, comme la formule $F_1 = \frac{2\mu i}{a}$ l'indique.

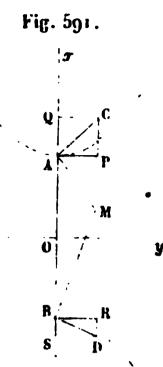
4. CAS D'UN COURANT HORIZONTAL ET D'UNE AIGUILLE VERTICALE.

Supposons que le courant soit horizontal et se projette \mathbf{M} , et que l'aiguille AB soit suspendue à un fil de soie $\mathbf{A}x$ (fg. 591). Les deux forces sont AC et BD perpendiculaires à \mathbf{M} et à $\mathbf{B}\mathbf{M}$; elles se décomposent comme précédemment, et leurs composantes normales AP et BR s'ajoutant pour déplacer l'aiguille, on a

$$AP = \frac{l - x}{y^2 + (l - x)^2}, \quad BR' = \frac{l + x}{y^2 + (l + x)^2},$$

$$AP + BR = \frac{2l}{AM^2 \cdot BM^2} (y^2 - x^2 + l^2).$$

 $y^2 - x^2 + l^2 = 0$ est l'équation d'une hyperbole passant par A



et B. L'action sera donc nulle si le courant M est sur le contour de cette courbe, elle sera négative et l'aiguille sera repoussée s'il est dans l'intérieur de l'une ou de l'autre branche, elle sera positive et l'aiguille attirée s'il est en dehors des deux branches. Quand on change le sens du courant, le signe de ces actions change lui-même. Ampère a vérifié toutes ces conséquences du calcul.

Il est important de préciser la conclusion générale que l'on peut tirer de ces diverses expériences.

Nous connaissons la formule qui exprime l'action réciproque de deux éléments de courant : nous pouvons donc avec le seul secours du calcul déterminer l'effet résultant de deux courants quelconques de forme et de position déterminées : c'est ainsi que nous avons calculé l'action d'un solénoïde sur un élément de courant, et ensuite celle de ce solénoïde sur un courant indéfini angulaire ou rectiligne.

Il est impossible de suivre la même marche pour découvrir les forces qui s'exercent entre les aimants et les courants. Puisque nous ne connaissons aucune relation théorique entre le magnétisme et l'électricité, et que nous ignorons en quoi consiste un élément magnétique, nous ne pouvons déterminer l'action de cet élément magnétique sur un élément de courant, et tant que cette action nous sera inconnue, il nous sera impossible de calculer les forces résultantes qui agissent entre un aimant de forme et de position quelconques, et un courant déterminé placé dans son voisinage.

Mais, d'une part, nous avons trouvé par le calcul qu'un courant angulaire indéfini exerce sur le pôle d'un solénoïde situé dans son plan une force perpendiculaire à ce plan et exprimée par $\frac{2\mu i}{a}$ tang $\frac{\alpha}{2}$, et d'un autre côté l'expérience de Biot et Savart nous a montré que l'action du même courant sur le pôle d'un aimant est exprimée par la même formule.

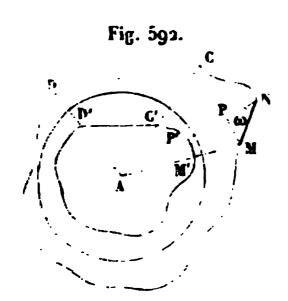
Ampère a été plus loin; trouvant que l'action résultante d'un pòle d'aimant ou de solénoide sur un courant indéfini est identique, il a conclu que l'action de ces mêmes pôles sur un élément de courant est aussi identique, c'est-à-dire qu'elle est perpendiculaire au plan passant par l'élément et le pôle, et exprimée par la formule $\frac{\mu i \sin \omega ds}{r^2}$, qu'il s'agisse d'un solénoide ou d'un aimant.

Ceraisonnement se réduit à ceci : puisque l'intégrale définie $\frac{2\pi i}{a}$ tang $\frac{\alpha}{2}$ représente à la fois l'action d'un courant indéfini sur un pôle d'aimant ou sur un pôle de solénoïde, les expressions différentielles qui expriment l'effet d'un élément de courant sur chacun de ces pôles sont aussi les mêmes.

Il est évident que cette conclusion n'est pas légitime; mais si l'on répète pour des cas très-nombreux le même mode de misonnement, et si l'on trouve toujours que l'intégrale définie trouvée théoriquement pour le solénoïde s'applique expérimentalement à l'aimant, alors il sera exact de dire que l'expression différentielle $\frac{\mu i \sin \omega ds}{r^2}$ s'applique aussi aux deux appareils. C'est dans ce but que nous allons étudier encore le problème qui suit.

ROTATION DES COURANTS PAR L'ACTION DES SOLÉNOÏDES OU DES AIMANTS.

Soient MN un élément de courant, et A le pôle d'un solé-



noïde (fig. 592). L'action exercée sur MN est une force F perpendiculaire à AMN et égale à $\frac{\mu i \sin \omega ds}{r^2}$, ou, en négligeant le facteur μi , à $\frac{\sin \omega ds}{r^2}$. Si l'on abaisse MP perpendiculaire sur AN, MP = $ds \sin \omega$, et si l'on décrit du point A comme centre une sphère de rayon égal à

l'unité, elle sera coupée par le plan AMN suivant l'arc M'P' égal à $\frac{MP}{r}$, ou à $\frac{\sin \omega ds}{r}$. Donc

$$\varphi = \frac{\mathbf{M'P'}}{r};$$

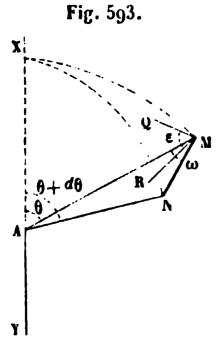
ensin le moment de rotation de l'élément MN, autour du point A, sera

$$\varphi r = M'P'$$
.

Ce moment est donc perpendiculaire au plan AM'P', et représenté en grandeur par M'P'. La même chose ayant lieu pour tous les éléments d'une portion quelconque CMD de courant, le moment du couple résultant sera lui-même, d'après un théorème connu, représenté en grandeur par la diagonale D'C', et perpendiculaire au plan AC'D'.

Il résulte de là que si le courant CMD est fermé, C'D' est nul et le couple résultant est égal à zéro, c'est-à-dire que l'action d'un pôle A de solénoïde sur ce courant fermé se réduit à une force unique passant par le point A.

Calculons maintenant, quand le courant n'est pas fermé, la valeur du moment de rotation autour d'un axe XY, passant par



le pôle A (fig. 593). L'action est dirigée, suivant la normale MQ, au plan AMN; elle se décompose en deux forces, l'une dans le plan XAM, qui est sans action, l'autre MR normale à ce plan, et qui produit la rotation. Si nous désignons par l'angle QMR, qui est celui des deux plans XAM et MAN, nous avons

$$MR = \frac{\mu i \sin \omega ds}{r^2} \cos \varepsilon.$$

Pour avoir le moment de rotation m, il faut multiplier MR par la perpendiculaire abaissée de M sur XY; elle est égale à $r \sin \theta$,

$$m = \frac{\mu i ds}{r} \sin \omega \sin \theta \cos \varepsilon.$$

ACTIONS ENTRE LES COURANTS ET LES AIMANTS. 241 Dans l'angle trièdre dont le sommet est en A et la base en XMN, on a

 $\cos XAN = \cos XAM \cos MAN + \sin XAM \sin MAN \cos \epsilon$, $\cos (\theta + d\theta) = \cos \theta \cos MAN + \sin \theta \sin MAN \cos \epsilon$.

L'angle MAN étant infiniment petit, son cosinus est égal à l'unité, et son sinus se trouve comme il suit :

$$\frac{\sin MAN}{\sin ANM} = \frac{\sin MAN}{\sin (\omega + d\omega)} = \frac{ds}{r}, \quad \sin MAN = \frac{ds \sin \omega}{r};$$

en remplaçant le cosinus et le sinus de MAN par leurs valeurs dans l'équation précédente, il vient

$$-\sin\theta d\theta = \frac{ds}{r}\sin\omega\sin\theta\cos\epsilon,$$

et en comparant cette valeur avec celle du moment de rotation,

$$m = -\mu i \sin \theta d\theta$$
.

Si l'on intègre entre les limites θ_1 et θ_2 d'un courant quelconque, le moment total P sera

$$\mathbf{P} = \mu i (\cos \theta_1 - \cos \theta_2).$$

Lorsque l'axe XY passera à la fois par les deux pôles du solémolde, il faudra retrancher les deux moments de rotation

$$\mathbf{P} - \mathbf{P}' = \mu i (\cos \theta_1 - \cos \theta_2 - \cos \theta_1 + \cos \theta_2),$$

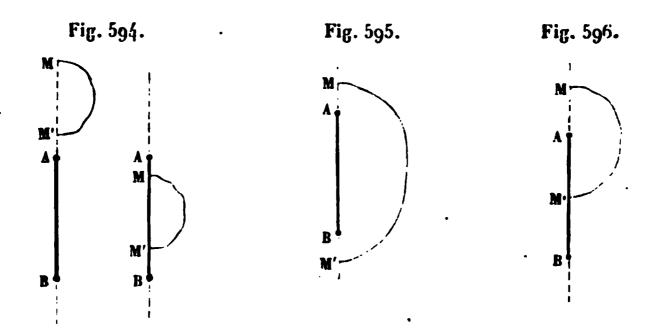
expression qui est nulle si le courant est fermé, car alors $\theta_1 = \theta_2$, et $\theta_1' = \theta_2'$.

Tous les courants sont nécessairement sermés, mais on peut fire en sorte qu'une de leurs parties seulement soit mobile autour de l'axe d'un solénoïde, et le moment de rotation de celle-ci peut n'être point nul. Nous allons examiner le cas où elle est terminée en deux points M et M' situés sur l'axe AB (fig. 594, 595 et 596).

- 1°. M et M' peuvent être placés tous deux au-dessus des pôles A et B, ou tous deux entre ces pôles; dans ce cas, $\theta_1 = \theta_2$, $\theta_1 = \theta_2$, et P P' est nul (fig. 594).
 - 2°. M peut être au-dessus, M' au-dessous des deux pôles ill.

342 SOIXANTE ET ONZIÈME LEÇON.

(fig. 595); dans ce cas, $\theta_1 = \theta'_1 = 0$, $\theta_2 = \theta'_3 = \pi$, et P - P' est encore nul.

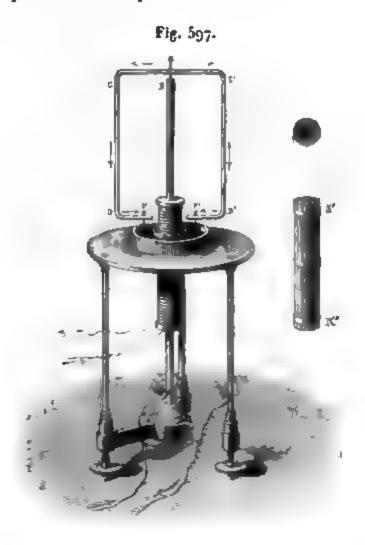


3°. Mais si l'un des pôles, A, est compris entre M et M' \leftarrow que l'autre, B, soit au-dessous de M et de M' (fig 596), on a

et, par suite,
$$P - P' = 2\mu i.$$

Le courant tournera autour de l'axe AB, et le moment de rotation ne dépendra ni de la position du courant mobile, ni de son étendue.

Pour réaliser les conditions de ce calcul, j'ai fait disposer l'appareil suivant (fig. 597). AB est une colonne de cuivre isolée sur une base en ivoire, et par laquelle le courant arrive dans une coupe B; il descend ensuite le long de deux branches mobiles BCD, BC'D', formées par un tube d'aluminium, et il vient par deux pointes F et F', très-voisines l'une de l'autre, dans un godet annulaire de fer plein de mercure; de là il est ramené par les supports jusqu'en K, et ensin jusqu'à la pile. On voit que les parties mobiles du courant sont limitées à un point B situé sur l'axe et aux deux pointes F et F' très-voisines de cet axe, et qu'on peut, sans erreur sensible, considérer comme étant confondues avec lui. Un solénoide NS enroulé sur un cylindre creux, peut glisser le long de la ligne AB; si on le soulève de manière à placer ses deux pôles entre les limites B et F du courant, ou qu'on l'abaisse jusqu'à les mettre tous deux au-dessous de F et de F', on ne voit aucun mouvement dans le conducteur mobile; mais celui-ci se met à tourner avec une ACTIONS ENTRE LES COURANTS ET LES ALMANTS. 243 grande rapidité, quand le pôle S est au-dessus des deux pointes F et F', et que le second pôle N est au-dessous.

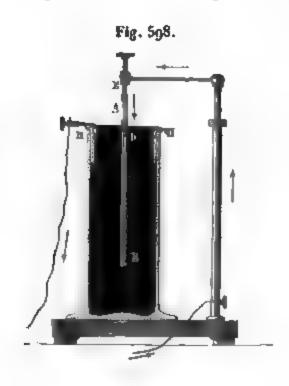


L'important n'est pas de faire voir qu'un solénoïde se conduit suivant les prévisions du calcul, c'est de montrer qu'un
aiment les réalise toutes et de la même manière. A cet effet,
on enlève le solénoïde NS, et on le remplace par un faisceau
magnétique N'S', disposé sur un cylindre creux du même
calibre que l'axe AB, et on reconnaît que le mouvement du
conducteur se produit ou s'arrête quand l'aiment occupe les
positions qu'il fallait donner au solénoïde pour le produire ou
l'arrêter; et puisque dans ce second exemple l'intégrale définie
qui exprime le moment de rotation, est la même pour l'aimant
et le solénoïde, il devient légitime d'admettre que l'action
élémentaire que ces deux appareils exercent sur un élément
de courant est aussi la même. Voici de nouvelles expériences
qui confirment la précédente, ainsi que la conclusion que j'en
viens de tirer.

ment de rotation d'un courant fermé autour de l'axe d'un solé noîde est nul, le moment de réaction qui tendrait à faire tourne ce solénoîde autour de ce même axe est lui-même également nul. On peut en conclure que si on décompose le courant et deux parties quelconques, toutes deux feront naître des couples égaux et contraires, et si on parvient à détruire l'effet d'un deux, celui de l'autre sera de faire tourner le solénoïde.

Or il est de l'essence des forces réciproques de se détruir quand les parties entre lesquelles elles s'exercent sont soli daires. Si donc une portion du courant traverse le solénoïd lui-même, elle ne lui donnera aucun mouvement, et toutes le autres parties de ce même courant détermineront un momen de rotation égal et contraire à celui qu'elles éprouveraien elles-mêmes si elles étaient mobiles, et que le solénoïde fû fixe.

Nous venons de voir que tout courant terminé sur l'axe X' en deux points M, M', l'un entre les deux pôles, l'autre au dessus d'eux (fig. 596), est sollicité par un couple indépen dant de sa forme et égal à $2\mu i$; par conséquent, si l'on dirige l courant d'une pile à travers le solénoïde, en le faisant entre par le point M et sortir par M', il déterminera un moment de rotation égal à — $2\mu i$, et l'expérience devra réussir si l'on remplace le solénoïde par un aimant.



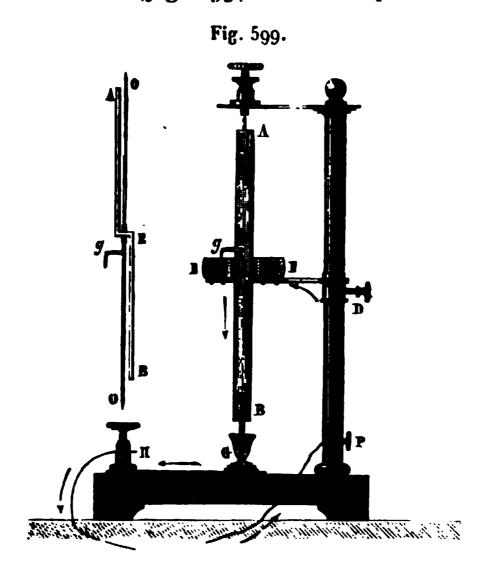
Ampère a réalisé ces conditions en plongeant dans l'axe d'une éprouvette pleint de mercure un aimant AI (fig. 598), l'esté en B par ut poids de platine qui le prolonge, et terminé en A par ut godet dans lequel on verse une goutte de mercure. Le courant arrive en A par une vi pointue qu'on règle convenablement; il descend d'abort de E jusqu'à la surface du bait en D, et dans cette portion de son parcours il n'influe pas su

ACTIONS ENTRE LES COURANTS ET LES AIMANTS.

Int: il s'échappe ensuite en rayonnant vers les bord

l'aimant; il s'échappe ensuite en rayonnant vers les bords de l'éprouvette, où il rencontre un anneau métallique HH en communication avec le pôle négatif. Tout se passe donc comme si l'aimant était sollicité par un courant non fermé terminé en deux points de l'axe, l'un E au-dessus des pôles, l'autre D placé entre les deux.

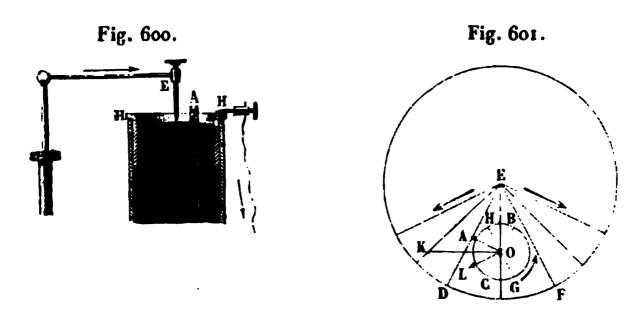
On peut employer encore un appareil plus commode, construit par M. Breton (fig. 599). L'aimant peut tourner autour



de deux pointes A et B; le courant monte par une colonne PD, et arrive dans un vase annulaire EF, qui est rempli de mercure; il pénètre, par un crochet g, dans l'aimant qu'il suit jusqu'au godet G, et il retourne au pôle négatif par H. Sauf la différence de construction, cet appareil est identique à celui d'Ampère.

résultante totale d'un courant sur un solénoïde se réduit nécessairement à un couple et à une force. Or nous venons de voir que le moment de rotation est nul, si le courant est fermé et l'aimant mobile autour de son axe AB: cela veut dire que le couple est dans un plan passant par AB, et que la force est appliquée en un point de cette ligne. Par conséquent, si l'aimant était mobile autour d'un axe parallèle à AB, mais non confondu avec cette ligne, le couple serait encore détruit; mais la force agirait, et comme elle changerait nécessairement de direction avec la position du solénoïde, elle pourrait lu imprimer un mouvement de rotation.

C'est ce qu'on vérisse avec un aimant dans l'appareil de la fig. 598, en saisant arriver le courant par la pointe E, abaissét jusqu'au niveau du mercure, et en plaçant l'aimant excentriquement en A (fig. 600), il se met à tourner.



Pour expliquer plus complétement cette expérience, représentons (fig. 601) une coupe horizontale de l'appareil, menée par la surface du mercure. La pointe est projetée en E, le centre du solénoïde est en O; les courants qui le composent sont en CGBII, ceux qui arrivent par la pointe se dirigent en rayonnant du centre E vers la circonférence DF, et ce sont ceux qui passent le plus près du solénoïde qui exercent une action prédominante et déterminent le sens de l'effet produit. Or BAC est attiré, et CGB est repoussé par ED; mais la première action est plus grande que la seconde, et leur dissérence agi suivant OA perpendiculaire à ED. Un courant EF, symétrique de OD, fera naître une autre force OL perpendiculaire à sa direc tion et égale à OA, et la résultante de OA et de OL sera Ol qui est perpendiculaire à la ligne EO, et qui fait décrire à l'ai mant une spirale dont le sens change avec la nature du pôle e le sens des courants dans le mercure.

On peut produire un mouvement de rotation par la mêm

En résumé, puisque dans tous les cas qui ont été traités îl a été possible de vérisier avec un aimant toutes les propriétés que le calcul avait indiquées pour un solénoïde de même longueur et d'intensité convenable, on peut admettre :

- nnt est la même que celle d'un pôle de solénoïde, c'est-à-dire qu'elle est normale au plan passant par l'élément et le pôle, et égale en intensité à $\frac{\mu i \sin \omega ds}{r^2}$, ω étant l'angle de l'élément et de la droite qui le joint au pôle;
- 2°. Que l'effet exercé par un aimant sur un système de courants quelconques pourra se calculer en intégrant la formule élémentaire $\frac{\mu i \sin \omega ds}{r^2}$, et qu'il sera toujours le même que celui d'un solénoïde équivalent.

Mais il faut aller plus loin, et montrer que non-seulement dans leurs relations avec les courants, mais encore dans leurs relations réciproques, les aimants peuvent être remplacés par des solénoïdes.

Il est évident d'abord « qu'un aimant AB agira sur un solénoïde A'B', comme le ferait un solénoïde équivalent », car son action se réduit à la résultante des forces que ses pôles exercent sur chaque élément de A'B', et elles sont les mêmes que celles qui sont produites par les pôles du solénoïde qui lui est équivalent. Il ne reste donc qu'à calculer l'action de deux solénoïdes entre eux.

Ampère a démontré que si SS', dd' représentent les surfaces et les distances des cercles élémentaires dans les deux solénoïdes et i, i' les intensités de leurs courants, il y a entre deux quelconques de leurs pôles une force qui est attractive ou répulsive, s'ils sont de nom contraire ou de même nom, qui est en raison inverse du carré de leur distance r, et exprimée par

$$\mathbf{F} = \mu \frac{\mathbf{S}i}{d} \frac{\mathbf{S}'i'}{d'} \frac{1}{r^2}$$

248 SOIXANTE ET ONZIÈME LEÇON.—ACT. ENTRE LES COURANTS. C'est précisément l'action qui serait exercée entre deux pôles de deux aimants qui auraient des intensités magnétiques équivalentes.

Donc un aimant a toutes les propriétés d'un solénoïde confondu avec lui et équivalent en intensité, soit quand il agit sur un courant, soit quand il est mis en présence d'un système quelconque d'autres aimants.

Après avoir démontré cette identité absolue des propriétés que nous offrent les solénoïdes et les aimants, Ampère fut naturellement conduit à expliquer par la même théorie le magnétisme et l'électricité. Deux hypothèses également possibles se présentaient à lui : il pouvait ou bien admettre l'existence d'un fluide magnétique et en faire dériver les courants électriques, ou bien conserver l'hypothèse des courants et supposer qu'ils existent dans le ser aimanté où ils constituent des colénoïdes moléculaires. C'est le sujet qui nous reste à traiter dans la Leçon suivante.

SOIXANTE-DOUZIÈME LEÇON.

MAGNÉTISME ET DIAMAGNÉTISME.

Théorie du magnétisme. — Constitution des aimants. — Aimantation par les courants. — Magnétisme terrestre.

Diamagnétisme. — Polarité diamagnétique. — Influence du milieu ambiant. — Influence de la structure. — Mesure des pouvoirs magnétiques. — Résultats numériques.

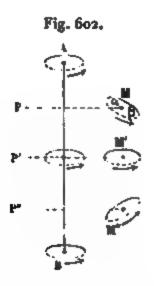
THÉORIE DU MAGNÉTISME.

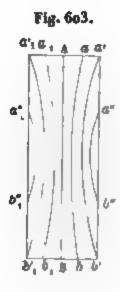
Nous avons exposé et discuté la théorie des fluides électriques et magnétiques. Imaginés pour satisfaire au besoin d'expliquer, ils ont cette commodité de rattacher les saits par une relation hypothétique à une cause possible. Mais par cela même que c'est notre imagination qui les a inventés, en leur donnant gratuitement des propriétés qui traduisent les lois Observées, ils n'ont pas d'existence démontrée, et nous pouvons y renoncer sans aucun scrupule, si nous venons à découvir ou leur insuffisance ou leur inutilité. Or leur insuffisance aété reconnue quand OErsted à découvert l'action d'un courant sur un aimant, que rien ne faisait soupçonner, et l'inutilité des suides magnétiques est devenue maniseste quand Ampère eut prouvé qu'on peut reproduire toutes les propriétés des aimants avec des courants enroulés en hélice : cela conduisait naturellement à penser que les aimants sont des solénoïdes réels constitués par des courants intestins.

constitution des aimants. — D'après ces idées, Ampère abandonne absolument l'hypothèse du fluide magnétique; mais il la remplace par une autre. Il suppose que dans un barreau aimanté (fig. 603) les molécules peuvent être groupées en files AB, ab, a'b' sensiblement parallèles à l'axe; qu'elles sont entourées par des courants circulaires de même sens, dont les plans sont perpendiculaires aux lignes AB, ab, ..., et qu'elles

constituent ainsi un faisceau de solénoïdes élémentaires sant comme un solénoïde résultant unique.

Si l'aimant avait une grande longueur et un petit diant tous ces courants seraient perpendiculaires à l'axe AB; en général leurs réactions mutuelles s'opposent à ce qu' soient rigoureusement. Ils le seront sur l'axe AB (fig.





à cause de la symétrie; mais celui qui entoure une molé quelconque M sera dans des conditions différentes : il repoussé par ceux qui sont à droite ou à gauche, parce marche dans un sens contraire au leur dans les parties plus voisines. Supposons que M soit à la droite de l'as dans la partie supérieure de l'aimant, il est évident qu partie a sera repoussée par tous les courants qui sont droite de M, et β par ceux qui sont à la gauche. Ces deu: tions seront dirigées de bas en haut, parce qu'il y a plu courants au-dessous qu'au-dessus de PM, et la première plus grande que la seconde, parce qu'il y en a aussi un grand nombre du côté de l'axe que du côté opposé. Do partie z se relèvera, d'autant plus que M sera plus loi l'axe AB et de la section moyenne P'M' de l'aimant; elle prouvera aucune action pour un point M' situé sur P'M', et s'abaissera si on considère M" au-dessous de P'M'.

Il suit de là que si on mêne les lignes assujetties à être males aux plans de ces divers courants, elles seront les d'autant de solénoïdes juxtaposés (fig. 603); elles se courbes et tourneront vers l'axe leur convexité, qui sera

tant plus prononcée qu'elles s'approcheront davantage des bords et que l'aimant sera plus gros et moins long. Or les pôles de tous les solénoïdes étant aux extrémités mêmes de ces courbes, ceux de l'aimant seront les deux points d'application des résultantes des forces que les solénoïdes exerceront, et il est clair qu'ils seront placés à une certaine distance des extrémités; elle sera d'autant plus grande que l'aimant sera plus gros, ce qui est conforme à l'observation.

AMANTATION. — Il ne suffisait point d'expliquer la constitution d'aimants tout formés, il fallait encore concevoir comment ils naissent pendant l'aimantation. Ampère a supposé que les molécules du fer, de l'acier, et en général des corps magnétiques, sont entourées, même dans leur état naturel, par des courants préexistants, dont les plans sont absolument quelconques, et qui détruisent réciproquement leurs essets, parce qu'il y a toujours dans une même direction le même nombre de courants inverses. Mais si on place dans le voisinage un aimant tout formé, c'est-à-dire un faisceau de solénoïdes parallèles, ceux-ci attireront ou repousseront les courants élémentaires du fer ou de l'acier, suivant les lois connues de l'électrodynamique, ils les dirigeront tous dans un même sens et dans des plans parallèles, et par conséquent ils les disposeront en un faisceau de solénoïdes juxtaposés, ce qui constituera un aimant.

Prenons comme exemple le cas simple représenté (fig. 584), où un aimant AB serait en présence d'un fer doux A'B'. Les courants moléculaires préexistants dans ce dernier deviendront parallèles à ceux de l'aimant, A'B' s'aimantera et prendra en A' un pôle de nom contraire à celui de l'aimant, avec lequel il est en contact.

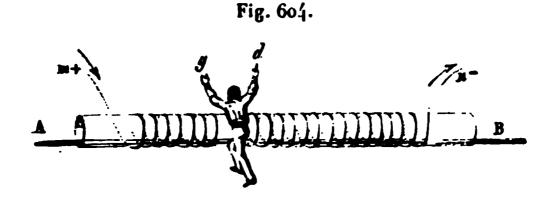
En résumé, l'aimantation n'est rien autre chose qu'un phénomène d'orientation des courants moléculaires par l'action mécanique qu'exercent sur eux les courants extérieurs. Si cela est, ce que l'on nomme la force coercitive s'expliquerait par la facilité plus ou moins grande avec laquelle les courants moléculaires pourraient changer leur direction première. Dans le ser doux, ils seraient extrêmement mobiles, et leur déplacement se serait instantanément et sans résistance, sous l'influence des moindres actions extérieures : dans l'acier, at contraire, ils seraient presque fixes et résisteraient énergique ment à toute force directrice. D'où il suit que le fer s'aimanterait et se désaimanterait au voisinage d'un aimant même faible, et que l'acier ne pourrait prendre ou perdre du magnétisme que par des causes plus énergiques et plus longtemps continuées.

En fait de systèmes destinés à résumer toute une classe de faits nombreux, il faut toujours arriver à supposer une cause. Cette nécessité est commune à la théorie des deux fluides et à celle d'Ampère; mais celle-ci a sur celle-là une supériorité incontestable de simplicité, de généralité et de fécondité : de simplicité, car une fois qu'on a admis l'existence de courants moléculaires tout formés, mobiles dans le fer et fixes dans l'acier, l'aimantation et toutes les propriétés des aimants sont des conséquences qu'on peut calculer; de généralité, puisqu'on substitue aux deux fluides spéciaux du magnétisme et de l'électricité une seule cause qui est le courant électrique; el enfin de fécondité, car on prévoit, outre les phénomènes magnétiques et électromagnétiques, un mode nouveau et plus rationnel d'aimantation.

AIMANTATION PAR LES COURANTS. — En effet, si l'aimantation n'est produite que par l'orientation dans des directions parallèles des courants moléculaires du fer sous l'influence de courants extérieurs, on pourra la déterminer non plus seulement en faisant agir sur un barreau un aimant tout formé mais en saisant agir des courants quelconques. Arago sut le premier à déduire et à vérisier cette conséquence de la théorie d'Ampère. Il plongea un fil de cuivre traversé par le couran d'une pile dans de la limaille de fer : il vit celle-ci s'attacher at conducteur, et chaque parcelle se placer en croix avec lui; pui il disposa le même courant dans le voisinage d'une aiguille d'acier et perpendiculairement à sa direction, et elle s'ai manta de telle sorte que le pôle austral était à gauche, comme dans l'expérience d'OErsted. Il continua ces recherches con jointement avec Ampère, et tous deux arrivèrent aux résultat suivants.

Formons une spirale ou un solénoîde avec un courant repli-

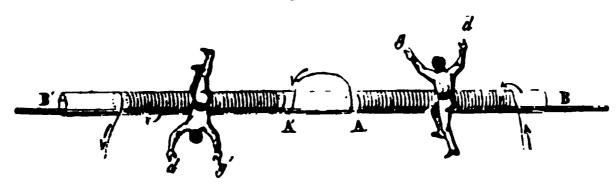
MAGNÉTISME ET DIAMAGNÉTISME. sur un tube de verre (fig. 604), figurons le sens de ce courant



par la poupée gd, et plaçons une aiguille d'acier dans l'inténeur; aussitôt que le courant passera dans le conducteur, il dirigera parallèlement à lui-même tous les courants moléculaires du barreau, qui alors prendra deux pôles, l'un austral à auche, en A, l'autre boréal à droite, en B.

La formation des points conséquents se prévoit, s'obtient et s'explique avec autant de netteté; il sussit, pour en développer un, de disposer sur un tube de verre deux hélices juxtaposées formées avec le même sil dans des sens contraires (fig. 605):





 \blacksquare droite du courant est dans chacune d'elles en d et d' vers les extrémités B et B', où se forment deux pôles boréaux, et la gauche est située en g et g' vers l'espace moyen AA', où l'on voit se former un double pôle austral, c'est-à-dire un point conséquent. On en obtiendrait autant qu'on le voudrait aux lieux de juxtaposition d'un nombre quelconque d'hélices successives, dont les sens seraient alternativement opposés.

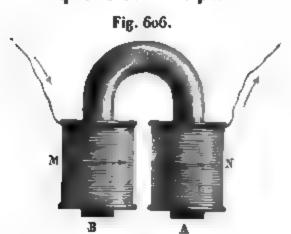
Ce qui est le plus remarquable dans ces expériences, c'est que l'aimantation se fait instantanément; elle présente d'ailleurs des circonstances dissérentes, suivant qu'on opère sur l'acier ou sur le fer.

Si le courant est intense, un barreau d'acier trempé prend une intensité magnétique extrêmement grande, qui persiste ensuite en diminuant peu à peu jusqu'à la saturation permanente.

M. Elias de Harlem, avec le concours de M. Logemann, a découvert une méthode pratique pour obtenir par ce procédé des aimants permanents beaucoup plus forts que ceux qu'on prépare par l'aimantation ordinaire. On croit savoir qu'il fait agir des courants sur un acier particulier et très-fortement trempé; mais on ignore les détails de l'opération, qu'il tient secrète par un motif qu'on ne peut s'empêcher de regretter. L'École Polytechnique a acquis l'un de ces aimants, du poids de 75 kilogrammes, et qui en porte 150.

Quand on emploie du fer doux, il perd son aimantation aussi rapidement qu'il l'a gagnée, aussitôt que le courant cesse d'agir. C'est ce qu'on peut démontrer par un appareil ingénieux, que M. Froment construit, et qu'il nomme sirène électrique. Elle se compose d'un morceau de fer doux entouré par un conducteur hélicoïdal, et devant lequel est un contact mobile qu'un ressort tient éloigné, mais qui peut venir toucher le fer quand celui-ci est aimanté. Le courant passe toutes les " fois que ce contact est éloigné, alors il est attiré; mais son mouvement ouvre le circuit, aussitôt le fer doux se déstimante; alors le ressort agissant sur le contact le ramène à se nosition première et ferme de nouveau le circuit. Il en résulte un mouvement de va-et-vient assez rapide pour produire un son dont l'acuité augmente avec la rapidité des oscillations, el on fait varier celle-ci en diminuant l'étendue de la course de contact.

Lorsque le courant persiste dans l'hélice magnétisante, l'ai-



mantation persiste également dans le fer doux et produit ainsi des électroaimants temporaires extrêniement intenses. Pour les obtenir, on choisit le fer le plus doux qu'on puisse rencontrer, on le recourbe en fer à cheval AOB (fig. 606), et l'on entoure ses deux

extrémités de deux bobines de fils enroulés M et N, à tra-

vers lesquelles on fait passer le courant. Si le noyau de ser était rectiligne, les deux bobines devraient être deux portions d'un même solénoïde; mais en le recourbant en ser à theval, le sens du courant devient contraire dans M et dans N; le pôle austral est en A à la gauche de la slèche N, et le pôle toréal en B à la droite de M. On peut suspendre cet appareil une potence et lui présenter un contact de ser doux; celuitiadhère aux pôles A et B, et il saut plusieurs centaines de tilogrammes pour le séparer.

L'intensité du magnétisme que peut prendre un barreau de fer doux dépend de l'intensité du courant, du nombre des pires de l'hélice et ensin de la longueur et du diamètre du fer. Ce que l'on sait de positif sur ce sujet est dû à M. Muller.

La longueur du cylindre, quand elle dépasse une certaine limite, n'a point d'insluence sensible. Si on représente par I lintensité du courant, par n le nombre des tours, par d le diamètre du fer, par m le moment magnétique de l'aimant formé, et par A une constante qui varie avec le métal qu'on emploie, on a la sormule empirique

$$nI = Ad^{\frac{3}{2}} \tan \frac{m}{0,00005d^{2}},$$

001

$$\frac{m}{0,00005d^2} = \arctan \frac{n \, \mathrm{I}}{\mathrm{A} \, d^2}.$$

Supposons d'abord que l'intensité ne soit pas très-grande, l'arc Peut être pris comme égal à sa tangente, ce qui donne

$$m = 0,00005 d^2 \frac{nI}{A d^{\frac{3}{2}}} = D n I \sqrt{d}.$$

Le moment magnétique est proportionnel à la racine carrée du timètre d, à l'intensité I et au nombre des tours n. Cette loi avait té énoncée, comme étant générale, par MM. Lenz et Jacobi; le est assez exacte pour qu'on puisse l'admettre dans la pluret des cas.

Mais quand l'intensité croît jusqu'à l'infini, la tangente $\frac{1}{d^{\frac{3}{2}}}$ devient infinie, et l'arc qui lui correspond égal à 90 de-

grés; donc

 $m = \mathbf{B}d^2$;

ce qui prouve que l'électro-aimant atteint une limite de saluration proportionnelle au carré de son diamètre.

magnétisme terrestre. — On a démontré (tome I, pages 503 et suivantes) que la terre dirige l'aiguille d'inclinaison et de déclinaison, comme le ferait un aimant gros et court, dont l'axe serait perpendiculaire à l'équateur magnétique. D'autre part, on a fait voir dans la 70° Leçon que l'action du globe sur des courants mobiles s'explique en supposant qu'il existe dans les régions de l'équateur un courant marchant de l'est vers l'ouest. Comme cette action se produit dans tous les lieux du globe, il faut que ce courant soit fermé et enveloppe la terre d'un grand cercle. Ces deux conclusions sont tout à fait concordantes, car le courant circulaire constitue un solénoïde gros & court, ou un aimant dont le pôle austral est vers la gauche d'un observateur qui aurait les pieds à l'est et la tête à l'ouest, et qui regarderait le centre du globe, c'est-à-dire vers le sud; et dont le pôle boréal serait à droite ou dans la direction du nord. On peut donc expliquer tous les effets produits sur une aiguille aimantée et sur un courant mobile, en admettant dans le noyau terrestre, soit un aimant central, soit un courant; il n'y a qu'à se demander quelle est celle des deux hypothèses qui est la plus probable.

Toutes les fois qu'on creuse un puits dans l'écorce terresue, on reconnaît que la température s'élève, dans nos climats, de 1 degré environ par 30 mètres. Si on admet que cette progression se continue indéfiniment, on trouve qu'à la profondeur de 12 lieues, la température serait celle de la fusion du fer. A la vérité, rien ne prouve que l'accroissement de température se continue jusqu'au centre; il est même probable qu'il s'arrête à une limite déterminée; mais les idées cosmogéniques et géologiques, aussi bien que les phénomènes volcaniques, démontrent qu'à cette limite la température est assez élevée pour tenir en susion les matières les plus réfractaires. Or on sait que le magnétisme du fer ne persiste point à la température rouge: pas suite, il faut renoncer à l'hypothèse d'un aimant central. S d'ailleurs il existait, il ne pourrait se déplacer, et les variations

séculaires, annuelles et diurnes seraient dissicilement expliables.

Mais tandis que la constitution du globe exclut l'hypothèse d'un aimant central, les phénomènes qui se passent dans son intérieur et à sa surface sont prévoir l'existence de courants. Ioutes les actions chimiques en produisent, tous les phénomènes de propagation calorifique en sont naître, et toutes les muses qui développent l'électricité atmosphérique déterminent mnifestement des mouvements continus de sluides dans le pol.

Parmi ces causes diverses, on en trouve qui éprouvent des miations séculaires, ce sont celles qui affectent la terre tout mtière; d'autres changent périodiquement et repassent par les mêmes valeurs, soit dans les mêmes saisons des diverses antées, soit aux mêmes heures de chaque jour: ce sont les phémemènes calorifiques qui dépendent du soleil; enfin il y en a qui sont accidentelles, ce sont celles qui produisent les aurores boréales. Il doit donc y avoir des courants dans la terre, et il fut qu'ils éprouvent des variations séculaires, annuelles, durnes et accidentelles.

La multiplicité des causes, la connaissance très-imparfaite qu'on en a, ne permettent guère d'ailleurs de prédire le sens des courants derrestres; mais il est clair que tous ceux-ci, en superposant leur action, doivent produire sur l'aiguille aimantée un effet égal à celui d'un courant résultant unique. C'est ce courant résultant qui va de l'est à l'ouest, et qui parcourt l'équateur magnétique.

On comprend aisément que le courant résultant ne doit pas voir exactement la même direction, ni la même intensité pour chaque lieu, ce qui revient à dire que chaque point du globe est influencé comme il le serait par un courant fictif traversant un cercle équatorial, lequel varierait de position avec ce point. De là résulte que les courbes magnétiques n'ont pas la régulaité que la théorie leur assigne.

Une seule de ces causes du courant terrestre peut être disntée : c'est l'action du soleil. Comme il marche de l'est à 'ouest, il détermine un échaussement dans le même sens, et ette dissymétrie du mouvement calorisique doit saire naître ne sorce électromotrice agissant dans le même sens. En dis-

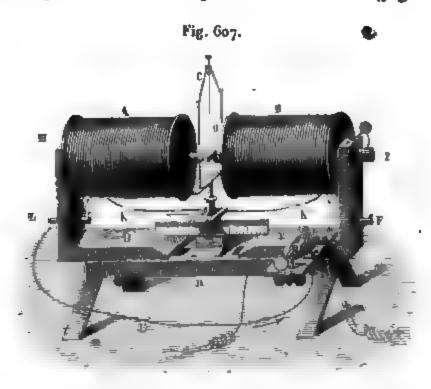
III.

cutant cette idée, Aimé est arrivé à rendre assez fidèlem compte des variations magnétiques; mais ce sujet est enc trop obscur pour que nous nous y arrêtions.

DIAMAGNÉTISME.

On n'a connu pendant longtemps qu'un très-petit nombre métaux magnétiques: le fer, le nickel, le cobalt, le mangan et le chrome. Quant aux autres substances, on les considé comme indifférentes à l'action des aimants. Cependant, en r'. Brugmans avait annoncé que le bismuth est repoussé par l'mant; ensuite, Lebaillif, au moyen d'un appareil fort déli avait confirmé cette propriété et l'avait retrouvée dans d'au substances parmi lesquelles on peut citer l'antimoine; n ces expériences avaient été pour ainsi dire oubliées, parce les effets toujours très-faibles étaient incertains et souv contradictoires. Ils devinrent très-nets, en devenant plus tenses, quand M. Faraday reprit la question avec des élect aimants très-puissants.

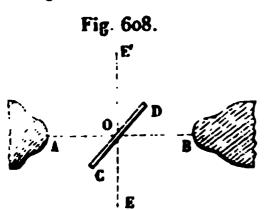
expériences générales. — L'appareil qui sert à ces ex riences, et qui est construit par M. Ruhmkorff (fig. 607),



compose d'un banc de fer très-épais D, percé d'une rainure le gitudinale, et sur lequel reposent et glissent deux équer

massives HLH', IFI'; elles peuvent être éloignées ou rapprochées, et on les serre au moyen de deux fortes vis qui sont engagées dans la rainure. A leur sommet, elles sont reliées à deux noyaux de fer doux cylindriques HO, IO, qui occupent les axes de deux bobines A et B et qui sont terminés en O par deux armatures montées à vis auxquelles on donne, suivant les cas, des formes différentes. Toutes les pièces étant en fer, fixées entre elles et très-massives, elles constituent un électro-aimant très-énergique, et quand un courant traverse les deux bobines A et B dans le même sens, il développe deux pôles opposés aux deux armatures O. Ce courant arrive dans le commutateur E, qui a été décrit page 17; il est transmis par la poupée F à la bobine B; il passe de B en A par le fil KK', et il revient au commutateur par LL.

On place entre les deux pôles un support C, destiné à soutenir par un fil de cocon CO un cylindre d'une substance quelconque; on peut faire glisser ce support longitudinalement sur une règle divisée, et, au moyen d'une vis latérale, lui donner un mouvement perpendiculaire. Il est donc possible de placer le milieu O du cylindre suspendu, dans l'axe et à égale distance des deux pôles. Supposons que cette con-



dition soit réalisée, et qu'on ait disposé 'en O une petite aiguille de fer CD (fig. 608), elle s'aimantera longitudinalement, et se placera suivant la ligne axiale AB; si on la remplace par une balle sphérique de fer, elle sera attirée par celui

des deux pôles dont elle est le plus rapprochée.

Ce n'est pas là du tout ce qui se passe quand on remplace le ser par du bismuth. Un petit barreau horizontal CI) se dirige suivant EE', perpendiculairement à la ligne des pôles ou équa-vialement, et une petite balle est repoussée par chacun des deux pôles quand on la met en contact avec lui. L'action est d'ailleurs beaucoup moins énergique sur le bismuth qu'elle ne l'était sur le fer.

En étudiant toutes les substances qu'il put se procurer, Y. Faraday trouva qu'elles se conduisent toutes, ou comme le ser, avec un degré d'énergie à la vérité beaucoup moindre, ou comme le bismuth. Les premières sont magnétiques, les se condes ont été nommées diamagnétiques, pour rappeler leu position d'équilibre.

- I. Les métaux magnétiques sont plus nombreux qu'on n l'avait pensé; outre ceux que nous avons déjà nommés, il sau citer le cérium, le titane, le palladium, le platine, l'osmium, l lanthane, le molydbène et l'uranium. Les sels de ces métau sont généralement magnétiques eux-mêmes.
- II. Tous les autres métaux sont diamagnétiques. Voici l'or dre dans lequel ils se rangent d'après leur puissance diamagnétique décroissante: Bismuth, antimoine, zinc, étain, cadmium mercure, plomb, argent, cuivre, or, tungstène.
- III. Les métalloïdes sont diamagnétiques, ainsi que leur composés; ceux qui le sont le plus sont le soufre, le phosphore, le charbon, la cire, le bois et en général les matière organiques.
- IV. Pour étudier les liquides, on les enferme dans des tubes de verre très-minces qui n'éprouvent aucune influence sensible. On peut aussi, comme le fait M. Plucker, les disposer et couches très-minces dans un verre de montre, ou sur une carte, entre les pôles A et B, sur des armatures planes et horizontales. S'ils sont magnétiques, ils s'accumulent sur les borde et y forment deux saillies parallèles (fig. 609). Quand ils son



fortement diamagnétiques, on les voit se déprimer, et deux gorges creuses remplacer les deux saillies (fig. 610).

On reconnaît par ces divers procédés que l'eau, l'alcool, l'éther, les huiles, les essences, le sulfure de carbone, etc., sont diamagnétiques, tandis que les sels dissous des métaux magnétiques, et surtout ceux de fer, agissent généralement d'une manière inverse.

V. L'action des aimants sur les gaz a été, pour la première fois, mise en évidence par M. Bancalari, au moyen d'une expérience fort belle. Il plaça la flamme d'une bougie un peu au-

dessous des deux pôles entre deux armatures terminées en pointe. Au moment où le courant commença à passer, il la vit se déprimer et se jeter des deux côtés de l'axe. Il faut conclure de là que les gaz qui constituent la flamme sont diamagnétiques à une température élevée, puisqu'ils sont repoussés.

M Faraday, suivant ensuite la même voie, étudia à la tempénture ordinaire divers gaz qu'il dirigeait vers un pôle de l'électro-aimant au moyen d'un tube dans lequel se trouvait un peu d'acide chlorhydrique. Le courant gazeux se déviait par l'action de l'aimant, et en lui opposant un autre petit tube contenant de l'ammoniaque, on trouvait sa nouvelle direction : c'était celle qu'il fallait donner au second tube pour y produire des vapeurs blanches par la réaction de l'acide chlorhydrique sur l'ammoniaque. M. Faraday trouva que l'oxygène est notablement magnétique, que le bioxyde d'azote l'est faiblement, et que tous les autres gaz, mais surtout l'hydrogène, ainsi que le gaz d'éclairage, sont diamagnétiques.

Toutes ces expériences nous montrent que les corps à tous les états physiques peuvent se partager en deux grandes catégories : les uns, qui sont magnétiques, sont attirés par l'aimant et se dirigent suivant l'axe des pôles; les autres sont diamagnétiques, repoussés par chaque pôle, et dirigés équatorialement; et depuis le fer jusqu'au bismuth, on peut classer toutes les substances en une série continue, d'abord celles où la force est altractive et va en décroissant, ensuite celles où elle est nulle, et enfin les corps où l'action est répulsive et augmente.

Magnétiques prennent la direction axiale: c'est parce que chacun des pôles de l'aimant fait naître à l'extrémité du barreau qui le regarde, un pôle de nom contraire qu'il attire; mais nous ne savons pas et nous devons chercher quelle est la nature des forces que l'aimant exerce sur ces substances diamagnétiques.

L'idée qui se présente naturellement à l'esprit, est que chacun des pôles de l'électro-aimant, par exemple A (fig. 608), développe sur une aiguille diamagnétique CD un pôle de même nom, ou austral, à l'extrémité la plus voisine C, et un autre pôle de nom contraire, ou boréal, à la partie la plus éloignée D. En effet, si cela avait lieu, une balle diamagnétique approchée de A serait nécessairement repoussée, et quand placerait une aiguille CD entre les deux pôles, dans la situat indiquée par la figure, C serait repoussé par A et attiré par pendant que D serait repoussé par B et attiré par A. L'aigu viendrait en EE', et dans cette position elle serait en équili stable, parce que les actions de A et de B sur chaque extrén seraient égales et que tout écart de l'aiguille d'un côté ou l'autre de cette position ferait naître des forces qui l'y ramèi raient.

Cette idée a été émise et soutenue par MM. Poggendo Weber, Plucker et Reich, mais elle a été combattue par MM. raday et Thomson. Nous ne ferons point l'historique de ce question; nous nous contenterons de citer les expériences M. Tyndall, qui a clos la discussion en démontrant que ce espèce de polarité, inverse de la polarité magnétique, réelle.

M. Tyndall suspendit d'abord un barreau de bismuth à i fil de soie dans l'axe d'une bobine traversée par un couran puis approchant un aimant des extrémités de ce barreau, constata qu'elles se comportaient comme celles d'une aiguil aimantée; mais le pôle austral était à la droite du courant i lieu d'être à la gauche, comme cela aurait lieu si le bismu était remplacé par du fer. Cette expérience n'était d'ailleu que la répétition de quelques autres, précédemment faites p MM. Poggendorff et Plucker.

Dans un travail postérieur, il sit usage d'un appareil bea coup plus complet, dont le plan avait été suggéré par M. Webet qui est représenté en coupe verticale et horizontale dans fig. 611 et 612.

BO, B'O' représente le contour d'une caisse en verre fixé un mur vertical par les vis H et H'; HE, H'E' sont deux hélicenroulées en sens contraire sur des tubes de cuivre fixés à traverse GG'; mn, op sont deux cylindres de la matière qu veut essayer, ils sont soutenus par un fil sans fin, enroulé les poulies W et W', de façon qu'en faisant mouvoir l'u d'elles on élève mn et on abaisse op, ou inversement. Et ad, a'd' est une botte en cuivre rouge, dans laquelle se m un système de deux aimants horizontaux astatiques, suspender un fil t; ils sont représentés en NS et N'S' dans la fig. 6

MAGNÉTISME ET DIAMAGNÉTISME. ,a63 Supposons d'abord que les cylindres mn et op aient été enle-

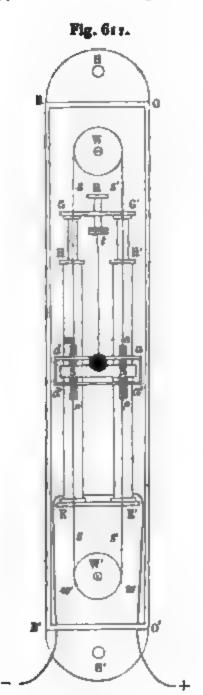


Fig. 612.

tés, et qu'on fasse passer le courant dans les spirales qui sont identiques, les aimants ne doivent point se déplacer. Cela n'ébit pas exactement réalisé, mais au moyen d'un circuit exténeur convenable on put détruire le peu d'action qui s'exerpit. Après avoir établi cette compensation, on plaça les deux tylindres mn et op, on fit jouer la poulie W jusqu'à mettre l'extrémité n d'une part et l'extrémité o de l'autre, en face des deux aimants NS, N'S'; toutes deux devinrent des pôles de même nom, qui attiraient N, N' ou S, S', et faisaient dévier le système des deux aimants dans un sens qui changeait avec la nature du magnétisme qu'elles avaient reçu. On mesurait la déviation par la réflexion d'une mire sur le miroir M.

On commença par placer dans l'appareil des cylindres faiblement magnétiques, et l'on constata que leur aimantation se faisait dans le sens prévu, puis on les remplaça par des barreaux diamagnétiques, et l'on constata une déviation opposée, ce qui prouve une polarité inverse. M. Tyndall opéra non-seulement sur le bismuth et l'antimoine, mais encore avec des substances liquides ou solides non conductrices; le résultat fut le même, et la grandeur de la déviation fut sensiblement proportionnelle à l'intensité du diamagnétisme des substances employées.

On sait donc maintenant à quelle cause il saut attribuer le diamagnétisme; il ne nous reste plus qu'à déterminer les lois de l'intensité des actions exercées par un aimant sur diverses substances.

INFLUENCE DU MILIEU AMBIANT. — M. Faraday reconnut, dès ses premières recherches, que la nature du milieu ambiant peut changer complétement les propriétés des corps. Prenons comme exemple une solution peu concentrée de sulfate de fer enfermée dans un tube de verre : elle est magnétique dans l'air et le devient plus énergiquement si le tube est plongé dans une cuve pleine d'eau ou d'alcool. Mais quand on le suspend dans une solution du même sel que celui qu'il contient, il est magnétique, indifférent ou diamagnétique si le degré de concentration du liquide intérieur est supérieur, égal ou inférieur à celui de la solution dans laquelle il plonge.

Par une action analogue, le tube, quand il contient une substance diamagnétique, est repoussé, en équilibre, ou attiré, suivant qu'il est plongé dans un milieu magnétique, ou dans la solution qu'il contient, ou dans un liquide plus diamagnétique qu'elle.

Voici comment M. Ed. Becquerel formule ces changements de propriétés. Si nous plaçons dans le voisinage d'un pôle d'aimant une cuve fixe pleine d'un liquide, celui-ci n'éprouve aucun mouvement. Isolons par la pensée une masse quelconque dans son intérieur, elle est sollicitée, suivant qu'elle est ma-

gnétique ou diamagnétique, par une force f, positive ou négative; et comme elle ne se déplace pas, il faut que le milieu qui l'entoure exerce sur elle une poussée — f égale et contraire; cela veut dire que le principe d'Archimède s'applique à ces forces comme à la pesanteur. Remplaçons maintenant cette masse que nous avons isolée par une autre qui soit limitée à la même surface, mais qui soit de nature différente, elle éprouvera, de la part de l'aimant, une action différente f' positive ou négative, et de la part du liquide une même poussée — f, la résultante sera f' — f. Par conséquent l'action que le pôle d'un aimant exerce sur un corps quelconque plongé dans un milieu fluide, est égale à la différence de celles qu'il exercerait séparément sur ce corps et sur le fluide déplacé. De là résultent quelques conséquences.

1º. Quand le milieu est magnétique, f est positive, et f'-f tend à être négative; par conséquent, un corps quelconque tend à devenir diamagnétique dans un milieu magnétique. Inversement, dans un milieu diamagnétique, f est négative, -f est positive; la substance tend à être magnétique si elle ne l'était pas, et le devient davantage si elle l'était déjà.

L'air est magnétique, donc il tendra à rendre diamagnétiques les corps qu'on y observe.

- 2°. Si, après avoir corrigé de la poussée du gaz les actions observées dans l'atmosphère, on trouvait que toutes les substances deviennent magnétiques ou indifférentes dans le vide, le diamagnétisme ne serait qu'une manifestation accidentelle de la propriété générale du magnétisme, tel qu'on l'observe dans le fer: il serait produit par la réaction des milieux. Mais comme cela n'est pas, il faut, ou bien que le diamagnétisme soit une propriété spéciale appartenant à certains corps, ou bien que le vide lui-même soit un milieu magnétique comme l'air, et capable par sa réaction d'exercer sur les corps une pression mesurable. La plupart des physiciens ont adopté la première manière de voir, MM. Becquerel père et fils ont soutenu la seconde.
- 3°. Si l'on admet que des corps peuvent s'aimanter diamagnétiquement, la théorie d'Ampère n'est plus générale, et l'on ne voit pas comment les courants d'une hélice magnétisante peuvent, dans les expériences de M. Tyndall, aimanter

un barreau de bismuth dans un sens contraire à l'aimantation que prend une aiguille de fer placée dans les mèmes conditions. A la vérité, on a fait quelques tentatives pour adapter cette théorie à ces nouveaux phénomènes, mais sans y réussir complétement; et l'on est forcé de ne plus voir dans l'hypothèse d'Ampère qu'une théorie incomplète, et dans le diamagnétisme qu'un fait inexpliqué. Il n'en serait pas de même si l'on adoptait les idées de MM. Becquerel: tous les corps seraient magnétiques, et il n'y aurait aucune rectriction à apporter à la théorie de l'aimantation par les courants. Mais sans nous engager dans ces discussions, nous allons continuer expérimentalement l'étude des faits.

INFLUENCE DE LA STRUCTURE. — M. Faraday eut l'occasion de remarquer que des morceaux de bismuth cristallisé ne prennent pas toujours une position équatoriale entre les deux pôles. Depuis lors M. Plucker, étudiant divers cristaux, reconnut que la direction d'équilibre est plus souvent déterminée par celle de l'axe cristallographique que par la forme des morceaux étudiés. Cette étude paraissait devoir être très-complexe; elle est devenue très-simple, grâce à MM. Tyndall et Knoblauch.

- 1°. Ils préparèrent d'abord un disque plat avec de la pâte de farine, et y ayant planté normalement des fils de fer, ils le suspendirent par un point de son contour entre les pôles d'un électro-aimant. Il est évident que chacun des fils se plaçant axialement, le disque devait prendre la position équatoriale. En remplaçant le fer par du bismuth, l'inverse se présenta. Ceue expérience simple n'avait d'autre but que de faire voir comment la structure d'un corps influe sur la direction qu'il prend, aussi bien que sa forme.
- 2°. MM. Tyndall et Knoblauch prirent ensuite du carbonate de ser en poudre, et l'ayant mêlé à de la gomme, pour lui donner de l'adhérence, ils le comprimèrent sortement entre deux plaques de ser; il prit la sorme d'un disque peu épais, mais assez large, et il se plaça équatorialement. Cela prouve que si les molécules sont plus rapprochées dans un sens que dans un autre, elles agissent dans la direction du plus grand rapprochement, comme les sils de ser dans l'expérience précédente.

Cette direction peut être appelée ligne de polarité élective. En répétant l'expérience avec de la poudre de bismuth, on vit la ligne du plus grand tassement se placer équatorialement, et le disque axialement.

3°. On passa de là à une troisième expérience, qui trouvera bientôt son application. On superposa des disques de papier recouvert d'émeri ferrifère qui est magnétique, de manière à former une pile très-longue de petit diamètre. Chaque disque se dirigeait axialement, et l'axe du cylindre équatorialement. Une pile de papier couvert de bismuth agissait d'une manière opposée.

De là on conclut généralement que si un cristal est formé par des lames superposées et clivables dans une seule direction, il se conduira comme la pile de papier d'émeri s'il est magnétique, et comme celle de papier de bismuth s'il est diamagnétique: c'est en effet ce qui fut vérifié avec le sulfate de nickel et le béryl, qui sont magnétiques, avec les sulfates de magnésie et de zinc, ainsi qu'avec le salpêtre et la topaze, qui sont diamagnétiques.

- 4º. Quand il y aura deux clivages également aisés, la ligne de polarité élective devant être à la fois parallèle aux deux directions des lames, se confondra avec leur intersection : ce qui est vrai.
- 5°. S'il y en a trois qui soient perpendiculaires, comme dans le sel gemme, ou s'il n'y en a point, comme dans le quartz, il n'y aura point de ligne de polarité élective, et le corps se comportera comme n'étant point cristallisé.
- 6. Ensin lorsque les trois clivages ne seront point perpendiculaires, il y aura généralement une direction de plus grande compression, qui se trouve dans le spath parallèle à l'axe de cristallisation: elle se place axialement si le cristal est magné-lique, et équatorialement s'il est diamagnétique; c'est ce qui se présente en esset.

nant qu'à comparer entre eux les divers corps, c'est-à-dire à chercher le rapport des intensités des forces attractives ou répulsives qu'ils éprouvent quand ils sont soumis à un même aimant dans des positions et avec des volumes identiques. Ces

mesures ont été faites par M. Faraday, par M. Plucker, et par M. Ed. Becquerel; nous ne rapporterons que le travail de ce dernier savant.

Entre les pôles d'un gros électro-aimant à branches verticales, M. Becquerel avait installé une petite balance de torsion, disposée comme celle de Coulomb; il y suspendait, par un fil d'argent très-fin, des cylindres de même volume et de même forme, façonnés avec les substances qu'il voulait essayer. Il commençait par les amener à une direction d'équilibre toujours la même, qu'il observait avec un microscope et qui faisait un angle déterminé avec l'axe des deux pôles; il aimantait ensuite l'électro-aimant par un courant, alors le cylindre était attiré ou repoussé; mais il le ramenait à sa position première en tordant le fil : l'angle de torsion A mesurait le couple magnétique exercé sur chaque cylindre.

Si le courant avait toujours la même intensité, il sussirait de prendre les rapports des torsions observées avec deux cylindres pour avoir celui de leur pouvoir magnétique ou diamagnétique à volume égal; mais ce courant changeant d'un moment à l'autre, on mesurait son intensité i par une boussole des tangentes, en même temps que l'angle de torsion A par la balance.

Or, d'une part, la force de l'électro-aimant et, d'un autre côté, le magnétisme développé dans le cylindre suspendu, sont proportionnels à i; donc la force attractive doit être en raison directe du carré i^2 , et $\frac{A}{i^2}$ représente la torsion qu'on aurait, si l'intensité du courant était toujours la même et égale à l'unité. M. Ed. Becquerel vérifia l'exactitude de ce principe, en prouvant que $\frac{A}{i^2}$ est une quantité constante pour un même cylindre.

On pourrait opérer de la même manière pour les liquides, en les ensermant tous dans des tubes égaux aux cylindres solides qu'on vient d'étudier; cela présenterait quelques dissicultés, et M. Ed. Becquerel opéra tout autrement. Supposons qu'on ait d'abord observé dans l'air un cylindre de verre, l'action \mathbf{F} qu'on a mesurée est la dissérence entre celle qui aurait eu lieue dans le vide, que nous représenterons par f_{verre} , et celle que

agit sur un égal volume d'air, ou fair; on: donc

$$\mathbf{F} = f_{\text{verre}} - f_{\text{air}}$$

Sans changer ni le cylindre de verre, ni sa position, plongeonsle maintenant dans une cuve pleine d'eau et répétons la mesure: la force de torsion deviendra F', et l'on aura, comme précédemment, en remplaçant l'air par l'eau,

$$\mathbf{F}' = f_{\text{verre}} - f_{\text{eau}};$$

d'où, en retranchant les deux équations,

$$\mathbf{F} - \mathbf{F}' = f_{\mathrm{eau}} - f_{\mathrm{air}}$$

ce qui donnera le même résultat que si on avait mesuré dans l'air la répulsion d'un cylindre d'eau dont le volume serait égal à celui du cylindre de verre. Cette méthode permet de comparent repulsion les mêmes volumes extérieurs des solides et de tous les liquides qu'on veut étudier.

Après avoir fait de nombreuses mesures, dans lesquelles il a plusieurs fois changé le volume des cylindres, M. Ed. Becquerel à réuni ses déterminations dans le tableau suivant. L'eau est prise comme terme de comparaison : son pouvoir diamagné-lique est représenté conventionnellement par — 10.

Quand les substances sont magnétiques, elles ont le signe +; si elles sont diamagnétiques, elles sont marquées du signe —.

Forces magnétiques.

solides.			Liquides.	DENSITÉ.		
Eag		10,00	Eau	»	_	10,00
Znc	-	2 ,5	Sulfure de carbone) >		13,30
Gre blanche		5,68	Alcool	»		7,89
Source pur			Chlorure de sodium			11,28
Momb d'œuvre			Sulfate de cuivre			
Phosphore			Sulfate de nickel			
Séléaium		16,52	Sulfate de fer	(1,192)	+:	211,16
Semuth		217,6	Sulfate de fer			
			Protochlorure de fer.			
			Protochlorure de fer.	•	1	•
			Protochl. concentré	(1,433)	+:	558,13

Les nombres de ce tableau donnent les valeurs relatives des

forces attractives ou répulsives pour des volumes égaux; con elles sont évidemment proportionnelles à la masse, on obt drait leurs valeurs à poids égal, en les divisant par la der des corps.

On voit que le chlorure de fer saturé est le plus magnéti des liquides, mais il l'est beaucoup moins que le fer molique. Pour comparer ces deux corps entre eux, M. Ed. l querel a préparé deux tubes égaux : il a rempli l'un de c rure, l'autre d'un mélange de cire et de limaille, c'est-à-dire fer dont la densité avait été réduite dans une proportion c nue. Il a cherché ensuite le rapport des actions exercées ces tubes par l'électro-aimant, et il en a conclu celui qu'on tiendrait si le fer avait sa densité ordinaire. Voici les résul de la comparaison :

POUVOIR MAGNÉTIQUE

A VOLUME ÉGAL.	A POIDS ÉGAL.		
Fer +	- 1000000	+ 1000000	
Protochlorure de fer	+25	+ 140	
Eau	– 0,4	- 3	

On voit ainsi combien les forces diamagnétiques sont saib en comparaison de la force magnétique du fer.

M. Ed. Becquerel appliqua les mêmes méthodes aux gaz remplaça la cage de la balance de torsion par une éprouvoù il pouvait faire le vide, et il y suspendit un tube de ve dans lequel il avait mis assez de cire pour détruire à peu p complétement toute action de l'aimant; ensuite il mesura l' tion dans le vide et dans les gaz. L'oxygène et l'air seuls lui d nèrent des résultats marqués et se montrèrent magnétiqu On a, comme précédemment:

$$egin{aligned} \mathbf{F} &= f_{ ext{verre}} - f_{ ext{vide}}, \ \mathbf{F}' &= f_{ ext{verre}} - f_{ ext{oxygène}}, \ \mathbf{F}'' &= f_{ ext{verre}} - f_{ ext{air}}, \ \mathbf{F}''' &= f_{ ext{verre}} - f_{ ext{oau}}. \end{aligned}$$

F, F', F", ayant été déterminées, on trouve, en reu

chant,

$$f_{\text{exprise}} - f_{\text{vide}} = F - F' = +1,733,$$
 $f_{\text{air}} - f_{\text{vide}} = F - F'' = +0,32,$
 $f_{\text{eau}} - f_{\text{vide}} = F - F'' = -9,68,$
 $f_{\text{eau}} - f_{\text{air}} = F'' - F'' = -10.$

On voit que l'oxygène est environ 5 fois plus magnétique que l'air, ce qui prouve que l'azote est indifférent. Connaissant maintenant le pouvoir magnétique de l'oxygène, on peut corriger tous les nombres précédents qui ont été obtenus dans l'air de l'effet de ce gaz et calculer les rapports des pouvoirs magnétiques des diverses substances à poids égaux et dans le vide: on trouve, en prenant le fer comme terme de comparaison,

Fer	+1000000
Perchlorure de fer	+140
Eau	-9,68
Oxygène	+377
Air	+88

D'après cela, on trouve que i mètre cube d'oxygène équivaut à 54 centigrammes de fer, et que l'atmosphère tout entière agit comme une couche de fer qui envelopperait la terre et aurait \(\frac{1}{12}\) de millimètre d'épaisseur.

Nous terminons par quelques nombres trouvés par MM. Plucker et Faraday.

272 SOIXANTE-DOUZIÈME LEÇON. — MAGNÉTISME, ETC.

Magnétisme spécifique à poids égal.

D'APRÈS M. PLUCKER.

CORPS MAGNÉTIQUES.	CORPS DIAMAGNÉTIQUES.		
Fer 100 000	Eau		
Aimant 40 000	Phosphore		
Ocre rouge			
Fer oligiste 533	Acide chlorhydrique		
Fer oxydé hydraté 156	Éther sulfurique 1		
Sanguine artificielle 151	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
Sulfate de fer sec	Fleur de soufre		
Solutions saturées d'azotate	Sel de cuisine		
de fer	Acide nitrique		
Solutions saturées de chlor-	Azotate de bismuth		
hydrate de fer 98	Acide sulfurique		
Solutions saturées de sul-	Mercure		
fate 58			
Solutions saturées de chlor-			
hydrate de potasse 85			
Protoxyde de nickel 33			
Hydrate (de protoxyde). 106	•		
Azotato de . 65			
Sulfate nickel.). 100			
Hydrate d'ox. manganique.	-		
Oxyde manganeux 167			
D'après M. Farada	Y. (A VOLUME ÉGAL.)		
Protoammoniure de cui-	Alcool absolu 78		
vre + 134,83	Essence de citron — 80		
Perammoniure de cui-	Camphre — 82		
vre + 119,83	Camphre — 82		
Oxygène $+ 17,50$	Huile de lin — 85		
Air+3,40	Huile d'olives — 85		
Gaz oléfiant + 0,60	Cire — 86		
Azote + 0,30	Acide azotique — 87		
Vide	Eau 96		
Acide carbonique 0,00	Sulfure de carbone — 99		
Hydrogène – 0,10	Acide sulfurique — 104		
Gaz ammoniac 0,50	Soufre — 118		
Cyanogène o, 90	Borate de plomb — 136		
Verre — 18,20	1 •		
Zinc pur $-74,60$	Bismuth — 1967		
Éther 75,30			

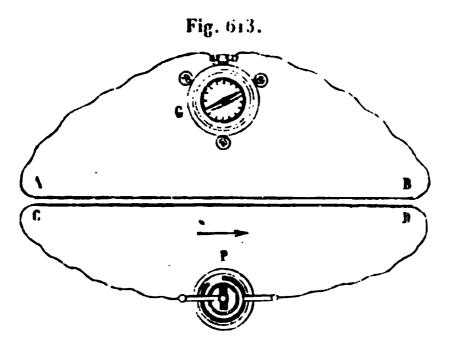
SOIXANTE-TREIZIÈME LEÇON.

DE L'INDUCTION.

L'Induction par les courants parallèles. — II. Induction par les bobines et les aimants. — Loi de Lenz. — III. Induction par la terre. — IV. Induction d'un courant sur lui-même. — Quantités et tensions des courants induits. — V. Courants induits de divers ordres. — VI. Induction par l'électricité statique. — Influence des diaphragmes.

M. Faraday a découvert qu'un courant qui s'établit ou qui cesse de passer dans un conducteur quelconque, développe par influence, dans tout circuit fermé, voisin et à l'état naturel, des courants qu'il a nommés courants d'induction ou courants induits. Nous allons étudier les lois de leur production.

I. INDUCTION PAR LES COURANTS PARALLÈLES. -- Examinons d'abord (fig. 613) le cas très-simple où l'on fait agir un courant (I), rectiligne, très-long et engendré par un élément P, sur un circuit parallèle voisin AB, fermé par un galvanomètre G.



1º. Quand on rapproche vivement les deux circuits, on voit le galvanomètre accuser un courant d'induction $\stackrel{AB}{\longleftarrow}$ qui circule III.

à travers le fil induit dans un sens opposé à CD; nous le no merons courant commençant ou inverse.

Aussitôt que le mouvement de rapprochement est termin l'aiguille aimantée revient au zéro et y demeure pendant µ le temps que les deux circuits conservent leur même positirelative.

Si l'on vient ensuite à éloigner les deux fils, un nouve courant d'induction se montre dans le circuit ABG; mais cet fois il va de A en B. (***), dans le même sens que CD : c'est courant finissant ou direct. Il cesse, comme le précédent, avele mouvement qui l'a déterminé.

Si l'on divise le mouvement total de rapprochement ou d' loignement en ses déplacements infiniment petits ds pends chaque intervalle dt, nous admettrons que chaque mouve ment ds produit un courant d'induction d'autant plus inten que ds est plus grand, qui est en retard sur le déplaceme d'une certaine durée constante nécessaire pour que la réactie s'établisse et qui persiste pendant un temps inconnu, ma probablement plus grand que dt. Si ces hypothèses, que no développerons dans la suite, sont fondées, le courant d'indu tion total qui résulte d'un mouvement sinr doit être considé comme formé par des courants élémentaires, qui sont en reta d'une durée constante sur les déplacements ds, qui naisse l'un après l'autre après des intervalles dt, et qui se supt posent en partie, parce qu'ils durent plus que dt. Ce cours total offrira donc trois périodes, la première d'accroissemes la deuxième d'état, la troisième de décroissement, et il se d'autant plus intense pendant sa période moyenne que chaci des déplacements élémentaires ds aura été plus grand, c'é à-dire que le mouvement total aura été plus grand et qu aura moins duré: c'est en esset ce qu'on observe.

2°. Nous allons maintenant laisser les fils dans une positirelative invariable, et nous ferons changer l'intensité du co rant CD.

Si elle augmente, elle développe un courant $\stackrel{AB}{\longleftarrow}$ inverse $\stackrel{AB}{\longleftarrow}$, comme si la distance des fils diminuait.

Si elle reste constante, elle ne produit aucune action.

Si elle diminue, elle fait nattre un courant AB, direct et pa-

nllèle à CD, comme si la distance augmentait.

L'intensité du courant qu'on observe est d'autant plus grande que la variation d'intensité est plus considérable et qu'elle dure moins de temps.

3°. On peut, au moyen d'un interrupteur, sermer et ensuite ouvrir le circuit CD. La sermeture de ce circuit équivaut à un rapprochement instantané et maximum des sils, depuis l'insini jusqu'à la distance à laquelle ils se trouvent, où à une augmentation subite et maximum de l'intensité CD, depuis zéro jusqu'à sa valeur sinale i; elle produit donc un courant induit inverse AB, dont l'intensité est la plus grande de celles qu'il peut avoir. Quand on ouvrira le circuit, on obtiendra le même esset qu'en éloignant les sils instantanément jusqu'à l'insini, ou en diminuant subitement jusqu'à zéro l'intensité de CD; par conséquent, on développera un courant direct très-court et maximum AB.

Ces lois sont générales et se résument ainsi : « Il y a un courant inverse dans le circuit induit, quand le courant inducteur s'approche, augmente ou s'établit. Il y a courant direct par les actions contraires, c'est-à-dire quand le courant inducteur s'éloigne, diminue ou s'annule. L'intensité moyenne de chaque courant induit augmente quand le déplacement ou h variation d'intensité croissent en grandeur et diminuent en durée. »

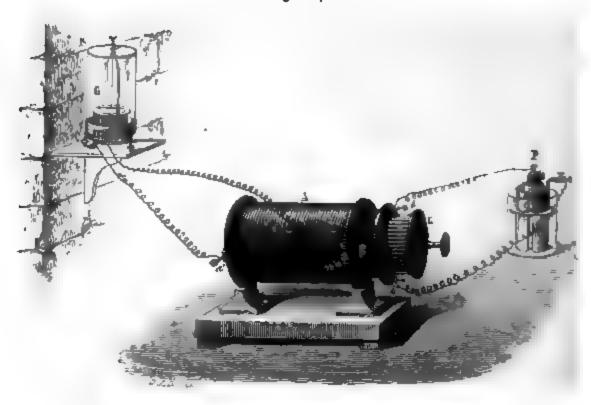
Il nous reste à énumérer les diverses méthodes expérimenles qui permettent de produire aisément des courants d'induction très-intenses.

II. INDUCTION PAR LES BOBINES ET LES AIMANTS. — La fig. 614 represente: 1° une bobine A composée d'un sil isolé très-sin, hisant un grand nombre de tours sur un cylindre de carton et dont les extrémités a, a' sont réunies par un galvanomètre G: c'est le circuit induit; 2° une seconde bobine B parallèle à la première dans laquelle on peut l'introduire; elle est sormée par

276 SOLXANTE-TREIZIEMB LBÇON.

un fil plus gros et moins long, dont on met les extrémités bet





b' en relation avec une pile P : c'est la bobine inductrice; 3° un noyau central C qui entre dans la bobine B, comme B entre dans A, et qui est constitué par un faisceau de cylindres era fer doux parallèles à l'axe.

1º. On enlève le noyau; alors on a en présence deux circuits composés chacun de fils circulaires parallèles et très-voisins, et il est évident qu'ils agiront l'un sur l'autre comme des fils parallèles et rectilignes; mais ils agiront avec plus d'intensité, parce qu'ils sont plus longs et que l'effet est multiplié par le nombre des tours. 1º Si l'on éloigne brusquement la bobine B, on obtient dans A un courant direct très-court; si l'on approche B et qu'on l'introduise dans A, elle y développe le courant inverse. 2° On produit l'induction par variation d'intensité, en intercalant ou en supprimant brusquement une résistance additionnelle dans le circuit de la pile P au moyen d'un commutateur ou d'un rhéostat. 3º Enfin on développe dans la bobine induite des courants directs ou inverses par la troisième méthode, en annulant ou en établissant brusquement le courant inducteur au moyen d'un interrupteur. Cet appareil permet donc de vérifier toutes les lois de l'induction

produite par déplacement, par variation d'intensité et par cessation ou établissement du courant.

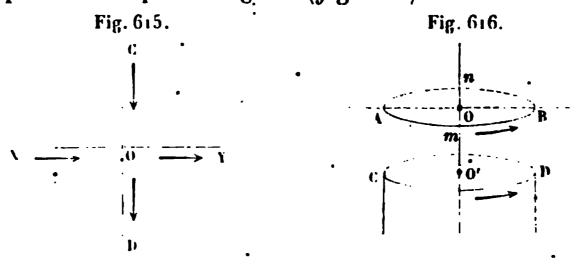
- 2°. Une bobine est un solénoïde, et un solénoïde n'est rien autre chose qu'un aimant; on peut donc remplacer le circuit inducteur B par un barreau aimanté. Quand on introduit ce-lui-ci dans la bobine A, il y développe un courant inverse qui a le pôle austral à sa droite; si l'on retire l'aimant, l'induction finissante est directe, et le courant qui naît est parallèle à ceux de l'aimant dont il a le pôle austral à sa gauche.
- 3°. La bobine B, traversée par le courant de la pile, ayant été placée dans A, et le galvanomètre étant revenu au zéro, on introduit le noyau C: le fer doux s'aimante et produit une induction commençante ou inverse. En retirant ce noyau, on voit un courant direct se développer avec une très-grande intensité.
- 4°. La dernière expérience prouve que la bobine B développe d'abord l'induction qui lui appartient en propre, qu'ensuite elle aimante le fer doux, lequel à son tour induit la bobine A. Ces deux effets s'ajoutent quand B et C sont solidaires et qu'on hit varier la distance ou l'intensité du courant inducteur B. La plus grande induction que l'on puisse obtenir aura lieu quand on fera agir sur A une bobine inductrice B enveloppant un fer doux C, et qu'on ouvrira ou qu'on fermera le circuit inducteur.
- LA DE LEUZ. En étudiant l'induction produite par déplacement, nous nous sommes contentés d'éloigner ou de rapprother deux circuits dont les éléments les plus voisins restent Mallèles; il faut maintenant généraliser ce cas trop restreint, et chercher ce qui arriverait entre un courant et un circuit semé quelconques, auxquels on donnerait un déplacement relatif quelconque. Pour cela, remarquons d'abord qu'au moment où nous avons rapproché les deux bobines précédentes, les deux courants inducteur et induit étaient contraires; par conséquent ils se repoussaient et tendaient à s'éloigner. De même, en éloignant les deux circuits, les deux courants étaient parallèles, s'attiraient et tendaient à se rapprocher. On voit donc que l'action mécanique exercée par le courant induit sur le courant inducteur a pour effet de donner au premier un mouvement opposé à celui qui l'a fait naître. M. Lenz a sait la même remarque pour un grand nombre de cas dissé-

rents; et il a été conduit à formuler la loi suivante : « Tout les fois qu'on produit ûn déplacement relatif entre un cours et un circuit fermé à l'état naturel, celui-ci est traversé pun courant d'induction qui réagit pour déterminer un mo vement inverse, ou, ce qui est la même chose, qui est la verse de celui qui produirait le même déplacement. »

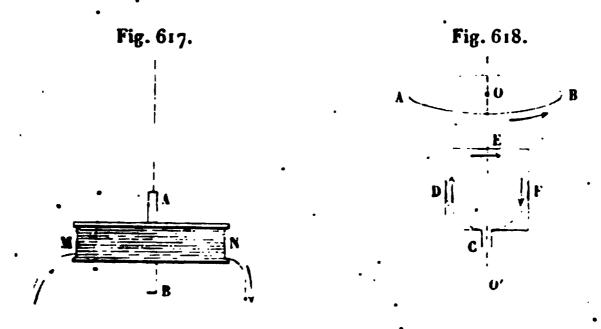
Prise dans sa plus grande généralité, la loi de M. Lenz co duit aux corollaires suivants:

- un autre qui est mobile, il se développe dans les deux co ducteurs, par suite de leur déplacement, des courants i duits opposés qui diminuent l'intensité des courants primiti L'esset du mouvement produit est donc le même que ce d'une résistance qu'on introduirait dans les conducteurs que celui d'une force électromotrice qui serait de signe ce traire à celle de la pile employée.
 - 2°. Si un premier courant qui parcourt un conducteur n' bile, prend un mouvement de rotation continue sous l'acti d'un second courant qui est fixe, on développera dans la par mobile un courant d'induction continu opposé au premier, lui imprimant mécaniquement le même mouvement : c'est qui arrivera dans le conducteur horizontal OA (fig. 570, p. 21 si on lui donne un mouvement de rotation autour de O présence d'un courant circulaire MM'M".
 - 3°. Un conducteur soumis à des conditions déterminées déplacement n'éprouve aucune induction quand on le 1 mouvoir devant un courant fixe par rapport auquel il est as tique.

Exemples. — Un conducteur CD, qui se meut perpendic lairement à sa direction devant un courant indéfini XY, c le coupe en deux parties égales (fig. 615).



Un conducteur circulaire AmBn mobile autour d'un axe vertical OO', devant un courant également circulaire et parallèle CD dont le centre est sur OO' (fig. 616), ou un solénoide MN mobile autour de son axe AB sur lequel est placé un autre solénoide sixe ou un aimant AB (fig. 617).

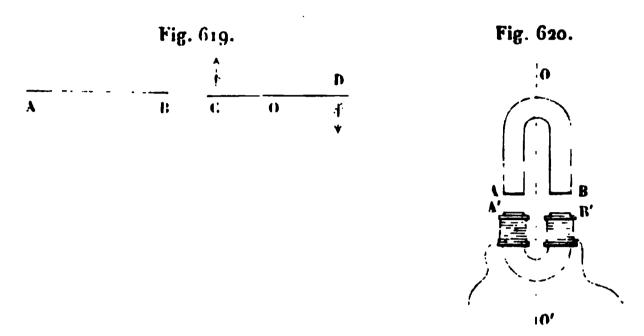


Un conducteur rectangulaire ou circulaire CDEF vertical et fourmant autour de l'axe OO' qui passe par son centre, devant un courant circulaire horizontal AB, ou devant un solénoïde, dont l'axe coıncide avec OO' (fig. 618).

4. Il arrive souvent qu'un circuit sermé mobile autour d'un ave et traversé par un courant, se sixe devant un système de courants ou d'aimants invariables dans une position déterninée, et qu'il se retourne de 180 degrés quand le sens de l'un des mouvements électriques change. C'est ce qui arrive pour un solénoïde CD en présence d'un aimant CD (fig. 619).

Supposons maintenant que le circuit mobile soit à l'état naturel et qu'on l'éloigne de la première position d'équilibre, il sera traversé par un courant induit qui l'y ramènerait. Si ensuite on le rapproche de la première position en l'éloignant de la seconde, on obtiendra un courant d'induction inverse du précédent. Il suit de là qu'en faisant tourner continûment ce circuit autour de son axe, il s'éloignera d'abord de la première position pour venir se confondre avec la seconde, puis il s'éloignera de celle-ci pour revenir à la première: par conséquent, le sens du courant changera à chaque demi-révolution au moment où le circuit passera par l'une ou l'autre de ses positions d'équilibre.

Exemples. — Un solénoïde CD (fig. 619) qui est à l'état naturel, qui est fermé et qui tourne autour de O dans le sens indiqué par les flèches, en présence d'un aimant ou d'un solénoïde AB, engendre, pendant la première demi-révolution, des courants parallèles à ceux de AB, et des courants inverses pendant la seconde.



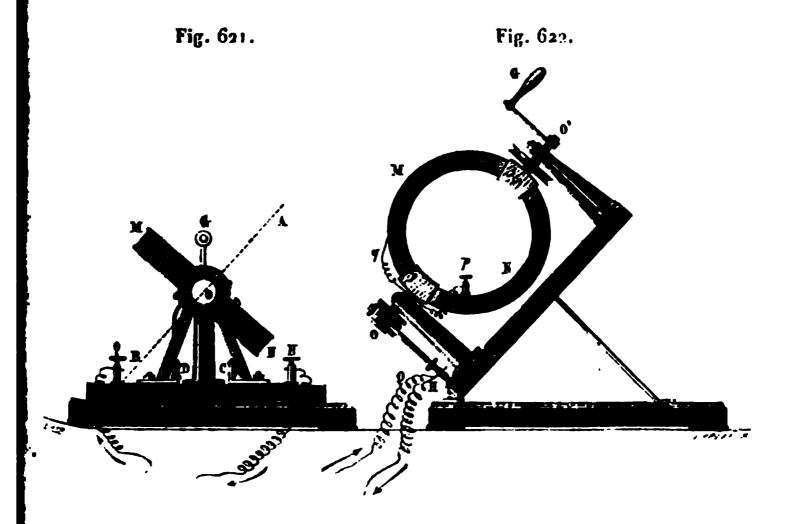
La même chose a lieu quand une spirale A'B' recourbée en U est mobile autour de OO' (fig. 620), devant un aimant en fer à cheval AB. Si cette spirale enveloppe un noyau de fer doux, l'aimantation qui se produit par le rapprochement ou l'éloignement, ajoute son effet à l'action des pôles A et B, et les courants qu'on obtient sont plus intenses. C'est sur ce principe que sont fondées les machines de Pixii et de Clarke, que nous étudierons dans la suite.

Un courant AmBn (fig. 616), mobile autour d'un axe AB, devant un courant circulaire CD, ou devant un aimant dont l'axe est vertical, se place parallèlement à CD; donc le circuit AmBn, quand il sera à l'état naturel et qu'il tournera autour de AB, sera traversé par des courants d'induction, qui changeront de sens toutes les fois qu'il passera par le plan parallèle à CD. Ce dernier exemple va nous permettre de produire des courants d'induction par le magnétisme terrestre.

III. INDUCTION PAR L'ACTION DE LA TERRE. — Pour produire ces courants, on peut employer l'appareil représenté (fig. 621 et 622): il se compose d'un cadre MN sur lequel est enroulée une spirale de fils de cuivre, et qu'on fait tourner par une manivelle autour d'un axe OO'. On peut placer cet axe horizon-

talement, ou l'incliner par le moyen d'une charnière sixée à la base de l'appareil. Les deux extrémités p et q du sil aboutissent à un commutateur O(fig. 621) et deux languettes Dd, Cc pressent sur le contour de O. Si un courant de direction constante arrivait par QDd et sortait par cCH, il traverserait la spirale MN et changerait de sens à chaque demi-révolution; inversement, si un courant traversant MN change de sens à chaque demi-tour que fait l'axe, il prendra une direction constante dans le sil qui réunit les languettes, pourvu que celles-ci franchissent la ligne d'interruption du commutateur au moment précis où le sens du courant change dans MN.

Cela posé, plaçons l'axe OO' horizontalement de l'est à l'ouest (fig. 621). Si MN était traversé par un courant, il se meurait en équilibre sous l'influence de la terre, quand son plan serait perpendiculaire à la direction AB de l'aiguille d'inclinaison; par conséquent, si le circuit MN est à l'état naturel, il sera traversé par des courants induits quand on le fera tourner; ils changeront de sens à chaque demi-révolution quand MN traversera le plan perpendiculaire à AB, et si, à ce moment, la ligne d'interruption du commutateur coïncide avec les points



de contact des deux languettes, il y aura une succession de contact de direction constante dans le sil qui réunit les pou-

pées Q et H, et un galvanomètre placé dans ce sil éprouve une déviation permanente. C'est ce que l'expérience mont

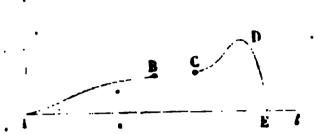
Mais si l'on incline l'axe 00' et qu'on le mette parallèleme à l'aiguille d'inclinaison (fig. 622), MN sera un circuit ast tique par rapport à la terre, et quand on le fera tourner c ne développera aucun courant induit : ce dont il est facile d s'assurer.

IV. INDUCTION D'UN COURANT SUR LUI-MÊME. — Quand, aprè avoir mis en contact les deux rhéophores d'une pile, on vien à les écarter l'un de l'autre, on voit apparaître entre eux, moment même où on les sépare, une étincelle de rupture. Ell est saible et presque insensible, quand même le courant sem très-sort, si le circuit extérieur est sormé par un sil court; mai elle devient grande, vive et bruyante, quand le fil est long, surtout quand il est enroulé sur des bobines et qu'il y form des tours nombreux et rapprochés. Dans ce cas', lorsqu'e tient dans chaque main les bouts des deux rhéophores, c reçoit une commotion très-forte au moment de la rupture. faut donc conclure que le courant qui a traversé des bobin éprouve, quand on l'interrompt, un renforcement subit qui l permet de franchir sous forme d'étincelle la distance très-p tite qui sépare les deux rhéophores qu'on sépare, ou les mu cles du corps humain. C'est un effet d'induction qui a été d couvert presque à la même époque par plusieurs physiciens, dont M. Faraday a donné l'explication suivante:

Considérons en particulier deux des tours que le fil.condu teur fait sur une bobine et supposons qu'ils soient très-ra prochés. Au moment où le courant s'établira dans l'un d'et il réagira sur le voisin et y développera un deuxième courai induit, inverse, qui diminuera l'intensité du premier, pu qu'il marche dans le même circuit. Donc le courant total courance par être très-faible, puis il croît progressivement comm les ordonnées d'une courbe AB (fig. 623); ensuite il pre une intensité constante de B en C, et tant qu'il la conseril n'y a plus d'induction. Mais si l'on vient à rompre le c cuit, chaque spire agit sur ses voisines pour y faire nattre courant induit direct qui s'ajoute au courant principal, et somme de tous les deux produit un renforcement final CI

assez intense pour franchir la couche d'air interposée alors entre les conducteurs qu'on sépare : c'est ce qui produit une



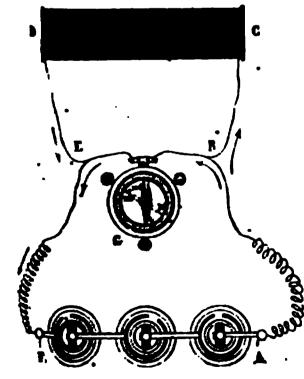


étincelle de rupture d'autant plus forte que le nombre des spires est plus grand, et c'est ce qu'on nomme l'extra-courant. Il y a donc, en résumé, trois périodes successives à considérer : la première d'établissement, pendant

squelle l'intensité crost comme si la résistance diminuait; la deuxième d'état permanent; la troisième sinale, caractérisée pr une brusque augmentation d'intensité, comme si la force électromotrice croissait.

Supposons que les deux bouts du conducteur, au lieu d'être solés, soient tenus dans les deux mains ou réunis par un conducteur très-résistant. Au moment où, après les avoir hissés en contact pendant quelque temps, on vient à les éloimer l'un de l'autre, le courant principal éprouve un grand Maiblissement, puisqu'une résistance très-grande lui est oppósée tout à coup; alors l'induction finissante agit pour produire le renforcement CDE; mais au lieu d'éclater dans l'air il se partage en deux courants dérivés, l'un qui donne une étincelle faible ou nulle, l'autre qui parcourt ou le corps humin qu'il ébranle, ou le conducteur résistant qui réunit les deux extrémités.

· Fig. 624.



M. Faraday a justifié son explication par les expériences suivantes. Le courant d'une pile AF se divise en deux autres qui traversent, le premier une bobine CD (fig. 624), le second un galvanomètre G, dont l'aiguille mn se dévie d'une quantité stable jusqu'en m'n'. 1° Plaçons contre cette aiguille en m' un arrêt qui l'empêche de revenir au zéro et rompons le circuit en A; puis, au bout d'un certain temps, rétablissons la communication. Dans la

première période d'établissement du courant, les choses passent comme si la résistance de CD était d'abord très-gra et allait ensuite en diminuant; donc le courant dérivé qui verse G doit être plus grand que dans la période d'état et l guille doit être chassée au delà de m'n', ce qui a lieu en el 2º Arrêtons au contraire l'aiguille en mn, au zéro, par un stacle qui s'oppose à sa déviation vers m'n'. Quand le cour passera, elle sera pressée sur cet obstacle; quand il sera int rompu en A, le courant dérivé ABEF cessera; mais l'ext courant de la bobine traversera le circuit fermé BCDEG passera dans le galvanomètre de E en B, en sens inverse courant dérivé qui chassait l'aiguille en m'n'; celle-ci rece donc tout à coup une impulsion dans un sens opposé, et c' ce qu'on observe.

AUANTITÉS ET TENSIONS DE L'ÉLECTRICITÉ DANS LES COURAI INDUITS. — Il faut maintenant chercher à apprécier les quaités d'électricité mises en mouvement et les intensités des carants produits par l'induction. Cette question a été traitée d'bord par MM. Masson et Breguet au moyen de la machine s'vante (fig. 625).

Un courant partant du pôle + d'une pile arrive par D d d une première bobine inductrice D' qui contient à son cer un paquet de fers doux destinés à augmenter son action revient par d' dans un rhéotome aa' et de là au pôle —. conséquent, il s'établit ou s'interrompt alternativement à intervalles très-rapprochés quand on fait mouvoir la ma velle M.

Toutes les fois qu'il s'établit, il détermine dans une deuxiè bobine F, qui était composée de 1300 mètres de fils iso un courant d'induction inverse, qui va de e' en H, traverse galvanomètre H, puis un deuxième rhéotome c'c concord avec le premier, et enfin le fil ce.

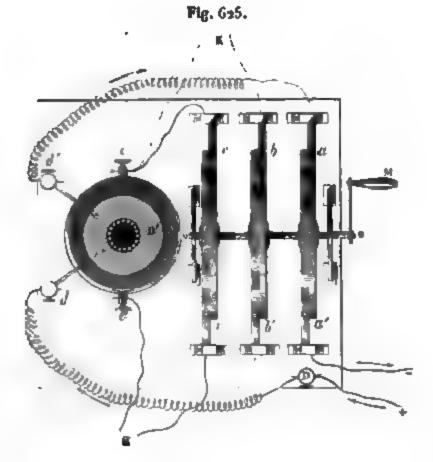
Toutes les sois que le courant inducteur est interrompt donne naissance à un courant induit direct, partant de e, so vant le conducteur ponctué e K, passant dans un troisié rhéotome bb' dont les dents étaient opposées à celles du par mier, et revenant en e'.

On pouvait donc recevoir et étudier séparément ou les c

DE L'INDUCTION.

285

rants inverses en H, ou les courants directs en K. On pouvait



les recueillir tous à la fois par les fils e'H et eK à trales un même circuit dans lequel ils avaient des directions lemativement contraires, mais qu'on rendrait identiques la moyen d'un commutateur qui n'est point représenté dans la figure.

Grice à cet appareil, MM. Masson et Breguet ont découvert deux faits aussi importants l'un que l'autre: 1º Les deux fils qui amènent en K les courants directs produisent des étinceles à distance à travers l'air, chargent un condensateur et, dens l'œuf électrique, donnent naissance à une lueur qui peut atteindre 3 centimètres de longueur. Par conséquent, les courants directs acquièrent une tension bien autrement grande que celle qui est donnée par les piles, et suffisante pour produire tous les effets connus de l'électricité statique. 2º Les deux fils qui amènent en H les courants inverses, développent les mêmes effets, mais avec un degré d'énergie incomparablement moindre : cela veut dire qu'ils prennent me tension plus faible que les précédents. Nous allons chercher l'interprétation de ces faits.

Il est naturel de supposer que le voisinage d'un cour inducteur détermine dans un sil voisin un nouvel état d'éq libre des fluides électriques, état que M. Faraday appelle él trotonique, qui nous est tout à fait inconnu, mais qui (persister pendant tout le temps que dure l'action qui le prod Si cette hypothèse est fondée, il faut que l'établissement de état nouveau se révèle par un mouvement des fluides dans fil, c'est-à-dire par un courant d'induction commençante. · moment où l'action finit, le sil revenant à l'etat naturel, c de toute nécessité être le siége d'un mouvement contrai c'est-à-dire d'un courant d'induction finissante opposé au p mier; et puisque la deuxième période défait ce que la p mière avait sait, les quantités d'électricité mises en circulati doivent être égales dans les deux courants. Pour précie cette donnée vague, il faudrait désinir l'état électrotonique ce qu'on n'a pas sait jusqu'à présent; mais c'est déjà quelq chose que de prévoir : 1° une induction commençante q l'expérience montre inverse; 2º un état d'équilibre perm nent pendant la durée de l'action; 3° une induction sinissen nécessairement opposée à la première, c'est-à-dire direct 4° cette condition nécessaire, qu'il doit y avoir autant d'électr cité mise en jeu dans le premier que dans le dernier cours induit.

Commençons par vérisier ce dernier point. A cet esset et moyen de la machine de MM. Masson et Breguet, dirigeon comme le sit M. Matteucci, tous les courants directs et inverse à travers une dissolution de sulfate de cuivre, en saisant con muniquer d'une manière permanente les deux poupées e et avec deux électrodes plongeant dans ce sel. Si les courants d'rects et inverses sont égaux en quantité, ils devront détruil leurs essets; or M. Matteucci a précisément constaté qu'ils produisaient aucune décomposition.

L'induction se produit à la fois et également sur tous lééments du circuit qui l'éprouve; par suite, la quantité d'électricité mise en mouvement est nécessairement proportionnelle. à la longueur, c'est-à-dire à la résistance R de circuit. Les travaux de M. Felici ont prouvé qu'elle est églement proportionnelle à l'intensité I du courant inducteur. O peut donc écrire, en représentant par K une fonction de

ce des deux sils,

q = KIR.

s de ce que les courants directs et inverses contiennent untités d'électricité égales, il ne faut pas conclure que intensités soient les mêmes : celles-ci dépendent du pendant lequel durent ces courants.

posons que d'abord on rapproche le sil induit du courant eur, les deux états d'équilibre du premier ne dépendent ses positions initiale et sinale et nullement du temps t net pour passer de la première à la seconde; donc la té d'électricité q qui est contenue dans le courant ne varie qu'avec ces deux positions et ne change pas t change; mais elle se mesure par le produit du temps itensité moyenne i du courant, et l'on a q = it. L'intenpyenne est donc en raison inverse de t.

rsement, si nous ramenons le sil induit à sa première n, il retourne à son état primitis; la même quantité q ricité circule en sens opposé; le courant qui maniseste ur aux conditions initiales dure pendant le temps t' que ur met à s'accomplir; il prend une intensité i', et l'on i't'. On pourra donc saire à volonté que le courant inpu le courant direct ait une intensité grande ou petite, ra de saire que sa durée soit petite ou grande.

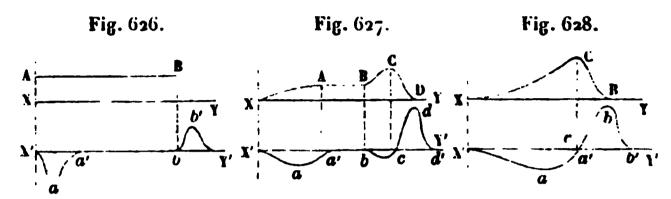
mêmes raisonnements s'appliquent à l'induction proians un fil par l'établissement et la cessation du couans un circuit inducteur voisin, et les intensités des courants inverse et direct seront en raison inverse de lurées t et t'. Il est probable que ces durées sont sensint les mêmes quand le fil inducteur est court et rectimais elles cessent de l'être lorsqu'il est long et replié ale, à cause des extra-courants qui se produisent au mole la fermeture et de la rupture du circuit.

effet, supposons (fig. 626) que dans le fil inducteur XY rant s'établisse brusquement en prenant instantanément tensité XA, la conservant pendant toute sa durée et la it brusquement, de sorte qu'elle puisse se représenter sordonnées de la droite AB, en prenant les temps pour ses; les courants d'induction dans le fil X'Y' seront, l'un

1. Sander auf den Selen Se

inverse X'aa' en commençant, l'autre direct bb' Y' en sinissant, et leur durée sera vraisemblablement peu dissérente.

Mais si, comme cela a lieu surtout dans les circuits repliés en spirale et très-longs, le courant inducteur prend peu à peu son intensité constante de X en A (fig. 627), le courant induit inverse X'aa' dure pendant tout le temps t que cette intensité



croît, et ce temps est d'autant plus grand que le fil inducteur est plus long. Au moment de la rupture du circuit XY, l'esset de l'extra-courant est d'augmenter d'abord l'intensité de B en C et de la faire décroître ensuite très-brusquement de C en D; il en résulte une induction double dans X'Y', c'està-dire un courant inverse bc, et un courant direct cdd': celui-ci contient une quantité d'électricité égale à celle que les deux autres X'aa' et bc possèdent à eux d'eux; mais sa durée t' est notablement plus petite que la somme des leurs. Enfin, si le courant inducteur ne reste établi que pendant un temps très-court, ce qui a lieu quand on emploie des rhéotomes, il croît peu à peu jusqu'à un maximum C (fig. 628), et cesse brusquement de C en B. Dans ce cas, les deux courants inverses de la figure précédente se réunissent en un seul X'ac, qui dure pendant le même temps t que le courant inducteur, et qui a une faible intensité, tandis que le courant direct cbb' conserve une durée t' toujours très-courte et prend une très-grande intensité. Cela conduit à cette première conclusion que le courant direct d'induction finissante doit avoir une intensité plus grande que le courant inverse d'induction commençante.

En continuant le même ordre de raisonnements, nous allons être amenés à d'autres conséquences aussi importantes. La quantité d'électricité q est, en général, égale à KIR, et pour le courant inverse elle est représentée par it : on a donc Or pendant le temps t, le circuit induit se trouve dans le même état que si chacun de ses éléments était un couple de pile, et lui-même une pile d'une infinité de couples, dont la force électromotrice totale serait A et la résistance R; donc

$$i=\frac{A}{R}$$

et, par suite,

$$kIR = \frac{A}{R} t$$
, $A = \frac{kIR^2}{t}$.

On a de même pour le courant direct

$$\Lambda' = \frac{KIR^2}{t'}$$

deux courants induits est proportionnelle à l'intensité du coumut inducteur, au carré de la résistance de la bobine induite, et en mison inverse du temps pendant lequel il dure.

Et puisque le temps t' du courant direct est toujours trèspetit et demeure vraisemblablement le même quel que soit R, tandis que la durée t du courant inverse augmente avec le nombre des spires et avec R, la force électromotrice A' du courant direct est toujours plus grande que A, celle du courant inverse, et le rapport de A' à A, qui est égal à celui de t à t', augmente avec la longueur du fil induit.

Nous avons jusqu'à présent supposé que le circuit induit était sermé. S'il était ouvert, l'induction agirait toujours et de la même manière; seulement, au lieu de produire un courant, elle serait naître aux deux extrémités une dissérence de tension qui serait proportionnelle à A ou a A', c'est-à-dire qu'elle serait proportionnelle à IR', en raison inverse de t ou de t', et par suite qu'elle serait plus grande pour le courant direct que pour le courant inverse. Par conséquent, si on recueille exclusivement au moyen d'un rhéotome les courants directs ou les courants inverses, les deux extrémités du fil induit produiront tous les effets des conducteurs opposés d'une machine de Mairne, avec une intensité qui dépendra de 1 et de R, et qui tera plus grande pour les courants directs que pour les courants

inverses. Cela explique les deux faits principaux découve par MM. Masson et Breguet.

Si les deux extrémites du fil induit étaient séparées par u couche d'air très-mince, les deux courants pourraient la fra chir sous forme d'étincelle; si elle devenait plus grande, courant inverse ne la pourrait plus traverser, mais le coura direct le ferait : c'est en effet ce que l'expérience confirm Quand on emploie une machine analogue à celle de la fig. 6: et qu'on fait passer le courant induit d'abord à travers u couche d'air convenable, ensuite dans un voltamètre content du sulfate de cuivre, il se fait une décomposition dans le se du courant direct, ce qui prouve que le courant inverse annulé.

Quand l'interruption est assez résistante pour que ni l' ni l'autre des courants ne puisse passer, voici quel est le mo vement électrique dans la bobine. Au moment de l'inducti commençante, une différence de tension s'établit aux extruités, mais, immédiatement après, l'action électromotrice ces et les fluides séparés se recombinent à travers la bobine. Imment où l'induction finissante se produit, il y a encore a deux bouts du fil une différence de tension inverse de la procédente et plus grande qu'elle; mais elle disparaît de mêr aussitôt après. En définitive, il y a des tensions alternativeme opposées et qui se détruisent pendant les intervalles qui s'éco lent entre leur production. Mais comme celles qui résulte des courants directs sont les plus grandes et se reproduisent des époques très-rapprochées, un électromètre éprouve un action permanente.

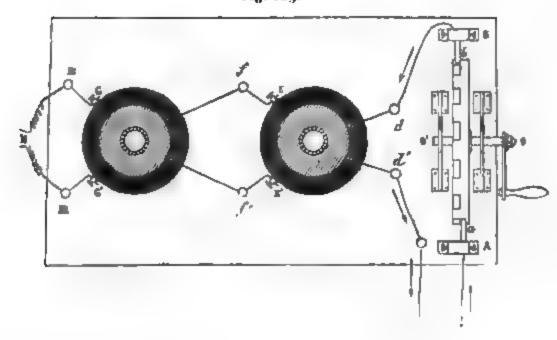
V. COURANTS INDUITS DE DIVERS ORDRES. — Faisons passer courant d'une pile d'abord à travers un rhéotome ab, destinc l'interrompre et à le transmettre alternativement (fig. 62¢ ensuite dans la bobine intérieure dd' d'un appareil semblat à celui de MM. Masson et Breguet. Il déterminera dans bobine extérieure EE' des courants induits inverses quand commencera, et directs quand il finira. Ces courants sont d courants du premier ordre. Dirigeons-les ensuite, comme pr cédemment le courant de la pile, dans une deuxième bobii intérieure ff', ils engendreront dans la bobine envelor

DE L'INDUCTION.

291

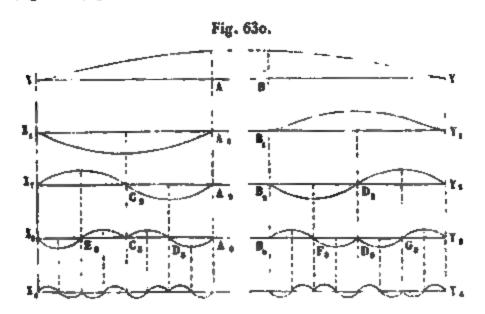
pente GG' d'autres courants induits successifs qui sont du





deuxième ordre. En multipliant le nombre des appareils, et les relient de l'un à l'autre comme les deux premiers, on produin d'autres courants du 3°, 4°,..., n° ordre, dans la 3°, 4°,..., n° bobine extérieure.

il est facile d'analyser ces phénomènes quand on suppose qu'il ne se produit aucun extra-courant dans les fils. Représentos (fig. 630) par les ordonnées d'une courbe XY les intensi-



iés de l'un des courants inducteurs envoyés par le rhéotome. l'ant qu'elles augmenteront, elles donneront dans le sil du premier ordre X_1Y_1 un courant inverse X_1A_1 ; quand elles diminueront, elles en produiront un autre B_1Y_1 qui sera direct. Les deux courants X_1A_1 , B_1Y_1 vont maintenant agir sur le fil du deuxième ordre X_2Y_2 , comme XY agissait sur X_1Y_1 , le premieren donnera deux X_2C_2 , C_2A_2 , le second en produira deux autres B_2D_2 , D_2Y_2 , et en répétant les mêmes raisonnements pour le troisième et le quatrième ordre, on arrive aux représentations graphiques dessinées en X_1Y_2 et en X_4Y_4 . Chaque courant inducteur doit donc développer deux courants du premier ordre, $4=2^3$ du second, $8=2^3$ du troisième, et enfin 2^n du n^c ordre.

Quel que soit cet ordre, la loi de l'égalité des quantités d'électricité qui circulent dans un sens ou dans l'autre subsiste comme précédemment; car dans chaque bobine intérieure il y a pendant un temps donné le même nombre de courants dans les deux directions, et chacun d'eux détermine dans le fil qu'l'enveloppe deux courants qui contiennent la même quantite d'électricité et qui circulent en sens opposé; d'où il suit qu'en recueillant en M (fig. 629), à travers du sulfate de cuivre, tous les courants qui sortent de la dernière bobine, on ne doit avon aucune décomposition : ce qui se constate en effet.

Mais nous avons supposé que les fils des diverses bobine n'exerçaient aucune induction sur eux-mêmes: cela n'est ja mais vrai. Par conséquent les durées et les intensités des courants successifs ne sont pas égales, comme la figure préc dente le ferait supposer; et dans chacun des ordres d'induction il y a toujours un sens pour lequel les courants durent moi a et sont plus intenses que dans la direction contraire. Le raison nement ne permet guère de prévoir quel est ce sens; mais l'expérience va nous le faire découvrir. On peut étudier ces courants par quatre procédés:

- 1°. En les faisant passer à travers le corps humain : ils sont tous transmis successivement, et, possédant une grande force électromotrice, ils déterminent des commotions violentes;
- 2°. En les dirigeant à travers un galvanomètre: ils ne produisent qu'un esset insensible; car l'aiguille, sollicitée à des intervalles successifs très-rapprochés par des courants contenant la même quantité d'électricité et de sens opposés, ne doit éprouver et n'éprouve qu'une action permanente saible;

- 3°. En leur faisant traverser une spirale dans laquelle se trouve une aiguille d'acier qui s'aimante;
 - 4°. En plaçant un voltamètre à eau dans leur trajet.

Les deux derniers procédés méritent seuls de nous arrêter. Le troisième a été employé par M. Henri de Princeton. Il est vraisemblable que l'aimantation du fer ne dépend pas seulement de la quantité d'électricité des courants qui la produisent, mais qu'elle devient de plus en plus énergique à mesure que l'intensité de ces courants augmente, à cause de la force coercitive qu'il faut vaincre. Si cela est, il y aura une aimantation définitive; le pôle austral sera à la gauche des courants qui seront les plus intenses, et en observant de quel côté est ce pôle, on conclura le sens de ces courants prédominants. Voici ce que M. Henri a trouvé:

COURANTS INDUITS.

INDICETELE. 1^{er} ordre. 2^e ordre. 3^e ordre. 2 n^e ordre. (2 n + 1)^e ordre. Direct. Inverse. Direct.

Mais comme, au moment où ces expériences ont été faites, on ne se rendait pas un compte bien exact de ces actions très-multiples, on pouvait croire que tous les courants d'un ordre élevé se résumaient en un seul, d'une direction unique. M. Verdet sut alors conduit à les saire passer à travers un vol-mètre, et il constata qu'à chacun des pôles il se dégageait à fois de l'hydrogène et de l'oxygène : ce qui prouve qu'en réalité il y a des courants successifs, et que l'aimantation observée par M. Henri n'est produite que par la dissérence des effets de deux successions de courants opposés, contenant la même quantité d'électricité, mais inégalement intenses.

M. Masson reprit ensuite cette même question, et il consirma les conclusions de M. Verdet. Quand il prenait des électrodes très-sines sormées par une pointe de platine enchâssée dans du verre, elles ne se polarisaient pas et chacune dégageait volumes d'hydrogène et i volume d'oxygène : ce qui prouve que les quantités d'électricité sont égales dans les deux sens. Il sit ensuite usage d'un artisice déjà employé par M. Verdet, qui consiste à interrompre la communication par un petit intervalle d'air que l'électricité était obligée de franchir sous

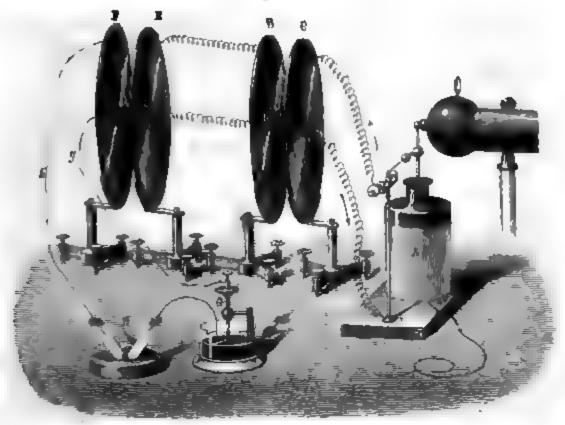
7.7

DE L'INDUCTION.

295

qu'il ne s'en est produit aucune, M. Verdet enlève le vase H.





timettant ses électrodes en communication avec un galvanonère sensible, il constate qu'il n'y a point de courant apprétible : cela veut dire que ces électrodes n'étaient point polanères, et qu'il n'y a conséquemment aucun excès en quantité des courants induits qui vont dans un sens sur ceux qui vont dans l'autre.

W. Verdet mit ensuite dans le trajet des fils get h un vase Graphi de mercure et où les courants arrivaient par une vis relevée au-dessus du niveau; ils traversaient ainsi un intervalle fair sous forme d'étincelles, et ceux qui sont les moins intereses devaient être arrêtés quand la résistance introduite était suffisamment grande. On put constater qu'alors les lames de platine étaient fortement polarisées dans le voltamètre H. Le sens de cette polarisation fit connaître la direction des courants dont l'intensité était la plus grande : c'est celle du courant direct dans le premier ordre, inverse dans le second, etc. Il n'y a donc aucune différence entre l'induction par les décharges et l'induction par les courants des piles.

M. Masson a chargé la batterie A par une puissante machin d'induction de Ruhmkors, par un procédé que nous sero bientôt connaître, qui permet d'obtenir des décharges non breuses, se succédant très-rapidement, et des courants indui assez intenses et assez répétés pour décomposer l'eau dans t voltamètre : les expériences étaient d'ailleurs disposées comm celles de M. Verdet. Quand on opérait sans le vase G, les det cloches du voltamètre contenaient à la sois l'hydrogène l'oxygène en proportions atomiques, ce qui prouve que le deux espèces de courants sont égaux en quantité. Lorsqu'il avait en G un intervalle d'air à franchir, les gaz étaient séparé ment transportés à chaque pôle. Alors un seul des deux courants était transmis, et c'était celui qui a été indiqué pa M. Henri.

inducteur et la bobine induite une spirale fermée, tout courant inducteur commençant ou finissant engendrera des courants de premier ordre dans la bobine et dans la spirale interposée; mais celle-ci réagissant sur celle-là, y fera naître des courants de second ordre. L'effet sur la bobine sera donc complexe, puisqu'il sera la superposition des courants de premier ordre produits par le fil inducteur, et des courants de second ordre déterminés par la spirale.

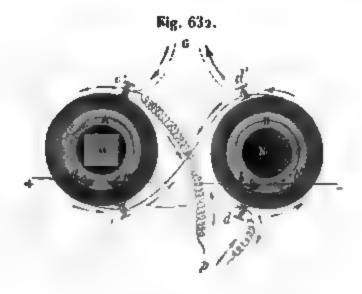
La même chose a lieu si on remplace la spirale par des tubes ou par des corps conducteurs qui deviennent le siége de courants de premier ordre circulant dans leur masse; mais riel n'est changé aux effets primitifs si la spirale n'est pas fermée ou si les tubes sont fendus longitudinalement, ou s'ils son isolants, parce que les courants de premier ordre ne peuven circuler ou ne peuvent se produire, et qu'ils ne font nair aucun courant de second ordre dans la bobine.

Lorsqu'on cherche à prévoir l'effet de ces interpositions, o conçoit que si le circuit inducteur est alternativement ferm et ouvert, les courants d'induction du premier et du secot ordre se succéderont dans la bobine suivant des direction alternativement opposées, et mettront en mouvement le mêmes quantités d'électricité dans les deux sens; d'où il su que leur superposition déterminera également des courant

alternativement contraires, et satisfaisant à la même condition d'avoir autant d'électricité les uns que les autres; c'est ce que l'on constate en les faisant passer dans un galvanomètre ou dans le sulfate de cuivre, où ils ne produisent aucun effet permanent.

Mais il est certain que les intensités et le mode de succession les courants qui naissent dans la bobine induite seront changées par l'interposition de la spirale, que leurs quantités d'électricité ne seront plus les mêmes qu'auparavant et que tous leurs effets seront altérés. Le raisonnement ne permet pas de prévoir ces modifications : il faut les étudier par l'expérience.

On doit à M. Dove un appareil ingénieusement disposé pour alleiadre ce but. Il est représenté en coupe (fig. 632). aAa',



Bb' sont deux bobines inductrices creuses, identiques et traresées dans le même sens par le même courant inducteur
**aA a' b B b' —, qu'on lance et qu'on interrompt par un rhéotome. Elles sont enveloppées de deux hohines induites, ellesmêmes identiques, c C c', d D d'. Celles-ci peuvent être réunies
par leurs extrémités semblables c et d au moyen d'un fil repré**enté par une ligne ponctuée, pendant que c' et d' communiquent de même en G'; alors elles sont toutes deux au même
**moment traversées par des courants induits de même sens
c'C c, d' D d. Mais elles peuvent être aussi réunies par leurs
**extrémités opposées, en joignant c et d' d'une part, c' et d de
fautre, par les conducteurs figurés en lignes pleines. Dans ce
**eas, chacune d'elles développe des courants qui les traversent

toutes deux, qui au même moment sont contraires et qui sont pc'Ccd'Ddp pour la première, et pc'Ccd'Ddp pour la seconde. D'ailleurs ces courants sont égaux, à cause de l' dentité des deux bobines doubles; ils se détruisent, et ne pre duisent aucun effet si on place en p, ou un galvanomètre, ou un voltamètre, ou une spirale à aimantation, ou une portio d'un muscle vivant.

Cela étant, quand on introduit en M, dans l'intérieur de l première bobine, une spirale fermée, ou un tube métallique ou une masse conductrice quelconque, l'expérience prouv qu'on affaiblit les courants induits dans C, sans diminuer ceu de D, qui alors prédominent, et la différence entre ceuxe et ceux-là produit en p, toutes les fois qu'on ouvre ou qu'or ferme le circuit inducteur, ou la déviation d'un galvanomètre, ou des actions chimiques, ou l'aimantation d'une aiguille ou des commotions dans les muscles. On reconnaît, de plus que le courant différentiel observé en p a plus d'intensité que de quantité, car il détermine de fortes commotions et une aimantation énergique, mais peu de déviation galvanométrique d'action chimique, ce qui prouve que l'introduction de la masse M diminue l'intensité des courants induits en C, plus qu'elle n'affaiblit leur quantité.

Ces courants différentiels sont nuls ou très-faibles quand la masse M n'a point ou n'a que peu d'action sur les courants induits; c'est le cas où elle est formée par une spirale ouverte ou par un tube fendu, ou par des fils conducteurs réunis el faisceau, ou par des substances isolantes.

Ces résultats ont conduit M. Dove à analyser le rôle des ser doux que l'on place dans les bobines pour augmenter l'induction. On peut rationnellement prévoir que leur rôle est multiple: 1° le ser s'aimante, et par cela même il augmente à la soi la quantité et la tension des courants induits; 2° il est induicomme tous les métaux, et par là il réagit sur la bobine induit et diminue la quantité, mais surtout l'intensité des courant qui la traversent.

D'après cela, supposons que le fer introduit en M soit con posé de sils très-sins et isolés les uns des autres, ils produiron peu d'esset inducteur, mais beaucoup d'esset magnétique, et i augmenteront à la sois la tension et la quantité des couran dans C; mais si le fer, au lieu d'être en sils, est en gros barreaux sus solution de continuité, il augmentera, par son esset magnétique, la tension et la quantité, et par la réaction d'induction il diminuera beaucoup la tension : les courants produits auront donc moins d'intensité que dans le cas précédent.

C'est ce qu'on peut montrer par une épreuve saisissante : on met en M un barreau de fer, et on introduit un à un en N des sis de ser très-sins, jusqu'à annuler les courants dissérentiels : on trouve qu'il en saut 110 pour que ces courants deviennent insensibles au galvanomètre, c'est-à-dire pour qu'ils soient égaux en quantité; mais il n'en saut que 40 pour détruire les commotions, c'est-à-dire pour que la tension soit sensiblement la même.

La conséquence qu'il faut tirer de ces expériences est que pour atteindre le maximum d'effet en quantité et en tension, il faut placer dans les bobines inductrices non pas des masses de ser, mais des sils sins et isolés réunis en saisceaux.

SOIXANTE-QUATORZIÈME LEÇON.

DE L'INDUCTION (Suite).

Induction dans les masses métalliques en mouvement. — Magnétisme de rotation. — Expériences de Gambey, d'Arago, d'Herschel et Babbage, de Faraday. — Explication de ces faits. — Analyse des courants dans un disque en mouvement.

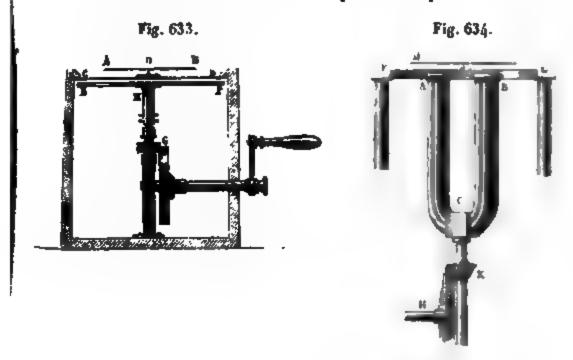
Électromoteurs fondés sur l'induction. — Machine de Clarke. — Machine de Ruhmkerff. — Condensateur. — Interrupteur de M. Foucault. — Stratification de la lumière. — Composition de l'étincelle d'induction. — Actions magnétiques.

INDUCTION DANS LES MASSES MÉTALLIQUES EN MOUVEMENT.

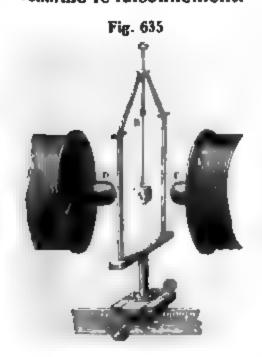
magnétisme de rotation. — Gambey découvrit en 1824 qu'une aiguille aimantée qui oscille sous l'influence terrestre, revient au repos beaucoup plus rapidement quand elle est suspendue au-dessus et très-près d'une masse considérable de cuivre, que si elle en est éloignée. Arago traduisit immédiatement cette expérience en disant qu'elle prouve l'existence d'une force qui agit entre l'aiguille et le métal, qui est opposée à leur mouvement relatif et qui peut se comparer à la résistance produite par un frottement. Cette interprétation le conduisit à penser que si on faisait tourner la masse de cuivre autour d'un axe dirigé suivant le pivot de l'aiguille, on développerait ce frottement fictif, et qu'on entraînerait l'aiguille dans le même sens que le métal. Cette conséquence fut vérifiée par l'expérience suivante.

La fig. 633 représente une boîte cubique en bois, sermée à sa face supérieure par une peau tendue CD, au centre de la quelle on pose le pivot O d'une aiguille aimantée AB. EF est un disque de cuivre sixé à un axe HC qu'on met en mouvement par deux roues d'engrenage et par une manivelle. Lorsque EF tourne lentement et unisormément, l'aiguille se dévie d'un angle constant; la déviation augmente avec la vitesse de

muion, et quand celle-ci est suffisamment grande, l'aiguille se met à tourner dans le même sens que le disque.



MM. Babbage et Herschel, au lieu de suspendre une aiguille dessus d'un disque en mouvement, placèrent en équilibre sur un pivot central un disque de cuivre MN (fig. 634), du dessus d'un aimant ACB qu'ils faisaient tourner au-dessous de la membrane FG: Cette expérience est l'inverse de la précédente. Le raisonnement qui avait guidé Arago montre encore ici que le disque doit suivre le mouvement, et l'expérience confirme le raisonnement.



Enfin de même que MM. Herschel et Babbage avaient renversé l'expérience d'Arago, de même M. Faraday renversa celle de Gambey. Puisque la présence d'une masse métaltique en reposarrête les oscillations d'une aiguille aimantée, il faut que le voisinage d'un aimant immobile arrête le mouvement d'un métal tournant. Pour vérifier cette induction, M. Faraday suspendit à un fil tordu B un cube de cuivre A, qui était placé entre les

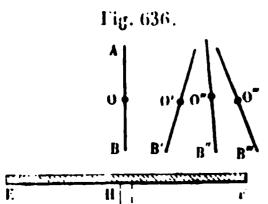
pòles D et C d'un électro-aimant énergique, et qui se metta à tourner rapidement autour de son axe de suspension quai on laissait le sil se détordre (fig. 635). Il vit le cube s'arrêt instantanément, quelle que sût sa vitesse, aussitôt qu'il aima tait le ser doux, et reprendre son mouvement aussitôt qu'e ouvrant le circuit inducteur il ramenait le ser à l'état naturel

Nous devons ajouter que les mêmes phénomènes se produisent quand on remplace l'aimant par un solénoïde, ou paune bobine de fils.

Toutes ces expériences ne sont évidemment que des moyen divers de constater une même action; elles peuvent se résume par une loi générale, qui est celle-ci: « Toutes les fois qu'ur aimant ou un solénoïde est en présence d'une masse métallique continue, et qu'on donne à l'aimant et au métal un déplacement relatif; il se produit une force qui tend à empêcher ce déplacement, c'est-à-dire à arrêter celui des deux corps que l'on a fait mouvoir, ou à entraîner celui que l'on n'a pas mis en mouvement. »

A l'origine on ne connaissait aucune classe d'actions à laquelle on pût rapporter ces phénomènes: on les désignait sous le titre assez mal choisi de magnétisme en mouvement; et dans l'ignorance où on était de leur cause, la seule chose qu'il y eût à faire était d'en étudier expérimentalement les lois. Arago commença par chercher la direction des forces qui sollicitent l'aiguille.

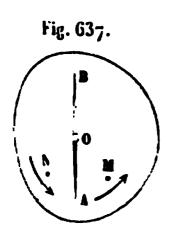
- 1°. L'expérience primitive (fig. 633) montre que cette aiguille est sollicitée perpendiculairement à sa direction par une composante horizontale y agissant dans le sens du mouvement
- 2°. Il existe une composante verticale répulsive z, car et suspendant une aiguille au plateau d'une balance, au-dessus di disque EF, elle diminue de poids quand on le sait tourner.
 - 3". Enfin il y a une troisième composante x, dirigée suivan



les rayons du disque tournant, ca une aiguille d'inclinaison qui es mobile dans un plan normal au mé ridien magnétique, et qui doit êtr verticale, se déplace généralemen quand le disque EF tourne. Ell reste verticale en OB au-dessus d centre (fig. 636); elle se rapproche de ce centre en O'B'; redevient verticale en O"B" à une certaine distance du bord, et plus loin elle prend une inclinaison opposée. Cela prouve que la troisième composante x est attractive, nulle et répulsive suivant la distance du pôle B au centre de rotation. La résultante de ces trois forces perpendiculaires est évidemment dirigée dans l'angle trièdre qu'elles forment.

C'est là tout ce que ces expériences nous ont appris à ce sujet. La question ne sit aucun progrès jusqu'au moment où Y. Faraday eut découvert l'induction; mais à partir de cette époque, la cause du magnétisme de rotation devint évidente, et toutes les circonstances de l'expérience purent être expliquées.

expériences de M. Henri et de M. Dove, qu'une masse continue de métal est induite par un solénoïde ou par un aimant voisin. Par conséquent, dans les phénomènes que nous étudions,
l'aimant détermine nécessairement des courants d'induction
dans le disque, quand il se meut en présence de celui-ci, ou
quand, inversement, celui-ci se déplace par rapport à lui. Nous
savons en outre que ces courants induits tendent à détruire
par leur réaction électrodynamique le mouvement qui leur a
donné naissance; ils agissent donc comme le ferait un frottement. D'où il résulte que la loi établie par Arago à propos du
magnétisme de rotation est précisément la même que la loi
de M. Lenz, et que l'induction explique en deux mots les
expériences de Gambey, d'Arago, d'Herschel et Babbage, et
de Faraday. Reprenons chacune d'elles en particulier.



1°. Soit AB (fig. 637) l'aiguille de Gambey, et supposons que dans l'une de ses oscillations elle aille suivant les slèches de N en M. En s'approchant de la partie M, elle y développe des courants qui la repoussent, en s'éloignant de N elle en sait naître qui l'attirent, donc le disque agit pour la râmener au repos.

2º. Si la masse métallique tourne de N vers M, et que l'aimant soit fixe, il repoussera par induction les points tels que N, qui s'approchent de A, et attirera M, qui s'en éloigne : don mouvement du métal s'arrêtera, comme le montre l'expérie de M. Faraday.

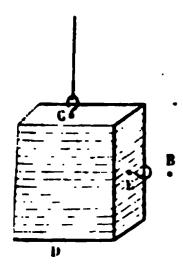
- 3°. MM. Herschel et Babbage font tourner l'aimant avec t force continue, alors le pôle A repousse avec une force con nue les points M vers lesquels il marche, et attire les partie dont il s'éloigne; conséquemment, il entraîne le métal a lui.
- 4°. Enfin dans l'expérience d'Arago, c'est le disque reçoit un mouvement continu de N en M. N s'approche de et le repousse, M s'en éloigne et l'attire; donc A se dépli dans le même sens que le disque.

Si cette explication est vraie, toutes les circonstances (favorisent l'induction augmenteront la réaction dynamique, toutes celles qui diminuent celle-là feront décroître celle-On sait que l'induction est plus considérable dans les cor bons conducteurs que dans ceux qui le sont moins, et qu'el est nulle dans les substances isolantes : or Arago a précis ment constaté que l'entraînement de l'aiguille se fait avec ut force qui décroît en même temps que la conductibilité d disque tournant et qui s'annule quand ce disque est en vern M. Dove a montré que l'induction est nulle sur un tube send qu'on introduit dans une bobine; Arago, qui semble avo pressenti cette circonstance, avait fait scier un disque, de m nière à le diviser en six secteurs égaux qui n'adhéraient enu eux que par leur sommet, et leur effet sur l'aiguille était de venu nul; mais il se rétablissait, bien que moins énerg quement, quand on remplissait de soudure les solutions d continuité.

Voici ensin une dernière conséquence et une dernière vér sication de cette théorie. Quand un circuit assujetti à se mouvo autour d'un axe est astatique par rapport à un aimant voisin, c peut le faire tourner sans y développer aucun courant d'induction, par conséquent sans que l'aimant agisse pour arrêter mouvement : c'est ce que prouve l'expérience suivante, imaginée par M. Matteucci. Il prépare un cube avec des lames c cuivre parallèles, séparées par des seuilles de papier (fig. 638 et il le suspend par un crochet C, entre les pôles d'un électraimant, pour remplacer le cube massif A (fig. 635) de l'expe

ence de M. Faraday. Les courants qui pourraient circuler

Fig. 638.

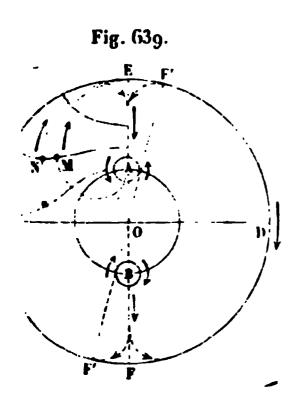


dans les lames de cuivre sont nécessairement horizontaux et astatiques par rapport à ceux de l'aimant qui sont verticaux : d'où il résulte que le cube tourne avec une vitesse qui ne se ralentit point quand on aimante subitement l'électro-aimant. Mais si on le suspend par le crochet E, les lames deviennent verticales et peuvent transmettre des courants qui cessent d'être astatiques, alors elles s'induisent

s'influence de l'aimantation et leur mouvement de rotas'arrête aussitôt qu'on la développe.

les phénomènes du magnétisme de rotation; mais il ne point contenté de montrer combien cette explication est sible, il s'est appliqué encore à prouver que des courants lent en réalité dans les disques qu'on met en mouvement. 3 allons le suivre dans cette nouvelle étude.

alyse des courants dans un disque en mouvement. — Rapas d'abord l'expérience de la roue de Barlow. Si un pôle al A est placé sous le disque E'E'FF' (fig. 639), et qu'un



courant aille de O en E, il fera tourner ce disque de manière à placer le pôle austral à sa gauche, par conséquent dans le sens EE'.

Si donc on fait directement tourner ce disque de E en E', au moyen d'une manivelle ou d'un ressort, on y développera un courant induit opposé qui sera continu et marchera de E en O, c'est-à-dire de la circonférence au centre. Il irait du centre à la

onférence dans le cas où le mouvement serait contraire. in si au-dessus du disque se trouve un pôle boréal opé à A, il produira un effet égal à celui du pôle austral m.

que nous venons de supposer au-dessous, et les deux actives ajouteront.

Pour justifier expérimentalement cette conséquence, M. l raday a placé le disque entre les pôles d'un électro-aima que nou supposerons projetés en A, et il l'a fait tourner a tour de l'axe O. Il mettait cet axe en communication pern nente avec un des bouts d'un galvanomètre, dont l'autre a trémité se terminait par un ressort appuyé et frottant sur bord du disque en E. Il a aisément constaté l'existence d'courant allant de E en O quand le disque tournait de E en et qui changeait de direction avec le sens du mouvement.

Laissant le pôle austral en A, plaçons maintenant un p boréal en B, au-dessous du même disque. En répétant le mên raisonnement pour ce pôle B, nous voyons qu'un courant lant de F en O placerait B à sa droite et ferait tourner le c que dans le sens FF' ou EE'. Par conséquent ce mouvemdéveloppera dans OF un courant opposé allant de O en Ainsi les deux pôles A et B donneront deux courants, l'un E en O, l'autre de O en F, et qui se prolongeront. On les co state en appuyant sur les points E et F les deux bouts du ga vanomètre.

Il est clair que ce courant d'induction EF devra ensuites compléter dans la masse du disque en se bisurquant symétriquement, à partir de F, en deux branches qui viendront symétriquement se réunir en E. Mais l'expérience seule pouvaindiquer leur marche, et c'est M. Matteucci qui en dernit lieu l'a complétement déterminée.

Il faisait tourner au-dessus d'un électro-aimant, dont le pôles étaient en A et B, un disque horizontal de cuivre sur l surface duquel il promenait les deux extrémités d'un galva nomètre; elles servaient de sondes pour reconnaître les courants du disque, car si elles se trouvent dans la direction d'un d'eux, elles recueillent un courant dérivé qui dévie l'ai guille, surtout si le galvanomètre est à fils gros et courts. Soien M et N les deux points touchés. Lorsque les tensions déterminées en ces points par les courants qui y passent seront égales aucun courant dérivé n'apparaîtra; mais quand, laissant fixe l point M, on place la deuxième sonde en un point N' voisin d N, il aura une tension plus grande ou plus petite que M, s'

est d'un côté ou de l'autre de l'arc MN, et dans les deux cas il y aura dans le galvanomètre des courants opposés. On peut donc aisément déterminer la direction des arcs MN par l'expérience, puis rapporter les points touchés à deux axes rectangulaires, l'un EF, l'autre CD, et enfin tracer les courbes d'égale tension ou de courants nuls. Voici maintenant le résultat de ces déterminations.

Quand la vitesse n'est pas trop grande, tout est symétrique par rapport aux axes CD et EF; il sussit donc de marquer les lignes d'égale tension dans un seul des quatre quadrants : on les a représentées par des lignes pleines dans l'angle COE. L'une d'elles est l'axe CD; il y en a une autre qui est circulaire et passe par A et B, puis elles changent de sorme à mesure qu'on s'éloigne de A.

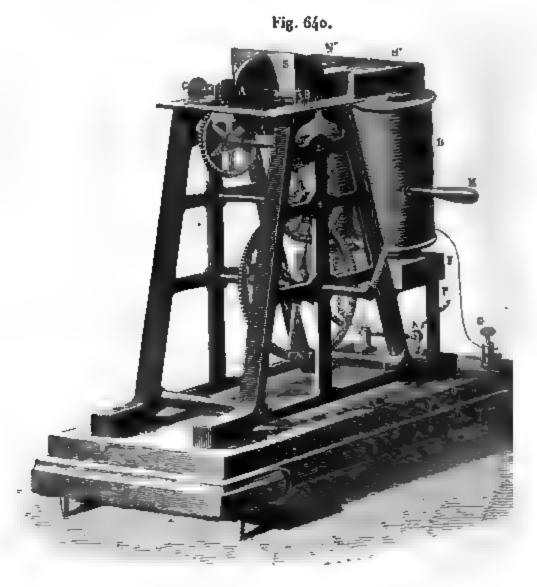
On conçoit maintenant que si on mène les trajectoires orthogonales de ces lignes, elles indiqueront la direction des courants maximas qui traversent la plaque. On les a représentées per des lignes ponctuées; l'une d'elles, déjà reconnue par M. Faraday, est l'axe EF.

IETARD DES COURANTS INDUITS. — Toute action physique exige un temps déterminé pour se transmettre et se développer. Il est donc probable que les courants d'induction, au lieu de se produire au moment même où agit l'action inductrice, sont en retard sur elle. C'est ce que M. Faraday avait formellement reconnu, mais c'est ce qui résulte très-clairement des expériences de M. Matteucci. Nous venons de dire que la ligne des pôles AB était un axe de symétrie pour les courants qui missent dans la plaque. Cela est approximativement vrai quand vitesse n'est pas considérable; mais, à mesure qu'elle augmente, on voit cet axe de symétrie s'écarter dans le sens du mouvement, se placer en E'F', et saire avec EF un angle qui ngmente avec la vitesse. Or c'est précisément à cause de ce déplacement de EF qu'un aimant AB suit le mouvement du disque dans l'expérience d'Arago; car si les courants développés étaient symétriques à droite et à gauche de AB, ils agimient également dans les deux sens et l'aimant resterait immobile.

Quand on a terminé l'analyse d'un phénomène, il est toujours

utile de le reconstituer par la synthèse. M. Matteucci a heureuse idée. Il a placé sur un disque de cire des cuivre dans les positions figurées en lignes ponctuées, a fait traverser par des courants. Il constitua ainsi di plèces un ensemble de courants immobiles, identiques que le mouvement du disque engendre dans son inté présence d'un aimant. Dès lors si leur axè de symétri E'F', et qu'on mette au-dessous une aiguille aimantée elle devra éprouver la même action que dans l'exp d'Arago, c'est-à-dire être attirée vers E'F'. C'est en effe est arrivé.

Nous terminerons ce sujet en rappelant et en comp. belle expérience que nous avons décrite (tome II, pa, et que l'on doit à M. Foucault. Voici les faits qu'on



(fig. 640): 1° on met en mouvement le disque A, et ii

brusquement aussitôt qu'on fait passer un courant dans les bobines D et E; 2° on continue le mouvement en agissant sur la manivelle et l'on constate qu'il faut vaincre une résistance passive et dépenser un travail considérable tant que l'aimantation persiste; 3° on reconnaît que le disque s'est échaussé quand ce travail a été continué pendant quelque temps. Nous avons conclu de ces saits que le travail se transforme en chaleur. Reprenons maintenant la série de ces saits, et complétons leur explication.

- re. Le disque ayant une vitesse acquise, s'arrête au moment de l'aimantation : il s'arrête par la réaction des courants d'induction; c'est l'expérience de M. Faraday.
- 2°. On continue le mouvement en faisant agir une force continue: alors les courants d'induction sont continus eux-mêmes; ils agissent pour produire un mouvement contraire à celui qui les détermine, c'est-à-dire une résistance; de là le travail qu'il est nécessaire de dépenser.
- 3°. Il y a de la chaleur produite, parce que les courants d'induction échaussent leurs conducteurs.

Nous avions constaté précédemment les deux termes extrêmes de cette série d'actions, et nous les avions opposés l'un à l'autre, en disant que le travail s'est transformé en chaleur, sons nous occuper de l'intermédiaire qui produit cette transformation. Ce qu'il y avait d'important à démontrer alors, c'est que la nature de cet intermédiaire est sans influence sur la relation qui existe entre les quantités de travail dépensé et de chaleur produite. Aujourd'hui il était intéressant d'analyser le mécanisme de cette transmutation, et nous voyons qu'elle est double: que le travail produit des courants d'induction; que les courants d'induction développent de la chaleur, et que la chaleur développée, sont proportionnels.

ELECTROMOTEURS FONDES SUR L'INDUCTION.

Des principes que nous venons de poser, résultent des conséquences précieuses. Puisque les aimants approchés et éloignés alternativement d'une bobine y développent des courants d'induction de sens alternativement opposés, on pourra construire des machines qui, par suite d'un mouvement in primé à un aimant, feront naître dans une bobine voisine de courants électriques qu'on pourra utiliser. En second lier comme la force électromotrice résultant de l'induction e proportionnelle au carré de la résistance des bobines, il se possible, avec des courants inducteurs de faible tension, d'e gendrer dans un circuit voisin très-long, d'autres courants que nauront une très-grande, et de produire tous les effets de machines électriques.

Le premier électromoteur sondé sur l'induction est dû Pixii; il dérive d'un principe qui nous est déjà connu. No avons fait voir (page 280, fig. 620) que si l'on met en présen un aimant AB et un solénoïde A'B', et qu'on donne à l'un d deux appareils un mouvement de rotation autour de l'axe coi mun 00', on développe dans le sil du solénorde des coura d'induction inverses de ceux qui produiraient le mouveme: et qui changent de signe toutes les fois que les pôles des de appareils passent l'un devant l'autre. Ces courants seront é demment augmentés si le solénoïde est enroulé autour d'i fer doux; car celui-ci s'aimante et se désaimante quand il s'a proche ou s'éloigne de l'aimant sixe, et il ajoute son esset celui de cet aimant. Dans la machine de Pixii la bobine A'l était fixe, et l'aimant tournait autour de l'axe vertical 00 au moyen d'une manivelle et d'engrenages disposés comm ceux de la fig. 634. Mais cet instrument, dissicile à construir et à manier à cause du poids de l'aimant, a été très-avants geusement remplacé par celui de Clarke, qui est fondé sur l même principe, mais dans lequel l'aimant reste fixe pendar que la bobine, qui est plus légère, est mise en mouvement.

ment en équerre une planche GG' qui sert à fixer un aima très-fort EE (fig. 641). Un axe en bronze OO'O" qui tourne s des coussinets de cuivre, porte les deux bobines L et l Celles-ci sont enroulées sur deux cylindres de fer doux, réur entre eux par une pièce de même métal qu'on voit dans figure, et dont les extrémités opposées passent, à chaque der révolution, en face et tout près des deux pôles de l'aimar les deux bouts du fil enroulé sont réunis à l'axe OO', et l'

recueille les courants d'induction par des mécanismes particuliers, qu'il nous reste à décrire.

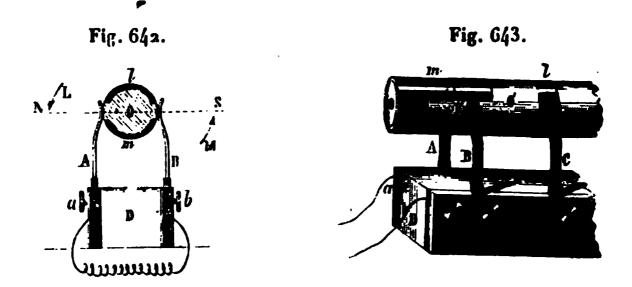


L'axe peut être terminé par une pièce spéciale lm (fig. 642), composée de deux demi-anneaux l et m, séparés par de l'ivoire et communiquant, le premier l à la bobine L, l'autre m à M. Supposons que le mouvement de ces bobines se fasse dans le sens des flèches. Pendant qu'elles s'approchent des deux pôles N et S de l'aimant fixe, les languettes A et B pressent sur m et l, et transmettent le courant dans un certain sens.

Au moment où les deux bobines atteignent et dépassent la

312 SOIXANTE-QUATORZIÈME LEÇON.

ligne des pôles, le courant change de signe, mais les deux



languettes traversent la ligne d'interruption de l et de m et échangent leur point d'appui; d'où il suit que le courant conserve la même direction dans le circuit extérieur qui joint a et b.

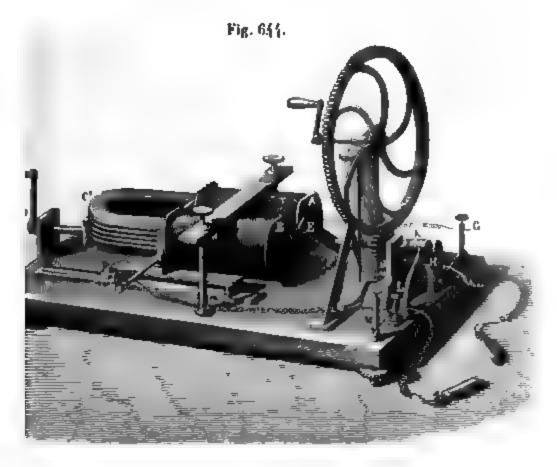
On se sert de ce commutateur toutes les fois qu'on veul produire des actions chimiques, et en général toutes les sois qu'il est nécessaire de conserver au courant extérieur un sens constant. Cela est inutile quand on veut simplement produire des commotions ou obtenir des étincelles; alors on emploie des bobines très-résistantes, ce qui donne aux courants une trèsgrande force électromotrice, que l'on peut encore augmenter en recueillant l'extra-courant. A cet esset, on termine l'axe par deux anneaux isolés l et m, qui sont joints aux bobines L et M(fig. 643); le premier est en communication continue avec la languette C, et le second avec les deux autres A et B. Comme B et C sont réunies entre elles, on voit que le courant induit traversera bb', excepté au moment où une interruption K pratiquée sur l'anneau m interceptera la communication entre B et C. A ce moment, le courant passera par Aabb'C, et il s'y ajoutera l'extra-courant provenant de l'interruption. On place la sente K dans une position telle, qu'elle passe devant la languette B au moment où les bobines sont verticales, c'est-à-dire quand le courant induit atteint son intensité maxima.

On constate avec la machine de Clarke, que les courants d'induction possèdent tous les propriétés des courants fournis par les électromoteurs ordinaires; ils produisent les mêmes actions chimiques, les mêmes effets calorifiques et lumineux. Ils offrent ceci de remarquable qu'ils ont une grande tension; en

st, leur force électromotrice variant comme le carré des lonsurs de la bobine, peut être indéfiniment augmentée.

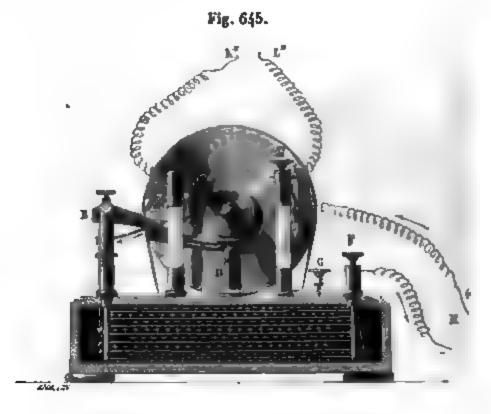
uns ces derniers temps, une compagnie industrielle s'est située pour exploiter ce gênre d'électromoteurs. Au lieu e simple machine de Clarke, elle a fait construire des apils puissants, consistant en une série de bobines disposées me circonférence de cercle, mise en mouvement par une nine à vapeur et passant entre les pôles d'aimants fixes. btient par là une série de courants dont les sens sont alntivement contraires, mais qui, malgré ces inversions fréoment répétées, donnent entre deux cônes de charbon re voltaïque qui paraît continu et dont la lumière équià celle de 180 becs carcel ordinaires.

la beaucoup varié la forme de cet appareil d'induction, ut à cause des usages médicaux qu'on en fait actuelle-L. Nous ne décrirons pas toutes les modifications qu'on lui subir : nous nous contentons de donner ici (fig. 644) le



o de l'appareil de Page. Un morceau de fer doux EF peut oir, au moyen d'une roue dentée, un mouvement de rorapide en face des pôles d'un aimant AB. Cet aimant, qui glisse sur des coulisses P, et qu'on peut éloigner ou raps cher par une vis à manivelle D, est enveloppé d'une bot prolongée par des sils conducteurs jusqu'aux poupées M e Il est évident que le ser doux, qui s'aimante dans des s alternativement contraires à chaque demi-révolution, doit velopper des courants dans la bobine, et l'on recueille ceur par le moyen de deux languettes L et H, qui s'appuient et sur l'axe, et permettent de ne recueillir dans un circuit et rieur que l'extra-courant. M. Verdet s'est servi de cet apper pour démontrer, entre autres points importants, que l'inv sion des courants ne se sait pas au moment précis où la la EF passe devant les pôles A et B, mais quelque temps apper parce que l'induction exige toujours pour s'établir un int valle appréciable.

EACHINE DE RUMMKORFF. — Nous avons vu comment MM. M son et Breguet étaient parvenus à produire des effets notable de tension avec les courants induits. Leur machine, per tionnée par M. Ruhmkorff, est devenue un des instrume les plus précieux de la physique. On en a représenté (fig. 6 une vue prise perpendiculairement à l'axe.



Au centre de l'appareil, en O, se trouve un faisceau de ûk

contenue dans un cylindre isolant de verre ou de caoutchouc duci, représenté par un cercle ponctué; elle est composée s'un fil de 2 à 2,5 millimètres de diamètre, saisant environ co tours, et dont les extrémités communiquent, l'une en l'autre en A. La bobine induite est enroulée sur le plindre isolant; elle est constituée par un sil beaucoup plus a, dont le diamètre ne dépasse pas \(\frac{1}{4}\) de millimètre, qui sait a moins 30000 tours, et qui est très soigneusement isolé au ilieu d'un mastic de gomme laque sondue. Les deux extré-ités de ce sil sortent de l'appareil en K et en L et communiuent à deux poupées isolées K' et L', qui peuvent être mises a rapport avec un circuit extérieur quelconque.

Jusque-là l'apparell est identique à celui de MM. Masson et reguet; il en dissère par l'appareil destiné à sermer et à ouvrir lternativement le circuit inducteur. Le rhéotome adopté par l. Ruhmkorff, et qui est représenté dans la sigure, avait été mainé par M. de la Rive. Le courant partant de + M entre dans a bobine par l'extrémité opposée; il sort par A et arrive à la voupée B; de là il passe par un levier très-mobile BC jusqu'à m marteau C, dont la tête est en ser et la base en platine, et qui repose par son poids sur une enclume D également revêtue le platine à sa face supérieure. Le courant continue sa route du marteau C à l'enclume D, de D à la poupée F, et retourne au pôle négatif de la pile M. Mais à peine a-t-il commencé à circuler, que les sils de ser O s'aimantent et soulèvent le marteau, ce qui établit une interruption entre C et D. Immédiatement après, le fer se désaimante; alors le marteau retombe et rétablit la communication. Il est clair que ces alternatives de Passage et d'interruption se continueront indésiniment; on Pourra les rendre plus ou moins rapides en soulevant ou en abaissant par une vis G la lame élastique sur laquelle se pose l'enclume.

Or, d'après les lois connues de l'induction, la bobine induite sera traversée par des courants directs toutes les sois que le marteau se soulèvera, et par des courants inverses quand il s'abaissera; les uns et les autres contiendront la même quantité d'électricité, et comme la bobine est très-résistante, ils aumont une sorce électromotrice considérable. Mais, ainsi que

nous l'avons précédemment démontré, la force électromotrice des courants directs croît proportionnellement au carré de la résistance, celle des courants inverses croît moins rapidement, d'où il résulte que la tension des premiers l'emportera de beaucoup sur celle des seconds. C'est ce qui va nous expliquer les curieux phénomènes présentés par la machine de Ruhmkorff.

r°. Si l'on réunit les extrémités K" et L" par un voltamètre à sulfate de cuivre, le sel sera alternativement traversé en sens contraire par des flux égaux d'électricité, qui ne produiront aucune décomposition apparente, parce qu'ils se détruisent mutuellement.

Mais quand on interposera un voltamètre à eau dans le circuit, on trouvera des gaz dégagés aux deux pôles : ils devraient y former deux volumes égaux, contenant l'oxygène et l'hydrogène en proportions atomiques; mais comme il y a des polarisations d'électrodes qui se succèdent dans des sens inverses, qui dépendent à la fois de l'intensité des courants, du temps pendant lequel ils durent, et de la nature des deux gaz, les proportions et les quantités de ces gaz seront inégales dans les deux cloches.

- 2°. L'aiguille d'un galvanomètre placé en K"L" sera sollicitée en sens opposés par les deux quantités égales d'électricité qui circulent alternativement dans des directions contraires. Les deux effets seraient égaux et s'annuleraient absolument si les tensions et les durées étaient égales; comme elles ne le sont pas, on doit s'attendre à constater une déviation résultante: elle se manifeste en effet dans le sens des courants directs, mais elle est extrêmement faible.
- 3°. Laissons entre K" et L" un intervalle d'air d'abord trèspetit, les deux espèces de courants auront une tension suffsante pour le franchir sous forme d'étincelle, mais ils le feront en proportion inégale. En effet, si nous considérons l'un d'eux en particulier, nous concevons que sa force électromotrice est pour ainsi dire instantanée; elle développe aux deux extrémités K" et L" deux tensions, l'une positive, l'autre négative, puis elle cesse. Dès lors une partie de l'électricité doit franchir l'intervalle K"L", et un autre se recombiner à travers le fil après que la force électromotrice a cessé d'agir : la première

est évidemment d'autant plus grande, que la tension a été plus considérable et l'intervalle moins grand. On ne recueillera donc à travers l'intervalle K"L", ni toute l'électricité des courants directs, ni toute celle des courants inverses; mais on recueillera une proportion plus grande des premiers que des seconds, parce qu'ils ont plus de tension.

A mesure que l'intervalle augmentera, les courants directs prendront sur les autres une prédominance d'autant plus marquée; finalement, ils passeront exclusivement. Aussi MM. Poggendorff, Verdet et Masson ont-ils constaté que tous les effets galvanométriques et chimiques allaient en croissant dans le sens des courants directs quand l'intervalle entre K" et L" augmentit, l'interruption faisant l'effet d'une espèce de filtre qui arrête les courants inverses. Alors on voit entre les deux pointes pullir une série d'étincelles vives et brillantes, comme si l'on pérait avec une machine électrique.

4°. Lorsque ensin l'interruption est assez grande pour que les deux espèces de courants soient trop faibles pour la traverser, but se réduit à des tensions successives alternativement opposées, et à des recombinaisons intérieures de fluides pendant les intervalles : mais comme les tensions des courants directs sont les plus fortes, un électroscope les accuse exclusivement comme si elles étaient continues, c'est encore ce que M. Poggendorss a constaté.

maitavec les premières machines, ne dépassait pas 4 à 5 millimètres. Il y avait en effet une cause d'affaiblissement qu'il est facile de concevoir. Au moment où le marteau se soulève et que le courant inducteur est interrompu, l'extra-courant se produit et détermine entre le marteau et l'enclume une étincelle qui continue le courant inducteur, lequel ne cesse point brusquement: d'où il suit que la durée du courant induit direct est prolongée, et que sa tension est affaiblie. Cette étincelle a un autre inconvénient: elle altère rapidement les surfaces de platine entre lesquelles elle se produit, et souvent les fait adhérer l'une à l'autre; il faut donc ou la détruire, ou au moins la diminuer.

Pour cela, M. Fizeau a disposé, dans la base même de l'ap-

pareil, un condensateur de très-grande surface, formé p lame de taffetas repliée et qui sépare deux feuilles d'éu en sont les armatures. Ces armatures sont convention ment représentées dans la fig. 645; l'une marquée + est en communication avec la poupée B, l'autre désign — — , est reliée à F. Lorsque le marteau se soulé que le courant inducteur en s'interrompant éprouve son plement d'intensité, il se répand dans le condensateu charge; l'électricité positive s'écoule par ABb sur les arm + + ..., et le fluide négatif s'accumule par DFf sur les — —; dès lors l'étincelle d'induction diminue, pe les fluides qui la produisaient trouvent un grand espace se distribuent.

A peine sont-ils accumulés sur le condensateur, qu'il dent à se recombiner en suivant le conducteur bBA, p bobine inductrice, puis la pile M, puis enfin Ff et les——; il en résulte un courant opposé à celui de la pile détruit brusquement l'aimantation du fer doux, ce qui se le courant induit direct est moins prolongé et par conse plus intense. L'amélioration que la machine éprouve pe dition de ce condensateur est maniseste; les étincelle mentent jusqu'à 8 ou 10 millimètres, et l'altération des se du rhéotome n'est plus aussi rapide.

MACHINES CLOISONNÉES. — Puisque la tension aux extr K" et L" est proportionnelle au carré de la longueur du duit, on conçoit que, théoriquement, elle peut être in ment augmentée. Dans la pratique, on a eu à lutter con grandes difficultés. On construisait les bobines en enrou fil par couches superposées, sous forme de spirales qui a d'une extrémité à l'autre, et revenaient au point de dél en résultait que deux fils superposés étaient séparés longueur totale de deux assises, longueur très-grant avaient donc une différence de tension considérable, pable de briser l'enduit isolant qui les séparait. Quar rupture s'était ainsi produite, l'appareil perdait une loi effective de fils égale à celle des deux assises qui se me en communication, et le mal ne pouvait être réparé qu' montant la bobine.

Le procédé auquel on s'est arrêté pour remédier à cet inconvénient a été proposé par M. Poggendorss. Il consiste à suctionner la bobine totale en un grand nombre d'autres qui sont juxtaposées. De cette saçon, la dissérence de tension entre deux spires consécutives est toujours saible, et la résistance des vernis toujours sussisante pour isoler les sils. On a pu dès lors augmenter la puissance des machines, et obtenir des étincelles de 40 centimètres.

Mais alors les inconvénients de l'interrupteur se font de nouveau sentir, et il est utile d'employer celui qui a été imaginé par M. Foucault.

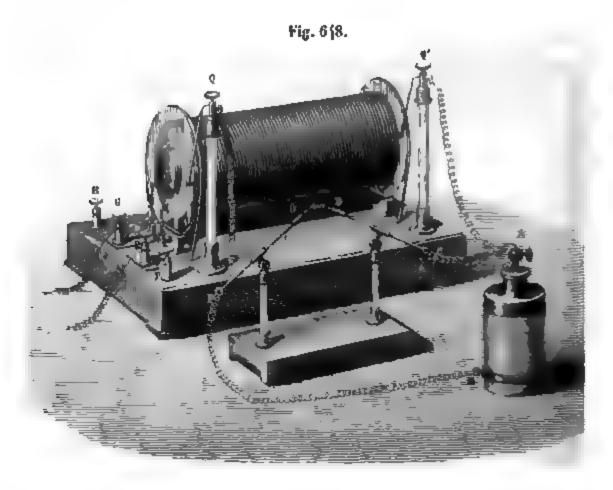
INTERRUPTEUR DE M. FOUGAULT. — Cet instrument est représenté en coupe et en élévation dans les fig. 646 et 647, Pl. 1. Une lame de cuivre PC, qu'on peut soulever ou abaisser par une crémaillère, décrit, quand elle est dérangée de son équilibre, des oscillations qui sont plus ou moins rapides, suivant qu'on fixe un contre-poids P à diverses hauteurs. Elle entraîne dans son mouvement une tige aBA, qui porte en a un ser doux placé au-dessus d'un électro-aimant D, et en BB' une pointe de platine. Celle-ci plonge dans un godet en verre à fond métallique, qui contient du mercure et une couche d'alcool superposée; elle est baignée par l'alcool et affleure à la surface du mercure. Une petite pile locale I envoie un courant dans le mercure du godet, de là dans le conducteur B'BC, puis dans l'électro-aimant. Celui-ci s'aimante, attire le contact a, soulève h pointe B', qui sort du mercure et interrompt le courant; alors la lame PC ramène par son élasticité la pointe B' dans le mercure et ferme de nouveau le circuit; de là résulte un mouvement continuel d'oscillation.

Occupons-nous maintenant du courant inducteur. Il est exgendré par une pile l'; il passe dans un commutateur mn (fg. 647), va de l à un godet A, qui est disposé comme le précédent et dans lequel plonge une pointe AA' portée par la même tige ABa. Si cette pointe est relevée au-dessus du merture, le courant est interrompu; si elle est abaissée, le courant passe, vient en C, en FF', traverse la bobine inductrice JJ, ort par H'H, revient au commutateur en q, et de là à la pile. Les extrémités du condensateur sont en E' et K'. Au mo-

ment où le courant s'interrompt, et qu'il prend son accroisament d'intensité, le fluide négatif se répand par E' dans première armature, et le positif dans la seconde en suiva H'Hq, le commutateur, la pile l', et le conducteur l'Kh', ma aussitôt ces fluides se recombinent sous forme de courant que part de K', traverse le conducteur K'Kl, le commutateur, le pile, q'Hll' et la bobine JJ. Les conditions sont les mêmes que précédemment.

Après ces divers perfectionnements, la machine de Ruhm-korff atteint une puissance que l'on peut indéfiniment sugmenter et qui ne dépend que de la longueur de la bobine induite. Celle que possède l'École Polytechnique donne des étincelles qui se reproduisent à chaque interruption et qui atteignent 33 centimètres de longueur. M. Ruhmkorff en a construit d'autres qui sont encore plus puissantes.

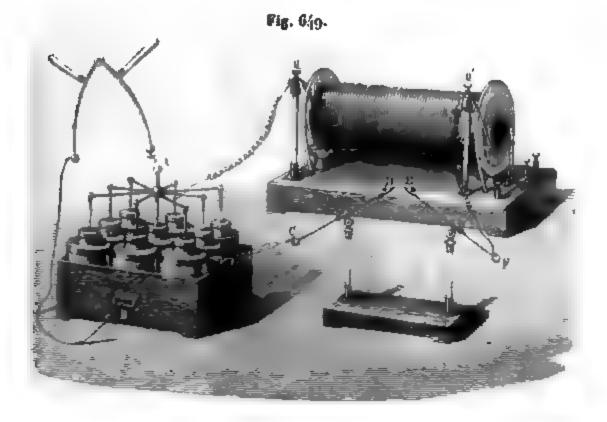
Quand on interpose dans le trajet une grande jarre AB (fig. 648), l'électricité positive commence par s'accumuler sur



l'une des armatures A, la négative sur l'autre armature B, toutes deux se réunissent ensuite à travers l'interruption 0

de l'excitateur universel quand la jarre se décharge. Les étiutelles obtenues de cette manière sont plus nourries et moins lagues, elles détonent avec un grand bruit.

On peut aussi disposer l'appareil comme dans la fig. 649,



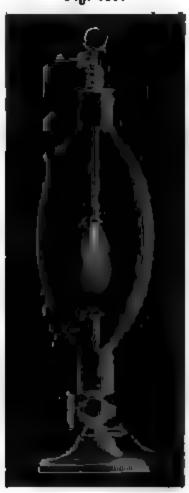
mettre les extrémités Q et Q' en communication avec les armores d'une batterie AB, et interrompre le circuit en DE. Dans ce cas, l'extrémité A prend une tension permanente considérable, et par conséquent la batterie se charge presque aussi fort et plus rapidement qu'avec une machine électrique.

charge de la machine de Ruhmkorff dans l'air rarétié, elle tonne une lueur continue (fig. 650). De la pointe positive A m voit partir une gerbe rouge qui occupe presque toute l'é-limite de l'œuf, et qui offre auprès de A un maximum d'éclat, a pointe négative C ne donne point de gerbe, elle est entourée e trois couches de lumière d'un bleu violet, qui ne s'étalent as, et il y a toujours un espace obscur entre la gerbe et la oule C. Cette apparence change quand on introduit dans l'air arésté des vapeurs d'alcool, d'éther, de sulfure de carbone, etc. uns ce cas, MM. Ruhmkorff, Quet et Grove ont remarqué, resque à la même époque, que la gerbe se divise en couches

322 SOIXANTE-QUATORZIÈME LEÇON.

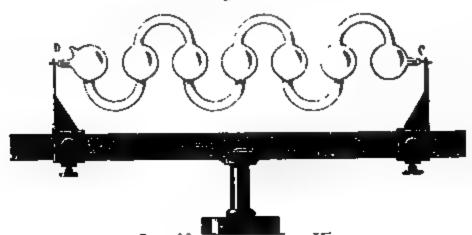
perpendiculaires à AC, qui sont alternativement lumi et obscures, et qui font paraître la lumière comme stra





L'expérience peut se faire avec des tubes dits de G (fig. 651), formés par des boules et des conduits étroit

Fig 651.



la lumière illumine, en présentant les mêmes particulari stratification. Il est aujourd'hui démontré que ces courl retrouvent dans toutes les décharges électriques. On ignore la cause de ce brillant phénomène.

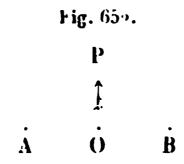
composition de l'étincelle d'induction. — L'étincelle donnée par ces grandes machines n'est pas simple, elle est composée d'un trait de seu brillant qui en occupe l'axe et d'une auréole extérieure rouge-orangé, beaucoup moins lumineuse. Les recherches de MM. du Moncel, Perrot et Lissajous ont montré de grandes dissérences entre ces deux parties.

- dant un temps appréciable. Pour le prouver, il suffit de saire partir l'étincelle entre deux conducteurs voisins animés d'un mouvement rapide et commun. Le trait ne change pas d'aspect et reste linéaire; mais la lueur s'étale parce qu'elle continue de se produire pendant que le conducteur se déplace et que la persistance des impressions la montre à la sois dans les diverses positions qu'occupe ce conducteur pendant qu'elle dure. Il résulte de cette dissérence entre le trait et l'auréole diverses conséquences aisées à prévoir.
- 2°. Puisque le trait est instantané et que l'auréole dure, celle-ci devra contenir la presque totalité de l'électricité qui passe. C'est ce que M. Perrot a reconnu et c'est pour cela que l'on nomme l'auréole la décharge de quantité, le trait étant la décharge de tension.
 - 3º. Les effets calorifiques de ces deux décharges étant proportionnels à leur durée et à leur quantité d'électricité, le trait pourra percer une feuille de papier sans l'échauffer, comme le fait l'étincelle des machines électriques; mais l'auréole contenant plus d'électricité et agissant pendant plus de lemps, échauffera ce papier jusqu'à l'enflammer.
 - 4°. Une action mécanique quelconque ne produira aucun esset sur le trait à moins d'être infinie, mais elle agira sur l'au-réole parce que celle-ci dure. Par exemple, si l'on dirige sur l'é-lincelle un courant d'air rapide, il entraîne l'auréole et la sépare du trait; de même, si l'on fait éclater l'étincelle entre deux reines liquides ou entre deux conducteurs animés d'un mou-rement rapide et commun, on voit l'auréole en retard du trait.
 - 5. Quand on condense la décharge totale dans une batterie (fg. 648), avant de la laisser éclater dans l'air, toute l'électri-

cité, soit celle de l'auréole, soit celle du trait, commence p charger la batterie, qui ensuite se décharge suivant les contions ordinaires, en un seul trait de feu qui est instantané, conséquemment plus large et plus bruyant.

ACTIONS MAGNÉTIQUES. — La décharge d'induction, tout au bien que l'arc voltaïque, sont des courants qui circulent à tivers l'air; il en résulte qu'ils doivent éprouver les même actions mécaniques que des conducteurs solides.

Soient (fig 652) A et B deux pôles d'aimant, et O un cour;



vertical. S'il regarde A, il a sa droite vers P; s'il est tource vers B, c'est sa gauche qui est dirigée en P. Or, entre ces deu pôles, il est dans la même situation que les courants de la rou de Barlow, et il doit être chassé vers sa droite par A, vers gauche par B, c'est-à-dire dans le sens de la slèche P.

- M. Quet a placé l'arc voltaïque dans la position que nous ve nons de donner à O, entre les pòles A et B d'un électro-aimat très-énergique; cet arc s'est dévié vers P en prenant la form d'un dard analogue à celui du chalumeau.
- M. Perrot a remplacé cet arc par la décharge d'induction, et a reconnu que le trait de seu n'est point insluencé, ce qui ties à son instantanéité, mais que la lueur était chassée dans la d rection de P, en s'étalant sous sorme d'un éventail rouge.

Dans le vide, la décharge d'induction change de nature: c n'est plus une étincelle, c'est une gerbe lumineuse qui s'étale Probablement elle cesse d'être instantanée, le trait disparal et tout se transforme en auréole; alors tout est soumis à l'ation magnétique.

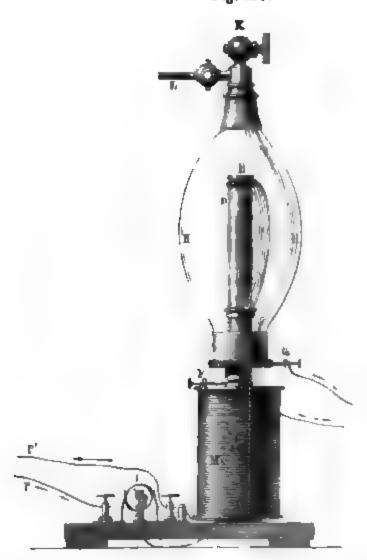
M. de la Rive a sait disposer, dans l'œus électrique (fig. 653 un morceau de ser doux AB entouré à sa base d'une bobine et isolé à son sommet par un tube de verre DD. Au moyé d'une pile PP' on peut l'aimanter, et par une machine é

DE L'INDUCTION.

325

Ruhmkorff on peut faire passer par F et G du sommet au mi-

Fig. 653.



lieu de cet électro-aimant la décharge d'induction qui prend alors la forme d'une gerbe, et puisque c'est un courant, elle foit tourner autour de l'aimant : c'est en effet ce que l'expérence montre, et le sens de la rotation change avec celui de l'aimantation du fer doux.

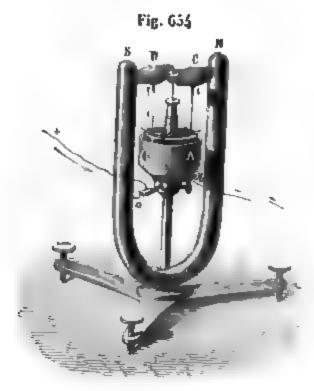
SOIXANTE-QUINZIÈME LEÇON.

MOTEURS ET TÉLÉGRAPHES ÉLECTRIQUES

Moteurs électriques. — Télégraphes électriques. — Ligne. — Mande Breguet. — Récepteur de Breguet. — Disposition d'un partiégraphe de Morse.

Là possibilité d'aimanter et de désaimanter instantaille fer par l'action des courants a conduit à construmoteurs et des télégraphes électriques.

•MOTEURS ÉLECTRIQUES. — Concevons (fig. 654) un aim: en fer à cheval NS, entre les pôles duquel un électro CD peut tourner autour d'un axe vertical. Un godet AB



en deux compartime une lame de verre, c du mercure dont le s'élève au-dessus de son, en formant de côté un ménisque c et sans se mêler d'u partiment à l'autre deux extrémités du l'électro-aimant son longées par deux verticales qui affleur ce mercure et peuv tournant, franchir la sans la toucher.

Le courant arrive

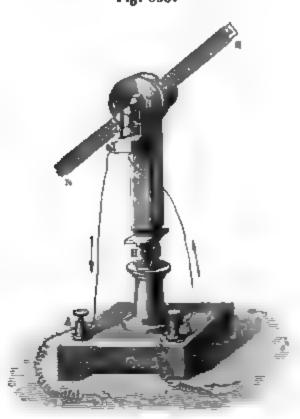
dans le compartiment A, monte en C, continue sa rou qu'en D et revient par B à la poupée b. Alors C et D pr des pôles opposés à N et à S; ils sont attirés et, en ve la vitesse qu'ils ont acquise, ils dépassent la position mais à ce moment les deux extrémités du fil qui plonge le mercure franchissent la cloison et le sens du courant

MOTEURS ET TÉLÉGRAPHES ÉLECTRIQUES.

dans CD. Il en résulte que les attractions se changent en répulsions, que C et D sont attirés, le premier par S, le second par N, et que tous deux continuent leur mouvement et se retoument de 180 degrés, après cela le sens du courant redevient te qu'il était d'abord et l'action primitive se reproduit. Il en résulte un mouvement de rotation très-rapide.

On obtient le même mouvement sous l'influence de la terre met l'appareil dessiné fig. 655. MN est un électro-aimant qui pour tourner, dans le méridien magnétique, autour d'un axe





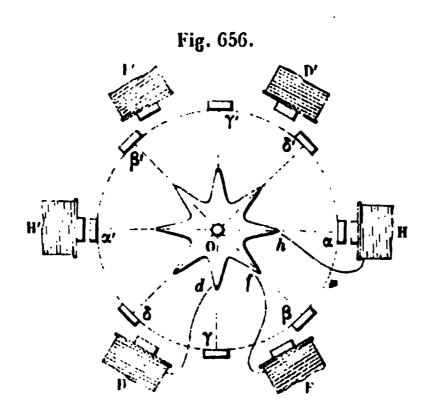
doutissent à deux pièces B et C qui forment un commutateur. Cond le courant entre par B et sort par C, MN marche pour placer dans la direction de l'aiguille d'inclinaison; mais au moment où il dépasse cette position par sa vitesse acquise, ligne d'interruption de C et de B franchit les points d'appui des deux languettes et, le courant changeant de sens, MN continue son mouvement pour se retourner de 180 degrés. Comme des inversions se reproduisent à chaque demi-révolution, la mottion est continue.

On peut mettre l'axe de rotation dans le plan du méridien méridien, puis l'incliner au moyen d'une articulation H et

le diriger parallèlement à l'aiguille d'inclinaison; alors à astatique et le mouvement s'arrête.

Ces appareils ne sont que des instruments de démo tion; mais plusieurs constructeurs ont pu réaliser de véri machines capables de produire de la force. Nous déc l'une de celles que M. Froment a imaginées.

Sur une roue circulaire mobile autour de O (fig. 62 sixée une ceinture de huit fers doux équidistants, parall



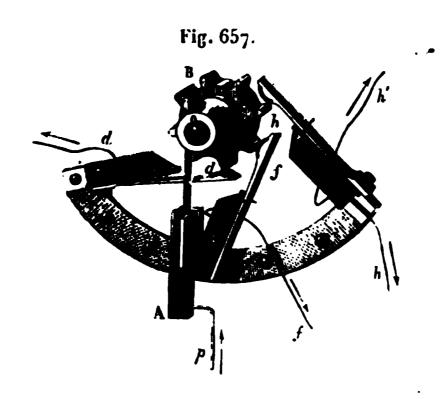
l'axe et dont les extrémités se projettent en α , β , γ ,.... Cet des angles $\alpha O \beta$, $\beta O \gamma$,..., est égal à $\frac{1}{4}$ de circonférence autour et sur un support solide et fixe sont placés six é aimants en fer à cheval projetés en H, F, D,..., et chac angles HOF, FOD,..., est égal à $\frac{1}{4}$ de circonférence. Pa séquent, lorsque deux électro-aimants H et H' sont en fe deux fers doux α et α' , les suivants F et F' sont en et d'un angle égal à $\frac{1}{4} - \frac{1}{8} = \frac{1}{24}$ de circonférence sur les et β' .

L'appareil est disposé de façon que, dans ce cas, le c passe dans les électro-aimants F et F'; alors ils attirent | lesquels se mettent en mouvement et font marcher l'a| de $\frac{1}{24}$ de tour, après quoi β et β' sont en face de F et Aussitôt le courant cesse de passer dans F et F'; mais lancé dans B et B', et ainsi de suite, de façon que pend tour la roue mobile est soumise à vingt-quatre actions tives qui agissent dans le même sens et seulement qui fers sont très-près des électro-aimants.

Il nous reste à décrire le mécanisme qui produit cette distribution des courants. Il y a sur l'axe de la roue mobile une pièce portant huit dents qui correspondent aux sers doux α , β , γ , qui se meut avec eux, et qui est en communication permenente avec le pôle positif de la pile. Puis il y a trois ressorts h, f, d qui peuvent transmettre le courant respectivement à H et H', F et F', D et D'; ils sont immobiles et leurs extrémités occupent, par rapport aux dents, les mêmes positions que H, F, D, par rapport aux sers α , β , γ .

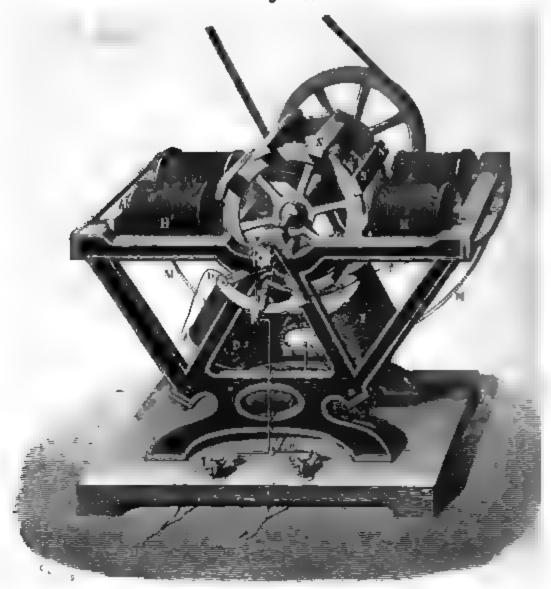
Quand α se place vis-à-vis H et dépasse cette position, une dent quitte le ressort h, mais la suivante touche f et lance le courant dans F et F', jusqu'au moment où β se met vis-à-vis F; alors une troisième dent rencontre d et envoie l'électricité dans D et D'.

La fig. 657 représente ce distributeur dans ses conditions



réelles. Le courant arrive par AB sur l'axe O de la roue mobile; les ressorts h, f, d qui sont fixes, portent à leurs extrémités des pièces métalliques limitées, réglées de manière à être rencontrées successivement par les dents, à demeurer en contact avec elles pendant $\frac{1}{24}$ de tour, et à transmettre le courant dans les bobines correspondantes par des fils hh', ff',.... fasin la fig. 658, page 330, représente l'ensemble d'une machine à laquelle manquent deux des électro-aimants qui compléteraient la ceinture, ce sont ceux qui sont marqués F' et P' dans la fig. 656. Le courant arrive par P en P'0, et après avoir traversé les bobines, il revient par un fil commun MMM en P0, et au pôle négatif.





TELÉGRAPHIE ÉLECTRIQUE.

La télégraphie électrique est devenue un art tout entier, comme elle est d'invention récente, elle n'a peut-être par trouvé encore sa formule définitive. En attendant, on possè déjà des instruments qui satisfont à tous les besoins; mais sont extrêmement nombreux et l'on y introduit tous les jou des perfectionnements nouveaux. Dans l'impossibilité où no sommes de faire connaître les détails de tous ces instrumen nous renverrons aux ouvrages spéciaux, particulièrement ceux de M. Blavier et de M. Gavarret, et nous nous contentere de décrire les télégraphes de Breguet et de Morse.

La transmission télégraphique exige trois choses : 1º un conducteur qui réunit les deux stations et que l'on nomme de ligne ou simplement ligne; 2º un instrument qui lance

MOTEURS ET TÉLÉGRAPHES ÉLECTRIQUES. 331 interrompt l'électricité dans des conditions déterminées et suivant une signification convenue à l'avance, c'est le manipulateur; 3° un autre appareil, le récepteur, qui reçoit à la seconde station les signaux envoyés de la première.

marines. Les premières, connues de tout le monde, sont consituées par des fils de fer galvanisés, tendus et supportés contre des poteaux de bois sous des auvents de porcelaine qui les isolent et les préservent de la pluie. Les secondes, employées pour le parcours des villes, sont enterrées dans des tranchées au milieu d'une masse de bitume que l'on coule autour des fils. Quant aux lignes sous-marines dont le parcours est très-étendu, elles sont formées par des fils de cuivre pour être plus conductrices, et ces fils, entourés de gutta-percha, enveloppés de filin goudronné, sont extérieurement revêtus d'un câble de fer qui leur donne toute la force nécessaire pour résister aux tractions exercées au moment de la pose et par l'effet continu des courants marins.

A la station qui envoie la dépêche, la ligne est mise en communication avec le pôle positif d'une pile, le courant la suit
jusqu'au lieu d'arrivée, et s'il y avait une seconde ligne de retour, il la parcourrait en sens inverse pour revenir au pôle
négatif. Mais en 1837 M. Steinheil a fait voir qu'on pouvait
supprimer ce second fil, pourvu qu'on mît en communication
avec la terre, dans des puits profonds et remplis d'eau, d'une
part l'extrémité de la ligne au point d'arrivée, d'autre part le
pôle négatif de la pile au lieu de départ. Les choses se passent
donc comme si le sol remplaçait le conducteur de retour.

Cependant ce n'est point ainsi qu'il faut expliquer ce phénomène. Si la pile était isolée, elle aurait à ses deux pôles des lensions positive et négative; mais quand elle est en communication avec le sol, elle perd ces deux tensions, parce que les deux fluides se répandent et se perdent, en se disséminant dens la terre, comme dans un réservoir dont la capacité est infinie. On conçoit dès lors qu'il n'y a besoin que d'un seul fil, et que sa résistance est la moitié de celle que le courant avait à vaincre s'il existait une ligne de retour.

TAIPULATEUR. — Cela posé, la fig. 659, Pl. I, représente l'appareil qui va écrire la dépêche. Il se compose d'une plan-

che en bois sur laquelle est un cadran fixe qui porte deux circonférences concentriques, l'une intérieure sur laquelle on voit d'abord une croix + et ensuite les vingt-cinq lettres de l'alphabet, l'autre extérieure où sont écrits o, 1, 2,..., 25; toutes deux sont, comme on le voit, divisées en vingt-six parties.

Une manivelle OF, mobile autour du centre et qui est percét d'une fenêtre à travers laquelle on voit les lettres et les chiffres, peut être déplacée à la main; elle porte une goupille fqui s'applique et s'arrête dans les encoches extérieures f', f'', f'', suivant qu'on veut désigner les lettres A, B, C,..., ou les chiffres 1, 2, 3,..., qui alors sont vus à travers la fenètre:

A cette manivelle est sixée une plaque de cuivre $\beta \alpha \beta' \alpha'$ dont on voit une partie au-dessous du cadran; elle est sillonnée d'une rainure $\beta \alpha \beta' \alpha'$, laquelle se rapproche du centre aux points β , β' , β'' ,..., et s'en éloigne en α , α' , α'' , de saçon qu'elle offre treize dépressions et treize dents obtuses.

On voit ensin une tige DD'D'', terminée en D par un ressort slexible, mobile autour de D' et portant en D'' une pointe engagée dans la rainure $\alpha\beta\alpha'\beta',...$, dont elle est assujettie à suivre les sinuosités. De là il résulte qu'en saisant saire à la manivelle F un tour complet, on voit D'' s'éloigner treize sois du centre O, s'en rapprocher treize sois et déterminer des oscillations de DD'', pendant lesquelles le ressort D s'appuie treize sois sur un butoir C et treize sois sur un autre B.

Voici maintenant le jeu de l'appareil. A est en communication avec le pôle + d'une pile; $DD'E_1E_2G_2$ sont des conducteurs qui sont reliés avec la ligne marquée ligne 2. Lorsque la manivelle OF est placée, comme l'indique la figure, sur le signe +, il y a une interruption entre B et D et le circuit est ouvert; mais quand on transporte cette manivelle OF vis-à-vis de la lettre A dans l'encoche f', le point D'' est sur la dent f, le ressort D bute sur B et le courant passe dans la ligne. Quand on met f en f'' vis-à-vis de la lettre C, D s'éloigne de B et il y a une nouvelle interruption; et si l'on continue de faire mouvoir la manivelle OF, on voit que le courant passe quand elle est en regard des chiffres ou des lettres impairs et qu'il est interrompu quand elle s'arrête vis-à-vis des chiffres ou des lettres pairs. On voit de plus que si en partant de la position initale + on transporte rapidement OF jusqu'à une lettre de

rang quelconque, le nombre total des communications et des interruptions est égal à ce rang. On laisse ensuite la manivelle en repos pendant quelque temps vis-à-vis la lettre que l'on a atteinte, asin d'indiquer par ce repos que c'est cette lettre qu'on a voulu désigner.

igne et en communication avec elle, a deux cadrans comme le manipulateur (fig. 660, Pl. I). Il est disposé de façon qu'une ignille Ll répète les mouvements que fait la manivelle OF, pr conséquent de manière à franchir rapidement toutes les lettres intermédiaires et à s'arrêter sur celle que l'on veut idiquer. Nous allons montrer comment se fait cette transmission.

La fig. 661, Pl. I, représente une coupe du récepteur. L'est l'aguille dont l'axe LL', constamment sollicité par un mouvement d'horloge, tend à se déplacer dans le sens ABC.... Le courant traverse une bobine B mise en communication par A + vec la ligne et par C — avec la terre, et vis-à-vis cet électro-timant il y a un fer doux D porté par un levier mobile autour l'un point fixe; il est attiré ou ramené par un ressort dd', suivant que le courant passe ou qu'il est interrompu. Il en résulte que ce levier répète exactement les mouvements que la tige DD'D" prend dans le manipulateur.

A l'extrémité E du levier DE, on voit (fig. 662, Pl. I) une tige fixe EE' engagée entre deux bras h et h' qui sont portés par un axe mobile GG'. Cet axe porte également vers son milieu deux lames K et K' qui sont dans les mêmes plans diamétraux que h et h', et entre lesquelles se trouve la roue d'échappement ff'f'', laquelle a treize dents. Quand les appareils sont dans leur situation initiale, la dent f' est arrêtée par K. Si ensuite on place le manipulateur sur la lettre A, le courant passe, le contact DD est attiré, la tige EE' presse sur h et le butoir K dégage la dent f'. Alors la roue d'échappement se meut jusqu'à ce que la dent précédente f vienne rencontrer la palette K' qui s'avance pour la recevoir. Ainsi la roue marche d'une demi-dent, l'aiguille Ll de $\frac{1}{16}$ de tour $\frac{1}{16}$ elle se place sur la lettre A.

Si nous mettons maintenant la manivelle du manipulateur is-à-vis la lettre B, le courant cessera de passer, le contact DD

du récepteur s'éloignera de l'électro-aimant et la tige \mathbf{E}' pressera sur h'; alors \mathbf{K}' abandonnera la dent f et f'' viendre s'arrêter sur \mathbf{K} ; l'aiguille $\mathbf{L}l$ tournera de nouveau de $\frac{1}{16}$ de tour et se placera vis-à-vis la lettre \mathbf{B} . On voit qu'elle suivra tous les mouvements de la manivelle du manipulateur, qu'elle s'arrêtera comme elle sur chaque lettre qu'on voudra désigner et qu'elle indiquera successivement toutes celles qui composent un mot. On est convenu de séparer tous les mots les uns des autres, en revenant après chacun d'eux au point de départ +.

DISPOSITION D'UN POSTE. — Il nous reste à dire comment les distributions électriques sont établies dans les divers postes d'une ligne télégraphique. La ligne 1 vient d'un poste antérieur, la ligne 2 aboutit à celui qui suit; elles sont mises en communication avec les centres G₁ et G₂ de deux leviers, mobiles par deux poignées g' (fig. 659, Pl. 1) et dont les seconds bras g, qui sont métalliques, peuvent se placer sur des plaques conductrices E, s et r. Mis sur E, et E, ils font communiquer les deux lignes par le conducteur ponctué E₁E₂; placés sur 7, ils aboutissent au récepteur de la station; ensin, quand ils sont dirigés sur s, ils mettent chacune des lignes en rapport avec deux sonneries s₁, s₂. Nous ne décrirons pas ces sonneries, parce que tout le monde en comprendra le jeu sans en connaître les détails. Ce sont des timbres en sace desquels sont des marteaux qui se mettent en mouvement au moment où un courant traverse l'appareil et sait tomber un arrêt par le jeu d'un électro-aimant.

Il faut d'abord que le préposé d'une station puisse être prévenu quand on veut lui parler de l'une ou de l'autre des sittions entre lesquelles il est compris; alors il place les deux leviers en s et met ainsi l'une des extrémités de chaque sonnerie en communication avec les deux lignes, pendant que l'autre s' est en relation avec la terre par les conducteurs ponctués qui aboutissent en H. Quand un signal arrive, l'une ou l'autre des sonneries S₁ et S₂ se met en activité et le préposé est prévenu. Si le signal vient de la ligne 1, il met G₁g en communication avec E₁ et il répond qu'il attend le message; puis il transporte G₁g sur r, ce qui met la ligne en rapport avec le récepteur et il reçoit la dépêche qui lui ar-

ve. Si c'est lui-même qui veut parler au poste antérieur, commence par mettre G_1g en contact avec E_1 , puis il fait un ur entier avec la manivelle ()F, ce qui lance plusieurs fois courant dans la ligne 1 et prévient le préposé de la stant la laquelle il veut écrire. Ensuite il attend avec son réteur ouvert qu'on lui ait annoncé que sa dépêche est indue; enfin, plaçant de nouveau G_1g sur E_1 , il fait foncmer son manipulateur.

titeraphe de morse. — Le manipulateur est représenté 663, Pl. I. C'est un simple levier conducteur BCB' mobile C, toujours pressé par un ressort sur le bouton D, et qu'on it mettre en contact avec A en appuyant sur la poignée B. ligne communique avec C, le récepteur avec D, et la pile poste avec A. Il est évident que pendant le repos de l'apeil, les courants qui arrivent en C sont transmis par D au epteur. Quand, au contraire, on veut envoyer des signaux is la ligne, on abaisse le levier sur A, alors le courant de la part de A, entre par C dans cette ligne et circule pendant t le temps que le levier est abaissé. Il y a deux sortes de naux, qu'on produit en pressant sur la poignée pendant un ips très-court ou plus long. Cela suffit, comme on va le r, pour tous les besoins.

Le récepteur (fig. 664, Pl. I) se compose d'un électrolant H en face duquel est un levier de fer Il'i qui est attiré la courant passe, et qui se relève par l'effet d'un restà chaque interruption. A l'extrémité i est un style qui suit les mouvements et qui s'enfonce quand le courant passe les une rainure peu profonde tracée sur le contour d'un lindre K.

Ce cylindre K reçoit un mouvement continu et lent par set d'engrenages et d'un poids P, et un ruban de papier magasiné sur un rouleau J, qui passe entre les trois cydres k, k, h' et qui est toujours exactement appliqué sur K, déroule lentement pendant que l'appareil fonctionne.

Or le style i se relève quand un courant passe dans H; alors presse sur le papier qu'il ensonce dans la rainure, et il y oduit un trait gausré long ou court quand le passage du cou-N a duré beaucoup ou peu.

Mais pour que ces impressions soient nettes, il faut que la

336 SOIXANTE-QUINZIÈME LEÇON. — MOTEURS, pression du style soit énergique et, par suite, que l'tation de H soit forte. Cela ne peut s'obtenir directer le courant de la ligne qui est faible, et il faut user sice qu'il nous reste à décrire.

Les courants envoyés par l'autre station, après avoi le manipulateur (fig. 663, Pl. I), arrivent en A (fig. 6 dans un appareil intermédiaire qu'on nomme relais. lent de A en C à travers un électro-aimant B et se la terre par C.

En face de cet électro-aimant se trouve un contact bile en D qu'un ressort d éloigne quand les courant sent pas, mais qui vient buter contre une vis E quai culent; de sorte que ce contact répète tous les mo du levier manipulateur, et qu'il est en communication toutes les fois et pendant tout le temps que celui-ci es

Une pile locale assez énergique a son pôle positi munication avec E par une tige isolée f. Quand la pau repos, le courant de cette pile est interrompu entr mais quand elle est attirée, il passe de E en D'D, su ducteur gg'g''g''', traverse l'électro-aimant H du réc retourne par K au pôle négatif de la pile locale.

On voit donc, 1° que le levier de contact DD' el mêmes mouvements que le manipulateur; 2° que c ment dirige dans le récepteur non pas le courant d qui est trop faible, mais un autre courant qui se à lui, qui passe ou est interrompu en même temps e dissère que par son intensité, laquelle est assez graproduire sur le papier les traces gaufrées dont no parlé.

Ces traces sont courtes si le levier manipulateur puyé pendant peu de temps, elles sont allongées si a été prolongé; il sussit maintenant de combiner courts et allongés pour obtenir toutes les lettres de l'Ainsi la lettre A s'exprime par - --, la lettre b par ---, et ainsi de suite. Il sussit d'acquérir un peu c pour produire et interpréter ensuite cette écriture tionnelle.

PHÉNOMÈNES LUMINEUX.

SOIXANTE-SEIZIÈME LEÇON.

DES INSTRUMENTS GÉNÉRAUX DE L'OPTIQUE.

Observations générales. — Porte-lumière. — Héliostat. Conditions théoriques. M. Foucault. M. Silbermann. — Régulateur électrique. — Lumière Drummond. — Banc d'optique. — Cercles divisés.

Comme toutes les branches de la Physique, l'Optique nous offre deux points de vue différents. Il faut d'abord découvrir et enchaîner par une théorie les lois des phénomènes lumineux: c'est le côté spéculatif; il faut, en second lieu, s'occuper des problèmes qui en découlent, des applications qu'on en a faites et des instruments qui, à un titre quelconque, se attachent à la lumière. Ce deuxième aspect tout pratique, qui s'adresse à nos besoins plus qu'à notre esprit, doit suivre l'exposé des principes.

Cependant l'usage veut que l'on mêle ces deux genres d'études et qu'après avoir exposé chaque propriété de la lumière on épuise la liste de ses conséquences. C'est ainsi qu'on fait succéder à l'énoncé des lois de la réflexion et de la réfraction l'étude plus utile qu'attrayante des miroirs, des lentilles, des lunettes, de l'achromatisme, etc. Cette marche est peut-être obligatoire dans les Traités élémentaires, parce que les appareils fondés sur la réfraction interviennent dans la démonstration des phénomènes ultérieurs; elle est néanmoins regrettable, en ce que les lois tiennent la moindre place et que leur enchaînement disparaît dans le détail des applications.

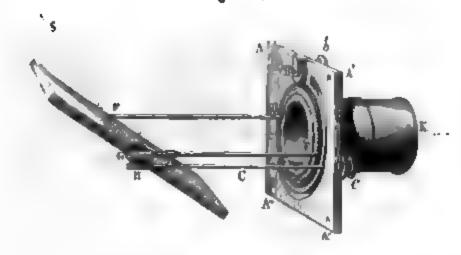
Cet Ouvrage ne s'adressant pas aux commençants et s'al chant particulièrement à la Physique théorique, j'ai cru pe voir renoncer aux errements consacrés et séparer absolumles deux points de vue. Dans une première partie, j'expose l'optique spéculative; les applications auront leur place de un deuxième livre entièrement distinct. Il en résultera, je reconnais, l'inconvénient certain d'employer dans la premipartie des organes qui ne seront décrits que dans la secon mais, en revanche, le lecteur y trouvera l'avantage de sui sans interruption et dans leur ordre de subordination mét dique les faits et les hypothèses qui constituent le magnific ensemble de l'optique philosophique. Au surplus, rien n'e pêchera les personnes qui le voudront de lire le second li avant le premier et de rentrer ainsi dans les usages habitue

Néanmoins, pour ne pas exagérer les inconvénients de marche que j'adopte, je vais commencer par faire connaî les conditions où il faut habituellement se placer pour e cuter les expériences de l'optique, et décrire un petit nomi d'instruments généraux qui se retrouvent dans chaque cas p ticulier.

PORTE-LUMIÈRE. — Avant tout, ces expériences exigent laboratoire particulier nommé chambre obscure, entièreme peint au noir mat et dont on puisse hermétiquement serm les fenètres et les portes par des volets noirs, soigneus ment garnis de bourrelets. Dans cette chambre, exacteme soustraite à la lumière extérieure, il faut pouvoir introdui à volonté, par un petit trou, un saisceau solaire horizont A cet effet, on perce dans l'un des volets exposé vers le mi une ouverture ronde; on applique sur ses bords, au moyen (quatre vis, une plaque de cuivre verticale AA'A"A" (fig.666 Celle-ci soutient à l'extérieur du volet un miroir M qui reço les rayons solaires SM et qui les résléchit à l'intérieur en M à travers un tube de cuivre. Mais, comme le faisceau résléc doit être sixe et que le soleil se meut, il saut que l'on puiss sans ouvrir le volet, déplacer continûment le miroir. Or, est porté par deux tiges FD et EH fixées sur un anneau I qui est appliqué contre la plaque AA", dont le contour ext rieur est denté, et qui engrène avec le pignon B. Par le bo

INSTRUMENTS GÉNÉRAUX DE L'OPTIQUE. 339 mintérieur b, on peut donc faire tourner le pignon B, l'anun DE et par suite le plan de réflexion SMK, jusqu'à ce

Fig. 666.



il passe par le soleil S. En second lieu, le miroir est mone vis sans sin H, raccordée à un deuxième bouton c, met de faire varier l'inclinaison du miroir jusqu'à ce que le teau résléchi MK se dirige suivant l'axe horizontal du k.

est souvent nécessaire que ce faisceau soit limité en ant à travers une fente mince. Celle-ci (fig. 667) est placée

Fig. 667.



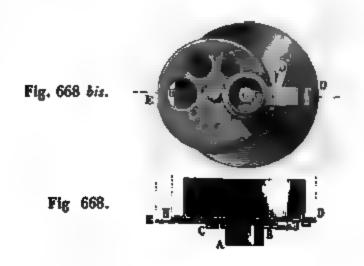
sur un bouchon métallique qui ferme l'ouverture du porte-lumière. Elle est formée par les bords EC et DF d'un parallélogramme dont les deux autres côtés CD et EF sont mobiles autour de leurs milieux. Un ressort Aa qui tend à relever FD et à baisser CE fait fermer la fente; une vis V en appuyant sur

evier Bb relève EC, et par conséquent écarte ou rapproche lonté les deux lèvres.

l'on veut que le saisceau émerge d'une ouverture circu-, on emploie un autre bouchon représenté fig. 668 et bis; le couvercle HD est percé d'un trou central G et ongé par un tube court AB. Mais ce tube n'est sixé au coule HD que par une bride B, et il laisse entre lui et HD intervalle de quelques millimètres. Dans cet intervalle, ne autour de son centre C un disque EF'F", que l'on voit SOIXANTE-SEIZIÈME LECON.

340

de face fig. 668 bis. Il est percé d'ouvertures F, F', F',..., rangées par ordre de grandeur et qu'on peut amener l'une



après l'autre en regard du trou central G qu'elles réduisent à leur propre dimension.

venons de décrire, il faut à chaque moment faire mouvoir les boutons directeurs du miroir pour ramener à une direction fixe le rayon réfléchi que le mouvement du soleil déplace continuellement. Cet inconvénient a suggéré à Fahrenbelt l'idée de l'héliostat, appareil dans lequel une horloge déplace continument le miroir, suivant des conditions calculées pour que le rayon réfléchi reste immobile. Cherchons d'abord la solution géométrique de ce problème.

CONDITIONS TRÉORIQUES. — Soit NON' l'axe du monde (fig. 669, Pl. IV). Pendant vingt-quatre heures le centre du soleil décrit un cercle SS'S"; les rayons qu'il envoie en O parcourent un cône dont l'axe est ON et dont l'angle SON ou COD est égal au complément de la déclinaison du soleil. Cette déclinaison est donnée par les Tables astronomiques pour tous les jours de l'année; elle est nulle aux équinoxes, maxima aux solstices.

Soit BDB' un cadran solaire parallèle à l'équateur; l'ombre du style DO sera en B à midi et parcourra le cercle en vingiquatre heures. Si une horloge, placée au-dessous de BB', fait tourner une aiguille DC d'un tour en vingt-quatre heures, cette aiguille suivra l'ombre du style DO. Par conséquent, une tige métallique OC, qui ferait avec le cadran un angle égal à la

INSTRUMENTS GÉNÉRAUX DE L'OPTIQUE. déclinaison du soleil et qui serait guidée en C par l'aiguille de l'horloge, suivrait pendant toute la journée la direction des

myons solaires. Il sera très-facile de réaliser cette horloge et ce mouvement : c'est la première condition à laquelle satissont les héliostats. La deuxième consistera à placer, soit en (), soit en E, un miroir entraîné lui-même par l'horloge de façon

à renvoyer les rayons dans une direction fixe OER.

ŀ

I. On aura une solution particulière du problème si on place en O un miroir dont la normale nOn', entraînée par l'horloge avec le plan DOC, soit bissectrice de DOC; car, l'angle d'incidence étant AOn', l'angle de réflexion sera n'ON et le myon sera résléchi suivant l'axe du monde. C'est l'héliostat de Fahrenheit.

II. Soit mm le miroir. On veut donner au rayon résléchi me direction fixe, mais absolument quelconque rOE. On y prviendra en dirigeant la normale à mm suivant la bissectrice $\beta\beta'$ de l'angle AOR; car l'angle d'incidence étant AO β' , œlui de réslexion sera β'OR et le rayon résléchi sera OR. On réalisera mécaniquement cette condition par un parallélipipède articulé $\alpha\beta\gamma$ O, dont l'un des côtés γ O aura la direction fixe qu'on veut donner aux rayons résléchis et l'autre Oα sera maintenu par l'horloge dans la direction des rayons incidents OC. C'est l'héliostat de Silbermann.

III. Supposons que le miroir soit en E, soutenu par un support EH, pouvant prendre toutes les directions possibles au moyen de deux articulations rectangulaires, et qu'il soit dirigé prune tige EC normale à sa surface passant dans un anneau C l'aiguille des heures, à une distance CO constante et égale à OE, de sorte que le triangle COE soit isocèle. Dans ce cas core, le rayon se résléchira suivant OE; car l'angle d'incidence sEc est égal à OCE, et l'angle de réflexion égal à OEC, ou à cER. C'est la solution de S'Gravesande.

IV. Disposons une tige OE de grandeur invariable, ne parucipant point au mouvement de l'horloge, pouvant prendre butes les positions possibles autour de O et se fixer par des vis de pression dans la direction invariable qu'on veut donner au rayon résléchi. A l'extrémité de cette tige supportons le miroir par une sourchette efe' tournant en f dans la tige Of qui est creuse. De cette façon le miroir pourra tourner autour

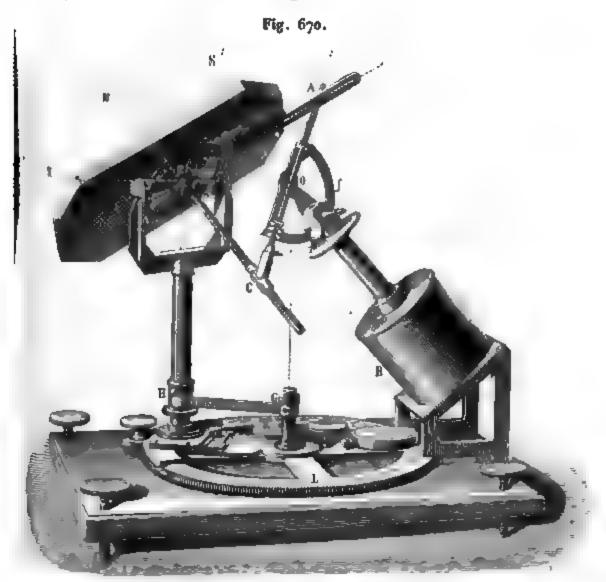
de deux axes Of et ee' perpendiculaires entre eux. Enfin se sons entraîner ce miroir au moyen d'une queue EA situ dans son plan, perpendiculaire à ee' et passant en A dans anneau articulé, à une distance AO égale à OE, de saçon que le triangle AOE soit isocèle.

Si ces conditions sont réalisées : 1° le miroir est toujou perpendiculaire au plan ACE qui est le plan d'incidence et réflexion; 2° l'angle d'incidence sEA est égal à OAE, par conséquent l'angle de réflexion sera égal à AEO, ou à son oppopar le sommet REa, et le rayon sera réfléchi suivant ER. C'all'héliostat de Gambey.

V. On peut ensin réaliser le triangle rectangle CEA, c'e à-dire supporter le miroir en E par une colonne EH qui l permette de prendre toutes les directions autour de E, le riger par une tige CE normale à sa surface, s'engageant da un anneau articulé C, sixe sur OC à une distance OC = OE, ensin prolonger son plan par la tige EA passant en A dans ur rainure creusée dans OA. Il est facile de voir que AO sera to jours égale à OE. Comme les besoins de l'optique se borne généralement à employer un rayon horizontal, on simplifie le problème en ne demandant pas autre chose à l'héliost Alors, la tige OE et le saisceau réstéchi OE seront horizontau on les placera dans tous les azimuts possibles en saisant mo voir le support EH sur un cercle horizontal dont le cent sera en G sur la verticale du point O, et dont le rayon GH se égal et parallèle à OE. C'est la solution de M. Foucault.

na réalisé ces conditions géométriques. Je choisirai comme exemple les solutions de MM. Foucault et Silbermann. fig. 670 représente l'instrument de M. Foucault dans la mètrique de l'instrument de M. Foucault dans la mètrique de B est fixée préalablement à la latitude du lieu; le point est invariable; toute la partie CfA est entraînée par le mont de l'horloge, et se trouve dans le plan du soleil qua on a mis l'aiguille à l'heure. On a inscrit sur le limbe f la clinaison du soleil, et en le fixant par une vis de pressi dans la position qui convient au jour de l'observation, ligne AOC suit la direction des rayons solaires SE. On

INSTRUMENTS GÉNÉRAUX DE L'OPTIQUE. 343 consit le triangle rectangle CEA, qui entratne le miroir. La longueur OC est invariable, égale à EO et à HG. On place le

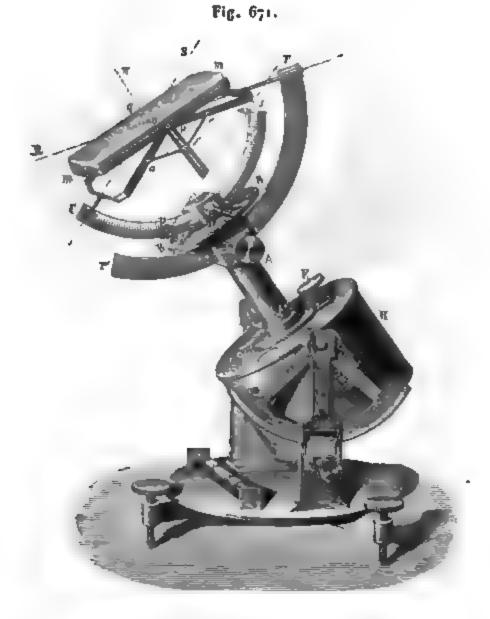


Myon réfléchi OER dans l'azimut qu'on veut en faisant mouvoir la tige EH sur la circonférence d'un cercle KL, dont le centre G est sous la verticale du point O. Mais, pour que le miroir puisse prendre toutes les positions voulues, il est nécessaire qu'il soit porté par une base circulaire E, soutenue sur la colonne EH par deux articulations rectangulaires, et qu'en outre le miroir lui-même tourne sur cette base autour de l'axe EC.

EXHOSTAT DE SUBERMANN.—L'appareil de Silbermann (fig. 671) repose sur une plaque tournant autour d'un axe vertical qu'on règle par un niveau. Au moyen d'un arc de cercle et d'un bouton de serrage K, on incline l'axe de l'horloge à la lati-

tude du lieu, et l'on peut placer cet axe dans le méridien. Supposons que cela soit fait : BB représente le cadran, CPs un limbe dont le centre est en O et dont le plan contient l'aiguille c, de sorte que si on met celle-ci à l'heure vraie, ce plan passe par le centre du soleil. Le limbe CPs glisse dans une boîte D, où il peut se fixer; il est divisé à partir de C, et en faisant CD égal au complément de la déclinaison, la ligne SOC prend et garde la direction des rayons solaires.

Suivant les conditions exprimées page 341, le miroir est porté par un losange articulé apef; la diagonale pf est nor-



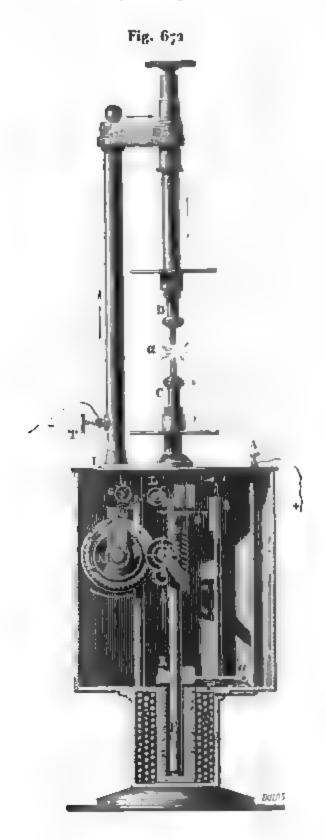
male au plan mm; le côté pa est, par construction, parallèle à OC, c'est-à-dire aux rayons incidents, et les rayons réfléchis OR sont alors parallèles à l'autre côté pc du losange. Au moyen d'un second limbe rr' qui glisse dans une coulisse et qu'on peut serrer par la vis A, on peut changer l'inclimison per de ces rayons résléchis, et pour qu'on puisse les amener dans tous les azimuts possibles, le limbe rr' est porté par un axe creux AF qui enveloppe, sans être entraîné par les mouvements de l'horloge, celui qui sait mouvoir les aiguilles et le premier limbe CPs. On peut sixer AF par un bouton de serrage E.

On a disposé une pinnule s et un écran P, de façon que la corde s P soit parallèle à OC, d'où il suit que le rayon qui passe en s arrive toujours en P si l'appareil est réglé; et inversement on peut se servir de cette condition pour placer l'axe dans le méridien: car ayant mis l'horloge à l'heure et pris l'arc CD égal au complément de la déclinaison, on fera tourner l'appareil sur sa base jusqu'à voir le rayon solaire passer de s en P. On ne sera donc pas obligé de connaître la direction du méridien. Une disposition toute pareille est adaptée à l'héliostat de M. Foucault, et peut se joindre à tous les autres.

emploie la lumière électrique; mais il fallait la fixer, parce que les charbons entre lesquels elle se dégage s'usent inégalement, soit par la combustion, soit par le transport électrique. Mais comme, à mesure que cette usure les éloigne, le courant électrique éprouve une résistance croissante et perd de son intensité, M. Foucault imagina d'enrouler le conducteur autour d'un fer doux et d'utiliser les diminutions que son magnétisme éprouve pour embrayer un mécanisme qui rapproche les charbons et conserve au courant une intensité constante. Après M. Foucault plusieurs physiciens ont imaginé des mécanismes, parmi lesquels nous citerons ceux de MM. Duboscq, Serrin et Foucault lui-même; mais nous ne décrirons que l'appareil de Duboscq (fig. 672).

Le courant arrive en A, descend par A α jusque dans une bobine SS' qui enveloppe et aimante un fer doux creux. Il remonte ensuite jusqu'à la plate-forme IA; et comme il y a en I une lame d'ivoire, il passe dans le charbon C, franchit dans l'air l'intervalle α , en donnant la lumière, et il revient ensin suivant DEFT. C étant le pôle positif, s'use plus que D,

et on peut déterminer par l'expérience le rapport des chemi que font les charbons en s'éloignant par l'usure. Il faudra qu les mécanismes les rapprochent individuellement dans le mên rapport, afin que le point lumineux reste fixe.



En H est un barille avec ressort d'horloge rie, qui tend à fair mouvoir dans le sea des flèches deux 🚥 bours concentriques l'un sur lequel passi une corde KGFE qu soutient le charbon De le fait descendre quant le tambour tourne; l'at tre porte une deuxième corde VL qui soutien par un contre-poids N le charbon C, et celui-c remonte par le mouve ment du barillet. Ce deux tambours ont des diamètres inégaux, etré glés pour imprimer au deux charbons des dé placements proportion nels à leur usure.

Le barillet engrèn avec un pignon M; cé lui-ci meut une vis san fin N et une roue denté horizontale O, laquell est enrayée par un couteau B. Mais ce coutea est l'un des bras du le vier BaR; l'autre bras che est un contact placé sur l'électro-a

mant, attiré par lui et soutenu par un ressort antagoniste

INSTRUMENTS GENÉRAUX DE L'OPTIQUE.

347 règie. Quand le courant passe et qu'il est fort, le ct R s'abaisse; le couteau B s'approche de la roue O; le tisme est enrayé, et les charbons sont immobiles. Ceuxsant, le courant s'affaiblit, le ressort r détache le con-, le couteau B s'éloigne, les engrenages marchent: alors arbons se rapprochent. Par cela même ils rendent au et sa première intensité, et tout s'arrête de nouveau.

Plus économique que la lumière élec-: et presque aussi intense, la flamme de Drummond a rt employée dans ces derniers temps. Le gaz d'éclairage par un robinet A (fig. 673); l'oxygène, qu'on prépare



and dans des cornues de fer avec le chlorate de potasse,

ct que l'on conserve sous pression dans des sacs de chouc, est amené par le robinet B dans un petit condirieur qui débouche en C; les deux gaz ne se mélanger moment où ils s'enslamment, ce qui évite tout danger sion. On laisse brûler continuellement le gaz d'éclai l'on ne donne accès à l'oxygène qu'au moment de rience. Les deux courants arrivent obliquement sur lindre de chaux qui s'illumine avec un grand éclat, e peut élever ou abaisser au moyen d'une crémaillère.

Ensin, à désaut de ces sources vives, on se sert des ordinaires. Quel que soit le luminaire qu'on emploie utile de l'ensermer dans une boîte métallique (fig. 675, Pl. II). La lampe A est au centre d'un miroir conce les rayons se résléchissent normalement et, traves samme, se mêlent à ceux qu'elle envoie dans la dopposée. Elle est en outre au soyer d'une double lenti qui recueille ces rayons pour les diriger horizontaler un saisceau parallèle XX, comme ceux qui viennent de

BANC D'OPTIQUE. — On peut dire que toutes les expe d'optique consisteront à recevoir un faisceau de lum des instruments spéciaux alignés suivant une droite l tale XX, et que l'on aura le moyen de les exécuter t l'on possède un appareil général qui permette de réal alignement. Cet appareil, tel que je l'ai installé à l'Éco technique, repose sur un banc de bois horizontal ZZ. un chemin de fer YY, composé de deux rails parallèle sins, divisés en millimètres, sur lesquels glissent de tous semblables entre eux (fig. 675, nº 5), et qu'on pe invariablement par une vis O' et un loquet O"; sur d'eux s'élève une colonne verticale creuse, d'un calib riable, dans laquelle pénètre un rentrant tel que Q, qu élever, abaisser et sixer par une vis de pression P. ! appareils de l'optique, sans exception, sont portés sur trants de ce calibre unisorme; ils peuvent en cons venir prendre place chacun à leur tour sur les mêmes (et s'aligner d'eux-mêmes sur le passage du rayon XI ques-uns d'entre eux ayant besoin d'être ordonnés p cisément, on a ajouté à quelques patins une coulisse

aux rails, qu'on déplace par une vis de translation telle que R (nº6). Le banc montre dans la sigure une série d'instruments ainsi disposés, depuis le n° 1 jusqu'au n° 9. Occupons-nous de ceux-ci.

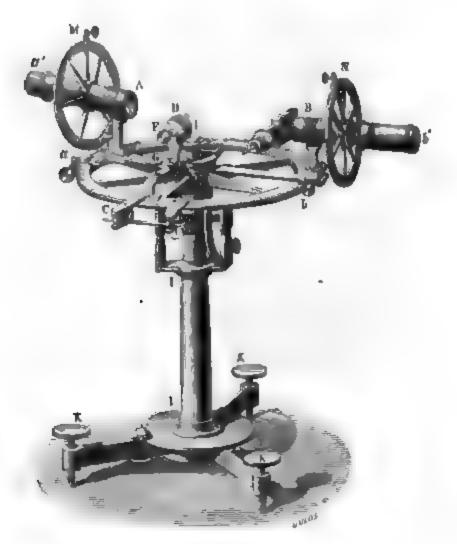
Tous les physiciens savent quelle diversité de calibre offrent les organes de l'optique. L'impossibilité où l'on est de les déplacer d'un appareil pour les porter sur un autre oblige les constructeurs à les multiplier sans augmenter les ressources d'un cabinet. Pour éviter ces graves inconvénients nous avons choisi trois calibres: l'un de 12 centimètres, l'autre de 9, et le dernier de 6. Le plus gros est celui de l'ouverture X; on y introduit ou des lentilles montées sur des wes de même ouverture, ou des appareils de polarisation, ou des écrans percés, etc. D'autres tubes indépendants, tels que FF', reçoivent les mêmes organes et se placent en un point quelconque du banc. Le deuxième calibre, de 9 centimètres, a, comme le premier, ses jeux de lentilles, d'écrans et d'appareils divers. Il en est de même du troisième, et de cette façon un petit nombre d'organes généraux, qui n'ont point de places fixes, mais qui sont aptes à prendre celles que l'on veut, au moment où on le veut, suffisent à toutes les néessités et dispensent d'acheter un appareil nouveau toutes les sois qu'on veut tenter une expérience nouvelle. On passe sisément du grand calibre au moyen et au petit par des accords intermédiaires, qui réduisent la grande ouverture de ¹² centimètres à celle de 9 ou 6 (fig. 676, Pl. II).

Pour compléter cette organisation économique autant que féconde, il reste à avoir des écrans fixes LL (n° 6 et 7), qui portent des bonnettes m et n qu'on peut faire tourner autour de leur axe XX au moyen d'un bouton m'. C'est sur ces apparisse qu'on placera tous les instruments de la polarisation, par exemple des cristaux N et M (n° 6) ou bien des miroirs (n° 7). Enfin il sera commode d'avoir des collections de prismes, de lous les indices possibles, enfermés dans des écrins et se montant, quand le besoin se révèle, sur un pied commun.

Contre des surfaces résléchissantes ou résringentes, elle change de direction et l'expérimentateur est obligé de la suivre dans

sa nouvelle route. Il emploie à cet esset des cercles divisés nombreux, portant dissérents noms et disposés chacun pour divers cas spéciaux. Ici encore il vaut mieux n'en posséder qu'un seul, le suivant, qui satisfait à tous les besoins. Il est représenté en perspective fig. 676 bis, et tous les détails en te

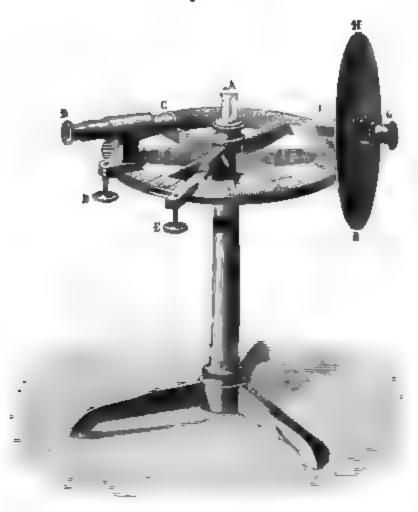




sont dessinés fig. 677 à 680, Pl. III. Porté sur un pied à vis calantes, il peut d'abord tourner autour de son support vertical II, et ensuite se placer ou verticalement ou horizontalement, en tournant autour d'une charnière. Il y a trois alidades A, B, C munies de verniers a, b, c, et de vis de rappel a, β , γ . Les deux premières portent deux bonnettes de calibre A et B, où l'on peut introduire, soit deux lunettes a'A et b'B, soit des tubes à cercles azimutaux M et N, soit tout autre appareil qu'on voudra. La troisième alidade supporte quelquefois un appareil supplémentaire GFD sur lequel se placent les substances

reliéchissantes D, qui se fixe sur l'alidade par une coulisse HH et qu'on serre par la vis G. Cette disposition permet de rapprocher ou d'éloigner la surface D du centre du cercle. Des vis de pression ee' servent ensuite à régler sa direction. On peut sussi fixer au centre du cercle O une plate-forme L (fig. 679, Pl. III) qu'on règle par des vis calantes l, l, l. C'est sur ce plan que se placent les prismes. Un cercle plus petit construit

Fig. 681.



suivant les mêmes principes, le goniomètre de M. Babinet (fig. 681), satisfait à toutes ces conditions et suffit à presque toutes les expériences.

Nous connaissons maintenant les conditions générales de toutes les expériences d'optique, et nous pouvons aborder l'étude des propriétés de la lumière.

SOIXANTE-DIX-SEPTIÈME LEÇON.

SUR LA PROPAGATION DE LA LUMIÈRE DANS LES MILIEUX HOMOGÈNES.

Théories de la lumière. — Ondes. — Rayons. — Théorie des ombres. Lois des intensités. — Photomètres. — Vitesse de la lumière. Ræmer. — Bradley. — Fizeau. — Foucault.

L'existence des objets éloignés nous étant révélée par lyeux, même à travers le vide, il faut de toute nécessité qu'i agent spécial différent de la matière pondérable soit inte posé dans l'espace entre l'œil et les objets. On le nome lumière, fluide lumineux ou éther. Il ne suffit pas d'admett son existence, il faut encore reconnaître qu'il est perpétue lement en mouvement, puisqu'il nous montre après un inte valle extrêmement court tous les changements qui survienne dans les objets extérieurs. Ce mouvement doit partir des corp soit qu'ils possèdent, étant lumineux par eux-mêmes, la culté de le produire, soit qu'ils aient seulement celle de renvoyer dans diverses directions après l'avoir reçu d'un ill minateur qui l'engendre.

Il y a deux manières, et il n'y en a que deux, de se representer le mouvement du fluide lumineux : ou bien la lumiè est composée d'une infinité de molécules lancées dans tout les directions par les sources éclairantes, comme une pluie projectiles très-petits qui traversent le vide, pénètrent de les milieux ou rebondissent sur leurs surfaces, et finaleme arrivent dans l'œil pour y apporter la sensation; ou biel'agent lumineux sera un corps élastique, infini, contin remplissant l'espace, pénétrant tous les corps, et immobil mais dont les molécules recevront et transmettront des movements vibratoires engendrés par les corps éclairants, même titre et suivant les mêmes lois que les milieux éla

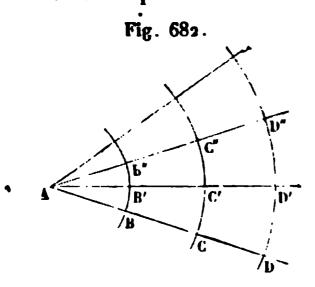
tiques pondérables reçoivent et transmettent les vibrations sonores.

La première hypothèse, la théorie de l'émission, à été soutenue par Newton; la deuxième, c'est-à-dire la doctrine des
ondulations, fut admise par Descartes, développée par Iluyghens et Young, et complétée par les récents travaux du grand
fresnel. Comme elles sont, à priori, aussi plausibles l'une
que l'autre, leur degré de probabilité va dépendre de leur
degré de concordance avec l'expérience. Or, nous verrons
bientôt que l'une d'elles est incompatible avec certains faits:
nous la rejetterons; et que l'autre explique, prévoit et calcule
lous les phénomènes: nous l'adopterons.

point éclairant A' (fig. 682), le mouvement lumineux dont il est l'origine se transmet dans toutes les directions avec une vilesse connue (nous dirons bientôt comment on l'a mesurée); et, un certain temps après son départ de A, ce mouvement est réparti sur une surface BB'B" qu'on nomme surface de l'ende. Dans la théorie de l'émission, c'est le lieu d'arrivée, près un certain temps, de toutes les molécules lumineuses puties au même moment de A. Pour ceux qui admettent la doctrine ondulatoire, c'est, comme l'onde qui se transporte sur un liquide agité, le lieu d'arrivée, au même instant, d'un nême ébranlement produit en A. L'étude de ces surfaces jouera un rôle important dans l'optique.

Si le temps croît, les ondes grandissent comme un ballont qui se gonfle, et, à une distance infinie du point de départ, elles peuvent être considérées, en chacun de leurs points, comme confondues avec leur plan tangent : elles sont planes. In les milieux homogènes et non cristallisés, elles sont phériques par raison de symétrie, et leur vitesse de propation se mesure par l'accroissement du rayon pendant l'unité de temps. Dans les cristaux, et quand les milieux ne sont point homogènes, ces surfaces peuvent devenir très-complexes.

MYORS. — Dans tout milieu homogène qui n'est pas crisullisé, nous voyons chaque point A d'un objet extérieur uns la direction de la droite qui le joint au centre D de la pupille (fig. 682). Ce fait est évident. Car si la direction suelle du point A faisait un angle α avec AD, il y aurait



mêmes raisons pour qu'il se sit u déviation égale dans tous les se et le point A devrait être vu à sois sur une surface conique do le sommet serait dans l'œil, en let dont les génératrices seraient u angle α avec AD : ce qui est éviden ment contraire à la réalité. La v sion rectiligne est prouvée d'ai

leurs par toutes les applications qu'on en fait dans les art et surtout dans la géodésie et l'astronomie.

Il résulte de là que si l'on prend une série de points l C, D sur une droite AD et qu'on place successivement l'œ en chacun d'eux, on verra toujours le point A dans la mên direction ABCD: d'où l'on conclut que la lumière passe par et C et en général par tous les points de AD avant d'arrive en D; en d'autres termes, qu'elle se meut en ligne droite.

Cela étant, on a imaginé de décomposer par la pensée l'e fluve lumineuse émise par un point tel que A en des élémen fictifs, rectilignes, nommés rayons, et l'on dit que A envo des rayons ABCD, AB'C'D',..., dans toutes les directions.

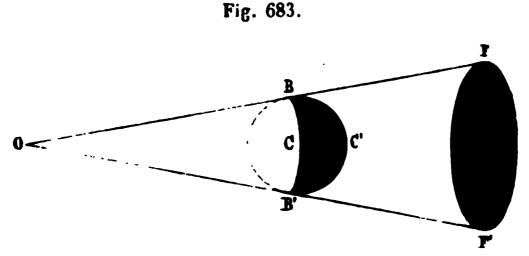
Je dis fictifs et j'insiste sur ce point. Il ne faut pas croir en effet, que l'onde soit effectivement composée de rayol indépendants ayant une existence physique réelle et distinct ét qu'on puisse les séparer les uns des autres. Toutes les so qu'on essaye de réaliser cette séparation, on change les cont tions de la propagation, et l'on voit apparaître des phénomèninattendus de diffraction. Si par exemple on limite l'onde pun écran opaque percé d'un trou étroit B, on aperçoit sur utableau CC', autour du centre C, des anneaux colorés concertiques. Inversement, quand on dispose sur une lame de venun petit bouton opaque B, l'ombre qu'il porte en C est brilante à son centre et frangée d'anneaux colorés sur ses bord Il est donc physiquement impossible de décomposer une fluve lumineuse en éléments ou rayons sans transformer tout les lois de la propagation.

Mais cette impossibilité n'empêche pas de représenter l

effluves lumineuses émanées d'un point A par les directions suivant lesquelles se propage le mouvement, suivant lesquelles on voit l'objet, et que nous nommons rayons, sans y stacher aucune idée d'existence physique réelle. Nous représentents ce mouvement d'une autre manière encore, par les surfaces d'ondes successives, c'est-à-dire par les surfaces où privent au même moment les mouvements partis en même temps. Ces modes de représentation, imaginés pour faciliter le langage, sont tout à fait indépendants de la théorie qu'on stoptera.

Si nous négligeons dans une première approximation les phénomènes de diffraction, qui sont toujours peu apparents, nous allons tirer quelques conséquences de la propagation rectiligne de la lumière, et, en premier lieu, déterminer les conditions des ombres portées par les corps opaques.

OPAQUE, envoie un cône de rayons tangents BOB' (fig. 683).

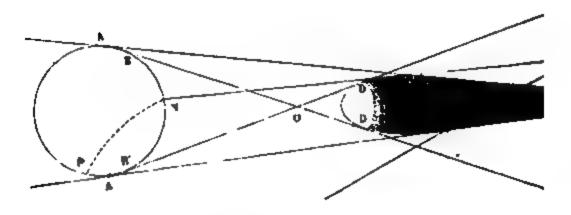


Tous les points du corps situés en avant de la ligne de conlect BCB' sont éclairés; tous ceux qui sont placés derrière sont dans l'obscurité. Tous les corps qui pénétreront dans le tronc de cône FBB'F' s'éclipseront, et sur un écran vertical on verra se dessiner une ombre portée FF'.

Si, au lieu d'un point, nous avons une surface lumineuse AA' fig. 684), il faudra mener des plans tangents intérieurs et extérieurs communs aux corps éclairant et éclairé. Si ces corps sont de révolution autour d'un même axe, comme dans la fig. 684, les plans tangents intérieurs auront pour enveloppe un premier cône AA'FF', dont le sommet est en O, et les autres un deuxième cône extérieur AA'CC'. Aucun rayon ne

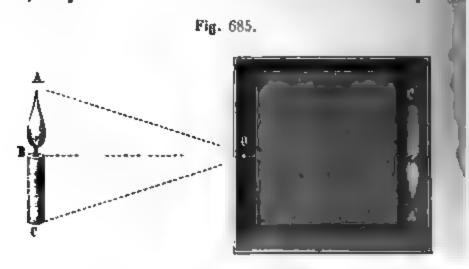
pénétrera dans celui-ci, qui découpera sur l'écran une.c absolue. Mais l'espace compris entre les deux surface partiellement éclairé, et marquera une pénombre. Le poi par exemple, ne verra pas la partie PA'B'N du corps éch mais seulement la portion supérieure PABN, et comme ci, d'abord nulle, augmentera quand le point M ira de la l

Fig. 684.



de l'ombre à la limite FOF', la pénombre se dégradera à peu jusqu'à se fondre insensiblement dans la lumière plète en FF'. Le point M' sera dans les mêmes cond que M, et il y aura sur le corps une pénombre s'éclaire plus en plus depuis CC' jusqu'à DD'.

CHAMBRE OBSCURE. — Quand les rayons partis d'un obje (fig. 685) ne pénètrent dans une chambre obscure que



trou O très-étroit, ils peignent sur la paroi opposée l'in renversée de cet objet. En estet, parmi les saisceaux élén taires envoyés par le point A, un seul traverse l'ouvertur et, continuant sa route, va illuminer A'; de même B et C éclairent B' et C'. La couleur des diverses parties de l'objet, le rapport de leurs éclairements, toutes leurs conditions de forme se reproduisent sur l'écran où se peint une image renversée semblable à l'objet. Par conséquent, le soleil sera dessiné par un cercle, et pendant une éclipse, on verra l'ombre envahir progressivement l'image comme elle envahit l'astre lui-même, mais par le bord opposé.

Les objets extérieurs, étant peu éclairés, forment des images éfficilement visibles, à moins qu'on n'augmente l'ouverture 0; mis alors chaque point extérieur émet un cône qui a pour cette ouverture et marque sur l'écran une surface éclaiqui a la forme agrandie de cette base. Les images des points leins empiétent l'une sur l'autre et leur enveloppe cesse l'être nette; mais sa forme générale reste semblable à l'objet et ne dépend pas de celle de l'ouverture.

Supposons, par exemple, qu'il y ait au volet une fente linéaire AB (fig. 686). Menons par A et B les rayons venus du

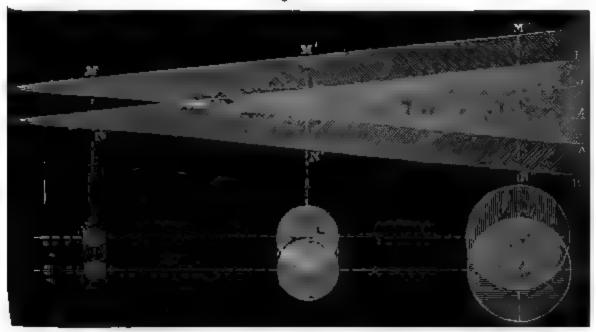
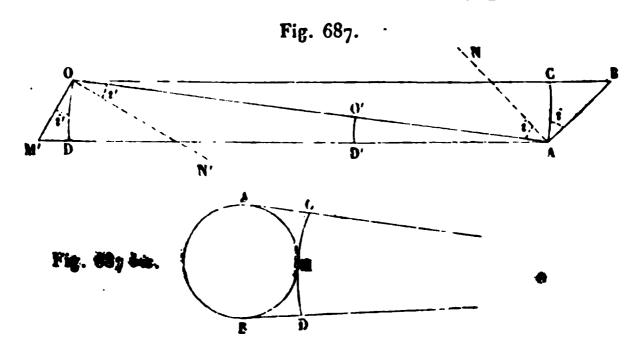


Fig. 686.

centre du soleil; ils seront parallèles et aboutiront en a, b sur le fond. Mais ceux qui viennent des bords de l'astre sux mêmes points seront sur deux cônes A'AA", B'BB" de 32 minutes d'ouverture. Ces cônes, d'abord séparés, se pénéveront de plus en plus en s'éloignant du volet, et si on les reçoit sur un écran, ils marqueront des cercles de plus en grands a'b', a''b'', qui, à une distance suffisante, sembleront n'en former qu'un seul. On finira donc par avoir encore l'image ronde du soleil, un peu confuse sur les bords.

INTENSITÉS. — Indépendamment de toute idée théorique, on conçoit qu'en superposant deux ou trois luminaires égaux, on obtient des quantités de lumière doubles, triples ou quadruples. La lumière est donc une grandeur susceptible d'évaluation comme toutes les grandeurs. Il n'y a qu'à convenir d'une unité pour mesurer son intensité.

cas d'un point lumineux. — Loi des distances. — Cela posé, considérons d'abord le cas d'un point O(fig. 687) envoyant



dans l'espace une quantité de lumière totale égale à L perdant un temps que nous supposerons égal à l'unité. Recevons-la sur une sphère de rayon r. Tous les points de sa surface seront également éclairés, et l'on est convenu d'exprimer leur illumination ou leur éclairement par la quantité de lumière I que reçoit chaque unité de surface. La sphère entière recevra $4\pi r^2$ I, et l'on aura

$$L = 4\pi r^2 I, \quad I = \frac{L}{4\pi r^2}.$$

L'illumination ou l'éclairement I produit par un point lumineux est donc en raison inverse du carré des distances. La quantité de lumière totale reçue par une portion AC de la sphère sera $I \times AC$.

LOI DU COSINUS. — Un élément quelconque AB, dont la normale AN fait avec les rayons OA un angle d'incidence égal à i,

PROPAGATION DE LA LUMIÈRE, ETC. 359 recueillera autant de lumière que sa projection AC, soit $I \times AC$. L'éclairement I' sur cette surface AB sera $I \frac{AC}{AB}$ ou $I \cos i$, et en remplaçant I par sa valeur,

$$l' = l\cos i = \frac{L\cos i}{4\pi r^2}$$

L'illumination d'une surface est donc, toutes choses égales failleurs, proportionnelle au cosinus de l'angle d'incidence les rayons qu'elle reçoit.

THE D'UNE SURFACE ÉCLAIRANTE. — Nous venons de supposer que le luminaire était réduit à un point : considérons maintenul le cas où il devient un élément OM' = s' envoyant des ryons en A à une distance r. Il faut commencer par rapporter un fait d'expérience.

Le soleil, ou une sphère quelconque chaussée jusqu'à être lumineuse, étant regardés à distance, paraissent être des disques sensiblement plans; cela veut dire que les divers éléments dont se compose leur surface AMB (fig. 687 bis) brillent du même éclat que leur projection CD normale aux rayons émis. Partant de là, l'élément OM' peut être remplacé par sa Projection OD = s' cos i' décrite du point A comme centre. La quantité de lumière L envoyée par OD sur l'unité de surface en A sera en raison inverse de r², proportionnelle à son étendue s' cos i' et à un facteur exprimant le pouvoir d'émission de la surface OM'. En le désignant par E,

$$L = \frac{Es'\cos i'}{r^2}.$$

On voit que la lumière envoyée, comme la lumière reçue, est proportionnelle au cosinus de l'angle que sont les rayons avec les normales.

Une surface inclinée AB = s recevra autant de lumière que projection $AC = s \cos i$, c'est-à-dire une quantité que nous représenterons par L', qui est égale à $Ls \cos i$,

(1)
$$\mathbf{L}' = \frac{\mathbf{E}s'\cos i's\cos i}{r^2}.$$

Cette formule peut s'écrire autrement. Décrivons du point A

comme centre, avec l'unité pour rayon, une portion de sphère ()' D' contenue dans le cône OAD :

$$0'D' = \frac{0D}{r^2} = \frac{s'\cos t'}{r^2},$$

en remplaçant dans l'expression (r)

$$L' = E \times O'D' \times s \cos i$$
.

La quantité de lumière apportée en AB restera donc invirable si O'D' reste constant, ce qui arrivera si le luminaire s'éloigne ou s'approche, pourvu qu'il conserve le même diamètre apparent. On peut conclure de là qu'une surface échirante quelconque OM', qui s'éloigne ou se rapproche, apparent toujours avec le même éclat que si elle était à une distance OA égale à l'unité, parce qu'on peut la décomposer en éléments d'une même étendue apparente qui envoient toujours la même lumière et ne changent pas d'aspect. Mais le nombre de ces éléments augmentera si la distance diminue, et diminuent si elle augmente. Ainsi, si le soleil s'éloignait de la terre, il nous paraîtrait toujours également brillant : ce qui varierait, ce strait la totalité de la lumière émise, parce que la surface apparente totale changerait.

L' représente la quantité de lumière reçue par AB. L'éclairement ou l'illumination I de cette surface sera

(2)
$$\frac{\mathbf{L}'}{\mathbf{A}\mathbf{R}} = \mathbf{I} = \frac{\mathbf{E}s'\cos i'}{r^2}\cos i.$$

Étant éclairée, la surface AB rayonnera dans l'espace par diffusion, comme si elle était lumineuse par elle-même. Son éclat sera proportionnel à son illumination; on pourra le représenter par KI et calculer la lumière diffusée, comme on calcule celle que rayonne un corps spontanément éclairant.

Pour mettre ces formules en nombre, il suffira d'avoir me suré l'éclat E des luminaires. On y parvient par des photomètres. J'en vais décrire deux qui s'appuient sur une propriété physiologique de l'œil, sur la faculté qu'il possède de reconnaître si deux corps voisins émettant une lumière de même teinte ont des éclats égaux.

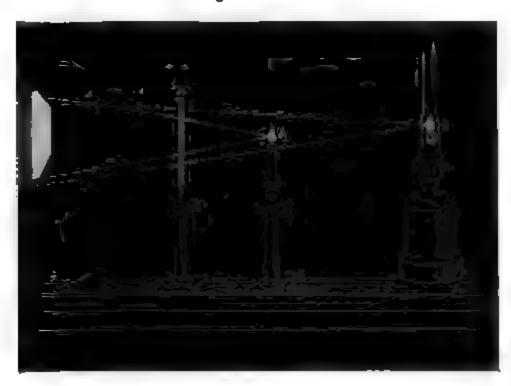
PHOTOMÈTRES. - Piaçons sur le banc d'optique (fig. 688):

PROPAGATION DE LA LUMIÈRE, ETC.

36ı

deux luminaires A et B que nous voulons comparer; tige verticale opaque M; 3° un écran blanc aa'bb'. La A projette en aa' une ombre qui ne sera éclairée que a lampe B détermine une deuxième ombre bb' illu-

Fig. 688.



eulement par A. En réglant les distances de A et de B e à produire la même illumination en aa' et en bb', et cuse avec netteté le moment où cette condition est, c'est-à-dire où aa' et bb' semblent avoir le même in mesure alors les distances r et r' de A et de B à et les surfaces des deux luminaires que nous appelle-et S'. La formule (2) servira à exprimer les éclairements et en bb', et en écrivant qu'ils sont égaux,

$$\frac{\mathbf{E}\mathbf{S}}{r^2} = \frac{\mathbf{E}'\mathbf{S}'}{r'^2}.$$

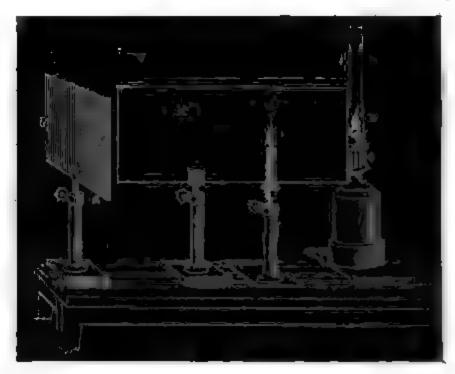
irument que je viens de décrire est dû à Rumford; le ; qui n'en est qu'une modification, a été disposé par x (fig. 689). Plaçons toujours sur le banc d'optique me de carton noirci longitudinale M, et un écran per-ulaire ab en verre dépoli, ou, comme le fait avec avan-. Foucault, en verre transparent sur lequel on a laissé une couche de lait qu'ensuite on a séchée. La bougie

SOIXANTE-DIX-SEPTIÈME LECON.

est placée en avant de ab à une distance r; son éclat est E : surface B; elle éclaire la portion antérieure a. La lampe

362

Fig. 68g.



fixée derrière M; elle illumine b; les données de distance surface et d'éclat sont r', S', E'. Au moment où les écla ments sont égaux, on a

 $\frac{\mathbf{E}\mathbf{S}}{\mathbf{r}'} = \frac{\mathbf{E}'\mathbf{S}'}{\mathbf{r}'^2}$

Ainsi, quel que soit celui des deux appareils que l'on ploie, on trouve le rapport

$$\frac{ES}{E'S'} = \frac{r^*}{r^{r_2}}.$$

ES c'est la quantité de lumière versée par la bougie à l'u de distance sur une surface égale à l'unité, c'est son poi éclairant total. ES représente donc le rapport des pour éclairants de la bougie et de la lampe, ou le rapport des quités de lumière qu'elles émettent, toutes choses égales c leurs.

La détermination de ce rapport suffit dans la plupart cas. Quand on veut, par exemple, comparer les dépense l'éclairage à l'huile et au gaz, on compare : te les pour

éclairants d'une lampe Carcel et d'un bec à gaz quelconque; r les quantités et les prix des matières brûlées pendant le même temps, et on en conclut le rapport des dépenses pour une même quantité de lumière.

Mais on peut avoir à traiter une tout autre question : à comparer les pouvoirs émissifs E et E' de deux flammes. Le plus simple sera de les limiter par deux ouvertures égales entre des et à B. On aura, en opérant avec les mêmes photomètres,

$$\frac{\mathrm{ES}}{r^{2}} = \frac{\mathrm{E'S}}{r'^{2}},$$

$$\frac{\mathrm{E}}{\mathrm{E'}} = \frac{r^{2}}{r'^{2}}.$$

Ayant ainsi comparé les pouvoirs émissifs, il sera facile de cituler par les formules précédentes les éclairements produits dans toutes les circonstances possibles, soit que l'on isse varier l'étendue des flammes, soit qu'on change leur distance à la surface éclairée.

Four montrer l'utilité de ces recherches, supposons que l'on compare la lune à une bougie : le rapport des effets varie considérablement avec la distance de la bougie. Si l'on emploie l'appareil de Bouguer, la lune donnera l'éclairement constant E' tang² α , en désignant par tang α son diamètre apparent; la bougie donnera E $\frac{S}{r^2}$; on fera varier r jusqu'à ce qu'on ait

E' tang²
$$\alpha = E \frac{S}{r^2}$$
,
$$\frac{E'}{E} = \frac{S}{r^2 \tan g^2 \alpha} = \mu.$$

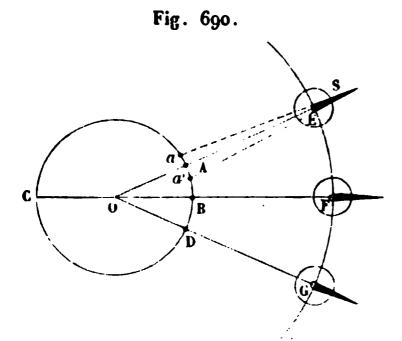
On trouvera de cette saçon que l'éclat de la lune est plus petit que celui de la bougie, et que le rapport μ est 0,675. Ce rapport est à peu près constant et il importait de le déterminer. Mais si on veut trouver le rapport des pouvoirs éclairants de la lune et d'une bougie, il est très-variable. En esset, la sormule donne pour ce rapport

$$\frac{\mathbf{E}' \tan \mathbf{g}^2 \alpha}{\mathbf{E}\mathbf{S}} = \frac{\mu \, r^2 \tan \mathbf{g}^2 \alpha}{\mathbf{S}}.$$

La bougie éclaire d'autant plus que la distance r est plu petite, mais son effet diminue avec la distance, tandis que celui de la lune reste constant.

vitesse de la lumière. — Rœmer. — Il nous reste à démontrer que la lumière met un temps appréciable pour se trans porter d'un point à un autre. C'est dans l'observation des et tres qu'on en a tout d'abord trouvé la preuve, en discuta certaines anomalies qui se présentent dans les mouvement astronomiques. L'une d'elles a été découverte par Rœme dans les années 1675 et 1676, en observant le premier satellis de Jupiter. Comme le plan de son orbite est sensibleme confondu avec celui de la planète, on voit ce satellite plong périodiquement dans l'ombre portée par Jupiter, et c'e comme un signal qui s'éteint pour se rallumer ensuite apre des intervalles qui doivent être égaux entre eux.

La première chose à faire était de déterminer la dure exacte de ces intervalles. Pour cela on choisissait le mome



où l'astre était en E et terre en a, un peu avant conjonction (fig. 690), on observait les imme sions qui seules étaie alors visibles; puis, quar la terre avait dépassé point de conjonction A qu'elle se trouvait en a on ne voyait plus que lémersions dont on notales moments. Pendant ce

observations la distance de la terre au satellite n'avait per sensiblement changé, et l'on trouva que l'intervalle de temp qui sépare deux extinctions ou deux réapparitions successive est de 42 heures et 30 minutes.

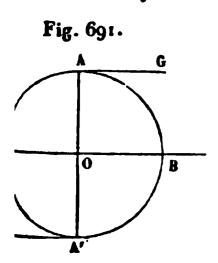
Après cette conjonction, les deux astres furent emporte tous deux dans leurs orbites, et comme Jupiter fait sa révolution en 11 ans et 10 mois, il était encore en F quand la terre trouvait déjà en C et que tous deux étaient en opposition. Le distance avait donc augmenté peu à peu de tout le diamèt

'orbite terrestre. Or, pendant qu'elle croissait, Rœmer observé que les moments des émersions avaient red'une quantité croissante qui s'éleva progressivement l'à 16 minutes 26 secondes; il en conclut que ce retard est le temps employé par la lumière pour franchir l'augation sinale de la distance, c'est-à-dire l'orbite CD.

partir de cette opposition les astres se rapprochent. Pencette période, les immersions sont seules visibles et elles écipitent jusqu'à la conjonction suivante DG. A ce mo-, l'avance totale observée dans la deuxième période est une égale au retard total observé pendant la première, à-dire à 16 minutes 26 secondes, ce qui était de toute sité.

mesure de la parallaxe du soleil avait sixé à 76461 000 s le diamètre de l'orbite terrestre. En divisant ce nomer 16 minutes 26 secondes, on trouva la vitesse de la lut, qui est approximativement égale à 77 000 lieues ou ooo kilomètres.

nome, Bradley, découvrit une seconde anomalie plus rale et susceptible d'une mesure plus exacte. Quand la est au point A de son orbite et qu'elle se transporte sui-



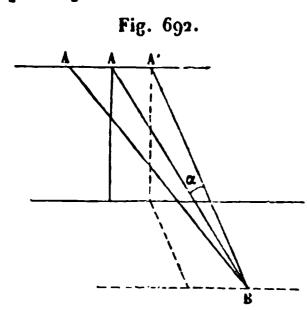
vant la tangente AG (fig. 691), on voit à leur place réelle les deux étoiles qui sont dans la direction de cette tangente; mais toutes celles qui sont à ce moment dans le plan perpendicu laire AA' sont déplacées dans le sens de AG d'un angle égal à 20",445. Six mois après, la terre est en A', et les mêmes étoiles ont éprouvé un dépla-

nt égal, mais de direction opposée; et comme le plan ourne de 360 degrés en une année, le même effet se prosuccessivement sur toutes les étoiles du ciel. Celles qui dans l'écliptique, se trouvant deux fois par an dans la tion d'une tangente à l'orbite, oscillent dans son plan de 45 autour de leur position moyenne et décrivent une 2. Il y en a deux qui sont placées aux pôles de l'éclip-

tique; elles sont toujours déviées de 20",445 dans la direction de la tangente, et elles décrivent des cercles. Ensin, toutes celles qui ne sont ni aux pôles de l'écliptique, ni dans son plan, paraissent se transporter sur des ellipses plus ou moins allongées.

Ces, remarquables circonstances constituent l'aberration. Comme elles sont générales, il faut qu'elles proviennent d'une propriété de l'agent lumineux lui-même, et Bradley les expliqua aisément comme il suit:

Quand nous observons une étoile, la lumière met un temps pour parcourir avec sa vitesse V la longueur AB de la lunette.



(fig. 692). Pendant le même temps

t, tous les points de la terre ons

parcouru un espace égal et parallèle à AA' avec la vitesse orbitaire.

Il suit de là que depuis le moment
où un rayon s'engage dans l'objectif A jusqu'à celui où il arrive il l'oculaire B, cet objectif s'est transporté en A', et que la direction de la lunette, qui serait AB si la terre

était immobile, devient A'B à cause de son déplacement. On

$$\frac{\sin \alpha}{\sin AA'B} = \frac{AA'}{AB} = \frac{v}{V},$$

$$\sin \alpha = \frac{v}{V} \sin AA'B.$$

Le sinus de l'angle d'aberration α est donc égal au rapport des vitesses de la terre et de la lumière, multiplié par le sinus de l'angle que fait la direction A'B de la lunette avec AA', qui est celle du mouvement de la terre dans son orbite au moment considéré. L'angle α sera nul ou maximum, si AA'B est nul ou égal à 90 degrés. Par conséquent, il n'y a pas d'aberration pour les étoiles situées dans le sens AA' du mouvement terrestre; elle est maximum et égale à $\frac{\sigma}{V}$ pour celles qui sont dans le plan normal à ce mouvement.

Cette explication rend évidemment compte de toutes les circonstances présentées par l'anomalie que nous étudions en

ce moment. Or, l'angle maximum α a été mesuré et trouvé égal à 20°,445. Nous avons donc une relation simple entre la vitesse de la terre et celle de la lumière, relation qui permettra de calculer l'une de ces quantités si l'autre est connue.

$$\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{\overline{V}}} = \sin 20'', 445.$$

Les astronomes ayant mesuré la parallaxe du soleil, en ont conclu la distance de cet astre à la terre et la vitesse v qu'a celle-ci dans son orbite; cette vitesse est égale à 7,6 lieues. L'équation précédente a permis ensuite de calculer V, et le nombre qu'on a trouvé ne dissère que de ---- de celui qui avait été obtenu par Rœmer.

On voit, par ce qui précède, que les astronomes ont trouvé tans le ciel des circonstances toutes faites, soit un signal qui produit à des intervalles réglés, mais à des distances variables, soit une perturbation dans la situation des étoiles, occasionnée par la composition des vitesses de la terre dans son trite et de la lumière dans le tube des lunettes, et qu'il leur tanfil d'interpréter et de mesurer ces circonstances pour en téduire la vitesse de la lumière. A leur tour, les physiciens ont cherché à mesurer la même vitesse à la surface de la terre, et ils ont été, tout d'abord, obligés d'imaginer des expériences analogues à celles que les astronomes trouvaient réalisées par la nature.

La première combinaison de ce genre est due à M. Fizeau. Je vais décrire d'abord la disposition expérimentale (fig. 693, Pl. III).

disque tournant aa' porté sur un axe horizontal RR' en relation avec une série de roues dentées et de pignons EDC. Un poids anime tout l'appareil, et la rotation du disque atteint bientôt une vitesse uniforme. Un frein permet de la modérer, et un compteur B de la mesurer. Le contour du disque est billé en dents parfaitement égales entre elles et séparées par des intervalles égaux à leur largeur; il y en avait sept cent vingt. Le bord de ce disque représente ainsi un cercle divisé en quarts de degré, dans lequel on aurait évidé tous les quarts

impairs et où on aurait laissé ceux dont l'ordre est pair. La certitude des expériences devant dépendre de l'exactitude ap portée dans cette construction, c'est Froment qui en avait été chargé.

- II. Un point lumineux A fourni par une lampe éclairait un jeu de lentilles qui concentraient la lumière en A'; mais une lame de verre sans tain et à faces parallèles N résléchissait une partie des rayons en un deuxième soyer a, lequel était précisément dans le plan du disque et dans la partie dentée de son contour (fig. 694, Pl. III). Quand ce disque tournait, les espaces vides et pleins se succédant alternativement en a laissaient passer ou interrompaient le rayonnement de ce soyer.
- III. La lumière alternative émanée de a arrivait dans un collimateur aFG (fig. 693); elle traversait une lentille FG qui la transformait en un faisceau de rayons parallèles à a00'.

Toute cette partie de l'appareil avait été établie dans le belvéder d'une maison de Suresnes, et réglée de façon à diriger le faisceau OO' vers un point connu, marqué par une mire O', à une fenêtre d'une autre maison sise à Montmartre. Voici comment on avait pu réaliser cette condition : il y avait en P, derrière la glace N, un oculaire visant au foyer a et qui constituait avec l'objectif FG une véritable lunette dont l'ave était aO; et en regardant en P on voyait l'image de la mire O'; on la fit coïncider avec a, et quand cela fut fait, on put être sûr que les rayons partis de a allaient à leur tour rencontrer la mire O'.

Les choses étant ainsi réglées à la première station, on disposa à la seconde, au point visé O', une lunette MLHK que l'on dirigea de manière à voir le point O au centre II du réticule; alors on était assuré que les rayons FM et GL, partis de a, viendraient converger au foyer H. Cela fait, on enleva l'oculaire K; on le remplaça par un miroir plan que l'on sixa en H perpendiculairement à O'H. Le rayon aFMH sut réséchi suivant IILGa, et aGLH suivant HMFa; tous revinrent au point de départ a, traversèrent la glace inclinée N, et, en regardant à travers l'oculaire P, on vit l'image de a après que sa lumière avait sait le trajet de Suresnes à Montmartre et de Montmartre à Suresnes. L'espace parcouru d'était de 17266 mètres.

. Donnons au disque une vitesse croissante. La lumière de a (fig. 694, Pl. III) par l'espace compris entre les B et C; elle va se résléchir à Montmartre et revient en a un temps t égal à $\frac{d}{\mathbf{V}}$. Mais pendant ce même temps t, le e a tourné d'un angle qui augmente avec sa vitesse; quand ci est suffisamment grande, la dent pleine C s'est substii l'intervalle C' au moment où la lumière revient en a; a se reproduisant pour chaque émission successive, il y pse continue. Si la vitesse de rotation devient double, yons de retour passeront dans l'intervalle D'; si elle est , ils seront interceptés par D, et ainsi de suite. En géquand, pendant la durée t du double trajet, le nombre risions, pleines ou évidées, qui passent en a est impair, éclipse; quand il est pair, il y a maximum d'éclat. Ce re est donné par l'expérience, désignons-le par m. utre part, ce nombre de divisions qui passent devant a

> Pendant un tour...... 4.360, Pendant une seconde... 4.360.n, Pendant t ou $\frac{d}{V}$ 4.360. $n \cdot \frac{d}{V}$,

1 a

$$4.360.n \cdot \frac{d}{V} = m.$$

r obtenir V il sussit donc de reconnaître le numéro e m de l'éclipse ou de l'éclat observé, et d'avoir me1º le nombre de tours n du disque, ce qui se sait avec npteur; 2º la distance d du double trajet. Les expéss de M. Fizeau ont donné pour V une valeur égale 41 lieues ou 315 364 kilomètres, nombre peu dissérent ui de Rœmer.

MUCAULT. — Avant que M. Fizeau exécutât ce travail, utre entreprise avait été projetée par Arago. Voici à occasion: M. Wheatstone venait de mesurer la vitesse ectricité au moyen de miroirs tournants. En gros, son lé revenait à ceci: on déchargeait une batterie électrique II.

à travers un circuit interrompu en trois points horizontaux A, B, C. En partant des deux armatures la décharge se saisait d'abord en A et C; elle n'arrivait en B qu'après avoir traversé deux longs circuits et s'être retardée dans ce trajet. On regardait les trois étincelles dans un miroir tournant rapidement; on voyait A et C sur une même ligne horizontale; mais B était dévié, parce que le miroir s'était déplacé pendant le temps qu'avait mis l'électricité pour parcourir les circuits.

Cette méthode, qui avait sussi pour mesurer la vitesse de l'électricité, inspira à Arago, dès 1838, l'idée d'appliquer les miroirs tournants à la mesure de la vitesse de la lumière. Il publia un projet d'expériences très-circonstancié, et il consia à M. Breguet la construction d'un appareil destiné à les réaliser, et qui sut essevirement construit; mais avant qu'on est essayé de s'en servir, M. Foucault avait obtenu de M. Froment un instrument beaucoup plus simple, et, modisiant les projets d'Arago, qui eussent été dissicilement réalisables, il imagina d'autres dispositions dont le succès sut complet et dont il nous reste à parler.

I. L'appareil à rotation est une petite turbine qui ressemble beaucoup à la sirène (fig. 695, 696, 696 bis, 696 ter, Pl. III). On fait arriver le vent d'une soufflerie par un tube aa dans un tambour annulaire AA. Le couvercle de ce tambour est percé d'une rainure circulaire BB' interrompue par des lames hélicoïdales. Par les intervalles qui les séparent le vent s'échappe, obliquement et dans le sens des slèches (fig. 696 bis); il rencontre une boîte CC creuse et mobile autour d'un axe vertical et qui est divisée par d'autres cloisons hélicoïdales CC inclinées dans un sens opposé aux conduits du tambour (fig. 696 ter). Le vent sortant de ceux-ci frappe les lames de la boîte mobile et la fait tourner avec une vitesse qui peut dépasser huit cents tours à la seconde autour de son axe vertical DD'. Cet axe porte le miroir M.

Mais pour atteindre cette limite il fallait maintenir les pivots humectés avec de l'huile que l'on faisait arriver continuellement sous une pression réglée d'avance. Il fallait aussi et sur tout éviter les mouvements latéraux de l'axe, qui, avec une aussi grande vitesse, altèrent rapidement les pivots, mais qui disparaissent quand l'axe d'inertie est confondu avec celui de

mation. C'est pour satisfaire à cette condition qu'on avait placé m régulateur en b (fig. 695). C'est un anneau dont le contour est rectangulaire et dont les angles sont traversés par des vis lourdes et verticales. Par des coups de lime donnés systématiquement sur les sommets, on amène le centre de gravité à coîncider avec la ligne des pivots, et, par conséquent, l'axe l'inertie à couper l'axe de rotation; les vis verticales servent ensuite à établir la coïncidence exacte de ces deux axes.

II. Cette turbine est placée sur un support solide, dans une thambre obscure. Soit BC l'une des positions du miroir M (fig. 697, Pl. III). En sace est une ouverture rectangulaire A qui envoie les rayons solaires; elle porte en son milieu un sil vertical pour préciser la visée. Les rayons traversent d'abord me lame de verre MM' à faces parallèles, ensuite un objectif **Extrematique BC**, et ils sont reçus sur le miroir bc, que nous supposerons d'abord immobile. Là ils se réfléchissent et vienment former en D l'image réelle de A. En ce point ils renconvent un miroir concave pp', dont le centre est en O, et où ils résléchissent de nouveau. L'un d'eux, BbD, revient en DcC, puis en A; de même, le rayon CcD revient en DbB et en A. En général, tous ceux qui ont été reçus par le miroir bc forment me image de retour exactement superposée à la ligne lumireuse A; mais avant d'y arriver ces rayons rencontrent la the MM', où une partie se résléchit pour venir former une la concider α qu'on regarde avec une loupe et qu'on fait coîncider vec un réticule fixe R.

Supposons maintenant que le miroir tourne lentement; le point D parcourt une circonférence de rayon OD et sort du miroir pp', mais il y revient à chaque révolution, et à chaque fois les rayons reviennent en α où se forment des images successives qui impressionnent l'œil d'une manière continue si à vitesse est suffisante. Il faut remarquer que si au miroir concave pp' on en ajoute un second qq' appartenant à la même phère prolongée, il donnera une image au même point α , et que si on place devant son milieu E un tube FF' plein d'eau, les mons qui l'auront traversé concourront à former cette image α mec ceux qui auront été réfléchis dans l'air en D; seulement il sera nécessaire de placer avant le tube une lentille convergente pour compenser l'éloignement du foyer produit par l'eau.

Comme il est essentiel de distinguer les images formées en a par les rayons qui ont traversé l'air ou l'eau, voici l'addition ingénieuse qu'on fait à l'appareil. Le diaphragme A formant une image réelle en D dans l'air, on en intercepte les bords en plaçant en D un écran qui en diminue la hauteur; mais on laisse à l'image qui se forme en E toute son étendue. De cette façon, quand on regarde en a avec la loupe R on voit (fig. 698, Pl. III) l'image complète pqrs, qui est donnée par le tube, et une autre image réduite uvay réfléchie par le miroir D, et qui se superpose partiellement à la première; les bords pquv, ayrs paraissent verts, parce que les rayons ont traversé une longue colonne d'eau. La ligne ab représente l'image du fil vertical tendu en A.

Je suppose 'maintenant qu'on augmente progressivement la vitesse du miroir bc jusqu'à lui faire décrire quatre ou cinq 5 cents tours par secondes, voilà ce qui arrivera : les rayons : partiront du miroir quand il occupe la position bc, arriveront en D et reviendront sur leurs pas; mais comme ils auront mis un certain temps pour faire ce trajet et que le miroir aunt subi un déplacement pendant ce temps, ils le retrouveront en b'c'; alors ils seront renvoyés en cC' et bB'; ils formeront leur image non en A mais en A', et la loupe la verra not : en α mais en α' . La ligne ab, dans le champ de vision, aut donc été déplacée en a'b' (fig. 699, Pl. III), aussi bien dans l'image qui vient du liquide que dans celle qui vient de l'ais, et comme la déviation est d'autant plus grande que la vites est moindre, il sera aisé de reconnaître celui des deux milieus qui transmet le plus vite un faisceau de lumière. Or, l'expérience montre que l'image aérienne c'est toujours moins déviée que sa congénère a'b' formée à travers l'eau; donc la vitesse de la lumière est plus grande dans l'air que dans l'eur.

Ce premier résultat a eu, comme on le verra bientôt, une extrême importance. Mais on pouvait faire plus : mesurer exactement le déplacement d'une part, le nombre de tours du miroir de l'autre, et en conclure la vitesse exacte de la lumière dans l'air. C'est ce que vient de faire M. Foucault, au moyen du même appareil auquel il avait ajouté un rousge chronométrique qui mesurait le nombre des tours de la turbine pendant chaque seconde. La vitesse V a été trouvée, en

PROPAGATION DE LA LUMIÈRE, ETC. 373 moyenne, égale à 298187 kilomètres, au lieu de 308333. Elle est réduite de $\frac{1}{34}$.

On se rappelle la relation donnée par la théorie de l'aberration

$$\frac{v}{V} = \sin 20'', 445.$$

Une fois qu'on a mesuré directement V, on en tire la vilesse v de la terre dans son orbite. Or, appelant T la durée observée de la révolution de la terre, r le rayon moyen de l'orbile,

$$2\pi r = vT$$
,

equi sait connaître la distance r de la terre au soleil; et puisque V doit être diminué de $\frac{1}{30}$, il saut aussi réduire dans la même proportion la distance de la terre au soleil.

SOIXANTE-DIX-HUITIÈME LEÇON.

RÉFLEXION ET RÉFRACTION.

Réslexion. — Loi expérimentale de la réslexion. — Image d'un objet Déplacement de l'image quand le miroir se meut parallèlement ou at lairement. — Résraction. — Lois géométriques. — Tableau des ind de résraction. — Indice de retour. — Indice de passage ou relatil Discussion de la formule. — Angle limite. — Réslexion totale. — Et cation de la réslexion et de la résraction dans le système de l'émise — Contradiction avec l'expérience; abandon définitif de cette thée — Explication dans le système des ondes. — Adoption provisoir cette théorie. — Construction générale des ondes résléchies et rés tées. — Réslexion sur une sphère. — Résraction par des surfaces pla — Cas d'une lame à faces parallèles.

Quand la lumière rencontre une surface polie qui sép deux milieux dissérents, elle se divise en deux parties : l' qui se résléchit et se propage dans le milieu antérieur, l'au qui se résracte et qui se transmet dans le deuxième mi s'il est transparent, ou qui est absorbée par lui à une pe distance de sa surface, s'il est opaque.

RÉFLEXION.

LOI DE LA RÉFLEXION. — Pour découvrir les lois de la flexion, nous nous servirons du cercle divisé qui a été pré demment décrit (fig. 677, Pl. III). L'une des alidades A pu un simple tube a'a'' noirci intérieurement, éclairé en a' une ouverture ronde au centre de laquelle se croisent de fils rectangulaires. Sur l'autre alidade B est établie une lunt b'b'' avec un réticule et une vis de tirage. La surface réflécl sante est fixée en D. Au moyen d'une coulisse et de la vis on l'élève ou on l'abaisse jusqu'à la placer à la hauteur

du cercle divisé, et on la cale par les vis e, e', de telle que les images réfléchies par elle et observées par la lub'' ne se déplacent pas quand on la fait tourner par le
le autour d'un axe FD qui est paralièle au plan du
on est alors assuré que la lame réfléchissante est
le à ce plan. Pour achever de régler l'expérience, il sufplacer verticalement la lunette b' b" au zéro de la divilucercle et d'amener par l'alidade y la plaque D dans une
in telle, que l'image réfléchie par ellé des fils du rétivoie dans la lunette en coïncidence avec eux-mêmes,
son de symétrie, la lunette sera normale à la plaque, et
laisant ensulte mouvoir sur le cercle, on saura l'angle
lait avec cette plaque.

fig. 700 représente les conditions théoriques de l'expé-. NN' est la normale à la surface; AB est le tube noirci

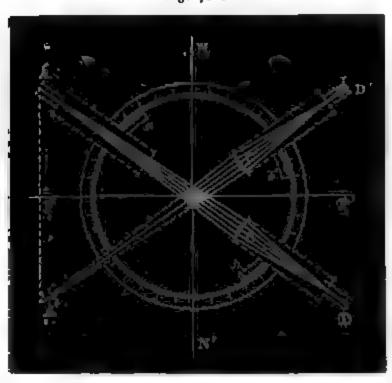


Fig. 700.

me position quelconque. Voici ce qui résulte de l'obion. Si, avant d'avoir placé en M la plaque réfléchissante,
pose la lunette en CD et qu'on règle convenablement le
on voit l'image des fils croisés A en coîncidence avec
re du réticule; et si, après avoir fixé la plaque en M, on
la lunette en C'D' dans une position symétrique de CD

sans changer le tirage, on voit encore distinctement l' des fils croisés en coïncidence avec le réticule, comm existaient en un point A' symétrique de A. Ce résultat rimental, indépendant de la distance de A et de la posititube CD, résume la loi générale de la réflexion et s'éi ainsi:

« La lumière qui est envoyée par le point A et qui réfléchie par une surface plane est dans les mêmes c tions physiques que si elle partait d'un point A' symét de A par rapport au miroir. A' est ce qu'on nomme l'i virtuelle de A. »

On a interprété cette loi de deux manières, correspo aux deux modes de représentation adoptés pour se figu propagation de la lumière.

I. Si l'on représente le mouvement lumineux parti par des ondes sphériques concentriques, telles que EE.,... (fig. 701), celui qui viendrait d'un point symétriq

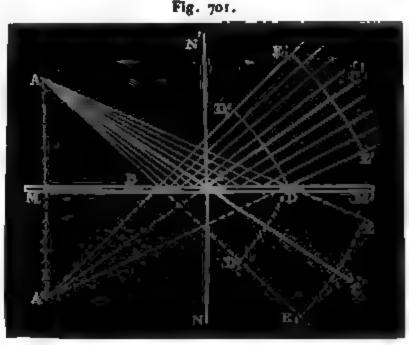


Fig. 701.

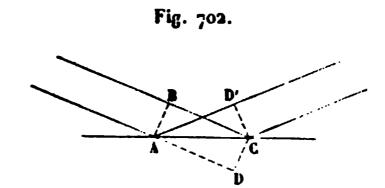
serait figuré par d'autres ondes qui arriveraient au mêm ment sur les sphères DD',, EE',,..., et seraient syméti des premières. Dès lors :

« Les ondes émises par un point lumineux se change la réflexion en d'autres ondes qui au même moment symétriques des premières par rapport à la surface polic Dans le cas où le point lumineux est à l'infini, la s

RÉFLEXION ET RÉFRACTION.

377

d'onde incidente DC est plane, la surface résséchie CD' l'est également, toutes deux restent symétriques (fig. 702).



II. Si nous supposons, au contraire, que l'effluve lumineuse émanée de A soit décomposée en rayons élémentaires tels que AIC (fig. 701), l'effluve partie du point symétrique A' pourra se décomposer de la même manière en rayons tels que A'IC'. Alors on pourra dire:

1º Qu'à un rayon incident AI correspond un rayon résléchi IC';

^{2°} Que le plan d'incidence AIN' mené par le rayon incident et la normale IN' est confondu avec la plan de réflexion N'IC';

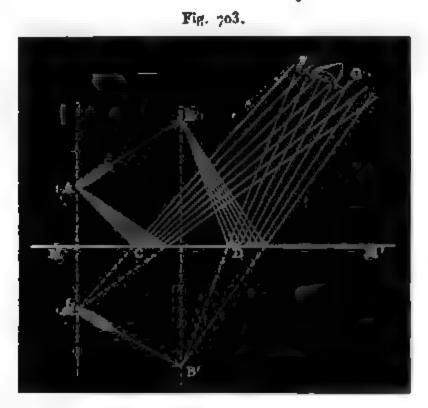
3° Que l'angle d'incidence AIN' est égal à l'angle de réflexion N'IC'.

Bien que cet énoncé soit généralement adopté, c'est celui qui s'écarte le plus de l'observation. Il ne faut pas oublier que la décomposition du faisceau en rayons linéaires étant entièrement conventionnelle, l'idée qui les représente comme se réfléchissant individuellement est fictive au même titre; et en effet, aussitôt qu'on cherche à réduire un miroir à une seule ligne I perpendiculaire au plan d'incidence, on voit apparaître tous les phénomènes de diffraction que nous avons réservés. Ce qui est seul réel et strictement conforme à l'expérience, c'est que nous voyons la lumière réfléchie comme i elle partait d'une image symétrique.

MAGE D'UN OBJET. — Si la lumière part d'un objet AB §g. 703), chacun de ses points A ou B a son image virtuelle l A' ou B', et l'œil, placé en O, reçoit les faisceaux ré-échis comme s'ils étaient envoyés par un objet symétrile A'B'.

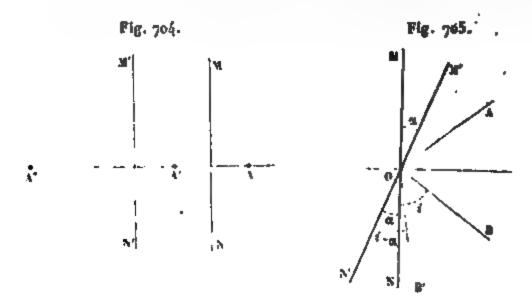
L'angle de AB avec son image A'B' est double de celui qu'il

378 SOIXANTE-DIX-HUITIÈME LEÇON. fait avec la surface MM' du miroir. D'où il résulte qu'un



vertical est vu horizontal dans un miroir incliné à 45 de et réciproquement.

Si un miroir MN se déplace parallèlement à lui-même quantité a jusqu'en M'N' (fig. 704), l'image qui était en A' distance de A égale 2d, se place en A' à une distance 2(a La différence A'A'', c'est-à-dire le déplacement de l'image 2a; elle est égale au double du mouvement du miroir.



Il en est de même pour le cas où le miroir se déplac

glairement (fig. 705). Soit NOM la première position du minoir, AO et OB les rayons incidents et résièchis. L'angle 40M = BON = i. Quand le miroir tourne d'un angle α et se place en N'OM', l'angle d'incidence diminue de α , le rayon réséchi est OB', et l'on a

$$\mathbf{N}' \mathbf{O} \mathbf{B}' = i - \alpha, \quad \mathbf{N}' \mathbf{O} \mathbf{B} = i + \alpha,$$

$$\mathbf{B}' \mathbf{O} \mathbf{B} = \mathbf{N}' \mathbf{O} \mathbf{B} - \mathbf{N}' \mathbf{O} \mathbf{B}' = i + \alpha - (i - \alpha) = 2\alpha;$$

par conséquent l'angle des deux rayons réfléchis est égal au double du déplacément donné au miroir.

RÉFRACTION.

On peut avoir une idée générale du phénomène de la réfraction en faisant arriver un faisceau solaire dans une chambre obscure et le recevant obliquement à travers une cuve pleine d'eau (fig. 706). Comme il illumine les poussières qui

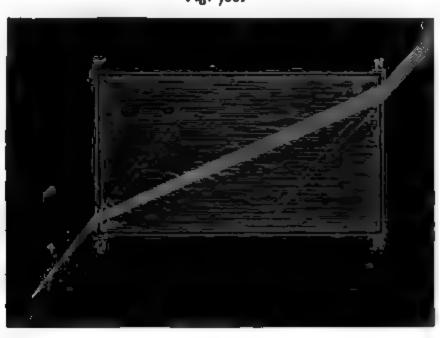


Fig. 706.

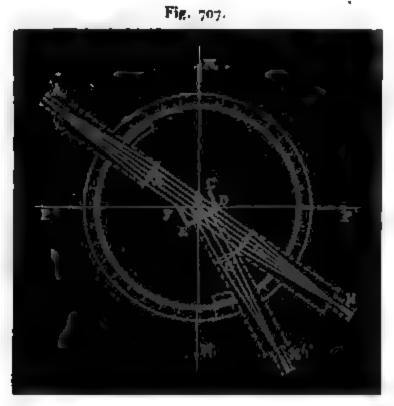
se trouvent sur son passage, on voit dans l'obscurité le chemin qu'il suit. On constate ainsi qu'il se rapproche de la normale en pénétrant dans l'eau, que la déviation est nulle sous l'incidence perpendiculaire, qu'elle augmente avec l'inclinaison jusqu'à une valeur limite et que, dans les cas où la deuxième surface est parallèle à la première, le faisce prend sa direction primitive en sortant de l'eau pour 1 dans l'air.

LOIS GÉOMÉTRIQUES. — Les lois de la réfraction son plexes : elles dépendent à la fois de certaines qualité rentes aux lumières qu'on étudie, de la distance du lumineux, de la nature des milieux en contact, et el l'inclinaison du faisceau incident sur la surface de sépa

Pour commencer par un cas relativement simple choisirons tout d'abord la lumière émise par la coml de l'alcool salé, lumière d'un jaune pàle et qui dans l'ob illumine en jaune tous les objets, quelle que soit leur opropre. Les raisons de ce choix ne pourront être donne dans la Leçon suivante où nous chercherons à éte toutes les lumières les lois que nous allons trouver lampe à alcool salé. Nous prendrons ensuite un poin neux situé à l'insini, de sorte que les ondes seront plarrivant sur la surface résringente. Ensin nous che comme premier exemple un milieu déterminé, l'eau. l cas bien désini, nous n'avons plus qu'à chercher ce varie le phénomène avec les incidences.

Nous emploierons encore le même cercle divisé (fi placé dans un plan vertical et réglé comme précéde nous éclairerons les fils croisés qui sont à l'extrémi tube AB avec une lampe à alcool salé. Il faudrait que A fût reculé jusqu'à l'infini; comme cela n'est pas poss a recours à un artifice qui réalise les mêmes condition consiste à armer l'autre extrémité B du tube d'une convergente dont la distance focale est égale à AB. O vera dans la suite, et l'expérience montre aisément lumière partie de A et sortant de la lentille B est mêmes conditions physiques que si elle venait d'u placé à l'infini sur l'axe BA. La lunette, amenée dan sition GH et braquée à l'infini, vise ce point. Soit que son axe fait alors avec la verticale NN. Nous rons ensuite une cuve en verre CDEF dont le fond mal à l'axe G'H' est porté par la même alidade que la et partage tous ses mouvements, et nous y mettrons

'en O. Sortie de la lentille B, la lumière pénètre dans en se déviant, et l'expérience prouve qu'on peut tou-, en déplaçant la lunette sur le cercle, lui donner une on G'H' telle, que le faisceau traversant DE normalement is déviation parcourt la lunette suivant son axe G'H', de qu'on voit, sans changer le tirage, l'image du point A en idence avec le réticule. Soit r l'angle que fait alors l'axe



lunette avec la verticale NN. La réfraction à travers DF me donc à changer la direction suivant laquelle on voit int lumineux situé à l'infini. Cette direction faisait avec male NN un angle d'incidence i; elle fait un angle r après metion, et l'on trouve entre i et r la relation

$$\frac{\sin i}{\sin r} = 1,333.$$

te loi a été découverte par Descartes et porte son nom. se la loi de la réflexion, elle s'interprète de deux ma-

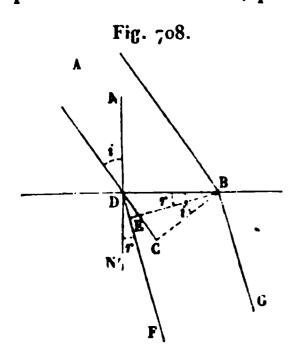
In peut d'abord représenter la lumière incidente par des qui seront planes, puisqu'elles viennent de l'infini.

B l'une d'elles (fig. 708); elle rencontre la surface

réfringente suivant une ligne B et fait avec elle un angle I égal à i. L'onde réfractée est également plane; sa surface, même moment, est BE; elle rencontre la surface réfringe suivant la même ligne B et fait avec elle un angle EBD é à r. Les lois s'expriment ainsi:

« 1° A toute onde plane incidente correspond une onde plane réfractée qui lui est simultanée; 2° toutes deux se rencontrature la surface réfringente en une trace commune, normale plan d'incidence; 3° les sinus des angles i et r que font ondes incidente et refractée avec la surface réfringente si dans un rapport constant. »

II. Si on décompose la lumière incidente en rayons sic parallèles entre eux, puisqu'ils viennent de l'infini, et que l'

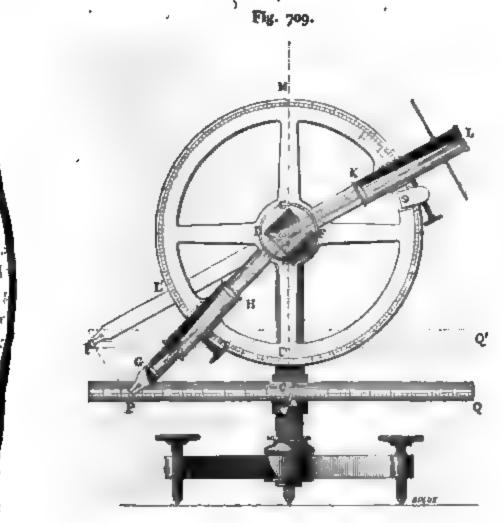


considère en particulier celui (
parcourt l'axe AB du tube (fig. 70
il forme avec la normale ON un p
et un angle i qu'on nomme p
et angle d'incidence. La lumi
réfractée, puisqu'elle est dans
mêmes conditions que si elle ver
de l'infini, est également compos
de rayons parallèles, dont l'un OG'
suit l'axe de la lunette et contin
BO; il fait avec la normale un pl

et un angle r qu'on nomme plan et angle de réfraction, et dira : « 1° à tout rayon incident correspond un rayon réfract 2° tous deux sont contenus dans le même plan normal à surface en 0; 3° le rapport des sinus d'incidence et de réfration est constant et égal à 1,333, quand la lumière passe l'air dans l'eau. »

On emploie souvent pour la vérification expérimentale appareil qui n'est pas sans intérêt (fig. 709). C'est un cercle p tant comme précédemment un collimateur LK et une lune HG fixée à la cuve DEF; mais les alidades sont prolonge par des tiges KL'P' et GP, terminées elle-mêmes par deux vertures étroites P et P', que l'on a percées à la même distai du centre. Une règle PQ, qu'on peut élever ou abaisser, m qui reste toujours horizontale, est placée successivement c rière P et P'. Les distances PC, P'C' de ces ouvertures à l'e

gine des divisions mesurent alors les sinus des angles d'in-



cidence et de réflexion, et on peut aisément reconnaître que le rapport reste constant.

l'eu. Si dans nos expériences nous remplaçons ce liquide par l'huile ou des dissolutions salines, ou des essences, ou les toute autre substance liquide que nous voudrons, la loi demeurera la même, mais le rapport des sinus prendra d'autres valeurs: il sera 1,67 pour le sulfure de carbone, 1,47 pour l'huile d'olive, 1,37 pour l'alcool, etc. En général, nous le représenterons par n et nous le nommerons indice de réfraction.

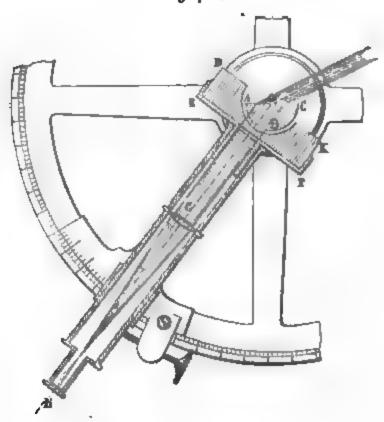
Pour faire la même étude avec un solide transparent, nous emploierons un appareil qui est dû à Boscovitch (fig. 710).

ABC est un demi-cylindre de verre; DEFK est un parallélipipède de la même substance, creusé d'une gouttière cylin-

36% SOIXANTE-DIX-HUITIBME LEÇON.

drique au fond de laquelle le demi-cylindre ABC s'et exactement. On place cet appareil sur un cercle divfaçon que le demi-cylindre ABC soit sixé horizontalem





centre et que DEFK puisse tourner avec l'alidade de nette CH. EF est fixé normalement à l'axe optique de nette, et les expériences se font comme précédemment démontrent les mêmes lois. Voici quelques résultats:

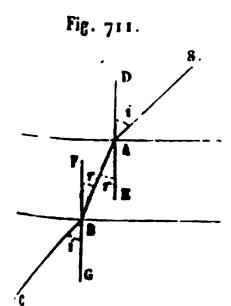
INDICES DE RÉPRACTION.

Chromate de plomb	2,50	à	2,97
Diamant	2,47	à	2,75
Phosphore	2,224		
Soufre natif	2,115		
Zircon	1,95		
Borate de plomb	1,86		
Rubis	1,78		
Sulfure de carbone	1,67		
Huile de cassia	1,63		
Topaze	1,61		
Béryl	ι,6ο		
Huile d'amandes amères	1,60		

INDICES DE RÉFRACTION (Suite).

Émeraude	1,58
Flint-glass	1,57
Quartz	1,54
Sel gemme	1,54
Colophane	1,54
Baume du Canada	1,53
Huile de noix	1,50
Crown-glass	1,50
Huile d'olive	1,47
Spath fluor	1,43
Acide sulfurique	1,42
Alcool rectifié	1,37
Éther sulfurique	1,36
Albumine	1,35
Eau	1,33

MICES DE RETOUR ET RELATIF. — Toutes ces valeurs étant



supérieures à l'unité, la lumière se rapproche de la normale en passant de l'air dans ces diverses substances. Qu'arriverait-il si elle suivait la marche inverse? L'expérience prouve qu'une lame à faces parallèles (fig. 711), placée entre une lunette et un objet trèséloigné, ne déplace jamais l'image. Cela montre que les rayons incidents SA et les rayons émergents BC sont parallèles, et font le même angle i

rec la normale; or on a

$$\frac{\sin i}{\sin r} = n,$$

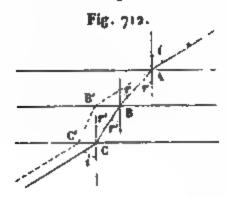
QC

$$\frac{\sin ABF}{\sin CBG} = \frac{\sin r}{\sin i} = \frac{1}{n}$$

général, lorsque l'indice au passage de l'air dans un miest n, l'indice pour le retour de ce milieu dans l'air

Ш.

Si on superpose deux lames parallèles (fig. 712), dont indices respectifs sont n, n', quel sera l'indice relatif à la limite de séparation? L'expérience prouve que l'ensemble a



deux lames ne déplace pas images, ce qui exige que les rays incidents et émergents fassent même angle i avec la normale, aura successivement

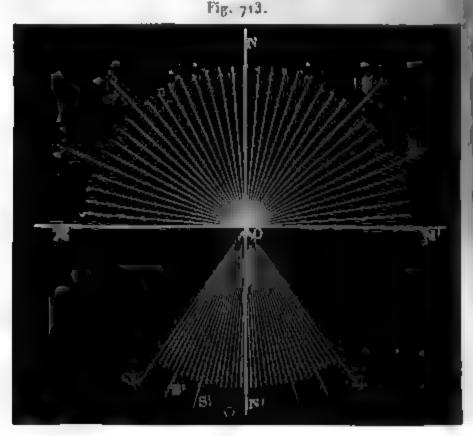
$$\frac{\sin i}{\sin r} = n$$
, $\frac{\sin r}{\sin r'} = x$, $\frac{\sin r'}{\sin i} =$

en multipliant membre à membre,

$$t = \frac{nx}{n'}, \quad x = \frac{n'}{n}.$$

L'indice au passage d'un premier milieu dans un second égal au rapport des indices du second et du premier milieu

DISCUSSION. — D'après la formule $\frac{\sin i}{\sin r} = n$, on voit



étant plus grand que l'unité, l'angle r est plus petit que i; q

RÉFLEXION ET RÉFRACTION.

387

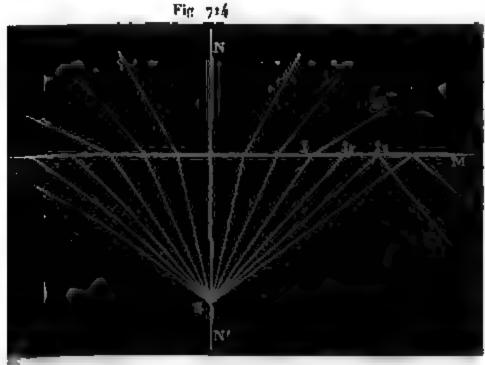
cand i = 0; qu'il croît avec i, et que, pour l'incidence ratteint un maximum R donné par la formule

$$\sin R = \frac{\tau}{n}$$

qu'on nomme l'angle limite.

un faisceau continue son chemin en ligne droite, s'il al (fig. 7:3); il se rapproche de ON' dans tous les s, et il atteint une limite OL pour i = 90. Si on débne avec OL pour génératrice, il marque la limite de ayons réfractés qui pénétreraient par le point O.

rse (fig. 714). Partant du milieu le plus réfringent pour entrer dans celui qui l'est le moins, elle s'écarnormale et prendra la direction IS'. Le rayon limite



it un angle d'incidence R, émergera en rasant la Ln effet, en appelant I l'angle d'émergence, on a

$$\sin R = \frac{\tau}{n}, \quad \sin l = n \sin R = \tau, \quad I = 90^{\circ}.$$

d un rayon arrive sous une incidence r plus grande e limite R, on trouve

$$\sin r > \frac{1}{n}, \quad \sin i > 1.$$

La formule répond par une impossibilité; elle ne s'i plus et il faut consulter l'expérience. L'expérience qu'il n'y a plus de rayon réfracté, et qu'il se produit nomène nouveau et très-important.

En même temps qu'un rayon tel que SI donnait n à un rayon réfracté 1S', il produisait aussi un faisce rieur résiéchi, qui était peu intense; mais aussitôt qu mière SI, cesse de se résracter, le saisceau résiéchi I.P. très-vis. On va prouver qu'il contient toute la lumié dente, et on dira que la résexion est totale.

Soit (fig. 715) un prisme de verre ABC, rectangulai on fait tomber parallèlement à sa base AC la lumiè

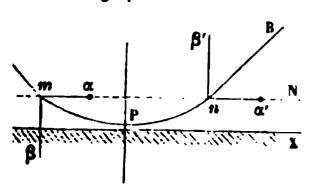


par une feuille d blanc DD'. Chagu tel que DE se réf E, se réfléchit en se réfracter de not G, et rentrer dans rallèlement à sa (primitive. En plaç , dans ce faisceau éi on voit une image sée de la surface D une réflexion en F pas dû **affaiblir l'éc**l est totale, mais au que les rayons ont s réfractions en **E e**t traversé une épais verre EF + FG qui à E' G, ce qui a dû c leur intensité.

Superposons à ce prisme ABC un parallélipipède d verre ABCB'. Un rayon D'E' se réfractera en E', u E'G, et se réfractera de nouveau en G; il aura subi les actions que le rayon DEFG, moins la réflexion en celle-ci est totale, l'éciat des deux faisceaux qui sor posés doit être le même : c'est ce que l'expérie risie. matients théorieurs. — Avant d'aller plus loin, il saut ner comment les deux théories de la lumière expliquent xion et la réfraction; car si l'une d'elles se trouvait en tion radicale avec les saits que nous venons de découn l'abandonnerait dès maintenant. Commençons par sion.

tes la théorie de l'émission. — Dans cette théorie, molécule lumineuse se meut nécessairement en ligne

Fig. 716.

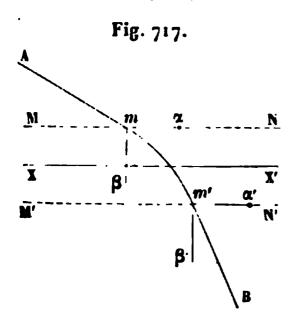


droite dans un milieu homogène. Soit Am la trajectoire de l'une d'elles, et supposons qu'elle s'approche d'une surface spéculaire XX (fig., 716). Arrivée à une distance limite très-petite, marquée par la

parallèle MN, elle éprouve l'action du milieu résléit, qui la repousse ou qui l'attire. Admettons qu'il la se.

mposons la vitesse de la molécule en deux autres, erticale $m\beta$, l'autre horizontale $m\alpha$. Celle-ci ne change mais mβ diminue par la répulsion et la trajectoire desourbe et convexe. Arrivée en P, la molécule n'a plus sse verticale. En continuant sa route elle éprouve la répulsion de la part du milieu, parcourt un arc Pn ique de Pm et reprend peu à peu une vitesse verticale ale et contraire à celle qu'elle possédait en m, et qui pose avec la vitesse horizontale $n\alpha'$; alors elle sort de æ d'action, ayant été réfléchie suivant les lois connues. prie de l'émission explique donc très-bien la réflexion, : on explique le rebondissement des billes de billard. concevoir la réfraction, il faut admettre (fig. 717) que cule arrivée à la limite MN est attirée. Si cela est, elle ¿ dans le milieu; elle continue d'être attirée jusqu'à rtaine limite d'attraction sensible M'N', et sa vitesse le mβ augmente. De MN à M'N' la trajectoire est ; à partir de m' elle redevient rectiligne; mais elle s'est chée de la normale, puisque la composante verticale a

augmenté, et la vitesse de propagation n'est pas restée la même : elle était v dans le premier milieu, elle est devenue v dans le second.



Soient i et r les angles d'incidence et de réfraction : les vitesses horizontales seront vsin i et v' sin r avant et après l'action du milieu. Or, aucune force n'ayant agi dans le sens horizontal, elles doivent être égales:

$$v\sin i = v'\sin r;$$

$$\frac{\sin i}{\sin r} = \frac{v'}{v} = n.$$

Je ne m'arrêterai pas à cette difficulté, que la molécule lumineuse est repoussée s'il faut rendre compte de la réflexion, et qu'elle est attirée quand on veut expliquer la réfraction. Newton l'avait levée en partie en admettant que les molécules sont douées d'un mouvement de rotation sur elles-mêmes qui amène en contact avec la surface réfléchissante, tantôt un pôle qui est attiré, tantôt un autre qui est repoussé. Mais ce qui est beaucoup plus grave, c'est que la formule précédente exige que v' soit égal à nv, c'est-à-dire que la vitesse de la lumière soit plus grande dans un milieu plus réfringent, tel que l'eau, que dans un autre qui l'est moins, comme l'air. Cela est absolument contraire à l'expérience de M. Foucault, et nous sommes nécessairement contraints de renoncer d'une manière définitive et absolue aux idées théoriques qui impliquent une pareille contradiction.

D'APRÈS LES ONDULATIONS. — Soumettons la théorie ondulatoire à la même épreuve. Soit A un point lumineux (fig. 7¹⁸, Pl. II'). Il est en vibration comme un point sonore; chacun de ses mouvements successifs se transmet dans l'éther et arrive en même temps sur des sphères concentriques. Considérons en particulier l'une d'elles, EFD; elle est l'intermédiaire nécessaire entre A et les parties les plus éloignées. On peul dire que c'est elle qui leur envoie la lumière; que tous le éléments D, E, F vibrent, et qu'ils transmettent leurs mou vements comme s'ils étaient autant de centres lumineux. Dé

de ces points des sphères avec un même rayon : elles toutes tangentes, en des points D', F', C, à une autre D'F'C, qui est une nouvelle surface d'onde. On voit est l'enveloppe de toutes les ondes élémentaires par-D, F, E.

s points A, D, D' sont en ligne droite ainsi que A, F, F' A, E, C. Par conséquent, le mouvement lumineux est ne, et, dans son ensemble, le flux émis par A est en composé de rayons tels que AFF'. Mais on voit en emps que si on voulait isoler ce rayon AFF' par une ise en F, elle enverrait une onde sphérique mF'n qui t pas restreinte à un seul rayon FF'. Ces considérations, ont complétées dans la suite, expliquent le mouvement ne avec les restrictions que l'expérience a précisément es; elles étaient nécessaires avant d'aborder l'explicala réflexion comme nous allons maintenant le faire. isceau total rencontrant une surface XY, chacun des BIC est ébranlé, il vibre et devient le centre d'un mouqu'il transmet, soit au-dessus, soit au-dessous. C'est constitue la réflexion ou la réfraction. A partir du moà l'onde a rencontré le point B jusqu'à celui où elle n D', le point B a commencé à vibrer et a transmis son nent à une distance égale à BD'. Décrivons donc une de B comme centre, avec un rayon BD"=BD', elle ra le lieu d'arrivée dans le milieu supérieur de l'onde le B, c'est-à-dire résléchie par ce point. Répétons la construction pour tous les points de BC, et toutes les s auront deux enveloppes : l'une CD' qui serait l'onde si BC n'existait pas, l'autre CD" qui est le lieu de 'ésléchie simultanée.

à peine nécessaire de saire remarquer que l'onde CF' D' uelconque, on peut répéter la même construction avec écrire des divers points de la surface XY des sphères es à DFE; elles ont deux enveloppes, l'une l'onde in-DEE, l'autre l'onde résiéchie dfe.

évident que les ondes CF"D" et dse sont symétriques Y et DFE, et comme les premières viennent du point ux A, on peut dire que les secondes réalisent les mêmes ons physiques que si elles émanaient du point A' symé-

trique de A. La théorie des ondulations explique donc la ré flexion et en exprime la loi de la même manière que l'expé rience elle-même.

La réfraction n'offre pas plus de difficultés. Considéron toujours le cas où le point lumineux est à l'infini, c'est-à-dir celui où les ondes incidentes successives AD, BC,..., son planes (fig. 719, Pl. IV). Depuis le moment où le front de l'onde a occupé le plan AD, jusqu'à celui où il est parvenu et BC, il a parcouru l'espace AC pendant un temps t avec une vitesse v:

$$AC = vt$$
.

Mais à partir du premier moment jusqu'au second, le point A de la surface de séparation s'est mis en vibration, et l'onde émise par lui est arrivée dans le milieu inférieur su une sphère dont le rayon AE a été parcouru pendant le même temps t, mais avec une vitesse différente v'; on aura

$$AE = v't$$

et en divisant ces deux équations

$$AE = AC \frac{v'}{v}.$$

Il faudra donc prendre la distance AC des points tels que A, à l'une quelconque des surfaces primitives BC de l'onde; multiplier cette distance par $\frac{c'}{c}$ pour avoir AE; décrire des sphères avec AE pour rayon, et chercher leur enveloppe, qui sera l'onde réfractée. Il est clair que cette enveloppe est le plan mené par B tangentiellement à la sphère de rayon AE.

Or on a

$$AC = AB \sin i$$
, $AE = AB \sin r$,
 $\frac{\sin i}{\sin r} = \frac{AC}{AE} = \frac{c}{c'}$.

Donc: 1º le rapport des sinus d'incidence et de réfraction est constant; 2º il est égal au rapport direct des vitesses dans les deux milieux. Ces conclusions sont exactement conformes à l'expérience. Ainsi, pendant que la théorie de l'émission conduit à des conclusions incompatibles avec les mesures de la vitesse de la lumière, la doctrine des ondulations concorde

wec elles; elle en avait annoncé le résultat longtemps avant prélles eussent été faites. Il faut donc oublier la première, tous n'y reviendrons plus, et conserver la secôfide; nous la lévelopperons dans les chapitres suivants, et nous continue-ons de la comparer aux faits.

CONSTRUCTION GÉMÉRALE DES ONDES RÉFLÉCHIES ET RÉFRACTÉES.

-En nous restreignant au cas des milieux homogènes et non ristallisés, nous pouvons généraliser maintenant les lois le la réflexion et de la réfraction. Soit DEF (fig. 720, Pl. IV) me onde que nous ne supposerons pas nécessairement sphétique et qui pourra être quelconque. Le temps croissant, chamides points D, E, F émet des ondes sphériques partielles éples entre elles, dont l'enveloppe ABG représente la nouvelle surface d'onde. On peut admettre comme évident qu'elle est parallèle à DEF et que les points de tangence A, B, G des endes partielles avec leur enveloppe sont sur les normales communes aux deux surfaces DEF et ABG. En résumé, la lumière se transmet par ondes successives parallèles entre elles; elle se propage rectilignement suivant les normales communes ices ondes, et ces normales représentent les rayons de lumière.

Soit maintenant une surface spéculaire quelconque MNP. Nous pouvons la décomposer en ses éléments M, N, P, consi-Gerer la portion d'onde qu'ils reçoivent comme plane, et dé-Eminer la portion d'onde qu'ils résléchissent ou qu'ils rérectent par la construction décrite page 391. Pour construire Onde résléchie, il faudra, des points M, N, P, décrire des Phères tangentes à ABG; elles auront deux enveloppes, l'une vi est l'onde incidente ABG, l'autre qui sera l'onde réstéhie abg; la direction des rayons sera celle des normales M, bN, gP menées de abg à MNP, et ces rayons se propaeront après la réflexion suivant MA', MB' et PG'. Pour 'ouver l'onde réfractée, il faudra encore décrire des points I, N, P les sphères tangentes à ABG et mesurer leurs rayons 14, NB et PG; puis, des mêmes centres, décrire d'autres Phères avec des rayons différents Ma_i , Nb_i et Pg_i donnés par es relations

$$\frac{\mathbf{M}a_1}{\mathbf{M}\mathbf{A}} = \frac{\mathbf{N}b_1}{\mathbf{N}\mathbf{B}} = \frac{\mathbf{P}g_1}{\mathbf{P}\mathbf{G}} = \frac{\mathbf{v}'}{\mathbf{v}}.$$

L'enveloppe de ces sphères représentera la situation qu'aurait l'onde réfractée au moment où l'onde directe occupe la surface ABG. Cette 'énveloppe est $a_1b_1g_1$. Les rayons se propagent ensuite suivant le sens et dans la direction des normales a_1MA_1 , b_1NB_1 , g_1PG_1 .

Considérons en particulier l'une ou l'autre des trois ondes incidente, résléchie ou résractée, par exemple abg. Prolongeons les rayons jusqu'à leur rencontre, ils seront tangents à une surface $\alpha\beta\gamma$ qui est la développée de abg et de toutes les autres ondes résléchies, puisqu'elles ont toutes les mêmes normales. En optique on donne à cette développée le nom de surface caustique.

Ces caustiques figurent géométriquement le lieu de rencontre de rayons très-voisins. Mais ces points de rencontre, tels que α , ne représentent pas physiquement le point d'où ces rayons sont censés partir; car ils sont à des distances de l'onde abg représentées par les rayons de courbure, distances inégales; les mouvements qui partiraient à un moment donné de α , β , γ n'arriveraient donc pas en même temps sur l'onde.

Quand on connaît la développée αβγ (fig. 720), on peut décrire aisément toutes les surfaces d'onde. Ne considérons que le cas élémentaire où ces surfaces sont de révolution et où abg est une de leurs génératrices. Dans ce cas la caustique est aussi une surface de révolution dont αβγ est la génératrice. En vertu de la propriété des développées, il sussira de mener une tangente $a \propto a'$ à la développée, de la faire rouler sur αβγ, et tout point de cette tangente décrira l'une des surfaces d'onde. Si nous prenons ce point en a' avant que le rayon ait touché la caustique, l'onde a' b' g' est concave; elle devient convexe abg, si le point générateur est en a après les contacts, et, s'il est intermédiaire, en \beta, l'onde est composéc de deux nappes, l'une convexe $\beta \alpha''$ pour les rayons compris entre aa' et bb', l'autre concave dans les directions situées entre bb' et gg'. Ces deux nappes sont normales à la caustique en β', tangentes entre elles, et la section génératrice de l'onde offre un point de rebroussement β. Nous allons maintenar appliquer cette théorie à deux exemples simples.

RÉPLEXION SUR UNE SPHÈRE. — Soit un miroir sphérique do ***

centre est en O (fig. 721, Pl. IV), et un point lumineux D, me distance OD = α . Un rayon quelconque DM se réfléchit trant MF, et si nous prolongeons MF d'une quantité MB ple à MD, le rayon DM après s'être réfléchi aura parcouru même distance et pris la même direction que s'il venait rectement de B. En cherchant le lieu des points B, nous rons donc la surface de l'onde réfléchie, considérée au ment même où le mouvement part de l'origine D.

Le triangle DMB est isocèle. L'angle D' est égal à la moitié DMF ou à DMO; DB est donc parallèle à OM.

Soient X et Y les coordonnées de B. L'équation de la droite Let du cercle sont

$$y = \frac{Y}{X}(x - \alpha),$$
$$y^2 + (x - \alpha)^2 = r^2.$$

berchons entre ces deux équations les coordonnées de M.

$$\left(\frac{\mathbf{Y}^{2}}{\mathbf{X}^{2}}+1\right)(x-\alpha)^{2}=r^{2};$$

$$x=\alpha\pm\frac{r\mathbf{X}}{\sqrt{\mathbf{X}^{2}+\mathbf{Y}^{2}}}, \quad y=\pm\frac{r\mathbf{Y}}{\sqrt{\mathbf{X}^{2}+\mathbf{Y}^{2}}}.$$

primons que DM est égal à BM:

$$DM^{2} = x^{2} + y^{2} = MB^{2} = (X - x)^{2} + (Y - y)^{2},$$

$$X - x)^{2} - x^{2} + (Y - y^{2})^{2} - y^{2} = X^{2} + Y^{2} - 2(xX + yY) = 0,$$

, en remplaçant x et y par leurs valeurs, on a successive-ent

$$X^{2} + Y^{2} + \frac{2r(X^{2} + Y^{2})}{\sqrt{X^{2} + Y^{2}}} - 2\alpha X$$

$$= X^{2} + Y^{2} + 2r\sqrt{X^{2} + Y^{2}} + r^{2} - r^{2} - 2\alpha X = 0,$$

$$(\sqrt{X^{2} + Y^{2}} + r)^{2} = r^{2} + 2\alpha X,$$

ensin

$$\sqrt{X^2+Y^2} \mp \sqrt{r^2+2\alpha X} = \pm r,$$

ution du quatrième degré très-simple et très-sacile à dis-

cuter. Nous allons la construire géométriquement (fig. 722, Pl. IV); et comme elle est de révolution par rapport à l'axe des x, il sussit de considérer la section saite par un plan diamétral.

L étant le point lumineux, on mènera des rayons tels que Le, puis le rayon résléchi correspondant e E E'', qu'on prolongera en sens inverse d'une distance ee' égale à e L. e' sera sur l'onde dont on a dessiné la moitié supérieure a'b'f'k'. Dans le cas de la sigure, le point L étant dans l'intérieur du cercle et plus près de a que de 0, la courbe offre un point d'inslexion en b'; alors toutes les normales à l'onde, c'est-à-dire tous les rayons résléchis compris de b' en a' se rencontrent virtuellement de a en a sur une première nappe de caustique a sur une première nappe de caustique. Elle a pour asymptote la droite a de a sur une présente deux points de rebroussement en a et en a sur une présente deux points de rebroussement en a et en a sur une présente deux points de rebroussement en a et en a sur une présente deux points de rebroussement en a et en a sur une présente deux points de rebroussement en a et en a sur présente deux points de rebroussement en a et en a sur une première de a sur une première nappe de caustique a sur une première nappe de

La surface a'd'f'k' figure l'onde au moment où le mouvement lumineux considéré part de L. Si le temps croît, ce mouvement se propage de quantités égales sur chaque normale. Prenons par exemple des distances égales entre elles $a'a'_1, b'b'_1, \ldots, f'f'_1, \ldots, h'_1 h'_1, \ldots$; les points a'_1, b'_1, \ldots, h'_1 figure l'onde après un intervalle égal à $\frac{a'a'_1}{v}$. Mais si le temps continue à croître, elle éprouve de graves modifications de forme.

Pour les trouver toutes, faisons rouler sur la caustique une tangente quelconque, eE par exemple, et considérons les courbes engendrées par les points e', e', E, E"; ce seront autant d'ondes successives. La première est la courbe originelle a' b' c' h'; la deuxième a', b', e', k', n'en diffère pas dans son aspect général. La troisième, qui est très-différente, est décrite par le point E. En roulant sur les points KFE, la tangente décrit l'arc K' F' E; en continuant son mouvement elle s'appuie sur EDR et marque EB'; enfin en s'enroulant sur la nappe virtuelle s\beta, elle trace B'A', avec un point de rebroussement en B'. Pendant tout ce mouvement de la tangente, le point E" engendre une quatrième courbe K"F" E"B"A". Et

nan tout autre point plus éloigné que E' décrira des ondes pur lesquelles le sommet K' reculera vers la gauche pendant se A' avancera vers la droite, et il y aura toujours un point rebroussement sur la branche asymptotique RB".

même manière les surfaces d'onde après une ou plusieurs rections. Commençons par démontrer quelques propriétés munes à l'hyperbole et à l'ellipse. L'équation de ces urbes est

$$a^{1}y^{2} \pm b^{1}x^{1} = \pm a^{2}b^{2}$$
.

normale en M' (fig. 723 et 724, Pl. IV) aura pour équation

$$\gamma - \gamma' = \pm \frac{a^2 \gamma'}{b^2 x'} (x - x');$$

trencontrera l'axe des γ en un point N dont les coordonts seront

$$x = 0$$
, $y = y' + \frac{a^2 y'}{b^2} = + \frac{c^3 y'}{b^2}$

ignons N et F, menons l'horizontale M'Q; le point P où ces mes se rencontrent sera déterminé par la relation

$$\frac{PQ}{NQ} = \frac{FO}{ON}, \quad PQ = \frac{(r-r')c}{r} = \frac{a^2}{c}.$$

Mc:

1º Le point P est sur la directrice BP de la courbe. Les distances NM' et NF sont

$$NM' = \sqrt{(y - y')^2 + x'^2} = \sqrt{\frac{a^4 y'^2}{b^4} + \frac{a^2}{b^2} (b^2 \mp y'^2)} \\
= \frac{a}{b} \sqrt{\frac{c^2}{b^2} y'^2 + b^2}, \\
NF = \sqrt{c^2 + y^2} = \frac{c}{b} \sqrt{\frac{c^2}{b^2} y'^2 + b^2}.$$

r Le rapport de ces quantités est

$$\frac{\mathbf{NF}}{\mathbf{NM'}} = \frac{c}{a}$$

Appelons i et r les angles que FN et M'N font avec l'axe d

$$\sin i = \frac{y}{NF} = \mp \frac{c^2 y'}{b^7 NF},$$

$$\sin r = \frac{y - y'}{NM'} = \mp \frac{a^2 y'}{b^2 NM'},$$

et en divisant, on tire cette troisième relation

(2)
$$\frac{\sin i}{\sin r} = \frac{c^2}{a^2} \frac{NM'}{NF} = \frac{c}{a}.$$

Cela posé, étudions la réfraction au passage de l'air dan milieu plus réfringent dont l'indice est n, et qui est ter par une surface plane $O_{\mathcal{F}}$ (fig. 723, Pl. IV). Soit F le lumineux à une distance $O_{\mathcal{F}}$ égale à c; menons un rayon dent quelconque $F_{\mathcal{F}}$ faisant avec la normale un angle éga Pour construire le rayon réfracté, nous décrirons d'abort hyperbole ayant son centre en $O_{\mathcal{F}}$ son foyer en F et telle $\frac{c}{a} = n$; ses axes seront par conséquent

$$a=\frac{c}{n}, \quad b=\sqrt{c^2-a^2}=\frac{c}{n}\sqrt{n^2-1}.$$

Ensuite nous abaisserons du point d'incidence N une male NM' à cette hyperbole, faisant avec l'axe des x un égal à r, et, d'après ce qui vient d'être démontré, nous au

$$\frac{\sin i}{\sin r} = \frac{c}{a} = n;$$

la normale sera dans la direction du rayon réfracté. En vertu de l'équation (1), on a, en second lieu,

$$NF = nNM'$$
,

ou bien, en désignant par v et v' les vitesses de la lun dans l'air et dans le milieu,

$$\frac{NF}{NM'} = n = \frac{c}{v'};$$

par suite,

$$NF = vt$$
, $NM' = v't$,

nt dire que la lumière mettrait le même temps à point F dans l'air que du point M' dans le milieu, ulairement à l'hyperbole. Cette courbe est donc, ent, la surface d'onde originelle des rayons ré; foyer de l'hyperbole étant toujours au point lumion centre en O, cette courbe change avec la dis-

mais le rapport des axes $\frac{b}{a}$ demeurant constant et $\frac{1}{a}$, toutes les hyperboles qu'il faudra construire mêmes asymptotes.

ion de la développée de l'hyperbole est

$$\sqrt[3]{\overline{b^2y^2}} - \sqrt[3]{\overline{a^2x^2}} = \sqrt[3]{\overline{c^4}}.$$

rra construire cette courbe CC'C": tous les rayons ui seront tangents, et si on fait rouler l'un deux, xemple, sur son contour, chacun des points de cette ou D, décrira des hyperboles parallèles qui seront ndes successives.

émontré précédemment qu'en menant la ligne M'Q l'axe des x elle rencontre NF en un point P situé ectrice. On a donc

$$\frac{\mathbf{F}\mathbf{M'}}{\mathbf{M'}\mathbf{P}} = \frac{c}{a},$$

on a démontré d'autre part que

$$\frac{FN}{NM'} = \frac{c}{a},$$

les FM'N, PM'N sont semblables, et l'angle FM'A FPM' ou à i. En menant le deuxième rayon vecteur ra avec la normale un angle AM'R égal aussi à i.

cela, supposons que le milieu réfringent soit proqu'à la surface concave de l'hyperbole et terminé par u'une onde plane, confondue avec la directrice PB, te pour sortir. Chaque rayon PM' fera un angle d'in-'M'N égal à r, et donnera un rayon réfracté M'R ongé, passera par F'.

t conclure de là que l'onde réfractée sera une sphère

dont le centre sera en F'. Pour chercher son rayon, rap nous que

$$\frac{\mathbf{PM'}}{\mathbf{FM'}} = \frac{a}{c} = \frac{o'}{o}.$$

Donc, le rayon mettra le même temps pour venir de dans le milieu, que de F à M' dans l'air, et si nous M'K égal à M'F, K sera un point de l'onde réfractée. Étant la différence des rayons vecteurs est égal à 2a, rayon cherché. On voit en résumé que toute onde pla fractée par une surface hyberbolique telle que $\frac{b}{a}$ soil $\sqrt{n^2-1}$, peut être considérée comme venant d'une unique F' qui est le foyer intérieur de l'hyperbole.

Les propriétés de l'hyperbole qui nous ont conduit à ces conséquences optiques appartiennent également lipse, ce qui va nous autoriser, sans aucune nouve monstration, à énoncer les propositions suivantes (f. Pl. IV).

1° Si un point lumineux F est placé dans un milie dice n à une distance c d'un plan qui sépare ce m l'air, l'onde réfractée originelle est une ellipse qu foyer en F, et dont les axes sont

$$a=cn$$
, $b=c\sqrt{n^{2}-1}$.

2º L'équation de la développée est

$$\sqrt[3]{b^2y^2} + \sqrt[3]{a^2x^2} = \sqrt[3]{c^4}$$

elle rencontre l'axe des y à une distance du centre O Supposons qu'un rayon lumineux arrive de F en D, il I l'axe des x un angle I

$$\sin I = \frac{\frac{c^2}{\overline{b}}}{\sqrt{c^2 + \frac{c^4}{\overline{b}^2}}} = \frac{c}{a} = \frac{1}{n};$$

l'angle I est l'angle limite.

3° Les rayons réfractés sont tangents à cette dévelo

pour construire une ondé quelconque il faut les faire rouler sur son contour; ainsi le point M' décrit l'ellipse CC'G.

Si on prend le point C, il décrit une seconde ellipse CC''C'. La tangente à la développée EM' est normale en E et en M' aux deux ellipses considérées; la distance EM' est constante et égale à CC' ou a 2b; la portion concave CGC' de la première ellipse est l'onde originelle; la portion convexe CC''C' de la deuxième est la surface de l'onde quand la lumière aura partouru l'espace 2b. Son grand axe est OC=b, et son petit ou OC' est 2b-a.

Quand on prendra un point A situé entre E et M', la surface d'onde aura quatre points de rebroussement intérieurs; elle se composera de quatre portions d'ellipses tangentes entre elles et normales à la développée aux points où elles la rencontrent.

4º Si une onde plane PB menée par la génératrice et se propageant dans l'air rencontre un milieu d'indice n ayant la forme d'une ellipsoïde CGC', dont les axes sont cn et $c\sqrt{n^2-1}$, l'onde réfractée est une sphère KK' de rayon 2a, dont le centre est en F'. F' est un foyer réel.

LAME A PACES PARALLÈLES (fig. 725, Pl. IV). — Considérons en dernier lieu le cas où la lumière partie de F traverse une lame PHNG à faces parallèles, d'indice n et d'épaisseur e, placée à une distance GF = d. Un rayon FN pénétrant dans la lame prend la direction NP; il est dans les mêmes conditions que s'il partait normalement de l'onde hyperbolique MD. Ce rayon, continuant sa route dans la lame, sort en P, reprend sa direction primitive PE, et pour avoir le point de l'onde E il faudra prendre PE = n.PM.

Or, si on prolonge MF jusqu'à la rencontre de PE, les triangles semblables PEM et NFM donnent

$$\frac{PE}{PM} = \frac{NF}{NM} = n.$$

Donc le point E de l'onde réfractée est à la rencontre de PE et de MF.

Menons la ligne FA parallèle à PN : elle lui sera égale en longueur; sa projection FB sur l'axe des x sera égale à l'épais-

III.

LT YE

nir kk.

LOUS PISH

ties (el

3 24, 15

ide phi

- Sink 12

Tur and

duit a Fa

DALE! >

भारता न

.A.

SOIXANTE-DIX-HUITIÈME LEÇON.
seur e de la lame. Le triangle EAF étant semblable à FNM, on

$$EA = nAF$$
,

FA et EA font avec la normale à yy' des angles égaux à AF : et à ACB tels que sin ACB = n sin AFB.

Le lieu des points cherchés E sera donc le même que cel qu'on trouverait si le point F, étant dans le milieu, envoyait sur un plan $\gamma'\gamma'$ des rayons FA qui se réfracteraient dans l'air suivant AP. Or, dans ce cas, les points E sont sur une ellipse qui a son soyer en F, son centre en B, à une distance FB = c = e, telle que le rapport $\frac{c}{a}$ soit égal à $\frac{1}{n}$; elle a par conséquent pour axes

$$a=en, b=e\sqrt{n^2-1};$$

son centre est en B à une distance de G égale à d-e et son équation sera

$$\frac{y^2}{e^2(n^2-1)} + \frac{(x-d+e)^2}{e^2n^2} = 1.$$

On trouvera aisément de nombreuses applications de ces formules.

SOIXANTE-DIX-NEUVIÈME LEÇON.

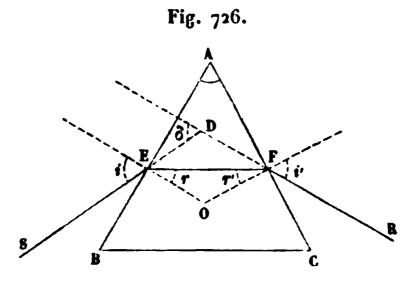
ANALYSE DES RADIATIONS SOLAIRES.

formules du prisme. — Discussion. — Vérification avec la lampe monochromatique. — Foyer virtuel du prisme. — Manières de l'observer. — Cas de la lumière solaire. — Raies du spectre. — La loi de Descartes s'applique à chaque couleur simple. — La lumière blanche est composée des diverses radiations simples superposées. — Dédoublement des lumières simples par des réfractions multipliées. — Loi du mélange des couleurs. — Cercle chromatique de Newton. — Spectre calorifique. — Spectre chimique. — Raies. — Travail de M. Mascart. — Les trois espèces de radiations suivent la loi de Descartes.

Mesure des indices de réfraction. — Solides et liquides. — Cas des gaz. — Expériences de Biot et Arago. — Dulong. — Expériences de M. Le Roux.

Nous avons, dans le chapitre précédent, cherché les lois de la réfraction pour une lumière spéciale; aujourd'hui nous les généraliserons et nous les étendrons à toutes les espèces de radiations que nous envoie le soleil.

rormules du Prisme. — Calculons d'abord la marche que suivraient des rayons parallèles à SE (fig. 726) venant d'une



lampe à alcool salé tombant sur un prisme dans la section normale ABC. Il est clair que les rayons réfractés resteront contenus dans ce plan ABC. Soient i et r' les angles d'incidence en E et F, r et i' les angles de réfraction aux mêmes points. On a

$$\sin i = n \sin r,$$

$$\sin i' = n \sin r'.$$

Les normales en E et F se rencontrent au point O. Dans I quadrilatère AEOF, l'angle O est supplémentaire de A; dans I triangle EOF, le même angle O est encore supplémentaire d r+r'. Donc

$$(3) r+r'=A.$$

Les rayons incident et émergent prolongés forment, à let point de rencontre D, un angle δ qu'on nomme angle de $d\epsilon$ viation, et le triangle DEF donne

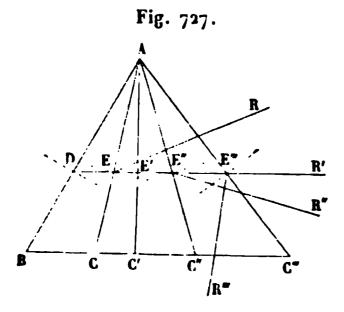
$$\delta = DEF + DFE = i - r + i' - r';$$

$$\delta = i + i' - A.$$

Nous avons ainsi quatre relations entre les sept quantités i, i', r, n, n, n et δ ; il suffira d'en connaître trois pour calculer les autres.

DISCUSSION.— 1° Si le rayon incident est d'abord confondu avec BA, r est l'angle limite; r', qui est égal à A — r, prend la plus petite valeur possible, qui peut être négative, nulle ou positive, suivant la grandeur de A.

Supposons que cet angle A, d'abord très-petit, augmente progressivement (fig. 727), et que la face d'émergence de-



vienne AC, AC', AC". Le rayon DE sait en E, E', E", un angle d'incidence intérieur r' qui est négatif, ou nul, ou positif; il croît avec A et sinit par devenir égal ou supérieur à l'angle limite quand la surface de sortie atteint ou dépasse AC". Dans ces divers cas, l'angle i' augmente avec r'; il

est négatif en E, nul en E', positif en E". Le rayon émergent

prend les directions ER, E'R', E"R"; il s'abaisse de plus en plus vers la base du prisme et finit par se résléchir totalement en E".

2° Faisons diminuer l'angle d'incidence i de $+90^{\circ}$ à -90° , alors r' et par suite i' augmentera. Le rayon émergent, quelque petit que soit l'angle A, tendra à s'incliner de plus en plus vers la base du prisme et se résiéchira totalement pour une valeur déterminée et sussissamment petite de i.

3º Si le rayon incident devient normal à AB, les formules précédentes se simplifient.

$$i = 0, \quad r = 0,$$

$$\sin(\mathbf{A} + \delta) = n \sin \mathbf{A},$$

$$r' = A,$$

$$\delta = i' - \Lambda.$$

Isussirait de connaître A et d pour pouvoir calculer n.

4 Supposons que l'angle du prisme soit moindre que BAC" d'égal par exemple à BAC". Quand le rayon incident rasera le surface BA et que l'angle i sera égal à 90 degrés, le rayon réfacté sera E"R" et l'angle i' plus petit que i. En faisant burner le prisme autour du point D de manière à diminuer i, i' augmentera, et il arrivera un moment où i et i' seront faux. Ensuite i' deviendra plus grand que i et finira par être fal à 90 degrés. Il y aura donc toujours deux positions du prisme pour lesquelles i et i' auront échangé leurs valeurs, quelles que soient ces valeurs.

Or, la formule

$$\delta = i + i' - A$$

Donc elle croîtra ou diminuera depuis l'incidence rasante jusqu'à i=i', et elle reprendra ensuite les mêmes valeurs en diminuant ou en croissant jusqu'à l'émergence rasante. Elle sera maxima ou minima pour la situation particulière du prisme dans laquelle i=i': le calcul et l'expérience prouvent qu'elle est minima. Dans ce cas remarquable les formules

SOIXANTE-DIX-NEUVIÈME LEÇON. .

406 sont

(1) et (2)
$$\sin \frac{A+\delta}{2} = n \sin \frac{A}{2},$$

$$(3) 2r = A,$$

$$\hat{o} = 2i - \Lambda.$$

Il sussira d'avoir sait tourner le prisme jusqu'au moment la déviation est minima, et de la mesurer à ce momer pour pouvoir calculer l'indice de réstaction n. C'est le precédé qu'on emploie généralement pour déterminer cette quatité, comme nous le montrerons bientôt.

vérification. — Ces formules sont rigoureusement dédui de la loi de réfraction qui a été expérimentalement étable de la loi de réfraction qui a été expérimentalement étable de Cependant il importe de les vérifier, parce que leur confirmation démontrera à posteriori la loi des sinus, et nous fourn in un moyen précis pour la généraliser et l'étendre à toutes le lumières connues. Nous ferons cette vérification avec le cercle divisé, figuré fig. 677, Pl. IV, dont on a tracé une coupe théorique (fig. 728). Nous éclairerons avec la flamme de l'alcool salé le point de croisement O des fils du collimateur fixé en OB. Il faut commencer par trois opérations préliminaires : orienter le prisme, mesurer son angle A, et déterminer son indice n.

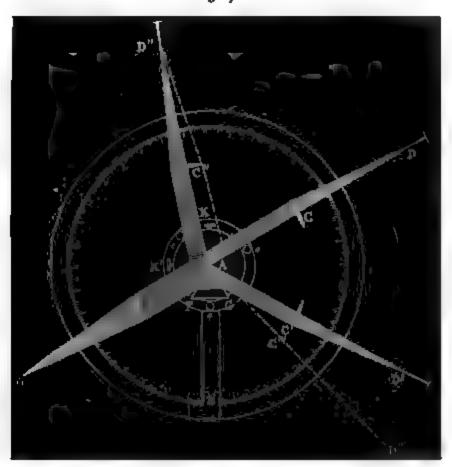
- I. Nous fixerons à la cire le prisme AFG sur la plate-forme centrale, et nous la ferons glisser par des vis de rappel K, K', de manière à placer l'arête réfringente A au centre du cercle, c'est-à-dire de manière à voir cette arête en contact avec le fil vertical du réticule de la lunette DC, dans quelque position qu'on la place. Il faut ensuite que cette arête soit normale au plan AOD'DD" dans lequel se meuvent les axes des deux lunettes; condition qui sera réalisée si l'image du point O réstéchie par AF ou AG se voit toujours en coïncidence avec l'axe de la lunette C"D", quel que soit l'angle d'incidence : on y parviendra au moyen de trois vis calantes e, e, e.
- II. Pour mesurer A on donne à la lunette une direction fixe C"D", et on place le prisme dans deux positions successives, telles que l'image de O résléchie, d'abord par AF, ensuite par la sace AG amenée en AG', se voie en D". Dans ces

ANALYSE DES RADIATIONS SOLAIRES.

407

den cas, AF et AG' sont dans le même plan, et A est supplémentire de l'angle dont le prisme a tourné pour passer de la penière à la deuxième position.

Fig. 728.



M. On trouvera l'indice en cherchant comme il suit le mitum de déviation. Supposons que la déviation soit d'abord
ple à DAD et que la lunette soit dirigée suivant C"D".

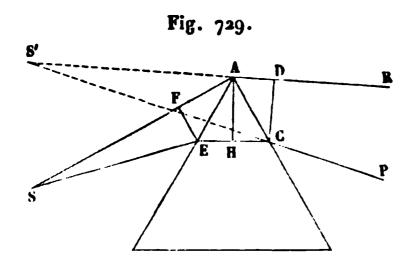
tund on fait tourner le prisme dans un sens, cette déviation
mente; mais dans le sens contraire elle diminue. On conme de faire marcher le prisme dans ce dernier sens, et on
place la lunette de manière à suivre le mouvement de
mage. Il arrive un moment où elle paraît s'arrêter suivant
l', pour rétrograder ensuite, se dévier davantage et revenir
l'O". Ce moment d'arrêt est celui où la déviation devient
mima. On la mesure : c'est l'angle DAD, et on calcule n
me la formule connue

$$\sin\left(\Lambda + \frac{\delta}{2}\right) = n\sin\frac{\Lambda}{2}.$$

Ces opérations terminées, on procède à la vérification formules de la manière suivante:

- 1° On donne au prisme des positions successives pour l quelles l'incidence est i, i', i''.... On mesure avec soin confidence, qui est, dans tous les cas, complémentaire de moitié de l'angle DAD" que font les rayons directs et les rayon
- 2º Pour chaque incidence on mesure l'angle de déviat DAD' du faisceau réfracté, et on trouve des valeurs d, d', d'', D'un autre côté, puisque l'on connaît A et n on peut, d'ap les formules du prisme, calculer les déviations correspedantes aux incidences mesurées i, i', i'',.... Or, dans tous cas, on trouve que le calcul et l'observation sont rigoureu ment d'accord. La loi des sinus est donc exacte puisque conséquences sont vérifiées.

royer du prisme. — Dans ces expériences, le point lur neux 0 était reculé à l'infini. Si on dispose maintenant u fente étroite en S à une distance d (fig. 729), on trouve q



pour la voir avec nettet travers le prisme, il si faire varier le tirage de lunette en même ten que l'incidence. Cela tie à ce que les rayons, en se tant du prisme, sont de les mêmes conditions q s'ils venaient d'un so

virtuel S' situé à une distance S'C = x, qui varie avec l'indence des rayons et que nous allons calculer. Admettons q les rayons partis de S fassent entre eux un angle très-pet considérons l'un d'eux SECP, nous aurons

$$\sin i = n \sin r$$
, $\sin i' = n \sin r'$, $r + r' = \Lambda$.

Pour SADR, très-voisin du premier et passant par le soi met A:

$$\sin(i+\alpha) = n\sin(r+\beta), \quad \sin(i'+\alpha') = n\sin(r'+\beta'),$$

$$r+r'+\beta+\beta' = A.$$

En développant les sinus et supposant que α et β soient trèspetits, on trouve

$$\sin i + \alpha \cos i = n \sin r + n \beta \cos r,$$

 $\sin i' + \alpha' \cos i' = n \sin r' + n \beta' \cos r'.$

Le combinant ces équations avec celles qui correspondent au nyon SECP:

$$a\cos t = n\beta\cos r$$
, $\alpha'\cos i' = n\beta'\cos r'$, $\beta = -\beta'$.

héliminant β et β', on a l'équation de condition

$$\alpha \frac{\cos i}{\cos r} = -\alpha' \frac{\cos i'}{\cos r'}.$$

Me prouve que α et α' sont de signe contraire. Cela veut dire que l'angle d'incidence du rayon SA étant plus grand que celui de SE, les angles d'émergence des mêmes rayons sont dans des conditions opposées. Donc, CP et AR se rencontreront vers un point S' situé du même côté que S; et comme l'œil juge la position des objets par la direction des rayons qu'il reçoit, nous verrons une fente lumineuse en S'. Ce sera le foyer virtuel de S, dont nous allons calculer la distance S'C ou α . On a

SE = d,
$$\frac{\text{EF}}{d} = \alpha$$
, $\frac{\text{DC}}{x} = -\alpha'$, $\frac{x}{d} = -\frac{\text{DC}}{\text{EF}} \cdot \frac{\alpha}{\alpha'} = \frac{\text{DC}}{\text{EF}} \frac{\cos i' \cos r}{\cos i \cos r'}$.

Les triangles ADC et ACH donnent

$$\frac{DC}{AC} = \cos i', \quad \frac{AH}{AC} = \cos r',$$

$$DC = AH \frac{\cos i'}{\cos r'}.$$

On tire de même des triangles AEF et AEH

$$\frac{EF}{AE} = \cos i, \quad \frac{AH}{AE} = \cos r,$$

$$EF = AH \frac{\cos i}{\cos r}.$$

$$i = i', \quad x = d,$$
 $i = 0, \quad x = d\left(\frac{1 - n^2 \sin^2 \Lambda}{\cos^2 \Lambda}\right).$

Ces résultats conduisent à trois conséquences import

conséquences. — 1° Si nous plaçons l'œil derrière le pr dans l'angle RS'P, nous devons voir une fente lumis en S', puisque c'est le lieu où se rencontrent virtuelleme d'où sont censés partir les rayons qui nous arrivent; devons la voir à une distance variable x décroissant à m que l'incidence moyenne i diminue, et devenant égale distance d de la fente réelle S, quand la déviation est mis

distance d de la fente réclie S, quand la deviation est mi 2° Au lieu de regarder l'image S' à l'œil nu, nous pou l'examiner avec une lunette, et nous la verrons distinent, à la condition de faire varier le tirage de l'instrude façon qu'il pointe toujours en S', c'est-à-dire à fini quand i=90, à la distance d pour le cas où i=20 à $d\left(\frac{1-n^2\sin^2\Lambda}{\cos^2\Lambda}\right)$ lorsque i=0. Grossie et rapprochée lunette, l'image virtuelle sera vue plus distinctement l'œil nu, et l'on en saisira mieux les détails.

3° (In peut enfin fixer derrière le prisme une lentille vergente LL (fig. 730); celle-ci recevant les rayons co s'ils venaient de J, les fera converger en un foyer réel dils s'accumuleront; et quand on placera un écran en ce p

ANALYSE DES RADIATIONS SOLAIRES.

411

inc qu'il n'y a plus rien d'inconnu au sujet de la réfraction sette lumière spéciale. Elle suit la loi de Descartes dans tes ses conséquences; mais jusqu'à présent nous n'avons

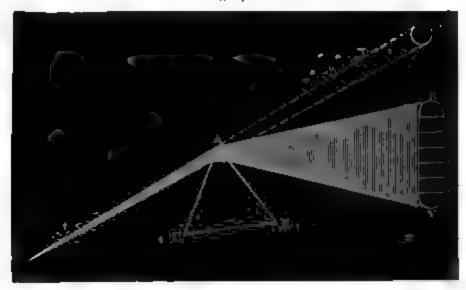
Fig. 730.



loyé qu'elle. Il faut maintenant sortir de ces conditions es particulières, aborder le cas général et étudier la réfract des rayons émis par une source quelconque; commens par les rayons du soleil, les conditions scront entièreat différentes.

SCIPLE SOLAIRE. — Newton sit pénétrer dans une chambre scure un faisceau solaire horizontal par une ouverture cirhire très-petite S. Ce faisceau formait un cône de rayons un angle égal à 32' et dessinait sur l'écran opposé au volet

Fig. 73r.



e image blanche et circulaire du soleil, en D (fig. 731). On

le reçut sur un prisme ABC dont les arêtes étaient verticales il fut dévié en RV, et l'on vit sur l'écran une image allongé colorée d'une infinité de teintes de R en V. Cette image ele spectre solaire. Elle offre d'abord en R un rouge somb qui s'éclaire peu à peu en même temps que sa couleur passe insensiblement à une teinte orangée; à son tour, et par une dégradation continue, cet orangé se transforme en jaune, le jaune en vert, le vert en bleu, après quoi viennent l'indigo et le violet. Le spectre nous offre ainsi une succession de couleurs distinctes en nombre infini; mais, comme on ne peut les nommer toutes, on les a rapportées aux sept types principaux dont les noms suivent et qui sont rangés par ordre de déviation croissante : rouge, orangé, jaune, vert, bleu, indigo, violet.

RAIES DU SPECTRE. — En voyant la dilatation que le faisceau solaire éprouve dans le sens RV, Newton a admis que les diverses couleurs dont il est question étaient superposées et confondues dans le rayon incident, et qu'elles se séparent en traversant le prisme, parce qu'elles sont diversement réfrangibles et inégalement déviées. Mais si l'on veut démontrer rigoureusement cette conclusion, il faut observer le spectre par l'un des trois procédés que nous avons sait connaître; c'est ce que Wollaston sit le premier. Il sit passer la lumière des nuées à travers une sente verticale très-mince, et plaçant l'œil à la distance de la vision distincte, il regarda cette fente à travers un prisme également vertical qui lui imprimait la déviation minimum. Il vit un spectre virtuel osfrant les mêmes successions de teintes que celui de Newton, mais il reconnut distinctement au milieu d'elles un petit nombre de raies noires qui semblaient séparer les couleurs par des traits verticaux, et qui étaient irrégulièrement distribuées, depuis le rouge jusqu'au violet; elles constituaient des groupes qu'on reconnaissait aisément et où elles occupaient chacune une place sixe. Wollaston n'eut pas l'idée d'employer une lunette pour les mieux observer, et il ne comprit pas l'importance de sa découverte. Quinze ans après, un opticien de Munich, Frauenhofer, retrouva ces mêmes raies qu'on avait oubliées, et en sit l'objet d'une étude remarquable.

L'appareil qu'il employait était un cercle semblable à celui que nous avons décrit (fig. 728). Le prisme AFG y était sixé de la même manière; il était tourné au minimum de la déviation; le collimateur et la lunette étaient disposés comme précédemment, et cette lunette avait été préalablement pointée sur la fente à travers le collimateur. Dans ces conditions, Frauenhofer observa, non pas quelques raies, mais un nombre considérable de lignes noires très-sines, distinctes, parallèles aux arêtes; il en compta plus de six cents. Elles ne sont pas égales en grosseur ni placées à des distances régulières; elles se pressent à certains endroits pour s'écarter en d'autres, sans aucun ordre apparent. En étudiant attentivement la disposition des groupes principaux, Frauenhoser remarqua qu'ils sont toujours composés des mêmes raies élémentaires se suivant dans le même ordre et occupant les mêmes places dans la série des couleurs. On les retrouve avec tous les prismes et dans toutes les lumières qui viennent du soleil, soit directement, soit après avoir été dissusées par les nuages ou les planètes. Les résultats changent avec des rayons provenant de sources différentes.

L'ant constantes, les raies deviennent des repères excellents pur caractériser les diverses portions du spectre solaire, et on peut nommer les principales (fig. 732, Pl. V). Frauen-boser désigna les groupes qu'on voit à l'œil nu par les lettres de l'alphabet. Les trois premiers, A, B, C, sont dans le rouge: l'alphabet. Les trois premiers, A, B, C, sont dans le rouge: l'extrémité sombre, C près de l'orangé. D occupe la partie plus brillante du spectre, entre l'orangé et le jaune; c'est ne des raies les plus nettes; c'est la plus précieuse à cause de sa situation moyenne. Le jaune en contient trois qui sont l'es-vives; la dernière est désignée par E. Le vert en renserme trois autres, presque équidistantes, dont la moyenne est représentée par F. G se voit entre le bleu et l'indigo. Il est très-large et termine le violet; on ne la voit que dans l'obscurité complète.

11

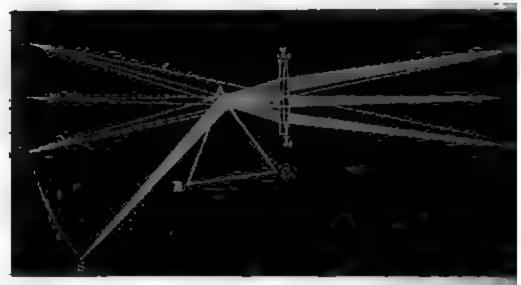
iM

Ces résultats montrent qu'après leur sortie du prisme les nyons sont dans les mêmes conditions physiques que s'ils partaient d'un objet RJV (fig. 733) qu'on verrait distinctement à l'œil nu ou avec la lunette, qui serait à une distance de A égale à AS, composé de bandes brillantes et de raies obscures

414 SOIXANTE-DIX-NEUVIÈME LEÇON.

parallèles à la fente, et colorées de teintes variant à l'depuis le rouge R jusqu'au violet V.





Cette conclusion se confirme en observant le spectratroisième méthode, comme le sit Frauenhoser, c'est-à-d recevant directement les rayons solaires SA d'abord prisme ABC, ensuite sur une lentille achromatiqu L'image virtuelle RJV, qu'on voyait avec la lunette et formait à une distance AJ égale à AS, devient réelle er au soyer conjugué de RV; et si on la reçoit sur un en R'J'V', on y distingue les mêmes raies, disposées de la manière dans les mêmes couleurs. Ce procédé permet montrer dans les cours publics.

LOI DE RÉPRACTION DE CHAQUE BAIE. — Il faut aller plus prouver que la lumière émise par chacune des bandes lantes virtuelles de RJV est analogue à celle de l'alcool qu'elle a un indice particulier et qu'elle suit, sous tout incidences, la loi de Descartes. Il suffira pour cela de ré avec chacune de ces lumières les vérifications que nous faites à propos de la flamme de l'alcool salé.

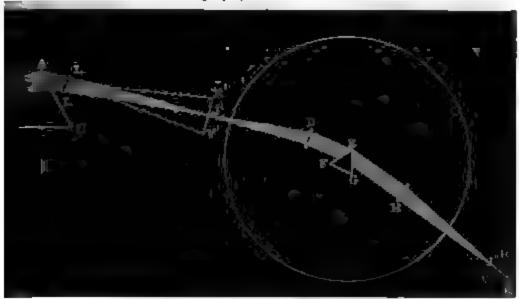
Pour cela on commencera par disposer un spectre en R'J'V' (fig. 734), et on le recevra sur le collimate cercle divisé qui nous a jusqu'à présent servi. En dép la fente parallèlement à elle-même, on la mettra en c dence avec une raie quelconque J', et on introduira dans le collimateur J'D un faisceau divergent, qui sera

ANALYSE DES RADIATIONS SOLAIRES. 415

It composé de rayons identiques, qui tombera sur le

FEG, et dont on observera la déviation par la lu-

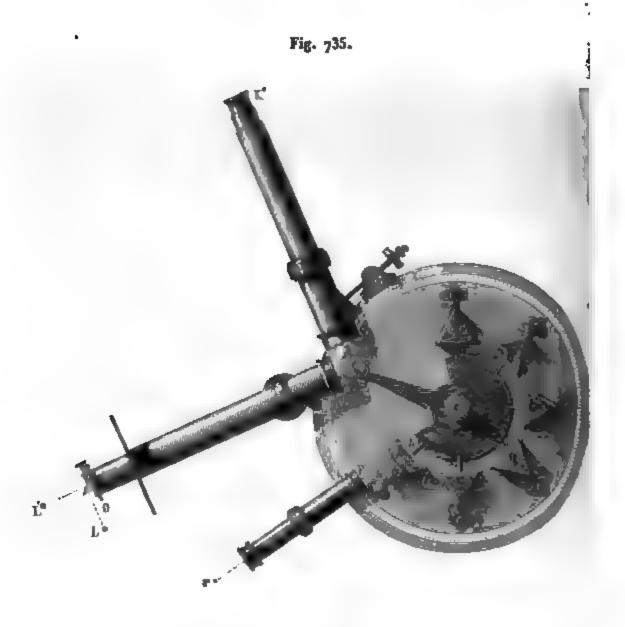




i. Or, cette lumière ne donne plus de spectre; elle te en J' sans se décomposer, comme le faisait celle sol salé; elle est simple. On mesure son indice, et le à son sujet l'exactitude des formules qui donnent de suit donc la loi de Descartes. On trouve que l'inpar suite la déviation, augmente de R' à V'.

aque lieu du spectre réel la lumière est simple. Il faut at s'entendre sur cette simplicité. Tous les rayons de frangibilité viennent concourir en un même foyer sur le dont la largeur est comparable à celle de la fente S. un considère deux lumières partant de cette fente, et indices soient très-peu différents, elles donneront ers qui pourront être en contact et même se super-rtiellement, sans être séparés par une raie obscure, un les fait passer à travers 2, 3, ..., n prismes, l'écar-le leurs images sera multiplié par 2,3, ..., n, ce qui r dédoubler les deux couleurs qui paraissaient conaprès une seule réfraction. Citons un exemple remar-la lumière de l'alcool salé apparaît comme un simple de

passage successif à travers deux ou trois prismes, elle se sé pare en trois autres, c'est-à-dire en deux lignes extrêmes e très-vives, qui en comprennent une troisième plus fine e moins éclairée, au milieu de leur intervalle. M. Cooke a été plus loin : avec neuf prismes creux remplis de sulfure de carbone, il a vu cette même lumière se résoudre en plus ét soixante traits brillants extrêmement purs et parfaitement die

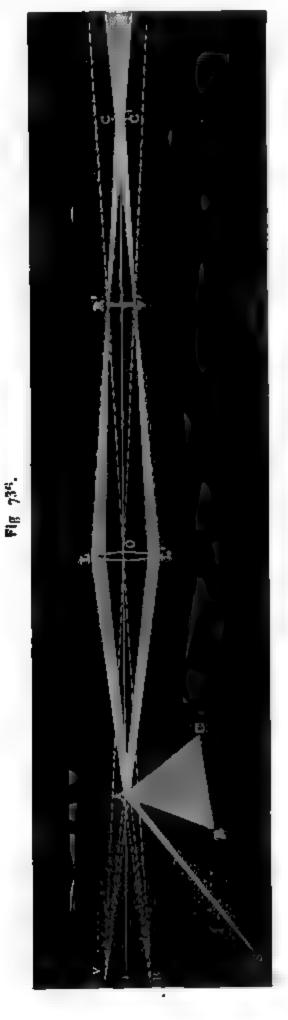


tincts. Il en a été de même de la raie obscure D du spectre solaire, qui a donné des raies obscures aussi nombreuses et placées aux mêmes points que les lignes brillantes, de la lumière de l'alcool salé. Les raisons de cette coıncidence, signalée pour la première fois par M. Foucault, seront données dans la suite.

On voit que la décomposition de la lumière par un seul prisme n'est pas complète, et qu'il est nécessaire de multiplier les réfractions pour résoudre en leurs éléments les groupes de foyers virtuels ou réels, comme on résout les nébuleuses astronomiques en étoiles distinctes. On y emploie m appareil nommé spectroscope (fig. 735). La lumière arrive per un collimateur OC; la moitié supérieure de la sente est cachée par un prisme à réflexion totale, qui reçoit la lumière d'un point L placé latéralement, et qui la renvoie dans la direction de l'axe; mais les rayons du soleil ou d'un luminaire L' pénètrent directement dans la partie inférieure de cette même fente. Cette disposition permet d'obtenir deux spectres superposés, provenant de deux sources différentes, et de comprer les raies qui les composent. En sortant du collimateur h lumière traverse successivement une série de prismes qui reposent sur une plate-forme horizontale dressée, qu'on amène au minimum de déviation, en les faisant tourner autour d'axes verticaux A, B, C, D, E, II, et qu'on fixe par des vis α , β , γ ,.... L'aisceau émergent HK est ensin reçu dans une lunette astromique KK' munie d'un fort grossissement, et qui se meut moyen d'une vis micrométrique M. Pour rapporter les meres à des repères fixes, un second collimateur FF' porte un Acromètre tracé sur verre; les rayons partis de ce microplus se réfléchissant sur la face d'émergence du dernier plane H se joignent aux rayons réfractés, et l'observateur wit à la fois les traits du micromètre et les raies obscures. Celles-ci peuvent être reliées à ceux-là. C'est ainsi que L. Kirchhoff a pu dessiner plus de deux mille raies.

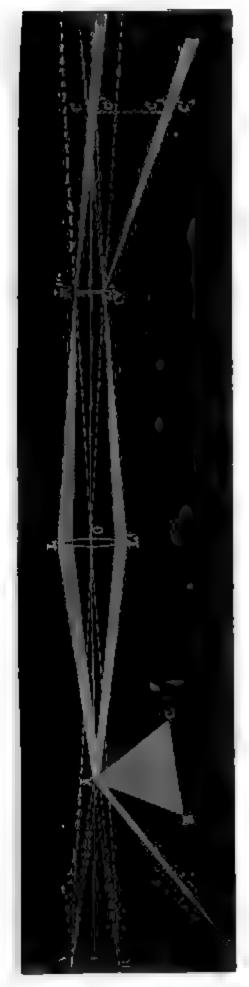
en deux moitiés (fig. 734); éclairons la partie supérieure par lumière des nuées, et recevons successivement dans la moitié inférieure toutes les raies du spectre R'V'; puis regardons avec la lunette qui est astronomique et qui renverse les objets. Nous verrons en bas du champ de vision le spectre complet de lumière blanche avec ses raies, et en haut le trait indécomposé de la lumière simple prise au spectre R'V'. Nous remarquerons que sous toutes les incidences, les mêmes raies des deux lumières se voient sur une même ligne verticale.

Cela veut dire qu'en saisant arriver successivement par la



fente J', dans la mêm tion, sur le prisme KF les lumières simples tre R'V', elles donnea sivement et à leur pl les éléments du spet lumière blanche; pa quent, elles reprodub spectre dans son eas elles arrivaient simult de la même fente sur l EFG. D'où Newton A que la lumière blant autre chose que cette sition des lumières six versement colorées et ment réfrangibles du

Pour justifier cetta sion il restait à faire thèse de la lumière : après en avoir fait l c'est-à-dire à monte la reproduit avec tou ractères, en réunissa même point toutes mières simples du Newton institua à ce très-grand nombre riences; nous nous c rons de citer l'épre vante. Ayant préparé de coutume, un spei (fig. 736), on recoit h sur une lentille LL' q un spectre **réel en R**é peu plus loin, en CC du point A : image co tous les rayons qui s'y superposer et qui produisent la lumière



LOIS DU MÉLANGE DES COU-LEURS. — On réaliserait toutes les nuances en formant toutes les combinaisons possibles et en toutes proportions des rayons simples. Nous pourrons former l'une quelconque d'entre elles par une disposition analogue à celle qui a servi à recomposer la lumière solaire (fig. 736). Les rayons sortant du prisme se réunissaient tous en CC', foyer de l'arête A; ils y formaient du blanc; mais si, au moyen d'un obstacle interposé en R' V', on intercepte un certain nombre de rayons simples et qu'on les retranche ainsi de la lumière blanche, on voit en CC' une teinte mixte qui varie à l'infini quand on change les proportions et la nature des éléments simples qu'on a laissé passer.

Supposons qu'on place en R'V' un prisme d'un angle très-aigu et très-petit (fig. 737), il interceptera certaines couleurs et laissera passer les autres; celles-ci se réuniront en CC, celles-là se mêleront en C, C, tout près de CC; les unes et les autres composeront deux teintes qui se partagent les éléments de la lumière blanche, et qui la reproduiraient si on venait à les superposer. Ces teintes sont

7.57

420 SOIXANTE-DIX-NEUVIÈME LEÇON.

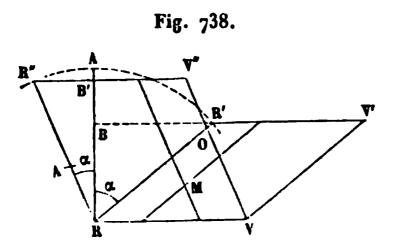
dites complémentaires. Voici celles qu'on obtient en chant successivement de R'V' chacune des couleurs si

Couleurs simples.... r o j v b

Leurs compléments... vert bleu violet rouge orangé

On remarque que les compléments des lumières s offrent le même aspect que l'une des couleurs simples; dissèrent en ce que le prisme les décompose.

m. Helmholtz. — On doit à M. Helmholtz un procédé m pour composer deux couleurs simples, celles qu'on v dans les proportions qu'on veut. On regarde à travers un et avec une lunette pointée au foyer virtuel de ce prisn fente ayant la forme d'un V, dont les deux branches, c gueur l, font un angle égal à A. Cette fente donne deux tres RVV' R', RVV" R" (fig. 738), traversés l'un et l'au



des raies parallèles à à RR". Toutes les ra premier système ca toutes celles du secon l'espace RVO, et pa séquent tous les mé possibles de deux co simples se font dan espace avec les inte

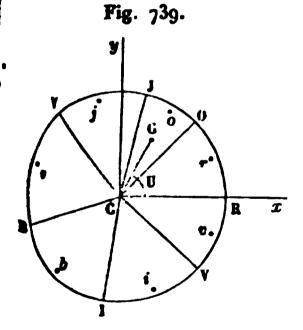
qu'elles ont dans les deux spectres. Ces intensités pe être variées à volonté. Soit α l'angle que fait l'une des ches AR' avec la verticale AR. Son spectre RVV'R' aur surface RV \times RB = RV \times $l\cos\alpha$, surface variable, qui nue quand α augmente. Au contraire la fente RR" fait a verticale un angle $(A-\alpha)$, la surface du spectre qu'ell duit est RV \times $l\cos(A-\alpha)$; elle augmente avec α . Or les sités de chaque couleur simple seront, toutes choses d'ailleurs, en raison inverse des surfaces occupées pectres ou des cosinus des angles α et $(A-\alpha)$. Il donc de faire varier l'angle α , c'est-à-dire de faire tou double fente autour du point de rencontre des deux bra pour augmenter l'éclat E du spectre RVR' V' et pour dir

$$\frac{\mathbf{E}}{\mathbf{E'}} = \frac{\cos(\mathbf{A} - \alpha)}{\cos \alpha}.$$

Asin de bien apprécier les teintes en chaque point de RVO sans que l'œil soit insluencé par le contraste des nuances voisines, M. Helmholtz plaçait le réticule de la lunette en contact avec le point de croisement M de deux raies connues, puis il éloignait l'œil de manière à ne recevoir que la lumière envoyée par M ou par les points voisins.

Aucune des théories de l'optique ne permet de prévoir la mance qui résulte du mélange de deux couleurs simples dans des proportions données. On ne connaît à ce sujet qu'une règle empirique assez bizarre que Newton indique sans la justifier, et qui résume avec assez d'exactitude les observations qu'il a faites.

tes proportionnelles aux nombres $\frac{1}{9}$, $\frac{1}{16}$, $\frac{1}{10}$, $\frac{1}{9}$, $\frac{1}{10}$, $\frac{1}{16}$, $\frac{1}{9}$ (fg. 739). Considérez maintenant ces différents arcs, dans



l'ordre où ils se suivent, comme représentant les sept couleurs principales du spectre, en sorte que la circonférence entière reproduise toute la série des nuances par lesquelles ces couleurs passent du rouge au violet; puis, ayant déterminé les centres de gravité successifs des arcs en r, o, j, v, b, i, v, placez en chacun d'eux un poids proportionnel à l'arc total qui y

centre C. Mais supposez que les couleurs de la lumière blanche soient mélangées dans des proportions dissérentes, il sudra placer sur chaque centre de gravité partiel, non pas le poids total de l'arc correspondant, mais la nième partie de ce poids, si le mélange contient le nième de toute la lumière qui

compose cette couleur dans le spectre. Cela sait, vous prende centre de gravité commun, et il tombera quelque part en sa une distance d du centre. Or, dit Newton, le mélange au la nuance de la couleur où tombe le point G; la proporti de cette couleur sera représentée par d, et celle du blanc q y est mêlé le sera par 1 — d. Quoique cette règle, ajoute-t-ne soit pas d'une justesse mathématique, elle est pourtai assez exacte dans la pratique.

Pour effectuer les calculs dans chaque cas particulier, is faut d'abord se rappeler que le centre de gravité d'un arc de a degrés est sur le rayon mené en son milieu à une distance du centre égale à R, et qui est donnée par la formule

$$R = \frac{360 \sin \frac{a}{2}}{\pi a}.$$

Prenons pour axe des x la ligne OR; calculons les angles u que font avec cette ligne les rayons menés aux centres de gravité r, o, j, v, b, i, v et les distances R de chacun d'eux x0 centre; leurs coordonnées x et y1 seront

$$x = R \cos u$$
, $y = R \sin u$.

En faisant ce calcul pour chacun des secteurs, on trouver depuis le rouge jusqu'au violet les coordonnées x_1, y_1, x_2, y_3 , etc.

Appliquons maintenant en rojubiu des forces r, o, j,...,b, i, i égales aux proportions des diverses lumières qui doivent constituer le mélange, et nous obtiendrons les coordonnées du centre de gravité G par le théorème des moments :

$$X = \frac{rx_1 + ox_2 + jx_3 \dots + vx_7}{r + o + \dots + v},$$

$$Y = \frac{ry_1 + oy_2 + \dots + vy_7}{r + o + \dots + v}.$$

En effectuant les calculs indiqués on a trouvé

$$X = \frac{(r+u) \circ,82284 \circ + (o+i) \circ,207398 - (j+b) \circ,513992 - v \circ.7!}{r+o+\ldots+v}$$

$$Y = \frac{(r+u) \circ,48235 \circ + (o-i) \circ,963163 + (j-b) \circ,813736}{r+o+\ldots+v},$$

foi on déduit la distance d du centre de gravité G, ainsi que l'agle U formé par CG avec l'axe des x:

$$\tan \mathbf{U} = \frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{X}}, \quad d = \frac{\mathbf{Y}}{\sin \mathbf{U}}.$$

indiquera le secteur dans lequel tombera le centre de graté, et par conséquent la couleur du mélange, d la proportion tette couleur, et (1-d) celle du blanc. Si r, o, \ldots, v sont portionnels aux arcs RO, OJ, ..., c'est-à-dire aux nombres

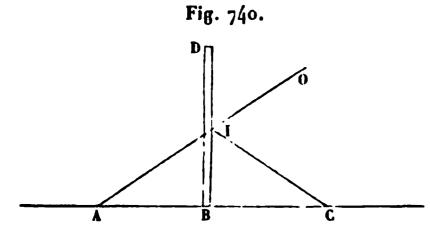
 $\frac{1}{16}$, $\frac{1}{10}$, $\frac{1}{9}$, $\frac{1}{10}$, $\frac{1}{16}$, $\frac{1}{9}$, le centre de gravité est au centre C.

Newton a vérisié cette règle par trois méthodes: la première, de nous avons décrite, les deux autres, qui sont loin d'offrir même exactitude. Il mélait des poudres colorées en proporons variables. Il prit, par exemple, un mélange de pourpre, orpiment, de vert-de-gris et d'azur, et l'étendit sur un plan-ber. Ce mélange était gris; mais ayant disposé tout auprès me seuille de papier un peu moins éclairée que ses poudres, il puva qu'il n'y avait aucune dissérence entre le papier et le mélange. Ce même procédé lui montra que deux couleurs qui, ans l'ordre du spectre, sont séparées par une troisième, eproduisent cette troisième par leur superposition, et qu'ainsi jaune et le bleu sont du vert, le violet et l'orangé du rouge. Epéndant Newton avait quelques doutes sur ce dernier cas.

Le cercle chromatique de Newton est en optique une grande essource, et c'est la seule qu'on ait pour trouver la teinte une mélange à proportions connucs. Biot, Fresnel et moinème en avons fait usage. Cependant M. Helmholtz a montré u'en beaucoup de points il conduisait à des inexactitudes.

Ce n'est pas du violet que l'on obtient par le rouge et le leu, c'est du rose pourpre; le rouge ne peut être produit par leune combinaison; le jaune qui résulte de l'orangé et du est, et le vert qu'on forme avec le jaune et le bleu verdâtre, ont plus pâles que dans le spectre. La plus grosse dissérence sulte d'une combinaison de jaune et de bleu indigo, qui destit produire du vert et qui donne du blanc parsaitement pur saut pourtant observer que dans le cercle de Newton, les sints j et i sont presque sur le prolongement l'un de l'autre, peuvent donner un mélange très-voisin du blanc.

Cependant, si on mélange le jaune de chrome et l'outremer porphyrisés on trouve du vert. M. Helmholtz explique cette contradiction comme il suit : Ces substances affectent les colorations jaune et bleue, parce que la lumière qui a traversé les grains se compose, pour le jaune de chrome, d'orangé, de jaune et de vert; pour l'outremer, de vert, de bleu et de violet. Or la lumière qui a traversé successivement deux grains des deux espèces ne peut plus contenir que du vert. Quant le celle qui est envoyée séparément par deux grains voisins et qui se mêle dans l'œil à cause du voisinage, elle serait blanche par la combinaison du jaune et de l'indigo; le tout formen donc un vert lavé, ce que l'expérience confirme. Mais si (fig. 740) on couvre deux feuilles de papier, l'une, AB, d'ou-



tremer, l'autre, CB, de jaune de chrome, et qu'on dresse entre les deux une glace de verre BD, l'œil placé en 0 voit le jaune par réflexion en CIO, l'indigo par réfraction en AIO;

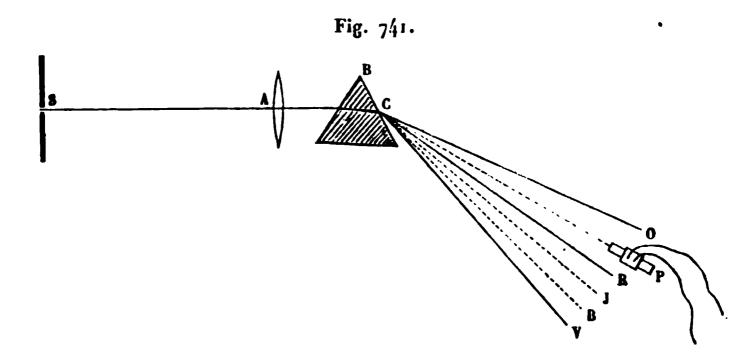
ces teintes se superposent, et le mélange est blanc-gris.

C'est encore ce résultat qu'on obtient en couvrant deux secteurs d'un cercle des deux teintes en question et en les saisant tourner rapidement autour de leur centre. Si chacun d'eux était seul, on verrait un cercle jaune ou un cercle indigo; agissant ensemble, ils produisent le même esset que les deux teintes superposées, et cet esset celui d'un blanc pur.

à peu près complétement la composition de la lumière du soleil; mais outre la lumière, cet astre émet aussi de la chaleur, et dans ces dernières années on a découvert qu'il envoit encore une troisième espèce de radiations qui ne sont ni lumineuses ni calorifiques, et qui produisent des effets chimiques. Il faut répéter, à l'occasion de ces rayons calorifiques et chimiques, l'analyse que nous venons de faire de la lumière. W. Herschel est le premier qui ait observé la réfraction de la chaleur. En promenant dans le spectre solaire, au minimum de

déviation, un thermomètre très-sensible, il reconnut que la température s'élève de plus en plus quand on le transporte du violet vers le rouge; qu'elle s'élève encore en deçà du rouge visible pour diminuer ensuite à une assez grande distance de cette limite. Cette expérience prouvait : 1° qu'il y a des chaleurs de diverses réfrangibilités, puisqu'elles se séparent en un spectre dilaté comme le spectre lumineux; 2° qu'il en existe une infinité dont l'indice est le même que celui des diverses lumières simples, puisqu'elles sont confondues avec elles dans leur réfraction : on les nomme chaleurs lumineuses; 3° qu'il y a enfin un nombre infini d'autres radiations invisibles ou obscures, lesquelles ont un indice de réfraction moindre que le rouge extrême et décroissant à mesure que leur déviation diminue.

Longtemps après Herschel, Melloni resit la même expérience; mais comme il avait prouvé que le slint absorbe certaines chaleurs, il se servit d'un prisme et d'une lentille de sel gemme (fig. 741), et promena sa pile dans le plan socal où



était étalé l'ensemble des images réelles de la sente. Cette pile était assez mince pour ne recevoir, en chaque position qu'on lui donnait, que des chaleurs de même résrangibilité. Melloni reconnut, comme Herschel, que la propriété calorisque existe et croît depuis le violet, où elle est saible, jusqu'au rouge simite. Il vit ensuite qu'elle continue de croître en deçà du rouge jusqu'à atteindre un maximum en P, et qu'elle disparaît progressivement en O, à une très-grande distance de R: la presque totalité des chaleurs solaires sont donc

des chaleurs obscures, beaucoup moins réfrangibles que les lumières qui le sont le moins.

spectre chimique, raies. — Puisqu'il existe, en deçà du rouge, des rayons qui n'affectent pas l'œil, il est naturel de chercher s'il y en a d'autres qui dépasseraient le violet. On fait usage, pour les découvrir, de la propriété que possède la lumière de développer certaines actions chimiques.

Scheele découvrit, en 1781, que le chlorure d'argent noircit dans le spectre et particulièrement dans le violet extrême. Reprenant cette observation, Wollaston reconnut que cette propriété se continue bien au delà du spectre, jusqu'à une distance du violet au moins égale à celle qui sépare ce violet du rouge. Depuis lors on admit l'existence de radiations ultra-violettes, plus réfrangibles que les lumières qui le sont le plus, et on les nomma radiations chimiques; mais c'est M. Edm. Becquerel qui réussit le mieux à les isoler, en 1842. M. Becquerel prépara un spectre réel très-pur, avec un prisme et une lentille de flint (il vaudrait mieux un prisme et une lentille de quartz). Ce spectre fut recueilli sur un écran so foyer conjugué de la fente et au minimum de déviation pour les rayons violets extrêmes; il était sillonné de toutes les raies de A en H.

Il fut reçu enfin sur une plaque daguerrienne ou sur une feuille de papier sensible, et après quelque temps d'exposition, on développa l'image par les procédés en usage dans la photographie.

Cette image s'étendait très-loin au delà du spectre visible. Il y a donc des rayons ultra-violets obscurs.

Mais ce qu'il y eut de remarquable, c'est que toutes les raies du spectre solaire y étaient marquées à leur place et avec leurs caractères, et qu'un nombre immense d'autres raies se dessinaient à la suite de H dans toute l'étendue du spectre ultra-violet.

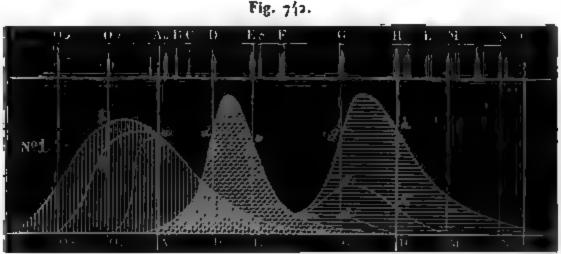
Elles sont très-nombreuses et aussi irrégulièrement distribuées que dans le spectre visible; elles sont aussi constantes dans leur succession et dans leurs places. Dès lors, continuant la nomenclature de Frauenhoser, M. Becquerel a désigné celles qui suivent le violet par les lettres qui suivent H, c'està-dire par L, M, N, O, P, Q, R, S, T (fig. 732, Pl. V); mais ces lettres ne représentent que les plus apparentes, et il y en a une infinité. M. Muller en a photographié environ soixante-dix, et M. Mascart plus de sept cents.

l'existence des radiations calorifiques et chimiques il faut prouver, comme nous l'avons fait pour la lumière, qu'elles suivent la loi de Descartes. Cela est facile, si l'on se contente de considérer la partie moyenne du spectre où se trouvent superposées les trois propriétés.

Recevons, à cet effet, comme nous l'avons déjà sait précédemment, une raie quelconque, D par exemple, sur le collimateur du cercle divisé (fig. 734), saisons-la résracter par un deuxième prisme EFG, et recevons son image lumineuse au centre du réticule dans la lunette HK, que nous fixerons dans cette situation. Nous placerons ensuite en J" un verre collodioné derrière le réticule, et nous verrons l'image chimique de la raie D se former à l'endroit précis où se voit l'image lumineuse. Nous enlèverons enfin la plaque pour y substituer une pile linéaire de Melloni, qui montrera que les myons calorisiques eux-mêmes se concentrent dans le même lieu. Comme cette triple coıncidence persiste pour toutes les incidences, et se reproduit avec toutes les raies, il faut que la lumière, la chaleur et la radiation chimique qui arrivent au même point d'un spectre, obéissent à la même loi de réfraction, c'est-à-dire à la loi de Descartes. Par extension, on l'admet même pour les radiations qui dépassent le spectre visible.

course des intensités. — Chaque raie du spectre possède donc trois propriétés inséparables par la réfraction, puisqu'elles ont le même indice et suivent les mêmes lois; mais le rapport des intensités de ces effets chimiques, calorifiques et lumineux n'est pas le même dans toute l'étendue du spectre. Voici comment on a mesuré ces intensités. Pour le spectre calorifique, il suffit de promener une pile dans toute son étendue et de mesurer en chaque point la déviation communiquée au galvanomètre. Malheureusement, il n'y a dans cette

partie obscure du spectre aucun repère analogue aux raies, ce qui fait que l'on ne possède, jusqu'à présent, aucune mesur exacte de l'étendue ni des variations d'intensités de ce spectre calorifique; on sait seulement que cette étendue est sensible ment égale à AH. Nous la diviserons par la pensée en 7 parties ou en 7 groupes de rayons, par imitation des 7 couleurs princi pales, et nous les désignerons par les lettres O₁, O₁..., O₇; puis nous figurerons les intensités relatives par les ordonnées de à courbe O₁βaG (fig. 742), commençant en O₇, finissant vers G



et ayant son maximum en O₁. La quantité totale de chaleur es mesurée par l'aire O₁βaG remplie par des lignes verticales.

Il est très-difficile de comparer les intensités des lumière comprises entre A et H. Comme les couleurs sont dissem blables, l'expérience ni la théorie ne peuvent établir de rap port entre elles. Cependant, il est évident que le rouge extrême éclaire peu; que le bleu, l'indigo et le violet sont très sombres, tandis que le jaune et l'orangé ont un grand éclat On peut donc à la rigueur apprécier les pouvoirs d'illumination de ces diverses parties du spectre. Frauenhoser les mesurés par un procédé qui manque d'exactitude, et que nou ne ferons pas connaître; néanmoins nous reproduisons le courbe qu'il a construite : elle est représentée par l'es pace A de H marqué au moyen de traits inclinés à 45 degrés

M. Edm. Becquerel a voulu ensuite mesurer l'intensité de actions chimiques qui se développent de A en P; elles son très-différentes, suivant les substances impressionnables don on fait usage. Pour le moment, ne considérons que les plaque

d'argent recouvertes d'iode par le procédé de Daguerre. L'expérience prouve que l'impression augmente depuis le rouge jusqu'à la raie D, qu'elle diminue ensuite pour prendre un minimum vers F, dans le vert bleu; qu'elle croît de nouveau jusqu'à un maximum entre G et H, pour diminuer ensuite lentement et disparaître ensin en T. Mais cette expérience de l'impression photographique, tout en montrant les maxima et les minima d'action, ne mesure pas les intensités des essets. M. Becquerel a eu recours à un instrument nouveau qu'il nomme l'actinomètre.

MILLIONETTE. — M. Becquerel prend deux lames identiques d'insent poli; il expose une de leurs saces à la vapeur d'iode juqu'à produire une teinte violette, puis il les plonge toutes de parallèlement dans une auge en verre pleine d'un liquide conducteur, en tournant la face iodée en dehors, et il legissanit par un galvanomètre de trois mille tours au moins. Tipe aussitôt un courant se produit, qui tient à des inémités perturbatrices; mais au bout de vingt-quatre heures il a cessé sans que les dépôts d'iodure soient détruits. Si à ce moment on éclaire l'une de ces plaques par le soleil, il se sorme un courant très-intense; et même avec une bougie, la déviation atteint 15 ou 20 degrés. Elle indique que la plaque est négative et le liquide positis. Elle est la même quand on éclaire également les diverses parties de la plaque, et en répéunt plusieurs fois de suite la même expérience en un même endroit, on trouve la même déviation, pourvu qu'on ne prolonge pas l'expérience au delà du temps nécessaire pour obtenir l'arc d'impulsion primitive. Cette constance va permettre de comparer les intensités des effets en divers lieux du spectre.

Recevons en effet, à travers une fente étroite, les divers rayons du spectre pur depuis A jusqu'à T; mesurons les déviations du galvanomètre et construisons la courbe des intensités du courant, elle représentera, non pas l'intensité des rayons eux-mêmes, non pas l'action daguerrienne ou d'impression photographique; mais elle mesurera l'action chimique par l'énergie du courant auquel celle-ci donne naissance.

En faisant ces expériences, M. Ed. Becquerel trouva que de A en F la courbe de ces actions chimiques est presque identique à celle des actions lumineuses donnée par Frauenhof er. Nous admettrons, ce qui sera une approximation sussian te, que toutes deux se confondent absolument. Mais à partir de F l'action chimique se ravive et suit la ligne ghT. Nous sigurerons l'espace A deghT, que la courbe chimique enveloppe, par des traits horizontaux. La sig. 742 représente ainsi, par un diagramme convenu, les trois espèces de propriétés qui se superposent ou se séparent dans le spectre complet: par des traits verticaux l'esset calorisique, par des lignes inclinées l'action lumineuse, et par les lignes horizontales la propriété chimique mesurée au moyen de l'actinomètre.

Nous connaissons maintenant la composition du rayonnement solaire. Il contient, superposés dans chacun de ses saisceaux, un ensemble de rayons qui sont tous soumis à loi de Descartes, mais qui dissèrent par la valeur de leurs i dices. A cause de cela ils se séparent en une infinité de rayo quand ils traversent des prismes, et comme les indic croissent d'une manière discontinue, le spectre montre de spectre raies qui occupent les lacunes. Telles que la résraction les sépare, les radiations du spectre offrent la triple propriété de produire de la chaleur, de la lumière et des actions chimique et de les produire avec des intensités très-variables suivar leur réfrangibilité. Nous les nommons simples : elles le sor en ce sens que la réfraction ne peut plus les décomposer elles le seraient d'une manière absolue si en un lieu défini de spectre un seul rayon produisait les trois effets que nous ve nons de signaler; mais elles pourraient aussi être composée = de trois radiations distinctes, superposées parce qu'elles on le même indice, et développant chacune, ou la chaleur, ou llumière, ou l'action chimique. Avant d'aborder cette étud nous devons mesurer leurs réfrangibilités, c'est-à-dire leur indices de réfraction à travers toutes les substances.

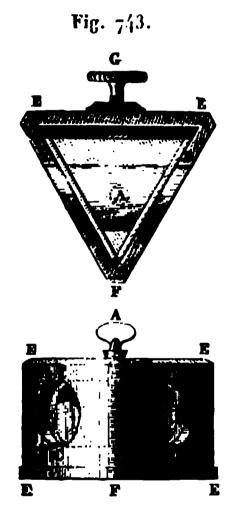
MESURE DES INDICES DE RÉFRACTION.

80LIDES ET LIQUIDES. — Il n'y a qu'une seule bonne méthe pour déterminer les indices : celle qui consiste à mesure

ANALYSE DES RADIATIONS SOLAIRES. **43**1 déviation minima pour chaque raie, et à calculer n par la sormule

$$n = \frac{\sin\left(\frac{\Lambda + \delta}{2}\right)}{\sin\frac{\Lambda}{2}}.$$

l'ai donné tous les détails de l'opération (p. 406), et je n'ai nen à y ajouter, si ce n'est que pour opérer sur les liquides on les enserme dans des prismes de verre creux (fig. 743),



més par des glaces parallèles CC, DD, que l'on serre par une Aveloppe métallique EFE au moyen d'une vis G.

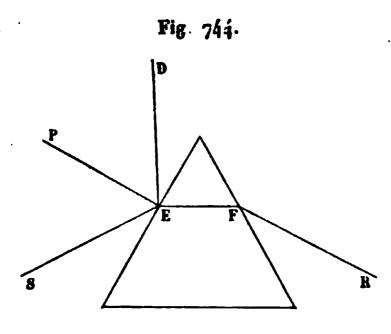
CAS DES RADIATIONS CHIMIQUES. — M. MASCART. — Il est trèsfcile de mesurer ainsi les indices correspondants aux diverses Pies depuis A jusqu'à H, à travers une substance de composition constante, telle que le spath d'Islande; mais de nouvelles dissicultés se présentent pour les raies ultra-violettes de H en T. Voici comment a opéré M. Mascart. Un collimateur (fig. 728) amène la lumière sur un prisme de spath ou de quartz taillés tous deux parallèlement à l'axe de cristallisation. L'acun possède la double réfraction et donne naissance à deux spectres: l'un ordinaire, l'autre extraordinaire, qu'on étudic);

successivement. Prenous comme exemple le spectre du spath, qui est le plus dispersé et le plus dévié. On dans la lunette C'D', qu'on place exactement u mini déviation et au point pour la mie H. Cela dint, on i dans la lunette en D', derrière et tout contre le rétic petite lame de verre préparée pour la photographie. (cette plaque exposée aux rayons pendant le temps con ensuite on y verse de l'acide gallique, ce qui dévelo image très-fine du réticule et des raies qui entoure n'est là qu'une portion très-restreinte du spectre chin faut dessiner les autres par le même procédé.

On se rappelle que le prisme étant à la déviation on a

$$\delta = 2i - \Lambda$$
 ou $2i = \Lambda + \delta$,

cela veut dire que si on passe de la raie H à une autre la déviation minima augmente ou diminue d'une quantité, l'angle 2i ou SED que font les rayons incide siéchi augmentera ou diminuera de la même guantité ()



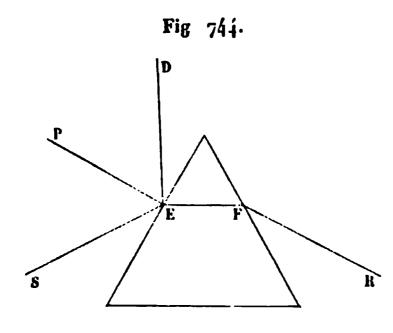
Or, comme le prist lunette viennent d'é cés à la déviation pour la rais H, si ou cette lunette de 20 prisme de 10', de à augmenter l'angle 20', on aura encore prisme à sa déviation pour les radiations, peindront sous le r

au foyer de la lunette. On en prendra l'image photogr et on continuera de la même manière jusqu'à l'extré spectre chimique. Alors, 1° on aura obtenu une série c successives ayant toutes, de l'une à l'autre, quelqu communes qui serviront à les raccorder; on mesurera croscope les distances relatives de ces raies, et on rep leurs dispositions dans un dessin général fait à une commune; 2° comme à chaque opération on a mesur viation minimum de la lunette, on a pu calculer l'inc raies principales dans les rayons ordinaire et extrao successivement. Prenons comme exemple le spectre du spath, qui est le plus dispersé et le plus dévié. On dans la lunette C'D', qu'on place exactement au mini déviation et au point pour la raie H. Cela étant, on i dans la lunette en D', derrière et tout contre le rétic petite lame de verre préparée pour la photographie. Cette plaque exposée aux rayons pendant le temps con ensuite on y verse de l'acide gallique, ce qui dévelc image très-sine du réticule et des raies qui entoure n'est là qu'une portion très-restreinte du spectre chiz faut dessiner les autres par le même procédé.

On se rappelle que le prisme étant à la déviation on a

$$\delta = 2i - \Lambda$$
 ou $2i = \Lambda + \delta$,

cela veut dire que si on passe de la raie II à une autre la déviation minima augmente ou diminue d'une quantité, l'angle 2i ou SED que font les rayons incid fléchi augmentera ou diminuera de la même quantité (

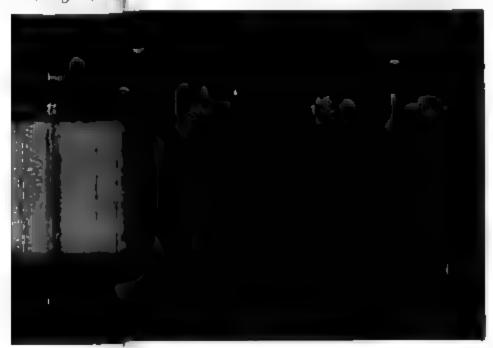


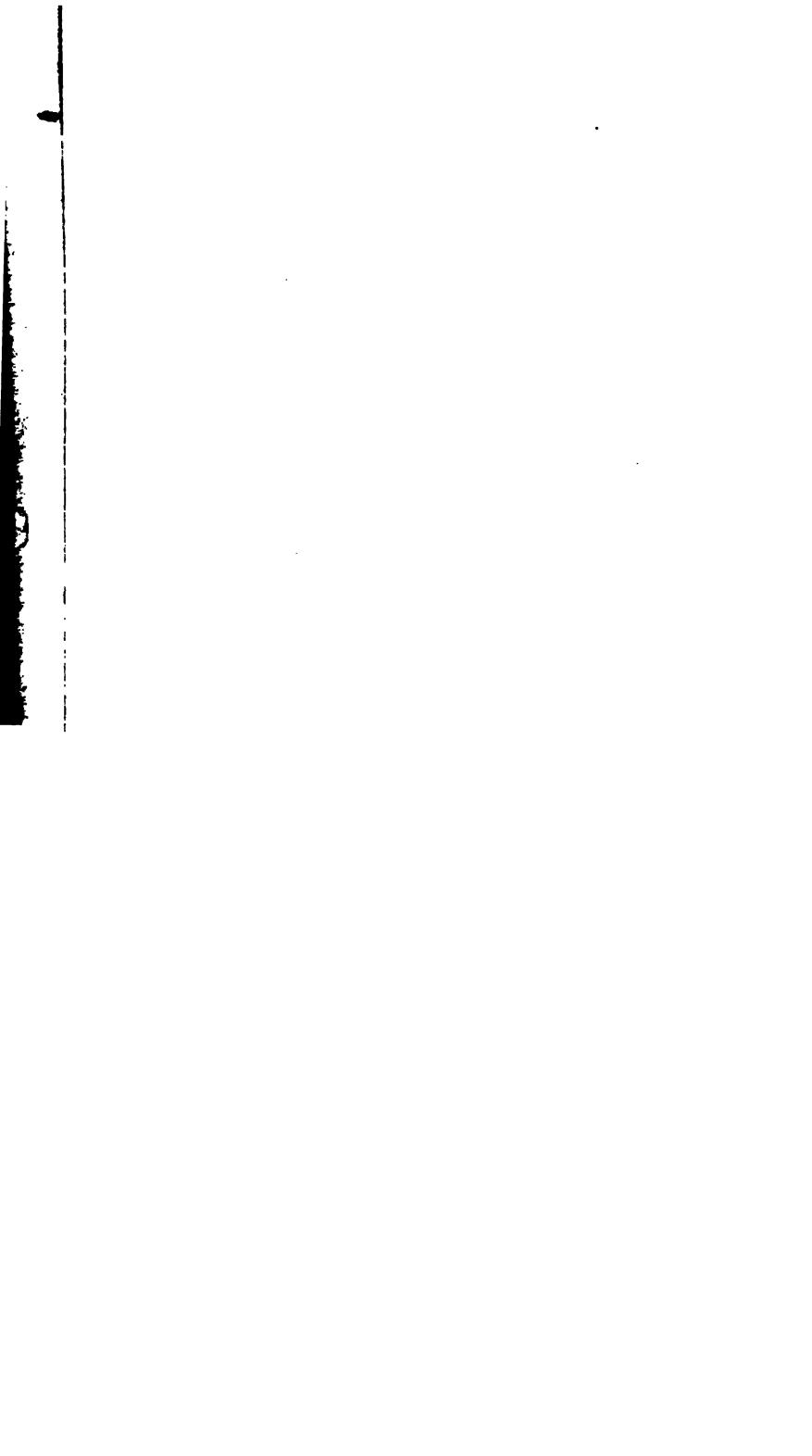
Or, comme le prisi lunette viennent d'a cés à la déviation pour la raie H, si or cette lunette de 20 prisme de 10', de à à augmenter l'angle = 20', on aura encore prisme à sa déviation pour les radiations, peindront sous le 1

au foyer de la lunette. On en prendra l'image photoge et on continuera de la même manière jusqu'à l'extré spectre chimique. Alors, 1° on aura obtenu une série « successives ayant toutes, de l'une à l'autre, quelque communes qui serviront à les raccorder; on mesurere croscope les distances relatives de ces raies, et on repleurs dispositions dans un dessin général fait à une commune; 2° comme à chaque opération on a mesure viation minimum de la lunette, on a pu calculer l'ind raies principales dans les rayons ordinaire et extraor

II (Page 433)

Pl. Flor.





des deux cristaux étudiés. La fig. 732, Pl. V, représente le dessin simplifié, que je dois à l'obligeance de M. Mascart, et le tableau suivant donne les indices des diverses raies, du rouge jusqu'au violet:

	SPATH.		QUARTZ.		LONGUEUR D'ONDE.
raies.					
	Ordinaire.	Extraordinaire.	Ordinaire.	Extraordinaire.	
A B C D E G H L	1,65012 1,65296 1,65446 1,65846 1,66354 1,66793 1,67620 1,68330 1,68706 1,68966	1,48285 1,48409 1,48474 1,48654 1,48885 1,49084 1,49470 1,49777 1,49941 1,50054	1,53902 1,54099 1,54188 1,54423 1,54718 1,54966 1,55429 1,55816 1,56019 1,56150	1,54812 1,55002 1,55095 1,55338 1,55636 1,55897 1,56372 1,56770 1,56974	0,68667 0,65607 0,5888 0,52678 0,48596 0,43075 0,39672 0,38190 0,37288 0,35802
N O P Q R S	1,69441 1,69955 1,70276 1,70613 1,71155 1,71580 1,71939	1,50256 1,50486 1,50628 1,50780 1,51028	1,56400 1,56668 1,56842	1,57381 1,57659 1,57822 1,57998 1,58273	0,34401 0,33602 0,32856 0,31775 "

La lumière, en passant du vide dans les gaz, se approche de la normale et suit la loi de Descartes. L'indice est très-voisin de l'unité; il augmente avec la densité et proportionnellement à celle-ci quand elle varie dans des limites étroites. On peut donc écrire

$$n=1+\alpha d$$
 ou $\frac{n-1}{d}=\alpha$.

Comme ad est très-petit, on peut aussi écrire

$$n^2-1=2\alpha d$$
 ou $\frac{n^2-1}{d}=2\alpha$.

La théorie de l'émission conduisait à admettre que potous les corps de la nature, la quantité n^1-1 , qu'on applait puissance réfractive, était proportionnelle à la densité, que cette autre quantité $\frac{n^1-1}{d}$, qu'on désignait du nom pouvoir réfringent, devait être constante. L'expérience a mon

Fig. 745.

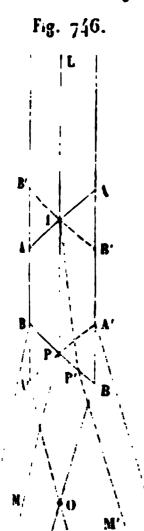


que ces prévisions ne se re lisent pas habituellement; si, par exception, elles s'a pliquent aux gaz, cela tie simplement à ce que n'- est une fonction de la de sité d, qui s'annule quar d = 0, et qui croît avec el tout en restant très-petit Admettons néanmoins, pot nous conformer à l'usage cette loi approximative empirique.

EXPÉRIENCES DE BIOT ET ARAS

(fig. 745). — Pour trouve l'indice des gaz, Biot et Amé employaient un prisme c verre AB formé par un tubépais, qu'on avait rodé, et si lequel étaient collées det glaces parallèles formant u angle de 145 degrés envirou Un baromètre CD couve d'une cloche mesurait la presion du gaz à l'intérieur. (pouvait fixer l'appareil par u pas de vis inférieur F sur un machine pneumatique, fai le vide plusieurs fois et lai

ser rentrer le gaz qu'on voulait étudier; ensuite on ferme le robinet E, et on montait l'appareil sur un axe vertical a tour duquel il pouvait tourner. Soit AABB (fig. 746) une première position du prisme. La lumière envoyée par un paratonnerre éloigné arrive en un



faisceau de rayons parallèles à LI, se réfracte et sort parallèlement à PM, après avoir subi une déviation d. En retournant le prisme de 180 degrés, le sens de la déviation change et les rayons émergents P'M' font avec les premiers PM un angle égal à 28. Si l'on place en 0 le centre d'un cercle répétiteur, on peut, en visant la mire dans les deux positions du prisme, mesurer 2d, et comme cet angle est très-petit, augmenter la précision en répétant la mesure. Le prisme est sensiblement dans la position du minimum de déviation, et les formules connues permettront de calculer l'indice moyen K pour le passage de la lumière de l'air atmosphérique au gaz contenu dans le prisme. Je dis l'indice moyen, car la dispersion des couleurs n'est pas sensible.

Occupons-nous d'abord de l'air. Nous voulons trouver l'indice n_0 en passant du vide dans ce gaz pris à zéro et à 760 millimètres, et dont la densité est d_0 . A cet effet nous ferons le vide dans le prisme; mais comme ce vide n'est pas complet, il restera à t^0 , sous une pression h', de l'air dont la densité sera d' et l'indice n'. D'après la loi approximative admise tout à l'heure, nous aurons

$$\frac{n'^{2}-1}{d'\cdot} = \frac{n_{0}^{2}-1}{d_{0}},$$

$$n'^{2}=1+(n_{0}^{2}-1)\frac{d'}{d_{0}}=1+(n_{0}^{2}-1)\frac{h'}{76o(1+at)}.$$

D'autre part, l'air atmosphérique extérieur est à t^o , à une pression h; sa densité est d et son indice est n. On a comme précédemment

$$\frac{n^2 - 1}{d} = \frac{n_0^2 - 1}{d_0},$$

$$n^2 = 1 + (n_0^2 - 1) \frac{d}{d_0} = 1 + (n_0^2 - 1) \frac{h}{760(1 + at)}.$$
28.

Mais l'expérience a donné l'indice K de passage de l'air etérieur à celui du prisme

$$K^{2} = \frac{n^{2}}{n^{2}} = \frac{1 + (n_{\bullet}^{2} - 1) \frac{h^{2}}{760(1 + at)}}{1 + (n_{\bullet}^{2} - 1) \frac{h}{760(1 + at)}},$$

$$n_{\bullet}^{2} = 1 + \frac{(K^{2} - 1)760(1 + at)}{h^{2} - K^{2}h}.$$

Si la température t était égale à zéro, h à 760 millimètres, et que h' fût nul, c'est-à-dire le vide parfait, on aurait

$$n_{\bullet} = \frac{1}{K}$$

Comme l'expérience s'éloigne fort peu de ces conditions, les corrections que l'on fait sont toujours peu importantes.

Passons au cas d'un gaz quelconque. On veut trouver l'indice ν , à 0° et à 760 millimètres, la densité étant δ . On entire plit le prisme de gaz à t° et à h'; sa densité est δ' , et son i dice ν' . On a comme précédemment

$$\frac{\nu'^2 - \tau}{\delta'} = \frac{\nu_0^2 - \tau}{\delta},$$

$$\nu'^2 = \tau + (\nu_0^2 - \tau) \frac{\delta'}{\delta} = \tau + (\nu_0^2 - \tau) \frac{h'}{(\tau + at)760},$$

l'air qui entoure le prisme à la pression h, et à la tempérture t, a un indice n déjà calculé

$$n^2 = 1 + (n_0^2 - 1) \frac{h}{(1 + at)760}$$

L'expérience mesure K_i c'est-à-dire le rapport entre ν' et ret il est donné par la relation

$$\mathbf{K}_{1}^{2} = \frac{\nu^{2}}{n^{2}} = \frac{1 + (\nu_{\bullet}^{2} - 1) \frac{h'}{(1 + at)760}}{1 + (n_{\bullet}^{2} - 1) \frac{h}{(1 + at)760}},$$

formule qui ne contient d'autre inconnue que v.

tions de la théorie de la lumière, Dulong reprit ces expériences par une autre méthode. Il introduisait successivement dans le prisme deux gaz qu'il voulait comparer, et il diminuait la pression du plus réfringent jusqu'à rendre égales les deux déviations produites par chacun d'eux; cela suffisait pour obtenir l'indice de l'un en fonction de l'indice de l'autre.

Introduisons d'abord de l'air sous une pression h', à une température t, pendant que la pression extérieure est h. K est donné par la formule

$$\mathbf{K}^{2} = \frac{1 + (n_{\bullet}^{2} - 1) \frac{h'}{1 + at(760)}}{1 + (n_{\bullet}^{2} - 1) \frac{h}{(1 + at)760}}.$$

Emplissons ensuite le prisme du gaz que nous voulons examiner; et, pendant que la température est t_i et la pression extérieure h_i , faisons varier celle du prisme jusqu'à h'_i , l'indice de passage K_i sera

$$\mathbf{K}_{1}^{2} = \frac{1 + (\nu_{0}^{2} - 1) \frac{h'_{1}}{(1 + at_{1})760}}{1 + (n_{0}^{2} - 1) \frac{h_{1}}{(1 + at_{1})760}},$$

et si nous avons fait en sorte que les deux déviations soient esgales, ou que K soit égal à K, nous trouverons

$$\frac{(1+at)760+(n_0^2-1)h'}{(1+at)760+(n_0^2-1)h}=\frac{(1+at_1)760+(\nu_0^2-1)h'_1}{(1+at_1)760+(n_0^2-1)h_1},$$

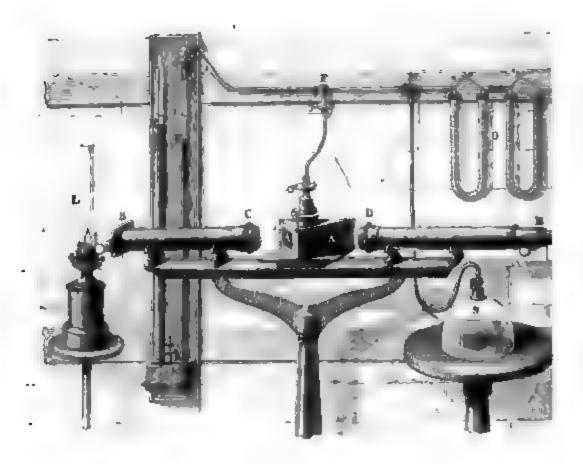
Ce qui permettra de trouver ν , en fonction de n, qui est Connu. Si l'on admet que la pression et la température extérieure n'ont point changé pendant les deux mesures, ou plutôt si on néglige les changements apportés par leurs variations, la relation précédente se réduit à

$$(n_{\bullet}^{2}-1)h'=(\nu_{\bullet}^{2}-1)h'_{1};$$

d'où l'on voit que les puissances réfractives sont inversement proportionnelles aux pressions qu'il faut donner aux deux gaz pour qu'ils produisent des déviations égales.

Volci une disposition d'appareils qui ne diffère pas es tiellement de celle de Dulong, et qui permet d'opérer commodément (fig. 747). AA est un prisme creux de porcei

Fig. 747.



de 160 degrés, fermé par des glaces. La lumière envoyée une lampe L pénètre dans un collimateur BC et en sort cor si elle venait d'une fente située à l'infini. Elle se réfr dans AA; elle est reçue dans une lunette DE, et il est fa de déplacer la fente B jusqu'à mettre son image en cot dence avec le réticule de DE quand le prisme est rei d'air à la pression atmosphérique. Un fait alors le vide une machine pneumatique au moyen d'un tube MN dan prisme A et dans un manomètre différentiel HGK; puis laisse rentrer du gaz par les tubes O, et on répète l'opére plusieurs fois. Supposons que le gaz dévie plus que ne le sait l'air; alors on fera partiellement et lentement le vide qu'à ramener la nouvelle déviation à la valeur qu'elle ; dans le cas de l'air. Si le gaz était moins réfringent que l'ai changerait l'ordre des deux opérations.

pitre résument les recherches précédentes. On peut remarquer que l'indice d'un mélange de deux gaz est moyen entre celui des éléments qui le forment. Examinons l'air, qui contient $\frac{21}{100}$ d'oxygène et $\frac{79}{100}$ d'azote. Soient O et AZ les indices de ces gaz pris dans les conditions normales, et N celui de l'air, on trouve que

$$\frac{21}{100}$$
 () $-\frac{79}{100}$ AZ = N.

On donne ordinairement de cette loi simple une expression bien plus complexe, en disant que la somme des puissances réfractives des gaz composants, pris avec la densité qu'ils ont dans le mélange, est égale à la puissance réfractive de ce mélange; ce qui s'exprime par la relation

$$\frac{21}{100}(0^2-1)+\frac{79}{100}(\Lambda Z^2-1)=(N^2-1),$$

ct il est facile de voir que AZ et N étant respectivement trèsprès d'être égaux à l'unité, ces deux équations expriment numériquement la même chose. Il n'existe aucune relation de cette nature entre les éléments d'un gaz composé et ce gaz lui-même.

port des indices de réfraction de deux substances gazeuses reste le même à toute température, et partant, qu'il suffit de mesurer ce rapport entre une vapeur et l'air chauffés dans une même enceinte, et de les multiplier ensuite par l'indice normal n. de l'air, pour avoir celui qu'aurait cette vapeur à zéro et à 760, si elle pouvait être maintenue gazeuse jusque-là.

Pour faire l'expérience il emploie un prisme à gaz en porcelaine fermé par des glaces lutées au moyen d'un verre susible, et placé au milieu d'une caisse qu'on chausse directement par un sourneau. Deux tubes opposés, sermés par des glaces, permettent de viser à travers le prisme. La lumière part d'un collimateur; elle est reçue dans une lunette qui mesure la déviation. On commence par viser le collimateur e par mettre l'image en contact avec le réticule quand le prism est échauffé et plein d'air : c'est le zéro des déviations. O place ensuite dans le prisme la substance qu'on veut étudier soufre, mercure, arsenic, iode, phosphore, etc., et quand vapeur est formée on observe une déviation qui demeu constante. On la mesure, puis on retourne le prisme c 180 degrés pour recommencer cette observation dans le se opposé. Connaissant δ, on calcule le rapport des indices de vapeur et de l'air.

Ces expériences ont montré que l'oxygène et le soufre d'un part, l'azote et le phosphore de l'autre, ont sensiblement même pouvoir réfringent quand ils sont en vapeurs :

Oxygène	0,4924	Azote	0,6187
Soufre	0,4923	Phosphore	0,6264

Elles ont montré, en outre, que les vapeurs, notamment ce du soufre, offrent une très-grande dispersion, et que l'iode, comportant tout autrement que les autres corps, réfracte pl fortement le rouge que le violet, de sorte que le spectre cette substance est opposé à celui de toutes les autres. Ce set aussi curieux qu'il était peu attendu.

Voici les résultats des observations de Dulong et de M. L roux:

	Indices.	Densités.
Air	1,000294	1,000
Oxygène	1,000272	1,103
Hydrogène	1,000138	0,068
Azote	1,000300	0,976
Chlore	1,000772	2,476
Oxyde d'azote	1,000503	1,527
Gaz nitreux	1,000303	1,039
Acide chlorhydrique	1,000449	1,254
Oxyde de carbone	1,000340	1,992
Acide carbonique	1,000449))
Cyanogène	1,000834	1,818
Gaz oléfiant	1,000678	0,990
Gaz des marais	1,000443	0,559
Éther chlorhydrique	1,001095	2,234
Acide cyanhydrique	1,000451	0,944
Ammoniaque	1,000385	0,591

		•
	Indices.	Densités.
Gaz chloroxycarbonique	1,001159	3,442
Acide sulfhydrique	1,000644	1,178
Acide sulfureux	1,000665	2,247
Éther sulfurique	1,000153	2,580
Sulfure de carbone	1,0001 50	2,644
Protophosphure d'hydrogène	1,000789	1,256
Soufre	1,001629	6,617
Phosphore	1,001364	4,355
Arsenic	1,001114	10,39
Mercure	ı,000556	6,97

QUATRE-VINGTIÈME LEÇON.

DE L'ABSORPTION ET DE L'ÉMISSION.

De l'absorption. — Chaleur obscure. — Rayons ultra-violets. — Radiations moyennes. — Identité des trois radiations de même indice. — Cas des gaz. — Raies atmosphériques. — Diffusion.

De l'émission. — Cas des solides. — Cas des gaz. — Spectre électrique. — Tubes de Geissler. — Spectre de l'arc électrique. — Analyse spectrale. — Rubidium. — Cœsium. — Thallium. — Les autres métaux. — Relation entre les pouvoirs émissifs et absorbants.

Tous les corps absorbent, transmettent et dissusent les radiations qu'ils reçoivent. Ils rayonnent eux-mêmes dans toutes les directions quand ils sont échaussés. Les lois de ces phénomènes ont été déjà partiellement étudiées (t. II, p. 235); il nous reste à résumer et à généraliser les résultats que nous avons trouvés précédemment.

Nous représentons, comme précédemment (fig. 742), par des lignes verticales la courbe des intensités calorifiques; elle s'étend de O_7 à A pour les chaleurs obscures et de A à G pour les chaleurs lumineuses. Les intensités de la lumière sont figurées par la ligne A de H et marquées par des traits inclinés à 45 degrés. Enfin la courbe des effets actinométriques A degh T se distingue par des lignes horizontales. Au moyen de cette représentation conventionnelle on voit d'un seul coup d'œil comment les trois propriétés des radiations solaires se superposent ou s'isolent dans le spectre total.

DE L'ABSORPTION.

I. Nous avons prouvé qu'une radiation calorisique simple, de résrangibilité donnée et d'intensité C, s'assaiblit et devient C quand elle traverse un milieu d'épaisseur e. Nous avons démontré la relation

 $C' = C\gamma'$.

yest une fraction qui se nomme le coefficient de transmission. Quand il est égal à 1, C'=C, et le milieu est absolument diathermane. S'il diminue de plus en plus, la substance transmet de moins en moins. Quelle que soit la valeur de γ , C' diminue jusqu'à devenir insensible, quand l'épaisseur e de l'écran interposé augmente suffisamment.

II. On peut étudier de la même manière la transmission de la propriété chimique. Faisons tomber une radiation déterminée, celle qui correspond à la raie H, par exemple, sur l'actinomètre, et mesurons la déviation galvanométrique A, puis recommençons immédiatement l'expérience en interposant dans le trajet des mêmes rayons la lame d'épaisseur e dont nous voulons connaître le pouvoir absorbant, nous trouverons une deuxième déviation A'. En opérant ainsi, M. Becquerel a rérifié la loi déjà démontrée pour la chaleur,

$$A' = A \alpha'$$
.

Ce nouveau coefficient de transmission α change avec la nature des radiations observées et des lames interposées.

III. La propriété lumineuse est limitée en A et H. Si on isole une radiation simple, en D par exemple, et qu'on la transmette à travers une lame d'épaisseur e, elle s'affaiblit de L à L'. Or, en employant des photomètres, qui seront décrits dans la suite (*), nous avons trouvé, Masson et moi, la relation

$$L' = L \lambda'$$
.

(*) Soit AOB (fig. 748) la couleur simple qu'on veut éprouver. On la regarde à travers un prisme réfringent D et un nicole O : le prisme donne deux images égales AOB, A'O'B' polarisées dans des plans rectangulaires, et le nicole permet d'affaiblir l'une ou l'autre dans une proportion qu'on sait calculer. Or,

si on interpose un verre blanc devant A'B', un verre coloré devant AB, les deux images ordinaire AB et extraordinaire A'B' ont des éclats différents qu'on rend égaux en faisant tourner N d'un angle α qu'on mesure; l'une des images est L cos α , l'autre L'sin α , et on a

$$L\sin^2\alpha = L'\cos^2\alpha$$
.

On voit que la formule de transmission est la même pour les trois propriétés, formule qui était évidente à priori, car si en traversant le premier millimètre une radiation se réduit de L à L λ , à travers le deuxième elle diminuera de L λ à L λ , et après l'épaisseur e elle sera L λ . Cela posé, si nous voulons comparer les absorptions calorifiques lumineuses et actinométriques, il suffira de choisir une radiation comprise entre A et $\mathbb R$ et de comparer les coefficients γ , α et λ . Nous avons fait cette comparaison entre la chaleur et la lumière, et $\mathbb R$. Edm. Becquerel entre la lumière et la propriété actinométrique.

Or, il est résulté de ces diverses études que, dans tous les cas, α , γ et λ étaient égaux, et l'on a pu énoncer la loi générale qui suit : « Quand les radiations qui se concentrent en un point déterminé du spectre solaire se transmettent à travers un milieu, les trois propriétés lumineuse, calorifique et chimique se transmettent en proportion égale. »

Il résulte de là que dans la partie du spectre où elles sont superposées, les trois propriétés qui nous occupent sont absolument inséparables. On ne peut en effet les dissocier ni par la réfraction prismatique, puisqu'elles ont le même indice et qu'elles suivent la loi de Descartes, ni par les milieux absorbants, puisqu'ils agissent proportionnellement sur chacune d'elles. On a cherché à les différencier en les polarisant ou en les faisant interférer, mais MM. de la Provostaye et Desains ont constaté que, dans tous les cas, chaque propriété d'une lumière simple se retrouve avec la même intensité et le même sens dans les deux autres propriétés qui l'accompagnent dans le spectre.

L'interprétation philosophique de cette loi générale ne peut être douteuse. On a supposé autrefois que trois agents distincts émanaient du soleil : la chaleur, la lumière et les rayons chimiques, et que chacun d'eux donnait lieu à un spectre partiellement superposé aux deux autres, mais distinct dans sa nature autant que dans ses propriétés. On a imaginé depuis une théorie nouvelle : on admet que le soleil envoie des vibrations qui sont toutes de même nature, qui ne se distinguent que par leur longueur d'onde et qui se séparent en traversant un prisme, parce que leur réfrangibilité est différente, de telle sorte qu'en un lieu donné du spectre il n'y en a qu'une seule

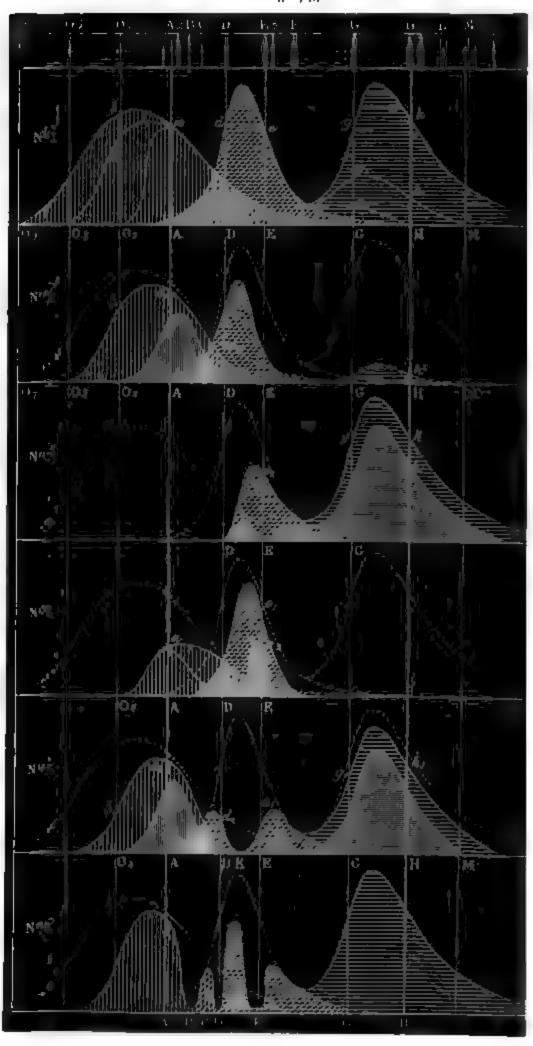
et qu'elle est réellement simple. Tombe-t-elle sur un thermomètre, il l'absorbe et s'échausse. Rencontre-t-elle certains composés chimiques, elle les altère. Ensin, pénètre-t-elle dans l'œil, elle y développe l'esset lumineux. C'est entre ces deux hypothèses qu'il saut choisir. Or, si la triple propriété résultait de trois rayonnements distincts superposés, il est certain qu'ils auraient des propriétés distinctes qui permettraient de les isoler; tandis que l'identité des trois essets, que l'expérience constate, est nécessaire si on regarde la chaleur, la lumière et l'action chimique comme des manisestations d'une même adiation simple. Dans cette alternative, la logique nous conduit à admettre une cause unique qui explique tout, plutôt que trois causes dissérentes auxquelles il serait impossible d'assigner des caractères distincts.

A l'avenir nous admettrons que le soleil envoie une série de vibrations superposées différant entre elles non par leur vitesse de propagation, non par la direction de leurs mouvements, mais seulement par la rapidité de leurs oscillations. Elles diffèrent comme le font les notes envoyées à la fois par les divers instruments d'un orchestre. Elles se séparent par la réfraction, et nous prouverons que les vibrations peu réfrangibles sont les plus lentes et les plus déviées les plus rapides; de sorte que les chaleurs obscures sont analogues aux sons graves, les rayons chimiques extrêmes aux notes aiguës. Il est extrêmement probable que nous ne connaissons pas dans oute son étendue la gamme des radiations solaires, car tous es milieux connus absorbent à la fois les moins et les plus résrangibles d'entre elles, et il est possible que le spectre puisse être prolongé un jour bien au delà des limites entre lesquelles il est aujourd'hui contenu.

Chaque vibration étant un mouvement dans l'éther apporte pendant un temps donné sur les points qu'elle rencontre une certaine somme de force vive qui mesure son intensité. Tous les effets qu'elle produit sont nécessairement proportionnels i cette force vive, mais ils dépendent aussi de la durée de chaque ondulation. Ainsi les rayons rouges traversent le verre rouge sans affaiblissement, tandis que les jaunes sont arrêtés su passage. Cela veut dire que deux radiations sont absorbées dans des proportions variables avec leur réfrangibilité ou leur

QUATRE-VINGTIÈME LEÇON.

Fig. 749.



longueur d'onde; et s'il en est ainsi de leur faculté d'absorption, il en est de même de la propriété qu'elles ont de produise in chaleur, la lumière ou l'effet chimique. D'où il suit que l'action calorifique peut être limitée entre O; et G, l'effet lutificanx entre A et H, et l'effet chimique entre d'autres pelies du spectre. On verra dans la suite que ces points chingent avec les corps impressionnables. Quand nous metainges l'intensité calorifique lumineuse ou chimique dans les diurs points du spectre, nous ne mesurons donc qu'un effet chimplexe qui ne nous renseigne point sur la force vive ou l'autensité propre des radiations elles-mêmes.

De moment que d'un bout à l'autre du spectre il n'y a plus diffées radiations simples ordonnées par rapport aux vitesses descillations croissantes, peu importe qu'on apprécie les absolutions par l'effet lumineux calorifique ou chimique. Il most de mesurer le coefficient d'extinction a dans la formule l'aplac, soit par un photomètre, soit par une pile de Melloni, missar un actinomètre, et de chercher comment il varie de 0, à T. C'est ce qui nous reste à faire.

Tous les corps transparents, comme le verre ou l'eau, prince colorent pas les objets qu'on regarde à travers, laissent prince intégralement ou au moins en proportion égale les autres lumineux de A en H. Ils agissent donc identiquement partie du spectre, mais leur action sur les radiations parties est très-inégale.

In seul corps, le sel gemme, laisse passer toutes les radiations. Lui seul est transparent d'une manière absolue. Tous lécentres éteignent les rayons extrêmes, soit du côté des chalécent obscures, soit du côté des rayons chimiques; et cette extraction augmente à mesure qu'on s'approche des extrémités du spectre. Les courbes des intensités se réduisent à $\mathbf{Q}_i \boldsymbol{\beta}_i \boldsymbol{\alpha}$ d'une part et à $g_i h_i \mathbf{M}$ de l'autre (fig. 749, n^o 1), de figure qu'une épaisseur suffisante de ces substances absorbe toutes les radiations obscures et ne laisse passer que les rayons lemineux.

Après le sel gemme, les corps qui laissent le mieux passer la chaleur sont le suorure de calcium, le spath, le quartz et le verre. Au contraire, l'alun, l'acide citrique, la glace et l'eau sont remarquables par la qualité inverse d'arrêter tous les

rayons de petite réfrangibilité pour ne transmettre que ceux qui avoisinent le rouge.

Le quartz et le sel gemme transmettent à peu près intégnlement la propriété chimique depuis la raie H jusqu'à la limite extrême T. Viennent ensuite l'alcool, beaucoup d'essences, et ensin, à un moindre degré, le verre et l'eau. La plupart des autres milieux transparents éteignent partiellement la propriété chimique, et dans une proportion qui croît avec la résrangibilité des rayons (fig. 749, n^o 1). La courbe s'abaisse de ghT à g_ih_iM , et la limite du spectre chimique se rapproche de plus en plus de H, à mesure que l'épaisseur des écrans augmente.

M. Edm. Becquerel, ayant étudié diverses substances sous une épaisseur commune et égale à 15 centimètres cubes, a trouvé que l'esset électro-chimique cesse d'être appréciable:

De N en O avec l'essence de térébenthine et l'huile de naphte;

En M avec l'eupione, l'aldéhyde, l'iodure d'amyle, l'essence de citron, les acides azotique et chlorhydrique;

Vers I avec le chlorure et le sulfure de carbone et l'huile d'élémi;

Ensin en H avec la créosote et l'essence d'amandes amères. Le bisulfate de quinine, la dissolution d'écorce de marronnier d'Inde (esculine), le verre jaune d'urane, et quelques attres substances qu'on étudiera bientôt, jouissent de cette même propriété d'absorber entièrement les radiations depuis H jusqu'à T.

II. Les corps noirs ont la propriété inverse d'éteindre entièrement la lumière et aussi les rayons ultra-violets; mais is laissent passer de la chalcur obscure. Le sel gemme noirci, le quartz ensumé, éteignent à la sois tous les rayons voisins de rouge A et tous ceux qui se trouvent à la limite O₁. La courbe atteint dans la partie moyenne un maximum qui est très-rapproché du rouge A pour l'alun noirci, et beaucoup plus éloigné pour le sel gemme ensumé. Si l'épaisseur de l'écran augmente, la chalcur transmise sinit par être à peu près simple.

M. Tyndall vient de faire connaître une substance qui jouis à un haut degré de cette propriété : c'est la solution d'iode dans le sulfure de carbone. Étendue, elle est rouge; concer-

rée, elle intercepte tous les rayons visibles du soleil, mais elle laisse passer assez de chaleur pour enslammer de l'amalou au foyer d'un miroir.

III. Dans une troisième catégorie de milieux les coefficients diminuent à mesure que la réfrangibilité augmente (fig. 749, r2). Dans ce cas, l'extinction commence par le spectre chinique, et s'étend de H en A quand l'épaisseur augmente; en nême temps les rayons calorifiques obscurs s'affaiblissent l'autant plus qu'ils sont plus éloignés de A. Les trois courbes prennent d'abord les formes

 $O_{\mathfrak{s}}a_{\mathfrak{t}}\mathbf{E}$, $Ad_{\mathfrak{t}}G$, $Ad_{\mathfrak{t}}gh_{\mathfrak{t}}\mathbf{M}$.

di l'épaisseur augmente, les courbes s'abaissent et deviennent

 O_2a_2D , Ad_2E ;

eu à peu les trois maxima se rapprochent et sinissent par se onsondre dans la région du rouge; la teinte dominante, qui tait jaune, passe à l'orangé, et sinit par se réduire à un rouge ur. On constate ces changements avec les vins vieux, l'eau-e-vie, le verre jaune, etc., et l'on conçoit pourquoi cette derière substance est employée pour garnir les senêtres des ate-ers de photographie, puisqu'elle laisse passer assez de lu-ière pour éclairer l'opérateur dans ses manipulations, tandis l'elle éteint tous les rayons chimiques, qui depuis Ejusqu'en impressionnent si vivement les substances sensibles.

Presque tous les corps transparents que nous considérons mme incolores appartiennent à cette troisième catégorie. Issenfratz ayant fait passer les rayons solaires à travers un be plein d'eau dont il augmentait progressivement la loneur, vit que la lumière transmise paraissait jaune, puis orane, puis rouge. Il reconnut en même temps que tout le lide était devenu lumineux et répandait une lueur verte ou eue. Cela tient à ce que l'eau partage les rayons en deux rts: l'une, qu'elle transmet, qui est jaune et passe au rouge; utre, qu'elle diffuse intérieurement, et qui est complémenre. C'est celle-là que nous renvoient les eaux profondes des sou de la mer, et c'est pour cette raison qu'elles sont rtes ou bleues. L'air est dans le même cas que l'eau: bleu diffusion, tandis qu'il colore en rouge le soleil à son cou-

cher et les slammes lointaines. A mesure qu'on s'élève da l'atmosphère, l'air devenu plus rare dissuse moins de lumière et le ciel paraît d'un bleu très-sombre. Aux limites de l'atmosphère, on le verrait noir comme pendant la nuit.

- IV. Les milieux colorés en bleu ou en violet offrent des propriétés inverses. Ils transmettent très-abondamment les rayons très-réfrangibles de E en P; ils éteignent les groupes des chaleurs obscures et des lumières jusqu'au vert (fig. 749, n° 4); ils transmettent très-peu de chaleur de D en E, de la lumière en De_iG et presque tous les rayons chimiques De_ighT . Quand leur épaisseur augmente, le maximum de lumière se recule en EG vers le violet, qui est la dernière lumière transmise, et les rayons chimiques continuent encore de passer suivant Eg_ih_iP quand déjà toute lueur est éteinte.
- V. Les sels de nickel et les verres verts ont des coefficients de transmission croissants du rouge au vert, décroissants du vert au violet; les trois courbes offrent alors un maximum dans cette couleur, et pour une épaisseur suffisante ne laissent passer qu'elle (fig. 749, n° 4).
- VI. Avec les sels de manganèse et de chrome, on voit un minimum dans le jaune orangé, en k, et deux maxima vers les extrémités (fig. 749, n° 5). Quand l'épaisseur est moyenne, les courbes sont B_1a_1D , Ad_1ke_1H , $ke_1g_1h_1N$; les actions chimique, lumineuse et calorifique s'éteignent à la fois dans le jaune orangé; la teinte est verte. Si cette épaisseur croît suffisamment, la fente obscure s'élargit, gagne l'orangé et le vert; les deux extrémités AD et EGH demeurent seules, et la teinte devient violette (fig. 749, n° 6).
- VII. On trouve enfin des cas où les coefficients de transmission se distribuent très-irrégulièrement. Le verre bleu de cobalt réduit le spectre à quatre bandes brillantes (fig. 749, n° 6): l'une de B en A, la seconde entre C et D, la troisième un peu après D, la quatrième de E en H. Elles sont séparées par trois raies obscures: en C, un peu avant D, et enfin tout près de E (fig. 749, n° 7). Les rayons obscurs ultra-violets se transmettent aisément.

CAS DES GAZ. — En faisant passer les rayons solaires dans un tube qui contenait de l'acide hypoazotique et ensuite à

avers un prisme et une lentille, Brewster a trouvé un ectre interrompu par de larges bandes obscures à peu près quidistantes. Il en fut de même avec le chlore et la vapeur iode. Pour étudier celle-ci, qui s'attache aux parois des ses, il faut la produire en chauffant un peu d'iode dans un illon percé de déux fentes opposées.

En regardant ces bandes sombres avec plus d'attention, on reconnu qu'elles sont composées d'une multitude de raies mineuses et obscures fort étroites, et tout à fait analogues celles du spectre solaire. Il est probable que tous les gaz Iriraient chacun un système de raies spéciales si on pouvait sétudier sous une assez grande longueur. Ce qui autorise tte hypothèse, c'est une observation faite il y a longtemps par rewster. Il avait remarqué, au moment du lever ou du couer du soleil, dans la partie la moins réfrangible du spectre s bandes sombres et larges vers les raies B, C et D, et même peu au delà de D. Au moyen d'un spectroscope multiple, Janssen a résolu ces bandes larges en raies très-sines, leslelles recouvrent très-exactement certaines raies signalées r Frauenhoser. Elles sont saibles quand le soleil est élevé r l'horizon; elles s'accentuent et s'élargissent sans changer. place quand il baisse et que la couche atmosphérique trarsée par les rayons augmente d'épaisseur. Par contre, elles teignent presque complétement au sommet des montagnes. s observations viennent heureusement consirmer l'expliion que Brewster avait donnée de ces raies au moment me où il les a découvertes, et qui consiste à dire qu'elles viennent d'une absorption que l'air exerce sur les rayons i ont la réfrangibilité de ces raies. Il y en a d'autres, au conire, qui n'éprouvent aucune variation quand le soleil s'apche ou s'éloigne de l'horizon : elles ne sont donc pas dues air; mais elles pourraient peut-être provenir de l'absorption ercée par l'atmosphère du soleil.

Nous reviendrons bientôt sur cette idée. Pour le moment, us devons faire observer qu'il y a une différence essentielle tre les effets de transmission des solides et des liquides me part, et des gaz de l'autre. Ceux-là exercent une abrotion continue depuis O, jusqu'à P, et les coefficients de namission varient continûment avec la réfrangibilité. Rien

de pareil ne se voit avec les gaz; ils laissent passer tous les rayons, à l'exception d'un très-petit nombre, qui ont une réfrangibilité très-limitée et qui s'éteignent; de façon que le spectre transmis montre quelques raies extrêmement fines, tout à fait discontinues et irrégulièrement distribuées dans la série des couleurs.

nature des radiations sont exactes, si ces radiations apportent sur les corps qu'elles rencontrent une certaine somme de sorce vive, il faut que celle-ci se conserve ou se dépense en un travail équivalent. Cette idée sera développée bientôt. Donc quand une radiation est absorbée, il faut qu'elle produise un effet ou qu'elle se retrouve. Nous allons montrer que souvent elle ne fait que se disperser en se répandant dans tous les sens. C'est le phénomène de la diffusion. Les expériences d'Hassenfratz sont voir en effet que de longues colonnes d'eau éclairées par le soleil semblent devenir lumineuses; elles diffusent la partie des rayons qu'elles ne transmettent pas directement. Or, ce qui n'est visible qu'avec une très-longue colonne d'eau, se manifeste pour les corps opaques sous une épaisseur très-petite. On étudie ce phénomène de deux manières:

- ro Contre un écran parsaitement noir on dispose verticalement et sur le prolongement l'une de l'autre deux bandes étroites, l'une de papier blanc, l'autre couverte de la matière qu'on veut essayer, et on les regarde avec un prisme vertical. On voit ainsi deux spectres, l'un normal, celui du papier, qui contient toutes les couleurs dans les proportions qui réalisent le blanc; l'autre, qui est juxtaposé, où manquent les couleurs absorbées, et où restent les rayons dissusés par la matière qu'on essaye.
- 2º Après avoir préparé et fait tomber sur un écran parfaitement noir un spectre réel et vertical bien pur, on en reçoit la partie supérieure sur un papier blanc, et la portion inférieure sur la substance à examiner.

Ces deux méthodes permettent également bien de comparer les deux spectres juxtaposés, c'est-à-dire les effets produits par les deux substances sur chacun des rayons qui composent la lumière blanche.

En faisant cette épreuve avec des matières très-diverses, wton reconnut que chaque couleur simple conserve sa ince, c'est-à-dire qu'elle ne change pas de nature et que fet d'une surface opaque se borne à diffuser les rayons dans proportions qui varient avec la réfrangibilité, et que l'on it mesurer au moyen de photomètres. Supposons que cette sure ait été faite. Si la même substance reçoit ensuite de umière blanche, elle diffusera individuellement chacune couleurs simples dans les proportions qu'on vient de meer et par la règle chromatique de Newton. On pourra caler la teinte résultante dans chaque cas particulier.

l y a des corps qui renvoient toutes les couleurs simples vant les mêmes proportions que dans le spectre, c'estire dans la lumière blanche. Ces couleurs se mêlant, le ps est blanc, gris ou noir; blanc s'il renvoie beaucoup de lumières; gris plus ou moins foncé si leur quantité dét plus ou moins; ensin, noir si elles sont insensibles.

e plus généralement, cette proportion des couleurs éléntaires est changée. Quand l'une des couleurs diminue dans spectre dissusé, elle diminue aussi dans la teinte qui réte de leur mélange, c'est-à-dire dans la couleur du corps. leaucoup de matières ont des couleurs vives, tout à sait ablables aux teintes du spectre et qui paraissent simples. is elles ne le sont jamais absolument, et on les voit génément se résoudre, par le prisme, en un groupe de couleurs sines: toute couleur jaune contient de l'orangé, du jaune lu vert; les tons verts sont constitués par le jaune, le vert e bleu, et, en général, une nuance quelconque par la cour prismatique qui lui correspond, qui est en grand excès, par celles qui la précèdent et la suivent, en moindre protion. Ces teintes changent avec les lumières qui les éclait, comme nous allons l'expliquer. La lumière du soleil st blanche qu'à midi, elle jaunit et tire à l'orangé vers le lin ou le soir, et surtout pendant les éclipses. Les lampes la flamme du gaz contiennent beaucoup de jaune, très-peu bleu ou de violet. Au contraire, le rouge et le jaune font aut, et les rayons violets dominent dans l'arc électrique ou is les rayons de la lune. Par conséquent, au lever et au icher du soleil, aussi bien qu'à la lueur des lampes, tous les tons doivent rétrograder vers le rouge, le jaune deven ant orangé, le vert pâle passant au jaune, et le bleu au vert, tan dis qu'à la lumière électrique toutes les nuances monteront vers les couleurs plus réfrangibles : le jaune tendant au vert, le vert au bleu, et le bleu au violet. Mais il serait bien aisé, par interposition d'écrans complémentaires, de ramener les luminaires à la couleur blanche et d'éviter les effets désastreux de coloration qu'on remarque par exemple dans certains théitres ou par l'effet de la lumière électrique.

DE L'EMISSION.

émettent des radiations. Elles ne sont jamais simples; elles constituent au contraire un mélange de rayons dont la réfrangibilité varie en même temps que la température. Au-dessou de 100 degrés, ce sont des rayons de chaleur qui traversen difficilement le sel gemme; au-dessus, et en s'éloignant de cerme, ce sont des radiations encore obscures, mais se rapprochant du spectre visible. A 525 degrés, suivant M. Draper, elle sont rouges et commencent à devenir lumineuses. Elles comprennent toutes les couleurs depuis A jusqu'à C vers 720 degrés. On les voit s'étendre jusqu'à G à 780 degrés, et enfi dépasser H à 1165 degrés, c'est-à-dire au rouge blanc. Il emprobable que les rayons chimiques s'ajoutent de même a flux général avec des réfrangibilités qui croissent toujou davantage, en même temps que la température.

Quelle que soit cette température, les spectres observes sont toujours continus si les substances rayonnantes sont solides ou liquides; c'est ce que l'on peut observer avec chaux incandescente dans la lampe de Drummond, avec les charbons de l'arc voltaïque, ou pendant la combustion du mergnésium. C'est ce qui arrive encore lorsqu'on étudie les flammes qui contiennent des particules charbonneuses incardescentes.

CAS DES GAZ. — Les apparences sont entièrement changé solorsqu'on décompose par un prisme le rayonnement des giraincandescents. Ces substances, qui absorbaient dans les spe

tres continus un petit nombre de rayons de manière à faire naître des raies obscures très-étroites et irrégulièrement distribuées, donnent, quand elles sont lumineuses, des spectres très-peu apparents, sur le fond desquels on voit se détacher, par un phénomène inverse, un petit nombre de traits fort brillants tout aussi étroits, tout aussi irréguliers, et dont la place est tellement invariable, que dès 1822 Herschel déclarait qu'ils pourraient servir à caractériser et à analyser les matières en combustion.

Parmi les exemples que nous devons citer, il convient de appeler d'abord que la lampe à alcool salé émet une lumière jaune composée d'une double raie D, laquelle se subdivise encore quand on multiplie le nombre des prismes. Elle avait été signalée déjà par Frauenhoser dans la slamme des lampes Ordinaires. Swan l'avait observée, en 1856, dans toutes les combustions faites en présence d'un sel de soude. Il admit qu'elle Caractérise le sodium, et comme il éprouvait de grandes dissi-Cultés pour éviter qu'elle ne prit naissance, il avait conclu que ce sodium est répandu partout. Tous les sels métalliques qu'on mêle à l'alcool offrent, à la simplicité près, des résultats analogues. Si c'est un sel de cuivre ou d'argent, la flamme est colorée en vert et montre des raies vertes très-brillantes, dissérentes pour le cuivre ou pour l'argent. Elle est rouge avec la strontiane, parce qu'elle est formée d'un groupe de raies rouges. Les spectres produits dans tous ces cas ont été étudiés par Müller, qui en a donné les dessins exacts. La slamme des hydrogènes carbonés, quand on l'observe à sa base dans la partie bleue, le dard d'un chalumeau, et la lumière verte éclaante qu'on obtient en brûlant le cyanogène par un courant intérieur d'oxygène, donnent toujours un même spectre. On y voit 6 raies brillantes et équidistantes dans l'orangé, 7 dans le jaune verdâtre, 3 dans le vert, 5 dans le bleu indigo, et ensin un grand nombre de traits absolument noirs et équidistants dans le violet. Ce spectre remarquable, décrit par M. Morren, se retrouve toutes les fois qu'une flamme contient du charbon qui s'y brûle en totalité. Il est évidemment dû à ce charbon.

PECTRE ÉLECTRIQUE. — L'étincelle électrique entraînant avec elle, dans les deux sens opposés, la matière volatilisée de

ses deux conducteurs, il était probable qu'elle donnerait étant décomposée par un prisme, un petit nombre de raies brillantes et discontinues. C'est ce que vit, en effet, Frauenhofe Wheatstone reconnut ensuite que leur place change aveles électrodes. Enfin, Masson les dessina avec autant de solute frauenhofer l'avait fait des raies solaires. Chaque métal les siennes. Celles qui appartiennent à deux métaux se super posent dans le spectre électrique quand on allie ces deux métaux ou qu'on emploie l'un pour conducteur positif et l'autre pour électrode opposée.

Masson avait encore signalé des raies communes aux spectres de tous les métaux. L'observation était exacte; mais Angstroem a montré que ces raies communes sont dues au gaz dans lequel on fait éclater l'étincelle.

TUBES DE GEISSLER. — En 1838, M. Plucker ajouta toute une nouvelle classe de faits aux précédents en observant les spectres de la lumière qui se développe par le courant d'induction dans les tubes de Geissler. Ils contiennent, comme le spectre électrique, des raies brillantes dues, soit aux gaz, soit aux électrodes; mais il est facile de distinguer ces dernières, qui sont communes à tous les gaz quand les électrodes restent les mêmes, et qui changent dans un même sluide quand on emploie des conducteurs dissérents. M. Plucker ayant étudié les raies qui viennent de l'illumination du milieu les a trouvées sixes, constantes et propres à caractériser le gaz employé. D'après ses recherches, on connaît le spectre de l'oxygène, de l'azote, de l'hydrogène et d'un grand nombre de corps simples gazeux ou volatilisés. Quand on emploie des gaz ou des vapeurs composés, on découvre généralement des raies nouvelles propres à ce composé, mais on peut voir aussi celles qui répondent à ses éléments. C'est ainsi que l'oxyde de carbone possède un ensemble de raies particulier, au milieu duquel on voit naître celles de l'oxygène lorsqu'on atteint un degré déterminé de tension. De même la vapeur d'eau montre les raies de l'hydrogène lorsque le courant est faible et celles de l'oxygène s'il augmente; de même aussi M. Morren vit apparaître le spectre du charbon dans les hydrogènes carbonés.

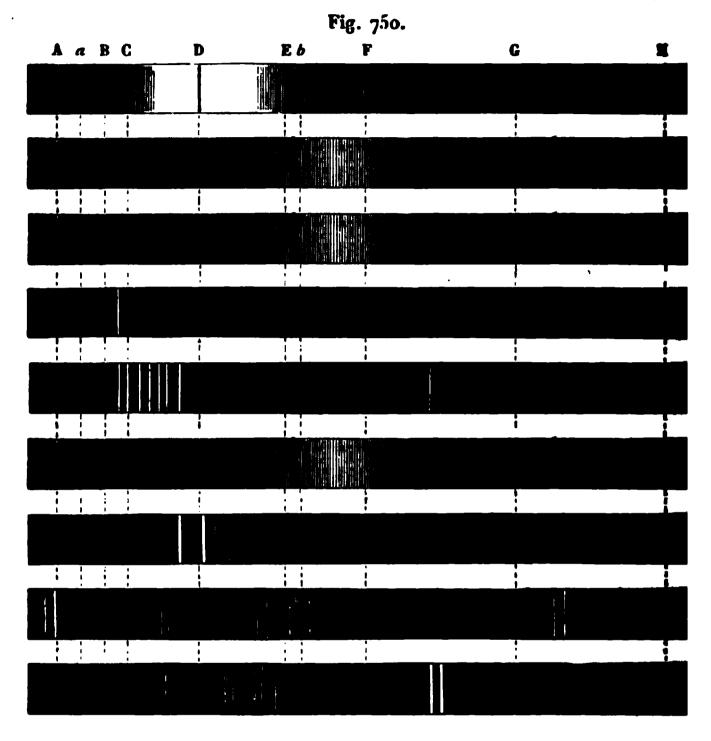
SPECTRE DE L'ARC. — L'arc électrique devait produire les iêmes essets. M. Foucault l'étudia en 1839. Il trouva dans ette lumière les raies qui, dans la suite, furent reconnues our caractériser le charbon. Il remplaça le crayon inférieur ar un creuset dans lequel il déposait un fragment d'argent, e cuivre, de zinc ou de laiton. L'argent donnait, entre autres, leux raies vertes extrêmement lumineuses, le cuivre un groupe le bandes rouges et de raies vertes, le zinc des bandes bleues, t le laiton la combinaison des raies particulières du cuivre t du zinc. Avec le fer, on obtient environ 70 raies; et ce qu'il aut remarquer, c'est que tous les métaux reproduisent dans ette nouvelle expérimentation les caractères que Masson avait écouverts dans l'étincelle électrique, et que Kirchhoff reroduisit ensuite avec plus de soins et de plus grands détails n remplaçant la machine électrique par l'appareil de Ruhm-Orff.

AMALYSE SPECTRALE. — Ces divers résultats étaient connus epuis longtemps; mais ils étaient épars, et la liaison qui existit entre eux, quoique soupçonnée, avait échappé à tout le nonde, quand MM. Bunsen et Kirchhoff publièrent, en 1855, un travail célèbre que nous allons résumer.

Lorsqu'on brûle le gaz d'éclairage mêlé à une grande quanité d'air, dans une lampe qui a été imaginée par M. Bunsen, on obtient une slamme très-chaude mais peu éclairante, et qui lonne un spectre à peine visible et sans raies. Mais vient-on à s'introduire un fil sin de platine qu'on a trempé dans une soution saline, elle s'illumine tout à coup, parce que le sel se raporise, et l'on voit naître dans le spectre les raies qui caractérisent la substance volatilisée (fig. 750).

Non-seulement le sel marin montre immédiatement la double raie D, mais tous les sels de soude la donnent. Par conséquent, l'acide ne concourt en rien à la former; elle est due au métal; elle permettra de le reconnaître. En introduisant dans la même lampe un sel quelconque de lithium, on voit de la même manière apparaître deux raies: l'une rouge après B, l'autre jaune orangé avant D. A son tour, le potassium, à un état de combinaison quelconque, sait naître une raie rouge très-voisine de A et une seconde qui est violette. Avec les quatre autres métaux

alcalins, les résultats se compliquent sans cesser d'être au caractéristiques. C'est ainsi que l'on voit, dans le spectre strontium plusieurs raies rouges, une autre qui est d'orangé; et une dernière, colorée en bleu intense, qui



située entre F et G; dans celui du calcium, des bandes or gées et une belle raie verte; et ensin dans celui du baryum plus compliqué de tous, un ensemble nombreux de lig brillantes comprises entre le rouge et le bleu.

En résumé, les six métaux alcalins connus, combinés a des corps quelconques, déterminent, quand on les introc dans la flamme, certaines raies spectrales qui les caractéris et qui vont permettre, non de les doser, mais de reconna leur présence. Tel est le principe de l'analyse spectrale.

Pour prouver qu'elle a de la valeur, il fallait montrer cette méthode est plus sensible que les autres. On sit déto

dans une chambre de 60 mètres cubes un mélange de 3 milligrammes de chlorate de soude avec du sucre de lait : il en résulta un petit nuage contenant du sodium qui se répandit peu è peu dans la pièce. Un spectroscope, placé aussi loin que possible du lieu où s'était sait la détonation, montra, en effet, h mie D au bout de quelques minutes. Or, si on suppose que tout le sodium contenu dans le chlorate ait été uniformément répandu dans la saile et apporté peu à peu dans la slamme avec l'air qui entretient la combustion, on trouve qu'il en arrive de gramme pendant chaque seconde; et cette seconde suffit pour qu'on voie la raie D et qu'on reconnaisse la présence de ce métal. On comprend qu'avec sa prodigieuse sensibilité cette méthode doive montrer du sodium à peu près pertout. On en trouve, en esset, près des côtes où il est entraîné par les vents, toutes les fois qu'on remue des objets, qu'on bat des étoffes, qu'on ferme un livre, et en général toutes les sois qu'on soulève des poussières. Cela n'est pas particulier au sodium, tous les autres métaux alcalins se décèlent avec la même facilité et la même sensibilité. C'est ainsi qu'on a reconnu le lithium, qu'on croyait rare, dans les eaux de la mer, dans les cendres des fucus, dans les granites, dans les sols qui sont produits par la décomposition de ces roches, dans les plantes qui y poussent, et jusque dans le lait et la viande des bestiaux qui y vivent.

thode qui reconnaissait, par un seul coup d'œil, les métaux alcalins dans un mélange quelconque, MM. Kirchhoff et Bunsen firent dissoudre 150 kilogrammes de lépidolite de Saxe. Après avoir précipité successivement tous les métaux que la solution contenait, excepté le sodium et le potassium, ils découvrirent au spectroscope, oûtre les caractères de ces deux métaux, des raies nouvelles qui n'appartenaient à aucun des alcalis connus. Il y en avait deux dans le rouge et deux autres moins vives dans le violet (fig. 750). Ils en conclurent que le liquide devait contenir un métal alcalin jusqu'alors inconnu, caractérisé par ces raies rouges si brillantes, et ils le nommèrent rubidium (métal rouge). Ils eurent ensuite quelque peine à l'isoler; néanmoins, comme le chloroplatinate de rubidium

est moins soluble à chaud que celui de potassium, on le précipite en versant la solution dans du chloroplatinate de potassium dissous à chaud. Le rubidium a pour équivalent 85; il est isomorphe avec le potassium; il se place avant lui par l'énergie de ses assinités.

cosium. — Les eaux mères des salines de Durkheim, débarrassées de tous les métaux alcalins, excepté le sodium, le potassium et le rubidium, offrirent encore deux nouvelles mies inconnues, toutes deux bleues, très-éclatantes et très-voisines. Elles indiquaient un second métal, le cœsium (métal bleu), qu'on parvint à séparer de ses congénères. Il a pour équivalent 123, et ses affinités sont encore plus vives que celles du rubidium.

THALLIUM. — En suivant les mêmes errements, M. Crookes découvrit, dans le spectre de certains résidus, une raie verte très-brillante; il l'attribua à un métal qu'il nomma thallium (de $\theta \alpha \lambda \lambda \omega$, verdir); mais il ne sut point l'isoler, et l'existence de ce corps était restée douteuse, lorsque M. Lamy le décorvrit en abondance à Lille, dans les boues des chambres de plomb. C'est un nouveau métal alcalin qui ressemble au plomb par ses caractères physiques, et au potassium pour ses propriétés chimiques. Son équivalent est égal à 204.

LES AUTRES MÉTAUX. — Les succès que nous venons de reconter tiennent en grande partie à cette circonstance que les spectres des métaux alcalins sont simples. Mais quand on veut étendre cette méthode aux autres corps, on rencontre un ensemble de raies tellement compliquées, qu'il faut renoncer les employer pour caractériser les substances chimiques et pour analyser leurs mélanges. Néanmoins, M. Kirchhoff a étudié chaque métal avec un spectroscope à plusieurs prismes (fig. 735, p. 416). Il faisait arriver les rayons solaires par la moitié inférieure de la fente, pendant qu'au moyen d'un prisme à réflexion totale il éclairait la partie supérieure avec l'étincelle de la machine de Ruhmkorff. Les électrodes étaient faites avec le métal qu'il voulait étudier, et il comparait ce spectre électrique formé de traits brillants avec le spectre solaire qui montre des raies obscures. Le dessin qui résume ces observa-

tions se trouve dans les Annales de Chimie et de Physique, 3° série, t. LXVIII. Cette longue et pénible comparaison sut exécutée en vue d'une entreprise de haute importance, en vue de savoir quelle est la composition chimique du soleil.

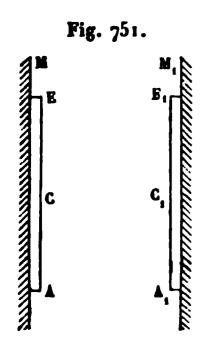
Nous avons dit que le spectre des solides ou des liquides incandescents est continu. Or, celui de la lumière solaire ne l'est pas. On ne peut donc admettre que cet astre soit analogue à un gros boulet rougi, fondu ou non. Serait-il, comme on l'a supposé, composé d'un noyau obscur, enveloppé d'une atmosphère incandescente lumineuse qu'on a nommée photosphère? Cette hypothèse est aussi insuffisante que la première, car la photosphère gazeuse donnerait un spectre composé de raies brillantes sur un fond sombre, et celui du soleil réalise des conditions tout à fait inverses. Il n'y a plus qu'une troi-Sième hypothèse possible : c'est que le soleil soit un globe en fusion et lumineux, environné d'une couche de vapeurs par-Liellement transparentes et pouvant absorber certains rayons, Comme le fait l'acide hypoazotique, le chlore et l'air, comme le font toutes les vapeurs et tous les gaz. Nous allons examimer si cette hypothèse serait suffisante pour expliquer les faits; et pour cela nous chercherons d'abord s'il y a quelque relation entre les rayons que les gaz incandescents peuvent émet-Tre et ceux qu'ils peuvent absorber.

par les expériences de Leslie, par celles de MM. de la Provostaye et Desains, par les lois du refroidissement, et enfin par les conditions de l'équilibre mobile de température, que le pouvoir émissif d'un corps est proportionnel à son pouvoir absorbant; de sorte que si on désigne par e, E, E₁, E₂,... les pouvoirs émissifs du noir de fumée et de divers corps, par 1, A, A₁, A₂,... les pouvoirs absorbants des mêmes corps à la même température, on a

$$\frac{\mathbf{E}}{\mathbf{A}} = \frac{\mathbf{E}_1}{\mathbf{A}_1} = \frac{\mathbf{E}_2}{\mathbf{A}_2} = \ldots = \frac{e}{1} = e.$$

C'est-à-dire que le rapport du pouvoir émissif et du pouvoir absorbant est le même pour tous les corps. Nous allons justi-fier et interpréter cette loi.

Imaginons avec M. Kirchhoff deux corps C et C, (fig. 751) placés dans une même enceinte à une température uniforme



quelconque, sixés sur deux miroirs M, M, qui aient la propriété de résléchir totalement les rayons qui leur arrivent. Supposons que C, émette et absorbe partiellement tous les rayons quels qu'ils soient, tandis que C émettra et absorbera seulement la lumière qui correspond à la raie D, sans pouvoir émettre ou absorber aucun autre rayon. Considérons en particulier cette lumière D. La lame C en émet une quantité E; la lame C, en absorbe EA, et en renvoie E(1—A,) vers C, qui à son tour en absorbe

E(1-A₁) A et en renvoie E(1-A₁)(1-A). Posons cette quantité égale à KE. Les mêmes alternatives vont se reproduire sur KE, et sinalement C₁ aura absorbé

$$EA_1 + KEA_1 + K^2EA_1 + \dots = EA_1(1 + K + K^2 + \dots) = \frac{EA_1}{1 - K}$$

De même, C, émet une quantité de ces mêmes rayons jaunes égale à E,; et en répétant les mêmes raisonnements on trouve qu'il en absorbe sinalement une somme égale à

$$\frac{\mathbf{E}_{1}\mathbf{A}_{1}(\mathbf{I}-\mathbf{A})}{\mathbf{I}-\mathbf{K}}.$$

Or, pour que l'équilibre ait lieu entre ces deux corps à la même température, il faut que la quantité E, des rayons émis par la lame C, soit égale à la somme de ceux qui sont absorbés par elle, ou que

$$\mathbf{E}_{1} = \frac{\mathbf{E}\mathbf{A}_{1}}{\mathbf{I} - \mathbf{K}} + \frac{\mathbf{E}_{1}\mathbf{A}_{1}(\mathbf{I} - \mathbf{A})}{\mathbf{I} - \mathbf{K}};$$

et en remplaçant K par sa valeur, il faut que

$$\frac{\mathbf{E}_{1}}{\mathbf{A}_{1}} = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{A}}$$

On peut maintenant remplacer successivement le milieu C

par d'autres, dont les pouvoirs émissifs et absorbants soient E, E,..., e, et A,, A,..., , et comme la relation précédente s'applique à tous, on en tirera

$$\frac{\mathbf{E}_{1}}{\mathbf{A}_{1}}:\frac{\mathbf{E}_{2}}{\mathbf{A}_{2}}=\frac{\mathbf{E}_{3}}{\mathbf{A}_{3}}=\ldots=e,$$

ce qui veut dire sinalement qu'à la même température, et si on considère une radiation quelconque mais déterminée, le rapport du pouvoir émissif au pouvoir absorbant est le même pour tous les corps, et égal au pouvoir émissif e des subsances noires dont le pouvoir absorbant est égal à l'unité. M. Kirchhoss a tiré de cette loi des conséquences importantes:

Les corps noirs commencent à émettre, vers 525 degrés, des rayons rouges auxquels s'ajoutent successivement et continûment les autres lumières de réfrangibilité croissante à mesure que la température s'élève. Le pouvoir émissif e de ces corps et le rapport \(\frac{E}{A} \) pour toutes les substances, sont donc une fonction continue de la température et de la réfrangibilité, fonction nulle à une température basse, qui commence à mendre une valeur sensible à une température déterminée et d'utant plus haute que la réfrangibilité de la radiation considérée est plus grande.

2º E étant une fonction commune à tous les corps, le pouvir émissif E correspondant à une radiation déterminée commencera à prendre une valeur sensible à une température qui leur sera aussi commune. Cela veut dire que tous les corps commenceront à rougir au même moment dans la même enceinte, et deviendront rouge blanc en même temps; les expériences semblent vérisier ce résultat.

3° Mais de ce que $\frac{E}{A}$ est une fonction identique pour tous les corps, il ne s'ensuit pas que le pouvoir émissif E soit identique chez tous. A températures égales, E est très-grand pour quelques solides, moindre pour les liquides, moindre encore pour les gaz. Le phosphate de soude s'illumine trèspeu quand on le porte au rouge, tandis que le charbon, les nétaux et le verre sont éclatants.

- 4° Mais la valeur de $\frac{E}{A}$ étant commune à tous les corps, il faut de toute nécessité que ceux qui sont les plus éclatants soient aussi les plus absorbants. Aussi le phosphate de soude reste transparent au rouge, et il en est de même des gaz; mais le verre devient opaque.
- $5^{\circ} \frac{E}{A}$ est une fonction continue de la réfrangibilité. D'un autre côté, le spectre des solides et des liquides est dépourve de raies, ce qui veut dire que leur pouvoir émissif E est églement une fonction continue de la réfrangibilité; donc il en sera de même de A, c'est-à-dire qu'il n'y aura aucune raie tranchée d'absorption.
- 6° Nous avons vu au contraire que les gaz et les vapeurs incandescents donnent des spectres réduits quelque sois à une seule, toujours à un petit nombre de raies brillantes, nettes et tranchées. Cela veut dire que E varie d'une manière discontinue, depuis le rouge jusqu'au violet; et puisque $\frac{E}{A}$ est une fonction continue, la même pour tous les corps, il faudra que A soit grand ou nul en même temps que E. Donc, « tout gaz incandescent qui a la propriété de rayonner une raie brillante, possède aussi celle de l'absorber, et il transmet sans l'affaiblir toute lumière qu'il n'émet pas. »

Cette dernière conséquence, la plus curieuse qu'on ait déduite de cette théorie, se justifie par le raisonnement suivant, qu'on doit à M. Stokes:

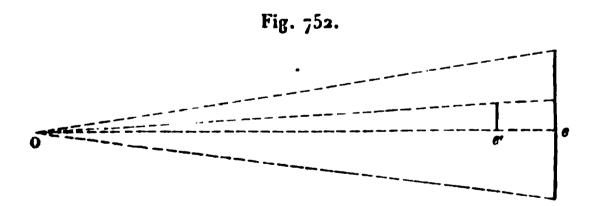
Les molécules d'un gaz incandescent sont en vibration comme celles d'une corde sonore, et de même que celles-ci ne peuvent produire que certains sons donnés, de même celles-là ne peuvent émettre que des lumières de réfrangibilités déterminées, celles des raies brillantes, qu'on voit dans le spectre. Or, on se souvient qu'en produisant loin d'une corde musicale le son qu'elle peut rendre, elle vibre aussitôt, parce qu'elle est synchroniquement ébranlée, tandis qu'elle ne vibre pas sous l'influence d'une note qu'elle ne peut donner. Si on transporte de tout point cette remarque à la lumière, on voit que l'éther dans un gaz sera mis en vibration par les lumières simples qu'il est capable d'émettre, et

celles-ci, en le traversant, lui communiqueront leur force vive, qui sera absorbée et se dissipera dans tous les sens. Au contraire, les lumières différentes ne mettront point l'éther en mouvement, ne perdront point leur force vive et continueront leur route sans affaiblissement.

Cette relation entre les facultés émissives et absorbantes des gaz incandescents sut découverte par M. Foucault. Il avait reconnu qu'il y a dans l'arc de la lumière électrique un double trait jaune brillant coïncidant exactement avec la double raie obscure D du spectre solaire. Or, en dirigeant les rayons sobires à travers cet arc, M. Foucault vit que leur raie noire D devenait bien plus soncée; il en conclut que l'arc, et en général les sources lumineuses qui émettent des rayons d'une réstangibilité déterminée, ont aussi la propriété d'absorber et cet d'éteindre ces rayons dans les lumières qui les traversent. Voici d'autres démonstrations du même principe:

On produit un spectre réel avec la chaux rougie de l'appareil de Drummond; il est continu et il le demeure, si l'on vient à interposer entre la fente et le prisme une lampe de bussen; mais aussitôt qu'on introduit dans cette lampe, soit le la soude, soit de la lithine, soit un sel quelconque des métaux alcalins étudiés précédemment, on voit se manifester a noir les raies brillantes qui caractérisent ces corps.

Crookes fit l'expérience plus simplement (fig. 752): il mit



vant une grande slamme e une petite lampe e', toutes deux imentées par l'alcool salé; et regardant de 0 la grande slamme travers la petite, il vit que les bords de celle-ci étaient noirs, 'est-à-dire qu'ils absorbaient la lumière jaune de celle-là, lu-vière qu'ils émettent eux-mêmes.

Pour que ce renversement des raies puisse avoir lieu, il aut satisfaire à certaines conditions.

Admettons que e soit une surface solide chaussée jusqu'à être lumineuse, dont le pouvoir émissif est absolu, égal à e et sensiblement le même pour deux rayons voisins; que e' soit au contraire une flamme incandescente ayant des pouvoirs émissifs et absorbants E' et A' très-grands pour une raie donnée, D par exemple, et nuls pour les couleurs voisines, ce qui est le cas de la lampe à alcool salé. La quantité de lumière de la raie D envoyée par e et transmise par e' sera e (1 — A'), à quoi s'ajoutera celle qui est envoyée par e', c'est-à-dire E'. La somme sera

$$e(\mathbf{1}-\mathbf{A}')+\mathbf{E}'$$
.

Un rayon très-voisin de D ne sera, ni absorbé, ni émis par é, et son intensité sera e. Donc, la différence entre les quantités de lumière correspondantes à la raie D ou aux parties voisines sera

$$e(I-A')+E'-e=-eA'+E'.$$

La raie D sera devenue obscure si cette différence est négative, c'est-à-dire si $e > \frac{E'}{\Lambda'}$, ce qui aura lieu seulement dans le cas où la température du corps e sera plus grande que celle de la lampe e'.

Revenons maintenant au soleil et à la seule hypothèse possible pour expliquer son rayonnement. S'il est composé d'un noyau à température très-haute, il doit donner un spectre continu; mais s'il est enveloppé d'une atmosphère moins chaude et contenant un certain nombre de métaux en vapeur, elle absorbera dans le flux lumineux émis par le noyau tous les traits brillants que fourniraient ces métaux, et qu'on verrait si on étudiait par le prisme la lumière de l'atmosphère. Ces traits se transformeront en autant de raies sombres, et l'apparence du spectre solaire sera exactement celle que nous lui connaissons. Nous admettrons dès lors que telle est la constitution du soleil.

Or, M. Kirchhoff a reconnu que beaucoup de raies obscures que nous trouvons dans le spectre solaire coıncident avec les raies brillantes qui caractérisent plusieurs de nos métaux, il en a conclu que ceux-ci existent en vapeur dans l'atmosphère solaire; le sodium s'y trouve, puisque la raie bril-

DE L'ABSORPTION ET DE L'ÉMISSION.

467 nte D, qui le fait reconnaître, se voit en noir dans le ectre; le bismuth, le magnésium, le chrome, le nickel, et obablement le cobalt, font également partie du soleil, ainsi e le fer, car les 70 traits brillants que produit la vapeur inadescente de ce métal se voient transformés en raies obures dans le spectre de Frauenhoser. D'un autre côté, l'or, rgent, le mercure, l'aluminium, le silicium, l'étain, le mb, l'arsenic, dont les raies manquent au spectre du sol, doivent manquer à la composition chimique de cet astre.

QUATRE-VINGT-UNIÈME LEÇON.

DE LA TRANSFORMATION DES RADIATIONS.

Idée générale des phénomènes. — Phosphorescence. — Premier mode d'observation. — Cas des sulfures alcalino-terreux. — Action de la chaleur. — Changement de teinte par la chaleur. — Action des divers rayons. — Rayons très-réfrangibles. — Rayons peu réfrangibles. — Action de la lumière blanche. — Durée de la phosphorescence. — Deuxième méthode d'observation. — Spectre prolongé pendant l'insolation. — Spectre de phosphorescence.

Fluorescence. — Diffusion épipotique. — Expériences de M. Stokes. — Troisième mode d'observation. — Phosphoroscope. — Loi de la déperdition de la lumière. — Composition de la lumière émise.

Dans les phénomènes que nous avons étudiés jusqu'à présent, une radiation simple déterminée éprouvait des changements dans son intensité, mais non dans sa nature; elle restait simple et conservait sa réfrangibilité primitive. Nous allons montrer aujourd'hui qu'elle peut être transformée en d'autres rayons et changer d'espèce.

Nous connaissons déjà un cas où cette transformation s'accomplit, c'est celui où nous faisons tomber sur une plaque métallique noircie qui les absorbe des rayons lumineux simples bien définis, par exemple ceux qui avoisinent la raie D. Il se produit alors quatre phénomènes successifs distincts: 1° la plaque absorbe la radiation incidente; 2° peu à peu elle s'échauffe; 3° elle rayonne et continue de le faire, même après qu'elle a cessé de recevoir de la lumière; 4° elle ne renvoie pas simplement les rayons jaunes qu'elle a reçus, elle émet de la chaleur obscure, la nature des rayons a été transformée et leur réfrangibilité a été diminuée. Or, puisque les radiations calorifiques et lumineuses sont des vibrations, ces phénomènes successifs s'expliquent en admettant que la somme de

DE LA TRANSFORMATION DES RADIATIONS. 469 force vive apportée par ces vibrations est absorbée et s'accumule dans la plaque, laquelle l'abandonne ensuite sous la forme d'un rayonnement nouveau dont la longueur d'onde est différente et qui remet en circulation la quantité de force vive momentanément emmagasinée dans la plaque.

Ce phénomène est plus général qu'on ne l'avait d'abord pensé. Non-seulement le groupe des rayons lumineux peut être absorbé et transformé en chaleurs obscures, mais toutes les radiations ultra-violettes éprouvent, quand elles rencontrent certaines substances, une action tout à fait comparable : 1º la substance les absorbe; 2° elle devient peu à peu lumineuse; 3° elle continue de luire, même après que le flux incident a cessé; 4 elle ne renvoie pas simplement l'espèce de rayons qu'elle a recus, elle émet de la lumière, et la réfrangibilité des rayons a été diminuée. Les corps qui jouissent de cette propriété se divisent en deux catégories : les uns peuvent absorber beaucoup de rayons ultra-violets, devenir et rester lumineux pendant longtemps: on dit qu'ils sont phosphorescents; les autres ne mettent aucun temps appréciable à transformer les radiations très-résrangibles en d'autres rayons qui le sont moins: ce sont les corps fluorescents; nous les étudierons d'abord séparément, Puis nous montrerons qu'il n'y a point de démarcation tranchée entre les uns et les autres.

PHOSPHORESCENCE.

Un grand nombre de substances peuvent devenir lumineuses à la température ordinaire par des efforts mécaniques, comme en frottant vivement deux morceaux de quartz ou en broyant du sucre, de la craie, du chlorure de calcium, etc., ou encore en clivant du mica. Elles peuvent le devenir au moment où elles cristallisent, comme le font l'acide arsénieux et le sulfate de potasse ou de soude. Quelquesois la phosphorescence résulte d'actions chimiques, de la décomposition des matières organiques, de la combustion lente des bois morts. Enfin, on sait que de nombreux insectes luisent dans l'obscurité; mais tous ces phénomènes étant à peu près inconnus, nous étudierons seulement ceux qui sont développés par la lumière, l'électricité ou la chaleur.

On sait, de toute antiquité, que les diamants, après avété exposés au soleil, luisent pendant quelque temps de l'obscurité. Ce fut le seul exemple connu de phosphorescer jusqu'en 1604, où un artisan de Bologne, Vincenzo Calciaro découvrit la même propriété dans les coquilles calciné Elles la doivent au sulfure de calcium qui prend naissur pendant la calcination, et qu'on nomme, à cause de cela, ph phore de Bologne. Le sulfure de baryum (phosphore de C ton) et celui de strontium se comportent absolument de même manière.

rescence, il convient de se placer dans une chambre obscu de fermer les yeux, d'ouvrir un volet pour exposer au so le corps qu'on veut étudier, de le retirer et de rouvrir yeux pour le regarder au moment même où l'on ferme l' verture. On le voit brillant et de dissérentes couleurs, suiv sa nature, son état physique et son mode de préparation. I sulfures alcalino-terreux peuvent offrir toutes les teintes, puis le rouge jusqu'au violet; les diamants sont jaunes bleus. L'éclat diminue peu à peu, et la lueur disparaît a

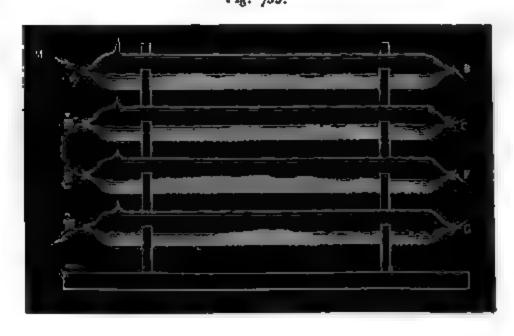


Fig. 253.

une vitesse très-variable suivant les cas. Lorsque la phospi rescence est faible et fugitive, il faut, avant d'observer, DE LA TRANSFORMATION DES RADIATIONS. 471 meurer pendant un quart d'heure dans la chambre obscure, asin d'augmenter la sensibilité de l'œil par un repos prolongé. Mais la meilleure méthode consiste à ensermer les substances qu'on veut essayer dans des tubes de Geissler, à travers lesquels on sait passer la décharge d'une machine de Ruhmkorss, décharge qu'on interrompt au moment où l'on rouvre les yeux pour observer (fig. 753).

On reconnaît ainsi que la phosphorescence appartient à presque tous les corps : à beaucoup de matières organiques, telles que le papier, le sucre, la soie, le succin, le sucre de lait, les dents, la chlorophylle, etc.; aux oxydes et aux sels des métaux 'alcalins et terreux, principalement à l'alumine. Mais les composés des autres métaux, excepté ceux d'uranium, n'en offrent aucune trace, ni les corps simples, sauf le soufre et le diamant. Il est à remarquer qu'aucun liquide n'est phosphorescent, tandis que beaucoup de gaz le deviennent dans les tubes de Geissler. Nous citerons l'oxygène, mais surtout des mélanges d'acides sulfureux ou sulfurique avec le bioxyde d'azote.

Parmi ces divers corps, M. Ed. Becquerel a spécialement étudié les sulfures de calcium, de baryum et de strontium. Nous allons résumer ses recherches.

fures en traitant par le soufre les carbonates ou les oxydes de calcium, de baryum et de strontium; ou bien en calcinant leurs sulfates avec du charbon. L'expérience a prouvé que la quantité et la teinte de la lumière émise par les produits obtenus dépendent de la température de l'opération ainsi que du mode de réaction, et aussi, ce qui est contraire à toute prévision, de l'état moléculaire primitif des carbonates ou des sulfates employés.

M. Becquerel a dissous dans l'acide azotique divers carbonates de chaux, craie, marbre, arragonite, etc., et après avoir purifié la solution, il la précipita par du carbonate d'ammoniaque. Il obtint ainsi des carbonates de chaux qui semblaient devoir être identiques et n'avoir conservé aucune trace de leur différence primitive. Il les traita tous par le soufre, dans des creusets pareils, au milieu d'un même fourneau, et les sul-

QUATRE-VINGT-UNIÈME LEÇON.

fures qu'il obtint, après avoir été exposés au soleil, émettaient dans l'obscurité les lueurs suivantes:

LUEUR.

472

MATIÈRE PRIMITIVE.

Jaune orangé. Spath. Craie.

Vert. Chaux de spath. Vert. Arragonite fibreuse.

Violet rose. Marbre.

Violet rose. Arragonite de Vertaison.

Ces différences, qu'il est impossible d'expliquer, vont nous être d'une grande ressource en nous permettant de préparer des matières phosphorescentes de toute couleur, depuis le rouge jusqu'au violet, de varier les expériences, et d'en mieux saisir les lois générales.

action de la chaleur. — Prenons un sulfure quelconque conservé pendant longtemps dans un tube opaque et noirci, et n'émettant plus de lumière. Aussitôt que nous le chausserons, il redeviendra lumineux pendant quelques minutes; il rentrera ensuite dans l'obscurité, et aura perdu dans cette opération la propriété de luire. Par l'insolation, il l'acquiert de nouveau, la perd une seconde sois si on le laisse dans l'obscurité pendant plusieurs jours, et il la récupère momentanément quand on le chausse.

Cet effet de la chaleur peut s'expliquer ainsi. Exposé au soleil, le corps absorbe et garde une quantité déterminée de force vive. Il la perd peu à peu ensuite dans l'obscurité, trèslentement lorsque sa température est basse, beaucoup plus vite si elle est élevée. A froid, il émet trop peu de lumière pour que l'œil en soit affecté; chauffé tout à coup, il semble redevenir lumineux, parce que la perte de cette force vive accumulée s'accélère, et quand tout est dépensé, il a définitivement perdu la faculté de luire. Il résulte de là : 1° que la phosphorescence est vive mais fugitive si le sulfure est chaud; 2° qu'elle est plus faible mais plus durable si on le refroidit.

Pearseal a observé que le fluorure de calcium n'est pas phosphorescent après l'insolation; mais il le devient après qu'on a fait passer à travers sa masse plusieurs décharges élecDE LA TRANSFORMATION DES RADIATIONS. 473 es. Malgré cette dissérence entre ce sluorure et nos sul, la chaleur agit de la même manière, c'est-à-dire que le ure redevient lumineux quand on le chausse après l'action rique, qu'il perd sa phosphorescence quand on l'a calet qu'il la reprend par de nouvelles décharges.

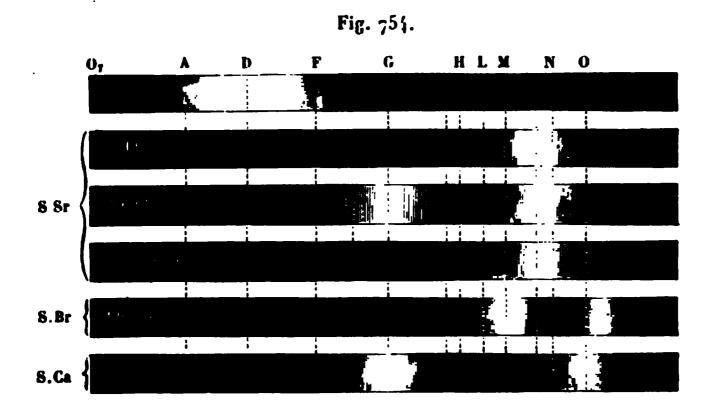
ité la chaleur ne fait qu'aviver d'abord pour éteindre plus ensuite la phosphorescence; quelquesois elle en change ance. Nous citerons comme exemple le sulfure de stronviolet qui offre, à diverses températures, les couleurs suis:

- 20° -+ 20° + 40° 70° 100° 200° Violet. Violet bleu. Bleu clair. Vert. Jaune. Orangé.

sulfure de calcium vert éprouve une action du même avec une variation inverse. Quand on le chausse, il tend enir violet au lieu de passer au rouge.

résumé, la chaleur augmente la vitesse d'émission; elle ente l'éclat du corps, mais elle le ramène plus rapide- à l'état obscur. Il en ressort deux conséquences fort imates: la première est qu'avant de soumettre à une épreuve lsure quelconque, il faudra d'abord le chausser asin de pouiller de la faculté de luire qu'il avait pu garder; la ème, que pour accumuler la plus grande somme de phosseme dans un corps et lui faire rendre ensuite le num d'esset, il faut le resroidir pendant l'insolation et le usser ensuite pendant l'observation.

r le phénomène à ses lois élémentaires, il faut décomla lumière solaire et chercher l'effet produit par chaque ion simple. Pour cela, nous collerons avec de la gomme que, sur des bandes de papier, une couche épaisse de n des sulfures, et nous placerons ces bandes parallèlesur un carton (fig. 754). Nous y projetterons un spectre ur, obtenu avec un prisme de quartz et rendu réel par entille de même substance. Le prisme doit être au minimum de déviation, et le carton à une distance telle, qu'on voie les raies perpendiculaires à la direction des bandes covertes des sulfures. On marquera la place occupée par caies, et ensuite on interceptera les rayons solaires pour exminer dans l'obscurité les effets de la phosphorescence.



mayons très-réprancibles. — Presque tous les sulfures étudiés sont devenus lumineux depuis F ou G jusqu'à O et même au delà (fig. 754). Cette illumination est très-visible pendant l'insolation, et elle se continue longtemps après que celle-ci a cessé. Et comme il y a de F à O un nombre considérable de raies très-larges, elles se peignent en noir sur le sulfure, attendu que dans les points qu'elles occupent il n'existe aucun rayon, c'est-à-dire aucune cause de phosphorescence.

Il y a de grandes dissérences entre les sulsures des diverses bases. Ceux de strontium offrent un maximum d'action entre M et N, un minimum plus ou moins prononcé vers H, et quelques-uns un second maximum vers G. Sur les sulsures de baryum, l'action est maximum au milieu des raies M et L, s'asfaiblit un peu avant O, augmente au delà, et dépasse de beaucoup la raie O. Les sulsures de calcium donnent lieu à des observations analogues qui se lisent aisément dans la sigure.

La lumière phosphorescente émise par ces substances a sa teinte particulière pour chacune d'elles. Généralement elle est la même dans toute l'étendue des rayons actifs de F en 0. Quelquesois cependant elle change. Ainsi, pour le sulsure de Ces phénomènes justifient l'idée générale que nous avons donnée du phénomène de la phosphorescence. Les rayons les plus réfrangibles du spectre, depuis F jusqu'à O, sont peu à peu absorbés, la substance qui les a reçus acquiert alors et conserve pendant longtemps la propriété d'émettre non pas les myons qu'elle a absorbés, mais d'autres radiations qui sont lumineuses, c'est-à-dire moins réfrangibles, absolument comme un métal noirci qui a absorbé un rayon de lumière jaune s'é-thusse et rayonne de la chaleur obscure, laquelle est moins réfrangible que la lumière incidente.

ACTION DES RAYONS PEU RÉFRANGIBLES. — I. Si l'on a eu soin de chausser le sulsure avant de l'insoler, asin de détruire toute la l'espace FO du spectre, et les rayons compris entre O, et F sont absolument inactifs; ils ne possèdent donc point par euxnèmes la faculté d'exciter la phosphorescence.

II. Je suppose au contraire que l'on commence par éclairer oute la surface du sulfure par la lumière blanche, de manière la rendre un peu lumineuse en tous ses points, et qu'entite on projette sur elle un spectre très-vif pendant un temps rès-court. On verra qu'ensuite les parties comprises entre 0, t E ont augmenté d'éclat, mais que cet éclat s'affaiblit et annule beaucoup plus vite qu'avant l'action du spectre. Les syons peu réfrangibles ont donc la faculté d'activer la phos-borescence.

III. Reprenons la même plaque et recommençons la même rpérience, avec cette dissérence que nous augmenterons peu peu la durée de l'action du spectre. Nous verrons, en remetant la plaque dans l'obscurité, que, dans l'espace O, E, le sultre est de moins en moins lumineux, et sinalement tout à fait oir (fig. 754). Ces expériences prouvent que les rayons peu frangibles agissent tout autrement que les autres : ils n'excient point la phosphorescence, mais ils l'activent quand elle xiste, et ils la précipitent; ils n'augmentent pas la quantité

476 · QUATRE-VINGT-UNIÈME LEÇON.

totale de lumière que les sulfures émettent, mais ils diminuent le temps de cette émission, de sorte que s'ils agissent pendant longtemps, ils semblent avoir détruit la phosphorescence primitive, ainsi que le fait une augmentation de température; mais on s'est assuré que cet effet persiste, lors même qu'on a soin de refroidir la couche de sulfure, et qu'il constitue une propriété spécifique des rayons que nous examinons.

ACTION DE LA LUMIÈRE BLANCHE. — On peut dire que la lumière blanche est composée de deux groupes de rayons : les rayons chimiques qui sont excitateurs, les rayons calorifiques ou continuateurs. Tant que dure l'insolation, les premiers sont absorbés; leur force vive est d'abord accumulée, puis rendue, et un état d'équilibre s'établit entre la perte et le gain; quand elle cesse, il reste une provision de lumière qui se dépense peu à peu et lentement. L'effet des rayons calorisiques est, d'une part, de diminuer cette provision, et par suite d'affaiblir la phosphorescence; d'autre part, d'activer la perte, et ainsi d'augmenter l'éclat, ce qui tend à établir une compensation. Mais la durée du phénomène est nécessairement diminuée, et comme il s'écoule toujours un temps déterminé entre le moment où cesse l'insolation et celui où l'on observe le sulfare, l'éclat constaté est toujours affaibli par l'action des rayons 💝 lorifiques. Si donc on diminue leur proportion, on augmente l'effet en intensité et en durée; si on l'exagère, on voit h phosphorescence s'affaiblir et cesser plus vite.

Il est facile de vérisier ces conséquences en interposant dans le trajet des rayons solaires certains écrans convenables. Un verre bleu de cobalt augmente la phosphorescence, parce qu'il arrête les rayons calorifiques. Le sulfate de quinine, le verre d'urane, l'essence d'amandes amères, détruisent toute lueur, parce qu'ils absorbent les rayons qui peuvent l'exciter. Toute source lumineuse qui sera riche en rayons calorifiques agin saiblement, c'est le cas de la flamme des bougies ou du gaz; au contraire, la lumière électrique, si riche en rayons ultraviolets, est éminemment propre à développer des phosphorescences éclatantes et durables.

DURÉE DE LA PHOSPHORESCENCE. — Après avoir exposé à un

Sitive pour qu'on ne puisse saisir aucune différence entre

l'époque où cesse l'insolation et celle où finit la phospho-

rescence. Néanmoins, il est encore possible de la constater.

dans ce cas, par un procédé d'observation qui est entièrement

indépendant de la durée.

DEUXIÈME MÉTHODE D'OBSERVATION. — Recevons un spectre réel O, AHO (fig. 754) sur une bande linéaire couverte d'une matière phosphorescente, divisons par la pensée le temps en intervalles extrêmement petits θ . Un point F situé dans la Partie active du spectre renvoie, pendant le premier intervalle θ , par diffusion, dans tous les sens, sans les avoir transsormés, une partie des rayons qu'il reçoit et au moment où il les reçoit; puis il absorbe le reste et acquiert la faculté d'émettre des radiations transformées, moins réfrangibles pendant tous les intervalles θ suivants. Cette action se reproduisant indéfiniment, il en resulte qu'au nième instant, la molécule considérée: 1° renverra, par diffusion, sans transformation et sans retard, le rayon qui la frappe; 2º rayonnera par phosphorescence, pendant l'insolation même, la somme de tous les rayons lumineux qu'elle émettrait dans l'obscurité si elle avait été successivement insolée pendant chacun des instants précédents; somme qui sera constante au bout d'un certain temps. Ce raisonnement s'applique évidemment au cas où la phosphorescence est prolongée comme à celui où elle

dure pendant des temps extrêmement courts. Nous allons entirer deux conséquences:

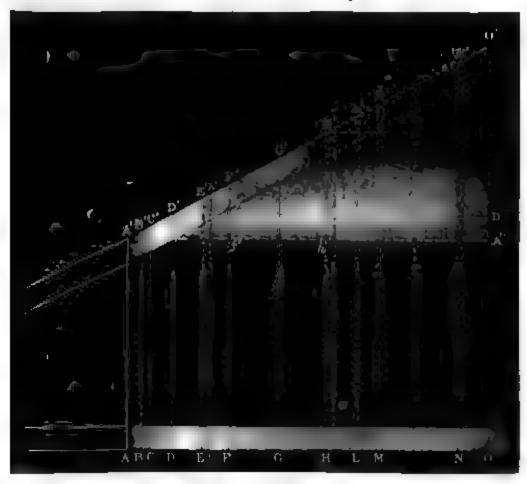
I. La première est que de H en O les rayons chimiques, se transformant en lumière, deviennent visibles pendant l'insolation et prolongent le spectre visible. Ils ont à ce moment leur maximum d'éclat, mais ils continuent d'être émis en s'affaiblissant aussitôt que l'insolation cesse.

L'expérience réussit parfaitement avec tous les sulfures alcalino-terreux, surtout avec la variété verte de sulfure de baryum; et, comme les raies qui existent entre H et O sont des espaces privés de radiations et de toute cause d'excitation, elles sont marquées en noir aux places et avec les dispositions que leur assignent les épreuves photographiques, quels que soient les corps phosphorescents qu'on soumet l'épreuve. C'est Herschel qui le premier a vu le spectre se prolonger sur le curcuma. M. Edmond Becquerel a constate le même effet sur les sulfures et a découvert les raies du prolongement; mais c'est à M. Stokes qu'on doit d'avoir généralisé et expliqué les résultats.

II. La deuxième conséquence de notre raisonnement es que si l'on regarde avec un prisme à arêtes horizontales la bande O, AHO (fig. 755): 1° on verra un spectre O, A'H'O' formé par les rayons qui ont été simplement dissusés et qui est incliné, parce que les couleurs sont de plus en plus déviées du rouge A' au violet H'; 2º chaque point, tel que F, donnera en outre un spectre linéaire f'F' formé par la décomposition de la lumière phosphorescente que ce point émettait. Comme cette lumière contient en général tous les rayons simples depuis le rouge jusqu'au vert, qui tombeit en F, ce spectre sera continu. Le rouge sera relevé en f sur une ligne A'A" parallèle à AO, le jaune en d' et le vert en F'. Le même phénomène se reproduisant pour tous les points de la bande AH, et même pour ceux de son prolongement ultra-violet HO, chacun d'eux donnera naissance à un spectre linéaire pareil à f'F', et tous s'aligneront de manière à en former un seul très-dilaté ayant le rouge sur A'A", le jaune sur D'D", etc., et comme les raies A, D,..., O,..., ne contenant point de lumière, n'ont point développé de phosphorescence, on les verra se marquer en noir en se proDE LA TRANSFORMATION DES RADIATIONS. 479 tent suivant f'F', h'H', etc., perpendiculairement aux tes de séparation des couleurs dans le spectre secondaire al.

Lette deuxième méthode d'observation confirme, par la de inspection du spectre dilaté, les résultats que nous it donnés la première : 1° toute radiation simple, F par mple, est transformée par la phosphorescence, non pas en radiation simple elle-même, mais en un ensemble d'autres ms qui s'étalent dans un spectre continu, qui contient squesois toutes les couleurs simples du rouge au violet, s où l'on remarque souvent des lacunes (fg. 755); 2° la





tion du rayon F qui a été simplement dissusée s'est déviée F', et celle que la phosphorescence a transformée s'étale s le spectre f'F'; celui-ci ne dépasse jamais F', et cela ave qu'un rayon simple peut se transformer par phosphoence en d'autres rayons, mais que la réfrangibilité de z-ci est toujours moindre que la sienne. Partant, le rouge

ne pourra donner que du rouge et de la chaleur obscure; l violet H produira toutes les lumières et toutes les chaleurs ensin O pourra se transformer en toutes les chaleurs, lu mières ou radiations chimiques.

Mais ce qui constitue le caractère et l'avantage spécial c cette méthode, c'est qu'elle s'applique à toutes les phosphe rescences possibles, qu'elles soient persistantes ou très-pe prolongées, ou même instantanées; elle est indépendante « la durée, puisque nous observons à un moment donné l'émi sion phosphorescente qui provient à la fois, et de l'action a tuelle, et de l'action antérieure des rayons actifs. Nous l'o servons au moment où elle a le plus de vivacité, et nous manifestons par les changements de réfrangibilité qui en so le caractère distinctif. Elle nous révèle tout d'abord des phe phorescences instantanées ou au moins à durée insensibl sur le spath, le verre, le corindon, l'alumine, le curcuma, le sels d'urane, les cuirs, le bois, les plumes blanches, les cc quilles; sur toutes les feuilles, sur la plupart des fleurs ϵ même sur la peau humaine, principalement à la surface supé rieure des mains. Elle va nous permettre encore d'étudier le phénomène que l'on avait nommé fluorescence; mais cette question doit être reprise d'un peu plus loin.

FLUORESCENCE.

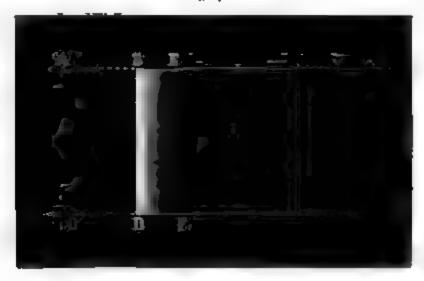
piffusion épipolique. — On a remarqué depuis longtemps que certains cristaux de fluorine transparente, éclairés par les rayons solaires, dans la chambre obscure, semblent comme enveloppés par une couche laiteuse qui diffuse en tous sens une lumière variant du violet au bleu verdâtre. C'est cette émission de lumière qui constitue la fluorescence. Elle a d'abord été étudiée par Brewster et par sir John Herschel. Voic ses principaux caractères :

Recevons dans la chambre obscure un faisceau solaire ABCD (fig. 756) et faisons-le tomber normalement sur la face antérieure d'un cristal de fluorine. Nous verrons d'abore qu'il le traverse sans éprouver aucun affaiblissement apparent, et néanmoins, si nous plaçons l'œil dans le prolongement de la face BD, nous voyons que la couche superfi

DE LA TRANSFORMATION DES RADIATIONS.

cielle BEDF du cristal est vivement éclairée et qu'elle diffuse dans toutes les directions une lumière dont la teinte change avec l'échantillon.

Fig. 756.



Cette action se produit sur un grand nombre de substances trasparentes solides ou liquides: sur les solutions de l'écorce de marronnier d'Inde dans l'eau; du sulfate de quinine dans les acides tartrique ou sulfurique difués; de la chlorophylle, du datura stramonium, de l'orseille, du tournesol, etc., dans l'alcool; sur les sels d'uranium et le verre jaune (canarygless) coloré avec ce métal, etc. Comme l'effet a pour caractère constant de se limiter à la couche superficielle BDEF, sir John Herschel avait désigné le phénomène par le nom de diffusion épipolique (επιπολη, surface).

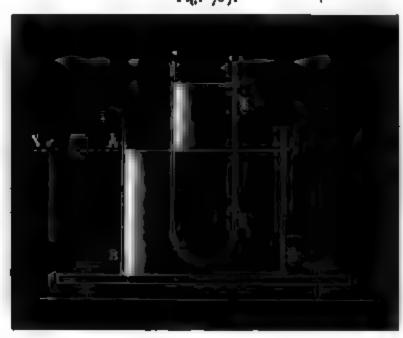
Quand on place à la suite l'une de l'autre deux auges contenant du bisulfate de quinine ou tout autre liquide actif, la première seule manifeste une diffusion, la seconde se comporte comme l'eau pure. De même, un tube E (fig. 757) plein de liquide épipolisant, qui est très-lumineux quand il est frappé par le soleil, perd son éclat aussitôt qu'on le plonge dans une cuve ABCD contenant le même liquide, qui s'illumine elle-même à sa face antérieure AB. Herschel exprimait tes faits en disant que la lumière épipolisée par une première substance a perdu sa propriété de l'être une deuxième fois, et ce savant inclinait à penser qu'il s'agissait ici d'une modification physique de la lumière analogue à celle qui produit la polarisation. Mais cette idée n'était pas exacte. C'est à

QUATRE-VINGT-UNIÈME LECON.

M. Stokes qu'on doit la véritable explication que nous allors maintenant donner.

482





comment les substances transparentes fluorescentes transmettent les radiations solaires. L'esculine, le bisulfate de quinine, etc., absorbent en totalité, et sous une petite épaisseur, tous les rayons chimiques de F en T, et laissent passer tout le groupe des radiations lumineuses de A en F. Le galt et le curcuma commencent à absorber à partir de la raie l'jusqu'en T. La chlorophylle en solution dans l'alcool présente cinq bandes d'absorption, deux dans le rouge, la troisième au milieu du jaune, la quatrième au commencement du vert; la cinquième est dans le bleu, et se prolonge jusqu'en T. Ces exemples nous suffiront pour établir les lois générales du phénomène.

II. Recevons maintenant dans la chambre obscure un spectre réel horizontal sur la face antérieure O, AN (fig. 758) d'une auge remplie d'une des substances précédentes, ou sur un solide transparent fluorescent; les rayons calorifiques ne produiront rien, mais les rayons chimiques développeront le long de la surface AO, et dans une très-petite épaisseur, une illumination épipolique; elle offre cette particularité déjà signalée précédemment, que les raies obscures verticales du spectre incident, qui se propagent suivant des plans verticaux dé-

DE LA TRANSFORMATION DES RADIATIONS. 483 ourvus de radiation, se dessinent par des plans verticaux bscurs F, G,..., O, distribués dans l'espace épipolisé comme iles le sont elles-mêmes dans le spectre.

Fig. 758.



L'illumination commence en F et sinit en T pour l'esculine, e bisulfate de quinine et le verre d'urane; elle se produit iès la raie D pour le curcuma et le gaïac; elle accompagne les diverses raies d'absorption avec la teinture de chlorophylle. En général, elle a lieu aux points où se fait l'absorption des rayons incidents. On peut donc dire que les substances sucrescentes absorbent certains rayons, généralement ce sont les rayons chimiques, et quelles les rendent après les avoir transformés. On conçoit maintenant que la même lumière ne puisse éprouver qu'une fois la diffusion épipolique, puisque dans son passage à travers un corps sluorescent elle perd la cause de cette diffusion, c'est-à-dire les rayons qui se transforment.

III. Il nous reste à parler de la composition des lumières imises pendant la fluorescence. On la découvre par le procédé général en décomposant par un prisme, comme dans la fg. 755, la bande de lumière épipolisée. Généralement le spectre est continu comme pour la fluorine, l'esculine et le bisulfate de quinine, et il contient presque toutes les couleurs simples. Quelquefois il est constitué par des lignes brillantes entremêlées d'espaces sombres. Par exemple, la chlorophylle donne une ligne rouge A'A" et une verte F'F", et les composés d'uranium, qui sont les plus curieux de tous, montrent cinq raies brillantes et équidistantes. Au milieu de

ces variétés d'action il y a une loi générale, c'est que toute les couleurs simples émises par un point tel que F (fig. 755 ont une réfrangibilité moindre que celle du rayon excitateur ou, au plus, égale à la sienne. Ainsi, l'esculine, qui absorb les rayons chimiques de H en P, rend des rayons lumineu de A en H; et la chlorophylle, après avoir éteint des rayon rouges, ne renvoie que des rayons rouges et peut-être de chaleurs obscures.

Puisqu'en général ce sont les rayons chimiques qui s transforment en lumière, ce sont les sources qui en coi tiennent le plus qui produisent la plus vive sluorescence, avant toutes les autres c'est la lumière électrique. Une de plus belles expériences de l'optique se sait en construisar des tubes de Geissler avec des verres d'urane, qui s'illuminer vivement en vert au moment du passage de la décharge éle trique. On peut aussi envelopper les tubes avec des solution de quinine, de curcuma, de sels d'urane, etc., qui émette: des rayons bleus, orangés et jaunes, et ces effets sont rendu encore plus remarquables par la forme variée qu'on a soin donner aux appareils. Enfin, il est possible d'écrire sur carton des caractères avec du bisulfate de quinine, qui so invisibles à la lumière des lampes, et qui deviennent brillan quand on y fait tomber un faisceau de rayons provenant c l'arc électrique, dépouillés de leur lumière par un vers violet soncé.

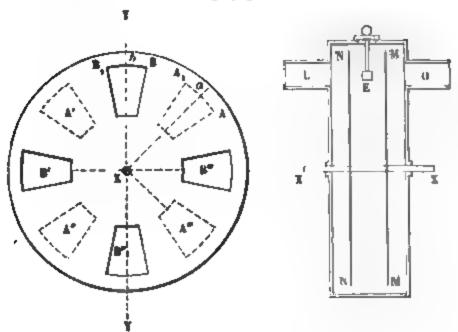
En résumant tous ces faits, on trouve dans la fluorescence le caractères de la phosphorescence. Des rayons sont absorbés leur force vive, recueillie par le corps actif, se dépense en w rayonnement composé de rayons moins réfrangibles que ceu qui ont été reçus. Il n'y a qu'une seule différence, c'est la du rée de l'intervalle nécessaire pour déterminer cette transformation; intervalle qu'il faut maintenant mesurer dans les de vers cas, ce qui va exiger l'emploi d'un nouveau mode d'exprience.

TROISIÈME MODE D'OBSERVATION.— La méthode qui nous res à décrire est due à M. Edmond Becquerel; elle se fonde si l'emploi d'un instrument qu'il a imaginé et qu'on nomn phosphoroscope. Il se compose de deux disques métalliqu

DE LA TRANSFORMATION DES RADIATIONS.

noircis MM et NN (fig. 759), qui sont liés l'un à l'autre par un axecommun XX, auquel on peut imprimer un mouvement de rotation rapide par une manivelle et des engrenages convenables. Le tout est ensermé dans une botte immobile noircie. La lumière solaire y arrive par un tube L, rencontre en E le corps qu'on veut éprouver, et sort par un deuxième tube O pour arriver à l'œil.

Fig. 759.



Chacun des deux disques est percé de quatre fenêtres équidistantes dont l'ouverture est de 22° 30' (fig. 759). Elles sont figurées en AA, A', A", A", dans le disque antérieur, et en BB, B', B", B", pour celui qui est en face de l'œil. Ces felètres sont croisées; de façon que si AA, arrive sur la vertitale du centre X, la lumière pénètre dans l'intervalle qui sépare les disques; mais elle n'en peut sortir parce qu'elle rentontre la paroi pleine BB", qui bouche le tube O. L'œil ne reçoit donc aucun rayon quelle que soit la vitesse de rotation.

Mais si on a préalablement fixé en E un morceau de verre ou de spath, il est éclairé quand AA, passe sur la verticale; il est en face de l'œil un instant après, quand arrive la fenètre BB,. Si donc il a gardé la faculté de luire pendant l'intervalle qui s'écoule entre le passage des deux fenètres AA, et BB,, il paraît lumineux, et comme l'action se reproduit quatre fois pendant un tour, la sensation est continue quand la vitesse est suffisante.

Soit n le nombre des tours que l'axe fait en une seconde, $\frac{1}{n}$ est le temps d'un tour, $\frac{1}{n} \frac{AA_1}{360}$ est celui que met une des senêtres à passer devant la verticale YY. Comme il y en a quatre dans les disques antérieurs, et que l'appareil sait n tours en une seconde, la durée totale de l'exposition à la lumière pendant l'unité de temps est

$$\frac{4AA_1}{360}$$
.

Ce temps est constant et indépendant de la vitesse; donc le corps recevra toujours la même quantité de lumière dans le même temps.

La durée pendant laquelle le corps sera visible sera exprimée par le même nombre, et, puisqu'il est indépendant de la vitesse, la quantité de lumière reçue par l'œil le sera également; elle sera une fraction constante du pouvoir éclairant du corps et pourra servir à le mesurer.

Mais la durée de chaque exposition successive est

$$\frac{AA'}{n.360}$$
;

elle diminue quand le nombre des tours augmente. Or, comme il est vraisemblable que la lumière doit agir pendant un certain temps pour produire de l'effet, il est certain que son action décroîtra avec la vitesse quand celle-ci aura dépassé une certaine limite.

Le temps qui s'écoule entre le moment où la lumière agi \bullet et le moment où on voit le corps est variable; il est égal en moyenne à l'intervalle qui sépare le passage de aX et de bX vis-à-vis de l'axe du tube O, ou à

$$\frac{ab}{n.360} = \frac{45}{n.360} = \frac{1}{8n}$$

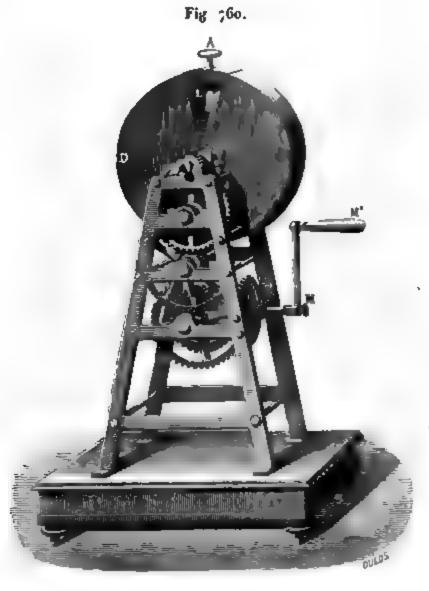
cette durée diminue avec la vitesse; c'est l'interruption moyenne. Or, il est certain que plus elle sera petite, plus l'effet de la phosphorescence sera sensible. Ainsi, d'une part, cet effet devra diminuer à cause de la diminution de la durée d'action; de l'autre, il devra augmenter à cause du décroisse-

DE LA TRANSFORMATION DES RADIATIONS. 487

14 de la durée des interruptions. Il est clair qu'avec une

aine vitesse on atteindra le maximum d'éclat.

n résumé, pendant des temps égaux le corps aura reçu jours la même quantité de lumière; cette lumière aura agi dant des intervalles successifs de durée variable et mesule; enfin, une portion constante de la lumière phosphocente dont on pourra mesurer l'intensité aura été recueillie ès une interruption dont la durée moyenne sera connue et si petite qu'on le voudra. L'appareil total est représenté. 760. Voyons maintenant quels sont les résultats de l'expénce.



est évident que cet instrument non-seulement nous pertra de constater, mieux que nous ne l'avons encore fait, les sphorescences à longue période, comme celle du diamant, qu'il nous en fera découvrir que nous ne connaissions pas, et qu'il nous apprendra si les corps que nous avons appelés fluorescents ne gardent pas leur éclat pendant un temps appréciable, et ne seraient point doués d'une véritable phosphorescence à très-courte durée. C'est en effet ce que nous trouvons pour tous les composés des métaux des deux premières sections, en particulier pour l'alumine et ses conposés, ainsi que pour les sels d'urane et les platinocyanures. Avec une vitesse de rotation déterminée on obtient le maximum de lumière, comme nous l'avions prévu; quand on la diminue suffisamment, tout effet cesse, et on arrive à la durée limite de la phosphorescence. Voici quelques nombres :

	Durée-limite.
Spath	o", 33
Verre	o", o5
Corindon	o", o5
Azotate d'urane	0",01
Platinocyanure	o", oo3

Mais aucun liquide, même les plus fluorescents, ne s'est illuminé dans le phosphoroscope. Il ne faut pas en conclure que la fluorescence soit instantanée; aucune action physique ne l'est; seulement nous savons qu'elle exige un temps moindre que o",0001.

LOI DE LA DÉPERDITION DE LA LUMIÈRE. — Cet instrument permet maintenant de pousser beaucoup plus loin l'étude que nous venons de commencer. En effet, si l'on mesure, au moyen de photomètres qui seront décrits dans la suite, le pouvoir éclairant d'un corps placé dans le phosphoroscope, après des interruptions déterminées on aura des nombres proportionnels à la quantité totale de la lumière émise par ces corps après des temps égaux à ces interruptions. C'est ce qu'a fait M. Becquerel.

Prenons d'abord, parmi tous les cas qui peuvent se présenter, celui des corps qui rayonnent de la lumière à peu près blanche, et dont la teinte ne change pas quand la vitesse varie. Nous pourrons admettre que tous les rayons qui composent cette lumière suivent la même loi dans leur déperdition. A la rigueur, nous pourrons même appliquer cette conDE LA TRANSFORMATION DES RADIATIONS. 489 clusion aux corps qui rayonnent une teinte mixte, pourvu qu'elle ne change point de coloration; par exemple, à l'alumine. Or, en mesurant après des interruptions égales à l'éclat d'un corps qui émet de la lumière, M. Ed. Becquerel a trouvé la même loi que celle qui règle les excès de température d'un thermomètre qui se refroidit:

$$i=i_{\bullet}e^{-at}$$
.

Cette loi de l'émission lumineuse par phosphorescence n'est pas plus générale que celle de l'émission calorifique par refroidissement. Elle cesse d'être applicable quand on fait croître la vitesse au delà de celle qui donne l'effet maximum, car alors le corps cesse de prendre toute la lumière qu'il absorbait quand chaque insolation successive était plus prolongée. Elle ne s'applique pas non plus à celles des substances qui ont une phosphorescence à longue durée, ni aux corps qui changent de teinte avec la vitesse du phosphoroscope. C'est donc une formule empirique et approximative. Il est curieux néanmoins de voir qu'elle s'applique de la même manière à la chaleur et à la lumière.

Supposons-la exacte, il est clair que pendant chaque intervalle dt le corps perd une quantité de lumière proportionnelle à idt; et en l'intégrant de t = 0 à $t = \infty$, on obtient la somme de lumière qui avait été absorbée et qui est rendue par le corps. Cette somme est égale à $\frac{i_0}{a}$. Elle exprime pour ainsi dire la capacité lumineuse du corps; elle est en raison inverse de a.

Voici les nombres trouvés par M. Becquerel, en prenant pour unité de temps le millième de seconde.

Tableau des valeurs de a en millièmes de secondes.

Uranite	1,4975
Sulfate double d'urane et de potasse	1,3869
Sulfate double d'urane et de chaux	0,8206
Perchlorure d'urane et de potasse	0,7682
Verre d'urane	
Azotate d'urane	0,4207
Crown	0,0436

Chaux phosphatée	0,0263
Topaze jaune	0,5546
Disthène	
Alumine	0,0791
Spinelle	0,0094
Leucophane	0,0147
Spath	0,00507

composition des rayons émis. — Il y a de grandes dissérences dans la composition des lumières émises dans le phosphoroscope. Comme on ne connaît sur ce point aucune loi générale, il saut nous contenter de citer des exemples particuliers.

I. Le premier, le plus simple et le plus général des cas qui se présentent est celui où le corps actif émet des lueurs toujours identiquement composées, quelles que soient la durée des interruptions et la nature des rayons excitateurs. Presque tous les sulfures étudiés précédemment sont dans ce cas. ll en est de même de l'alumine, du disthène, de la topaze, dont la lueur rouge reste la même quand ils sont frappés par tous les rayons du rouge à T, et quand varie la vitesse du phosphoroscope. L'azotate et le chlorure d'urane donnent aussi des lueurs vertes invariables.

Mais quand on analyse les lueurs phosphorescentes par un spectroscope ordinaire on trouve des résultats curieux. Le spectre de l'alumine (fig. 761) est compris entre Aa et D; il est sillonné de raies; il est différent avec l'alumine calcinée provenant du corindon, du rubis, du saphir, ou bien avec celle qui est préparée artificiellement en cristaux ou en poudre; mais il est constant pour chacune des deux variétés. Le spinelle et le disthène offrent également des spectres limités à la partie rouge, sillonnés de stries qui les caractérisent, mais qui diffèrent du précédent. Ce n'est donc pas l'aluminium seulement, c'est chacun de ses composés qui donnent des raies propres à le faire reconnaître. Les sels d'urane conduisent à la même conclusion. Chacun d'eux montre un certain nombre de raies brillantes et équidistantes. L'azotate, en particulier, en présente 8 (fig. 761), et chacune d'elles correspond à une raie d'absorption. Si on sait passer un spectre à travers

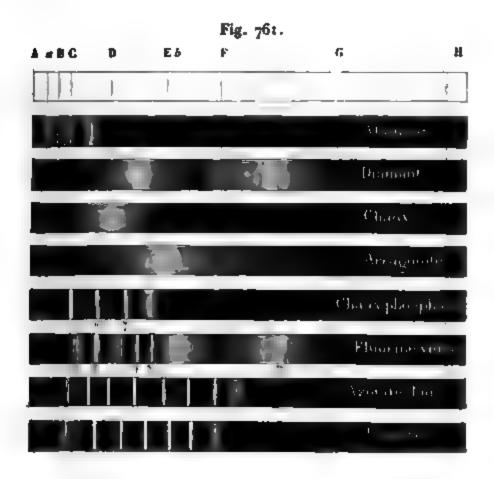
DE LA TRANSFORMATION DES RADIATIONS.

sel, il absorbe donc à la température ordinaire certaines listions, et ce sont celles-là qu'il émet ensuite par phosphocence. C'est une nouvelle et remarquable extension de la de M. Kirchhoff.

Il. Le deuxième cas est celui où la teinte de la phosphocence, restant invariable avec la nature des rayons excitars, change si la vitesse varie.

* Après leur insolation, presque tous les diamants luisent jaune et demeurent longtemps lumineux; le spectre de le lumière est compris entre C et E. D'autres luisent en et s'éteignent très-vite; ils émettent des rayons limités à t à H. Il en est enfin qui possèdent les deux phosphoresces, c'est toujours celle dont la couleur est la plus réfran-le qui est la plus fugitive; ils paraissent d'abord bleus et iennent ensuite jaunes.

La chaux phosphatée verte est excitée par tous les ons simples de B à O, qui tous se transforment en trois



des γ , β , α (fig. 761), la première se prolonge longtemps; paraît pour une valeur t des interruptions égale à 0°,05;

enfin, α se montre quand t=0,0001; la teinte du mélange varie du vert à l'orangé quand la vitesse augmente, et cette fois, au rebours de l'exemple précédent, c'est la lueur le moins réfrangible α qui est la moins fugitive.

3° Sur le fluorure de calcium vert l'effet est plus complexe; il possède plusieurs bandes phosphorescentes distinctes, l'une bleue, δ ; deux dans le rouge, en β et α , pour t=0,005; et enfin deux dernières font naître les lumières vertes γ , γ , quand t=0,001. Ce sont les rayons moyens qui naissent de la plus courte phosphorescence.

III. Les divers rayons excitateurs peuvent donner naissance à des lueurs différentes. Il y a en effet des carbonates de chaux, tels que la craie ou les calcaires métastatiques, qui paraissent orangés quand t=o'',33, et bleus lorsque $t=\infty$, c'est-à-dire longtemps après l'insolation. La première teinte est produite par les rayons voisins de D; la deuxième par le groupe des radiations ultra-violettes. On obtient la première en filtrant la lumière incidente à travers une auge pleine de chromate de potasse, la seconde en interposant un écran de bleu céleste.

IV. Ce qui paraît le plus singulier, ce sont des modifications de teintes déterminées par des variations de l'état moléculaire. Nous ne citerons qu'un exemple. En général, la chaux possède une phosphorescence orangée peu durable; l'arragonite, au contraire, offre des teintes bleues, très-persistantes (fig. 761). Or, il y a des variétés de spath qui se comportent comme l'arragonite, d'autres comme la craie, et quelques-unes comme toutes les deux. Cela est déjà difficile à comprendre; ce qui suit l'est davantage. En dissolvant du spath dans un acide et en le précipitant par le carbonate d'ammoniaque, on obtient un carbonate de chaux luisant en bleu s'il est précipité à 100 degrés, et en orangé s'il est obtenu à zéro.

Si nous voulons, en sinissant cette étude, résumer les connaissances générales qu'elle nous apporte, nous voyons d'abord que certaines substances absorbent, celles-ci les rayons calorisiques, celles-là les lumières, quelques-une les rayons chimiques; et, le plus souvent, ces absorption sont électives. Or, à la suite de ces absorptions, comme il y une accumulation, ou de chaleur, ou de lumière, ou de rayon

chimiques, c'est-à-dire de force vive, il faut qu'elle se dépense ensuite en produisant des phénomènes consécutifs. Nous venons d'étudier l'un d'eux et de reconnaître que pendant un temps long ou court, cette force vive est rendue à l'état de rayonnement par phosphorescence ou fluorescence, avec ce caractère constant qu'un rayon simple a été finalement transformé en un ensemble d'autres radiations mêlées et toutes moins réfrangibles. Il y a encore un autre emploi possible de cette force vive, elle peut déterminer des actions photographiques. C'est ce qui nous occupera dans la prochaine Leçon.

QUATRE-VINGT-DEUXIÈME LEÇON.

DE LA PHOTOCHIMIE.

Actions réductrices. — Actions oxydantes. — Effets superposés. — Actions révélatrices. — Mode d'action de la lumière. — Daguerréotype. — Action des rayons simples. — Héliochromie. — Action de la lumière sur les plantes. — Expériences de Bunsen et Roscoë. — Procédés photographiques.

Il nous reste à étudier une dernière propriété des radiations solaires, celle de déterminer des actions chimiques spéciales. Découverte il y a cinquante ans à peine, cette propriété a déjà donné naissance à un art précieux et populaire, la photographie, qui semble arrivé à son dernier degré de perfection sans que les principes qui lui servent de base soient bien connus. Nous allons essayer néanmoins de mettre provisoirement un peu d'ordre au milieu de phénomènes nombreux et incohérents.

Nous rappellerons d'abord un fait qui vient d'être l'objet d'une étude suivie, c'est qu'un grand nombre des substances, pour ne pas dire toutes, absorbent une partie des radiations solaires: perte de force vive qui ne peut s'accomplir sans déterminer un phénomène consécutif équivalent. Le plus souvent ce corps se met à vibrer et rend ce qu'il avait reçu sous forme de chaleur obscure ou de lumière, en général sous forme de rayons moins réfrangibles que la radiation absorbée. Dans les cas qui vont nous occuper il n'y a rien de pareil, le milieu garde ses rayons; mais on découvre que la force vive perdue a développé un travail chimique équivalent. C'est ce phénomène général qui constitue la photochimie.

ACTIONS RÉDUCTRICES. — Scheele découvrit, en 1770, que le chlorure d'argent devient noir quand on l'expose à la lumière. Avant tout il faut étudier chimiquement ce fait. MM. Davanne et Girard ont placé un peu de chlorure d'argent dans une capsule et l'ont exposé aux rayons du soleil jusqu'à ce qu'il sût

devenu noir; puis, ayant versé de l'acide azotique, ils ont vu se dégager des vapeurs rutilantes pendant que la matière noire se dissolvait: c'était conséquemment de l'argent réduit. La lumière a donc la propriété de décomposer le chlorure d'argent en séparant ses éléments. Elle décompose également l'azotate d'argent en dégageant l'acide et l'oxygène qui abandonnent le métal réduit.

Cette propriété n'est point particulière aux substances que mous venons d'examiner. En général les chlorures, bromures, iodures, cyanures, etc., des métaux les moins oxydables, tels que l'argent, le mercure, le fer et le platine, sont décomposés ou tendent à l'être par l'action suffisamment prolongée de la lumière.

Il en est de même d'un grand nombre de composés oxygénés. L'acide azotique perd de l'oxygène et se transforme en repeurs rutilantes; l'acide chromique et le bichromate de potasse laissent déposer de l'oxyde de chrome; l'azotate d'urane se trouble, verdit et donne du protoxyde. On peut dire en résumé que les oxydes ou acides suroxygénés, ainsi que les composés binaires des métaux peu oxydables, tendent à se réduire sous l'action prolongée des rayons du soleil.

ACTIONS OXYDANTES. — Mais si, dans ces conditions, l'oxygène et les corps halogènes tendent à abandonner les métaux, ils re portent au contraire avec une plus vive énergie sur l'hydrogène et sur les matières organiques. Le premier fait de ce genre est la célèbre expérience par laquelle on combine le chlore et l'hydrogène. Ces deux gaz mélangés se conservent indéfiniment dans l'obscurité; mais aussitôt qu'on les expose sux rayons solaires, ils s'unissent instantanément avec une vive détonation, avec dégagement de chaleur et de lumière. Ce fait prouve que l'affinité du chlore pour l'hydrogène est augmentée par l'action de la lumière : cette augmentation est générale, et l'expérience a prouvé que le chlore peut enlever l'hydrogène à toutes ses combinaisons organiques sous l'influence du soleil. Le chrome, le brome et l'iode manifestent les mêmes propriétés.

L'oxygène éprouve un redoublement d'activité analogue et une tendance à se combiner avec les matières organiques.

C'est par une expérience de ce genre que J. Nicéphore inaugura l'art de la photographie en 1813. Il disposait plaque d'argent bruni une couche mince de bitume de puis, appliquant dessus une gravure en taille douce, il sait au soleil. Les rayons pénétraient à travers le papie mais étaient arrêtés par les traits noirs de la gravure. tume de Judée se conservait sans altération sous ces mais il se combinait avec l'oxygène sous les parties bl et, en changeant de composition, il devenait insolub les essences. Il suffisait alors de laver la plaque avec lange d'huiles de lavande et de pétrole pour mettre le nu, avec son aspect noir bruni aux endroits que le avaient recouverts, tandis qu'il demeurait voilé par une blanche insoluble aux points que la lumière avait sionnés: on obtenait ainsi une reproduction de la s Le galipot; les essences d'amandes amères, de citron rébenthine et de laurier-cerise; la benzine; la plus vernis, etc., se comportent comme le bitume de c'est-à-dire qu'ils s'oxydent à la lumière et par là c leurs propriétés physiques ou chimiques.

La résine de gaïac offre une particularité qui mérit mentionnée; elle bleuit en même temps qu'elle absort gène. Si donc on l'étale en couche mince sur une qu'on la couvre d'une gravure, elle prend une teinte sous les blancs et reste blanche sous les noirs; elle finalement une image inverse : c'est ce que nous no une épreuve négative.

effets superposés. — Or, puisque d'une part certains ou sels, et certains composés métalliques binaires te se dissocier sous l'action de la lumière, et que d'u côté l'oxygène ou le chlore, le brome et l'iode acq dans les mêmes conditions, une plus vive affinité po drogène des matières organiques, il est évident qu'on a tera la sensibilité des actions photochimiques en mêt composés métalliques ou salins à ces matières organiques, et qu'on peut montrer par de très-no exemples.

1. M. Niepce de Saint-Victor enduit avec une mên

tion d'azotate d'argent fondu d'abord une feuille de papier, ensuite une cassure récente de porcelaine, et il les expose pendant le même temps à la même lumière. La porcelaine ne manifeste rien, mais le papier noircit : la matière organique facilitait la réduction.

D'après cela, on prépare des surfaces extrêmement sensibles à l'action de la lumière en étalant des feuilles de papier sur un bain de nitrate d'argent dissous, et les y laissant flotter assez longtemps pour que leur surface inférieure soit bien imbibée. On fait sécher ces feuilles dans l'obscurité; elles se conservent indéfiniment. On augmente encore leur sensibilité en les plongeant ensuite dans des solutions de chlorure, bromure ou iodure de potasssium, ce qui transforme l'azotate en chlorure, bromure ou iodure d'argent, substances insolubles, décomposables par elles-mêmes, et qui le deviennent davantage étant mêlées à la matière organique du papier. On peut renverser l'ordre des deux immersions, plonger d'abord le papier dans le composé de potassium, ensuite dans le sel d'argent. C'est ainsi qu'en général on prépare le papier sensible qui nous a déjà servi et qu'on emploie dans la photographie.

II. M. le professeur Haghen, de Kænigsberg, prépara deux solutions d'azotate d'urane, l'une dans l'eau pure, l'autre dans l'alcool, et il les exposa à la lumière. La première demeura intacte, la deuxième se troubla, devint verte et déposa du protexyde d'urane. La propriété réductrice de la lumière était insuffisante pour opérer la décomposition du sel; mais la présence de la matière organique a déterminé l'action. Remise à l'obscurité, la solution s'oxyde de nouveau et revient à son état premier.

III. Vers 1850, M. Poitevin ajouta de nouveaux et remarquables exemples aux précédents. Le bichromate de potasse est dissicilement décomposable par la lumière; mais il est réduit très-aisément au soleil quand on le mêle au sucre, à l'empois d'amidon, à la gomme, à la gélatine. Ce qui est remarquable, c'est qu'en s'oxydant ces substances deviennent insolubles et que la gélatine perd la propriété qu'elle a naturellement de se gonsler dans l'eau.

IV. Le perchlorure de fer se comporte comme le bichromate de potasse. Vient-on à le mêler avec de l'alcool, de

33

l'éther ou de l'acide tartrique, et à l'exposer à la lumière, i passe à l'état de protochlorure, en cédant du chlore à la mantière organique. Quand on place au soleil, sous une gravure une feuille de papier imprégnée avec le dernier de ces mê langes, il est préservé sous les traits; partout ailleurs il echange en protochlorure mêlé à de l'acide tartrique oxygén-Cette dernière combinaison n'a point été déterminée; mantelle est tellement avide d'humidité, qu'elle se couvre bient de rosée, ce qui dessine les blancs de la gravure. On peut fai paraître les traits en lavant la plaque avec du ferrocyanure potassium ou de l'acide tannique, ce qui donne une épreupositive imprimée en bleu de Prusse ou en encre ordinair

En résumé, l'ensemble des radiations émises par le soll agit : 1° pour réduire les acides suroxygénés, les sels ou composés binaires métalliques; 2° pour oxyder les matière organiques; d'où il résulte que les mélanges de ces de classes de substances constituent les réactifs les plus sensible à l'action photochimique.

ACTIONS RÉVÉLATRICES. — Il n'est pas nécessaire d'exposer à la lumière les deux éléments d'un pareil mélange; il sussit que l'un d'eux en ait subi l'effet. Ainsi quand on place dans la chambre obscure un papier imprégné d'iodure d'argent et d'acide gallique, le mélange est complet, l'action de la lumière efficace, et bientôt l'image négative apparaît. Si on omet l'acide gallique, l'épreuve ne se montre point. Cependant l'action de la lumière s'est produite et a communiqué au sel d'argent une tendance à la réduction; car si on plonge après coup le papier dans l'acide gallique, on voit l'image apparaître subitement. Il en est de même quand on le mouille avec du sulfate de ser ou du protochlorure d'étain, c'est-à-dire avec un corps oxydant. Pour distinguer ces deux actions, on nomme impressionnable la matière qui reçoit et conserve l'action de la lumière, et révélatrice celle qui développe l'image. On peut citer, d'après M. Niepce de Saint-Victor, un nombre considérable d'actions analogues, comme le montre le tableau suivant.

	papier imprigné da :		
· 9	Rich Asotate d'argent	Sel d'argent Salfate de fer ou acido gallique.	Image noire ordinaire. Image noire ordinaire. Action prolongée de la lamière; image
es.	3º Azotato d'urane.	Eau	negative grise de protoxyde d'urane; disparait à l'obscurité, se reproduit à la lumière. Image rouge sanguin positive; passe au bien par le sulfate de fer.
3	fo Azotate d'urane et acide tartrique	Azotate d'argent ou chlorure d'or.	Images aussi belies que par la photogra- phie; inaltérables.
i,	50 Chlorure d'or	Azotate d'urane, suifate de fer, sulfate de coivre, hichlorure de mercure, sel d'étain.	
9	6º Acide gallique	Prusainte de fer.	Image noir-bleu. Image bleue.
₹~	, Prussinte rouge de potasse	gallique, sei d'argent, de co-	Image blene activée par les acides et la chaleur.
Ğ.	8º Bichlorure de mercure	Protochlorure d'étain, anude, po-	
ĵ.	ga Acide chromique on bichromate de potasse.	Sel d'argent.	Image positive rouge-pourpre. Image rouge.
ъ	10º Amidon	Indigo blanc	image brun-rouge. Image positive blene. Image positive rouge.
- 1			

Ce qui est digne d'être remarqué, c'est que le rôle de sul stance impressionnable et de substance révélatrice est réc proque, et qu'à l'intensité près on obtient le même effet c insolant l'une ou l'autre. Par exemple, au lieu d'insoler l'i dure d'argent et de révéler par l'acide gallique, ou le sulfa de fer, ou le protochlorure d'étain, on peut exposer, so un cliché, au soleil, un papier imprégné d'acide gallique, de sulfate de fer, ou de protochlorure d'étain, et l'image n gative se révélera avec l'iodure de potassium et l'azotate d'a gent. En général on peut changer l'ordre des deux premièr colonnes du tableau.

comment act la lumière. — Nous allons étudier en détail première réaction indiquée dans ce tableau.

- 1º M. Niepce de Saint-Victor exposa au soleil, sous un cl ché négatif, une feuille de papier blanc qui n'avait reçu a cune préparation, et ensuite il la plongea dans une solutio d'azotate d'argent. Aussitôt le sel fut réduit dans les endroit où le papier avait reçu les rayons solaires. D'où il faut con clure que la lumière avait donné au papier blanc la propriét de réduire les sels d'argent.
- 2° Le même papier insolé de la même manière, sous u cliché, a été transporté dans l'obscurité et déposé sur un feuille de papier sensible préparée d'avance. Il y a détermin rapidement une image, comme si ce papier sensible avait ét directement insolé sous le cliché. Cette image s'est produit même quand les deux feuilles étaient en regard à une distant de 5 à 10 millimètres; elle ne se formait plus quand on inte posait une lame de verre ou de mica. Donc la propriété rédu trice communiquée au papier commun par l'action des rayon solaires se transmet même à distance à travers l'air.
- 3° M. Niepce exposa pendant quelque temps aux rayons (rects du soleil une feuille de papier blanc, puis il l'intr duisit, après l'avoir roulée, dans un tube de fer-blanc qui f bouché hermétiquement, gardé pendant plusieurs jours même plusieurs mois. On l'ouvrit ensuite et on en plaça l'o verture sur un papier sensible; bientôt elle s'y dessina par cercle noir d'argent réduit. Cette action décomposante au mentait d'activité par la chaleur; elle ne se produisait plus

travers un verre; elle n'avait lieu qu'une seule fois, et pour la renouveler il fallait recommencer l'insolation.

4º Toutes les substances n'acquièrent pas, après l'insolation, les mêmes propriétés réductrices que le papier. Les métaux, le verre, la porcelaine vernie ou non, les substances noires, quelle que soit leur nature, et en général toutes celles qui sont inorganiques, restent inactives après comme avant l'action de la lumière. Mais il y en a d'autres qui agissent avec une grande énergie : ce sont, outre le papier, les diverses étofses, l'albumine, le collodion, l'amidon, en général les matières organiques, quelle que soit leur couleur, pourvu qu'elle ne soit pas noire. Elles deviennent plus actives encore quand on les imprègne d'acide tartrique, de sulfate de quinine, et surtout d'azotate d'urane. On peut alors les exposer sous un cliché ou dans la chambre obscure et révéler ensuite une image négative en les mouillant avec un sel d'argent. En résumé, la lumière: 1° communique au papier une propriété réductrice; 2º cette propriété se transmet à distance; 3º elle se conserve très-longtemps dans l'obscurité; 4º elle s'avive avec la température; 5° elle disparaît et s'annule lorsque le papier insolé a réduit une quantité donnée de sel d'argent; 6° elle ne se transmet pas à travers le verre, le mica, etc.; 7° elle appartient à tous les corps organiques qui ne sont pas noirs, et aux sels impressionnables.

L'explication de ces phénomènes est inconnue; on en est réduit à des conjectures: il y en a deux que je rappellerai. La première suppose que la radiation solaire détermine, pendant qu'elle agit, la formation de produits chimiques intermédiaires, très-oxydables quand elle impressionne les matières organiques comme le papier, très-réductibles au contraire lorsqu'elle frappe les sels impressionnables comme ceux d'argent, et que l'addition d'un sel d'argent dans le premier cas, d'une matière organique dans le second, ne fait que compléter les phénomènes par les réactions chimiques ordinaires. Dès lors toutes les circonstances s'expliqueraient: la conservation indéfinie du produit transitoire; son action qui a lieu à distance, s'il est volatil; qui s'exagère par la chaleur; qui ne se produit qu'une fois, et surtout qui est interceptée par les écrans transparents.

On peut objecter néanmoins que ces produits transitoires restent inconnus, et que cette hypothèse laisse inexplique certains faits, et en particulier l'expérience suivante que l'on doit encore à M. Niepce. Il prend une lame de biscuit ou la surface d'une cassure fratche de porcelaine et il l'expose au soleil. Nous avons dit qu'elle ne réduit pas le sel d'argent; mais si on la plonge dans un mélange sensible d'amidon et d'azotate d'argent, elle le réduit. Le même effet se produisait d'ailleurs quand on avait insolé la cassure, après l'avoir couverte, soit d'azotate d'argent, soit d'amidon, et qu'on révélait l'image soit dans l'amidon, soit dans le nitrate. Ainsi trois choses sont nécessaires : l'insolation, le sel d'argent, la matière organique; mais il est indifférent, à l'intensité près, que l'insolation se fasse sur la porcelaine nue, ou sur la porcelaine recovverte de l'un des deux réactifs, ou sur la porcelaine imprégnée de ces deux corps à la fois. D'où il suivrait qu'elle n'agit pas en formant sur ces matières quelque composé transitoire.

M. Niepce admet simplement que la lumière est emmagasinée et qu'elle demeure combinée aux surfaces jusqu'au moment où elle trouve l'occasion de produire une action chimique efficace. Bien qu'elle n'ait pas trouvé grande saveur, cette opinion pourrait être soutenue. Il y a des corps, comme la fluorine, qui absorbent la lumière, la condensent sous une forme inconnue, la gardent pendant de longues années et l'abandonnent quand on les chauffe. Tous les corps phosphorescents agissent ainsi, et la force vive qu'ils gardent et dégagent lentement dans l'obscurité pourrait bien à un moment donné se transformer en un travail chimique équivalent. La seule condition qu'il faudrait remplir serait de mettre en contact, au moment de produire ce travail, les substances chimiques entre lesquelles il peut s'effectuer. Cela expliquerail les actions révélatrices. Avant de conclure, il saut attendre des renseignements nouveaux.

ACTION SUR LES VAPEURS. — Daguerre a découvert une action révélatrice qui paraît être d'un ordre différent et qui est le fondement de sa méthode photographique.

Il expose une feuille de plaqué d'argent au-dessus d'un carton imprégné d'iode. Bientôt les vapeurs de cette substance progressivement, et dont la couleur varie comme celle des anneaux colorés. On arrête l'opération quand la teinte est jaune orangé, et on expose la plaque dans la chambre obscure. On la laisse prendre l'impression pendant dix minutes (aucune image ne se développe), et on l'expose ensuite à la vapeur qu'émet une capsule chauffée pleine de mercure. Cette vapeur s'attache aux points frappés par la lumière et respecte les parties qui étaient restées dans l'obscurité. Pour empêcher loute action ultérieure on dissout l'excès d'iode dans de l'hyposulfite de soude.

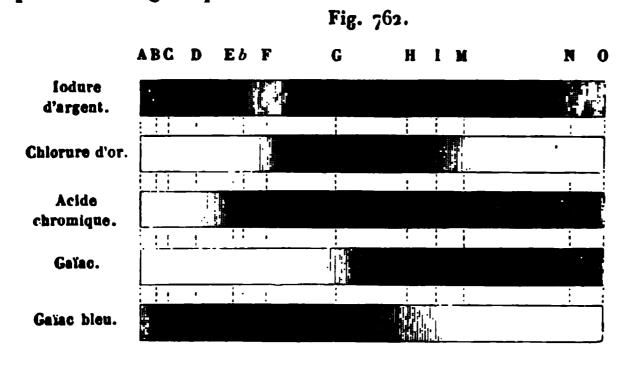
Après ces opérations le métal a gardé son bruni et paraît noir dans les ombres; il est dépoli et blanchi par le mercure dans les lumières, et une image positive se voit quand on regarde la plaque dans une situation telle qu'elle ne résidéchisse spéculairement aucune lumière. MM. Salmon et Garnier ont découvert un autre sait de même nature. Quand on insole une plaque de sousre à travers un carton découpé et qu'on l'expose ensuite aux vapeurs de mercure, elle les retient sur les parties qui ont été éclairées, et noircit en se combinant avec elles. En résumé, outre les actions précédemment étudiées, la lumière donne aux surfaces qu'elle a frappées la propriété d'attirer la vapeur des corps avec lesquels elles ont de l'afsinité.

ACTION DES RAYONS SIMPLES. — Les impressions photochimiques obtenues jusqu'à présent étaient déterminées par la superposition de tous les éléments de la radiation solaire. Il faut maintenant étudier l'action spéciale de chaque rayon élémentaire. A cet effet nous reprendrons l'expérience qui a tout d'abord révélé l'existence des rayons chimiques; nous préparerons un papier sensible au chlorure d'argent, dans l'obscunité la plus absolue, et nous ferons tomber sur sa surface un spectre réel très-pur obtenu par un prisme et une lentille de quartz. Nous verrons progressivement l'impression se faire, le chlorure noircir et toutes les raies se dessiner (fig. 762). L'effet commence en F. Il atteint son maximum vers la raie H et se prolonge en s'affaiblissant jusqu'aux limites des rayons ultra-violets; mais il est nul dans les parties occupées par les chaleurs obscures et par les rayons lumineux depuis A jus-

QUATRE-VINGT-DEUXIÈME LEÇON.

qu'à F. Il en est de même si l'on opère avec des papiers parés au bromure et à l'iodure d'argent, et en révélant l'im par l'acide gallique.

504



Avec une seuille de papier imprégnée de bichromate potasse l'action commence en E et se termine en N. Avec chlorure d'or l'impression s'étend depuis E jusqu'en I; l'act est lente, mais une sois commencée elle se continue sp tanément dans l'obscurité. De là nous concluons que l'act réductrice exercée sur les sels métalliques est exclusiven déterminée par les rayons très-résrangibles que l'on nomr cause de cela rayons excitateurs, tandis que les radiations lorisiques et lumineuses jusqu'à F sont absolument inacti

II. Sur le gaïac, le bitume de Judée et les essences, l'ac de la lumière est inverse; elle est oxydante au lieu d'être ductrice. Malgré cela, l'expérience prouve que ce sont en les mêmes rayons chimiques qui agissent. Ainsi le ¿ exposé au spectre commence seulement à bleuir en H, et tion se continue jusqu'à P.

III. Il ne faudrait pas croire cependant que les rayons crifiques et lumineux n'exercent aucune action. Reprenor papier sensible au chlorure d'argent; mais au lieu de le n tenir à l'obscurité, exposons-le pendant un temps très-cola lumière ordinaire, ou mieux aux rayons chimiques qui sent à travers un verre bleu, afin de déterminer une impsion faible et égale dans toutes ses parties. Après cela fai tomber comme précédemment un spectre réel très-pur une portion seulement de la feuille. Cette fois elle noircira

toutes les régions du spectre depuis le rouge le plus extrême, et l'on verra se dessiner toutes les raies lumineuses depuis A jusqu'à H (fig. 762). Cette fois les rayons peu réfrangibles ont agi; ils ont continué et développé l'impression commencée par les rayons chimiques, bien qu'ils soient impuissants à la produire. Ils ne l'excitaient pas, ils l'ont continuée, et M. Edm. Becquerel les nomme à cette occasion rayons continuateurs. On peut remarquer qu'ils précipitent et révèlent l'action chimique comme ils le faisaient pour la phosphorescence.

IV. Ils n'oxydaient pas le gaïac blanc; mais quand on les sait tomber sur le gaïac qui a absorbé de l'oxygène et qui est bleu, ils dégagent ce gaz et ramènent la substance au blanc. Loin d'être oxydants pour les matières organiques, ils sont réducteurs, et leur action est inverse de l'action des rayons très-résrangibles.

V. Depuis 1839 sir John Herschel a annoncé que, même sur les plaques daguerriennes, les rayons lumineux détruisent l'effet des rayons chimiques. M. Claudet a confirmé cette assertion; mais il faut distinguer deux sortes d'effets. Que l'on prenne d'abord une plaque daguerrienne insolée pendant un temps suffisant et qu'on la couvre d'un verre rouge, on verra l'image se développer peu à peu sans avoir recours aux vapeurs mercurielles. Cette expérience, qui est due à M. Gaudin, montre, sous une autre forme, que les rayons rouges sont continuateurs, et qu'ils ne sont point dans ce cas les antagonistes des rayons violets. Mais M. Claudet a montré que si, après l'avoir exposée à la chambre obscure, on laisse séjourner la plaque daguerrienne sous un verre rouge ou jaune pendant 100 fois ou 50 fois le temps de l'insolation primitive, elle perd la propriété de condenser le mercure. Les rayons qui ont traversé le verre rouge ou jaune sont donc, sous ce rapport, destructeurs des effets produits par les rayons chimiques. On peut le prouver par une très-belle expérience.

On expose à la lumière, sous un tulle noir, une lame de plaqué iodée et préparée pour le daguerréotype; puis on la coupe en quatre parties. On montre que la première condense la vapeur de mercure et donne une image du tulle noir; on laisse la deuxième à l'obscurité et on met la troisième au soleil sous

un verre rouge. Au bout d'un temps suffisant, celle-ci a perdu entièrement et celle-là gardé intégralement la propriété de donner une image avec le mercure. Enfin la quatrième, qui elle aussi a été conservée sous un verre rouge, a repris sensibilité première en perdant toute trace d'impression. Elle peut servir de nouveau et recevoir une autre image, comme si elle n'avait point subi la première insolation.

Ce dernier fait a une grande importance pratique. Non-seulement on pourra préparer les plaques daguerriennes dans un laboratoire éclairé par des verres rouges; mais même on pourra exécuter les opérations en pleine lumière, sauf à exposer les plaques en plein soleil sous des verres rouges ou jaunes qui leur feront perdre toutes les impressions qu'elles auraient pu avoir primitivement reçues, et leur donneront le maximum de sensibilité. En résumé, 1° les rayons peu réfrangibles continuent les actions chimiques commencées sur le chlorure, le bromure et l'iodure d'argent; 2° ils déterminent sur les composés organiques une action opposée à celle des rayons très-réfrangibles; 3° ils détruisent la propriété que possédaient les plaques daguerriennes insolées de condenser les vapeurs de mercure.

Je terminerai ce sujet par quelques observations. Nous avons distingué et analysé les radiations contenues dans le spectre solaire par trois organes dissérents: l'œil, la pile de Melloni & l'actinomètre. Aucun d'eux n'était impressionné proportionnellement en un même point du spectre, et chacun cessit de l'être entre des limites dissérentes. On pourrait maintenant étudier le spectre par les phosphorescences, les sluorescences et les actions chimiques qu'il développe sur divers corps, et l'on voit que les limites et l'intensité des effets observés varieront à l'infini avec la nature de l'action produite. Ces essets sont donc des fonctions de la réfrangibilité et ne mesurent dans aucun cas l'intensité, c'est-à-dire la force vive des radiations elles-mêmes. Cette force vive nous est incornue, nous ne savons comment elle varie entre les extrémités du spectre, et ces extrémités elles-mêmes, nous ne les cornaissons point; nous ne connaissons que les limites entre lesquelles les actions calorifiques, photogéniques ou photochimiques s'exercent.

rélicament. — Wollaston, Davy, Seebeck et sir John Herschel avaient depuis longtemps remarqué que les impressions développées sur le chlorure d'argent dans les diverses parties du spectre y prennent à peu près la couleur des rayons mêmes qui les ont produites. Ces expériences furent continuées et très-améliorées par M. Edmond Becquerel.

li plonge une lame de plaqué d'argent dans de l'acide chlorhydrique étendu et la fait communiquer avec le pôle positif d'une pile. Elle se couvre aussitôt d'une couche mince de chlorure d'argent qui prend en augmentant d'épaisseur les teintes successives des anneaux de Newton. On arrête l'opération quand on a obtenu pour la deuxième fois une couleur violette. On lave et on sèche la plaque; on la polit avec du tripoli sin et on la recuit jusqu'à 100 degrés. Toutes ces opérations doivent être faites dans l'obscurité. On expose enfin la plaque pendant une heure ou deux à l'action d'un spectre solaire réel bien immobilisé par un héliostat, et on voit peu à peu naître l'impression. Elle se compose d'abord d'une traînée couleur puce soncée qui précède le rouge, et qui est due aux chaleurs obscures. A l'extrémité opposée du spectre, de H en T, les rayons ultra-violets marquent une trace grisâtre très-prolongée, et ensin les lumières ont peint leurs couleurs respectives entre A et H, avec un maximum d'éclat au point même où le spectre lumineux présente sa plus grande intensité. Le jaune est un peu pâle, mais le rouge, le vert et le violet sont reproduits avec leur propre teinte.

Quand on veut obtenir l'image des objets avec leur couleur propre, il est nécessaire d'enlever les radiations obscures, ce qu'on fait en protégeant la plaque : 1° par une auge pleine d'eau qui éteint les chaleurs obscures, 2° par une couche de sulfate de quinine qui arrête les rayons chimiques. Cela fait, une gravure coloriée qu'on met sur la plaque se reproduit avec ses blancs, ses noirs et ses enluminures; et même une poupée objective dont on produit l'image dans une chambre obscure se peint avec ses formes et ses couleurs. On comprend toutes les espérances que ces phénomènes ont fait concevoir. M. Niepce a déjà réalisé des progrès importants; mais toutes les tentatives qu'on a faites dans ce nouvel art de l'héliochromie ont échoué devant une difficulté qui n'a pu

être vaincue, l'altération fatale et rapide des images. Au point de vue théorique, on peut caractériser comme il suit cette remarquable action. En recevant une lumière simple, celle qui est jaune, par exemple, la surface de la plaque est soumise à des vibrations d'une certaine durée, et sous cette insluence mécanique elle éprouve une modification qui la rend apte à continuer et à transmettre par dissussion ces mêmes vibrations, comme une corde tendue qui se met à vibrer sous l'influence du son qu'elle rend elle-même. Si donc on éclaire par la lumière blanche la plaque ainsi modifiée, elle éteindra toutes les vibrations discordantes et ne rendra que la vibration jaune, celle dont elle a pris la périodicité. Mais si l'action de cette lumière blanche se continue, comme la plaque n'a pas perdu sa sensibilité, elle éprouve une nouvelle impression qui affaiblit d'abord, dissimule ensuite la première, et qui altère nécessairement l'image primitive.

expériences de Bunsen et Roscoë. — MM. Bunsen et Roscoë ont cherché à évaluer le pouvoir chimique du soleil. Ils ont employé, comme substance sensible, un mélange explosif de volumes égaux de chlore et d'hydrogène. Ce mélange s'obtient en décomposant par l'électrolyse l'acide chlorhydrique aqueux de densité 1,148. A l'obscurité, les gaz restent en présence l'un de l'autre sans s'influencer; mais dès qu'ils sont exposés à la lumière, ils se combinent pour former une quantité d'acide chlorhydrique proportionnelle, toutes choses égales d'ailleurs, à la quantité des radiations absorbées.

La partie essentielle de l'appareil est un tube de verre gradué, horizontal, communiquant par l'une de ses extrémités avec un flacon de verre dit insolateur, dans lequel le mélange gazeux est exposé à la lumière; et par l'autre extrémité avec une boule remplie d'eau qui pénètre dans le tube lorsque le gaz diminue de volume. L'insolateur contient lui-même de l'eau qui le remplit à moitié, et il est noirci jusqu'au niveau du liquide afin de protéger celui-ci contre l'action de la lumière. L'observation se fait de la manière suivante. On ferme le robinet par lequel les gaz arrivent dans l'insolateur. On expose ce dernier à l'action d'un faisceau de rayons pendant un temps donné. Il se forme alors une certaine quantité d'acide

chlorhydrique aussitôt absorbée par l'eau de l'insolateur. En même temps le mélange gazeux éprouve une diminution que l'on mesure par le volume d'eau qui pénètre dans le tube horizontal gradué. L'action ne se produit pas instantanément; il saut quelques minutes d'attente après lesquelles le retrait du gaz devient proportionnel à la durée de l'exposition.

Soit v le volume de l'acide chlorhydrique formé après un temps t, et s la surface antérieure de l'insolateur; $\frac{v}{ts}$ est le volume du gaz qui serait obtenu pendant l'unité de temps sur chaque unité de surface, ou bien l'épaisseur de la couche uniforme d'acide chlorhydrique formé sur toute la surface insolée. Désignons-la par e', elle mesurera l'intensité chimique de la radiation absorbée.

L'intensité de la radiation incidente étant égale à C, une portion seulement, C', traverse l'insolateur dont l'épaisseur est égale à h, et on a, entre C' et C, la relation connue

$$C' = C \alpha^h$$
;

la quantité qui est absorbée est

$$C-C'=C(t-\alpha^h);$$

c'est celle-là qui a déterminé l'action chimique et qui a produit une couche d'acide chlorhydrique d'épaisseur e', qui est proportionnelle à son intensité.

Ce n'est pas e' qu'il faudrait trouver, c'est l'effet qui serait produit si toute la radiation était absorbée, c'est-à-dire si elle traversait un insolateur d'épaisseur h infinie; dans ce cas C — C' serait égal à C, e' deviendrait e, et on aurait

$$\frac{e}{e'} = \frac{C}{C - C'} = \frac{1}{1 - \alpha^h},$$

$$e = \frac{e'}{1 - \alpha^h}.$$

On trouvera donc l'épaisseur e si on a mesuré e' avec un insolateur d'épaisseur h, et si on a déterminé le coefficient de transmission α de la radiation considérée, à travers le mélange à volumes égaux de chlore et d'hydrogène.

Pour mesurer l'effet chimique des rayons solaires directs, MM. Bunsen et Roscoë ont fait tomber sur l'insolateur non point ces rayons en totalité, mais seulement la fraction qui passait à travers un trou très-sin percé dans une plaque de cuivre, fraction égale à 0,0001. Ils ont mesuré ainsi une épaisseur d'action chimique e', l'ont multipliée par 10000, et, connaissant α , ils ont calculé e, c'est-à-dire l'effet total du soleil après que ses rayons ont traversé l'atmosphère.

On peut se rappeler que, voulant apprécier l'effet calorifique du soleil, M. Pouillet avait mesuré de même l'épaisseur de la couche uniforme de glace que cet astre fond en une minute sur une surface insolée. Nous avons montré (t. ll) qu'elle peut se représenter par la formule

$$e = \mathbf{A} \alpha_1^{h_1}$$
.

Or, il n'y a d'autre différence entre les expériences de M. Pouillet et celles de M. Bunsen que la nature de l'esset mesuré. La formule qui a servi à coordonner les premières convient de la même manière aux dernières et conduira à des conclusions toutes semblables. Si donc on a mesuré l'épaisseur atmosphérique h_i , le coefficient de transmission de l'air α_i et la couche d'acide chlorhydrique formé e, on conclura A, c'est-à-dire l'effet chimique du soleil avant l'absorption de l'atmosphère. On a trouvé 35^m, 3, ce qui s'énonce ainsi : « Si les rayons solaires arrivaient à la terre sans rencontrer d'atmosphère, et s'ils étaient intégralement absorbés par le mélange à volumes égaux d'hydrogène et de chlore, ils détermineraient, pendant chaque minute, la formation d'une couche uniforme d'acide chlorhydrique qui aurait une épaisseur égale à 35m,3. Elle se réduirait à 15 mètres pour les rayons qui traverseraient l'atmosphère dans la direction du zénith, à 11 mètres lorsque le soleil serait incliné à 45 degrés, etc. »

MM. Bunsen et Roscoë ont procédé ensuite à la comparaison de la lumière solaire avec celle des sources terrestres. Ils ont découvert que la lumière émise par un sil de magnésium brûlant à l'air libre possède un très-grand pouvoir photochimique. En esset, l'éclat chimique du sil de magnésium incandescent n'est que 128 sois moindre que celui du soleil

nt l'entrée des rayons dans notre atmosphère Ce magném, en brûlant, produit autant d'effet chimique que le soleil vé d'environ 10 degrés, en supposant bien entendu que les ix sources offrent la même surface apparente, ce qui aurait 1, par exemple, si un disque de magnésium de o^m, 1 de diatre était placé à 10^m, 7 de distance. L'éclat optique du fil magnésium a été trouvé 525 fois plus faible que celui du sil élevé de 22°, 40. A la même élévation le rapport des its chimiques eût été égal à ½. La lumière du magnésium vient donc éminemment aux usages photographiques.

'es résultats sont particuliers à la combinaison choisie de ore et d'hydrogène. Si on avait adopté comme moyen de mee toute autre réaction chimique, elle eût donné des effets érents, parce que chacune d'elles est déterminée par un tain groupe de rayons solaires qui change en même temps elle.

e terminerai ce sujet par quelques mots sur les procédés ployés aujourd'hui pour obtenir les images photographiques.

ESTOGRAPHIE. — C'est entre les années 1813 et 1829 que licéphore Niepce inventa l'art de copier des gravures sur zent poli au moyen du bitume de Judée et par l'action de ımière. En 1826, il s'était associé Daguerre, qui s'était fait réputation dans l'art de peindre les dioramas; Daguerre lectionna d'abord le procédé de Niepce, et inventa cequi porte son nom. Une feuille de plaqué, exposée à la eur d'iode jusqu'à devenir jaune, était placée, pendant st minutes, au foyer d'une chambre obscure, puis soumise vapeur du mercure chauffé jusqu'à 80 degrés. Cette vapeur ortait sur les parties qui avaient subi l'action de la lumière; s y adhéraient et couvraient la plaque d'un voile blanc qui sinait l'image. On lavait ensuite à l'hyposulfite de soude r dissoudre l'excès d'iode. Le mercure adhérant très-peu plaque, les images manquaient de solidité. M. Fizeau les en faisant chauffer sur la plaque un mélange de chlorure · et d'hyposulfite de soude qui laisse déposer un vernis de d'or métallique. D'un autre côté, M. Claudet trouva, en 1, qu'en ajoutant du brome à l'iode on augmentait la senilité de la plaque, ce qui permit de faire des portraits, en

réduisant à deux ou trois minutes la durée de l'exposition la lumière.

Mais cet art nouveau fut abandonné presque aussitôt quécouvert. Une méthode rivale très-supérieure s'était dévloppée en même temps et parallèlement. M. Talbot, qui ign rait les travaux de ses devanciers, l'avait inventée de 183 à 1839. Il impressionnait dans la chambre obscure une feuille de papier imprégnée de chlorure d'argent, ce qui donnait un image négative; puis il la plaçait sur une seconde feuille de papier sensible qu'il exposait au soleil. Une image nouvelle se formait, inverse de la première, c'est-à-dire positive. Cett méthode a été perfectionnée par un nombre considérable de savants et d'artistes. Voici en quelques mots comment elle es pratiquée aujourd'hui.

On dissout 1 gramme de poudre-coton dans 90 gramme d'éther et 60 grammes d'alcool à 33 degrés. On y mêle de l'id dure de potassium et quelquesois des substances très-variable destinées à augmenter la sensibilité. On verse ce liquide su une plaque de verre bien n'ettoyée. Il s'y étale, et, par l'évi poration des liquides, y laisse un voile de pyroxyle adhérem Avant qu'il soit sec, on plonge la lame dans un bain d'azout d'argent (4 grammes d'azotate, 60 grammes d'eau). La couch change d'aspect, devient laiteuse; elle est alors imprégné d'iodure d'argent. On l'expose à la chambre obscure. Pou révéler l'image, on la couvre d'acide pyrogallique, et pou empêcher l'altération ultérieure, on la laisse digérer dans l'hy posulsite de soude.

Cette image est négative. Pour tirer les épreuves définitive on applique la première sur du papier sensible sec au chlo rure d'argent. On presse fortement entre deux verres, et o expose le tout au soleil. L'image se forme rapidement; ell est positive, et il suffit de laver à l'hyposulfite de soude.

ACTION DE LA LUMIÈRE SUR LES FEUILLES. — C'est à la photo chimie qu'il faut rapporter une des fonctions les plus importantes du globe. Je veux parler de l'action exercée par l'umière sur les végétaux. Un médecin genevois, Charle Bonnet, remarqua le premier, vers le milieu du xvin siècle que les feuilles plongées dans l'eau et exposées au soleil de

gagent un gaz par leur sace insérieure. Priestley continuant cette étude annonça, en 1773, que les plantes ont la propriété de rendre sa pureté primitive à l'air vicié par les animux, et qu'elles contribuent aussi à l'équilibre de l'atmosphère. Il avait néanmoins rencontré des anomalies, c'est-àdire des cas où les végétaux viciaient l'air au lieu de le purifier. La cause en fut découverte en 1779 par Ingen-Housz. Il prouva que cette faculté d'épuration n'appartient qu'aux parties vertes des plantes, et qu'elle ne s'exerce que sous l'instrate des rayons solaires. Enfin Sennebier expliqua tous ces résultats en démontrant que les feuilles décomposent l'acide arbonique lorsqu'elles sont exposées au soleil, qu'elles dément son oxygène et qu'elles fixent son carbone qui entre insi dans la constitution du végétal. Dans un vaste travail le révision, de Saussure reconnut que la quantité d'oxygène xhalé est moindre que celle de l'acide carbonique absorbé, ce lui prouvait qu'une partie de ce dernier gaz reste et se solilifie dans les tissus. Longtemps après, M. Boussingault nous pprit que l'eau elle-même est décomposée et qu'une portion e son hydrogène se sixe dans le végétal. Ensin, circonstance mportante et signalée par presque tous les observateurs, les tuilles exhalent toujours une notable proportion d'azote, et ouvent en gardent une petite quantité qui vient de l'air.

On voit que cette fonction capitale est très-complexe. Ce qui st certain, c'est qu'elle dépend de l'organisation même des villes, car elle cesse si on les pile, parce qu'on détruit leur tructure. Elle est liée au mouvement général de circulation, ir d'après MM. Cloëz et Gratiolet c'est par la face supérieure es feuilles que l'acide carbonique est absorbé, tandis que oxygène est entraîné vers les racines par un courant descentat, et s'échappe, chemin faisant, par la surface inférieure es feuilles. Elle s'accomplitaveç une telle abondance, qu'une eule feuille de nénufar abandonne pendant le courant de baque été jusqu'à 300 litres d'oxygène.

A la prendre en gros, elle consiste essentiellement dans la éduction de l'eau ainsi que de l'acide carbonique; elle est out à fait analogue à celle qui désoxyde le gaïac bleu sous insuence des rayons peu réfrangibles. Bien qu'accomplie au ein d'un organisme inconnu, il est certain que les lois phy-

siques de cette réduction doivent persister. Or, pour décor poser une quantité donnée d'acide carbonique et d'eau et e faire du bois, il faut leur fournir une somme de chaleur, c'es à-dire de force vive, égale à celle que ce bois dégage lorsqu'on le brûle; il est donc de toute nécessité que les plantes em pruntent une quantité de rayons solaires proportionnelle à l' quantité de décomposition qu'elles effectuent. Où et com ment se fait cet emprunt, c'est ce que nous allons chercher.

Les feuilles éteignent la plus grande partie des rayons incidents, surtout ceux qui sont les moins réfrangibles. M. Stoke a exécuté des expériences très-complètes sur l'extinction de la lumière par la solution alcoolique de chlorophylle, qui vrai semblablement se comporte comme les feuilles elles-mêmes Cette solution, sous une saible épaisseur, est d'un beau ver émeraude; elle absorbe abondamment tous les rayons de spectre, mais surtout cinq bandes étroites, deux dans k rouge, une dans le jaune vert, la quatrième dans le vert, el la dernière au commencement du bleu. Les rayons qui son ainsi absorbés ne sont pas tous éteints. En esset, la chlorophylle est fluorescente; elle rayonne dans tous les sensi 1º une faible portion des rayons rouges; 2º le groupe des mdiations bleues, violettes et ultra-violettes, après l'avoir transformé en une teinte mixte verte, celle qui constitue la couleur des feuilles.

Mais la chlorophylle absorbe définitivement sans les rendre les rayons les plus lumineux, orangés, jaunes et verts. En résumé elle absorbe tout, mais elle en fait deux parts; elle diffuse les rayons qui sont aux extrémités du spectre, les plus et les moins réfrangibles, et les dissémine en un rayonnement extérieur. Quant aux rayons moyens, elle les conserve; c'est là qu'elle prend de la force vive qui s'accumule indéfiniment dans sa masse. Voyons si à cet emprunt de force ne correspond pas quelque phénomène consécutif.

Beaucoup de physiciens ont cherché quelles sont les rediations qui déterminent spécialement la réduction de l'acide carbonique. Les expériences de Draper sont les mieux saites ll disposait dans une chambre obscure un spectre solaire borizontal et immobile qu'il dirigeait sur un appareil composé de sept tubes de verre verticaux de 13 millimètres de dis-

mètre. Ils contensient de l'eau chargée d'acide carbonique et une seuille de graminée, longue et étroite. Chacun était placé de manière à recevoir l'une des sept couleurs principales du spectre; et voici quelles surent les quantités d'oxygène recueillies dans ces couleurs.

Rouge	o,33
Rouge et orangé	20,00
Jaune et vert	36,00
Vert et bleu	0,10
Bleu	0,00
Violet	0,00

Voulant savoir si la chaleur obscure exerce une action, Draper mit l'appareil devant un grand seu de bois; les tubes s'échaussérent sans rien dégager. Ensin il compara les essets produits en saisant arriver la lumière solaire sur une même plante, 1° directement; 2° à travers un écran de bichromate de potasse qui éteint les rayons chimiques; 3° à travers du sulfate de cuivre ammoniacal qui les laisse passer, mais qui absorbe les radiations lumineuses peu résrangibles. Voici quels surent les volumes d'oxygène dégagés:

Lumière libre	4,75
Bichromate de potasse	4,55
Sulfate de cuivre ammoniacal	0,75

En résumé, la chlorophylle absorbe définitivement les rayons lumineux compris entre le rouge et le vert, et l'expérience vient de montrer que la décomposition de l'acide carbonique accompagne cette absorption. On peut admettre qu'elle en est l'esset. Nous avions signalé précédemment l'analogie qui existe entre cette réduction de l'acide carbonique par les plantes et la désoxydation du gaïac bleu; il faut ajouter que les deux actions sont produites par la même classe de rayons, ceux qui une réfrangibilité moyenne.

On peut apprécier à un point de vue plus général les sonctions de respiration des plantes. Les rayons lumineux sont des mbrations déterminées par une sorce empruntée au soleil, sorce qu'ils transportent sur la terre; et quand ils sont absorbés par les végétaux, cela veut dire que cette force vive est anéanticalors elle se transforme en un travail chimique équivalent.

Alors les plantes détruisent l'acide carbonique et dégages de l'oxygène. Elles fixent une somme donnée de charbon d'hydrogène et d'oxygène, peut-être d'azote, dans les organs des végétaux; elles créent de la matière organique. Les houilles les lignites, l'immense provision de bois de nos forêts, son les résidus de ces épurations continues de l'atmosphère, comme l'oxygène de l'air en est le produit.

Les animaux herbivores ou carnivores se nourrissent des matières végétales, les premiers directement, les derniers de seconde main. Cette nourriture à peine assimilée se brâle dans les poumons, se transforme en acide carbonique et en est qui repassent dans l'atmosphère, et en matières azotées qui se répandent sur le sol. Ensin les animaux abandonnent de toute nécessité, sous sorme de chaleur, la somme de force vive qui avait été empruntée au soleil au moment où s'était constituée la matière organique dont ils se nourrissent.

Les animaux et les végétaux accomplissent trois fonctions correspondantes et inverses qui s'équilibrent et se contrebalancent : les végétaux purifiaient l'air, les animaux le vicient; les premiers composaient des matières, les seconds les détribuent. Ceux-là absorbaient de la lumière solaire, ceux-ci la resdent sous forme de chaleur obscure, ou, ce qui est la même chose, sous forme de force.

L'homme brûle le bois, les houilles et les lignites; il en retire la chaleur solaire; par les machines à feu il en tire de la force. On peut ajouter que le soleil soulève les eaux par l'émporation, qu'il produit les courants de l'atmosphère, et que l'homme, en demandant la force aux vents, aux chutes d'en, à la vapeur, aux animaux et à lui-même, ne fait que retrouver et employer la force vive solaire déposée providentiellement dans les végétaux. C'est ainsi que toute chaleur, toute lumière tout travail, toute force, toute vie végétale ou animale se régénèrent et se transforment et sont puisées à la source unique et intarissable : le soleil.

QUATRE-VINGT-TROISIÈME LEÇON.

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION.

mérience des deux miroirs. — Manières d'observer les franges. — Lois du phénomène. — Valeurs de λ . — Propagation hyperbolique des franges. — Biprisme. — Glaces inclinées. — Théorie des ondulations. — Explication des interférences.

mesure des longueurs d'onde.

INTERFÉRENCES.

Exércice des deux miroirs. — Soit L (fig. 763) une sente sords métalliques verticaux et très-serrés, servant à introire dans une chambre obscure les rayons solaires sixés par héliostat. Il est toujours permis de ne point se préoccuper chemin antérieur qu'ils ont sait, de considérer ces rayons nue partant de la sente elle-même, et de regarder celle-ci une un luminaire linéaire et vertical.

lans la chambre sont établis deux miroirs verticaux, ON, , faisant entre eux un angle rentrant très-voisin de 180 des. Derrière chacun d'eux se forment en A et en B deux iges de L, symétriques par rapport à OM et à ON. Les disces LO, AO, BO sont égales, et par conséquent la perpendiaire DC élevée sur le milieu de AB passe par le point O. leux faisceaux très-voisins, LMO, LON partant de L rentrent les deux miroirs sous une incidence presque rasante, superposent après la réflexion et se trouvent dans les mes conditions physiques que s'ils partaient de A et de B. lors on peut oublier et le soleil, et la fente, et les miroirs, lire que l'expérience revient à avoir disposé deux lignes lineuses très-voisines, A et B, qui sont dans un état vibrae commun, puisqu'elles ont une origine commune, et qui vient à la fois de la lumière sur un écran FG. Quel est l'esset duit sur cet écran?

lonsidérons en premier lieu le cas où la lumière a été

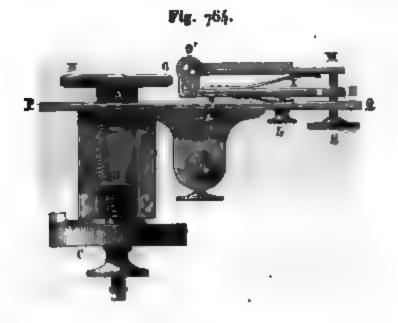


rendue homogène par l'is sition d'un verre rouge. (en C, sur le prolongem plan DOC, une bande bel suivie à droite et à des deux séries symé de franges alternativeme scures et brillantes. St t d'être rouge la lumiën jaune, les bandes, tout è servant les mêmes dispos seraient plus étroites. I seront d'autant plus que frangibilité sera plus s L'effet produit par la l' blanche est la superposi ceux que détermine indilement chacun de ses élé et l'on voit des bandes e dont la dispersion est d plus grande qu'elles s'ék plus du milieu C, et qui ß par dégénérer en une blanche uniforme.

Ces franges ne se f point si l'on supprime deux faisceaux venant d de B : soit par un écran posé dans LOM ou dans soit en couvrant l'un des : de noir de fumée, son supprimant, soit enfin en tourner OM autour de O le placer dans la directi-Pendant ce mouvement. tion HE commune aux faisceaux réfléchis décre qu'à s'annuler, et les fi qui ne dépassent jamais pace, disparaissent avec l DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 5:9

Il faut conclure de la que les deux faisceaux s'influencent natuellement; que c'est leur superposition qui produit en certains points de la lumière, en certains autres de l'obscurité. On dit qu'ils interfèrent, et les franges que nous venons de décrire constituent le phénomène des interférences.

Pour le produire, on dispose sur le banc d'optique (fig. 675, Pl. II), d'abord la fente étroite sur le support n° 3, ensuite les miroirs (n° 4), et enfin (n° 5) une loupe mobile dans une maliere horizontale, qui vise successivement chacune des targes et qui mesure leur distance. La fig. 764 représente



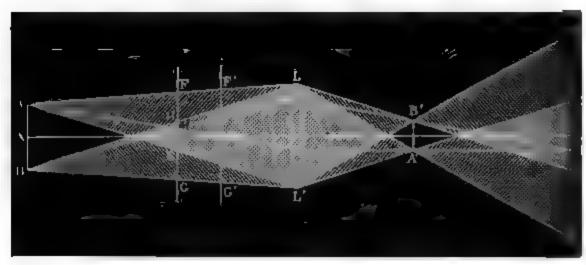
verticale destinée à les porter. L'un d'eux, ON, dont la direction est fixe, peut avancer ou reculer parallèlement à luimème par le jeu d'un micromètre à tambour divisé ABC. Le second, O'M, est porté sur une plaque spéciale DE, reliée i PQ par trois vis calantes, deux qui sont projetées en F, et une troisième en G. Il peut tourner autour d'une charnière O'. Les deux vis F règlent cette charnière parallèlement à l'arête O du premier miroir, et un dernier micromètre H donne à O'M l'inclinaison qu'on veut sur ON. Pour régler l'instrument, on mettra d'abord les deux surfaces dans le même plan, ce qui sera facile en visant des objets éloignés, ensuite on inclinera O'M par la vis H. Tout l'appareil est porté par l'extrémité L de l'une des colonnes du banc et serré par une vis de pression.

QUATRE-VINGT-TROISIÈME LEÇON.

520

manitare nonserver les frances. — Si l'on opère au soleil, on peut recevoir directement la lumière sur un écran, les frances s'y peignent à toute distance, et on peut remarquer qu'elles sont d'autant plus larges que les deux points lumineux A et B sont plus rapprochés. Le plus souvent on reçuit les rayons sur une lentille très-convergente LL' (fig. 765). Il



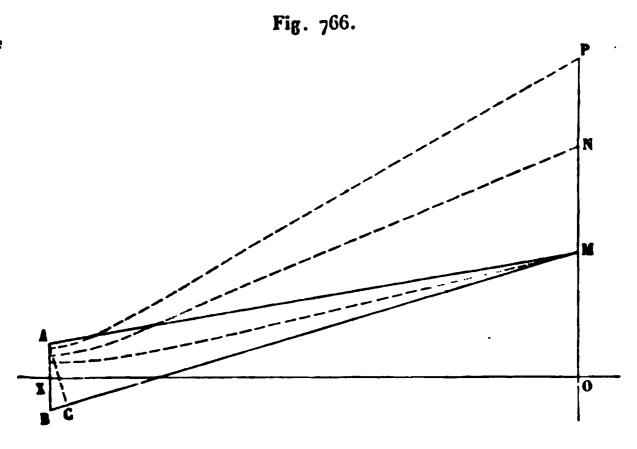


est clair qu'elle donne en A' B' deux images concordantes des points lumineux A et B; qu'à leur tour A' et B' envoient de la lumière qui interférera; mais comme ils sont beaucoup plus rapprochés que ne le sont A et B, ils donneront sur l'écran, à toute distance, des franges pareilles aux précédentes, mais beaucoup plus larges.

Si la lumière est moins vive, on peut la recevoir directement dans l'œil. L'œil fonctionne, en effet, comme une lentille très-convergente, et théoriquement il peut être remplacé par LL'. Supposons qu'il vise en EH à la distance de la vision distincte. Les images de A et de B se feront quelque part en A' et B' en avant de la rétine, et l'image du plan focal HE se peindra sur cette rétine en H"E" comme sur un écran. Les rayons BM, AM qui, se croisant en M sur EH, y peignaient une frange brillante ou obscure, se croiseront de nouveau sur la rétine en M' pour y déterminer les mêmes alternatives de lumière et d'obscurité. Mais il faut une certaine habitude pour distinguer ainsi les franges; le plus souvent on regarde avec un oculaire. En opérant ainsi on ne fait qu'augmenter la convergence de l'œil, qui, au lieu de viser sur le plan FG à la

distance de la vision distincte, vise sur un autre plan F'G' plus approché. Les deux images A', B' sont plus voisines l'une de l'autre et plus éloignées du fond de l'œil, et la grandeur des franges peintes sur la rétine est plus considérable. L'oculaire LL'est porté par un micromètre qui le déplace latéralement; il est muni d'un réticule qu'on voit en même temps que les franges dans le plan focal G'F' et que l'on peut successivement faire coîncider avec elles. On mesure ainsi la distance de les franges de même ordre et de rang quelconque, et en la sentrale XX.

Principale. — Soit 2a la distance AB des deux qui produisent le phénomène, et l leur distance à PQ (fig. 766). On détermine 2a en se plaçant en O,



en mesurant par un cercle répétiteur l'angle α sous-tendu par AB à cette distance l et l'on a

$$2a = l \tan \alpha$$
.

Soit M une des franges obscures ou brillantes; on a mesuré sa distance MO au centre des franges O, on peut calculer

$$\tan g MXO = \tan g \delta = \frac{MO}{OX}.$$

Décrivons du point M, comme centre, avec AM pour rayon,

un arc AC. A cause de la petitesse de AB et de la grandeu de OX, AC peut être considéré comme une droite perpendiculaire sur BM, l'angle BAC comme égal à d, et BC comme presurant la différence des distances entre BM et AM; appelons-la d:

$$BC = d = 2a \sin \delta$$
.

On a calculé cette dissérence des distances pour les milieux de chaque srange obscure ou brillante, en employant la sumière que laisse passer le verre coloré en rouge par l'oxyde de cuivre. On a trouvé qu'elle ne variait pas avec la distance XO de l'écran, qu'elle demeurait constante pour chaque bande, et qu'elle était, en désignant par à une longueur égle à o^{mm},000620:

1º Pour les franges brillantes successives,

o,
$$2\frac{\lambda}{2}$$
, $4\frac{\lambda}{2}$, $6\frac{\lambda}{2}$, ...;

2º Pour les franges obscures successives,

$$\frac{\lambda}{2}$$
, $3\frac{\lambda}{2}$, $5\frac{\lambda}{2}$.

Les résultats suivent la même loi pour toutes les couleurs mais λ change de l'une à l'autre et diminue quand la régibilité augmente; d'après des mesures effectuées autre par Newton, les valeurs de λ sont :

	Valeurs de λ.	N.
•	mm	
Rouge	0,000620	497
Orangé	0,000583	528
Jaune	0,000551	529
Vert	0,000512	601
Bleu	0,000475	648
Indigo	0,000449	686
Violet	0,000423	728

Quelle que soit la distance de l'écran, les franges des divers ordres viennent s'y peindre en des points tels que M. On peti donc considérer ces points comme occupant dans le plan de la DES INTERPÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 523 figure un lieu géométrique, caractérisé par cette condition que la différence de leurs distances aux images A et B est constante et égale à $n\frac{\lambda}{2}$. C'est une hyperbole dont A et B sont les foyers. On en calculera les axes X et Y en résolvant les équations

$$\sqrt{\overline{X^2 + Y^2}} = a$$
, $\sqrt{\overline{X^2 - Y^2}} = \frac{n \lambda}{2}$.

La célèbre expérience qui vient d'être décrite a été imaginée et étudiée par Fresnel. Il importe de montrer qu'elle n'est point un cas particulier, et qu'on obtiendra les mêmes françes toutes les fois qu'on dédoublers une fente lumineuse en deux images parallèles et très-voisines qui enverront à la fois leur lumière sur un écran.

tentes. — I. M. Pouillet fit construire un double prisme ODC tent les angles C et D, très-petits, sont égaux entre eux, et il éclaire cet appareil par une fente mince X parallèle à ses trêtes (fig. 767). La réfraction donne deux images virtuelles

Fig. 767.



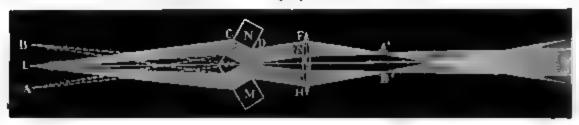
A et B, et les rayons qui ont traversé les deux prismes sont dans les mêmes conditions que s'ils venaient originairement de ces foyers. De plus, ils se superposent en EH sur l'écran; sussi voit-on un système de franges se produire. Elles offrent des caractères particuliers, car les images A et B ne sont pas les mêmes pour toutes les couleurs; elles sont peu écartées pour le rouge et beaucoup plus pour le violet. Les franges violettes sont par conséquent plus larges qu'elles ne l'étaient précédemment, leur place diffère moins de cetle qu'occupent les franges rouges; il y a moins de dispersion, et dans certains cas il n'y en a point; mais si l'on mesure comme précédem-

524 QUATRE-VINGT-TROISIÈME LEÇON.

ment la place des franges et la différence des distances aut origines A et B, on retrouve les mêmes lois qu'avec les miroirs de Fresnel.

II. Prenons comme deuxième exemple (fig. 768) deux mor ceaux M et N d'une même glace à faces parailèles, formant entre eux un angle très-petit, et recevant la lumière partie d'un

Fig. 768.



fente I située sur la bissectrice de leur angle. Les rayons tel que IC se réfracteront en CD, et sortiront suivant DF paral lèlement à leur direction primitive; ils seront dans les même conditions que s'ils partaient d'un foyer A, et constitueron un faisceau divergent EAF. La deuxième glace fournira us second faisceau HBG partant d'un point symétrique B. La fent originellé est ainsi dédoublée en deux images identiques mais les faisceaux qui en partent ne se superposant point, i n'y a pas de franges. Vient-on à les recevoir sur une len tille FH, ils donnent deux images A' et B', après lesqueile ils se superposent et interfèrent.

En résumant ces divers exemples, on peut énoncer d'un manière générale le principe suivant : « Quand deux lumière partant d'un même point se superposent après avoir parcour des chemins divers, elles donnent de l'obscurité ou un redou blement de lumière lorsque la dissérence des chemins par courus est égale à un multiple impair ou pair de $\frac{\lambda}{2}$; λ étant un longueur très-petite qui a été mesurée pour les diverses cou leurs. »

TRÉORIE DES ONDULATIONS. — L'analogie de ces phénomène avec ceux de l'acoustique est évidente. Il faut chercher à le expliquer par le même mécanisme. Pour établir la théorie de l'optique, on ne fait qu'une seule hypothèse : c'est que à fluide lumineux ou l'éther est répandu dans toute la nature

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 525 qu'il a dans les divers milieux des densités différentes, et que les lois de l'élasticité y sont absolument les mêmes que dans les corps pondérables solides.

Du moment que cet éther est assimilé à ces corps pondérables, ses molécules reçoivent et transmettent les vibrations de la même manière et suivant les mêmes lois qu'il nous suffit de rappeler:

l. Lorsque, dans les milieux homogènes ayant une densité à cume élasticité e, une molécule est déplacée, l'équilibre génément détruit; toutes les molécules voisines éprouvent un musement qui se transmet de proche en proche, dans toutes les directions, avec une vitesse a. Le calcul montre que cette

vilesse est égale à $\sqrt{\frac{e}{\delta}}$. Cela s'applique à l'éther, et cette vilesse est celle de la lumière.

Il. Si, au lieu d'un mouvement infiniment petit et instantané, une molécule d'éther exécute des vibrations régulières, ses vitesses oscillatoires sont données par la formule

$$v = \alpha \sin 2\pi \frac{t}{T}.$$

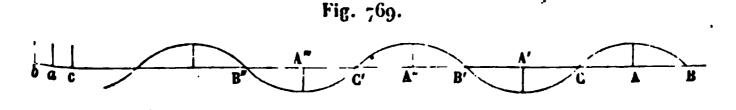
T est la durée de la vibration complète, α est la vitesse maximum qui est proportionnelle à l'amplitude des oscillations. Lorsque T prend successivement les valeurs

o,
$$\frac{T}{4}$$
, $\frac{2T}{4}$, $\frac{3T}{4}$, $\frac{4T}{4}$,

v devient

$$o, \alpha, o, -\alpha, o.$$

III. Considérons un cylindre indéfini (fig. 769) dont la base



antérieure est animée d'un mouvement vibratoire exprimé par la formule (1). Commencé en b à l'origine du temps, ce mouvement arrivera en B à une distance d, après une valeur du

temps $t = \frac{d}{a}$; et à partir de ce moment la molécule B exécutera les mouvements que l'origine b exécutait à partir de t = 0. Les vitesses de B seront données par la formule

(2)
$$v' = \alpha \sin 2\pi \left(\frac{t - \frac{d}{a}}{T}\right).$$

Les valeurs de v' en chaque tranche du cylindre peuvent se représenter graphiquement par les ordonnées de la courbe sinusoïdale BB' B". Si le temps croît de t', elles deviennent

$$v' = \alpha \sin 2\pi \left(\frac{t+t'}{T} - \frac{d}{aT}\right) = \alpha \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{d-at'}{aT}\right)$$

Le changement apporté dans la vitesse en chaque point est le même que si d, sa distance à l'origine, avait diminué de al', c'est-à-dire que si la courbe des vitesses s'était transportée avec la vitesse a. Après un temps T égal à celui d'une oscillation, le déplacement sera aT. D'un autre côté les vitesses d'auront repris en chaque point leurs valeurs primitives, et la courbe se sera superposée à elle-même. aT représente donc à la fois l'espace parcouru par la lumière en un temps T et la distance de deux points consécutifs qui ont la même vitesse. C'est ce qu'on nomme la longueur d'onde. On la désigne par λ:

$$\lambda = aT$$
.

En remplaçant aT par à, la formule générale de la vitesse devient

$$v' = \alpha \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{d}{\lambda}\right)$$

IV. Si la lumière n'est autre chose qu'un mouvement, quantité de lumière L qui tombe pendant un temps égal à sur une surface donnée est égale à la quantité de forevive qui anime la masse d'éther m, ou à $\sum mv^2$, et comme

$$v = \alpha \sin 2\pi \, \frac{t}{T},$$

$$L = m \alpha^2 \sum \sin^2 2\pi \, \frac{t}{T};$$

$$\mathbf{L}' = m \, \alpha'^2 \sum \sin^2 2\pi \, \frac{t}{\mathbf{T}},$$

et par suite

$$\frac{\mathbf{L}}{\mathbf{L}'} = \frac{\alpha^2}{\alpha'^2}.$$

On pourra donc mesurer l'éclairement d'une surface par le carré de l'amplitude α^2 des rayons qu'elle reçoit.

V. Un point lumineux envoie dans toutes les directions, pendant un temps t, une somme de force vive qui anime successivement chaque couche sphérique d'épaisseur dr, décrite de ce point comme centre avec r pour rayon. Elle est égale au produit de la masse $4\pi r^2 dr$ par la somme des carrés de la vitesse v, ou à $4\pi r^2 dr \alpha^1 \sum \sin^2 2\pi \frac{t}{T}$. Comme elle est constant, il faut que $r^2 \alpha^2$ soit constant, ce qui veut dire que les échirements α^2 sont en raison inverse des carrés r^2 des distances au centre.

VI. Appliquons ces principes au calcul des phénomènes d'interférences. Prenons deux points très-voisins A et B (fig. 766) concordants, et envoyant des vitesses vibratoires v et v' à un même point M, situé à des distances d et d':

$$v = lpha \sin 2\pi \left(rac{t}{\mathrm{T}} - rac{d}{\lambda}
ight),$$
 $v' = lpha' \sin 2\pi \left(rac{t}{\mathrm{T}} - rac{d'}{\lambda}
ight).$

Ces vitesses s'ajoutent, et en développant les sinus

$$V = v + v' = \sin 2\pi \frac{t}{T} \left(\alpha \cos 2\pi \frac{d}{\lambda} + \alpha' \cos 2\pi \frac{d'}{\lambda} \right)$$
$$-\cos 2\pi \frac{t}{T} \left(\alpha \sin 2\pi \frac{d}{\lambda} + \alpha' \sin 2\pi \frac{d'}{\lambda} \right).$$

La valeur de V se mettra sous la forme

$$\mathbf{V} = \mathbf{A} \sin 2\pi \left(\frac{t}{\mathbf{T}} - \frac{d''}{\lambda} \right),$$

528

si on pose les équations de condition

A
$$\cos 2\pi \frac{d''}{\lambda} = \alpha \cos 2\pi \frac{d}{\lambda} + \alpha' \cos 2\pi \frac{d'}{\lambda},$$

A $\sin 2\pi \frac{d''}{\lambda} = \alpha \sin 2\pi \frac{d}{\lambda} + \alpha' \sin 2\pi \frac{d'}{\lambda},$

qui peuvent s'écrire

(3)
$$\tan 2\pi \frac{d''}{\lambda'} = \frac{\alpha \sin 2\pi \frac{d}{\lambda} + \alpha' \sin 2\pi \frac{d'}{\lambda}}{\alpha \cos 2\pi \frac{d}{\lambda} + \alpha' \cos 2\pi \frac{d'}{\lambda}},$$

$$A^{2} = \alpha^{2} + \alpha'^{2} + 2\alpha\alpha' \cos 2\pi \frac{d - d'}{\lambda}.$$

Cela veut dire que la molécule M, qui est éclairée à la fois par les points lumineux A et B, est dans les mêmes conditions que si elle recevait de la lumière d'un point situé à une distance d'' et dont l'intensité serait A'. d'' et A se calculent par les formules (3).

VII. Pour développer des interférences, il faut superposer les rayons virtuellement émis par deux images voisines et parallèles d'une même fente, et qui ont ainsi une origine commune. On ne réussit jamais à faire naître les franges en superposant les lumières venues de fentes parallèles et voisines, mais puisées à des sources indépendantes. Pour expliquer cette impossibilité, il faut se rappeler que les cordes ébranlées par un archet exécutent de longués suites de vibrations régulières, mais qui se succèdent sans continuité quand la direction de l'archet vient à changer. Elles peuvent encore se représenter par la formule

 $v = \alpha \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{d}{\lambda}\right),$

mais à la condition de supposer que d change de valeur d'un e manière irrégulière et discontinue après des intervalles que rien ne sixe. On admet qu'il en est de même des vibration= lumineuses, et que celles qui proviennent de sources disse rentes éprouvent des perturbations de d entièrement indépense dantes. Quand on superpose leurs éclairements, les vitesses -

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 529 et \(\s'\) s'ajoutent en chaque élément de masse \(dm \). L'éclairement total est égal à la somme, pendant l'unité de temps, des éclairements produits pendant chaque période où \(d \) et \(d' \) demeuraient invariables. Ce sera

$$\Lambda' dm \sum \sin^2 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{d''}{\lambda} \right) \\
= \left(\alpha^2 + \alpha'^2 + 2\alpha\alpha' \sum \cos 2\pi \frac{d - d'}{\lambda} \right) dm \sum \sin^2 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{d''}{\lambda} \right).$$

Comme d-d' passera par toutes les valeurs possibles, $\sum \cos 2\pi \, \frac{d-d'}{\lambda} \text{ sera nécessairement nulle, et l'on aura}$

$$\Lambda^{2} dm \sum \sin^{2} 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{d''}{\lambda}\right) = (\alpha^{2} + \alpha'^{2}) dm \sum \sin^{2} 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{d''}{\lambda}\right),$$

$$\Lambda^{2} = \alpha^{2} + \alpha'^{2}.$$

L'éclairement total pourra se mesurer par A'; il sera donc égal à la somme des éclairements des deux sources, ce qui est conforme à l'expérience.

VIII. Mais si les deux sources lumineuses proviennent du dédoublement d'une fente éclairante unique, les perturbations de l'une se répètent sur l'autre, et, à part les moments très-courts où elles se produisent, les différences de phase $2\pi \frac{d-d'}{\lambda}$ ne dépendent que de la différence des chemins parcourus; elles sont constantes en un point donné.

Alors la règle de Fresnel s'applique: elle va expliquer l'expérience des deux miroirs et tous les phénomènes produits par la superposition des lumières qu'envoient deux sources linéaires concordantes A et B. Supposons, pour simplifier, que leurs intensités soient égales, dans ce cas, $\alpha = \alpha'$, et les formules (3) donnent en un point M (fig. 766)

$$\tan 2\pi \frac{d''}{\lambda} = \tan 2\pi \frac{d + d'}{2\lambda},$$

$$A^{2} = 2\alpha^{2} \left(1 + \cos 2\pi \frac{d - d'}{\lambda}\right) = 4\alpha^{2} \cos^{2}\pi \frac{d - d'}{\lambda},$$

$$V = v + v' = 2\alpha \cos \pi \frac{d - d'}{\lambda} \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{d + d'}{2\lambda}\right).$$
III.

On voit d'abord que d'' est égal à $\frac{d+d'}{2}$, c'est-à-dire d'' est moyenne entre d et d'. Donc la phase en un point cconque M de l'écran est la même que s'il recevait la lun du point X, milieu de AB. On voit en second lieu que l'é rement en ce point est égal à $4\alpha^2\cos^2\pi\frac{d-d'}{\lambda}$; il sera quand d-d' sera égal à $(2n+1)\frac{\lambda}{2}$, et égal à $4\alpha^2$ quand d. sera égal à $2n^{\frac{\lambda}{2}}$. Donc: « Quand deux faisceaux égaux, pa originairement d'une même sente lumineuse, se superpo après avoir parcouru des chemins divers, ils donnent de l curité ou un éclat quadruple de celui que déterminerait cun d'eux quand la différence d-d' des chemins parco est égale à un multiple impair ou pair d'une demi-long d'onde. » Cet énoncé reproduit précisément la loi expéri tale des interférences, avec cette dissérence que la qua mesurée précédemment et désignée par à prend ici sa sig cation théorique: elle représente la longueur d'onde (lumière employée.

IX. La durée d'une vibration entière étant T, le nombre le vibrations exécutées dans une seconde est $\frac{1}{T}$; or, on a

$$\lambda = aT = \frac{a}{N}, \quad N = \frac{a}{\lambda}.$$

Puisqu'on a mesuré a et λ, on peut calculer N. On a écrit le tableau de la page 522 les nombres de vibrations exéc pendant un trillionième de seconde. Ainsi la lumière vic exécute plus de 700 trillions de vibrations en une secon

RÉSEAUX.

Nous montrerons dans la suite que l'on peut saire l'erience des intersérences en remplaçant les deux miroirs biprisme par deux sentes extrêmement voisines, A et B, erées par la lumière d'une première sente placée à l'insin l'axe OX (fig. 770). Dans ce cas on voit encore une si brillante en O, et alternativement, des deux côtés de O

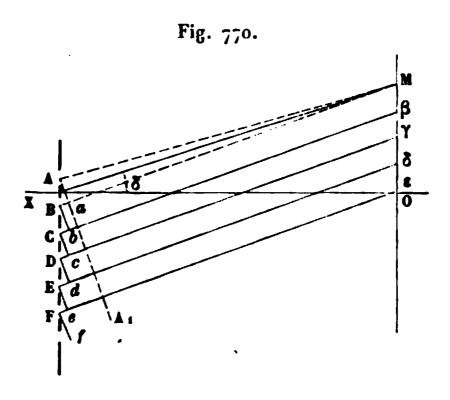
DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 53 phandes obscures et éclairées. Dans une direction donnée XM, la dissérence de marche d-d' de deux rayons interférents est encore égale à Ba,

$$\mathbf{B}\mathbf{a}=\mathbf{d}-\mathbf{d}'=\mathbf{2}\,\mathbf{a}\sin\delta;$$

elle est égale à un multiple pair de $\frac{\lambda}{2}$ pour les diverses franges brillantes qui se placent des deux côtés de O, et ces franges sont caractérisées par la relation suivante dans laquelle n exprime leur numéro d'ordre,

$$2a\sin\delta = n\lambda$$
 ou $\sin\delta = \frac{n\lambda}{2a}$.

Supposons maintenant qu'au lieu de deux sentes A et B on en ait un très-grand nombre A, B, C, D, E, F..., toutes équidistantes et éclairées par la même sente originelle : elles donneront dans les mêmes directions à leurs sranges brillantes de



^{mème} ordre. S'il y a N fentes dans un millimètre, la distance 2a des milieux de deux d'entre elles sera égale à $\frac{1}{N}$, et l'équation $\frac{1}{N}$ précédente pourra s'écrire

$$\sin \delta = n \lambda N$$
.

Pour réaliser expérimentalement cette disposition, Frauenhoser a imaginé les réseaux. Il tendait des sils métalliques très-sins, parallèles et très-rapprochés, ou bien il traçait au diamant sur une lame de verre, avec une machine à diviser, des traits parallèles qui étaient sensiblement opaques et laissaient entre eux des fentes transparentes. Il faut qu'il y en ait au moins cinquante dans un millimètre, mais on peut en tracer plus de mille. Supposons que A, B,..., F représente un pareil réseau.

Donnons à n diverses valeurs. Si n = 0, δ est nul; il y a donc de la lumière dans la direction XO; c'est l'ensemble des franges centrales. Si on donne ensuite à n les valeurs $1, 2, 3, \ldots$, $\sin \delta$ devient égal à $\lambda N, 2\lambda N, 3\lambda N, \ldots$, et l'on voit dans ces directions les franges lumineuses du premier, du deuxième ordre, etc.

Considérons la première : la valeur de 8 sera la plus faible pour la lumière violette, puisque la longueur d'onde du violet est la plus petite. 8 croîtra progressivement jusqu'au rouge d'une manière discontinue, puisque la réfrangibilité ne décro pas continûment du violet au rouge. En somme, les dive rayons simples qui constituent la lumière blanche partiro du réseau, se déviant de plus en plus à mesure que leur lorgueur d'onde sera plus grande; ils réaliseront exactement les mêmes conditions que ceux qui partent d'un prisme éclai z-é par un point lumineux situé à l'infini; ils donneront dom > c un spectre virtuel qu'on pourra observer avec une lunette cu projeter sur un écran au moyen d'une lentille. Ce spect re contiendra les raies observées déjà précédemment; mais dissérera de celui des prismes en ce que le violet sera le moi ms dévié. Un second spectre plus dispersé et plus dévié sera 🗢 🖫 servé dans la direction donnée par la relation $\sin \delta = 2 N \lambda = 1$ correspondra à la deuxième frange et ainsi de suite.

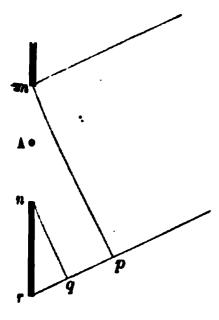
M. Babinet explique ces phénomènes comme il suit : pu is que la différence de marche des rayons qui concourent des points infiniment éloignés, tels que M, est égale à λ , en abaissant des perpendiculaires des points A, B, C,... sur les lignes BM, $C\beta$,..., on interceptera des longueurs Ba, Cb, - · · égales à λ ; par conséquent les points A, B, C, D,... enverront dans cette direction des portions d'ondes planes Ba, Cb, Dc,..., qui différeront entre elles de 0, 1, 2, 3,... longueurs d'onde; et comme on peut toujours ajouter ou retrancher au chemin parcouru un multiple quelconque de λ , on peut dire

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 533 que ces ondes sont concordantes et se réduisent à une onde plane qui a pour enveloppe AA₁. Il en sera de même quand sin d sera égal à 2λN, 3λN,..., c'est-à-dire pour la deuxième, la troisième,... frange brillante.

Nous avons admis jusqu'à présent que les différences des distances étaient égales à un multiple de à. Supposons maintenant que l'on considère une direction autre que celle qui est donnée par la formule, et telle que les dissérences Ba, Cb,... soient égales à nh augmenté d'une fraction quelconque de h, si petite qu'elle soit, par exemple $\frac{1}{100}$. Alors une frange M située à l'infini recevra des points A, B, C,... des lumières qui différeront de chacun au suivant de $\frac{1}{100}\lambda, \ldots, \frac{2}{100}\lambda, \ldots, \frac{30}{100}\lambda$. Le cinquantième point sera donc en discordance complète avec A. A partir de celui-ci on en trouvera cinquante autres qui annuleront l'effet des cinquante premières fentes, et, à partir de cent, nattront d'autres périodes de cinquante qui se détruiront de même. H restera à la sin du réseau un certain nombre de Points actifs moindre que cinquante, mais dont l'effet sera né-Bligeable; il n'y aura donc de lumière sensible que dans les directions données par la formule.

Une particularité que nous devons noter, c'est qu'un des

Fig. 771.



spectres manque généralement. Supposons que les intervalles opaques soient égaux aux bandes transparentes ou que mn = nr (fig. 771). Le spectre du deuxième ordre est fourni par la condition que $rp = 2\lambda$; alors $rq = qp = \lambda$, et l'intervalle mn peut se décomposer en deux éléments, mA, An, qui enverront de la lumière discordante; donc l'intensité du deuxième spectre sera nulle.

En général, si les distances mn et nr sont dans le rapport de deux nombres entiers α et β , le spectre de rang $\alpha + \beta$ manquera, car la distance rp sera égale à $\alpha + \beta$ longueurs d'onde; il y en aura α

dans pq, et on pourra décomposer mn en 2α parties qui enverront dans la direction donnée δ des lumières qui se

QUATRE-VINGT-TROISIÈME LEÇON. détruiront intégralement, parce que de l'une à la suivare te elles différeront de $\frac{\lambda}{2}$.

laquelle se voit une des raies dans le spectre de rang $n \in \mathbb{N}$ donnée par la formule $\sin \delta = n \, \mathbb{N} \, \lambda$, on calculera λ si on mesuré δ et si on connaît le nombre de traits \mathbb{N} qui sont contenus dans un millimètre. δ se mesure en plaçant un cercle répétiteur derrière le réseau et en fixant avec la lunette la rai qu'on veut étudier dans les deux spectres de l'ordre n, qui fon chacun avec la normale au réseau des angles δ . L'angle de se deux positions de cette lunette est égal à 2δ . C'est par ce procédé qu'en général on mesure les longueurs d'onde de si diverses lumières, et c'est ainsi que \mathbb{M} . Mascart a obtenu le sombres qui sont inscrits au tableau de la page 433.

QUATRE-VINGT-QUATRIÈME LEÇON.

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. (Suite.)

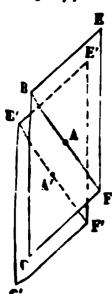
Interférences obtenues avec la lumière non limitée: — Par les lames minces; — Par les plaques épaisses. — Interférences dans le cas des grandes différences de marche. — Première méthode de MM. Fizeau et Foucault. — Deuxième méthode.

Réfracteurs interférentiels: — 1° Fresnel et Arago; — 2° M. Billet; — 3° Appareil de M. Jamin. — Compensateurs. — Divers résultats des expériences.

Diffraction. — Quantité de lumière envoyée en un point par une onde indéfinie. — Intégrales de Fresnel. — Cas d'une onde illimitée dans le sens des y. — Écran indéfini. — Étroite ouverture. — Écran linéaire. — Ouverture et écran circulaires.

que nous avons jusqu'à présent employée pour produire des franges consistait à disposer deux faisceaux très-voisins partant d'une fente étroite, et à les superposer ensuite après leur avoir fait parcourir des chemins peu différents. Mais on Peut se dispenser de la fente étroite. Supposons qu'un en-

Fig. 772.



semble quelconque de rayons partant du ciel ou d'un luminaire illimité rencontre la surface plane et polie d'une substance transparente, elle s'y divisera en deux groupes de rayons, les uns réfléchis, les autres réfractés. On pourra considérer ces rayons comme partant de la surface même, celle-ci comme étant la source éclairante, et dire que chacun de ses points envoie dans l'espace deux sortes d'ondes concordantes à leur départ. Admettons maintenant qu'avec des appareils convenables on

Produise deux images de la surface éclairante voisines, égales et parallèles (fig. 772), l'une BCEF avec les rayons résléchis,

l'autre B' C' E' F' avec les rayons réfractés, après leur avoir 1 parcourir des chemins égaux : je dis qu'on verra des frang

En effet, menons par les images A, A' d'un même point plan normal à BCEF et à B'C'E'F'; prenons-le pour plan tableau (fig. 773). Tous les points qui se projettent en A

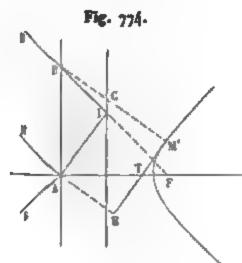
Fig. 773.

en A' seront deux à deux les imaconcordantes d'un point unique leur ensemble agira comme deux bandes éclairantes voisin parallèles et concordantes di l'expérience des deux miroirs. É vons sur le milieu de AA' un pl $a_1 d$ normal à la figure et à AA'; se formera sur l'écran une ban centrale brillante en d, et des sr ges obscures en a et b,.... Meno ad_1 et ab_1 parallèles à a_1d et à aLes groupes de points DD', BB'. termineront, par la même raise les premiers une frange brilla et les seconds une frange obsci

en a; elles se superposeront, et l'écran aura dans tous points tels que a un éclat uniforme.

interférences par les lames minces. — Il nous reste à d comment on réalisera expérimentalement ces conditions. No citerons deux procédés. Le premier est dù à Newton. Se en ABC (fig. 774) une lame d'air très-mince d'épaisseu comprise entre deux verres. Un rayon SA se résléchira en A se résractera suivant AI, se résléchira suivant IB, et ensin s tira en BH parallèlement à AM. Nous avons démontré que est dans les mêmes conditions que s'il partait du point

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 537 sitté dans le verre, sur une hyperbole dont le foyer est en F, à une distance AF = c = 2e, dont le centre est en A, et telle



que $\frac{c}{a}$ = l'indice a du verre. En résumé, le point A de la surface éclairante donne un premier groupe de rayons tels que AM partant de A, un second groupe BH partant de M'; ils interféreront, et leur différence de marche se trouvera en menant la tangente à la courbe en M' et la prolongeant jusqu'à la

rencontre de AM; elle sera AE. Or

$$AE = AT \cos r = \frac{a^2}{x^2} \cos r,$$

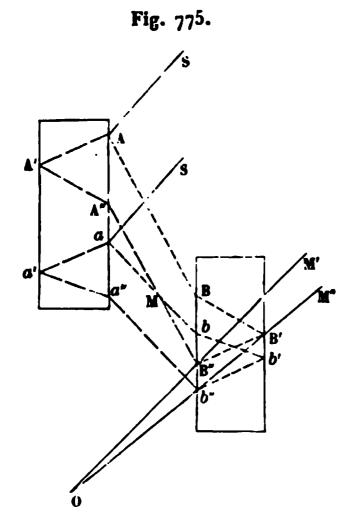
et en remplaçant cos r par sa valeur tirée des équations de la Page 398, on trouve

$$AE = \frac{c}{a} a e \cos i,$$

ce qui exprime la dissérence des chemins parcourus dans le verre. Pour avoir sa valeur dans l'air, il saut la multiplier $\frac{a}{c}$; dès lors cette dissérence sera équivalente à une épaisseur d'air égale à $2e\cos i$. Nous reviendrons dans la suite sur ce même sujet; pour le moment, contentons-nous de dire qu'on réalisera les conditions de cette expérience en posant sur un verre plan une lentille d'un grand rayon. A partir et en s'éloignant du point de contact, l'épaisseur e croît depuis zéro jusqu'à de grandes valeurs; la dissérence de marche devient successivement égale à des multiples pairs ou impairs de $\frac{\lambda}{2}$, et l'on voit des anneaux colorés alternativement brillants et obscurs autour du centre.

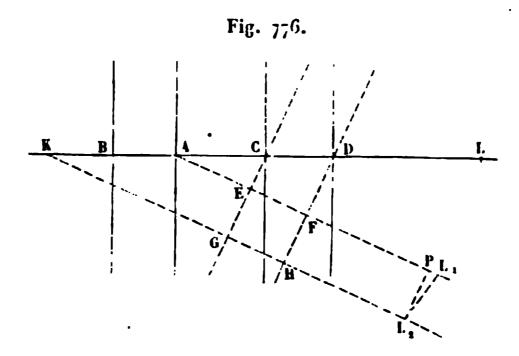
INTERPÉREUCES DES PLAQUES ÉPAISSES. — Je citerai comme leuxième exemple une disposition expérimentale que j'ai

réalisée et dont nous ferons des applications ultérieures. Deux lames de verre AA'A", BB'B", épaisses, à faces parallèles et



tirées d'un même morceau, sont placées en face l'une de l'autre à une distance quelconque (fig. 775); elles sont étamées à leur face postérieure. Les rayons tels que SA se partagent au point A en deux saisceaux, l'un réséchi AB, l'autre réfracté AA'. Celui-ci revient en A"B"O, celui-là en BB' B"O, et il est clair que si les deux glaces sont rigoureusement égales et parallèles, les deux rayons se superposent en B"O après avoir parcouru des espaces égaux. Partis concordants et superposés, ils se retrouvent concordants et superposés.

Pour simplisser l'explication, supposons que l'appareil soit réduit à quatre surfaces résléchissantes d'épaisseur nulle, ou que l'indice des deux glaces employées ne dissère point de celui de l'air (fig. 776). Représentons une section des deux



lames saite par un plan perpendiculaire au plan d'incidence, et considérons le point A, où le rayon incident se dédouble, comme étant le point lumineux. Si les deux lames sont exactement parallèles, les rayons résléchis à la première sur-

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 539 face de AB et à la deuxième de CD donnent une image en L à une distance DL = AC + CD = d + e. Ceux qui se réstéchissent à la deuxième surface B et ensuite à la première C forment une première image K à une distance d + 2e de C, et une seconde derrière C à une distance d + 2e - e de D; elle est consondue avec L.

Supposons que les glaces soient verticales et que le plan d'incidence ABCD soit d'abord horizontal (fig. 776), puis qu'ensuite on fasse tourner la deuxième glace CD d'un angle α autour de l'horizontale C, les deux images L se dédoubleront en L₁ et L₂; on aura

$$FL_1 = FA := e + d \cos \alpha,$$

 $HL_2 = GL_2 - e = GK - e = (d + 2e) \cos \alpha - e.$

En menant L2P parallèle à la deuxième glace,

$$L_{1}P = GE = 2e \sin \alpha,$$

$$L_{1}P = FL_{1} - HL_{2} = 2e(1 - \cos \alpha) = 4e \sin^{2} \frac{\alpha}{2},$$

$$\tan PL_{2}L_{1} = \frac{PL_{1}}{PL_{2}} = \tan \frac{\alpha}{2}.$$

Or, comme l'angle a sera toujours très-petit, on peut dire que si l'on fait tourner la deuxième glace autour d'une ligne horizontale, les images L₁ et L, d'un même point A se sépareront, mais resteront sur une ligne verticale. Par conséquent on aura des franges horizontales d'autant plus serrées que les glaces seront plus inclinées, et qui s'étaleront jusqu'à l'infini quand les lames arriveront au parallélisme. L'expérience réalise ces conditions; seulement, comme le travail des lames est imparfait, les franges se déforment aussitôt qu'on les élargit au delà d'une certaine limite.

Lorsque les franges seront visibles et horizontales, il suffira de faire tourner une des glaces autour d'un axe vertical pour déplacer les bandes parallèlement à elles-mêmes. On les verra élever ou s'abaisser suivant que le mouvement de la glace se lera dans un sens ou dans l'autre. La théorie de ce déplacement se trouve aisément en considérant la situation que prennent les deux images de A. Nous ferons connaître bientôt la disposition des appareils.

Quelque procédé qu'on emploie pour produire des interférences, on ne voit jamais qu'un petit nombre de bandes. En effet; il y aura, en un point donné de l'écran, une frange obscure ou brillante si le quotient de la différence de marche d-d' des rayons interférents par la demi-longueur d'onde $\frac{\lambda}{2}$ est un nombre entier impair ou pair. Or, si d-d' est grand, le quotient $\frac{2(d-d')}{\lambda}$ est un nombre entier pair pour un grand nombre de valeurs différentes de λ , et il y a, au point considéré, autant de franges brillantes superposées qui reproduisent une teinte sensiblement blanche, mais dans laquelle manquent toutes les couleurs pour lesquelles le quotient est impair, et qui donnent des franges obscures au point examiné.

PREMIÈRE MÉTHODE. MM. FIZEAU ET FOUCAULT. — De cette observation découle un procédé imaginé par MM. Fizeau et Foucault pour observer les interférences produites par une grande différence de marche. Plaçons au point considéré une sente étroite et recevons sur un prisme la lumière qu'elle laisse passer. Nous produirons un spectre virtuel que nous observerons avec une lunette. Il est clair qu'il contiendra toutes les couleurs qui donnaient une frange brillante, et qu'on n'y verra point celles qui déterminaient une frange obscure sur le lieu où est placée la sente, c'est-à-dire pour lesquelles on a

$$2\frac{d-d'}{\lambda}=2n+1.$$

Pour faire l'expérience, MM. Fizeau et Foucault placent d'abord la fente sur la frange centrale donnée par les deux miroirs: le prisme montre alors un spectre complet; puis ils font mouvoir parallèlement à lui-même, et au moyen du micromètre CBA (fig. 764), le miroir NO. Les franges se déplacent en même temps, et chacune d'elles vient successivement occuper le milieu de la fente. Aussitôt que la première frange obscure y pénètre, on voit une bande obscure envahir le violet du spectre et marcher vers le rouge, puis la seconde lui succède, qui fait le même trajet; mais bientôt deux franges se

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 541 voient à la fois dans la série des couleurs; ensuite il y en a trois; leur nombre augmente peu à peu; elles finissent par être très-rapprochées et très-serrées, mais on les sépare de plus en plus en multipliant le nombre des prismes.

Supposons que deux franges obscures se voient en deux points déterminés du spectre, sur deux raies connues dont les longueurs d'onde soient λ et λ' . Cela veut dire que les quotients de d-d' par $\frac{\lambda}{2}$ et par $\frac{\lambda'}{2}$ sont des nombres entiers et impairs, mais qui sont inconnus; posons

$$\frac{2(d-d')}{\lambda}=n, \quad \frac{2(d-d')}{\lambda'}=n',$$

ďoù

$$n\lambda == n'\lambda';$$

entre ces deux raies il y a N bandes obscures qu'on peut compter : c'est la différence entre n' et n,

$$N = n' - n = \frac{n\lambda}{\lambda'} - n = n \frac{\lambda - \lambda'}{\lambda'},$$

ďoù

$$n = N \frac{\lambda'}{\lambda - \lambda'}, \quad n' = N \frac{\lambda}{\lambda - \lambda'}$$

Connaissant n et n', on pourra calculer d-d'.

Cette méthode a permis de voir des franges après une différence de marche égale à 40000 longueurs d'onde du violet.

DEUXIÈME MÉTHODE. — Une autre méthode qui vient plus naturellement à l'esprit consiste à annuler la dispersion en employant une source de lumière simple.

Brewster a remarqué que la lampe alimentée par l'alcool salé émet une lumière jaune sensiblement homogène. Depuis lors on a reconnu qu'elle donne un spectre composé de deux bandes voisines étroites qui ne diffèrent que d'un angle de 16 secondes à travers un prisme de flint de 60 degrés. A la rigueur c'est une source composée de deux lumières distinctes, mais de réfrangibilités si voisines qu'elles sont presque confondues.

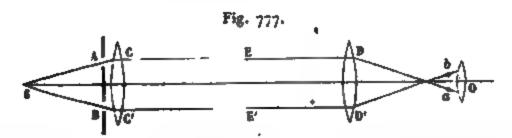
Elle avait été utilisée déjà par MM. de la Provostaye et

Desains dans l'étude qu'ils ont faite des anneaux colorés M. Fizeau vient d'en perfectionner l'usage. Ayant placé u plan de verre horizontalement, il en approcha parallèlemer une lentille qui était portée par une vis micrométrique; e éclairant le tout avec la lampe d'alcool salé, il vit une non breuse succession d'anneaux. Quand il soulevait la lentille ils se rapprochaient du centre où ils venaient successivement disparaître; mais il en naissait aussitôt d'autres sur les bor qui prenaient la place de ceux qui avaient disparu.

Après en avoir compté cinq cents, et en continuant d'éca ter la lentille, il les vit devenir moins nets, disparaître en te talité, puis se reproduire et reprendre leur première nette vers le nombre mille. Cela n'est point dissicile à explique Chacune des deux lumières jaunes du faisceau éclairant dév loppe son système d'anneaux. Ils sont confondus pour ui petite différence de marche; quand elle augmente ils se sér rent, et il arrive un moment où les anneaux obscurs l'une des lumières coıncident avec les brillants de l'autr Dans ce cas, les alternatives de lumière et d'obscurité soi esfacées. Mais si à partir de cet instant la dissérence de march continue de croître et devient double, la concordance de franges se rétablit et ramène leur netteté primitive. M. Fizea compta jusqu'à cinq alternatives successives et rendit visible des différences de 50000 ondulations, ce qui répond à un épaisseur d'air supérieure à 15 millimètres.

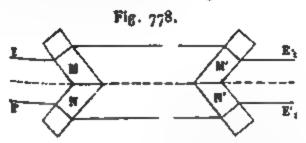
RÉFRACTOMÈTRES INTERFÉRENTIELS. — Après avoir disposé de franges d'interférence au moyen d'un biprisme, plaçons contrun des prismes, en CO (fig. 767), une lame très-mince de mica Comme la lumière marche moins vite dans le mica que dan l'air, le faisceau CBO est retardé, et il y aura un point M auque les rayons émanant de A et de B arriveront après des temp égaux : ce sera le centre des franges, et tout le système s sera transporté vers le côté où la lame mince est placée. Plu l'indice et l'épaisseur de cette lame seront grands, plus le dé placement sera considérable; et si on connaît l'épaisseur et l'déplacement, on pourra calculer l'indice. Cette expérience exécutée d'abord par Fresnel et Arago, a été l'origine d'un série d'appareils nommés réfracteurs interférentiels.

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 543
Fresnel et Arago éclairaient par une fente étroite S deux ouvertures voisines A et B (fig. 777); une lentille CC rendait les deux faisceaux de lumière parallèles à l'axe, et on les rece-



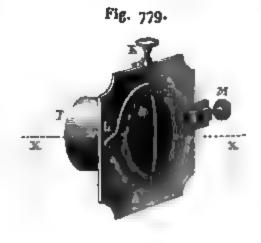
mit sur une lunette composée d'un objectif DD' qui donnait teux images a et b, et d'une loupe O qui, saisant converger sur la rétine les rayons partis de a et de b, développait les sanges. Dans l'espace laissé libre entre CC' et DD' on peut mettre soit des tubes contenant des gaz, soit des lames de divers indices.

L'inconvénient de cet appareil est de ne point permettre un sond écartement des rayons. M. Fizeau y a remédié en inter-



posant: 1° deux lames M et N à travers lesquelles ces rayons se séparent (fig. 778); 2° deux autres lames M', N' égales en épaisseur aux premières,

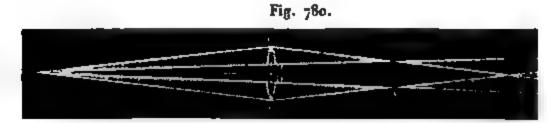
inclinées du même angle qu'elles, mais en sens inverse, et ramenant les rayons dans les directions E,, E',, c'est-à-dire dans les mêmes conditions où ils étaient précédemment.



M. Billet reçoit la lumière partant d'une fente étroite sur les deux moitiés d'une lentille coupée en deux (fig. 779). On

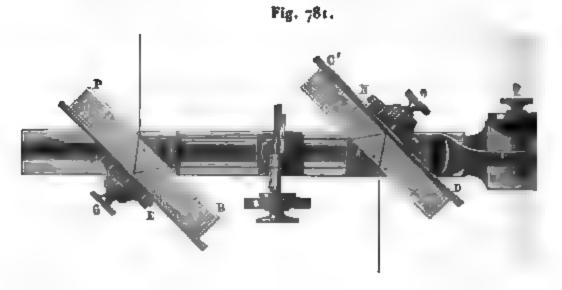
544 QUATRE-VINGT-QUATRIÈME LEÇON.

peut les écarter ou les rapprocher à volonté en faisant 1 voir la première par le micromètre M, et on rend leurs le parallèles en faisant tourner la seconde autour d'un axe le une vis K. Le point lumineux L (fig. 780) donne



images B et A, toutes deux situées sur l'axe optique été séparé en deux lignes LD', LD, et les rayons qui c nuent leur chemin se superposent sur l'écran en EH. L' tement de ces images est très-considérable et on peut ment faire passer les deux groupes de rayons interfére travers deux lames dont on veut connaître l'effet.

APPAREIL DE M. JAMIN. — Cet instrument, représenté fig se compose de deux glaces épaisses et parallèles portée



une coulisse ou sur le banc d'optique de manière à po s'écarter ou se rapprocher à volonté. La première PB, inc à 45 degrés, est fixe, elle reçoit la lumière qui vient so ciel, soit d'une source large; elle la renvoie sur la second Celle-ci peut d'abord tourner autour d'un axe horizonts par le jeu d'une vis 0 qui sert à placer la surface verticales Tout le support se meut ensuite autour d'un axe vertic DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 545 Une alidade R mesure son déplacement sur un arc de cercle. Par ce second mouvement on rend les glaces parallèles et on voit à l'œil nu les franges apparaître dans le champ de vision; en touchant à la vis O on ne les déplace point, mais on les resserre ou on les élargit à volonté. Au contraire, les déplacements de l'alidade par le micromètre Q transportent les franges vers le haut ou vers le bas dans le champ de vision. Il en sera de même de toute cause qui changera la vitesse de l'un des deux rayons interférents.

Ces deux rayons sont écartés proportionnellement à l'épaisseur des glaces. On peut placer deux tubes dans le trajet de chacun d'eux et le mouvement des franges accuse aussitôt les dissérences de vitesse de la lumière. L'appareil peut donc être employé comme tous les autres réfracteurs; mais il offre un avantage spécial que je vais faire connaître : lorsqu'on place un obstacle vertical en M entre les deux glaces (fig. 775, p. 538), il intercepte le rayon qui était résséchi en a à la première sursace de la première lame, et en b' à la deuxième surface de la seconde glace. L'œil placé en O voit l'objet M suivant OM"; Mintercepte encore le rayon AA'A"B"O et il est vu suivant OM'. Ces deux images M' et M" paraissent comme deux ombres pèles et ne contiennent point de franges, puisque dans leurs directions il n'y a qu'un seul des rayons interférents; mais entre elles et en dehors d'elles les franges se montrent et les coupent à angle droit.

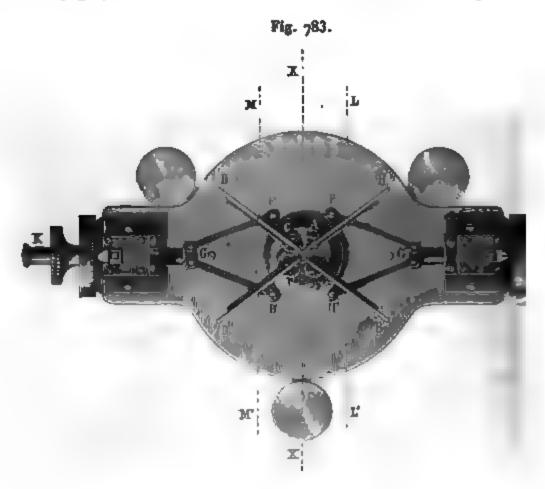
Admettons que l'on ait échaussé l'obstacle M, la vitesse de la lunière sera augmentée en rasant sa surface, alors le rayon ab ira plus vite que a"b", les franges seront déplacées et elles auront baissé dans le voisinage de l'ombre M". Mais, d'autre part, AB ira plus lentement que A"B" et les franges auront monté autour de M'. Leur aspect sera celui que donne la fig. 782, Pl. V.

Tous les changements de densité qui se produiront au voisinage de M se traduiront par cette déformation caractéristique des franges, et réciproquement, lorsque cette déformation se voit, on en conclut ces changements de densité. C'est ainsi que l'on peut rendre sensible toute action chimique au contact d'un solide et d'un liquide, et que l'on voit une solution magnétique se concentrer au pôle d'un aimant.

35

Quand un cristal se nourrit dans sa propre solution, i le sel, et les franges se courbent à sa surface (fig. 782) bientôt l'aspect change et devient inverse, parce que le tion s'appauvrit au contact du cristal ou parce qu'en se flant elle dégage de la chaleur.

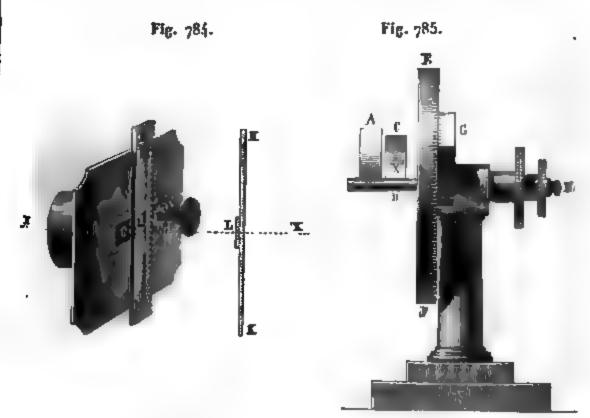
compensateurs. — Dans tous ces appareils, il faut rer le déplacement des franges, ce qui exige un instr nommé compensateur. Le premier qui a été imaginé pa nel (fig. 783) se compose de quatre lames à faces parall



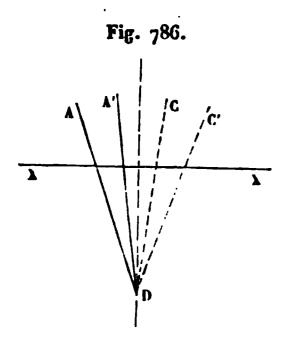
d'égale épaisseur. Les deux premières, AB, A'B', égal inclinées sur l'un des rayons interférents LL', le ret dans sa marche sans changer sa direction; elles se man au moyen d'un parallélogramme articulé mobile par 1 cromètre K'. Les deux autres, CD, C'D', qui sont dispos la même manière, retardent l'autre rayon MM'. Supposo deux tubes remplis de gaz différents ou d'un même diverses pressions, aient été placés dans le trajet des LL', MM', les franges auront été déplacées, mais il est

DES INTERFÈRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 547 de les ramener à leur position première en faisant mouvoir les lames du compensateur, de manière à leur imprimer un déplacement égal et inverse, et si l'on a gradué l'instrument, on consit le déplacement qu'il fallait mesurer.

Un second compensateur (fig. 784) est formé par la juxtaposition de deux lames normales au rayon, l'une C est à faces parallèles, l'autre est double. Celle-ci est composée d'une petite plaque L, et d'une plus grande HK, qui sont taillées toutes deux sous la forme de prismes d'un angle égal et très-petit, et superposées dans une position inverse. Leur ensemble constitue donc une lame parallèle, mais dont l'épaisseur augmente ou diminue quand on fait manœuvrer HK par un bouton M.



Je me suis servi avec avantage d'une plus simple disposition: deux lames AB, CD (fig. 785) sont fixées par une arête commune sur l'axe horizontal d'un cercle divisé EF. Elles font entre elles un angle très-petit et constant, et reçoivent chacune en X et en X' les deux rayons qui doivent interférer. Quand on les incline d'un mouvement commun elles déplacent les franges. En effet, si étant d'abord en AD, CD (fig. 786) on les en A'D; C'D, le retard diminue pour la première lame et augmente pour la seconde, et cette action continue si le système continue sa rotation. Cet appareil offre ce grand avar tage qu'on peut diminuer ou augmenter à volonté l'angle de



glaces, et par là régler la sensibilit de l'instrument. En second lieu, l'en périence prouve qu'une fois installe il donne un déplacement des frange à peu près proportionnel à l'ang dont on le fait tourner. Il serait si cile de calculer le retard introduit pe l'interposition de ces divers compet sateurs, mais il vaut mieux les graduer par l'expérience, ce qui n'ossi aucune dissiculté.

On a fait un grand nombre de recherches avec ces appareils celle qui se présente naturellement est relative à la mesur des indices. Interposons en effet, dans l'un des deux faisceaux, une lame d'épaisseur e et d'indice n. Nous verrons les franges reculer de N rangs. En effet, les deux rayons traversent la même épaisseur e, l'un dans l'air, l'autre dans la lame; celle-ci équivaut à une couche en d'air. La différence de marche est donc en - e = e(n - 1); elle équivaut à N franges ou à $N\lambda$:

$$e(n-1) = N\lambda.$$

Cette équation servira à mesurer l'indice n. C'est ainsi que j'ai comparé à l'indice de l'air celui de divers gaz; les résultat que j'ai obtenus ne diffèrent point sensiblement de ceux que Dulong avait trouvés. Arago et Fresnel avaient essayé de com parer par le même procédé l'air sec et l'air humide, et il avaient reconnu que ce dernier est moins réfringent. J'ai repri cette expérience avec deux tubes de 3 mètres de longueur l'un contenait de l'air sec, l'autre de l'air qui s'était charg d'une quantité connue d'humidité en passant dans des tube contenant les mélanges d'acide sulfurique et d'eau qui avaien servi à M. Regnault pour la graduation de l'hygromètre d Saussure. Toutes les expériences ont donné pour indice nor mal de la vapeur d'eau, supposée à zéro et à 760, le nombr 1,000 261. Ce nombre est très-peu différent de l'indice de l'ai dans les mêmes conditions. Il en résulte que, si l'on compar

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 549 l'indice de l'air saturé à celui de l'air sec à la température de 20 degrés, on trouve une différence égale à 0,000000720. Elle est trop faible pour qu'on puisse s'en apercevoir et qu'on doive en tenir compte.

J'ai mesuré, par le même procédé, l'indice de l'eau échaussée ou resroidie. A t degrés cet indice est

$$n = n_0 - 0,000 \text{ or } 2573t - 0,000 \text{ oor } 929t^2;$$

mente, et il n'y a aucun changement particulier quand l'eau atteint et dépasse son maximum de densité.

Lorsque les deux tubes contiennent de l'eau à la même température, mais inégalement comprimée, il y a une différence de marche très-notable. On peut la mesurer et en déduire l'indice de réfraction n' de l'eau comprimée. J'ai trouvé que la puissance réfractive était toujours proportionnelle à la densité. Si on désigne par n et n' les indices de l'eau sous des pressions 760 et P, et par μ le coefficient de compressibilité. La densité variera dans le rapport de μ à μ μ et

bilité, la densité variera dans le rapport de 1 à $1 + \frac{\mu P}{760}$, et on aura la relation

$$\frac{n'^2-1}{n^2-1}=1+\frac{\mu P}{760}.$$

Si donc on a mesuré n et n', on peut calculer le coefficient de compressibilité μ du liquide. Mes expériences ont reproduit exactement les nombres qui avaient été trouvés par Wertheim et par M. Grassi.

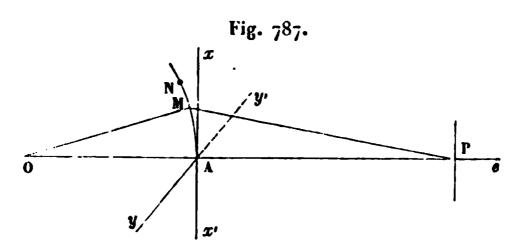
M. Fizeau s'est servi des franges pour mesurer la dilatation d'un grand nombre de corps cristallisés bien définis ou rares. Il place un petit trépied sur un plan de verre, et sur le trépied une lentille. Il fait tomber sur ce système la lumière de la lampe monochromatique, et obtient des anneaux par la réflexion de la lumière entre le plan de verre et la surface inférieure de la lentille. Quand la température change, les anneaux se déplacent d'un certain nombre d'ordres, parce que le trépied se dilate. Tout changement d'une frange correspond à une dilatation égale à à ou à o^m,000 589. On mesure ainsi la dilatation du trépied; ensuite on fixe au-dessous la lame polie et à faces parallèles dont on veut obtenir la di-

latation; les anneaux se produisent entre sa surface suprieure et la lentille. En échauffant le système, ces anneaux : déplacent par l'effet de la différence entre la dilatation du tre pied et celle de la lame. On peut donc mesurer celle-ci.

M. Fizeau a pu montrer ainsi qu'un cristal de spath se dila dans la direction de son axe et se contracte dans le sens no mal quand on le chausse. Par conséquent il se rapproche de sorme cubique. En même temps les indices de réstactic croissent de 0 à 100 degrés, savoir : le rayon ordinaire do,0000565 et le rayon extraordinaire de 0,00108. Celui-ci s rapproche donc du rayon ordinaire et la double réstaction di minue. Le quartz ossre un résultat dissérent : la dilatation, lois de le rapprocher de la sorme cubique l'en éloigne, et néan moins sa double réstaction diminue.

DIFFRACTION.

SPHÉRIQUE. — Nous avons sait remarquer, tout en commençan ce Cours, que les lois de la propagation de la lumière se moditient prosondément quand elle rase les bords d'obstacle interposés dans son trajet. On a donné le nom de diffraction aux phénomènes qui se produisent alors. Avant de les aborder, essayons d'exprimer mathématiquement l'intensité de mouvement lumineux envoyé en un point P par une source (fig. 787); pour cela, supposons que le mouvement arriv



d'abord sur une sphère de rayon a passant par A; considéron un élément superficiel MN de cette sphère, et exprimons l vitesse vibratoire qu'il transmet au point P:

1º Tous les points de MN enverront en P des vitesses para

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 551 lèles qui s'ajouteront, et dont la résultante sera proportion-nelle à l'étendue de MN ou à dxdy.

2º Les vitesses dont sont animés les divers points de l'élément MN sont en raison inverse de sa distance au point O; on peut les représenter par $\frac{1}{a}$; et comme les points de MN sont des centres d'émanation par rapport à P, les vitesses qu'ils envoient en P seront en raison inverse de PM. Nous supposerons que M est assez rapproché de Λ pour que PM soit sensiblement égal à Λ P ou à b; alors la vitesse vibratoire en P est proportionnelle à $\frac{dx\,dy}{ab}$.

3º ll est évident à priori que ces vitesses dépendront de l'obliquité des directions MP. Mais, comme dans les phénomènes que nous allons considérer cette obliquité est négligeable, nous ne tiendrons aucun compte de cette cause de variation.

Avant d'arriver au point P, le rayon OMP a parcouru le chemin OM + MP; exprimons la longueur de ce chemin en supposant que la sphère décrite avec le rayon OA est confondue avec le plan xy.

OM + MP =
$$\sqrt{OA^2 + AM^2} + \sqrt{AP^2 + AM^2}$$

= $\sqrt{a^2 + x^2 + y^2} + \sqrt{b^2 + x^2 + y^2}$
= $a + b + \frac{a + b}{2ab}(x^2 + y^2)$.

Alors la vitesse transmise en P dans la direction OMP sera

$$v = \frac{dxdy}{ab}\sin 2\pi \left[\frac{t}{T} - \frac{a+b}{\lambda} - \frac{a+b}{2ab\lambda}(x^2 + y^2)\right].$$

En retranchant de la phase la quantité constante $\frac{a+b}{\lambda}$ et en

Posant, pour abréger,
$$\frac{a+b}{2ab\lambda} = \frac{c}{4}$$
,

$$v = \frac{dx dy}{ab} \sin 2\pi \left[\frac{t}{T} - \frac{c}{4} (x^2 + y^2) \right]$$

Si nous développons le sinus,

$$v = \frac{dx \, dy}{ab} \cos \frac{\pi}{2} c(x^2 + y^2) \sin 2\pi \frac{t}{T}$$

$$-\frac{dx \, dy}{ab} \sin \frac{\pi}{2} c(x^2 + y^2) \cos 2\pi \frac{t}{T}$$

$$= \frac{dx \, dy}{ab} \cos \frac{\pi}{2} c(x^2 + y^2) \sin 2\pi \frac{t}{T}$$

$$+ \frac{dx \, dy}{ab} \sin \frac{\pi}{2} c(x^2 + y^2) \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{1}{4}\right).$$

Pour avoir la somme des vitesses envoyées en P par les éléments tels que MN, en supposant qu'elles soient te parallèles, il faut intégrer entre les limites qui seront d minées par chaque cas particulier, et on aura

$$V = \left[\int \int \frac{dx \, dy}{ab} \cos \frac{\pi}{2} \, c \left(x^2 + y^2 \right) \right] \sin 2\pi \, \frac{t}{T}$$

$$+ \left[\int \int \frac{dx \, dy}{ab} \sin \frac{\pi}{2} \, c \left(x^2 + y^2 \right) \right] \sin 2\pi \, \left(\frac{t}{T} - \frac{1}{4} \right).$$

Cette vitesse V se composera donc de deux rayons diffe $\frac{\lambda}{4}$. Pour avoir l'intensité de la lumière résultante, il fai d'après la règle de Fresnel (p. 528), faire la somme des c des intégrales qui représentent les amplitudes, et la tang de l'anomalie sera exprimée par le rapport de la dernière grale à la première; on aura pour l'intensité

$$I = \frac{1}{a^2 b^2} \left[\int \int dx \, dy \cos \frac{\pi}{2} c (x^2 + y^2) \right]^2 + \frac{1}{a^2 b^2} \left[\int \int dx \, dy \sin \frac{\pi}{2} c (x^2 + y^2) \right]^2,$$

et pour l'anomalie

$$\tan \varphi = \frac{\int \int dx dy \sin \frac{\pi}{2} c(x^2 + y^2)}{\int \int dx dy \cos \frac{\pi}{2} c(x^2 + y^2)}.$$

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 553 En désignant par M et N la première et la deuxième intégrale double, on a, puisque x et y sont séparées,

$$\mathbf{M} = \frac{1}{c} \int dx \sqrt{c} \cos \frac{\pi}{2} cx^2 \int dy \sqrt{c} \cos \frac{\pi}{2} cy^2$$

$$-\frac{1}{c} \int dx \sqrt{c} \sin \frac{\pi}{2} cx^2 \int dy \sqrt{c} \sin \frac{\pi}{2} cy^2.$$

$$\mathbf{N} = \frac{1}{c} \int dx \sqrt{c} \sin \frac{\pi}{2} cx^2 \int dy \sqrt{c} \cos \frac{\pi}{2} cy^2.$$

$$+\frac{1}{c} \int dx \sqrt{c} \cos \frac{\pi}{2} cx^2 \int dy \sqrt{c} \sin \frac{\pi}{2} cy^2.$$

Si on remplace cx^2 ou cy^2 par v^2 et dx ou dy par $\frac{dv}{\sqrt{c}}$, il est clair que la question sera ramenée à chercher entre des limites convenables la valeur des deux intégrales

$$A = \int dv \cos \frac{\pi}{2} v^2$$
, $B = \int dv \sin \frac{\pi}{2} v^2$.

Nous devons donc, avant d'aborder l'étude des cas particuliers, nous occuper de ces intégrales. On sait qu'entre les limites — ∞ et + ∞ elles deviennent égales entre elles et à l'unité, mais on ne connaît pas leurs valeurs générales. On est donc obligé de les calculer par des méthodes détournées et par approximation. Nous nous contenterons de donner la solution de Fresnel.

Posons

$$v=i+u$$
,

i étant une constante et u une variable assujettie à prendre une valeur très-petite;

$$A = \int dv \cos \frac{\pi}{2} v^2 = \int du \cos \frac{\pi}{2} (i^2 + 2iu + u^2).$$

On pourra négliger u², et l'intégrale deviendra

$$\int dv \cos \frac{\pi}{2} v^2 = \int du \cos \frac{\pi}{2} i^2 \cos \pi i u - \int du \sin \frac{\pi}{2} i^2 \sin \pi i u,$$

554

$$A = \int dv \cos \frac{\pi}{2} v^2 = \frac{1}{\pi i} \sin \frac{\pi}{2} i (i + 2u).$$

Nous calculerons cette intégrale entre des limites de v éga à i et i + u, c'est-à-dire entre des limites de u égales à o et ce qui donnera

$$A = \int_{i}^{i+u} dv \cos \frac{\pi}{2} v^{2} = \frac{1}{\pi i} \left[\sin \frac{\pi}{2} (i^{2} + 2iu) - \sin \frac{\pi}{2} i^{2} \right]$$

En faisant successivement i = 0, 0,1, 0,2, 0,3,..., et de nant à u une valeur invariablement égale à 0,1, on calcul la valeur de l'intégrale entre les limites de v

En faisant la somme des résultats on aura les valeurs de entre les limites

o et
$$0,1$$
, o et $0,2$, o et $0,3$, ...

On trouve de la même manière pour la deuxième intégra

$$\mathbf{B} = \int_{i}^{i+u} dv \sin \frac{\pi}{2} v^{2} = \frac{1}{\pi i} \left[-\cos \frac{\pi}{2} (i^{2} + 2iu) + \cos \frac{\pi}{2} i^{2} \right]$$

et on la calcule de la même manière.

Voici quelques-uns des résultats de la Table calculée p Fresnel (Annales de Chimie et de Physique, t. II, p. 289). y verra : 1° que les deux intégrales A et B passent par (minima et des maxima successifs quand v augmente; 2º q ces maxima et minima ne se correspondent point dans tou les deux; 3° que les différences entre les valeurs numériqu des maxima et des minima consécutifs diminuent à mesi que les valeurs de v augmentent. Elles siniraient par deve nulles.

Valeurs numériques des intégrales

$$A = \int dv \cos \frac{\pi}{2} v^2, \quad B = \int dv \sin \frac{\pi}{2} v^2.$$

Limites		
des intégrales	A	В
$de \ \nu = 0, \ a \ \nu =$		
0,1	0,0999	0,0006
0,2	0,1999	0,0042
0,3	0,2993	0,0140
0,4	0,3574	0,0332
0,5	0,4923	0,0644
0,6	0,5811	0,1101
0,7	0,6587	0,1716
0,8	0,7230	0,2487
$^{\mathrm{o}}, ^{\mathrm{g}}$	0,7651	ο,339ι
1,0	0,7803	0,4376
τ,4	0,5439	0,7132
1,7	0,3245	0,5492
2,0	0,4886	0,3432
2,2	0,6367	0,4553
2,4	o, 5556	0,6194
2,6	o,3895	0,5499
2,8	o,4678	0,3913
3,0	0,6061	0,4959
3,2	o,4668	ο,593ι
3,3	0,406t ·	0,5191
3,5	0,5328	0,4144
3,6	0,5883	0,4919
3,8	0,4485	0,5654
3,9	0,4226	0,4750
4,0	0,4986	0,4202

Connaissant ainsi un très-grand nombre de valeurs rapproées de A et de B, on pourra les relier par une courbe contile qui servira à les déterminer pour toutes les valeurs de v. Ela sussit pour tout ce qui va suivre. Nous allons maintenant upposer que l'onde tangente en A (fig. 787) soit, ou bien intière, ou bien partiellement limitée par des écrans placés lans le plan xAy, et chercher la lumière envoyée en un point luelconque tel que P. Il sussir de calculer les deux intégrales 556 QUATRE-VINGT-QUATRIÈME LEÇON.

entre les valeurs de x et de y qui limitent l'onde xy da chacun des cas particuliers qui se présenteront.

1° Cas de l'onde entière. — Si l'onde n'est point limitée eque son rayon soit assez grand pour qu'on puisse la considérer comme plane, les intégrales doivent être prises en les limites de x et de y, et par suite de v, égales à — ∞ et à + ∞ ; alors A et B sont égales à l'unité et l'on a

$$\mathbf{M} = \mathbf{0}, \quad \mathbf{N} = \frac{2}{c} = \frac{2ab\lambda}{2(a+b)} = \frac{ab\lambda}{a+b};$$

et l'intensité totale I devient

$$I = \frac{1}{a^2b^2}(M^2 + N^2) = \frac{\lambda^2}{(a+b)^2}$$

Elle est indépendante du rayon a de l'onde considérée, ce qui devait être; elle est, de plus, en raison inverse du carré de la distance a + b, du point lumineux 0 et du point éclairé P, ce qui est la loi connue.

De plus on a

$$tang \varphi = \frac{N}{M} = \infty$$
, $\varphi = \frac{\pi}{2}$.

Cela veut dire que la résultante des vitesses émises est en retard de $\frac{\lambda}{4}$ sur le rayon direct envoyé de O en P. Ce résultat n'a point été vérisié, et, en général, on ne s'est point occupé des variations de phase produites par la disfraction.

2° Cas d'une onde illimitée dans le sens des γ . — Supposons que l'on intercepte l'onde par des écrans quelconques limitant les valeurs de x, mais dont les bords soient indéfinis et parallèles à γ . Dans ce cas il faut intégrer par rapport à γ entre — ∞ et + ∞ , et l'on a

$$\mathbf{M} = \frac{1}{c} \left(\int d\mathbf{x} \sqrt{c} \cos \frac{\pi}{2} c \mathbf{x}^2 - \int d\mathbf{x} \sqrt{c} \sin \frac{\pi}{2} c \mathbf{x}^2 \right),$$

$$\mathbf{N} = \frac{1}{c} \left(\int d\mathbf{x} \sqrt{c} \cos \frac{\pi}{2} c \mathbf{x}^2 + \int d\mathbf{x} \sqrt{c} \sin \frac{\pi}{2} c \mathbf{x}^2 \right),$$

et

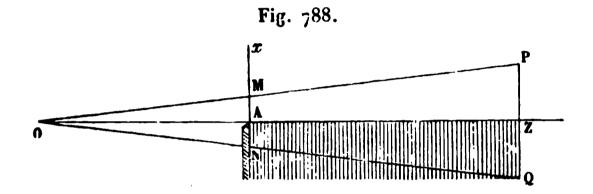
$$\mathbf{I} = \frac{2}{a^2b^2c^2} \left[\left(\int dx \sqrt{c} \cos \frac{\pi}{2} cx^2 \right)^2 + \left(\int dx \sqrt{c} \sin \frac{\pi}{2} cx^2 \right)^2 \right].$$

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 557 Supprimant le facteur constant et remplaçant cx^2 par v^2 ,

$$I = \left(\int dv \cos \frac{\pi}{2} v^2\right)^2 + \left(\int dv \sin \frac{\pi}{2} v^2\right)^2 = A^2 + B^2.$$

Les intégrales devront être prises entre les limites déterminées par la forme particulière des écrans, et varieront dans les divers cas. Nous allons en examiner quelques-uns.

ÉCRAT INDÉPINI. — Si l'écran couvre toute la partie yy'x' (fig. 787) et qu'il laisse passer la moitié supérieure yy'x de l'onde, les phénomènes seront sensiblement les mêmes dans tous les plans sécants menés perpendiculairement à yy'. Considérons l'un d'eux, OAx (fig. 788), et cherchons la lumière



envoyée en P. Les intégrales devront être prises à partir de M, entre x = 0 et $x = \infty$, dans le sens Mx, d'une part : ce qui donnera $\frac{1}{2}$; puis entre x = 0 et x = MA de l'autre. On aura

$$1 = \left(\frac{1}{2} + \int_0^{AM\sqrt{c}} dv \cos \frac{\pi}{2} v^2\right)^2 + \left(\frac{1}{2} + \int_0^{AM\sqrt{c}} dv \sin \frac{\pi}{2} v^2\right)^2.$$

Or, comme, d'après la Table précédente, les intégrales Prennent des valeurs périodiquement croissantes et décroissantes quand ν augmente, les valeurs de I offriront des maxima et des minima successifs. Pour les trouver, Fresnel s'est servi d'une formule d'interpolation que nous ne rapporterons pas. Mais on conçoit qu'en donnant successivement à ν ou à $\Delta M\sqrt{c}$ des valeurs croissant suivant une progression très-lente, de centième en centième par exemple, on pourra calculer les valeurs de I correspondantes, les construire graphiquement, et la courbe obtenue montrera les maxima et les minima. Le

tableau suivant fait connaître les valeurs de v pour lesque ont lieu ces maxima et ces minima, ainsi que les intensit correspondantes.

	v	I
Premier maximum	1,2172	2,7413
Premier minimum	1,8726	1,5570
Deuxième maximum	2,3449	2,3990
Deuxième minimum	2,7392	ı,68 6 7
Troisième maximum	3,0820	2,3022
Troisième minimum	3,3913	1,7440
Quatrième maximum	3,6742	2,2523
Quatrième minimum	3,9372	1,7783
Cinquième maximum	4,1832	. 2,2206
Cinquième minimum	4,4160	1,8014
Sixième maximum	4,6369	2,1985
Sixième minimum	4,8479	1,8185
Septième maximum	5,0500	2,1818
Septième minimum	5,2442	1,8317

Pour trouver sur l'écran ZP le lieu des franges, dé gnons AM par x, ZP par X, et nous aurons

$$\frac{X}{x} = \frac{a+b}{a}, \quad X^2 = x^2 \frac{(a+b)^2}{a^2},$$

ou

$$X^{2} = \frac{v^{2}}{c} \frac{(a+b)^{2}}{a^{2}} = \frac{v^{2}(a+b)b\lambda}{2a}.$$

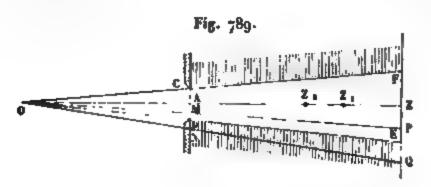
En remplaçant ν par la valeur qui correspond à un maxim ou à un minimum, on obtiendra sa distance X au bord l'ombre géométrique Z. Comme la distance b ou AZ de l'éc est variable, remplaçons-la par Z, et nous aurons

$$\frac{2a}{\lambda v^i} X^i = aZ + Z^i.$$

C'est le lieu des points P. On voit que les franges se tu vent sur une hyperbole qui a l'un de ses sommets en l'autre en O, ce qui avait été reconnu depuis longtemps.

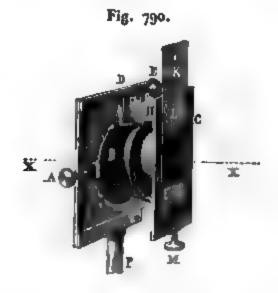
Fresnel a fait de très-nombreuses expériences pour vércette théorie. Il plaçait en O une fente étroite verticale envoyait la lumière. A une distance a était sixée une le

opaque AM terminée par un bord A parallèle à la fente. Pour déterminer la limite de l'ombre géométrique Z, Fresnel plaçait un peu plus ioin (fig. 789) une autre lame C' semblable à la



Première. Les bords C et D étaient à une distance d assez grande pour que les deux systèmes de franges produits par chacun d'eux n'eussent aucune influence l'un sur l'autre. Dans ce cas l'espace éclairé EF est géométriquement égal à $d\frac{a+b}{a}$, les distances à E et à F de deux franges de même ordre sont X et l'intervalle qui les sépare est $d\frac{a+b}{a}-2X$; on le mesurait et on en déduisait X.

La disposition des appareils est la même que dans l'expérience des deux miroirs. La fente se met sur la lanterne (fg. 675, Pl. II); la loupe avec laquelle on observe les franges glisse sur le banc (n° 5), et l'on fixe (n° 3), à la distance que l'on veut, le bord vertical qui limite le faisceau. La fig. 790

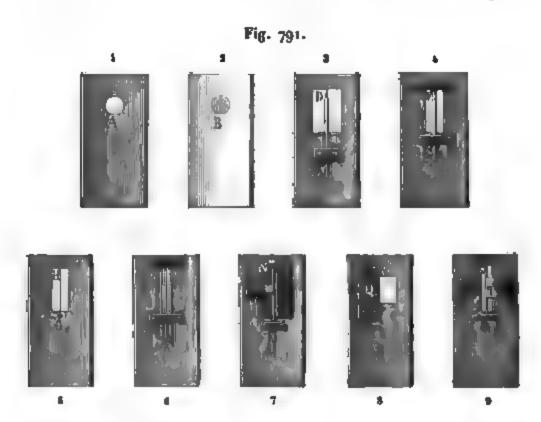


représente la pièce qui le supporte. B est un tube horizontal

QUATRE-VINGT-QUATRIÈME LECON.

56o

que l'on peut déplacer horizontalement dans une coulisse p le micromètre A. Une vis latérale D permet de le faire tourn autour de l'axe XX. En HCM se place une ouverture recta gulaire dont les bords sont évidés en deux coulisses parallèl qui reçoivent et maintiennent des rectangles tels que K Ceux-ci peuvent donc être déplacés latéralement ou tourr autour de XX par le jeu des vis A et D; ils peuvent en ou être soulevés par une troisième vis M. On voit (fig. 791) u collection de rectangles de mêmes dimensions et qui peuve



se placer en KL. Le nº 8, qui offre un bord vertical, per servir à l'expérience qui nous occupe.

Nous donnons, dans le tableau suivant, les positions obse vées et calculées du 5° minimum quand on fait varier les dis tances a et b. Elles ont été calculées en remplaçant v par valeur 4,4160 dans la formule

$$X^{1} = \frac{(a+b)b\lambda}{2a} (4,4160)^{2}$$

On verra que l'accord entre l'expérience et le calcul est aux complet que possible.

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 561

Camonina minimum. — Frange obscure donnée par un écran indéfini.

_	b		x	
4		observé.	calculé.	Différence.
n 0,1000	o,7985	mm 6,68	6,68	mm 0,00
0,1985	0,6370	4,06	4,08	+ 0,02
0,2020	0,6400	4,07	4,07	0,00
0,5100	0,1100	0,91	0,91	0,00
»	0,5 010	2,49	2,49	0,00
•	1,0050	. 4,3τ	4,31	0,00
1,0110	0,1160	0,90	0,90	0,00
•	0,5020	2,15	2,16.	+ 0,01
>	o,996o	3,51	3,51	0,00
•	2,0100	6, 10	6,11	+ o,oi
2,0080	0,1180	0,87	o,88	+ 0,01
>	ი, 9990	3,03	3,05	+0,02
	2,9980	6,80	6,82	+0,02
4,5070	0,1310	0,92	0,92	0,00
*	1,0180	2,80	2,79	– 0,01
•	2,5060	4,90	4,93	+ o,o3
6,0070	0,1170	0,85	0,86	+ 0,01
6,0070	0,9990	2,69	2,69	0,00

Si l'on considère maintenant l'espace ZQ (fig. 788) qui est dans l'ombre géométrique, il devra recevoir aussi de la lumière dont l'intensité au point Q sera donnée par la formule

$$\mathbf{I} = \left(\int_{\mathbf{N}\mathbf{A}\sqrt{c}}^{\infty} dv \cos\frac{\pi}{2} v^2\right)^2 + \left(\int_{\mathbf{N}\mathbf{a}\sqrt{c}}^{\infty} dv \sin\frac{\pi}{2} v^2\right)^2,$$

0u

$$1 = \left(\frac{1}{2} - \int_0^{Na\sqrt{c}} dv \cos \frac{\pi}{2} v^2\right)^2 + \left(\frac{1}{2} - \int_0^{Na\sqrt{c}} dv \sin \frac{\pi}{2} v^2\right)^2.$$

On pourra donc faire les calculs absolument comme dans le cas précédent; mais alors on trouvera qu'il n'y a plus de franges et que la lumière décroît d'une manière continue à mesure qu'on s'éloigne de Z. L'expérience vérisse ce résultat; mais jusqu'à présent il n'a pas été possible de mesurer le décroissement de l'intensité de z en Q.

cas d'une étroite ouverture. — Les détails dans lesquels nous venons d'entrer nous permettront d'insister moins longuement sur les autres cas que l'on peut réaliser. Si, par exemple, on fait passer la lumière venue d'une fente à travers une deuxième ouverture étroite CD (fig. 789), on calculera celle qui arrive en P au moyen des mêmes intégrales prises entre les limites de x, zéro et MC d'une part, zéro et MD de l'autre, et faisant la somme des vitesses

$$\mathbf{I} = \left(\int_0^{\mathsf{MC}\sqrt{c}} dv \cos \frac{\pi}{2} v^2 + \int_0^{\mathsf{MD}\sqrt{c}} dv \cos \frac{\pi}{2} v^2 \right)^2 + \left(\int_0^{\mathsf{MC}\sqrt{c}} dv \sin \frac{\pi}{2} v^2 + \int_0^{\mathsf{MD}\sqrt{c}} dv \sin \frac{\pi}{2} v^2 \right)^2.$$

Quand le point M changera de place, ces intégrales changeront périodiquement de valeur; on aura donc des franges. Pour les calculer, on construira, comme précédemment, la courbe qui représente I; on en cherchera les maxima et les minima, et, si l'on prend la valeur de v qui correspond à l'un d'eux, on aura le lieu qu'il occupe sur l'écran par la formule

$$X^2 = v^2 \frac{(a+b)b\lambda}{2a}.$$

Il sera toujours sur une hyperbole. Si le point P est en Q dans l'ombre géométrique de DN, on aura

$$I = \left(\int_{0}^{NC\sqrt{c}} dv \cos \frac{\pi}{2} v^{2} - \int_{2}^{ND\sqrt{c}} dv \cos \frac{\pi}{2} v^{2}\right)^{2} + \left(\int_{0}^{NC\sqrt{c}} dv \sin \frac{\pi}{2} v^{2} - \int_{0}^{ND\sqrt{c}} dv \sin \frac{\pi}{2} v^{2}\right)^{2},$$

ce qui donnera encore d'autres franges extéricures qui se détermineront par la même méthode. Fresnel a vérisié sa théorie tout aussi bien dans ce cas que dans le précédent.

On peut, sans faire intervenir tous ces calculs, suivre up

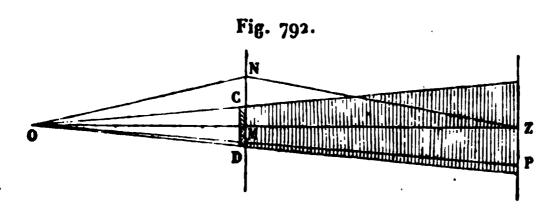
DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 563 de raisonnement élémentaire qui permet de prévoir ct des phénomènes.

roite et à gauche, en Q par exemple, il y aura encore de nière et de l'obscurité suivant que l'espace CD pourra se nposer en un nombre impair ou pair de bandes élémen-

dont les distances limites différeront de $\frac{\lambda}{2}$.

phénomènes identiques se produiront si on reçoit la re venue d'une fente sur un miroir très-étroit ou très-é, car le faisceau résléchi par lui sera dans le même cas elui qui passe à travers une ouverture étroite.

D'UN ÉCRAN LINÉAIRE TRÈS-ÉTROIT. — Ensin dans l'ombre



orps étroit (fig. 792) nous aurons des phénomènes ana-36. logues. Pour un point P:

$$I = \left(\int_{0}^{\infty} dv \cos \frac{\pi}{2} v^{2} - \int_{0}^{\text{MD}\sqrt{c}} dv \cos \frac{\pi}{2} v^{2} + \int_{0}^{\infty} dv \cos \frac{\pi}{2} v^{2} - \int_{0}^{\text{MC}\sqrt{c}} dv \cos \frac{\pi}{2} v^{2}\right)^{2}$$

$$+ \left(\int_{0}^{\infty} dv \sin \frac{\pi}{2} v^{2} - \int_{0}^{\text{MD}\sqrt{c}} dv \sin \frac{\pi}{2} v^{2} + \int_{0}^{\infty} dv \sin \frac{\pi}{2} v^{2} - \int_{0}^{\text{MC}\sqrt{c}} dv \sin \frac{\pi}{2} v^{2}\right)^{2},$$
ou
$$I = \left(1 - \int_{0}^{\text{MD}\sqrt{c}} dv \cos \frac{\pi}{2} v^{2} - \int_{0}^{\text{MC}\sqrt{c}} dv \cos \frac{\pi}{2} v^{2}\right)^{2},$$

$$+ \left(1 - \int_{0}^{\text{MD}\sqrt{c}} dv \sin \frac{\pi}{2} v^{2} - \int_{0}^{\text{MC}\sqrt{c}} dv \sin \frac{\pi}{2} v^{2}\right)^{2},$$

et le calcul complet se fera en suivant toujours la même marche.

Il est facile de voir qu'on aura de la lumière au milieu Z, car les deux ondes comprises entre C et D et l'infini enverront en ce point de la lumière concordante, quelle que soit la distance.

OUVERTURE ET ÉCRAN CIRCULAIRES. — Si on place en CD (fig. 789) une ouverture circulaire, le phénomène est analogue à celui qu'offre une fente indéfinie. On trouve sur l'are OZ des alternatives de lumière et d'obscurité; mais ici le calcul est beaucoup plus simple. Soit M un point à une distance r du centre A, le cercle décrit du rayon r est πr^2 . Pour un point voisin à une distance r+dr, le cercle est $\pi r^2+2\pi r dr$, et par suite la zone comprise entre ces deux points est $2\pi r dr$. La vitesse envoyée en Z par cette zone sera proportionnelle à $2\pi r dr$ et en raison inverse de ab. Le chemin parcouru OMZ est $\sqrt{a^2+r^2}+\sqrt{b^2+r^2}$ ou $a+b+r^2$ $\frac{a+b}{2ab}$. Donc, en prenant

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. 565 ur origine des temps le moment où l'onde arrive en Z en vant le trajet OAZ, on a

$$= \frac{2\pi r dr}{ab} \sin 2\pi \left[\frac{t}{T} - \frac{(a+b)r^2}{2ab\lambda} \right] = \frac{2\pi r dr}{ab} \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{cr^2}{4} \right)$$

$$= \frac{2\pi r}{ab} \left[dr \cos \frac{\pi}{2} cr^2 \sin 2\pi \frac{t}{T} + dr \sin \frac{\pi}{2} cr^2 \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{1}{4} \right) \right],$$

en faisant la somme des vitesses envoyées en Z, ce qui supse comme précédemment que l'intensité ne décroit pas ec l'obliquité des rayons émis,

$$V = \frac{2}{abc} \left(\int \pi \, cr dr \cos \frac{\pi}{2} \, cr^2 \right) \sin 2\pi \, \frac{t}{T} + \frac{2}{abc} \left(\int \pi \, cr dr \sin \frac{\pi}{2} \, cr^2 \right) \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{1}{4} \right),$$

par suite on a pour exprimer l'intensité et la phase du yon résultant

$$[=\frac{4}{a^2b^2c^2}\left[\left(\int \pi \ crdr\cos\frac{\pi}{2} \ cr^2\right)^2 + \left(\int \pi \ crdr\sin\frac{\pi}{2} \ cr^2\right)^2\right],$$

$$\tan\varphi = \frac{\int \pi \ crdr\sin\frac{\pi}{2} \ cr^2}{\int \pi \ crdr\cos\frac{\pi}{2} \ cr^2}.$$

P peut cette fois trouver l'expression des deux intégrales 1i sont

$$\sin\frac{\pi}{2}cr^2, \quad -\cos\frac{\pi}{2}cr^2,$$

si on les prend entre des limites zéro et r, on trouve

$$I = \frac{4}{a^2 b^2 c^2} \left[\sin^2 \frac{\pi}{2} cr^2 + \left(1 - \cos \frac{\pi}{2} cr^2 \right)^2 \right]$$

$$= \frac{2\lambda^2}{(a+b)^2} \left(1 - \cos \frac{\pi}{2} cr^2 \right) = \frac{4\lambda^2}{(a+b)^2} \sin^2 \frac{\pi}{4} cr^2$$

et

$$\tan \varphi = \frac{1 - \cos \frac{\pi}{2} cr^2}{\sin \frac{\pi}{2} cr^2} = \frac{\sin \frac{\pi}{4} cr^2}{\cos \frac{\pi}{4} cr^2} = \tan \frac{\pi}{4} cr^2.$$

L'intensité sera nulle quand $\frac{cr^2}{4}$ sera égal à un nombre entier n, ou quand

$$\frac{a+b}{2ab\lambda}r^2 = n \quad \text{ou quand} \quad \frac{a+b}{2ab}r^2 = n\lambda,$$

c'est-à-dire quand la dissérence de marche OMZ — OAZ semun multiple pair de demi-longueurs d'onde.

L'intensité sera maximum et égale à $\frac{4\lambda^2}{(a+b)^2}$ quand $\frac{cr^2}{4}$ sera égal à $\frac{2n+1}{2}$, ou quand

$$\frac{a+b}{2ab}r^2=(2n+1)\frac{\lambda}{2},$$

c'est-à-dire quand la différence de marche OMZ — OAZ ser égale à un nombre impair de demi-longueurs d'onde.

Quant à l'anomalie, elle sera:

$$tang \varphi = \infty$$
, $\varphi = \frac{\pi}{2}$.

Il y a plusieurs observations à faire sur ces résultats:

intensité de lumière $\frac{\lambda^2}{(a+b)^2}$, les maximum que nous obtenons avec une étroite ouverture seront quadruples.

2° Si on décompose l'onde totale en petites zones dont la différence de marche extrême soit $\frac{\lambda}{2}$, la lumière envoyée par chacune d'elles sera rigoureusement détruite par la suivante; de sorte que si elles sont en nombre pair elles donneront de l'obscurité, et en nombre impair une quantité de lumière $\frac{4\lambda^2}{(a+b)^2}$. On peut dire encore que chacune d'elles démière $\frac{4\lambda^2}{(a+b)^2}$.

DES INTERFÉRENCES ET DE LA DIFFRACTION. truit rigoureusement la lumière envoyée par la moitié de celles qui la précèdent et qui la suivent, et dès lors il reste la moitié de la zone centrale qui envoie $\frac{\lambda^2}{(a+b)^2}$, et la moitié de la zone extrême. Or, l'éclairement par l'onde indéfinie étant $\frac{\lambda^2}{(a+b)^2}$

et celui qui vient des extrémités étant nul à cause de la distance, il en résulte que l'onde totale éclairante se réduit à la demi-zone centrale.

3º Pour une grandeur donnée de l'ouverture et une position déterminée de Z, l'intensité est variable avec λ , puisque $\frac{cr}{4}$ prend des valeurs très-différentes. Il en résulte que la lumière centrale sera colorée. La loi de sa dispersion sera la même que pour les franges des deux miroirs.

Si nous considérons maintenant un disque opaque placé en CD au lieu de l'ouverture, le calcul sera le même avec cette dissérence que les intégrales, au lieu d'être prises entre zéro et r, le seront entre r et ∞ . Or on a

$$\int_{r}^{\infty} \mathbf{M} = \int_{0}^{\infty} \mathbf{M} - \int_{0}^{r} \mathbf{M}.$$

Nous venons de voir que l'onde entière se réduit à la moitié de la zone centrale pour laquelle la différence de marche $\frac{cr^2}{4} = \frac{1}{2}$, ce qui donne pour les deux intégrales prises de zéro i l'infini moitié des valeurs qu'elles ont entre $cr^2 = 0$ et cri=2, alors la première devient

$$\frac{1}{2}\left(\sin\frac{\pi}{2}\,cr^2\right)^2=0,$$

h seconde donne

$$-\frac{1}{2}\left(\cos\frac{\pi}{2}\,cr^2\right)^2_{\bullet}=1,$$

$$I = \frac{\lambda^2}{(a+b)^2} \left[\sin^2 \frac{\pi}{2} cr^2 + \left(1 - 1 + \cos \frac{\pi}{2} cr^2 \right)^2 \right] = \frac{\lambda^2}{(a+b)^2}.$$

Ce qui prouve qu'au centre de l'ombre géométrique de l'écran doit se trouver une lumière dont l'intensité égale celle que l'onde entière y enverrait directement.

D'après le calcul, ce résultat serait indépendant de l'étendue de cet écran. L'expérience cependant n'est vérisiée que si la largeur de l'écran est très-petite. Cela tient à ce que dans les calculs on a négligé la diminution de l'intensité quand l'obliquité n'est pas négligeable.

QUATRE-VINGT-CINQUIÈME LECON.

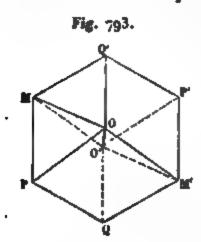
DE LA POLARISATION ET DE LA DIRECTION DES VIBRATIONS.

>uble réfraction. — Les deux rayons ordinaire et extraordinaire. — Polarisation du rayon ordinaire; — du rayon extraordinaire. — Loi de Malus. — Cas de la tourmaline. — Interférence de la lumière polarisée. - Direction des vibrations. - Composition des vibrations rectangulaires concordantes. — Lumière naturelle.

Ce que nous avons dit jusqu'à présent du mouvement des mdes lumineuses est absolument indépendant de la direction les vibrations. L'explication que nous avons donnée des phé-10mènes d'interférence suppose, il est vrai, que les vibraions sont parallèles dans les deux rayons concourants, mais elle ne préjuge rien sur la direction suivant laquelle elles se produisent. Nous avons vu dans l'acoustique que les oscilations des molécules d'air s'effectuent dans le sens même de a propagation du son; il en est de même quand les verges ou es cordes vibrent longitudinalement; mais elles sont perpenliculaires à la direction de propagation, dans les ondes qui se ransmettent sur un liquide ou quand les cordes et les verges ibrent transversalement. En général, on peut imaginer dans In milieu un centre d'ébranlement quelconque; il enverra à ine molécule donnée un mouvement vibratoire généralement blique sur la direction du rayon, qui pourra se décomposer in deux autres, l'un longitudinal, l'autre transversal. Or, l'exérience et le calcul prouvent que tous les deux se propagent vec des vitesses dissérentes, c'est-à-dire que tout ébranledent produit en un point central, dans un milieu quelconque, lonne naissance à deux espèces d'ondes concentriques, qui e meuvent inégalement vite, l'une à vibrations transversales, autre à vibrations longitudinales.

Cela s'applique à l'éther aussi bien qu'aux corps pesants. Nous avons dès lors à nous demander si les deux espèces d'ondes existent dans cet éther; si toutes deux prodaisent la lumière ou si une seule la fait naître, et, dans ce cas, si c'est la vibration longitudinale ou bien la vibration transversale. On ne peut résoudre cette question que par l'expérience, et c'est ce que nous allons faire.

DOUBLE RÉPRACTION. — Vers le milieu du xvii siècle, un savant médecin danois, Erasme Bartholin, découvrit que l'on voit une double image des objets quand on les regarde à travers une lame de spath d'Islande. Ce minéral est du carbonate



de chaux; il cristallise dans la forme rhomboédrique. Qu'on se sigure un parallélipipède MPQM'P'Q' (fig. 793) formé par six losanges égaux entre eux. Les trois premiers se rencontret en O par leurs angles obtus, qui sou égaux à 101,55, et ils sont entre eux des angles dièdres égaux à 105°,5. Le trois derniers se rencontrent dans la mêmes conditions en O'.

O et O' sont les deux sommets du rhomboèdre; la ligne OU qui les joint est l'axe du cristal; elle fait un angle de 45° a avec chacune des saces qui y aboutissent, et de 63° 45' avec la arêtes. Il saut considérer cet axe comme une direction que reste sixe et non comme une ligne unique; car on peut integiner que le cristal est composé d'une infinité de parties se blables qui ont chacune un axe parallèle à 00'.

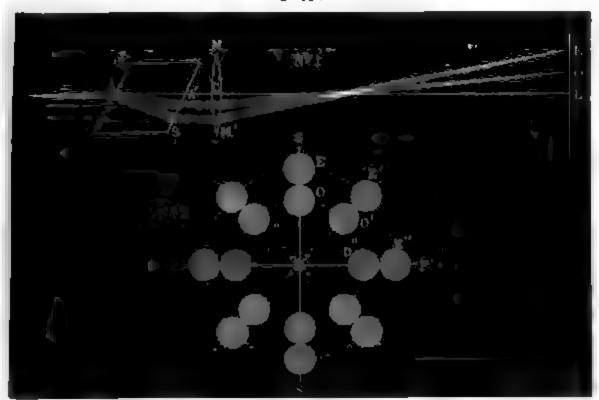
Ce cristal se divise par trois clivages parallèles aux trois systèmes de faces, d'où il suit que la plupart des échantillons sont plus allongés dans un sens que dans l'autre; mais ils ont toujours deux sommets O et O' formés par trois angles plans égaux, et l'axe est toujours également incliné sur ces trois faces.

Si par l'axe 00' on mène un plan normal à la face PMQ'0, il passera par les arêtes 0'M et 0M'; cette section, ou toute autre parallèle, menée par un point de la face PMQ'0, est dite section principale du cristal. Elle a la forme d'un parallélo-

polarisation et direction des Vibrations. 571 gramme MOM'O' dont les angles O, O' sont égaux à 109°8', et l'axe OO' fait avec le côté OM un angle de 45°22'.

Gela posé, faisons arriver les rayons solaires par une petité ouverture située en L (fig. 794, n° 1); mettons une lentille en M et un écran en L', réglé de telle sorte que les rayons partis de L fassent un foyer en L'. Interposons maintenant entre le point A et la lentille un rhomboèdre de verre, de manière que sa section principale SS soit dans le plan du tableau. Un faisceau de rayons LA se réfractera en AA', et les rayons émergents seront dans les mêmes conditions que s'ils partaient d'un point o. Par suite, l'image sera projetée en O sur la ligne qui joint o avec le centre optique C, prolongée jusqu'en O.





Un rhomboèdre de spath se conduira absolument de la même manière; mais il y aura une action de plus. Le faisceau incident LA non-seulement se réfractera en AA', mais il donnera en outre un deuxième système de rayons AS qui s'écarteront des premiers dans le cristal et reprendront leurs directions primitives en sortant; ils seront dans les mêmes conditions que s'ils venaient d'une ouverture e, et ils feront une image réelle en E sur la ligne eC prolongée.

Les deux images O et E sont toutes deux contenues dans le section principale du cristal, et quand on fera tourner celle-cautour de la ligne LL' de manière qu'elle fasse avec le pla vertical des angles de 0, 45, 90,..., 360 degrés, on verra le images se placer en O, E, en O', E', en O'', E'', etc. (fig. 794, n°2)

On voit, en résumé, qu'en pénétrant dans le cristal, u faisceau lumineux se sépare en deux, qui se réfractent inéga lement : le premier, le moins dévié, se nomme faisceau or dinaire; le second, faisceau extraordinaire. Tous deux son dans les mêmes conditions que s'ils étaient envoyés par les points o et e; tous deux sont compris, ainsi que leurs images agrandies et réeiles O et E, dans la section principale; ils on la même intensité, quelle que soit la direction de cette section; elle est égale à la moitié de celle du faisceau direct.

Pour faire l'expérience, on place sur le banc d'optique un appareil spécial (fig. 795) formé de deux tubes D et E, h



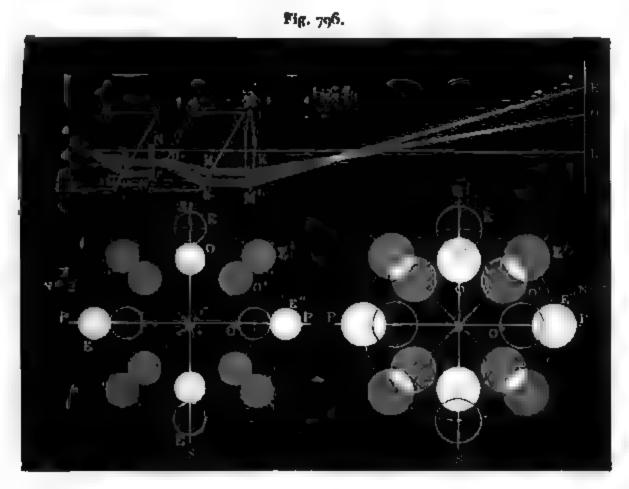
premier immobile, le second tournant autour de son axe per l'effet d'un bouton C. Un cercle divisé F mesure ses déplace-

POLARISATION ET DIRECTION DES VIBRATIONS. 578 ments. Aux extrémités de D et E on place, sur le premier un diaphragme percé d'un petit trou, sur le second E, un rhomboèdre A de spath d'Islande. Il suffira ensuite d'éclairer le diaphragme par une lampe et de projeter les images avec une lentille qu'on mettra à la suite de A.

Il y a maintenant deux questions à traiter : 1° il y a à chercher si la lumière qui forme les deux images O et E possède les mêmes propriétés physiques que la lumière incidente, ou si elle a subi des modifications; 2° il y a à étudier les lois de la réfraction dans les deux images, c'est-à-dire les lois de la propagation des deux ondes dans le cristal.

Ces deux questions sont connexes; mais comme il est impossible de les étudier toutes deux en même temps, nous commencerons par la première. Examinons d'abord le rayon ordinaire.

relativation du navou ordinaire. — Recevons les rayons émanés d'une ouverture circulaire très-petite L sur un pre-



mier rhomboèdre fixe, dont la section principale SC (fig. 796)

sera, par exemple, verticale; puis, interceptant le faisceu extraordinaire par un écran NN, nous laisserons passer les rayons ordinaires BD qui seront dans les mêmes conditions que s'ils étaient envoyés par une ouverture o. Nous les réfracterons ensuite à travers un second rhomboèdre S'E, et nous ferons avec cette lumière, qui a subi une première réfraction ordinaire, les mêmes expériences que précédemment avec la lumière naturelle. Comme précédemment, nous aurons sur l'écran deux images, l'une ordinaire O', l'autre extraordinaire E'; elles seront encore dans la section principale du second cristal et prendront les mêmes positions que dans la fig. 794, n° 2; seulement leurs intensités varieront avec l'angle \alpha que fait la seconde section principale avec la première, c'est-à-dire avec le plan vertical. L'aspect de ces images est représenté (fig. 796, n° 2).

Quand cet angle α est nul, l'image extraordinaire E a disparu. Elle augmente peu à peu d'intensité quand l'angle croît; mais en même temps l'image ordinaire diminue. A 45 degrés O' et E' sont égales; à 90 degrés, les mêmes variations d'intensité se continuant, l'image ordinaire O" est devenue nulle, et l'extraordinaire E" maxima.

La rotation se poursuivant de 90 à 180 degrés, les intensités repassent par les mêmes valeurs que de 90 degrés à zéro; et ensin, α croissant de 180 à 360 degrés, les images reprennent les mêmes éclats que de zéro à 180 degrés.

- 1º La première conséquence à tirer de cette remarquable expérience est que la lumière du rayon ordinaire fourni per le premier cristal n'est pas constituée comme la lumière neturelle, puisque celle-ci donne à travers un rhomboèdre des images toujours égales en intensité, et celle-là des images variables avec l'angle α des deux sections. Cette lumière n'e pas les mêmes propriétés dans tous les azimuts qu'on mème suivant sa direction; il semble qu'elle soit assimilable à un prisme qui aurait quatre faces rectangulaires. On dit qu'elle est polarisée.
- 2º Les deux images O' et E' ont la même intensité quand la section principale du deuxième rhomboèdre occupe deux positions symétriques par rapport au plan vertical SS ou au plan horizontal PP, qui sont le premier parallèle, le second per-

polarisation et direction des vibrations. 575 pendiculaire à la section principale SS du premier rhomboèdre. Le rayon ordinaire o est donc symétrique par rapport à ces deux azimuts; on dit qu'il est polarisé dans la section principale SS; cela veut dire simplement que si la deuxième section principale est confondue avec la première, l'image extraordinaire est nulle, et qu'elle croît jusqu'à un maximum, quand l'angle des deux sections principales augmente jusqu'à 90 degrés, tandis que l'image ordinaire, d'abord maxima, décroît jusqu'à zéro.

3º Malus a fixé par une loi qui porte son nom la valeur des éclats de ces images. Soit I celui de la lumière naturelle qui arrive au premier rhomboèdre SC, $\frac{I}{2}$ sera l'éclat de l'image ordinaire O. Prenons un diaphragme assez grand pour que les deux images O' et E' ne soient pas entièrement séparées, mais au contraire confondues dans une partie de leur champ (fig. 796, n° 3). On constatera que la partie où les deux images se superposent a un éclat constant et égal à celui de l'image ordinaire O fournie par le premier cristal avant qu'elle soit décomposée par le deuxième rhomboèdre. Il faut donc qu'en désignant par E' et O' les éclats des deux images, on ait

$$\mathbf{E}' + \mathbf{O}' = \mathbf{O} = \frac{\mathbf{I}}{2}.$$

On sait d'ailleurs que O' varie de $\frac{1}{2}$ à o et E' de o à $\frac{1}{2}$ quand l'aigle α des deux sections principales change de o à 90 deserts. On satisfait à toutes ces conditions en écrivant généralement

$$O^4 = \frac{I}{2}\cos^2\alpha$$
, $E' = \frac{I}{2}\sin^2\alpha$.

C'est en cela que consiste la loi de Malus; elle a été vérisiée Per des mesures photométriques précises.

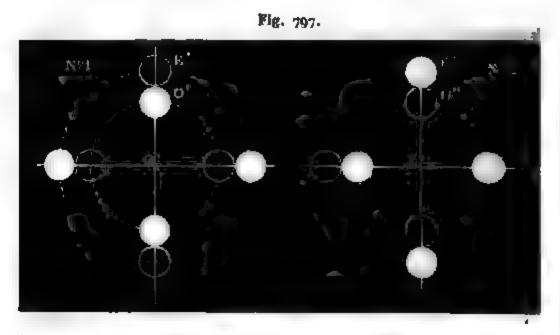
ren NN (fig. 796), on peut intercepter le rayon ordinaire BD, lisser passer au contraire le faisceau extraordinaire CN et étudier sa réfraction à travers le second rhomboèdre S'E. On trouve que la lumière qui le compose n'est plus de la

lumière naturelle, qu'elle a éprouvé les mêmes modificati que celle du faisceau ordinaire, qu'elle est polarisée; ser ment elle est polarisée dans le plan horizontal perpendicula à la section principale SC, et les intensités du rayon or naire O" et du rayon extraordinaire E" qu'elle produit déduiront de celles qu'on a trouvées pour O' et E' en remi çant α par 90° — α . On aura

$$O'' = \frac{1}{2}\sin^2\alpha$$
, $E'' = \frac{1}{2}\cos^2\alpha$.

Si nous résumons ces phénomènes, nous voyons que te faisceau de lumière naturelle égal à I, émis par une ouverts étroite L, se décompose, en traversant un premier rho boèdre SC, en deux moitiés égales : la première, réfect ordinairement, égale à $\frac{1}{2}$ polarisée dans le plan vertical $\overline{\bf 1}$

la deuxième, réfractée extraordinairement, égale à $\frac{1}{2}$ polaris dans le plan perpendiculaire à la section principale SC. I traversant un deuxième rhomboèdre, ces deux faisceaux à nent chacun une image ordinaire et une image extraor naire, polarisées dans des plans parallèles et perpendiculair à la section principale de S' E. On voit (fig. 797, n° 1) en O



E' les deux images fournies par le rayon ordinaire et en et O' (n° 2), celles qui résultent du rayon extraordinaire.

POLARISATION ET DIRECTION DES VIBRATIONS. 577 Voici le tableau des intensités de ces quatre images :

Quand on n'intercepte aucun des deux rayons ordinaire ou extraordinaire sortis du premier cristal, on voit sur l'écran se peindre les images O', O", E', E", et y prendre les intensités exprimées dans le tableau précédent. Les expériences se sont en mettant l'un après l'autre les deux rhomboèdres B et A (fig. 795) et en faisant tourner le second par le bouton C.

Tous les cristaux qui ont, comme le spath, un axe de symétrie, et qui n'en ont qu'un, se comportent comme le spath d'islande. Ceux qui sont colorés et qui absorbent une portion de la lumière offrent une particularité spéciale qui est surtout sensible dans la tourmaline.

Lorsqu'on la taille parallèlement à l'axe sous une épaisseur totrenable e, et qu'on la fait traverser par un faisceau de la littre naturelle d'intensité I, on obtient : 1° un faisceau de la littre d'une d'une de la littre d'une de la littre d'une d'une d'une d'une d'une d'une d'une d'une d'u

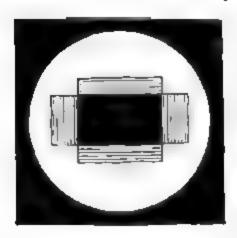
578 QUATRE-VINGT-CINQUIÈME LEÇON.

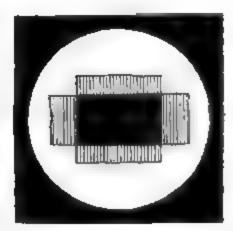
Quand deux tourmalines sont superposées, la première laisse passer que l'image E, la seconde que l'image E', l'on a

$$\mathbf{E}'' = \frac{1}{2} m^{2s} \cos^2 \alpha.$$

Si elles sont parallèles, la lumière les traverse; quand





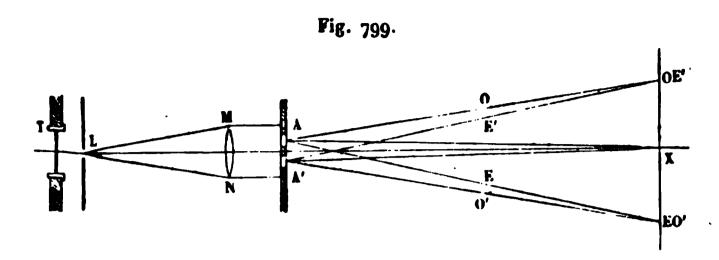


les croise à angle droit, elle est éteinte. Voici (fig. 798) l pect présenté sur un écran par l'image des tourmalines c sées ou parallèles.

On voit par ces expériences que la lumière naturé éprouve en se polarisant une modification capitale. Il nécessaire de voir si, après l'avoir subie, elle a conservé non les propriétés que nous avons primitivement étudi Or, la lumière polarisée se propage, se réfléchit, se réfle et se disperse suivant les mêmes lois de direction que la mière naturelle. Mais, en essayant de reproduire les ca riences d'interférence, Fresnel et Arago ont découvert actions spéciales que nous allons examiner.

INTERFÉRENCES DES RAYONS POLARISÉS.

Plaçons sur le banc d'interférences (fig. 799): 1° en Ttourmaline qui polarisera la lumière perpendiculaireme sa section principale; 2° en L une sente mince; 3" en MN tentille ayant son soyer en L; 4° en AA' un écran pero deux sentes étroites A et A'; 5° en X un écran pour rect les images ou bien la loupe mobile qui est destinée à les POLARISATION ET DIRECTION DES VIBRATIONS. 579 server. Les choses se passeront comme s'il y avait en A et en A' deux bandes lumineuses concordantes, et on verra des



franges en X absolument comme si la lumière n'avait pas été polarisée.

Prenons maintenant une lame très-mince de spath d'Islande l'aces parallèles, taillée parallèlement à l'axe; coupons-la en deux parties et plaçons-les, l'une en A, l'autre en A', en diritent leurs sections principales dans le plan de la figure. Il se Présentera trois cas.

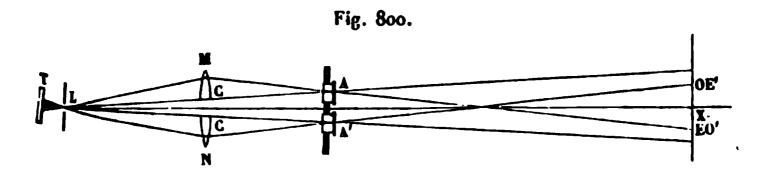
- I. Si par la tourmaline T la lumière incidente a été polarisée dens le plan des deux sections principales, elle donnera deux yons ordinaires en traversant A et A': l'expérience montre qu'ils interfèrent comme la lumière naturelle, et que le centre franges est en X.
- II. Si cette lumière est polarisée dans le plan perpendiculire aux sections principales, elle se réfracte extraordinairement, et les franges sont encore symétriques par rapport à X. En résumé, dans ces deux cas, les lumières polarisées ordimirement ou extraordinairement ne se distinguent point de la lumière naturelle; mais il faut remarquer que leurs plans de Polarisation sont parallèles.
- III. Polarisons maintenant la lumière à 45 degrés des sections principales; elle donnera dans chaque lame A, A': 1° deux myons ordinaires O, O', polarisés dans le plan de la figure, qui interféreront et donneront un système de franges dont le centre sera en X; 2° deux rayons extraordinaires E, E', polarisés perpendiculairement, et qui produiront un deuxième système de franges superposé au premier. L'expérience montre qu'il en est ainsi. Mais on remarquera que O, le faisceau ordinaire de A, et E' l'extraordinaire de A', pourraient également

interférer. S'ils le saisaient, le centre des sranges devrait être placé en OE'. On démontrera, en esset, que dans le spath le rayon ordinaire marche moins vite que le rayon extraordinaire, et qu'après avoir parcouru une distance plus petite AO, le premier concorde avec le second, qui a traversé une longueur A' E' plus grande: Par la même raison, le système des sranges développées par le concours des rayons O' et E aurait son milieu en EO'. Or, l'expérience ne fait voir ni l'un ni l'autre de ces systèmes. Et si l'on remarque que O et E' d'une part, O' et E de l'autre, sont polarisés dans des plans rectangulaires, on peut déjà conclure que les rayons polarisés à angle droit n'intersèrent point.

Déplaçons maintenant l'une des lames, A' par exemple, et dirigeons sa section principale perpendiculairement à celle de l'autre lame A et au plan de la figure.

- 1° La lumière étant polarisée dans le plan de la sigure par la tourmaline T, elle donne deux faisceaux: l'un ordinaire en A, l'autre extraordinaire en A'. Le premier est en retard sur le second; leurs plans de polarisation sont parallèles, el l'on voit des franges dont le centre est en OE'.
- 2º Le plan de polarisation étant dirigé perpendiculairement à l'axe de A et parallèlement à celui de A', A donne un rayon extraordinaire E, A', un faisceau ordinaire O'; la différence de marche a changé de signe; les plans de polarisation sont restés parallèles et les franges se placent en EO'. On voit par là que les rayons ordinaire et extraordinaire peuvent interférer, bien qu'ils aient une différence de marche, mais c'est à la condition que leurs plans de polarisation seront parallèles.
- 3° Ensin, lorsqu'on met l'axe de la tourmaline à 45 degrés de ceux des lames A et A', il se sorme à travers chacune d'elles deux rayons résractés; l'ordinaire de l'une et l'extraordinaire de l'autre sont polarisés dans le même plan, ils intersèrent et donnent deux systèmes, l'un en OE', l'autre en EO'; mais les deux rayons ordinaires O, O', ainsi que les deux rayons extroardinaires E, E', qui tout à l'heure interséraient en O lorsque leurs plans de polarisation étaient parallèles, me donnent plus de franges maintenant que ces plans sont perpendiculaires.

POLARISATION ET DIRECTION DES VIBRATIONS. 581 Toutes ces expériences peuvent se répéter avec un réfractomètre quelconque, et en particulier avec celui de M. Billet. On placera les deux lames cristallisées en A et en A' (fig. 800).



Dans tous les cas, elles se résument comme il suit : « Deux rayons polarisés interfèrent comme la lumière naturelle, lors-que leurs plans de polarisation sont parallèles, et ne donnent plus de franges quand ces plans sont perpendiculaires. »

Posé, nous allons aborder la question de rechercher si, dans un rayon de lumière polarisée, les vibrations sont longitudinales ou transversales. Il est dès l'abord évident qu'elles ne peuvent être longitudinales; car si cela était, un rayon polarisé offrirait les mêmes propriétés dans tous les plans menés par la direction de sa propagation. En traversant un cristal de spath, il pourrait se décomposer en deux rayons; mais leurs intensités ne changeraient pas quand on ferait tourner la section principale du cristal autour de la ligne de propagation.

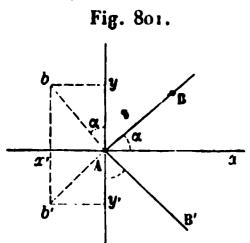
Mais ces vibrations pourraient être obliques. Si cela était, deux rayons polarisés à angle droit seraient toujours décomposables en vibrations transversales et en vibrations longitudinales, et celles-ci devraient toujours interférer. Comme cela n'a point lieu, il n'est pas possible que dans un rayon de lumière polarisée les vibrations soient obliques : il faut qu'elles soient normales à sa direction. Il nous reste à déterminer l'azimut dans lequel elles s'exécutent. Or, les rayons polarisés offrent des propriétés symétriques par rapport à deux plans menés suivant la direction de leur propagation (fig. 797), l'un, celui de la polarisation, l'autre perpendiculaire. Il faut donc, à cause de cette symétrie, que les vibrations soient dirigées dans l'un ou dans l'autre de ces plans. Mais aucun des phénomènes qui nous sont jusqu'à présent connus ne peut

nous apprendre si elles sont dans l'un plutôt que dans l'au dans le plan de polarisation plutôt que dans le plan norma

Les propriétés que nous étudierons dans la suite viend combler cette lacune. Elles nous montreront que les vitions se font perpendiculairement au plan de polarisat Admettons dès à présent ce résultat, sauf à le justifier cla suite.

Si l'on veut matérialiser l'idée que nous devons nous mer d'un rayon de lumière qui se propage horizontalemen qui est polarisé dans le plan vertical, il faut se figurer corde vibrante indéfinie et horizontale qu'on a ébranlée un de ses points et à laquelle on a imprimé des vibrati horizontales. Celles-ci se propagent le long de la corde constituent un rayon sonore dont les vibrations restent be zontales à toute distance : il est polariste dans le plan verti Il est clair qu'il a des propriétés symétriques autour de de plans, celui des vibrations et celui qui lui est perpendicula On va voir que pour le rayon sonore, comme pour le ra lumineux, ces propriétés peuvent mécaniquement se prév

composition des vibrations rectangulaires. — Étudions ition d'un cristal biréfringent dont la section principale



dirigée suivant Ax (fig. 801). Soit rayon projeté en A, polarisé dans l'mut AB qui fait un angle α avec. Sa vibration sera dirigée suivant elle sera exprimée par

$$V = a \sin 2\pi \frac{t}{T}.$$

On pourra la décomposer en d autres : l'une dirigée suivant Ay,

$$y = a \cos \alpha \sin 2\pi \frac{t}{T}$$

qui constituera un rayon polarisé suivant Ax: ce ser rayon ordinaire. L'autre composante, dirigée suivant A donnera un rayon polarisé suivant Ay, perpendiculaireme

POLARISATION ET DIRECTION DES VIBRATIONS. 583 la section principale : ce sera le rayon extraordinaire représenté par la formule

$$x' = -a \sin \alpha \sin 2\pi \frac{t}{T}.$$

Les intensités de ces rayons sont exprimées par le carré des amplitudes

$$0 = a^2 \cos^2 \alpha$$
, $E = a^2 \sin^2 \alpha$.

C'est la loi de Malus. La décomposition d'un rayon polarisé en deux autres, l'un ordinaire, l'autre extraordinaire, n'est donc rien autre chose que la décomposition, suivant les lois de la mécanique, d'une vibration plane en deux autres, rectangulaires, concordantes, dirigées suivant les plans de symétrie du cristal qui effectue cette décomposition.

Inversement, deux vibrations concordantes rectangulaires, dirigées suivant x et y,

$$x' = -m \sin 2\pi \frac{t}{T},$$

$$y = n \sin 2\pi \frac{t}{T}$$

peuvent se composer en une résultante unique Ab, exprimée par la formule

$$\mathbf{V} = \mathbf{A} b \sin 2\pi \frac{t}{\mathbf{T}}.$$

Sou intensité sera égale à la somme de celles de ses composantes:

$$\overline{\mathbf{A}b}^2 = m^2 + n^2$$
.

Elle sera polarisée suivant la ligne AB qui fait avec Ax un angle α donné par la formule

$$\tan \alpha = \frac{-x'}{r} = \frac{m}{n}.$$

Nous allons consirmer ces résultats en complétant ce que nous avons dit de l'intersérence des rayons polarisés (fig. 799). Supposons le cas où les deux sections principales des lames A et A' sont perpendiculaires et où la lumière incidente est polarisée à 45 degrés de chacune d'elles. Les rayons ordinaires O, O' sont polarisés à angle droit, égaux en intensité,

et ils ont traversé, quand ils arrivent en X, des chemins égaux. Par conséquent, leur superposition doit constituer une lumière d'intensité égale à leur somme et polarisée dans un azimut a égal à 45 degrés, c'est-à-dire dans le plan de la polarisation primitive (fig. 801). Donc, en recevant cette lumière sur une tourmaline ayant son axe dans ce même plan, on les éteindra; on verra une frange obscure en X, et d'autres bandes sombres à droite et à gauche de X, en tous les points où la différence de marche sera égale à un multiple pair de $\frac{\lambda}{z}$. Pour tous les points où cette dissérence de marche sera un multiple impair de la demi-longueur d'onde, les vibrations concourantes seront, l'une dirigée suivant x', l'autre suivant γ' ; elles se composeront en une vibration résultante $\Lambda b'$ ou en un rayon polarisé dans l'azimut AB', à — 45 degrés de Ax. Donc, en tournant la tourmaline de 90 degrés, on verra les franges changer, devenir sombres à tous les points où la dissérence de marche est égale à $(2n + 1)\frac{\lambda}{2}$, et brillantes à ceux où elles étaient primitivement obscures, c'est-à-dire où la différence de marche est $2n\frac{\lambda}{2}$. La tourmaline fait apparaître successivement ces apparences inverses; mais on les voit toutes deux en même temps quand on la remplace per un cristal biréfringent dont la section principale est parallèle à AB. Le rayon extraordinaire contient les franges du premier système, le rayon ordinaire celles du second. Si on supprime ce cristal, l'œil reçoit les deux systèmes à la fois; et comme les franges obscures de l'un occupent la place des franges brillantes de l'autre et que leurs intensités sont complémentaires, on voit une lumière uniforme. Ainsi, les rayons polarisés à angle droit interfèrent en réalité; mais cette interférence se borne à changer les plans de polarisation sans modisser les intensités; elle ne peut être constatée qu'en recevant la lumière sur un cristal qu'on nomme l'analyseur el que nous retrouverons dans tous les cas analogues.

LUMIÈRE NATURELLE. — On sait que la lumière naturelle se décompose par un cristal en deux rayons polarisés à angle

POLARISATION ET DIRECTION DES VIBRATIONS. 585 droit et d'égale intensité; or il semblerait résulter de ce que nous venons dire que ceux-ci, s'ils se superposent, doivent composer un rayon polarisé à 45 degrés. Il n'en est rien : ils reproduisent de la lumière naturelle.

Quand nous avons étudié les interférences, nous avons représenté la vibration d'une molécule en un point d'un rayon par la formule

$$v = a \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{d}{\lambda}\right)$$

Mais nous n'avons point tardé à reconnaître que deux rayons qui n'ont pas une origine commune n'interfèrent point. Cela nous a conduit à admettre que les vibrations doivent, après des périodes de temps très-courtes par rapport à la durée de nos impressions, mais très-longues par rapport au temps T, éprouver des perturbations de phases brusques, absolument comme les cordes sonores quand la direction de l'archet change. Il est probable que ces perturbations ne s'arrètent point là, qu'elles se produisent aussi sur l'amplitude a et même sur la direction et la forme des vibrations. De sorte que dans un rayon naturel les amplitudes et les phases éprouveraient, après certains intervalles de régularité, des variations brusques, et que, de plus, les vibrations se feraient tantôt suivant A_T , tantôt suivant A_T , tantôt suivant A_T , tantôt dans une quelconque des directions intermédiaires.

Pendant que la vibration a lieu suivant Ab, on peut la rem-Placer par deux composantes x' et y dont les amplitudes sont $a\cos\alpha$ et $a\sin\alpha$; et si l'on recompose x' et y, elles reproduisent Ab; mais comme Ab varie de moment en moment, elles reproduisent un rayon polarisé dans un azimut perpétuellement variable, c'est-à-dire la lumière naturelle.

Il n'en est plus de même si l'on prend pour origine un rayon polarisé vibrant suivant Ab. Son amplitude et sa phase sont encore variables; mais sa direction de vibration reste toujours la même, et si on le décompose en deux vibrations rectangulaires x' et y, elles ont des amplitudes dont le rapport est constant et égal à $\frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$. Si on les recompose, elles reproduisent toujours une vibration dirigée suivant Ab. De là une

règle invariable: si l'on veut faire interférer deux rayons p larisés, il faut qu'ils proviennent d'un rayon polarisé le même, comme il faut que deux rayons naturels provienne de la même source.

Ces perturbations n'empêchent point qu'on ne puisse e ployer dans les calculs la formule de vibration qui nou déjà servi. Car du moment que nous partirons toujours d' rayon originel unique polarisé dans un plan fixe, toutes l perturbations seront communes dans les divers rayons al quels il donnera lieu; elles affecteront leurs intensités leurs phases, mais nullement les rapports de ces intensités la différence de ces phases, si ce n'est aux moments où a perturbations auront lieu, moments très-courts et très-rat comparés aux durées pendant lesquelles les vibrations garde leur régularité.

Nous savons maintenant quelles sont les longueurs d'or des vibrations des diverses couleurs et quelle est leur dir tion. Il ne reste plus rien d'indéterminé dans la théorie ondes. Si donc elle est vraie, les divers phénomènes l'optique doivent non-seulement se prévoir, mais se calcu dans toutes les circonstances et se déduire des lois de Mécanique. Alors le rôle de l'expérience s'abaisse : elle n' plus le guide unique qui doit nous montrer les phénomène elle est réduite ou à chercher des constantes numériques à vérisier des résultats mathématiques. Nous allons, en con quence, changer entièrement le mode d'exposition des pl nomènes; nous les déduirons du calcul et nous les vérif rons à posteriori. Cette marche abrégera l'étude; elle su cet autre avantage de montrer comment, les principes d'u science étant découverts, ils conduisent par déduction à to les détails et résolvent tous les problèmes.

QUATRE-VINGT-SIXIÈME LEÇON.

DOUBLE RÉFRACTION.

Lois de l'élasticité de l'éther. — Vitesse de la lumière. — Cas de l'onde ordinaire, ou extraordinaire. — Explication des lois connues. — Direction des vibrations dans un rayon polarisé. — Surface de l'onde. — Construction d'Huyghens. — Cas général. — Face parallèle à l'axe; plan d'incidence parallèle ou perpendiculaire à cet axe. — Face perpendiculaire à l'axe. — Calcul général dans le cas où le rayon incident est dans la section principale. — Réfraction à la sortie d'un cristal. — Applications. — Prisme de Rochon, — de Wollaston, — de Senarmont, — de Nicol, — de M. Foucault.

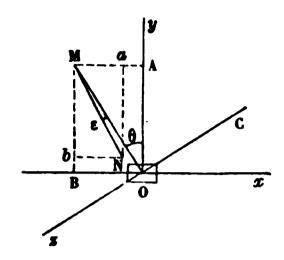
DOUBLE RÉFRACTION UNIAXIALE.

Les substances transparentes cristallisées se divisent en trois classes: dans la première, celle du système cubique, il n'y a aucune dissymétrie autour d'un point, et la propagation des ondes se fait comme dans les milieux qui ne sont pas cristallisés. La deuxième comprend les cristaux qui se rapportent au rhomboèdre et au prisme droit à base carrée; ils ont un axe de symétrie et déterminent une double réfraction symétrique autour de cet axe. Dans la troisième se placent tous les autres cristaux dont les axes sont inégaux et souvent obliques; ils ont une double réfraction régie par des lois très-complexes. Nous n'étudierons dans ce chapitre que la double réfraction dans les cristaux de la deuxième classe.

Lois de l'élasticité de l'éther. — Pour bien saire comprendre la théorie de la double résraction, imaginons d'abord une verge métallique rectangulaire, encastrée dans un étau, projetée en O(fig. 802), et dont les côtés sont parallèles à Ox et à Oy. Si on déplace son extrémité d'une quantité $OA = \sigma$ dans le sens Oy, on développera une force d'élasticité de slexion proportionnelle à σ , à l'épaisseur e et à un sacteur constant μ ; elle est égale à $\mu\sigma e$. Qu'on vienne ensuite à déplacer la règle de

la même quantité $OB = \sigma$ dans le sens des x, la force élastique sera différente et égale à $\mu\sigma e'$, parce que l'épaisseur est





devenue e'. Dans l'un et dans l'autre cas, la verge abandonnée à elle-même décrira des oscillations planes suivant $O_{\mathcal{F}}$ ou $O_{\mathcal{K}}$, et les nombres de vibrations pendant l'unité de temps seront proportionnels à e et à e'. Mais si l'on écarte la règle de la même quantité e dans une direction quelconque e of faisant un angle e avec e avec e on peut remplacer ce déplacement par ses

deux composantes, $\sigma\cos\theta = 0$ A suivant 0 γ , et $\sigma\sin\theta = 0$ B suivant 0 α ; chacune de ces composantes déterminera une réaction élastique correspondante, la première $\mu\sigma e\cos\theta = 1$ b, la deuxième $\mu\sigma e'\sin\theta = 1$ Ma, et la résultante sera

$$R = MN = \mu \sigma \sqrt{e^2 \cos^2 \theta + e'^2 \sin^2 \theta}$$
:

elle fera avec Oy un angle Y, et l'on aura

$$\cos Y = \frac{\mu \sigma e \cos \theta}{R}, \quad \sin Y = \frac{\mu \sigma e' \sin \theta}{R}.$$

Cette force n'est donc plus dirigée suivant le déplacement OM, mais suivant une direction dissérente MN; d'où il résulte que la règle abandonnée à elle-même décrira une oscillation qui ne sera point dans le plan du déplacement OM, qui ne sera plus plane; elle pourra, comme on le sait, assecter des formes très-complexes.

Les mêmes phénomènes se présentent si la verge est carrée, c'est-à-dire si e=e', pourvu qu'elle soit taillée dans un cristal dont l'axe est dirigé suivant 0x ou 0y. Savart l'a démontré en faisant vibrer une pareille verge dans le sens 0x et dans le sens 0y, ce qui donnait des notes différentes. Il sit en outre tailler dans un gros cristal de quartz une plaque carrée à saces parallèles entre elles et à l'axe de cristallisation. Deux côtés étaient parallèles, les deux autres perpendiculaires à l'axe 0x. Si cette lame eût été en verre et qu'on l'eût mise en vibration par un archet en attaquant les deux systèmes de côtés, elle

eût donné le même son; étant en cristal, elle rend des notes dissérentes quand on la fait vibrer parallèlement ou perpendiculairement à l'axe. On en conclut que la sorce élastique développée dans un cristal par un même écart σ , toutes choses égales d'ailleurs, est dissérente quand cet écart est produit parallèlement ou perpendiculairement à l'axe.

Or, bien qu'on ne sache pas comment l'élasticité de l'éther change avec l'élasticité des molécules matérielles qui constituent un milieu, il est certain qu'elles dépendent l'une de l'autre, et Fresnel s'en est prévalu pour admettre que dans tout cristal l'élasticité de l'éther change avec la direction du déplacement. Répétons mot pour mot au sujet de l'éther ce que nous venons de dire au sujet d'une règle vibrante.

Supposons qu'une molécule d'éther O(fig. 802) ait reçu un déplacement d'amplitude égal à σ , elle reviendra à sa position d'équilibre, décrira des oscillations isochrones et deviendra le centre d'une onde dont l'intensité sera proportionnelle à σ^2 . La force élastique qui la ramènera à sa position d'équilibre sera proportionnelle à ce déplacement σ et à un facteur qui dépend de sa direction.

1º Si le déplacement a lieu suivant OA, perpendiculairement à l'axe du cristal Ox, mais dans un azimut quelconque autour de cet axe, la force élastique sera constante et pourra se représenter par $\mu\sigma a^2$.

2º Si le déplacement se fait suivant OB dans la direction de l'axe, cette force élastique sera différente et égale à $\mu\sigma b^2$.

3º Ensin, lorsque la molécule aura été écartée dans une direction quelconque OM, le déplacement σ pourra se décomposer en deux : l'un $\sigma\cos\theta$ suivant OA, l'autre $\sigma\sin\theta$ suivant OB; tous deux développeront des sorces élastiques

$$\mu\sigma a^2\cos\theta = Mb$$
, $\mu\sigma b^2\sin\theta = Ma$;

leur résultante sera

. . .

$$\mathbf{R} = \mu \sigma \sqrt{a^4 \cos^2 \theta + b^4 \sin^2 \theta},$$

elle fera avec Oy un angle Y, et l'on aura

$$\cos Y = \frac{\mu \sigma a^2 \cos \theta}{R}, \quad \sin Y = \frac{\mu \sigma h^2 \sin \theta}{R}.$$

Cette force sera dirigée suivant MN; elle fera avec M0 un angle e exprimé par la formule

$$\cos \varepsilon = \cos(\theta - Y) = \cos\theta \cos Y + \sin\theta \sin Y,$$

$$\cos \varepsilon = \frac{\mu \sigma (n^2 \cos^2\theta + b^2 \sin^2\theta)}{R}.$$

Ensin, cette force se décomposera en deux : l'une perperdiculaire à OM, l'autre suivant OM, que nous représenterens par μσc² et qui sera

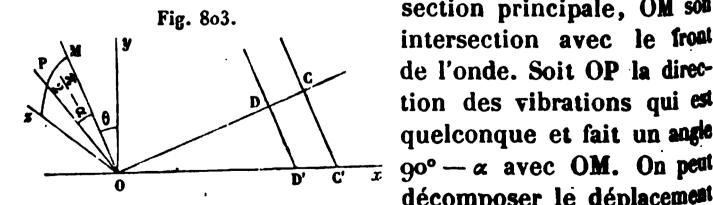
$$\mu\sigma c^2 = R\cos\varepsilon = \mu\sigma(a^2\cos^2\theta + b^2\sin^2\theta).$$

vitesses des rayons réfractés. — On sait, d'un autre côté, que la vitesse de propagation des ondes planes est exprimée par $\sqrt{\frac{e}{d}}$, et comme la densité est constante en tous les points d'un cristal, la vitesse sera proportionnelle à la racine carée des forces élastiques que nous venons de calculer; elle pour se représenter par a, b ou c dans chacun des trois cas précédents.

Quand une lumière passe du vide dans un milieu, l'indice de réfraction est égal au rapport de la vitesse dans l'air à la vitesse dans ce milieu. Si nous représentons la première par l'unité, par n_o , n_e , n'_e les indices du cristal dans les trois directions considérées, nous aurons

$$n_o = \frac{1}{a}$$
, $n_e = \frac{1}{b}$, $n'_o = \frac{1}{c}$.

Considérons en général (fig. 803) une onde plane se propageant suivant OC dans un cristal dont l'axe est Ox. COx est la



section principale, OM son intersection avec le front tion des vibrations qui est quelconque et fait un angle $90^{\circ} - \alpha$ avec OM. On peut décomposer le déplacement

 $OP = \sigma$ en deux autres : l'un suivant Oz normal au plan COz,

égal à $\sigma \cos \alpha$; l'autre suivant OM dans la section principale, et égal à $\sigma \sin \alpha$. Le premier est normal à l'axe Ox; il développe une force élastique $\sigma a^2 \cos \alpha$; il donne naissance à une onde qui se propage avec la vitesse a. Le deuxième, $\sigma \sin \alpha$, étant oblique à l'axe, produira une force élastique $\sigma c^2 \sin \alpha$, et me onde dont la vitesse sera c. Insistons sur ces résultats.

In Toute onde incidente polarisée va donc se décomposer lans le cristal en deux autres, et il y aura une double réfracion, excepté pour $\alpha = 0$ ou pour $\alpha = 90^{\circ}$, c'est-à-dire quand e plan de polarisation de la lumière sera parallèle ou perpenliculaire à celui de la section principale. L'expérience conirme cette conclusion.

2º Le déplacement $\sigma \sin \alpha$, parallèle à la section principale, le transmet suivant une onde dont la vitesse c varie avec la lirection de propagation. C'est l'onde extraordinaire dont la élaction suit des lois spéciales. Au contraire, le déplacement $\cos \alpha$, perpendiculaire à la section principale, se propage avec me vitesse constante α dans toutes les directions. Dès lors londe suit la loi de Descartes comme si la substance n'était

es cristallisée : c'est l'onde ordinaire, son indice est $n_o = \frac{1}{a}$.

Or l'expérience prouve qu'en esset l'une des deux ondes uit la loi de Descartes et qu'elle est polarisée dans la section rincipale. Suivant la théorie, c'est celle dont le déplacement $\cos \alpha$ est perpendiculaire à cette section principale. Il saut onc, pour saire accorder la théorie et l'expérience, admettre ue dans un rayon polarisé les vibrations sont perpendicuires au plan de polarisation. On se rappelle que les phénomènes étudiés jusqu'à présent laissaient indéterminé le sens e ces vibrations; on vient de voir comment l'étude des phéomènes de la double résraction a permis de combler cette cune.

3º L'amplitude des vibrations de l'onde incidente est σ et m intensité σ^2 . Son plan de polarisation perpendiculaire à OP it un angle α avec OM et 90° — α avec Oz. L'onde se décomble en deux, l'une ordinaire, polarisée dans la section prinpale, dont l'amplitude est $\sigma \cos \alpha$ et l'intensité $\sigma^2 \cos^2 \alpha$; utre extraordinaire, $\sigma \sin \alpha$, dont l'intensité est $\sigma^2 \sin^2 \alpha$. Et loi nous est déjà connue, c'est la loi de Malus.

SURFACE DE L'ONDE. - Les deux ondes planes que nous ve nons de considérer se propageront suivant OC (fig. 803) se trouveront, après l'unité de temps, l'ordinaire à une di tance OD = a sur un plan DD' normal à OD, l'extraordinaire une distance OC = c sur un autre plan normal CC'. Pour première, les vibrations seront dans le plan DD' et perpend culaires à COx. Pour la seconde, elles seront dans le plan C et parallèles à COx. Si maintenant nous supposons que point O soit un centre d'ébranlement dans l'intérieur d cristal, la lumière qui en émane se propagera dans tous le sens à la fois et arrivera, après l'unité de temps, sur deux su saces que l'on nomme surfaces de l'onde et que nous allor déterminer. La première sera le lieu d'arrivée des vibration Oz, perpendiculaires à la section principale COx, qui ont un vitesse constante a : c'est donc une sphère de rayon a; c'e l'onde ordinaire. La deuxième, l'onde extraordinaire, est lieu des vibrations dirigées suivant OM dans le plan COx; c'e l'enveloppe de tous les plans menés normalement à OC à un distance $c = \sqrt{a^2 \cos^2 \theta + b^2 \sin^2 \theta}$.

Puisque tout est symétrique autour de l'axe, cette surfasera de révolution autour de Ox; il suffit donc de cherch sa génératrice, ou la courbe enveloppe de CC'. L'équation \circ cette ligne est

$$x = -y \tan \theta + \frac{\sqrt{a^2 \cos^2 \theta + b^2 \sin^2 \theta}}{\cos \theta}$$
$$= -y \tan \theta + \sqrt{a^2 + b^2 \tan \theta}.$$

Il faudra chercher sa différentielle par rapport à θ ; elle est

$$-\frac{r}{\cos^2\theta} + \frac{\frac{2b^2\tan\theta}{\cos^2\theta}}{2\sqrt{a^2+b^2\tan\theta^2\theta}} = 0, \quad r = \frac{b^2\tan\theta}{\sqrt{a^2+b^2\tan\theta^2\theta}},$$

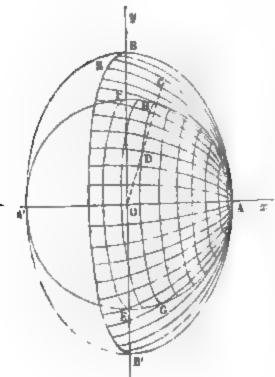
puis éliminer θ entre l'équation première et sa différentielle On trouve aisément

$$a''y'' + b''x'' = a''b''$$
.

Par conséquent, la surface cherchée est un ellipsoïde de révolution dont l'axe polaire est x = a et l'axe équatorial y = b.

En résumé, tout ébranlement déterminé en O sera transmisaprès l'unité de temps sur deux surfaces d'onde (fig. 804):

Fig. 804.



une sphère dont le rayon est $a = \frac{1}{n_0}$; elle se décompose en rayons tels que OD. Chacun d'eux est polarisé dans la section principale DAO; au point D les vibrations sont normales à cette section, sur toute la surface de la sphère elles sont dirigées suivant les cercles GDH,... parallèles à l'équateur EF. L'autre surface d'onde est un ellipsoïde de révolution BAB'A' tangent à la

sphère à ses pôles; son

l'une, l'onde ordinaire, est

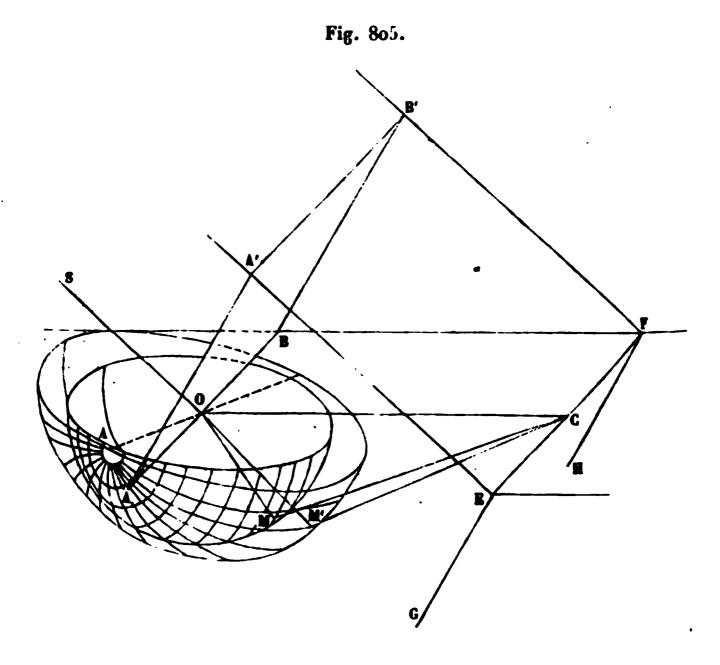
are 0A est $a=\frac{1}{n_s}$: son axe equatorial est $0B=b=\frac{1}{n_s}$. Tout rayon OC a une vitesse de propagation C égale au rayon vecteur OC; il est polarisé perpendiculairement à la section Principale; il a ses vibrations dans cette section, c'est-à-dire dans le plan méridien ACK.

Construction p'huyaness. — Cherchons maintenant ce qui rive quand une onde plane passe de l'air dans un milieu ristallisé tel que le spath.

Soit ABA'B' (fig. 805) l'onde incidente, AB sa trace sur la surface du cristal ABEF. Après avoir occupé cette position, elle se transporte parallèlement à elle-même, et au bout d'un temps égal à l'unité elle est arrivée en EFGH, après avoir parcouru un espace B'F égal à l'unité. La distance OC des

Cleux traces AB et EF est égale à $\frac{1}{\sin i}$.

Pendant qu'elle parcourait l'espace B'F dans l'air, l'onde pénétrait dans le milieu. Pour déterminer la surface sur laquelle le mouvement est arrivé, il faut remarquer que chacun des points du plan ABEF a été successivement ébranlé, et qu'ils ont envoyé dans l'intérieur des ondes élémentaires dont les axes sont proportionnels au temps écoulé entre l'instant où ils ont été touchés et celui où l'onde incidente a atteint la trace EF, temps qui est en raison inverse de la



distance de ces points à EF, et qui est égal à l'unité pour ceux de AB. Toutes ces ondes élémentaires se composent d'une sphère et d'un ellipsoïde; l'enveloppe de toutes les sphères sera l'onde ordinaire, celle de tous les ellipsoïdes l'onde extraordinaire, et il est évident que toutes deux seront planes et qu'elles passeront par EF.

Pour déterminer la première enveloppe, il sussit de construire la sphère de rayon $a = \frac{1}{n_*}$ qui est émise par le point 0 pendant l'unité de temps avec une vitesse a et de lui mener un plan tangent par la trace EF; ce plan sera l'onde résractée ordinairement. Si M est le point de tangence, OM est le rayon

cté qui correspond au rayon incident OS; on a

$$\sin r = \frac{OM}{OC} = \frac{\frac{1}{n_0}}{\frac{1}{\sin i}} = \frac{\sin i}{n_0}, \quad \frac{\sin i}{\sin r} = n_0.$$

ne $n_{\bullet} = \frac{1}{a}$ est constant, ce rayon suit la loi de Descartes:

le rayon ordinaire. En chaque point tel que M, ses vibrasont tangentes aux parallèles que nous avons tracés sur lère; il est polarisé dans le plan du méridien OAM qui lui de la section principale.

deuxième enveloppe se trouvera de la même manière. instruira l'ellipsoïde ayant son centre en O, un axe de

ition $a = \frac{1}{n_o}$, un axe équatorial $b = \frac{1}{n_o}$, et on lui mènera

F un plan tangent, qui sera l'onde extraordinaire. Si M' point de tangence, OM' sera le rayon résracté; sa visera égale au rayon vecteur OM', elle sera variable; son

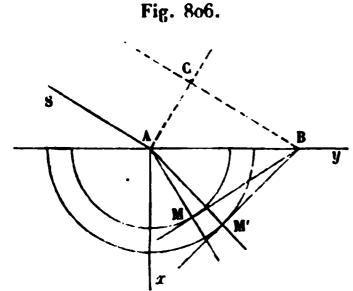
sera $\frac{1}{OM'}$, il ne sera pas constant; la loi de Descartes ppliquera pas; les vibrations seront dirigées suivant le ien AOM' qui est le plan de la section principale; et le e polarisation sera perpendiculaire à cette section.

encerons par montrer que l'un des deux rayons réfractés ellement la loi de Descartes, quelle que soit la direct la route qu'il parcourt. Le procédé qui est à la fois le imple et le plus exact consiste à scier plusieurs lames in cristal de spath suivant des directions quelconques érentes, à les coller l'une au-dessus de l'autre, puis à ller en un prisme dont les arêtes soient perpendicula leurs faces de jonction. Si l'on examine à travers ce , sur un goniomètre, la lumière fournie par une fente, it que les spectres extraordinaires donnés par les dilames sont inégalement déviés, mais qu'il n'y a qu'un pectre ordinaire, absolument comme si le prisme était in morceau unique de spath. L'indice n, est donc indé-

pendant de la direction, et on le peut mesurer absolun comme si la substance n'était pas cristallisée.

Nous n'avons plus qu'à nous occuper du rayon extrao naire, et nous examinerons trois cas.

1. Lame parallèle à l'axe; plan d'incidence perpendicule à l'axe (fig. 806). — Soit A la projection de l'axe : si n



appliquons à ce cas la re d'Huyghens, nous voyons le plan d'incidence coupe l lipsoïde suivant son équat dont le rayon AM' est b =et la sphère suivant un ce. de rayon $AM = a = \frac{1}{n_0}$. F

nons $AB = \frac{1}{\sin i}$, et, suivant i

ligne B normale au plan de la figure, menons les deux pla tangents. Les points de contact M et M' seront évidemme dans le plan d'incidence; on a de plus

$$\sin r = \frac{AM'}{AB} = \frac{\frac{1}{n_e}}{\frac{1}{\sin i}} = \frac{\sin i}{n_e}$$

Ou

$$\sin i := n_e \sin r$$
,

ce qui est la loi de Descartes. Pour vérisser ce résultat, taille un prisme dont les arêtes soient parallèles à l'axe; le sixe verticalement au centre d'un cercle divisé et l'on 1 sure la déviation du rayon extraordinaire. Le plan d'incide est perpendiculaire aux arêtes, ou à l'axe, et on trouve qu déviation est donnée par les formules établies pour les prisi ordinaires.

Quand on sait cette expérience, on voit deux spectres. L dinaire est polarisé parallèlement à l'axe et l'extraordin perpendiculairement. On peut donc éteindre l'un des deux une tourmaline et mesurer la déviation de l'autre, puis culer n. et n. J'ai donné (p. 433) les résultats obtenus

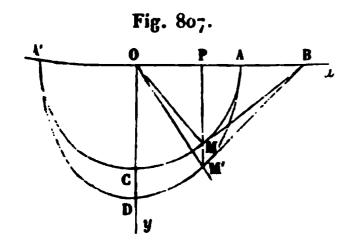
M. Mascart; voici ceux qui avaient été trouvés par Rudberg pour les diverses raies.

Indices ordinaire et extraordinaire, d'après Rudberg.

Raies.	SPATH.		QUARTZ.	
	Ordinaire.	Extraordinaire.	Ordinaire.	Batraordinaire.
	n_{ullet}	n_e	n_{\bullet}	ne
B	1,65308	ı ,483gı	ı,540 9 0	1,54 99 0
C	1,65452	1,48455	1,54181	1,54085
D	1,6585o	ι,48635	1,54418	1,55328
E	1, 6636 0	ı,48868	1,54711	ı ,5563 ı
F	1,66802	1,49075	1,54965	ı,55 89 4
G	1,67617	1,49453	1,55425	1,56365
Н	1,68330	1,49780	1,55817	1,56772

Les expériences que nous venons de rapporter prouvent que la section de l'onde extraordinaire par un plan perpendiculaire à l'axe est un cercle de rayon $b=\frac{1}{n_e}$; cette onde est donc une surface de révolution par rapport à l'axe. Pour chercher sa génératrice, nous étudierons sa réfraction dans un cristal taillé parallèlement à l'axe, quand le plan d'incidence contient cet axe.

II. Lame parallèle à l'axe. Plan d'incidence contenant



l'axe (fig. 807). — Dans ce cas, l'ellipsoïde et la sphère se projettent suivant ADA', ACA', l'axe suivant Ox et les plans tangents suivant BM et BM'. Les rayons réfractés OM et OM' sont encore dans le plan d'incidence; les points M et M' sur

une même perpendiculaire à Ox. Par suite,

$$\frac{\tan r}{\tan r'} = \frac{PM'}{PM} = \frac{b}{a} = \frac{n_o}{n_e}.$$

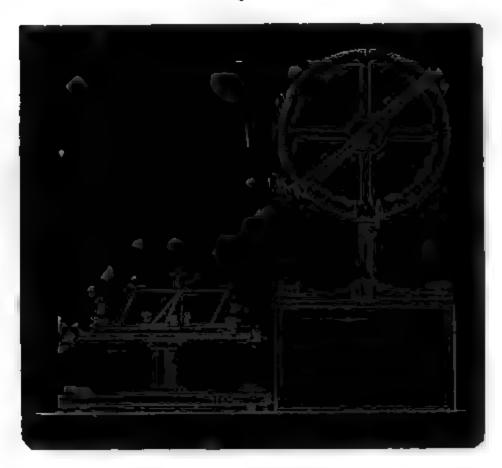
Pour vérisier cette loi remarquable on emploie le procédé suivant qui a été imaginé par Malus.

OUATRE-VINGT-SIXIEME LECON.

598

Sur le plate-forme centrale d'un cercle horizontai AB, on fixe un cristal de spath EIO, aussi épais que possible, dont





les faces sont parallèles entre elles et à l'axe. On s'assure que la face supérieure est horizontale, quand en faisant tourser la plate-forme on ne déplace pas l'image réfléchie d'un point éloigné. Un théodolite placé en HL vise à la fois la surface let une règle divisée EOP placée sous le cristal, dans la direction du plan d'incidence qui est aussi le plan de la section principale. Cette règle est dédoublée; l'image ordinaire d'un point O coîncide avec l'image extraordinaire d'un autre point E, et tous deux se voient suivant IHL. Par conséquent, un rayon LHI se dédoublerait dans le cristal suivant IO et lE. On mesure sur la règle la distance des points O et E, et l'on a

$$OP = e \tan r,$$

$$EP = e \tan r',$$

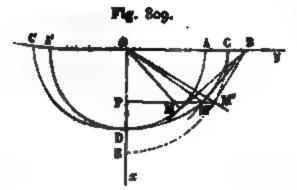
$$\frac{EP - OP}{e} = \frac{OE}{e} = \tan r' - \tan r, \quad \frac{\tan r'}{\tan r} = 1 + \frac{OB}{e \tan r'}$$

Os counsit e, on a mesuré OE, on calcule tange, puisqu'on counsite, et i; on peut donc déterminer le deuxième membre de cette équation. L'expérience a prouvé qu'il était constant

$$\frac{\tan gr'}{\tan gr} = \frac{n_r}{n_s}.$$

Une fols démontrée par l'expérience, cette relation prouve que la section de la surface de l'onde par un plan diamétral est une ellipse. Conséquemment, puisque cette surface est de révolution, elle est un ellipsoîde dont les axes sont a et b. Les deux vérifications que nous venons de faire suffisent donc pour justifier complétement la loi théorique : nous allons la confirmer par un troisième cas particulier.

III. Lame perpendiculaire à l'axe. — L'axe étant Ox (fg. 800), toute section des surfaces d'onde saite suivant sa



direction donne un cercle ADA' et une ellipse CDC' dont les axes sont a et b. Le point de contact M' est encore dans le plan d'incidence.

Si on décrit un cercle OCE de rayon b et qu'on mène à

cercle une tangente BM", les points M"M' seront sur une nême perpendiculaire M"P à Ox. On a, en désignant par ρ langle POM".

$$\frac{\tan g r'}{\tan g \rho} = \frac{M''P}{M'P} = \frac{b}{a};$$

on a de plus

$$\sin \rho = \frac{OM''}{OB} = b \sin i,$$

per suite

$$tengr' = \frac{b}{a} \frac{\sin \rho}{\cos \rho} = \frac{b^2 \sin i}{a \sqrt{i - b^2 \sin^2 i}}.$$

Malus a vérifié cette relation comme la précédente (fig. 808). Du moment qu'elle est démontrée, on peut conclure que la section de l'onde extraordinaire par un plan diamétral quel-

conque est une ellipse dont les axes sont a et b, et par suite que la surface de cette onde est un ellipsoïde de révolution dont cette ellipse est la génératrice. L'étude de ce cas sussirait pour justisser la théorie. Cette étude conduit en outre à une remarque importante : b étant plus grand que a, n, est plus petit que n, ; le rayon extraordinaire OM' est plus éloigné de l'axe que l'ordinaire OM. Le contraire aurait lieu si b était plus petit que a ou n, plus grand que n,. Or, c'est justement ce qui a lieu pour le quartz; aussi, dans ce cristal, le rayon extraordinaire est plus rapproché de la normale que le rayon ordinaire.

On peut dès lors diviser les cristaux en deux classes : les premiers, où $n_{\bullet} < n_{\bullet}$; on les nomme répulsifs ou négatif parce que le rayon OM' est comme repoussé par l'axe; le autres, où $n_{\bullet} > n_{\bullet}$; dans lesquels OM' semble attiré par l'axe on les appelle attractifs ou positifs.

CRISTAUX ATTRACTIPS.

Zircon.

Quartz.

Stannite,

Boracite.

Apophyllite.

Sulfate de potasse et de fer.

Suracétate de cuivre et de chaux.

Hydrate de magnésie.

Glace.

Hyposulfate de chaux.

Dioptase.

Argent rouge.

CRISTAUX RÉPULSIFS.

Spath.

Carbonate de chaux et de magnésie.

Carbonate de chaux et de fer.

Tourmaline.

Rubellite.

Corindon.

Saphir.

Rubis.

Émeraude.

Béryl.

Apatite.

Idocrase.

Vernérite.

Mica.

Phosphate de plomb.

Arséniate de potasse.

Cinabre.

Mellite.

Molybdate de plomb.

Octaédrite.

Arséniate de plomb.

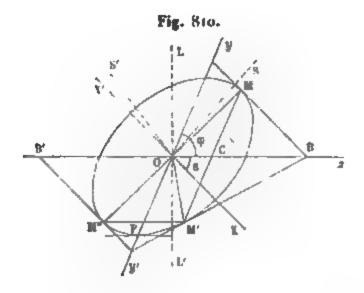
Arséniate de cuivre.

Néphéline.

de chercher d'autres vérifications, et le calcul suffira pour

déterminer dans tous les cas particuliers les divers phénomèses de la double réfraction. Toutefois, ce calcul étant complexe, nous allons nous réduire au seul cas qui soit utile dans les applications, celui où le plan d'incidence se confond avec la section principale; alors les deux rayons refractés restent dans ce plan, et on n'a à considérer au lieu de l'ellipsoïde qu'une section diamétrale.

Soient BB' la face d'entrée (fig. 810), a l'angle qu'elle fait



est une face de clivage naturel. Nous rapporterons l'ellipse à ses diamètres conjugués B'OB et O_T. En désignant par é l'angle que O_T fait avec l'axe OX, on sait qu'on a

tange . tange
$$\epsilon' = -\frac{b^2}{a^2}$$
.

Cette équation fera connaître ε' . Si on pose $\varepsilon' = \varepsilon + \varphi$, φ étant l'angle $\gamma \circ x$ ou B'OP,

$$tang(\varepsilon + \varphi) = \frac{tang\varepsilon + tang\varphi}{t - tang\varphi tang\varepsilon} - \frac{-b^z}{a^z tang\varepsilon}.$$

Poù l'on tire

$$\tan q = \frac{a^2 \tan q^2 \epsilon + b^2}{(b^2 - a^2) \tan q \epsilon}.$$

Les valeurs des deux axes conjugués 0x - a', 0y = b' sont données par les relations

$$a^{\prime 2} = \frac{a^2b^2}{a^2\sin^2\epsilon + b^2\cos^2\epsilon}, \quad b^{\prime 2} = \frac{a^2b^2}{a^2\sin^2\epsilon' + b^2\cos^2\epsilon'}.$$

On pourra donc, dans chaque cas particulier du s sera connuctable calculer t', a' et b'. Je supposerai ce calcul fait, et l'équation de l'ellipse sera déterminée :

$$a'^{2}y^{2} + b'^{2}x^{2} = a'^{2}b'^{2}$$
.

Il faudra maintenant, pour trouver le rayon réfracté correspondant à une incidence i, prendre $OB = \frac{1}{\sin i}$, par le point B mener une tangente BM', et OM' sera le rayon réfracté; il fera, avec la normale un angle r que nous allons calculer.

I. Soit d'abord i=0, c'est-à-dire le rayon incident normal et dirigé suivant LO. Dans ce cas, $\frac{1}{\sin i}=\infty$, et il faut mener une tangente parallèle à Ox. On sait qu'elle passera en P à l'extrémité du diamètre conjugué Oy; donc le rayon réfracté sera ce diamètre conjugué OP; l'angle de réfraction R ou POL' sera complémentaire de B'OP ou de φ et l'on aura

tang R =
$$\cot \varphi = \frac{(b^2 - a^2) \tan g \varepsilon}{a^2 \tan g^2 \varepsilon + b^2}$$
.

Si $\varepsilon = 0$, tang R = 0. Si ε croît, R augmente jusqu'à un maximum; ensin, pour $\varepsilon = 90$ degrés, R redevient nul. On trouve que le maximum d'écart a lieu pour $\varepsilon = 48^{\circ}7'$ 10", et alors on trouve $r = 6^{\circ}14'20$ ". Ce cas est sensiblement réalisé par les cristaux de spath taillés suivant leurs saces de clivage, dans lesquels $\varepsilon = 45^{\circ}23'20''$ et $R = 6^{\circ}12'$. Cela veut dire que le rayon ordinaire, continuant sa route en ligne droite suivant OL', l'extraordinaire OP_1 s'écarte de l'axe OX et sait avec la normale un angle de résraction POL' égal à $6^{\circ}12'$.

II. Supposons l'incidence quelconque et égale à i, et que le rayon incident vienne de S' en O: il faudra prendre $OB = \frac{1}{\sin i}$ du côté Ox et mener des tangentes BM' et BM dont l'équation sera

$$a'^2 yy' + b'^2 xx' = a'^2 b'^2$$
.

En exprimant qu'elles passent par B, dont les coordonnées sont y = 0, $x = \frac{1}{\sin i}$, on trouve pour le point de contact M'

$$x' = a'^2 \sin i$$
, $y' = -b' \sqrt{1 - a'^2 \sin^2 i}$.

En comptant l'angle de réfraction à droite de la normale, on a dans le triangle OM'C

$$\frac{-y'}{x'} = \frac{\sin(90^{\circ} - r)}{\sin(90 - \varphi + r)} = \frac{\cos r}{\cos(\varphi - r)} = \frac{1}{\cos\varphi + \sin\varphi \tan\varphi r},$$

d'où, en remplaçant x' et y',

tang
$$r = \frac{a'^2 \sin i - b' \cos \varphi \sqrt{1 - a'^2 \sin^2 i}}{b' \sin \varphi \sqrt{1 - a'^2 \sin^2 i}}$$
.

Si t=0, la plaque est parallèle à l'axe; tang $\phi=\infty$, l'angle ϕ est égal à 90 degrés; l'ellipse est rapportée à ses axes principaux et l'on trouve

$$\tan r = \frac{a}{b} \frac{a \sin i}{\sqrt{1 - a^2 \sin^2 i}}.$$

En désignant par r, l'angle de réfraction ordinaire, on a $a \sin i = \sin r$. Donc

$$\frac{\tan g \, r}{\tan g \, r_0} = \frac{a}{b} = \frac{n_e}{n_0},$$

résultat déjà connu.

Si t = 90 degrés, la plaque est perpendiculaire à l'axe fg. 809), φ est encore égal à 90 degrés; l'ellipse est encore pportée à ses axes principaux, mais a' se change en b et b' en a, et l'on a

$$\tan g r = \frac{b^2 \sin i}{a \sqrt{1 - b^2 \sin^2 i}},$$

Formule que nous avons déjà trouvée pour ce cas particulier. Enfin, si l'on prend un cas intermédiaire, par exemple celui où la face est de clivage, φ prend une valeur égale à (90°—R), R étant l'angle de réfraction normal calculé précédemment et compté à gauche de la normale : on a

tang
$$r = \frac{a'^2 \sin i - b' \sin R \sqrt{1 - a'^2 \sin^2 i}}{b' \cos R \sqrt{1 - a'^2 \sin^2 i}}$$

pour i = 0,

$$tang r = -tang R;$$

l'angle de réfraction est à gauche de la normale.

Si i augmente, r diminue. Il arrive un moment où tang r nul, c'est-à-dire où le rayon résracté est normal,

$$a^{\prime 2} \sin i = b^{\prime} \sin R \sqrt{1 - a^{\prime 2} \sin^2 i}$$
.

En posant

$$a' \sin i = \sin I$$
, $\sqrt{1 - a'^2 \sin^2 i} = \cos I$,
 $\frac{a' \sin I}{b' \cos I} = \sin R$, $\tan g I = \frac{b'}{a'} \sin R$.

On trouve que pour une sace de clivage, l'incidence pour la quelle le rayon réfracté est normal est égale à $(9^{\circ}, 49'25'')$. Pour des incidences plus grandes, r devient positif et augmente. Ensin, si i = 90 degrés, sin i = 1, et on atteint l'angle limite

$$tang r = \frac{a'^2 - b' \sin R \sqrt{1 - a'^2}}{b' \cos R \sqrt{1 - a'^2}}.$$

Le calcul donne $r = 35^{\circ}31'$ quand la surface réfringente est une des faces de clivage.

Examinons maintenant le cas où le rayon incident vient de S en O: alors le point B doit être pris dans le sens opposé, en B', et la tangente est B'M". Mais si OB' = OB, c'est-à-dire si les deux rayons SO et S'() font des angles d'incidence i égaux. B'M" est parallèle à BM, et les points de contact M, M" se trouvent aux extrémités d'un même diamètre. Ainsi MM' et M'M" sont deux cordes supplémentaires, et la première étant parallèle au diamètre $\gamma\gamma'$, la seconde sera parallèle à xx' et divisée en deux parties égales par $\gamma\gamma'$. D'où il résulte que les deux rayons réfractés font des angles égaux avec OP, c'est-à-dire avec la direction du rayon réfracté quand l'incidence est normale. Ce théorème est dù à Huyghens.

Si l'on calcule, comme précédemment, l'angle des rayons réfractés OM", on trouve, en comptant r à gauche de la normale.

tang
$$r = \frac{a'^2 \sin i + b' \sin R \sqrt{1 - a'^2} \sin^2 i}{b' \cos R \sqrt{1 - a'^2} \sin^2 i};$$

l'angle r augmente en même temps que i; mais on remarquera que sous l'incidence normale le rayon est dévié vers la gauche, et que r est >i; qu'ensuite, sous des incidences

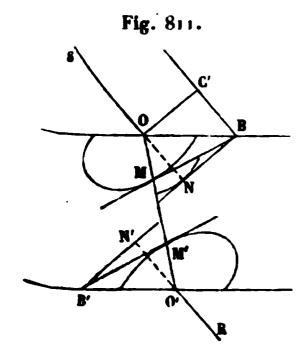
obliques, r est < i. Il faut donc que pour une incidence donnée i devienne égal à r. Ce calcul assez complexe a été fait par M. Billet qui trouve

Ensin si i, augmentant toujours, devient égal à 90 degrés, on atteint l'angle limite qui est

tang
$$r = \frac{a'^2 + b' \sin R \sqrt{1 - a'^2}}{b' \cos R \sqrt{1 - a'^2}}$$
,

valeur plus grande que la précédente. Elle est, pour une face de clivage, égale à 42°57′50″.

mépraction de la lumière à la sortie d'un cristal. — On peut d'indifier comme il suit la construction d'Huyghens (fig. 811).



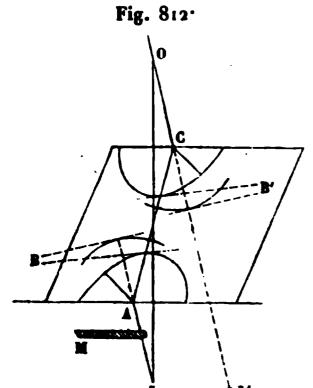
Prolongez le rayon incident SO en ON, décrivez du point O une sphère de rayon ON = 1, menez un plan tangent en N, il est clair qu'il rencontre la surface suivant une ligne perpendiculaire au plan d'incidence et qui passe en B, à une distance $OB = \frac{1}{\sin i}$. Le point B ainsi trouvé, le reste de la construction s'achève comme précédemment.

Nous pouvons nous proposer maintenant de chercher comment se réfracte un rayon 00' qui sort du cristal pour passer dans l'air. Il faudra faire inversement la construction : décrire du point 0' l'ellipsoïde connu et mener en M' un plan tangent qui rencontrera la surface suivant une ligne passant en B'. Elle sera perpendiculaire au plan de réfraction dans l'air. Du point 0' on décrira ensuite une sphère avec un rayon 0'N' égal à l'unité, suivant la ligne B' on mènera un plan tangent B'N', et on joindra N', 0' par une droite dont le prolongement 0'R sera le rayon réfracté.

On reconnaît de suite que si les faces du cristal OB, O' B' sont parallèles, tout rayon incident SO donnera un rayon réfracté parallèle O'R. Car les deux ellipsoïdes décrits de () et

de O'ayant leurs axes égaux et parallèles, les plans tangent en M et M' seront parallèles, couperont les deux surface suivant des lignes B et B' parallèles et également éloignée de O et de O'; par suite, les plans tangents aux deux sphère seront parallèles, ainsi que les rayons SON, N'O'R.

Cela explique une curieuse expérience due à Monge. Quan



on place un cristal au-dessus d'u point lumineux L (fig. 812) e qu'on regarde du point O, on voi deux images, l'une ordinaire qui n'a point été déviée, l'autr L' qui est jetée de côté. Comm les rayons incidents et émergent LA et CO sont parallèles, il fau que le faisceau extraordinaire in térieur AC coupe le faisceau ordinaire LO. Aussi, en faisant glisse sous le cristal un obstacle M gauche de LO, on voit dispa

rattre l'image L' qui est à droite.

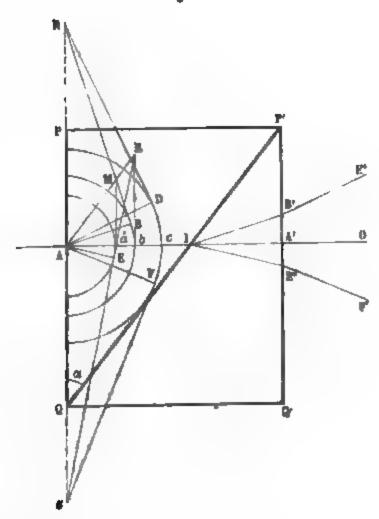
APPLICATIONS. — Pour étudier les phénomènes de polariss tion, nous nous sommes servi de gros rhomboèdres d spath. On peut les remplacer par des prismes biréfringent moins volumineux et moins coûteux.

PRISME DE ROCHON (fig. 813). — Deux prismes de spath d même angle a sont collés l'un à l'autre par de la térébenthine La face PQ du premier est normale à l'axe, les arêtes d second sont parallèles à cet axe. De cette façon, la sectio normale du biprisme contient l'axe du premier; elle est per pendiculaire à la section principale du second.

Un rayon incident normal de lumière naturelle traverse le premier prisme sans déviation, et ordinairement; il se dé double au point I en un rayon ordinaire IA' qui continu sa route en ligne droite et sort suivant AO, polarisé perpendi culairement au plan de la sigure, et en un rayon extraordinaire IB' qui émerge suivant B'E', polarisé dans le plan de la sigure.

Pour trouver la marche de ce rayon extraordinaire, menons du point A comme centre trois cercles de rayons Aa, Ab, Ac égaux aux vitesses a, b, 1 de la lumière dans les rayons ordinaire, extraordinaire et dans l'air. Le rayon se réfracte ordinairement en A et prend la vitesse a; ensuite il passe dans le deuxième prisme et échange sa vitesse a contre la vitesse b. Supposons que la section P'Q passe en A et soit représentée par AR; il faudra mener une tangente en a, la prolonger jusqu'en M, par ce point mener la tangente MB au cercle de rayon b, et AB sera la direction du rayon entrant dans le deuxième prisme.

Fig. 813.



L'angle d'incidence AM α est égal à l'angle α du prisme; désignons l'angle de réfraction AMB par $\alpha + \mu$; nous avons dans les deux triangles rectangles AM α , AMB, qui ont l'hypoténuse commune,

$$\frac{\sin{(\alpha+\mu)}}{\sin{\alpha}}=\frac{b}{a};$$

QUATRE-VINGT-SIXIEME LEÇON.

608

et, comme μ est très-petit,

$$\sin \alpha + \mu \cos \alpha = \frac{b}{a} \sin \alpha,$$

$$\mu = \frac{b-a}{a} \tan \alpha.$$

Après avoir pris dans le deuxième prisme la direction IB' parallèle à AB, le rayon sort en B'. Supposons que la face P'Q' passe par A et soit représentée par AP. Le rayon échangean la vitesse b pour la vitesse 1, il faudra mener une tangent en B et la prolonger jusqu'à la rencontre de AP en N; de ce point mener une tangente ND au cercle de rayon 1, et AD ser le rayon réfracté. L'angle d'incidence sera BNA = BM à = parallère d'emergence DNA = r, et dans les deux triangles AND, ANB qui ont l'hypoténuse commune,

$$\frac{\sin r}{\sin \mu} = \frac{1}{b},$$

et en remplaçant μ,

$$\sin r = \frac{b-a}{ab} \tan \alpha = (n - n') \tan \alpha.$$

Le rayon émergent sera B'E parallèle à AD.

Or, puisque le rayon ordinaire AO traverse le cristal sans déviation, r indique l'angle des deux rayons à la sortie du prisme. Si le rayon incident arrivait par la face P'Q' et sortait par PQ, alors la construction précédente ne serait plus applicable; on trouvera aisément celle qu'il faudrait exécuter; on verrait que le rayon ordinaire reste normal, que le rayon extraordinaire suit une route intérieure différente, mais qu'en définitive il sort avec la même déviation. Ordinairement le prisme de Rochon est construit en quartz, et comme alors l'indice ordinaire n est plus petit que l'extraordinaire n', la déviation est de sens inverse, c'est-à-dire qu'elle a lieu vers la base QQ' du deuxième prisme.

PRISME DE WOLLASTON. — Il dissère du précédent en ce que dans le premier prisme PP'Q l'axe est parallèle à PQ et perpendiculaire aux arêtes au lieu d'être placé suivant AI; dans

le deuxième il est toujours dirigé suivant les arêtes: de cette manière les sections principales sont à angle droit. Dans ce cas, les intersections de la surface de l'onde par le plan de la figure sont, pour le rayon ordinaire, un cercle du rayon OA = a; pour le rayon extraordinaire, une ellipse d'axes a et b dans le premier prisme, et un cercle de rayon b dans le deuxième; ensin un cercle de rayon i dans l'air.

En A le rayon se dédouble en deux qui se propagent suivant la même direction AI: l'un ordinaire avec une vitesse a, l'autre extraordinaire avec une vitesse b; le premier est polarisé dans le plan de la figure, le deuxième perpendiculairement.

Le rayon ordinaire, en rencontrant QP', se réfracte extraordinairement et prend la vitesse b, puis il reprend la vitesse 1 dans l'air. Il suit de là qu'il éprouve la même série d'actions que le rayon extraordinaire dans le prisme de Rochon, qu'il suit la même route et que la déviation est

$$\sin r = (n - n') \tan \alpha$$
.

Il n'en est pas de même du rayon extraordinaire. En effet, Près avoir reçu la vitesse b dans le premier cristal, il devient Ordinaire dans le second avec une vitesse a; nous devons donc mener une tangente à l'ellipse en b jusqu'à la rencontre de la face AR en R, puis de là une seconde tangente RE au Cercle de rayon a, et AE sera la direction du rayon réfracté. L'angle d'incidence est $ARb = \alpha$, l'angle de réfraction est $ARE = \alpha - \mu'$, et on a dans les deux triangles ARb, ARE,

$$\frac{\sin(\alpha - \mu')}{\sin \alpha} = \frac{a}{b},$$

$$\sin \alpha - \sin \mu' \cos \alpha = \frac{a}{b} \sin \alpha,$$

$$\sin \mu' = \frac{b - a}{b} \tan \alpha.$$

Ensin, le rayon sort du cristal et reprend la vitesse 1. Prolongeons donc la tangente RE au cercle de rayon a jusqu'à la rencontre en S de la sace de sortie transportée en AQ; menons de S une tangente SF au cercle de rayon 1, et AF sera la direction du rayon émergent.

L'angle d'incidence est $ESA = \mu'$; l'angle d'émergence FSA = r', et l'on a dans les triangles AES, AFS

$$\frac{\sin r'}{\sin \mu'} = \frac{1}{a}.$$

Enfin, en remplaçant $\sin \mu'$,

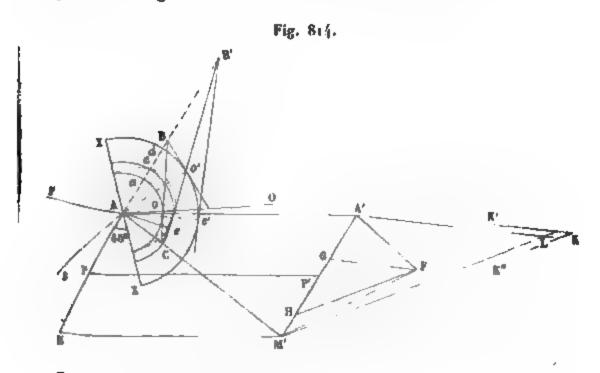
$$\sin r' = \frac{b-a}{ab} \cdot \tan \alpha = \tan \alpha (n-n').$$

On voit que dans le prisme de Wollaston les deux rayons sont déviés également l'un d'un côté, l'autre de l'autre, et que leur écart est doublé. Il faut remarquer que chaque rayon a subi une déviation inégale pour les diverses couleurs et que les images sont colorées. Dans le prisme de Rochon, l'image ordinaire n'était déviée pour aucune couleur et restait blanche.

prisme de micol. — Soit AA'MM' (fig. 814) un long morceau de spath: AM et A'M' sont les projections de deux faces de clivage sur le plan de la figure qui est une section principale; AA', PP', MM' sont les arêtes. On divise ce cristal en deux morceaux par une section AM' très-oblique; on en polit les deux faces et on les recolle dans leur position première avec un mastic que je supposerai d'abord quelconque.

Si les rayons incidents sont dans le plan de la section principale, les rayons réfractés s'y trouveront également, et il sustira de décrire trois cercles dont les rayons Aa, Ac, Ad sont égaux aux vitesses de la lumière a, c, 1, dans le rayon ordinaire, dans le mastic et dans l'air, et une ellipse dont les axes a et b sont dirigés suivant l'axe XX et perpendiculairement à cet axe. Soit SA un rayon incident; on le prolongera jusqu'en O'; on mènera la tangente O'B qui rencontrera la face d'entrée AM en B. De ce point on mènera la tangente Be au cercle de rayon a, et AoO sera la direction du rayon ordinaire dans le premier prisme MAM'. Ce rayon viendra rencontrer la couche de mastic, et pour avoir la direction qu'il J prendra il faudra du point C mener une tangente au cercie intermédiaire de rayon AC = c. Or, si le point C est sité sur ce cercle, la tangente le touchera en C, le rayon ses réfracté suivant AC et sera à la limite de la réflexion totale.

Inversement, menons par C la tangente Co au cercle de rayon a; elle rencontrera la surface d'entrée AM au point B. De B menons la tangente BO'; joignons O'A, et la ligne prolongée SA sera le rayon incident qui, réfracté ordinairement, commentera à se réfléchir totalement. Tous les rayons incidents compris dans l'angle SAM se réfracteront, tous ceux qui sont dirigés dans l'angle SAB se réfléchiront totalement.



De même, en menant de C une tangente Ce B' à l'ellipse, et in point B' une seconde tangente B' e' au cercle extérieur et joignant e' A, S' A e' déterminera la limite de réflexion totale pour le rayon extraordinaire; tous les rayons compris dans l'angle S' AM traverseront le cristal extraordinairement, tous teux qui sont dans l'angle S' AB se réfléchiront totalement. Il en résulte que les rayons compris dans l'angle SAS' donne-ront naissance à des faisceaux ordinaires qui se réfléchiront totalement et à des rayons extraordinaires qui seront transmis : il en sera de même pour tout autre point de la surface AM.

Or comme, sauf l'interruption occasionnée par la couche de mastic, le cristal formé par les deux prismes recollés est continu et à faces parallèles, les rayons émergents seront parallèles aux rayons incidents. Si l'œil est en F et que nous menions FG et FH parallèles à S'A et à SA, tous les rayons compris dans l'angle GFH se réfracteront extraordinairement, et seront polarisés perpendiculairement à la section principale.

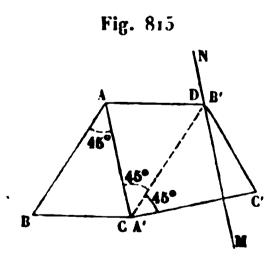
Dans l'angle HFM' il y aura de la lumière naturelle, et on ne verra aucune lumière dans la direction GFA'.

Par conséquent, si l'œil est en L au point d'intersection des deux parallèles A' L et M' L à S' A et SA, toute la lumière sortie du prisme sera polarisée extraordinairement; et à fortiori, si l'œil est en K, dans l'angle A' LM' prolongé. Inversement, si on met en F un point lumineux, les seuls rayons qui seront polarisés sont ceux qui, à l'incidence, seront compris dans l'angle GFH; ils le seront tous si le point est en L, ou dans le prolongement de l'angle, A' LM'.

Le point C peut être placé dans l'intérieur de l'ellipse, alors il est impossible de mener la tangente CeB' à cette courbe; cela veut dire que le rayon extraordinaire n'atteint pas la limite de la réflexion totale et qu'il est toujours réfracté. C'est ce qui arrive pour le prisme de Nicol ordinaire, dans lequel les deux prismes sont réunis par du baume de Canada dont l'indice est intermédiaire entre ceux des deux rayons ordinaire et extraordinaire.

M. Foucault a eu l'heureuse idée de supprimer le baume de Canada et de laisser une couche d'air entre les deux prismes juxtaposés. Alors le cercle intermédiaire de rayon Ac est confondu avec le cercle extérieur de rayon AB = 1, et les deux rayons atteignent leur réflexion totale sous des angles differents. Il suffit alors de donner à l'angle MAM' un angle égal à 35 degrés. Le prisme est beaucoup moins long et son prix moins élevé.

PRISME DE SENARMONT. — On se rappelle que l'axe AC du spath fait environ 45 degrés avec les faces de clivage AB et CD



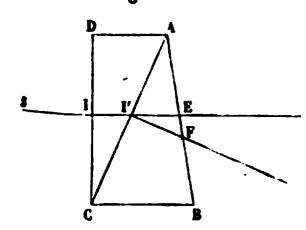
(fig. 815). Si donc on coupe ce spath perpendiculairement à la section principale et suivant cet axe, puis que l'on recolle la partie ABC sur ACD en appliquant la face AB sur CD, après l'avoir retournée de 180 degrés, le somme des deux angles ACD, B'A'C' superposés vaudra 90 degrés, et la face AC contiendra l'axe. Ensuite on

taille à partir de DB' une face MN perpendiculaire à A'C', et on

a un biprisme qui a ses saces extrêmes parallèles entre elles, l'une MN normale à l'axe, l'autre AC parallèle à cet axe, et une sace d'intersection CA'DB' inclinée de 45 degrés. Tout rayon qui tombe normalement sur MN se réfracte ordinairement jusqu'à DB'CA'; ensuite il donne deux rayons: l'un ordinaire, qui continue sa route en ligne droite; l'autre extraordinaire, sortement dévié et coloré. On ferait la figure exacte comme précédemment.

On se contente le plus généralement de prismes de spath ACB taillés sous un angle quelconque (fig. 816). L'une des faces AB est naturelle, l'autre AC est coupée perpendiculairement à la section principale. On y accole un autre prisme en verre ACD dont l'angle est un peu plus petit. Un

Fig. 816.



rayon SI tombant normalement sur le verre se décompose dans le spath en deux autres : l'un extraordinaire, qui n'éprouve qu'une déviation et une dispersion très-faible, parce que les indices du verre et du rayon extraordinaire sont sensiblement égaux, l'autre ordinaire, qui a

un indice beaucoup plus grand et se trouve rejeté vers la base BC.

QUATRE-VINGT-SEPTIÈME LEÇON.

DES VIBRATIONS ELLIPTIQUES ET DES COULE DES LAMES MINCES CRISTALLISÉES.

Vibrations elliptiques. — Propriétés des rayons vibrant elliptiquen Théorie des couleurs des lames minces cristallisées. — Vition. — Appareil de projection. — Cas de la lumière converge Anneaux des cristaux à un axe. — Microscope d'Amici. — Crideux axes. — Verres trempés, — chauffés, — pressés, — fléci — Étude générale des vibrations elliptiques. — Analyse expéri d'un rayon elliptique. — Procédé de Senarmont. — Procédé de M

VIBRATION ELLIPTIQUE. — Considérons une vibration fig. 817. ligne dirigée suivant OM (fig. 81 vitesse de la molécule O est d par la formule

$$v = -A \sin 2\pi \frac{t}{T}.$$

Décomposons cette vitesse en de tres suivant deux axes rectange

quelconques 0x et 0y:

$$v' = -A \cos \alpha \sin 2\pi \frac{t}{T},$$
 $v'' = -A \sin \alpha \sin 2\pi \frac{t}{T};$

et supposons que la dernière, par une cause quelco prenne une avance c sur la première, elle deviendra

$$v'' = -A \sin \alpha \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} + \frac{c}{\lambda}\right);$$

et, en posant $2\pi \frac{c}{\lambda} = \delta$:

$$v'' = -A \sin \alpha \sin \left(2\pi \frac{t}{T} + \delta\right).$$

v' et v'' sont les vitesses de la molécule O parallèlement aux axes des x et des y; elles sont égales à $\frac{dx}{dt}$ et à $\frac{dy}{dt}$. En les intégrant, on aura les distances de cette molécule aux axes des y et des x, c'est-à-dire ses coordonnées x et y au temps t. L'intégration donne, en prenant comme unité le facteur constant $\frac{TA}{2\pi}$,

$$\begin{cases} x = \cos \alpha \cos 2\pi \frac{t}{T}, \\ y = \sin \alpha \cos \left(2\pi \frac{t}{T} + \delta\right). \end{cases}$$

On suppose que les constantes introduites par l'intégration sont nulles, ce qui revient à choisir convenablement l'origine des temps. x et y variant avec le temps, le point M décrira une trajectoire dont on trouvera l'équation en éliminant t, comme il suit, entre x et y:

$$y = \sin \alpha \cos \delta \cos 2\pi \frac{t}{T} - \sin \alpha \sin \delta \sin 2\pi \frac{t}{T},$$

$$y = \sin \alpha \cos \delta \frac{x}{\cos \alpha} - \sin \alpha \sin \delta \sqrt{1 - \frac{x^2}{\cos^2 \alpha}},$$

$$(y \cos \alpha - x \sin \alpha \cos \delta)^2 = \sin^2 \alpha \sin^2 \delta (\cos^2 \alpha - x^2);$$

et ensin:

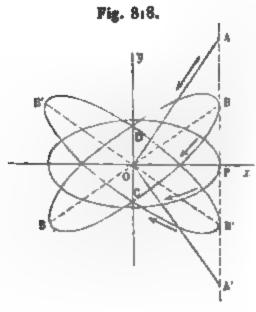
(2)
$$\frac{y^2}{\sin^2\alpha} + \frac{x^2}{\cos^2\alpha} - \frac{2\cos\delta}{\sin\alpha\cos\alpha}xy = \sin^2\delta.$$

C'est l'équation d'une ellipse rapportée à deux diamètres rectangulaires. La molécule O doit donc se mouvoir sur cette ellipse dans des conditions que nous allons discuter.

Pour t = 0, les équations (1) donnent

$$X = \cos \alpha$$
, $Y = \sin \alpha \cos \delta$.

Ce sont les coordonnées de la position initiale B de la molécule O. On voit que X est maximum et indépendant de d, ce



qui veut dire que l'ellipse sera toujours tangente à une ligne AA' menée parallèlement à l'axe des y à une distance OP = cosa (fig. 818). Y est l'ordonnée du point de tangence B; elle variera avec d, c'est-à-dire avec la phase. Supposons d positif et croissant peu à peu.

$$X = \cos \alpha$$
, $Y = \sin \alpha$.

L'ellipse devient

$$\left(\frac{y}{\sin \alpha} - \frac{x}{\cos \alpha}\right)^2 = 0$$
, $y = x \tan \alpha$.

C'est la droite OA. Le temps croissant à partir de zéro, les équations (1) montrent que x et y diminuent. Le mouvement sera de A en O suivant le sens de la flèche.

2° δ augmentant entre zéro et $\frac{\pi}{2}$, Y décroit depuis PA jusqu'à zéro; le point B s'abaisse vers l'axe des x et l'atteint quand $\delta = \frac{\pi}{2}$. En même temps, l'ellipse, d'abord confonduc avec la droite OA, s'ouvre de plus en plus, et son axe des y est maximum quand $\delta = \frac{\pi}{2}$.

Les équations (1) montrent que x et y diminuent à partir du point B à mesure que t croît à partir de zéro. Cela prouve que le mouvement de la molécule sur l'ellipse se fait de B en C dans le sens de la flèche.

3° Lorsque à est compris entre $\frac{\pi}{2}$ et π , cos à devient négatif et reprend les mêmes valeurs qu'entre $\frac{\pi}{2}$ et zéro. Le point de contact B s'abaisse au-dessous de l'axe_des x et l'ellipse prend

des positions symétriques des précédentes; elle se resserre de plus en plus, devient une droite OA' pour $\delta=\pi$, et le sens du mouvement vibratoire est le même que précédemment.

4° Si ensin à augmente de π à 2π , la même discussion prouve que le point de tangence remonte de A' en A en passant par P quand $\delta = \frac{3\pi}{2}$, que l'ellipse reprend les mêmes formes, mais que le sens du mouvement vibratoire est inverse. Il y aura donc des mouvements vibratoires elliptiques de gauche à droite \checkmark si δ est moindre que π ; il y en aura qui se seront de droite à gauche \(\) quand δ sera compris entre π et 2π . Si δ était négatif, c'est-à-dire si γ était en retard sur x au lieu d'être en avance, le sens du mouvement serait partout opposé, mais les ellipses auraient les mêmes formes.

Parmi tous ces cas, il en est un qui mérite une mention spéciale. Supposons d'abord $\delta = \frac{\pi}{2}$ et ensuite $\alpha = 45$ degrés, l'équation de l'ellipse devient un cercle

$$2y^2 + 2x^2 = 1$$
.

Il y aura des vibrations circulaires de gauche à droite ou de droite à gauche; elles seront constituées par le concours de rayons polarisés rectangulairement, égaux en intensité, dont les phases diffèrent de $\pm \frac{\pi}{2}$ ou les différences de marche de $\frac{\lambda}{4}$. Nous reviendrons dans la suite sur ce cas particulier.

PROPRIÉTÉS DES RAYONS POLARISÉS ELLIPTIQUEMENT. — Les valeurs de x et y dans l'équation (*) représentent deux choses : 1° les vibrations qui composent et dans lesquelles on peut décomposer le mouvement elliptique; 2° les coordonnées de la position de la molécule à un moment donné. Si nous changeons les axes coordonnés en un autre système faisant un angle ω avec le premier, x et y se changeront en x' et y'; et x' et y' représenteront de la même manière : 1° deux vibrations rectangulaires qui composent et dans lesquelles on pourra décomposer le mouvement elliptique; 2° les coordonnées de la molécule, à un moment donné, par rapport au

deuxième système d'axes. Or, les formules connues donnen et

$$x' = x \cos \omega + y \sin \omega,$$

 $y' = y \cos \omega - x \sin \omega.$

En remplaçant x et y, on aura

$$x' = \cos \omega \cos \alpha \cos \alpha \cos \alpha \frac{t}{T} + \sin \omega \sin \alpha \cos \left(2\pi \frac{t}{T} + \delta\right),$$
$$y' = \cos \omega \sin \alpha \cos \left(2\pi \frac{t}{T} + \delta\right) - \sin \omega \cos \alpha \cos \alpha \cos \alpha \frac{t}{T}.$$

En réduisant, d'après la règle de Fresnel, on trouve aisément

(3)
$$x' = \mathbf{E}\cos\left(2\pi\frac{t}{\mathbf{T}} + \delta'\right), \quad y' = 0\cos\left(2\pi\frac{t}{\mathbf{T}} + \delta''\right),$$

$$\mathbf{E}^2 = \cos^2(\omega - \alpha) - \sin 2\omega \sin 2\alpha \sin^2\frac{\delta}{2}$$

$$= \sin^2\alpha \sin^2\omega + \cos^2\alpha \cos^2\omega + \frac{1}{2}\sin 2\omega \sin 2\alpha \cos\delta,$$
(4)
$$0^2 = \sin^2(\omega - \alpha) + \sin 2\omega \sin 2\alpha \sin^2\frac{\delta}{2}$$

$$= \sin^2\alpha \cos^2\omega + \cos^2\alpha \sin^2\omega - \frac{1}{2}\sin 2\omega \sin 2\alpha \cos\delta,$$

$$\tan \delta' = \frac{\sin \alpha \sin \omega \sin \delta}{\cos \alpha \cos \alpha + \sin \omega \sin \alpha \cos\delta},$$

(5)
$$\begin{cases} \tan \alpha \sin \alpha \sin \omega \sin \delta \\ \cos \omega \cos \alpha + \sin \omega \sin \alpha \cos \delta \end{cases}$$

$$\tan \beta'' = \frac{\sin \alpha \cos \omega \sin \delta}{-\sin \omega \cos \alpha + \sin \alpha \cos \omega \cos \delta},$$

et par suite

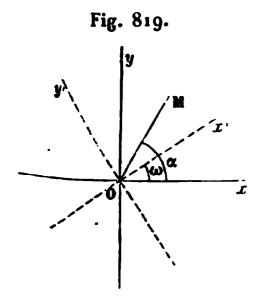
(6)
$$\tan \beta (\delta'' - \delta') = \frac{-\sin \delta \sin 2\alpha}{\sin 2\omega \cos 2\alpha - \sin 2\alpha \cos 2\omega \cos \delta}$$

L'équation de l'ellipse rapportée à ces nouveaux axes se trouverait en remplaçant x et y par leurs valeurs en x' et y'; mais puisque les valeurs de x' et de y' des formules (3) représentent les nouvelles composantes du mouvement, cette équation se trouvera plus aisément en éliminant t entre x' et y', comme on l'a fait précédemment entre x et y. Le calcul sera

le même, et il suffira de remplacer dans le résultat $\cos \alpha$ par E, $\sin \alpha$ par O et δ par $\delta'' - \delta'$: ce qui donnera

$$(\gamma) \quad \frac{\gamma'^2}{()^2} + \frac{x'^2}{E^2} - \frac{2x'\gamma'\cos(\delta'' - \delta')}{OE} = \sin^2(\delta'' - \delta').$$

En résumé, on peut décomposer un rayon polarisé elliptiquement en deux vibrations rectilignes y' et x' de direction



quelconque, mais rectangulaires entre elles, l'une ayant une phase δ' et une intensité E^2 , l'autre une phase δ'' et une intensité O^2 . C'est précisément la décomposition qui se fera si l'on reçoit le rayon sur un prisme biréfringent dont l'axe soit Ox' (fig. 819). x' se réfractera extraordinairement et y' ordinairement : les intensités des rayons seront E^2 et O^2 et la différence

de leurs phases $\partial'' - \partial'$.

Si $\delta = \frac{\pi}{2}$ et $\alpha = 45$ degrés, l'ellipse se réduit à un cercle.

Les deux rayons E^2 et O^2 sont égaux à $\frac{1}{2}$, et tang $\partial'' - \partial'$ à l'infini. Donc un rayon polarisé circulairement peut toujours se décomposer, en traversant un cristal biréfringent dont l'axe a une direction quelconque, en deux vibrations rectilignes, rectangulaires, égales en intensité, dont les phases diffèrent de $\frac{\pi}{2}$ et les différences de marche de $\frac{\lambda}{4}$.

COULEURS DES LAMES MINCES CRISTALLISÉES. — Avant d'étudier plus complétement les propriétés des vibrations elliptiques, nous allons montrer par un exemple comment on peut les réaliser, et comment les formules précédentes en représentent toutes les circonstances.

Polarisons un rayon de lumière par un prisme de Nicol et faisons-le passer à travers une lame cristallisée très-mince, à faces parallèles, par exemple à travers une feuille de mica ou de gypse obtenue par le clivage. Recevons la lumière sur un prisme biréfringent et de là dans l'œil : nous verrons deux

QUATRE-VINGT-SEPTIÈME LECON.

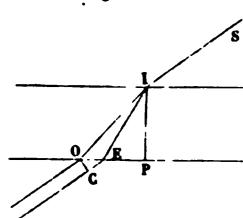
ages ordinaire et extraordinaire. Analysons les phéno-

La vibration incidente dirigée suivant AM (fig. 819) se déompose parallèlement et perpendiculairement à l'axe Ox dur ristal et donne

$$x = \cos \alpha \cos 2\pi \frac{t}{T}$$
, $y = \sin \alpha \cos 2\pi \frac{t}{T}$.

En traversant extraordinairement et ordinairement, avec de si vitesses différentes v' et v, la lame d'épaisseur e (fig. 820),

Fig. 820.



ces deux vibrations prennent une di fférence de phase de qu'il est toujou res possible de calculer. En effet, le rayon ordinaire parcourt l'épaisse un

$$IO = \frac{e}{\cos r}$$
 avec la vitesse a dans un

temps
$$\frac{e}{a \cos r}$$
. L'onde extraordinaire

suit la route IE avec une vitesse c, après quoi elle se retrouve superposée à l'onde ordinaire. Les temps employés pour parcourir IE dans la lame et EC dans l'air sont

$$\frac{1E}{c} + EC$$

Ou

$$\frac{e}{c \cos r'} + OE \sin i = \frac{e}{c \cos r'} + (OP - EP) \sin i$$
$$= \frac{e}{c \cos r'} + e(\tan r - \tan r') \sin i.$$

Donc la différence des temps que mettent les deux rayon pour arriver à la surface d'onde OC sera égale à

$$\frac{e}{c'\cos r'} - \frac{e}{a\cos r} + e\left(\tan r - \tan r'\right)\sin i = ke,$$

et la différence de phase sera

$$\hat{o} = 2\pi \frac{he}{\lambda}.$$

k variera avec r et r', c'est-à-dire avec la nature de la lame, avec sa direction par rapport aux axes, avec l'inclinaison du rayon incident, avec l'azimut du plan d'incidence par rapport au plan de la section principale; mais dans chaque cas particulier donné on pourra calculer sa valeur d'après les lois connues de la double réfraction.

Dès lors, les deux rayons composants x et y, polarisés rectangulairement, ayant une différence de phase $\delta = 2\pi \frac{ke}{\lambda}$, produiront une vibration elliptique dans les conditions calculées précédemment. L'équation de l'ellipse sera

(2)
$$\frac{y^2}{\sin^2\alpha} + \frac{x^2}{\cos^2\alpha} - \frac{2\cos\delta}{\sin\alpha\cos\alpha}xy = \sin^2\delta,$$

et si l'on reçoit le rayon sur un prisme biréfringent faisant un angle ω avec Ox, on le décomposera en deux rayons, ordinaire O et extraordinaire E, dont les intensités sont

$$\mathbf{E}^{2} = \cos^{2}(\omega - \alpha) - \sin 2\alpha \sin 2\omega \sin^{2}\pi \frac{ke}{\lambda},$$

$$O^{2} = \sin^{2}(\omega - \alpha) + \sin 2\alpha \sin 2\omega \sin^{2}\pi \frac{ke}{\lambda}.$$

Si la lumière employée est simple, O^2 et E^2 ne font que-Passer par des intensités variables quand on change la direction ω de l'analyseur; mais si elle est blanche, le phénomène se complique. En effet, ke est sensiblement constant quand On passe d'une couleur à une autre; mais λ variant beaucoup, $\frac{ke}{\lambda}$ est très-différent du rouge au violet. Il en résulte que le rayon total se compose d'une infinité de vibrations elliptiques dont les axes diffèrent en grandeur et en position, et que les intensités totales O^2 et E^2 , variables de l'une à l'autre couleur, s'expriment par les formules

$$\mathbf{E}^{2} = \cos^{2}(\omega - \alpha) - \sin 2\alpha \sin 2\omega \sum \sin^{2} \pi \frac{ke}{\lambda},$$

$$\mathbf{O}^{2} = \sin^{2}(\omega - \alpha) + \sin 2\alpha \sin 2\omega \sum \sin^{2} \pi \frac{ke}{\lambda}.$$

vérification. — Le premier terme de ces valeurs est indépendant de λ, c'est de la lumière blanche. Le second représente une somme des couleurs simples en proportions inégales, c'est une teinte mixte. On pourrait la calculer par le cercle de Newton; il vaut mieux la comparer à d'autres quinous sont déjà connues.

Or, dans l'expérience des deux miroirs, deux rayons interférents de lumière simple, dont les intensités sont égales entre elles et à $\frac{1}{2}$, et la différence de marche c, se superposent en un rayon unique d'intensité A^2 ,

$$A^2 = a^2 + a'^2 + 2aa'\cos 2\pi \frac{c}{\lambda} = \cos^2 \frac{\pi c}{\lambda},$$

et si la lumière incidente est blanche,

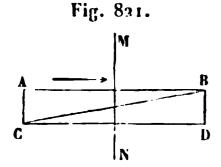
$$A^2 = \sum \cos^2 \frac{\pi c}{\lambda}$$

formule identique à la valeur de E2, si

$$\omega = \alpha$$
, $\alpha = 45^{\circ}$ et $ke = c$.

Il suit de là que la teinte de l'image éxtraordinaire, lorsque l'épaisseur du cristal augmente, devra passer successivement par toutes les colorations que nous avons observées dans l'expérience des deux miroirs, à partir de la frange centrale.

Pour vérisier cette première conséquence, on taille deux



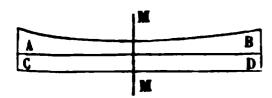
lames de même angle ABC, BCD dans un cristal de quartz (fig. 821), de telle sorte que l'axe soit contenu dans les faces d'entrée et de sortie, mais parallèle à AB dans la première et perpendiculaire à CD dans la seconde. Tout faisceau pola-

risé se décompose dans la première en deux rayons dont la différence de marche est $\frac{ke}{\lambda}$; ces deux rayons changent de rôle dans la deuxième lame et y prennent une différence de phase $\frac{ke'}{\lambda}$ qui se retranche de la précédente; ils sortent comme si l'épaisseur traversée était e-e', avec une différence de phase $2\pi k \frac{e-e'}{\lambda}$, qui est nulle au milieu MN et qui croît po-

sitivement ou négativement de chaque côté et proportionnellement à la distance de MN. Placée entre deux prismes de Nicol parallèles cette double lame montre en esset des sranges disposées symétriquement des deux côtés de MN et qui ossrent les mêmes teintes que dans l'expérience de Fresnel.

M. Biot opérait autrement : il superposait deux lames de quartz CD et AB (fig. 822), toutes deux parallèles à l'axe,

Fig. 822.



mais croisées. Il avait fait creuser une cuvette sphérique dans AB et diminuer l'épaisseur en M jusqu'à la rendre égale à celle de CD. L'ensemble des deux lames agis-

sait comme une seule plaque, dont l'épaisseur, nulle au centre M aurait augmenté comme dans les anneaux de Newton. Aussi voyait-on dans l'image ordinaire les anneaux réstéchis, dans l'image extraordinaire les anneaux transmis, lorsque le polariseur et l'analyseur sont parallèles.

Supposons maintenant que la plaque ait une épaisseur constante et discutons les formules.

- 1º La teinte ne dépend que du facteur $\sum \sin^2 \pi \frac{ke}{\lambda}$. Si donc on change ω et α , c'est-à-dire le polariseur et l'analyseur, on ne fait que changer les proportions dans lesquelles se mêlent la lumière blanche représentée par le premier terme et la lumière colorée exprimée par le second. Une lame d'épaisseur donnée produira donc des teintes invariables dans les deux images.
- 2º 0² + E² = 1, c'est-à-dire que les deux images ont des teintes complémentaires. On le vérisse en prenant un saisceau lumineux assez large pour que les deux images se superposent en partie; l'une est par exemple verte, l'autre est rouge, et à l'endroit où elles se consondent elles reproduisent le blanc.
- 3º La teinte disparaît pour $\sin 2\alpha = 0$ ou pour $\sin 2\omega = 0$. Dans le premier cas, $\alpha = 0$ ou $\alpha = 90$ degrés; la vibration orisinelle n'éprouve point de modification en traversant la lame et conserve sa polarisation primitive jusqu'au moment où elle rencontre l'analyseur, où elle se décompose suivant la loi de Malus. Les formules donnent, en effet,

$$\mathbf{E}^2 = \cos^2(\omega - \alpha), \quad O^2 = \sin^2(\omega - \alpha).$$

Dans le deuxième cas, $\omega = 0$ ou $\omega = 90$ degrés; les deux vibr tions x et y ne se décomposent point dans l'analyseur qui alc ne produit aucun effet.

4° Les teintes sont maxima quand, α étant constant, $\omega = 45$ grés, et quand, ω étant constant, $\alpha = 45$ degrés; et si ω el sont tous deux variables, ce maximum a lieu quand $\alpha = 45$ grés et $\omega = 45$ degrés :

$$E^2 = 1 - \sin^2 \pi \frac{ke}{\lambda}, \quad O^2 = \sin^2 \pi \frac{ke}{\lambda}.$$

5° Examinons en particulier le cas où $\alpha = 45$ degrés et α sons croître progressivement ω .

$$E^{2} = \cos^{2}(\omega - 45^{\circ}) - \sin 2\omega \sin^{2}\pi \frac{ke}{\lambda},$$

$$O^{2} = \sin^{2}(\omega - 45^{\circ}) + \sin 2\omega \sin^{2}\pi \frac{ke}{\lambda}.$$

 $\omega = o$: pas de teinte dans les images.

ω croît de o à 45 degrés : les teintes prennent leur maxime de vivacité.

ω croît de 45 à 90 degrés : les teintes diminuent d'écht la lumière redevient blanche.

ω croît de 90 à 180 degrés : sin 2ω change de signe, le images échangent leur coloration, et le rayon extraordimi passe par les mêmes alternatives que précédemment l'image ordinaire quand ω croissait de 0 à 90 degrés.

APPAREIL DE PROJECTION. — On peut vérisser tous ces résult en regardant le ciel ou une surface éclairée quelconque à t vers un système composé de deux prismes de Nicol sépar par la lame cristallisée. Il vaut mieux projeter les images s un tableau, comme nous allons l'indiquer (fig. 823).

On polarise la lumière solaire à travers un prisme de M. Fo cault A, et on la reçoit sur un système de deux lentilles égal et très-convergentes LL, L'L' qui ont un foyer commun S. est clair que les rayons donneront une image du soleil er et qu'ils se retrouveront, en sortant de L'L', dans les conctions où ils étaient avant d'entrer dans LL. On les reço sur L"L" qui les concentre de nouveau en une deuxièn

image étroite du soleil S', après quoi ils divergent. C'est en S',



où le faisceau a une très-petite section, qu'on mettra le prisme analyseur dans un cercle azimutal PP.

Plaçons en FF un diaphragme. Chaque point tel
que F reçoit un cône de rayons
de 16 minutes d'ouverture venus des divers points du soleil; il peut être considéré
comme le lieu de départ de ce
cône qui se réfracte de L à L'
en un faisceau de rayons parailèles, et se concentre ensuite en un foyer récl F'. F', à
son tour, est le lieu de départ
de ces mêmes rayons, et il
donne à travers L'L' un foyer
réel F' qui se peint sur l'écran.

Supposons qu'on place en FF une lame mince cristallisée : elle recevra de A une lumière polarisée à 90° – α de sa section principale. Elle décomposera cette lumière en deux rayons et leur imprimera une différence de marche; une première image se formera en F'F'. La lumière sera ensuite concentrée en S' où l'analyseur est placé; là elle se réduira définitivement en deux faisceaux E et O, et l'image de ceux-ci se fera en F'F" sur un écran. Il suffira de mettre L" L" au point convenable pour que l'image de FF et par suite de F'F' soit nette en F"F". On

verra donc sur cet écran deux images réelles de l'ouverture elles seront complémentaires. Si elles se superposent partiel lement, elles donneront du blanc, et quand on fera varier le direction de l'axe de la lame en FF, c'est-à-dire α, et la section principale de l'analyseur en PP, c'est-à-dire ω, on verre changer la teinte des deux images comme l'a indiqué la dis cussion précédente. Il est clair qu'on pourra à volonté mettre la lame cristalline en FF ou en F'F', et que si on en plac deux, l'une en FF, l'autre en F'F', elles agiront comme si on les superposait. On pourrait supprimer le système des les tilles LL, L'L' et mettre la lame en F'F', mais ces lentille ne nuisent point à l'expérience, et on verra bientôt des ca où elles sont nécessaires.

CAS DE LA LUMIÈRE CONVERGENTE. — Si, une lame étant placé à l'un des foyers FF ou F'F', on l'incline sur la direction de rayons en la faisant tourner autour d'une ligne située dans sor plan, on change la valeur de k et par suite la teinte des deux images. Ainsi, lorsque cette lame est un cristal à un axe taillé parallèlement à cet axe, k augmente ou diminue quand σ incline le cristal autour d'une perpendiculaire ou d'une parallèle à l'axe. Supposons la lame placée en S, les conditions sont toutes différentes; car elle est traversée par des système de faisceaux parallèles, tels que LL', inclinés très-diversemen et dans tous les azimuts. L'esset le même que si la lam avait été inclinée sur chacun d'eux de l'angle qu'ils fon avec CC'. D'un autre côté, chacun de ces systèmes se concentr en un point de l'image F'F'; tous les points de cette imag sont formés par la réunion de rayons qui ont traversé la lam parallèlement et qui y ont pris une polarisation elliptiqu identique; mais l'ellipse change d'un point à l'autre de F'F puisque chaque système de rayons traverse la lame avec de inclinaisons croissantes à partir de CC' et sait des angles dif férents avec l'axe du cristal. Par la lentille L'L'. l'image F'I se reproduit en F"F", mais après que la lumière a été analy sée par le prisme biréfringent PP, et l'on voit sur l'écran de franges d'interférence généralement curvilignes, dont la forme dépend de la direction suivant laquelle le cristal a été taillé Dans chaque cas, le calcul prévoit et l'expérience confirme la

forme de ces franges; nous examinerons en détail ce qui arrive quand le cristal est à un axe et taillé perpendiculairement à cet axe.

LAME HORMALE A L'AXE. — Quand l'analyseur est perpendiculaire au nicol polariseur, on voit dans l'image ordinaire une croix noire rectangulaire dont les branches sont parallèles et perpendiculaires au plan de la polarisation primitive (fig. 824, Pl. V); entre ces branches, on distingue des anneaux qui présentent les teintes successives des franges d'interférence. Dans l'image extraordinaire, le phénomène est entièrement complémentaire (fig. 825, Pl. V).

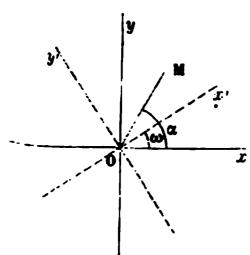
Soit yOx (fig. 826) le plan de la lame cristallisée; supposons que la vibration incidente soit OM. Comme l'axe du cristal se projette en O, tous les plans Ox menés par cet axe sont autant de sections principales; l'angle α de ces sections principales avec la direction des vibrations est quelconque et varie de zéro à 180 degrés. Si l'analyseur est perpendiculaire au nicol polariseur, Ox' est confondu avec OM, les angles α et ω égaux; $\omega - \alpha = 0$, et les formules deviennent

$$\mathbf{E}^{2} = 1 - \sin^{2} 2 \alpha \sin^{2} \pi \frac{ke}{\lambda},$$

$$O^2 = \sin^2 \alpha \sin^2 \pi \frac{he}{\lambda}.$$

 0° est nulle et E° maximum si α est égal à 45 degrés. Il y a donc suivant OM et perpendiculairement à OM une croix noire





dans l'image ordinaire et une croix blanche dans l'image extraordinaire. Pour toutes les autres directions 0x il y aura des teintes colorées; elles ont leur intensité maxima pour a=45 degrés; elles sont complémentaires dans les deux images. Leur composition ne changera pas avec a; elles seront donc distribuées sur des cercles qui ont pour centre le point 0; et comme k

augmente à mesure que l'inclinaison des rayons qui traversent

la lame augmente, ces teintes offrent dans E' des anneaux identiques à ceux de Newton.

MICHOSCOPE D'AMICI. — Au lieu de projeter les images agrandies sur un tableau éloigné, on peut, comme l'a fait Amici.

Fig. 827.



les observer au microscope (fig. 823). La lumière, polarisée par un appareil quelconque, part de l'ouverture FF, tombe sur un système de deux lentilles rapprochées L, L' qui fonctionnen comme une seule et concentrent la lumière en un foyer C où elle arrive en un cône très-convergent. En sortant de cet étroit passage, elle rencontre deux autres lentilles semblables L", L" qui ramènent le faisceau à être sensiblement parallèle et à former en F'F' ane image réelle de l'ouverture FF. Le cristal qu'on veut étudier est en C. Toute cette partie de l'appareil est identique à celle de l'instrument précédent. Chaque groupe de rayons parallèles vient formerun foyeren F'F', absolument comme si la lame était en F' F' et qu'elle fût traversée par ces rayons sous l'inclinaison qu'ils avaient en C. Par conséquent, on peut placer un microscope au-dessus de F'F', comme au-dessus d'un objet, et tous les rayons iront former en F' des foyers réels qu'on regarde avec la loupe M"; tous vont passer par un anneau oculaire O qui est très-petit et entrent dans l'œil. L'appareil est disposé de façon que cet anneau soit loin de la loupe M", et dans l'intervalle on place un spath d'Islande qui dédouble cet atneau en deux autres, l'un ordinaire 0,

l'autre extraordinaire E. Si l'œil est en O, il voit l'image ordinaire; s'il est en E, il voit l'extraordinaire; et au moyen d'en

petit œilleton qu'on déplace à volonté, on fait en sorte qu'il ne reçoive que l'un ou l'autre des deux systèmes de rayons.

Lorsque le cristal C est bien continu, les courbes isochromatiques sont régulières; s'il ne l'est pas, elles sont brusquement interrompues en certains points. Inversement, ces changements de forme suffisent pour révéler l'irrégularité de la cristallisation et les groupements qu'il peut y avoir dans la lame C. On peut placer le cristal en F'F', alors il est traversé par un faisceau de lumière parallèle et montre des teintes plates complémentaires dans les deux images.

cristaux à deux axes. — Dans les cristaux à deux axes, il y a deux directions que la lumière traverse sans se dédoubler et qui sont deux centres d'anneaux analogues à ceux qu'on voit en O (fig. 824 et 825, Pl. V); mais les croix noires ou blanches ont d'autres formes et les anneaux ne sont plus circulaires. Les fig. 828 et 829, Pl. V, montrent le phénomène offert par le carbonate de plomb quand les axes O, O' sont dans le plan de polarisation ou dans une direction quelconque. Nous nous contenterons de faire remarquer que ces différences dans les figures offrent un moyen infaillible de distinguer les cristaux à un axe et à deux axes.

weres trempés, comprimés, chauffés, etc. — Toute action mécanique qui établit dans les corps homogènes non cristallisés des changements d'élasticité variables dans diverses directions établit nécessairement aussi des phénomènes de double réfraction qui se traduisent par des colorations dans la lumière polarisée. Ils sont plus complexes et ne sont point calculables. C'est ce qui arrive quand une lame de verre est comprimée, fléchie, tordue ou chauffée inégalement, et en général quand elle a éprouvé des actions mécaniques inégales. Ces effets deviennent permanents quand après avoir chauffé des verres de diverses formes, on les refroidit brusquement sur une lame de métal; ils présentent dans la lumière parallèle l'aspect des fig. 830, 831, Pl. V, suivant qu'ils ont la forme d'un rectangle ou d'un carré.

PROPRIÉTÉS DES VIERATIONS ELLIPTIQUES. — Nous allons revenir sur la théorie des rayons polarisés elliptiquement, étudier

leurs propriétés et montrer comment on peut les analyser. Pour cela, il faut se rappeler les formules des pages 618 et 619. L'équation (7)

$$\frac{y'^2}{O^2} + \frac{x'^2}{E^2} - \frac{2x'y'\cos(\delta'' - \delta')}{OE} = \sin^2(\delta'' - \delta')$$

est celle de l'ellipse rapportée à un système d'axes faisant un angle ω , avec la section principale de la lame mince qui a donné la différence de marche, et un angle ($\alpha - \omega$) avec la vibration primitive OM (fig. 826).

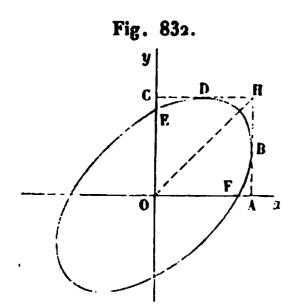
Les mêmes équations prouvent que cette vibration elliptique peut se décomposer en deux vibrations rectilignes situées suivant 0x' et 0y' qui sont

(3)
$$x' = \mathbf{E} \cos \left(2\pi \frac{t}{\mathbf{T}} + \delta' \right)$$
 et $y' = \mathbf{O} \cos \left(2\pi \frac{t}{\mathbf{T}} + \delta'' \right)$:

E, O, δ et δ' sont données par les équations (4) et (5) (p. 618).

I. Supposons que l'on ait $2\pi \frac{t}{T} + \delta' = 0$. A ce moment

x'=E, c'est-à-dire que l'abscisse du point occupé sur la



courbe est maxima; ce point est en B, sur la tangente menée à l'ellipse parallèlement à l'axe des y (fig. 832). Or, l'intensité du rayon extraordinaire est égale à E²; elle est donc représentée par le carré de la distance OA du centre O à la tangente OA. Par la même raison, l'intensité du rayon ordinaire est égale à \overline{OC} , ou au carré de la dis-

tance du centre à une tangente parallèle à l'axe des x.

II. Si l'on remplace x' par sa valeur maximum E dans l'équation de l'ellipse, on a l'ordonnée du point de tangence D, qui est

$$y' = 0\cos(\delta'' - \delta') = AB;$$

d'où l'on tire

$$\cos(\delta'' - \delta') = \frac{AB}{O} = \frac{AB}{AH}.$$

On a de même

$$\cos(\delta'' - \delta') = \frac{CD}{E} = \frac{CD}{CH}$$

III. Si l'on fait successivement $\gamma' = 0$ et x' = 0 dans l'équation de la courbe, les longueurs des deux diamètres OF et OE sont

$$OF = E \sin(\delta'' - \delta'),$$

$$OE = O \sin(\delta'' - \delta').$$

Donc le rapport des intensités O^2 et E^2 des deux rayons est égal au rapport des carrés des deux diamètres OE et OF. Enfin, puisque OA = E et OC = O,

$$\frac{\mathbf{OF}}{\mathbf{OA}} = \frac{\mathbf{OE}}{\mathbf{OC}} = \sin{(\delta'' - \delta')}.$$

IV. Il résulte de là que toute vibration elliptique peut ètre considérée comme produite par une vibration rectiligne unique OH d'amplitude égale à la diagonale du rectangle construit sur AO et OC, qui aurait été décomposée suivant deux axes, et dont les composantes OA et OC auraient reçu une différence de marche donnée par l'une des équations suivantes:

$$\cos(\delta'' - \delta') = \frac{AB}{AH} = \frac{CD}{CH}, \quad \sin(\delta'' - \delta') = \frac{OF}{OA} = \frac{OE}{OC}.$$

Ces équations permettront de calculer les coordonnées des points extrêmes B et D de la courbe et celles des points E et F où elle rencontre Ox et Oy, et réciproquement.

V. Lorsque les diamètres OA et OC seront confondus avec les axes principaux de l'ellipse, les points A et F d'une part, C et E de l'autre seront confondus; par suite, $\sin(\delta''-\delta')=1$. Donc, dans cette direction, la différence de phase des deux rayons composants sera $\frac{\pi}{2}$. Réciproquement, si elle est égale

à $\frac{\pi}{2}$, le terme en xy disparaîtra dans l'équation de l'ellipse qui alors sera rapportée à ses axes.

VI. D'où il suit qu'on peut toujours supposer qu'une vibration elliptique a été produite par deux vibrations rectilignes inégales différant de $\frac{\pi}{2}$, dirigées suivant les axes, dont les in-

tensités sont égales aux carrés de ces axes, puisqu'on peut toujours la réduire à ces composantes. Cela étant, supposons que les vibrations (1) qui ont donné la vibration elliptique soient dans ce cas. Le problème ne perdra rien de sa généralité, mais les formules vont se simplifier. Posons

$$\cos \alpha = a$$
, $\sin \alpha = b$, $\delta = -\frac{\pi}{2}$.

Elles deviennent

(1)
$$\begin{cases} x = a \cos 2\pi \frac{t}{T}, \\ y = b \cos \left(2\pi \frac{t}{T} - \frac{\pi}{2}\right) = b \sin 2\pi \frac{t}{T}. \end{cases}$$

L'équation (2) de l'ellipse rapportée à ses axes devient

$$\frac{y^2}{b^2} + \frac{x^2}{a^2} \doteq 1,$$

et, si l'on décompose, comme précédemment, le rayon en deux autres vibrations suivant x' et y', on trouve

(3),
$$x' = \mathbf{E}\cos\left(2\pi\frac{t}{\mathbf{T}} + \delta'\right)$$
, $y' = 0\cos\left(2\pi\frac{t}{\mathbf{T}} + \delta''\right)$;
(4),
$$\begin{cases} \mathbf{E}^2 = a^2\cos^2\omega + b^2\sin^2\omega, \\ \mathbf{O}^2 = a^2\sin^2\omega + b^2\cos^2\omega; \end{cases}$$

$$\begin{cases} \tan \delta' = -\frac{b}{a}\tan \omega, \\ \tan \delta'' = +\frac{b}{a}\cot \omega; \end{cases}$$
(5),
$$\tan \delta'' = \frac{2}{\sin 2\omega} \frac{ab}{a^2 - b^2}.$$

VII. Lorsque a=b, l'ellipse est un cercle et $\delta''-\delta'$ est égal à 90 degrés : cela veut dire qu'une vibration circulaire se décompose dans tous les azimuts en deux rayons ordinaire et extraordinaire égaux et dont les phases diffèrent de $\frac{\pi}{2}$. A mesure que b diminue $\delta''-\delta'$ décroît et devient nul pour b=0, c'est-à-dire quand l'ellipse s'allonge jusqu'à se con-

fondre avec une droite. Quand b n'est pas nul, $\delta'' - \delta' = \frac{\pi}{2}$ lorsque $\sin 2\omega = 0$, c'est-à-dire quand 0x' et 0y' sont confondus avec les axes de l'ellipse. Dans tous les cas $\delta'' - \delta'$ diminue quand ω augmente et atteint un minimum pour $\sin 2\omega = 1$, c'est-à-dire lorsque la section principale est à 45 degrés des axes. Alors on a

tang
$$(\delta'' - \delta') = \frac{2ab}{a^2 - b^2}$$
.

VIII. Les formules (5) montrent que

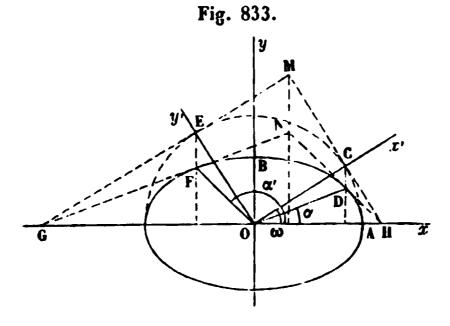
tang
$$\delta'' = \frac{b^2}{a^2}$$
.

d'et d'sont donc les angles que font avec l'axe des x deux diamètres conjugués que nous allons construire (fig. 833).

Décrivons un cercle sur le grand axe comme diamètre, menons à l'extrémité de l'axe Ox', en C, la tangente CH, et par le point H une tangente HDN à l'ellipse : les points C et D seront sur une parallèle à l'axe des y, et on aura

$$tang DOG = -\frac{b}{a} tang \omega = tang \delta';$$

donc l'angle DOG exprimera la phase de la composante x',



c'est-à-dire du rayon extraordinaire. Si on sait la même construction pour la composante γ' , on aura

tang FOG =
$$\frac{b}{a} \cot \omega = \tan \beta \delta''$$
.

La phase du rayon ordinaire sera mesurée par l'angle FOG, et d' - d' sera égal à l'angle FOD des deux diamètres conjugués OD et OF ou à son supplément.

IX. Si on calcule les longueurs de OD et de OF, on aura par des formules connues

$$OD^2 = \frac{a^2b^2}{a^2\sin^2\alpha + b^2\cos^2\alpha};$$

or,

$$\tan \alpha = \frac{b \sin \omega}{a \cos \omega},$$

donc

$$\sin^2\alpha = \frac{b^2\sin^2\omega}{a^2\cos^2\omega + b^2\sin^2\omega},$$

$$\cos^2\alpha = \frac{a^2\cos^2\omega}{a^2\cos^2\omega + b^2\sin^2\omega};$$

par suite,

$$OD^{2} = \frac{a^{2}b^{2}(a^{2}\cos^{2}\omega + b^{2}\sin^{2}\omega)}{a^{2}b^{2}\sin^{2}\omega + a^{2}b^{2}\cos^{2}\omega} = a^{2}\cos^{2}\omega + b^{2}\sin^{2}\omega = E^{2}.$$

Ainsi OD² exprime l'intensité du rayon extraordinaire; on verra de même que OF² égale celle du rayon ordinaire.

X. On sait que le parallélogramme construit sur deux diamètres conjugués est égal au rectangle construit sur les axes, ou

OD. OF
$$\sin(\alpha' - \alpha) = ab$$
;

et puisque $\alpha' - \alpha = \delta'' - \delta'$ et que OD et OF sont égaux à 0 et à E,

$$\sin(\delta'' - \delta') = \frac{ab}{\mathbf{O} \times \mathbf{E}}.$$

Pour construire les diamètres conjugués OF et OD il sussira d'abaisser sur l'axe des x les perpendiculaires EF et CD et de joindre au point O leurs points de rencontre F et D avec l'ellipse.

XI. Théoriquement, on peut encore supposer que la vibration elliptique est formée par deux vibrations obliques OD et OF, différant de $\frac{\pi}{2}$. En effet, remplaçons les deux vibrations

y=0B et x=0A par leurs projections x' et y' sur OD et OF, nous aurons

$$x'\sin(\alpha'-\alpha) = x\sin\alpha' - y\cos\alpha',$$

 $y'\sin(\alpha'-\alpha) = y\cos\alpha - x\sin\alpha;$

et en remplaçant x par $a\cos 2\pi \frac{t}{T}$, y par $b\sin 2\pi \frac{t}{T}$,

$$x' = \frac{1}{\sin(\alpha' - \alpha)} \left(a \sin \alpha' \cos 2\pi \frac{t}{T} - b \cos \alpha' \sin 2\pi \frac{t}{T} \right),$$

$$x' = \mathbf{E}' \cos \left(2\pi \, \frac{t}{\mathbf{T}} + \delta' \right),$$

$$\mathbf{E}'^{2} = \frac{a^{2}\sin^{2}\alpha'^{2} + b^{2}\cos^{2}\alpha'}{\sin^{2}(\alpha' - \alpha)}, \quad \tan \beta' = \frac{b}{a\tan \beta'}.$$

()n trouve de même

$$y' = 0' \cos \left(2\pi \frac{t}{T} + \delta''\right),$$

$$0'^2 = \frac{a^2 \sin^2 \alpha + b^2 \cos^2 \alpha}{\sin^2 (\alpha' - \alpha)}, \quad \tan \delta'' = \frac{b}{a \tan \alpha},$$

d'où l'on tire

$$tang \delta' tang \delta'' = \frac{b^2}{a^2 tang \alpha tang \alpha'}$$

et comme OD et OF sont deux diamètres conjugués,

$$tang \alpha tang \alpha' = -\frac{b^2}{a^2};$$

donc

$$tang \delta' tang \delta'' = -1$$
.

D'où il résulte que les phases sont complémentaires et que les deux vibrations OD et OF dissèrent de $\frac{\pi}{2}$. D'un autre côté, les carrés des diamètres conjugués OD et OF sont

$$\mathbf{E}^2 = \frac{a^2b^2}{a^2\sin^2\alpha + b^2\cos^2\alpha}, \quad 0^2 = \frac{a^2b^2}{a^2\sin^2\alpha' + b^2\cos^2\alpha'},$$

et on a de plus la relation

$$\sin^2(\alpha'-\alpha)=\frac{a^2b^2}{O^2E^2};$$

donc

$$O'^{2}E^{2} = \frac{a^{2}b^{2}}{\sin^{2}(\alpha' - \alpha)} = O^{2}E^{2}, \quad O'^{2} = O^{2},$$

de même

$$O^2E'^2=O^2E^2$$
, et par suite $E^2=E'^2$,

ce qui veut dire que les intensités des vibrations OD et OF sont égales aux longueurs des diamètres conjugués.

On sait de plus que

$$\tan \alpha = \frac{b}{a} \tan \alpha, \quad \tan \alpha' = -\frac{b}{a} \cot \omega,$$

donc

$$tang\delta' = -tang\omega$$
, $tang\delta'' = cot\omega$;

c'est-à-dire que les phases des rayons OD et OF sont : la première égale à l'angle GOx', la deuxième à l'angle GOy'.

RÉSUMÉ. — On peut considérer une vibration elliptique comme décomposable en deux vibrations rectilignes dirigées suivant deux diamètres conjugués OD, OF, égales en intensité au carré des longueurs de ces diamètres, dont les phases dif-

fèrent de $\frac{\pi}{2}$ et sont égales en valeurs absolues aux angles que font avec Ox' les deux diamètres OC et OE.

Ou bien on peut la décomposer en deux vibrations rectangulaires quelconques OC et OE dont les phases sont données par les formules

$$(\alpha)$$
 $\tan g \delta' = -\frac{b}{a} \tan g \omega$, $\tan g \delta'' = -\frac{b}{a} \cot \omega$,

dont les intensités E^2 et O^2 sont égales aux carrés des deux diamètres conjugués OD et OF qui font avec l'axe des x des angles δ' et δ'' ,

(
$$\beta$$
) $E^2 = \frac{a^2b^2}{a^2\sin^2\delta' + b^2\cos^2\delta'}, \quad O^2 = \frac{a^2b^2}{a^2\sin^2\delta'' + b^2\cos^2\delta''},$

et dont la différence des phases est égale à l'angle de ces mêmes diamètres conjugués, soit à leur angle obtus, soit à leurs angles aigus, suivant le sens du mouvement de la vibration et la valeur de ω . Cet angle est donné par la formule

$$\sin(\delta'' - \delta') = \frac{ab}{EO}.$$

Il résulte de cette discussion que pour connaître complétement un rayon polarisé elliptiquement, il sussira de connaître la direction de ses axes et les rapports de leurs longueurs a et b; car si on le reçoit sur un cristal quelconque dont la section principale sait un angle o avec les axes, on le décompose en deux vibrations rectangulaires dont on calculera aisément les intensités et les phases par les formules précédentes.

Nous allons montrer comment on peut déterminer par l'expérience cette direction et ce rapport des axes.

cas à distinguer : le premier est celui où la différence de marche des deux rayons primitifs qui ont constitué la polarisation elliptique ne dépasse pas $\frac{\lambda}{2}$. Dans ce cas, tous les rayons simples peuvent être considérés comme formant des ellipses égales et superposées; alors il n'y a pas de dispersion sensible et les phénomènes sont à peu près les mêmes que si la lumière était simple. Le deuxième cas, beaucoup plus complexe, est réalisé quand cette différence de marche originelle est très-grande; alors le rayon qu'il s'agit d'analyser est composé d'une infinité d'ellipses appartenant aux diverses couleurs, dont les axes varient d'une manière continue avec la réfrangibilité et se placent dans une infinité d'azimuts. Nous commencerons par le premier cas.

Nous le réaliserons comme exemple avec une lame mince cristallisée d'un quart d'onde placée en FF (fig. 823). La lumière partie de cette lame fera son foyer en F'F', et nous l'analyserons en S', soit en regardant à l'œil, soit en la projetant.

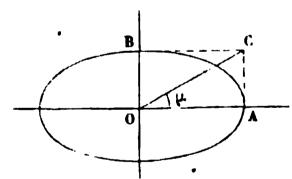
En tournant l'analyseur, on trouvera aisément une position où l'image extraordinaire est maxima et l'ordinaire minima; la section principale de l'analyseur est alors dans le grand axe de l'ellipse. Cette observation ne peut être précise; elle sert néanmoins à obtenir approximativement la direction du grand et du petit axe. Mais en tournant l'analyseur de 45 degrés, on détermine plus exactement la direction pour laquelle les deux images sont égales, et on en conclut celle des axes de l'ellipse.

Plaçons maintenant en F'F' un mica d'un quart d'onde mobile sur un cercle divisé, et saisons-le tourner autour de la direction du rayon. Lorsque sa section principale sera dirigée suivant l'un des axes de l'ellipse, il décomposera le rayon en deux, l'un extraordinaire, l'autre ordinaire, et la disserence de marche de ces rayons sera d'un quart d'onde augmenté ou diminué d'un autre quart produit par le mica. Leur

différence totale sera donc ou nulle, ou $\frac{\lambda}{2}$, et dans tous les

cas ils reconstitueront un rayon polarisé rectilignement. On reconnaîtra que les dissérences s'ajoutent si la dispersion est augmentée, et se retranchent si elle est annulée. Supposons qu'on réalise le deuxième cas, on n'aura fait rien autre chose que de rendre concordantes les vibrations dirigées suivant les axes OA et OB de l'ellipse sans changer leurs intensités;

Fig. 834.



elles seront, l'une égale à a, l'autre égale à b, et elles reconstitueront une vibration suivant OC (fig. 834). En dirigeant la section principale de l'analyseur suivant OC, l'image ordinaire sera nulle, et la tangente de l'angle COA que fait cette sec-

tion principale avec celle du mica mesure le rapport de h à a.

Ce procédé a été employé par M. de Senarmont. Il réussit fort bien quand la dispersion est la même dans l'ellipse et dans le mica; il laisse à désirer quand elle est différente. J'ai fait connaître une autre méthode qui jusqu'à présent paraît satisfaire à toutes les exigences.

J'emploie deux prismes de quartz ABC, CDB dont les saces extérieures sont parallèles à l'axe, mais dont les sections

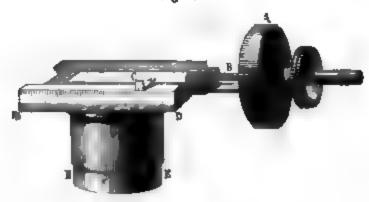
principales sont croisées (fig. 835). Cet appareil déjà décrit

R P P

précédemment avait été imaginé par M. Babinet pour compenser l'un des prismes par l'autre. Entre un nicol et un analyseur parallèles, il montre des franges brillantes en AC,MM,

BD dans l'image extraordinaire, et en N et P dans l'image ordinaire. Je le fais monter (fig. 836, et fig. 686, Pl. III) dans une bonnette EE sur laquelle un des quartz est fixé, tandis





que l'autre est mobile parallèlement à son axe au moyen d'une vis micrométrique BA qui mesure son déplacement. Un fil très-fin, placé dans la bonnette et parallèle aux franges, permet de fixer leur position.

On commence par étudier cet appareil avec de la lumière polarisée à 45 degrés de l'axe AB (fig. 835), qu'on reçoit sur un analyseur parallèle au nicol polarisant. L'image ordinaire est éteinte quand la différence de marche est zéro ou λ , au centre MM ou au point A et au point B; mais en faisant mouvoir le prisme ACB d'une quantité AM = L, on transporte peu à peu la frange A jusqu'à la faire coıncider avec le fil central M. Or, puisque, pour un déplacement du micromètre égal à L, la différence de marche des deux rayons devient égale à λ au point M, pour un autre déplacement p elle sera $p\frac{\lambda}{L}$. On saura donc toujours trouver cette différence de marche; elle est la même que si aux points situés vis-à-vis du fil M, le compensateur était remplacé par une lame mince d'épaisseur variable à volonté et produisant une différence de marche $p\frac{\lambda}{L}$.

Cela posé, mettons ce même compensateur dans le trajet d'un rayon elliptiquement polarisé. On peut opérer de plusieurs manières.

En plaçant suivant OH la section principale de l'analyseur, on voit apparaître dans l'image extraordinaire une frange noire qui occupe une position quelconque; elle indique qu'aux points correspondants du compensateur l'ellipse a été décomposée en deux rayons OA et OC parallèles aux plans principaux de ce compensateur, que leur dissérence de marche d' - d'a été détruite par celle du compensateur, que la polarisation plane a été rétablie, et que la vibration résultante est dirigée suivant OH. Donc la dissérence de marche du compensateur est égale et contraire à $\delta'' - \delta'$. On la mesure en déplaçant le micromètre d'une quantité p jusqu'à amener la frange noire sous le sil; elle est $p \frac{\lambda}{L}$. En même temps, la tangente de l'angle HOA est égale au rapport de OC à OA. Le compensateur mesure donc dans toutes les directions qu'on lui donne tout ce qu'il faut connaître des composantes de l'ellipse dans cette direction, c'est-à-dire leur différence de marche et le rapport de leurs amplitudes.

Mais si on le place dans la direction de l'un des deux axes de l'ellipse, $\delta'' - \delta'$ est égal à $\frac{\lambda}{4}$, le déplacement p du compensateur doit être égal à $\frac{L}{4}$. Réciproquement, pour trouver la direction des axes, on commencera par mettre le micromètre dans cette position, et on fera tourner la section principale du compensateur jusqu'à ce que la frange soit sur le fil. Alors cette section sera dans la direction des axes en OA ou en OB (fig. 834), et si on appelle μ l'angle que fait avec OA la section principale OC de l'analyseur quand la frange prend son obscurité maxima dans l'image extraordinaire, OC est la direction de la vibration plane résultante, tang μ est égal à $\frac{b}{a}$, et l'ellipse est déterminée en grandeur et en position.

Il nous reste à chercher comment on peut étudier la polarisation elliptique quand la différence de marche primitive est très-grande. On pourrait opérer séparément sur chaque couleur simple et se servir du compensateur comme précédemment. On peut aussi employer la méthode générale de MM. Fizeau et Foucault.

Sans rien changer aux dispositions des appareils, remplaçons le fil du compensateur par une fente mince; plaçons le micromètre dans la position pour laquelle le compensateur produit une différence de marche égale à $\frac{\lambda}{4}$ et mettons un prisme devant l'œil, nous verrons dans le spectre les raies de Frauenhofer et en outre, du rouge au violet, une série de franges d'interférence également espacées; elles indiquent que pour chacune des couleurs où elles sont placées la polarisation est rétablie, que l'axe du compensateur est parallèle à ceux de l'ellipse, et que le rapport de ceux-ci est égal à la tangente de l'angle μ que font les sections principales du compensateur et de l'analyseur. En tournant un peu le système, on voit les franges marcher, soit vers le violet, soit vers le rouge, et l'on conçoit ainsi qu'on peut, pour chacune des raies principales, déterminer et la direction et le rapport des axes.

QUATRE-VINGT-HUITIÈME LEÇON.

POLARISATION ROTATOIRE.

Découverte d'Arago. — Lois du phénomène. — Cas des lumières simples; de la lumière blanche. — Méthode de Biot; de MM. Fizeau et Foucault. Teinte sensible. — Quartz à deux rotations. — Théorie de Fresnel. — Pouvoir rotatoire moléculaire; sa variation avec la température. — Effet des combinaisons chimiques. — Cas particulier de l'acide tartrique. — Saccharimétrie. — Pouvoir rotatoire dans les cristaux. — Relation entre la forme cristalline et le pouvoir rotatoire. — Travaux de M. Pasteur.

Une lame d'un cristal à un axe quelconque, taillée perpendiculairement à cet axe, ne dédouble point les rayons polarisés qui la traversent normalement. Ces rayons conservent leur plan de polarisation et toutes leurs propriétés primitives, comme si la lame n'était pas cristallisée.

Arago découvrit en 1811 que le quartz fait exception à cette loi. Il reconnut que si l'on reçoit sur un analyseur une onde plane polarisée qui a traversé ce quartz suivant son axe, elle donne deux images, ordinaire et extraordinaire, toutes deux colorées de teintes complémentaires très-vives. L'apparence du phénomène est la même qu'avec une lame mince cristallisée non perpendiculaire à l'axe. Elle en dissère par deux points: le premier, c'est qu'elle ne varie pas si l'on fait tourner le quartz autour de sa normale; le second, c'est que les couleurs changent progressivement en passant par une série de teintes mixtes, si l'on fait tourner la section principale de l'analyseur. Dans un second Mémoire qui n'a pas été publié, Arago a défini nettement l'action exercée sur la lumière, en disant que chacun des rayons simples qui composent le faisceau incident reste polarisé, mais que son plan de polarisation a éprouvé une rotation qui est dissérente pour chaque couleur: de là le nom de polarisation rotatoire qui a été donné et conservé à ce phénomène. Ce mot n'exprime point un nouveau mode de vibration que la lumière aurait pris, mais rappelle le fait du déplacement éprouvé par le plan primitif de polarisation.

Deux ans après cette découverte trop sommairement analysée, Biot commença sur le même sujet une étude féconde qu'il n'a pas cessé de poursuivre. Il reconnut bientôt que cette propriété n'appartient point exclusivement au quartz; il la retrouva dans la plupart des huiles essentielles, dans la vapeur de l'essence de térébenthine, dans les dissolutions de l'acide tartrique, des tartrates, du sucre, des gommes et de la dextrine. M. Bouchardat la constata dans les alcalis organiques, M. Des Cloizeaux dans le cinabre, et M. Marbach, de Breslau, dans les cristaux de bromate et de chlorate de soude qui ont la forme cubique. Nous avons donc affaire ici à une propriété réalisée par une classe de corps nombreux, cristallisés ou non, solides, liquides et même gazeux. Nous allons l'étudier avec quelque détail, chercher ses lois, ses conditions déterminantes et enfin son explication.

LOIS DU PHÉNOMÈNE. — Toute action produite sur la lumière blanche étant la somme de celles qui s'exercent individuellement sur tous les rayons simples, nous devons étudier séparément chacun d'eux. Prenons d'abord la lumière qui traverse un verre rouge, polarisons-la par un prisme de M. Foucault en A (fig. 823), recevons-la sur un quartz placé en FF ou en F'F', puis sur un analyseur S' monté dans un cercle azimutal, après l'avoir concentrée au moyen d'une lentille L"L", qui permet en outre de projeter l'image sur un écran F"F". En faisant cette étude, M. Biot reconnut:

- 1° Que la lumière simple reste polarisée, mais que son plan de polarisation a tourné d'un angle A;
- 2º Que la rotation du plan de polarisation est proportionnelle à l'épaisseur du cristal;
- 3° Il y a des substances pour lesquelles le plan primitif de polarisation Oy se déplace vers OA (fig. 837). On dit alors qu'il a tourné vers la droite dans le sens indiqué par la slèche , et que la substance est dextrogyre. D'autres corps

transportent le plan de polarisation en OB; ils sont lévogyres,

Fig. 837.

et on représente par la flèche \(\) le sens de leur action.

Il existe en particulier deux variétés de quartz, l'une dextrogyre , l'autre lévogyre , l'autre lévogyre . A épaisseur égale, elles donnent des rotations égales : elles ne diffèrent que par leur signe.

4° Lorsqu'on superpose plusieurs milieux, l'action définitivement exercée sur la lumière est la somme algébrique des rotations du plan de polarisation occasionnées séparément par chaque corps.

Passons maintenant à l'étude comparée des diverses couleurs simples. Le procédé qui se présente le plus naturellement à l'esprit consiste à préparer un spectre très-pur avec de la lumière polarisée, à recevoir successivement chacune des couleurs sur le quartz, et à mesurer la rotation de son plan de polarisation. C'est ce procédé assez difficile à mettre en pratique que M. Biot adopta. Il reconnut que la rotation augmente avec la réfrangibilité, et qu'elle est sensiblement en raison inverse du carré de la longueur d'onde.

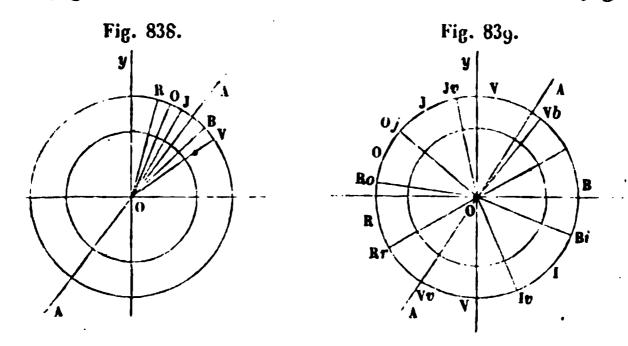
Le tableau suivant fait connaître la rotation de chaque couleur à travers une épaisseur de quartz égale à un millimètre.

	Valeur de).	Déviation R	Excès des valeurs de R sur celle du jaune
Rouge extrême	645	17.29.47	6.3o'.13"
Verre rouge	628	18.25.00	-5.35.00
Limite du rouge et de l'orangé.	596	20.28.47	-3.31.13
Limite de l'orangé et du jaune.	571	22.18.49	- 1.41.11
Jaune moyen	55o	24.00.00	- 0.00.00
Limite du jaune et du vert	532	25.40.31	+ 1.40.31
Limite du vert et du bleu	492	30. 2.45	+6.2.45
Limite du bleu et de l'indigo	459	34.34.18	+10.34.18
Limite de l'indigo et du violet.	439	37.51.58	$\pm 13.51.58$
Violet extrême	406	44. 4.58	+20.4.58

M. Biot a représenté graphiquement ses résultats par des tableaux ingénieusement conçus. Soit d'abord une plaque

d'épaisseur égale à 0^{mm}, 4 (fig. 838). Représentons par Oy le plan primitif de polarisation et menons des rayons OR, OO,..., OV saisant avec Oy des angles égaux aux rotations des diverses couleurs simples; le saisceau de lumière polarisée blanche qui aura traversé la lame se trouvera représenté par une infinité d'autres dont les plans de polarisation seront éparpillés sur l'arc RV. L'épaisseur augmentant, la déviation de chaque rayon augmente proportionnellement, et l'arc de dispersion s'agrandit. La fig. 839 représente le phénomène quand l'épaisseur est égale à 13^{mm}, 41. Le rouge extrême est dévié de plus de 180 degrés en Rr, et le violet extrême Vv de plus d'une circonférence et demie, en OVv. De cette saçon, l'arc de dispersion compris entre Rr et Vv occupe à peu près 360 degrés sur lesquels les plans de polarisation des couleurs intermédiaires sont répartis comme l'indique la sigure.

Concevons maintenant que la section principale de l'analyseur soit placée dans une direction quelconque AA. Les images ordinaire et extraordinaire seront formées par la superposition des images ordinaire et extraordinaire de chaque lumière simple, et celles-ci étant inégales, celles-là seront colorées. L'image extraordinaire ne contiendra aucun des rayons de la couleur dont le plan de polarisation coïncide avec OA; c'est un vert pour la fig. 838; c'est le vert bleu et le violet dans la fig. 839.



Nous pouvons déduire de ces explications un moyen bien plus simple pour mesurer les déviations des diverses couleurs. Il a été imaginé par MM. Fizeau et Foucault et appliqué ensuite par MM. Broch, Wiedemann et Arndtsen.

Que l'on fasse passer la lumière polarisée d'abord à travers

une sente mince, de là sur la substance à essayer, ensuite dans un analyseur, ensin sur un prisme : on verra à travers ce prisme deux spectres inégalement déviés, l'un ordinaire, l'autre extraordinaire. Ne considérons que ce dernier, le seul qui se verra avec un prisme de Nicol : il contiendra les images extraordinaires de toutes les couleurs simples. Si l'analyseur est placé suivant OR (fig. 838), il n'y aura pas de rouge; si on le déplace pour le mettre successivement en OO, OJ,..., OV, il n'y aura pas d'orangé, de jaune,..., de violet. On verra donc, dans le spectre une bande noire s'avancer depuis le rouge jusqu'au violet si on tourne l'analyseur de OR à OV.

S'il s'agit de la fig. 839, l'analyseur étant en ORr, il y aura deux couleurs éteintes, le rouge extrême Rr et un bleu qui est polarisé suivant le prolongement de ORr. On verra donc deux bandes, l'une dans le rouge, l'autre dans le bleu, et toutes deux marcheront vers le violet, si l'on tourne l'analyseur à droite. En général, si l'arc de dispersion occupe n demi-circonférences, on verra n bandes obscures, qui se projetteront successivement sur chacune des raies.

Cela posé, revenons à la fig. 838. Plaçons l'analyseur en OR, la bande se verra sur le rouge et la rotation de cette couleur sera y OR. Si l'on met l'analyseur en OO, la bande sera sur l'orangé, et la déviation de cette couleur, ou, en général, d'une couleur quelconque, sera mesurée par l'angle que sait avec le plan primitis Oy la section principale de l'analyseur quand on verra la bande sur la couleur considérée. On raisonnerait de même sur la fig. 839.

En opérant par cette méthode, M. Broch a trouvé pour le quartz les nombres suivants :

Raics B C D E F G A....
$$15^{\circ}30'$$
 $17^{\circ}24'$ $21^{\circ}67'$ $27^{\circ}46'$ $32^{\circ}50'$ $42^{\circ}20'$ A λ^{2} .. $723,802$ $742,950$ $751,104$ $759,674$ $762,219$ $784,152$

M. Wiedemann a obtenu pour les essences de téréhenthine et de citron :

A Αλ²	4.5	•	18° 7′ 5184°		32° 75′ 6044
A	37,9	485	633	77	106
$\Delta \lambda^2$	1631	1683	1751	1823	1026

Ces expériences très-précises s'accordent pour montrer que les déviations ne sont point rigoureusement en raison inverse du carré des longueurs d'onde, puisque $A\lambda^2$ va en croissant avec la réfrangibilité. La loi de Biot ne doit donc être considérée que comme approximative.

On peut se demander si toutes les substances dextro ou lévogyres ont une égale loi de dispersion. Cette question se résout par une épreuve différentielle très-précise : en faisant traverser par le même rayon lumineux deux substances de rotation inverse, sous des épaisseurs telles, qu'elles produisent sur le rayon rouge des déviations égales et de signe contraire. On trouve alors que deux quartz de même épaisseur, dextro et lévogyres, détruisent mutuellement toute déviation et toute dispersion des plans de polarisation quand on les superpose; qu'il en est de même avec une dissolution de sucre et un quartz équivalent ; mais qu'il n'est pas possible de détruire ainsi la dispersion des essences de citron et de térébenthine, ni de l'essence de térébenthine et du camphre. La loi de cette dispersion dans chaque substance est donc individuelle.

LUMIÈRE BLANCHE. — On va dire maintenant comment on peut obtenir la teinte des deux images, en se contentant d'un calcul approximatif.

Désignons par e l'épaisseur traversée. Soient eA_1 , eA_2 ,..., eA_n , les déviations moyennes de chaque couleur simple, et α l'angle que font les deux sections principales du polariseur et de l'analyseur; $\alpha - eA_1$, $\alpha - eA_2$,..., $\alpha - eA_n$ seront les angles de l'analyseur avec chacun des plans de polarisation; les deux images auront les intensités suivantes 0 et E:

$$0 = R \cos^{2}(\alpha - eA_{1}) + O \cos^{2}(\alpha - eA_{2}) + ... + V \cos^{2}(\alpha - eA_{1}),$$

$$E = R \sin^{2}(\alpha - eA_{1}) + O \sin^{2}(\alpha - eA_{2}) + ... + V \sin^{2}(\alpha - eA_{1}).$$

Chacun des termes représente la proportion de chaque lumière simple, et comme ils sont inégaux, la somme O ou E sera colorée. Au moyen du cercle de Newton, Biot a calculé pour treize lames d'épaisseurs croissantes les valeurs de E quand $\alpha = o$. Ce calcul a présenté avec l'épreuve directe une coıncidence parfaite.

On voit:

- 1° Que la somme O + E est égale à la somme des rayons qui entrent dans la lumière blanche; donc les deux images sont complémentaires;
 - 2º Que α changeant, les teintes varient continûment;
- 3° Que, si l'on augmente α de 90 degrés, les valeurs de 0 et de E, et par conséquent les teintes s'échangent dans les deux images.

MM. Broch, Wiedemann et Arndtsen, on voit que l'image extraordinaire contient toutes les lumières simples, excepté celles qui correspondent aux bandes qui sillonnent le spectre; or, si l'épaisseur est grande, et que le nombre de ces bandes soit considérable, on peut dire qu'il restera des proportions égales de toutes les couleurs simples et qu'elles reconstitueront du blanc. Les teintes doivent donc perdre de leur vivacité à mesure que l'épaisseur croît; c'est en effet ce qui arrive.

TEINTE SENSIBLE. — Quand on analyse avec un prisme biréfringent la lumière polarisée qui a traversé un quartz dont l'épaisseur varie de o à 5 millimètres, il n'y a qu'une lumière simple éteinte à la fois dans l'image extraordinaire. Quand c'est la lumière jaune qui est la plus intense, il ne reste que le rouge d'une part, le bleu et le violet de l'autre; ce sont les couleurs les moins vives, et l'image prend une intensité minimum. On arrive à la même conclusion en considérant la formule qui donne la valeur de E, et en y faisant $\alpha = eA_3$ elle devient

$$\mathbf{E} = \mathbf{R} \sin^2 e (\mathbf{A}_3 - \mathbf{A}_1) + \ldots + \mathbf{V} \sin^2 e (\mathbf{A}_3 - \mathbf{A}_7).$$

On a calculé dans le tableau de la page 644 les valeurs des angles $\Lambda_3 - \Lambda_1, \ldots, \Lambda_3 - \Lambda_7$. On voit qu'elles sont très-faibles, que leurs sinus sont négligeables, excepté pour les couleurs extrêmes, et que E sera extrêmement petit.

L'expérience prouve, en esset, que pour la valeur de a, qui répond au jaune moyen, l'image extraordinaire est minimum; elle montre quelque chose de plus, c'est qu'alors la teinte de cette image est un gris de lin, et que si l'on déplace très-peu l'analyseur, soit vers la droite, soit vers la gauche, elle se modisie très-rapidement, soit pour devenir rouge, soit pour

devenir bleue. Biot l'a nommée teinte sensible, à cause de la facilité avec laquelle elle passe à d'autres colorations par un petit déplacement de l'analyseur.

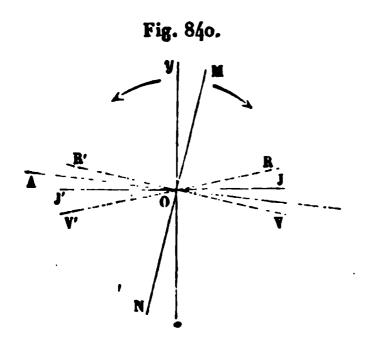
Il est évident que sa composition change avec l'épaisseur, puisque les angles qui entrent dans l'expression de E sont proportionnels à cette épaisseur e; mais, pourvu que e ne dépasse pas 5 millimètres, l'expérience prouve qu'on retrouve toujours une teinte minima comprise entre un rouge et un bleu, que la déviation correspondante de l'analyseur est proportionnelle à l'épaisseur et qu'elle est toujours égale à la rotation du jaune moyen; c'est ce que montre le tableau suivant:

EPAISSEUR.	DÉVIATION ∞			
	de la teinto sensiblo.	du jaune moyen.		
ma	0 ,	0 ,		
0,400	9.45	9.25^{\prime}		
0,488	11.30	11.30		
1,032	25.00	2 j. 17		
1,184	28.30	27.52		
2,094	50.00	49.17		
2,997	70.00	70.32		
3,478	80.00	81.51		

ll en résulte que sans employer la lumière simple on pourra mesurer la rotation du plan de polarisation pour le jaune moyen : ce sera la rotation de la teinte sensible. En la multipliant par $\frac{23}{30}$, on aura celle du rouge, et par des facteurs en raison inverse du carré de leurs longueurs d'onde, celle des diverses couleurs. Si en tournant l'analyseur à droite la teinte passe au rouge, la substance est dextrogyre; elle est lévogyre si cette teinte vire au bleu.

QUARTZ A DEUX ROTATIONS (fig. 840). — Juxtaposons suivant une ligne quelconque MN deux quartz de rotation inverse et d'une épaisseur commune égale à 3^{mm} , 75; ils feront tourner de 90 degrés le plan de polarisation du jaune moyen. S'il était primitivement en 0y il se placera en 0y pour l'un, en 0y pour l'autre des deux quartz. Le rouge sera polarisé suivant 0x et 0x et 0x et le violet suivant 0x et 0x te inte sensible se présentera dans l'image extraordinaire pour les

deux quartz à la fois, si l'analyseur coıncide avec OJ, et les deux moitiés de l'image offriront une coloration identique,



celle de la teinte de passage, comme s'il n'y avait qu'un seul cristal. Cela est indépendant de la direction que l'on donne à la ligne de jonction MN; mais si l'on tourne l'analyseur à droite suivant OA d'un angle très-petit, la proportion de rouge augmente dans le quartz à rotation droite et celle de violet dans le cristal à rotation gauche, et

l'opposition des tons se maniseste aussitôt. Cette plaque à deux rotations inverses, imaginée par M. Soleil père, permet de déterminer avec précision le plan de polarisation Oy d'une lumière quelconque; on l'interpose dans le trajet et l'on sait tourner l'analyseur. Tant que sa section principale dissère de OJ, l'image extraordinaire offre des teintes inégales à travers les deux quartz. Aussitôt qu'elle est confondue avec OJ, c'est-à-dire qu'elle est perpendiculaire au plan de polarisation primitive, ces deux teintes deviennent identiques. Ce procédé réussit surtout quand la lumière n'est que partiellement polarisée.

THÉORIE DE FRESNEL. — Après cette étude générale des faits, il nous reste à expliquer théoriquement par quelles modifications la lumière arrive à éprouver cet effet. C'est à Fresnel que l'on doit cette explication, qui n'est pas son moindre titre de gloire.

Il faut d'abord se rappeler que deux rayons de lumière d'égale intensité dont la différence de phase est égale à 90 degrés et qui sont polarisés à angle droit, se composent pour produire une vibration circulaire. Soient x et y les deux vi-

tesses composantes. En posant, pour abrégér,
$$2\pi \frac{t}{T} = \xi$$
,

$$y = \sin(\xi + 45), \quad x = \sin(\xi - 45).$$

En intégrant, on aura les coordonnées de la molécule vi-

brante; elles seront, à un facteur constant près,

$$y_1 = -\cos(\xi + 45), \quad x_1 = -\cos(\xi - 45),$$

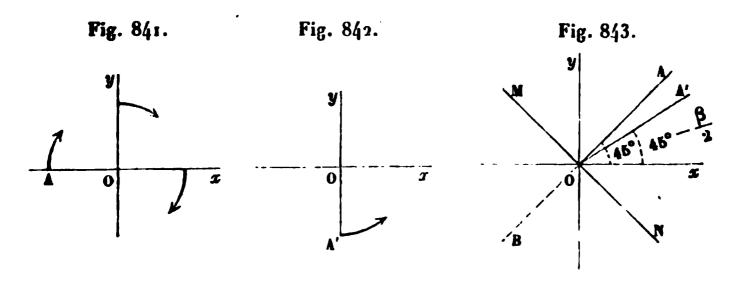
pour $\xi = 45$, $\gamma_1 = 0$, $x_1 = -1$, la molécule est en A (fig. 841). Si ξ , c'est-à-dire si le temps croît, γ_1 devient positif et augmente, x_1 reste négatif et décroît; la molécule lumineuse tourne dans le sens χ , suivant la flèche A, c'est-à-dire vers la droite, le rayon circulaire est dit rayon circulaire droit. Si on a, au contraire, les vitesses vibratoires

$$y = \sin(\xi - 45), \quad x = \sin(\xi + 45),$$

les coordonnées de x, et y, deviennent

$$\gamma_1 = -\cos(\xi - 45), \quad x_1 = -\cos(\xi + 45);$$

la molécule d'éther partant de A' (fig. 842) pour $\xi = 45$ prend une valeur de y_i négative et décroissante, une valeur de x_i positive et croissante, le mouvement vibratoire se fait dans le sens λ et produit un rayon circulaire gauche.



Cela posé, soit OA (fig. 843) une vibration dont la vitesse est représentée par la formule ordinaire

$$v = \sin 2\pi \frac{t}{T} = \sin \xi.$$

On peut la décomposer en deux autres, suivant la même direction, qui seraient l'une en avance de 45 degrés ou de un huitième d'ondulation, l'autre en retard de la même quantité:

$$v = \frac{1}{\sqrt{2}}\sin(\xi + 45) + \frac{1}{\sqrt{2}}\sin(\xi - 45).$$

Chacune de ces deux vibrations peut se décomposer en deux autres suivant des axes 0x et 0y placés à 45 degrés de 0A. La première donnera deux composantes égales x et y

$$x = y = \frac{1}{\sqrt{2}}\cos 45\sin(\xi + 45^{\circ}) = \frac{1}{2}\sin(\xi + 45^{\circ});$$

la deuxième se décomposera de même en deux vibrations égales x' et y', qui sont

$$x' = y' = \frac{1}{\sqrt{2}}\cos 45\sin(\xi - 45^{\circ}) = \frac{1}{2}\sin(\xi - 45^{\circ}).$$

Combinons maintenant y et x' d'une part, y' et x de l'autre, nous aurons deux rayons polarisés circulairement, le premier vibrant de gauche à droite dans le sens x', le dernier dans un sens contraire x',

$$y = \frac{1}{2}\sin(\xi + 45).$$

$$x' = \frac{1}{2}\sin(\xi - 45).$$

$$y' = \frac{1}{2}\sin(\xi - 45).$$

$$x = \frac{1}{2}\sin(\xi + 45).$$

Supposons maintenant qu'il existe des milieux tellement constitués, que le premier de ces rayons circulaires s'y meuve plus rapidement que le second, il aura, après les avoir traversés, une avance de phase β , et si alors nous composons y et γ' d'une part, x et x' de l'autre, nous obtiendrons

$$y + y' = Y = \frac{1}{2}\sin(\xi + 45 + \beta) + \frac{1}{2}\sin(\xi - 45),$$

$$x' + x = X = \frac{1}{2}\sin(\xi - 45 + \beta) + \frac{1}{2}\sin(\xi + 45);$$

et, en remplaçant ces sommes de sinus par les doubles produits des sinus de la demi-somme par les cosinus de la demi-

différence des arcs,

$$Y = \cos\left(45 + \frac{\beta}{2}\right) \sin\left(\xi + \frac{\beta}{2}\right),$$

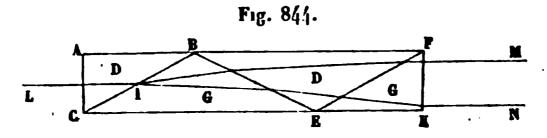
$$X = \cos\left(45 - \frac{\beta}{2}\right) \sin\left(\xi + \frac{\beta}{2}\right).$$

X et Y représentent deux composantes qui ont la même phase $\frac{\beta}{2}$; elles reconstitueront par conséquent un rayon polarisé comme le rayon incident; mais polarisé dans un azimut différent, qui fait avec l'axe des x un angle α , donné par la relation

$$\tan \alpha = \frac{Y}{X} = \frac{\cos\left(45 + \frac{\beta}{2}\right)}{\cos\left(45 - \frac{\beta}{2}\right)} = \frac{\sin\left(45 - \frac{\beta}{2}\right)}{\cos\left(45 - \frac{\beta}{2}\right)} = \tan\left(45 - \frac{\beta}{2}\right),$$

et, puisque le rayon incident était polarisé à 45 degrés suivant OA, le rayon émergent le sera suivant OA'; il se sera rapproché de l'axe des x en tournant de AOA' égal à $\frac{\beta}{2}$. En résumé, lorsque le rayon circulaire droit x est en avance sur le rayon circulaire gauche x, le plan de polarisation du rayon émergent a tourné vers la droite x; si le rayon circulaire gauche allait plus vite que le droit, la rotation du plan de polarisation se ferait vers la gauche.

On voit que cette théorie reproduit les phénomènes offerts par le quartz dans le sens de son axe et par toutes les substances actives. Il faut prouver qu'elle n'est pas un simple jeu de formules, et qu'en réalité le rayon polarisé se décompose pendant son trajet dans ces substances en deux rayons circulaires de sens opposés et de vitesses inégales. A cet effet, Fresnel a disposé plusieurs prismes en quartz de rotation alter-



nativement contraire, qui sont traversés dans la direction de l'axe ABF (fig. 844). Un rayon polarisé se dédouble dans le

premier ABC, qui est de rotation droite en deux rayons circulaires, l'un droit, l'autre gauche; le premier marche plus vite que le second; mais, en pénétrant dans CBE, il va moins vite; dès lors il se rapproche de la normale pendant que le circulaire gauche s'en éloigne; tous deux se séparent, et, l'action continuant à chaque surface traversée, on sinit par obtenir une double réfraction très-sensible. Les deux images sont égales et blanches, il s'agit de voir si elles sont polarisées circulairement.

- on les reçoit sur un prisme biréfringent; elles donnent deux images ordinaire et extraordinaire d'égale intensité. On vu en effet que tout rayon elliptique reçu sur un analyseur dont la section principale est parallèle a ses axes, se décompose en deux rayons dont la phase diffère de $\frac{\pi}{2}$, ou dont la différence de marche est $\frac{\lambda}{4}$, et dont les intensités sont proportionnelles aux carrés des longueurs de ces axes. Quand l'ellipse dégénère en un cercle, toute direction est celle des axes qui sont égaux, et les deux images sont égales en intensité.
- 2º Interposons, entre le prisme de Fresnel et l'analyseur, une lame mince cristallisée de $\frac{1}{4}$ d'onde, dont l'axe est Oy (fig. 843), et supposons que la vibration extraordinaire Oy soit en avance de $\frac{\lambda}{4}$ sur la vibration ordinaire Ox après avoir traversé cette lame. Celui des deux rayons circulaires qui est de rotation droite \checkmark se décompose dans cette lame en deux vibrations Oy et Ox; la première est en avance de $\frac{\lambda}{4}$ sur la seconde; cette avance sera doublée à l'émergence et deviendra $\frac{\lambda}{2}$; toutes deux se composeront suivant MN, et le rayon sera polarisé suivant OA à 45 degrés des axes de la lame mince, quelle que soit la direction qu'on leur aura donnée. Au contraire, le rayon circulaire gauche $\frac{\lambda}{4}$ aura, en pénétrant dans la lame, une vibration Oy en retard de $\frac{\lambda}{4}$ sur Ox; ce retard se détruira en la traversant; la vibration résultante sera dirigée suivant OA, et le plan de polarisation se fera suivant MN; l'expérience

prouve en effet que les deux rayons sortis du prisme multiple de quartz et reçus sur une lame de ¼ d'onde, dont l'axe est placé dans une direction quelconque, se transforment en deux rayons polarisés rectangulairement, suivant des plans perpendiculaires entre eux, et à 45 degrés de la section principale de la lame mince.

3º Répétons, avec une lame mince de quartz normale à l'axe, l'expérience de la page 579. Un rayon polarisé sortant d'une fente mince L traverse deux quartz égaux, de rotation inverse, placés dans deux fentes A et A'. Les deux rayons circulaires droits interfèrent entre eux, et le centre des franges est en X. Il en est de même des deux rayons circulaires gauches. Si l'on prend le circulaire droit de A, qui est en avance sur le circulaire gauche de A', ils donnent un centre en EO'; de même le circulaire droit de A' et le gauche de A déterminent un autre centre en OE'. Ces franges ne sont visibles qu'avec un analyseur; elles varient de position avec la direction de ce cristal. L'expérience réussit avec les liquides actifs comme avec le quartz.

Pour compléter cette théorie, il resterait à imaginer une constitution des molécules actives et un arrangement qui déterminerait cette double réfraction. Fresnel l'a tenté; il n'avait pas sait connaître ses idées; c'est après sa mort seulement qu'elles ont été retrouvées et publiées. Tout porte à croire qu'il se proposait de les modisier; nous ne le suivrons pas jusque-là.

proportionnelle à l'épaisseur du milieu traversé, il est évident que l'action exercée se répète dans chaque couche infiniment mince et fait une somme totale qu'on mesure à la sortie. Quand le milieu est liquide, il faut qu'elle soit due à une propriété spéciale des molécules, indépendante de leur disposition qui est quelconque. Quand il est cristallisé, elle peut être produite ou par cette même propriété des molécules, ou par leur orientation, ou par les deux causes à la fois. Considérons d'abord le cas des liquides, qui est évidemment le plus simple.

On admet que chaque molécule possède en elle-même, et

par sa constitution même, un pouvoir rotatoire propre qui peut bien varier avec l'orientation de la molécule elle-même; mais comme dans une épaisseur sussisante du liquide il ya des molécules dans toutes les situations, on peut les considérer comme ayant chacune un pouvoir rotatoire moyen égal à la moyenne de l'action totale que leur ensemble exerce. Dès lors la rotation du plan de polarisation produite par un milieu liquide sera nécessairement proportionnelle au nombre des molécules traversées, c'est-à-dire à la densité de la substance active. Dissolvons un poids ε de cette substance dans un poids $\iota - \varepsilon$ d'un milieu inactif; si δ est la densité du mélange, le volume total sera $\frac{1}{\delta}$, et la densité du corps actif

$$x = \frac{\varepsilon}{\frac{1}{\delta}} = \varepsilon \delta.$$

On devrá avoir pour la rotation A

amené à ce volume sera

$$A = K l \epsilon \delta$$
.

K serait la rotation de l'un des rayons simples, le rouge par exemple, si l'épaisseur *l* était égale à l'unité, la proportion de matière active ε égale à l'unité, et sa densité δ égale aussi à l'unité. K est ce que Biot a nommé le pouvoir rotatoire moléculaire.

Si les deux substances mêlées sont toutes deux actives, la deuxième a une densité $(1 - \varepsilon)\delta$; sa rotation est

$$\Lambda' = K' l(\iota - \varepsilon) \delta$$
,

et, suivant que les rotations sont de même sens ou de sens contraires, la somme ou la différence de A et de A' sera la rotation totale

$$\Lambda \pm \Lambda' = l \hat{\sigma} [K \epsilon \pm K' (1 - \epsilon)].$$

Pour justifier ces formules, Biot a dissous dans de l'eau distillée des proportions ε de sucre égales à 0,3, 0,4, 0,5,...; il a mesuré la densité δ du mélange, puis déterminé la rotation Λ dans des tubes de longueur connue l. La formule précédente permettait de calculer K, et sa valeur était identique que fût ε . Bien plus, elle est restée la même quand on

étudia le sucre d'orge pur, pour lequel sest sensiblement égal à l'unité. Il en est de même quand on dissout l'essence de térébenthine dans des liquides inactifs: pour le prouver, Biot mesura dans un tube de longueur l la rotation d'un certain poids d'essence, puis il le versa dans un autre tube de même diamètre, mais plus long, qu'il acheva de remplir avec de l'éther. Dans ce second cas, la lumière traversait le même nombre de molécules, seulement elles étaient écartées par le dissolvant; or, on trouva que la rotation était demeurée la même, ce qui exige que le pouvoir rotatoire moléculaire soit resté constant. Cette loi n'est point absolue; en général, le pouvoir rotatoire moléculaire augmente un peu avec la proportion du dissolvant; quelquefois c'est l'inverse, comme pour le camphre.

LIPET DE LA TEMPÉRATURE. — Le pouvoir rotatoire moléculaire change avec la température. M. Gernez a montré que pour les essences d'orange, de bigarade et de térébenthine, il diminue continûment et s'exprime par la formule

$$\mathbf{K} = a - bt - ct^2.$$

Voici les valeurs des coefficients a, b, c pour la raie D:

Essence d'orange $(1.000016 t^2, 1.000016 t^2)$

- de bigarade $(1....18,55-0.1175 t-0.000216 t^2,$
- **de térébenthine** \(36,61 − 0,004437 t.

Le rapport des déviations du plan de polarisation pour deux couleurs simples est sensiblement en raison inverse du carré de leurs longueurs d'onde pour l'essence de térébenthine. Avec celles d'orange et de bigarade, il suit une autre loi; mais Pour une substance donnée, ce rapport demeure constant quelle que soit la température.

S'il est vrai que la propriété rotatoire des liquides tienne à la constitution de la molécule elle-même, elle ne doit pas chan-Ber quand la substance change d'état physique. Biot essaya de le démontrer en 1818. Il disposa à cet effet un long tube fermé par des glaces, dans lequel il fit passer un courant de la peur d'essence de térébenthine. Il reconnut que le plan de Polarisation tournait vers la droite; mais au moment où il se

préparait à mesurer la rotation, une fuite se sit à l'appareil, la vapeur s'enslamma et mit le seu au plasond de l'orangerie du Luxembourg où l'expérience avait été établie. Cette expérience demeurée incomplète a été reprise par M. Gernez. Le tube qu'il employait n'avait que 4 mètres de longueur, il était enveloppé d'un manchon rempli d'huile et chaussé par une rampe de gaz; les rotations déterminées par la vapeur étaient mesurées pour chaque raie par la méthode de MM. Fizeau et Foucault. M. Gernez trouva d'abord que la dispersion des vapeurs du camphre, des essences d'orange, de bigarade et de térébenthine étaient, à toute température, la même que celle de ces mêmes substances à l'état liquide, bien qu'elle sût inégale pour chacune d'elles. Il mesura ensuite le pouvoir rotatoire moléculaire de ces vapeurs, calcula par les formules précédentes celui qu'auraient, à la même température, les liquides formés par leur condensation, et il trouva que les deux valeurs étaient identiques. Le changement d'état physique qui ne sait qu'écarter les molécules sans les modisier intimement n'a donc aucune influence sur leur pouvoir rotatoire propre.

combinations. — Toute substance active qui se combine communique son activité à la combinaison: ainsi les tartrates, les sels formés avec les alcalis organiques, les combinaisons des sucres, celles des essences font tourner le plan de polarisation; mais si la propriété persiste, le pouvoir rotatoire moléculaire ne reste pas le même, il change de valeur, quelquesois de sens. A fortiori voit-on se modisier la faculté rotatoire quand la molécule se modifie. Lorsqu'on traite l'amidon par les acides, il se transforme d'abord en une sorte de gomme qui est soluble dans l'eau et fait tourner le plan de polarisation vers la droite, ce qui lui a fait donner le nom de dextrine; l'acide continuant son effet change ensuite la dextrine en glucose qui possède la rotation gauche. De même, le sucre de canne traité par l'acide sulsurique passe à l'état de glucose, et de dextrogyre il devient lévogyre. Ce qu'il y a de remarquable dans ces exemples, c'est qu'en général les corps qui dérivent d'une molécule active conservent l'activité rotatoire malgré la transformation de cette molécule.

ACIDE TARTRIQUE. — L'acide tartrique, dissous dans e pour cent d'eau, d'esprit de bois ou d'alcool, présente des anomalies singulières. Pour chaque couleur simple le pouvoir rotatoire moléculaire K, varie, à la température ordinaire, suivant la formule

$$K_1 = P + Ne$$
.

Voici pour chacune des raies du spectre les valeurs de P et de N. Le signe + correspond à la rotation droite :

	P	N
C	+2,75	+ 9,45
D	+ 1,95	+13,03
E	+0,15	+ 17,51
<i>b</i>	— o,83	+ 19,15
F	-3,60	+23,98
$\textbf{G}\dots\dots$	-9,6 1	+31,44

- 1° Si l'acide ne contient point d'eau, $K_1 = P$, la rotation se fait vers la droite pour les couleurs comprises entre les raies A et E, et vers la gauche, pour la deuxième partie du spectre de b à H; c'est ce que Biot a constaté en étudiant des plaques transparentes amorphes de cet acide, qui avaient été préparées par Laurent.
- 2° Quand la dissolution contient des poids égaux d'acide et d'eau, la rotation se sait vers la droite pour toutes les couleurs; elle augmente depuis le rouge jusqu'à la raie E, elle diminue depuis E jusqu'à H: il en résulte une dispersion entièrement anormale, des successions de couleurs tout à sait irrégulières, et il est impossible d'utiliser la teinte de passage.
- 3° Quand on compare deux solutions inégalement concentrées, leur dispersion est entièrement dissemblable.
- 4° Lorsque la quantité du dissolvant augmente, le deuxième terme Ne de l'équation précédente est prédominant, la rotation devient de plus en plus grande à mesure que la réfrangibilité diminue, et le phénomène semble rentrer dans le cas général.

Ces faits perdent leur singularité si l'on admet, comme je l'ai fait en 1842, que l'acide tartrique se sépare dans l'eau en deux composés chimiquement définis, mais dont les proportions sont ϵ et ϵ' et les pouvoirs rotatoires K et K'. Alors la formule précédemment établie pour les rotations de deux milieux actifs mêlés donne

$$A + A' = l\delta(K\varepsilon + K'\varepsilon');$$

donc le pouvoir moléculaire K, du mélange serait

$$K_1 = K \varepsilon + K' \varepsilon'$$
.

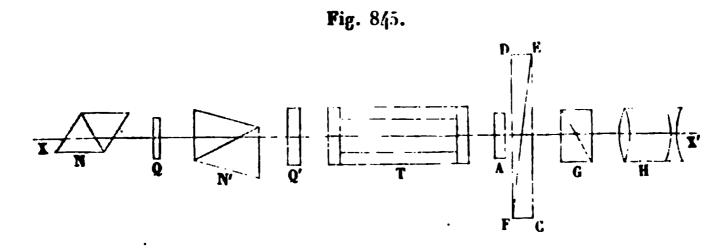
Si l'on suppose que ε croisse et ε' décroisse proportionnellement à la quantité d'eau e, et qu'on pose $\varepsilon = \iota + me$, $\varepsilon' = \iota - ne$, on aura

$$K_1 = K(1 + me) + K'(1 - ne) = K + K' + (Km - K'n)e;$$

les irrégularités de la dispersion pourraient provenir de ce que K + K' serait positif pour les couleurs peu réfrangibles et négatif pour les autres.

SACCHARIMÉTRIE. — Lorsqu'on connaîtra le pouvoir rotatoire moléculaire K d'une substance active, la densité d de sa dissolution dans un liquide inactif et qu'on aura mesuré la rotation A du plan de polarisation pour une longueur I, on pourra, par la formule $A = K l \delta \epsilon$, calculer ϵ , c'est-à-dire la proportion de cette substance contenue dans l'unité de poids du mélange. La seule application qu'on ait faite de ce principe est l'analyse des sirops sucrés. Il suffit d'enfermer la solution dans un tube de longueur l' fermé par des glaces, de placer ce tube entre un nicol polarisant et un analyseur porté par un cercle divisé, et de mesurer la rotation de la teinte de passage. Au lieu de ce procédé simple, on emploie généralement le saccharimètre, appareil compliqué imaginé par M. Soleil père (fig. 845). N' est un nicol qui polarise la lumière, Q' une plaque à deux rotations, T le tube qui contient d'abord de l'eau, A un quartz de rotation droite, CDEF un double prisme formé de deux quartz à rotation gauche, G un analyseur biréfringent, et ensin H une lunette de Galilée visant en Q'.

Les deux prismes CEF, DEF, sont mobiles au moyen d'une crémaillère. Quand on fait avancer leurs bases DE, FC vers l'axe de l'appareil, leur épaisseur totale augmente; elle diminue quand ils reculent. Pour une position convenable, ils annulent la rotation contraire du quartz A. Une division adaptée à la crémaillère marque alors zéro, et lorsqu'ils s'éloignent de cette situation la division fait connaître l'épaisseur de quartz excédante, soit du double prisme, soit de la lame A, ou l'équivalent de cette épaisseur en sucre de canne cristallisé. Plaçons



l'appareil à zéro, et sixons l'analyseur G dans le plan primitif de polarisation. Nous verrons à travers la plaque à deux rotations Q deux moitiés d'images colorées de la teinte sensible. Emplissons maintenant le tube T avec le sirop sucré que nous voulons examiner: s'il tourne à droite, il agira comme si la plaque A était augmentée; alors on augmentera l'épaisseur des doubles prismes, et la division fera connaître l'épaisseur réelle de sucre anhydre interposée dans le trajet.

Souvent le sirop est coloré. Il y a en N un premier nicol et en Q un quartz. En saisant tourner le système de ces deux pièces autour de l'axe de l'instrument, il se produit à travers N' une teinte déterminée qui altère la coloration de la lame sensible Q'; mais si l'on choisit cette teinte complémentaire de la couleur du sirop, c'est comme si celui-ci était incolore.

Ensin, la plupart des sirops qu'on a à étudier dans les fabriques contiennent à la fois du sucre cristallisable et d'autres substances actives. C'est le premier seulement qu'il faut doser. Pour cela on traite la liqueur par un centième de son poids d'acide chlorhydrique sumant et on la porte à l'ébullition, ce qui transsorme le sucre en glucose qui fait tourner le plan de polarisation à gauche. C'est comme si l'on avait supprimé de la liqueur le sucre cristallisable et qu'on y eût ajouté son équivalent en glucose. On calcule aisément son poids quand on a observé la valeur de la rotation avant et après cette inversion. Soient en esset K et K' les pouvoirs moléculaires du

donc

sucre de canne et du glucose, $\pm R$ la rotation totale produite par les substances étrangères actives mêlées à la solution, on a avant et après l'inversion

$$A = K l \delta \varepsilon \pm R, \quad A' = -K' l \delta \varepsilon \pm R,$$

$$A - A' = (K + K') l \delta \varepsilon,$$

$$\varepsilon = \frac{A - A'}{l \delta (K + K')}.$$

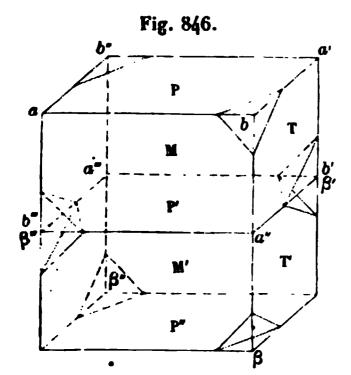
POUVOIR ROTATOIRE DANS LES CRISTAUX. — Nous avons déjà dit que le quartz n'est pas le seul cristal jouissant de la propriété rotatoire, qu'elle a été constatée par M. Des Cloizeaux, suivant la direction de l'axe dans le cinabre, qui cristallise en prismes droits à base carrée, et trouvée par M. Marbach suivant toutes les directions dans les cristaux de bromate et de chlorate de soude et dans ceux d'acétate d'urane et de soude, qui ont la forme cubique. Dans ces divers cas, suivant les échantillons, la rotation se sait quelquesois à droite et quelquesois à gauche. Or, ni la silice en gelée, ni les opales, ni les agates, ni les globules de quartz fondus au chalumeau ne possèdent cette propriété; on ne la trouve pas davantage dans les solutions des sels que nous venons de nommer; elle n'appartient donc pas aux molécules mêmes, et on ne peut l'attribuer qu'à un arrangement régulier et spécial de ces molécules. Nous allons montrer : 1° que dans tous les cas où une substance moléculairement active vient à cristalliser, il y a dans sa forme extérieure des caractères liés à la propriété des molécules; 2º que dans les cristaux actifs formés par des substances inactives l'arrangement spécial des molécules est révélé par des modisications spéciales de la forme.

RELATION ENTRE LE POUVOIR ROTATOIRE ET LA FORME CRISTALLINE.

— En dissolution, tous les tartrates sont actifs et dextrogyres. Prenons, en particulier, le tartrate de soude et d'ammoniaque. Sa forme primitive est celle d'un prisme droit P'MT à hase rectangulaire (fig. 846). Il a toujours sur ses sommets b, b', b'', p''', quatre facettes qui, si elles étaient prolongées, formeraient un tétraèdre irrégulier. La loi de symétrie d'Haüy exigerait que les autres sommets a, a', a'', a''' eussent aussi

des facettes disposées de la même manière; cependant elles ne se présentent jamais. Alors le cristal est dit hémièdre.

Je suppose que l'observateur se place sur la base P', en



avant du cristal, et qu'il regarde la face M, il verra la facette b vers sa droite et en haut de son corps. M. Pasteur convient d'exprimer ceci en disant que l'hémiédrie est à droite.

On peut figurer maintenant le cristal P'M'P"T' qui serait égal au précédent et juxtaposé, et l'on peut imaginer qu'il ait des facettes sur les sommets qui n'en avaient point au premier

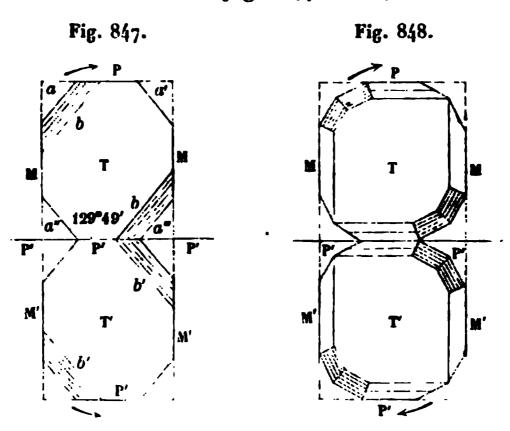
cristal, c'est-à-dire en β, β', β", β" et qu'il n'en ait pas à ceux où précédemment on en voyait. Alors l'observateur placé sur la base P", en avant du cristal, et tourné vers lui verrait une facette β" à sa gauche : ce serait l'hémiédrie gauche. Les deux cristaux seraient symétriques par rapport à la face P'. L'un serait l'image de l'autre dans le miroir P', et il est aisé de voir que, de quelque manière qu'on les tourne, les deux cristaux ne seraient pas superposables.

Cela posé, M. Pasteur remarque que tous les tartrates ont des formes voisines des précédentes (fig. 847 et fig. 848), qu'ils ont tous l'hémiédrie droite qu'on voit en T, jamais l'hémiédrie gauche qui est dessinée en T', qu'ils sont tous dextrogyres et jamais lévogyres. Voilà un premier rapprochement.

M. Gartner, de Thann, en extrayant les tartrates de potasse des vins, reconnut qu'en 1819 ces sels avaient exceptionnellement des propriétés nouvelles, qu'ils donnaient, par exemple, un sel de chaux insoluble au lieu du tartrate de chaux qui est soluble. Il isola l'acide, trouva qu'il était isomère avec l'acide tartrique, que cependant il en différait par ses propriétés, et il le nomma acide racémique. Cette particularité ne s'est pas reproduite depuis cette époque et la source d'acide racémique semble être tarie.

M. Mitscherlich découvrit ensuite que les racémates ne font point tourner le plan de polarisation. Longtemps après M. Pasteur reconnut que les racémates ont la même forme que les tartrates correspondants; mais qu'ils n'ont point d'hémiédrie. Ainsi, pas de pouvoir rotatoire, pas d'hémiédrie: second rapprochement qui s'ajoute au précédent.

Mais un de ces racémates, par une exception que M. Pasteur eut le bonheur de reconnaître, le racémate double d'ammoniaque et de soude, se sépare par la cristallisation en deux sortes de cristaux qui offrent la même forme primitive, mais qui sont inversement hémièdres : les uns ont l'hémiédrie droite, comme PMP', les autres l'hémiédrie gauche, comme M'P'P" (fig. 846). En général la forme des cristaux est plus complexe, comme dans les fig. 847 et 848; mais il y a tou-



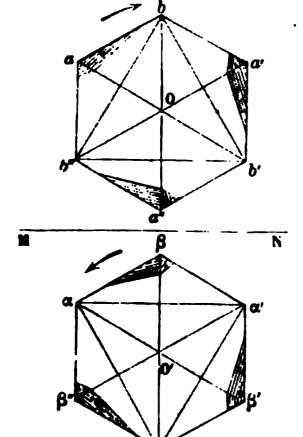
jours deux sortes de formes hémièdres et symétriques, les unes T hémièdres à droite, les autres T' hémièdres à gauche.

M. Pasteur sépara les deux espèces de cristaux, les sit redissoudre, et trouva que les premiers, qui avaient l'hémiédrie droite, étaient dextrogyres, et les seconds, qui étaient hémièdres à gauche, étaient lévogyres. Il en conclut que l'hémiédrie non superposable est le signe du pouvoir rotatoire, et que le sens de cette hémiédrie indique le sens de la rotation.

Il alla plus loin: il isola l'acide des dextroracémates, c'està-dire des cristaux qui avaient l'hémiédrie droite; c'était de l'acide tartrique. Les cristaux des lévoracémates lui donnèrent un acide nouveau, l'acide lévoracémique, isomère avec l'acide tartrique, mais lévogyre; le premier forme des sels qui font toujours tourner le plan de polarisation à droite et sont hémièdres à droite, le second des sels qui possèdent également le pouvoir rotatoire, mais à gauche, et qui sont hémièdres à gauche. Quand on mêle en quantités égales les deux acides ou les sels qu'ils forment avec une même base, ils se combinent avec dégagement de chaleur, forment de l'acide racémique ou des racémates, mais ils n'ont aucun pouvoir rotatoire, et leurs cristaux n'ont aucune hémiédrie. Deux seulement se séparent par la cristallisation : celui que nous avons cité, et le racémate double de soude et de potasse.

Si l'hémiédrie non superposable est le caractère extérieur auquel on reconnaît les substances moléculairement actives, il est naturel de penser que les substances inactives qui acquièrent le pouvoir rotatoire en cristallisant prennent aussi une forme hémiédrique. Il y avait longtemps que Herschel avait en effet remarqué que le quartz est hémièdre. Cette substance cristallise en prismes hexaèdres droits terminés par des pyramides (fig. 849). Or, on trouve dans certains échan-

Fig. 849.



tillons, sur trois sommets alternes a, a, a, trois facettes plagiédrales in-· clinées et penchant vers la droite ou vers la gauche de l'observateur qui les regarde. Sur la pyramide opposée se trouvent trois autres facettes, mais elles aboutissent aux arêtes b, b', b" et sont tellement disposées, qu'en retournant le cristal de manière que l'observateur voie la deuxième pyramide, les trois facettes sont penchées comme les premières a, a', a". Ce cristal est hémièdre, puisque la moitié seulement des sommets a, b, a', b', \ldots sont tronqués, et comme les facettes sont plus inclinées vers la droite que vers la gauche, nous dirons que c'est

l'hémiédrie droite. Si maintenant nous prenons dans un miroir MN l'image du cristal O, nous aurons une deuxième forme hémièdre en O', de sens opposé et non superposable à la première. Elle se rencontre dans la nature aussi fréquemment que la première. Or Herschel avait remarqué que l'hémiédrie droite entraîne le pouvoir rotatoire à droite, et l'hémiédrie gauche la rotation à gauche. Il y a même des cristaux mixtes qui semblent formés de deux cristaux soudés et qui offrent des hémiédries inverses: aussi trouve-t-on, quand on les examine optiquement, qu'ils sont composés de deux parties, l'une dextrogyre, l'autre lévogyre.

Ce caractère de l'hémiédrie entraînant le pouvoir rotatoire avait donc été depuis longtemps signalé; M. Delafosse avait souvent annoncé qu'on retrouverait le même fait dans d'autres hémièdres; mais M. Pasteur a précisé cette condition en faisant remarquer qu'il y a deux sortes d'hémiédrie : l'une qui donne des cristaux superposables, l'autre des solides qui ne le sont pas; la seconde seule entraîne le pouvoir rotatoire.

Par exemple, si on suppose sur le prisme hexaèdre des b-cettes bab'', ba'b', b'a''b'', et sur le sommet inférieur trois autres facettes semblables à l'extrémité des arêtes b, b', b'', on aura une hémiédrie, mais elle ne sera ni droite ni gauche, elle donnera un rhomboèdre superposable à celui qu'on formerait par des facettes placées en β , β' , β'' ,... C'est ce qui se voit dans le spath qui dérive par hémiédrie du prisme hexagonal, et qui cependant n'a pas de pouvoir rotatoire.

C'est en suivant ces idées que M. Marbach a découvert la rotation des bromate et chlorate de soude, et de l'acétate d'urane et de soude. Ces cristaux sont cubiques, mais ils ont des facettes hémièdres qui répondent à des solides symétriques non superposables; ils offrent donc le caractère reconnu par M. Pasteur, et ils devaient faire tourner, comme ils font en effet tourner, le plan de polarisation, les uns à droite, les autres à gauche, suivant le sens de leurs facettes; mais si on fait redissoudre des cristaux de la même variété pour les laisser cristalliser de nouveau, ils reproduisent des cristaux tournant à droite avec une hémiédrie dans un sens et d'autres qui tournent à gauche avec l'hémiédrie contraire; c'est donc un caractère qu'ils prennent en cristallisant sans qu'on sache pourquoi, et qu'ils perdent quand on les dissout.

QUATRE-VINGT-NEUVIÈME LECON.

THĖORIE MĖCANIQUE DE LA RĖFLEXION ET DE LA RÉFRACTION.

Théorie de Fresnel. — Cas de la lumière polarisée : 1° dans le plan d'incidence; 2º dans le plan perpendiculaire; 3º dans un azimut quelconque. — Angle de polarisation. — Mouvement du plan de polarisation. — Cas de la lumière naturelle. — Expériences de vérification. — Lois

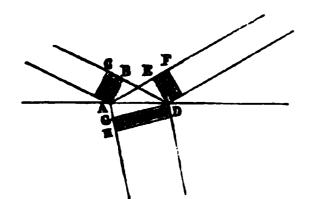
- de la réfraction; divers cas. Loi d'Arago. Théorème de M. Cornu.
- Appareil de Norremberg. Réflexion totale. Théorie de Fresnel.
- Vérifications.

Réflexion sur les métaux. — Mesure des intensités; des différences de phases. — Réflexions multiples. — Formules de Cauchy. — Couleurs des métaux.

Anneaux colorés. — Lois expérimentales. — Théorie. — Cas de la lumière polarisée dans le plan d'incidence; perpendiculairement. — Anneaux à centre blanc. — Théorie mécanique complète. — Polarisation des anneaux.

Soit AD (fig. 850) la surface qui sépare l'air d'un milieu AGD dont l'indice est n. Une portion d'onde plane AB, qui rencontre





cette surface, donne naissance à deux autres ondes planes, l'une résléchie DE, l'autre réfractée DG. Nous avons déterminé déjà leurs directions, nous voulons maintenant calculer leurs intensités et leurs phases. Ce problème a été résolu par Fresnel au moyen d'hy-

pothèses simples et heureuses que nous allons reproduire.

A son arrivée en A, la vitesse vibratoire de toutes les molécules situées sur le front AB de l'onde peut s'écrire

$$v = \sin 2\pi \frac{t}{T}$$

En ce point A et au même moment, les vibrations des ondes résléchie et résractée pourront se représenter généralement par

 $u = a \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} + \varphi\right), \quad w = b \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} + \varphi'\right);$

le problème consiste à déterminer a, b, φ et φ'.

Fresnel commence par admettre que φ et φ' sont nulles, c'est-à-dire qu'au même moment et en un même point A les ondes incidentes résléchie et résractée sont dans la même phase de vibration. Cette hypothèse, que l'expérience ne justisse que dans des cas particuliers, réduit le problème à une extrême simplicité. Les trois vibrations deviennent :

$$v = \sin 2\pi \frac{t}{T},$$

$$u = a \sin 2\pi \frac{t}{T},$$

$$w = b \sin 2\pi \frac{t}{T},$$

et il n'y a plus qu'à trouver les paramètres a et b. Construisons les trois cylindres ABC, DEF, DGH, dont les hauteurs CB et EF d'une part, et GH de l'autre, soient égales aux longueurs d'onde λ et λ' dans les deux milieux; désignons par M la masse d'éther contenue dans les deux premiers et par M' celle du second : il est évident qu'ils seront parcourus par la lumière pendant le même temps T, qu'on pourra les décomposer en tranches élémentaires qui seront animées au même moment de toutes les valeurs que prennent les vitesses v, u, w, quand la phase varie de $2\pi\lambda$, et que la somme des forces vives qui pendant un temps T anime ABC se répartit ensuite dans DEF et DGH. On aura, par conséquent,

$$\sum M v^2 = \sum M u^2 + \sum M' w^2,$$

$$M \sum \sin^2 2\pi \frac{t}{T} = M a^2 \sum \sin^2 2\pi \frac{t}{T} + M' b^2 \sum \sin^2 2\pi \frac{t}{T},$$

$$\frac{1 - a^2}{b^2} = \frac{M'}{M}.$$

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 669 Or, en désignant par d et d' les densités de l'éther dans les deux milieux,

$$\mathbf{M}' = \mathbf{GD} \cdot \lambda' \cdot d'$$
 et $\mathbf{M} = \mathbf{AB} \cdot \lambda \cdot d$;

par conséquent,

$$\frac{\mathbf{M'}}{\mathbf{M}} = \frac{\mathbf{GD}}{\mathbf{AB}} \frac{\lambda'}{\lambda} \frac{d'}{d} = \frac{\cos r}{\cos i} \frac{\sin r}{\sin i} \frac{d'}{d}.$$

En désignant par e et e' les élasticités de l'éther, les vitesses v et v' de propagation de la lumière dans les deux milieux sont égales respectivement à $\sqrt{\frac{e}{d}}$ et à $\sqrt{\frac{e'}{d'}}$. On ne sait pas suivant quelles lois varient e et e'; Fresnel en est réduit à faire une hypothèse que rien ne justifiera si ce n'est le succès du résultat; il admet que e=e', c'est-à-dire que l'élasticité de l'éther reste constante quand on passe d'un milieu à l'autre. Cela fait, on a

$$\frac{d'}{d} = \frac{v^2}{v'^2} = \frac{\sin^2 i}{\sin^2 r};$$

par suite,

$$\frac{\mathbf{M}}{\mathbf{M}'} = \frac{\cos r \sin r \sin^2 i}{\cos i \sin i \sin^2 r} = \frac{\sin i \cos r}{\sin r \cos i},$$

et ensin

$$(1) 1-a^2=b^2\frac{\sin i \cos r}{\sin r \cos i}.$$

Pour trouver une seconde relation entre a et b, Fresnel sait remarquer que, pendant la propagation d'une onde dans un milieu homogène, deux molécules insiniment voisines ont au même moment des vitesses parallèles dont les amplitudes et les phases ne dissèrent que par des insiniment petits; il admet, pour satissaire aux lois de la continuité, qu'il y a encore égalité entre les vitesses parallèles à AD dont sont animées deux molécules séparées par cette surface AD.

Supposons que l'onde primitive AB soit polarisée dans le plan d'incidence, qui est celui de la figure; alors les vibrations sont normales à ce plan; elles se projettent en A et D; elles sont parallèles à la surface AD, et il est évident qu'elles conserveront la même direction dans les ondes résléchie et résractée.

Mais la tranche AD du milieu supérieur est animée des deux vitesses v et u incidente et résléchie, tandis que la tranche en contact du second milieu n'a que la vitesse w. D'après l'hypothèse précédente, Fresnel admet que w est égale à v + u, d'où il tire

$$1 + a = b.$$

Quand l'onde est polarisée perpendiculairement au plan d'incidence, les vibrations sont dans ce plan et dirigées suivant AB, DE et DG; leurs composantes parallèles à AD sont $v\cos i$, $w\cos i$, $w\cos r$; et puisqu'elles doivent être égales de part et d'autre de la surface, on pose

$$(3) (1+a)\cos i = b\cos r.$$

On remarquera que Fresnel ne s'occupe pas des composantes perpendiculaires à la surface : c'est un point que nous examinerons bientôt.

LUMIÈRE POLARISÉE DANS LE PLAN D'INCIDENCE. — Dans ce cas, les valeurs de a et b se trouveront en résolvant les équations (1) et (2),

$$(1) 1-a^2=b^2\frac{\sin i \cos r}{\sin r \cos i},$$

$$1 + a = b.$$

On divise la première par le carré de la seconde, et l'on trouve

$$\frac{1-a}{1+a} = \frac{\sin i \cos r}{\sin r \cos i},$$

(4)
$$a = -\frac{\sin(i-r)}{\sin(i+r)} = \frac{\cos i - \sqrt{n^2 - \sin^2 i}}{\cos i + \sqrt{n^2 - \sin^2 i}},$$

$$(5) b = \frac{2\sin r \cos i}{\sin(i+r)}.$$

Les quantités totales de lumière dans les ondes incidente, réfléchie et réfractée sont représentées par leurs forces vives $\mathbf{M} v^2$, $\mathbf{M} u^2$, $\mathbf{M}' w^2$, c'est-à-dire par \mathbf{M} , $\mathbf{M} a^2$, $\mathbf{M}' b^2$, ou enfin par

$$1, a^{3}, 1-a^{2}.$$

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 671 On voit que l'onde réfractée est complémentaire de l'onde incidente.

Lorsque l'incidence croît de i=0 à i=90, a augmente depuis $\frac{n-1}{n+1}$ jusqu'à 1, et l'intensité de la lumière réstéchie depuis $\left(\frac{n-1}{n+1}\right)^2$ jusqu'à l'unité. Celle de la lumière réstactée décroît continuellement depuis $\frac{4n}{(n+1)^2}$ jusqu'à zéro.

On peut vérisier la formule au moyen des mesures photométriques. C'est la marche qu'a suivie Arago. Mais puisque la lumière et la chaleur ne sont que des manisestations d'un même mouvement, on peut tout aussi bien contrôler la théorie par la mesure, au moyen de la pile de Melloni, des quantités de chaleur résiéchie par le verre; c'est ce qu'ont sait MM. de la Provostaye et Desains, et leurs mesures sont consormes aux sormules précédentes.

LUMIÈRE POLARISÉE PERPENDICULAIREMENT AU PLAN D'INCIDENCE.

— Pour distinguer ce cas du précédent, désignons par a' et b' les coefficients de réflexion et de réfraction : il faut résoudre les équations

$$(1) 1-a'^2=b'^2\frac{\sin i \cos r}{\sin r \cos i},$$

$$(1+a')\cos i=b'\cos r.$$

En divisant la première par le carré de la seconde,

$$\frac{1-a'}{1+a'}=\frac{\sin i \cos i}{\sin r \cos r},$$

$$a' = -\frac{\sin i \cos i - \sin r \cos r}{\sin i \cos i + \sin r \cos r} = \frac{\sqrt{n^2 - \sin^2 i} - n^2 \cos i}{\sqrt{n^2 - \sin^2 i} + n^2 \cos i},$$

(6)
$$a' = -\frac{\tan (i-r)}{\tan (i+r)},$$

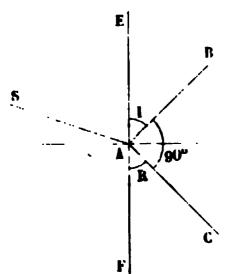
$$b' = \frac{2 \sin r \cos r}{\sin i \cos i}.$$

La quantité de lumière résléchie est exprimée par a'2. Pour

 $i=0^{\circ}$, elle est $\left(\frac{n-1}{n+1}\right)^2$, égale à celle qui se réstéchit normalement quand elle est polarisée dans le plan d'incidence. A mesure que i augmente, a'^2 diminue. Quand $i+r=90^{\circ}$, elle devient nulle. Elle augmente ensuite jusqu'à l'unité pour i=90. La quantité de lumière réstractée est complémentaire.

ANGLE DE POLARISATION. — Il y a donc une incidence remarquable I pour laquelle la lumière polarisée perpendiculairement au plan d'incidence ne se résléchit pas et se transmet totalement; c'est l'incidence de polarisation. Pour le verre, elle





est sensiblement égale à 54° 35'. En général, elle est déterminée par la condition

$$1 + R = 90^{\circ}$$
.

Soient SA (fig. 851) le rayon incident,

AB et AC les rayons résléchi et réfracté. Les angles I et R sont égaux à
EAB et à CAF, et puisque leur somme
est égale à 90 degrés, il faut que BAC
soit un angle droit. Donc « l'incidence

de polarisation est celle pour laquelle le rayon résléchi est perpendiculaire au rayon résracté. »

I et R étant complémentaires, sin R est égal à cos I. Donc

$$\frac{\sin I}{\sin R} := \frac{\sin I}{\cos I} = \tan I,$$

$$\tan I = n.$$

L'angle de polarisation est donc celui « dont la tangente est égale à l'indice de réfraction. » Avant les travaux de Fresnel, cette loi avait été découverte expérimentalement par le docteur Brewster, et elle porte son nom.

LUMIÈRE POLARISÉE DANS UN AZIMUT A. — Supposons que la surface réfléchissante soit verticale (fig. 852), que le plan d'incidence soit représenté par la ligne horizontale Ox, que le rayon incident se projette en O et que son plan de polarisation OM fasse un angle A avec Ox. La vibration incidente sera

- THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 673 dirigée suivant OP; elle pourra se décomposer en deux autres

$$OD = x = \sin A$$
, $OC = y = \cos A$.

En se résléchissant elles deviendront

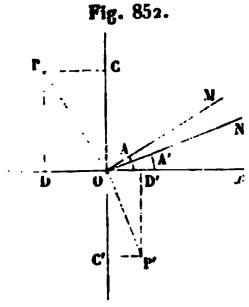
$$OD' = x' = a' \sin A$$
, $OC' = y' = a \cos A$;

elles auront la même phase et seront les composantes d'une vibration unique OP' faisant avec l'axe des y un angle A'; la tangente de A' sera égale au rapport de x' à y':

tang
$$A' = \frac{a' \sin A}{a \cos A} = \tan g A \frac{\frac{\tan g(i-r)}{\tan g(i+r)}}{\frac{\sin (i-r)}{\sin (i+r)}}$$
,

tang $A' = \tan g A \frac{\cos (i+r)}{\cos (i-r)}$.

 $\frac{\cos(i+r)}{\cos(i-r)}$ est une quantité égale à l'unité pour i=0, déroissante quand i augmente, nulle si $i+r=90^{\circ}$, négative et



croissante ensuite jusqu'à l'unité pour des valeurs de i qui augmentent jusqu'à 90 degrés. Il en résulte que le plan de polarisation de la lumière réfléchie doit être confondu avec celui du rayon incident pour la réflexion normale, se rapprocher ensuite du plan d'incidence et se confondre avec lui sous l'angle de polarisation, s'en écarter de l'autre côté jusqu'à prendre

une valeur égale et contraire à A pour $i = 90^{\circ}$.

Or, Brewster avait découvert par l'expérience, antérieurement aux travaux de Fresnel, la loi des valeurs de A' et l'avait exprimée par la formule

$$\tan A' = -\tan A \frac{\cos(i+r)}{\cos(i-r)},$$

qui est numériquement égale à celle de Fresnel, mais qui en dissère par le signe.

Cette contradiction vient de ce que nous n'avons pas tenu compte du changement de direction du rayon résléchi.

Considérons d'abord le cas de l'incidence normale; supposons que le rayon incident vienne en O (fig. 853) vers l'obser-

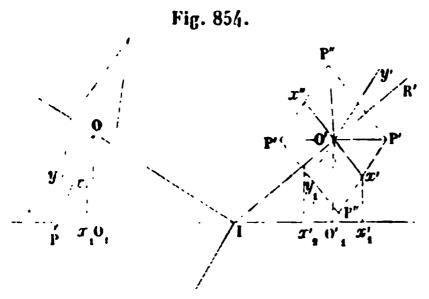
Fig. 853.

|y

vateur placé en avant de la figure et la regardant, la vibration se fera suïvant le plan OP dans le quadrant $y \cdot Ox'$ vers la gauche de Oy. Par la réflexion, les deux vibrations OC, OD s'affaiblissent dans un même rapport, changent de signe, et deviennent OC', OD'. La vibration résultante OP' est sur le prolongement de OP, et les deux plans de polarisation doivent être en

réalité confondus comme le veut la formule. Mais le rayon change de direction par la réslexion. Il en résulte que pour le recevoir dans l'œil, l'observateur est obligé de se placer derrière le tableau en se retournant. Alors la vibration OP lui paraît être à la droite de O y au lieu d'être à la gauche de cet axe; A se change en — A, mais c'est le changement de position de l'observateur qui cause ce changement de signe.

En général, soient Ol un rayon incident quelconque (fig.854), OP la vibration qu'on décompose en O γ parallèle à la surface



résléchissante et perpendiculaire au plan d'incidence, et en Ox située dans ce plan. Pour l'observateur placé en I. OP est à gauche de Oy: O_1x_1 est la projection de Ox sur la surface résléchissante.

Le rayon se résléchit

en I()', et l'observateur est placé en R'; la vibration y change de signe, et devient y'. Quant à la composante x il peut arriver trois cas.

1° Si l'incidence est plus petite que celle de polarisation, la projection $O_1 x_1$ parallèle à la surface change de signe par la réflexion et devient $O_1' x_1'$. $O_1' x_2'$ est la vibration dans le plan

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 675 d'incidence, et la résultante de y' et de x', OP', est à droite de Oy'; l'azimut de polarisation A' a donc un signe contraire à A.

2° Sous l'angle de polarisation, $O'_1x'_1$, est nulle ainsi que $O'x'_1$, O'y' est la vibration réfléchie, le plan de polarisation est confondu avec le plan d'incidence.

3° Pour une incidence supérieure à I, la projection $O_1 x_2$, est de même signe que $O_1 x_1$; la vibration O'x' s'est changée en O'x'', et la résultante O'P'' de O'x'' et de O'y' est à droite de Oy'; A' a le même signe que A.

On voit que les changements de position de l'observateur expliquent la contradiction de signe entre la formule qui résuine l'expérience et celle de Fresnel.

Pour observer l'azimut A' du plan de polarisation du rayon

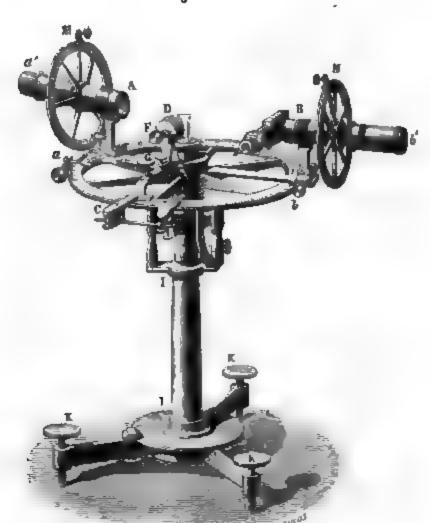


Fig. 855.

réfléchi, et en général pour toutes les expériences de ré-

flexion et de réfraction, j'ai fait construire le cercle représenté fig. 677, Pl. III, et qui a été décrit p. 349; seulement on place en a" le tube M (fig. 678) qui porte un cercle azimutal sur lequel tourne un prisme de Nicol. La lumière partant de a', rendue parallèle par la lentille qui est en a", se polarise ensuite dans un azimut A qu'on fait varier à volonté. Après avoir été résléchie, elle est reçue dans l'appareil N (fig. 678) qui contient d'abord un second nicol mobile autour de l'axe pour mesurer l'azimut A' du plan de polarisation après la réslexion, et ensuite une lunette qui vise à l'insini et donne l'image nette de l'ouverture a'. La substance résléchissante est en D; on la fait asseurer au centre en élevant son support dans la coulisse H, et on règle son plan par les vis ee, de telle sorte qu'en la faisant tourner autour d'un axe F parallèle au cercle, on ne déplace pas l'image résléchie.

La fig. 855 montre l'appareil complet.

RAYON RÉPRACTÉ. — La réfraction produit des phénomènes analogues. Soient toujours (fig. 852) $x = \sin A$, $y = \cos A$, les deux composantes de la vibration incidente. En se réfractant elles deviennent

$$x' = b' \sin \Lambda$$
, $y' = b \cos \Lambda$,

et sont les deux composantes horizontales et verticales d'une vibration unique polarisée dans un azimut A"; on a

$$\tan A'' = \frac{x'}{y'} = \frac{b'}{b} \tan A.$$

$$\frac{\tan^2 A''}{\tan^2 A} = \frac{1 - \frac{a'^2}{1 - a^2}}{1 - a^2} = \frac{1 - \frac{\tan^2(i - r)}{\tan^2(i + r)}}{1 - \frac{\sin^2(i - r)}{\sin^2(i + r)}}$$

$$= \frac{\sin^2(i + r)}{\tan^2(i + r)} \left[\frac{\tan^2(i + r) - \tan^2(i - r)}{\sin^2(i + r) - \sin^2(i - r)} \right]$$

$$= \frac{1}{\cos^2(i - r)} \frac{\sin^2(i + r)\cos^2(i - r) - \sin^2(i - r)\cos^2(i + r)}{\sin^2(i + r) - \sin^2(i - r)}$$
et enfin

$$\tan A'' = \frac{\tan A}{\cos (i-r)}.$$

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 677 Si la plaque est à faces parallèles, le rayon polarisé dans l'azimut A" rencontre la deuxième surface et sort de la plaque dans un azimut A, donné par la relation

$$\tan A_i = \frac{\tan A''}{\cos(r-i)},$$

ou

(9)
$$\tan A_i = \frac{\tan A}{\cos^2(i-r)}.$$

Comme les précédentes, cette formule a été découverte expérimentalement par le docteur Brewster. Elle se vérisse au moyen du même appareil.

RÉPLEXION DE LA LUMIÈRE NATURELLE. — Un rayon de lumière naturelle peut se décomposer en deux autres qui sont indépendants, dont l'intensité est égale à $\frac{1}{2}$ et qui sont polaris is parallèlement et perpendiculairement au plan d'incidence. Chacun d'eux se réfléchit suivant les formules précédentes, et leurs intensités s'ajoutent; on a donc, pour la quantité totale de lumière réfléchie,

(10)
$$L = \frac{1}{2} \left[\frac{\sin^2(i-r)}{\sin^2(i+r)} + \frac{\tan^2(i-r)}{\tan^2(i+r)} \right].$$

Les deux termes du deuxième membre représentent l'intensité des faisceaux polarisés dans le plan d'incidence ou perpendiculairement. Si tous deux étaient égaux, ils reproduiraient de la lumière naturelle; mais le second étant plus faible, excepté sous les incidences rasante et normale, il y a un excès de lumière polarisée dans le plan d'incidence.

Quand i+r sera égal à 90 degrés, le terme $\frac{\tan g^2(i-r)}{\tan g^2(i+r)}$ sera nul et le faisceau résléchi entièrement polarisé dans le plan d'incidence. C'est pour cette raison qu'on a nommé angle de polarisation l'incidence I qui satisfait à la relation

$$1 + R = 90^{\circ}$$
.

Au moyen du cercle divisé que nous avons décrit, on pourra mesurer l'angle de polarisation en cherchant l'incidence qui satisfait à l'une des trois conditions suivantes : 1° de polariser complétement la lumière naturelle incidente; 2° d'éteindre totalement un rayon polarisé perpendiculairement au plan d'incidence; 3° de faire coïncider avec ce plan d'incidence celui de la polarisation du rayon réséchi, quel que soit l'azimut A de la lumière incidente.

On peut vérisier toutes les formules au moyen de l'appareil représenté au n° 7 du banc d'optique ($Pl.\ II$). δ est une simple glace de verre. Un saisceau $\epsilon\delta$ se résiéchit dans l'axe mn; on peut l'analyser avec un nicol placé en n, et on trouve qu'il est polarisé pour une incidence $i=54^\circ,35$. On peut saire tomber un saisceau $\alpha\beta$ sur une première glace métallique β qui ne le polarise pas, puis sur une seconde γ parallèle à β , qui est en verre noirci, et qui sait un angle de $54^\circ,35$ avec l'axe XX. Elle résiéchit et polarise la lumière qui est ensuite reçue sur la glace δ où elle est résiéchie une seconde sois en quantité donnée par la formule suivante, où Λ est l'angle des deux plans :

$$R = \frac{\tan^2(i-r)}{\tan^2(i+r)}\sin^2\Lambda + \frac{\sin^2(i-r)}{\sin^2(i+r)}\cos\Lambda,$$

et si l'incidence est telle que $i + r = 90^{\circ}$,

$$R = \frac{\sin^2(i-r)}{\sin^2(i+r)}\cos A,$$

quantité qui est maximum lorsque A = 0, et nulle si A = 90.

RÉPRACTION DE LA LUMIÈRE NATURELLE. — Si le faisceau incident est égal à l'unité, on pourra le décomposer comme précédemment en deux autres égaux à $\frac{1}{2}$, polarisés dans les azimuts zéro et 90 degrés qui donneront, par la réfraction, un faisceau total

(11)
$$T = \frac{1}{2} \left[1 - \frac{\sin^2(i-r)}{\sin^2(i+r)} \right] + \frac{1}{2} \left[1 - \frac{\tan g^2(i-r)}{\tan g^2(i+r)} \right]$$

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 679

Le premier terme exprime la lumière polarisée dans le plan
d'incidence; il est plus petit que le second qui exprime la
lumière polarisée perpendiculairement. Donc, par une seule
réfraction, la lumière est partiellement polarisée dans ce plan
perpendiculaire au plan d'incidence.

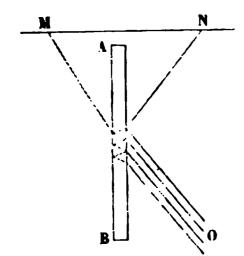
La formule précédente s'écrit

$$T = I - \frac{1}{2} \left[\frac{\sin^2(i-r)}{\sin^2(i+r)} + \frac{\tan g^2(i-r)}{\tan g^2(i+r)} \right] = I - R.$$

Les rayons résléchi et résracté sont donc complémentaires, et l'excès de lumière polarisée dans le plan d'incidence par réslexion est égal à l'excès de lumière polarisée perpendiculairement par résraction. Cette loi a été découverte par Arago; elle s'étend à un nombre quelconque de réslexions et de réstractions. On la vérisie de la manière suivante.

On fixe une glace AB (fig. 856) devant une feuille de pa-

Fig. 856.



pier MN, uniformément éclairée, de manière que l'œil placé en O reçoive à la fois la lumière réfléchie venant de N et la lumière réfractée venant de M. Toutes deux sont polarisées partiellement quand elles sont séparées; elles reproduisent de la lumière naturelle en se superposant.

Aucune des deux parenthèses qui composent la valeur de T dans l'équa-

tion (11) ne peut devenir nulle; il n'y a donc pas d'incidence de polarisation totale par réfraction. Mais la dissérence de ces quantités est maxima pour I + R = 90°; l'incidence I est donc celle de polarisation maxima. Si on prend une glace à saces parallèles, la proportion de lumière polarisée est doublée, et si on a n glaces, elle est 2n sois plus grande. En traversant sous l'incidence de 54 degrés une pile sormée de dix plaques de verre mince, un saisceau de lumière naturelle est sensiblement polarisé perpendiculairement au plan d'incidence; la fig. 675 bis, Pl. II, montre un appareil de ce genre.

Nous résumons tous ces résultats dans le tableau suivant :

1° Lumière polarisée dans le plan d'incidence.

Amplitudes du rayon
$$\begin{cases} \text{r\'efl\'echi}... & -\frac{\sin{(i-r)}}{\sin{(i+r)}}, \\ \text{r\'efract\'e}... & +\frac{2\sin{r}\cos{i}}{\sin{(i+r)}}. \end{cases}$$
 Quantit\'es de lumière
$$\begin{cases} \text{r\'efl\'echie}... & \frac{\sin^2{(i-r)}}{\sin^2{(i+r)}}, \\ \text{r\'efract\'ee}... & \text{I} -\frac{\sin^2{(i-r)}}{\sin^2{(i+r)}}. \end{cases}$$

2º Lumière polarisée perpendiculairement au plan d'incidence.

Amplitudes du rayon
$$\begin{cases} \text{r\'efl\'echi}.... & -\frac{\tan (i-r)}{\tan (i+r)}, \\ \text{r\'efract\'e}.... & +\frac{2\sin r\cos r}{\sin i\cos i-\sin r\cos r}. \end{cases}$$
 Quantit\'es de lumière
$$\begin{cases} \text{r\'efl\'echie}.... & \frac{\tan g^2 (i-r)}{\tan g^2 (i+r)}, \\ \text{r\'efract\'ee}.... & \text{I} -\frac{\tan g^2 (i-r)}{\tan g^2 (i+r)}. \end{cases}$$

3º Lumière polarisée dans l'azimut A.

4º Lumiere naturelle.

Quantité
$$\int réfléchie = \frac{1}{2} \left[\frac{\sin^2(i-r)}{\sin^2(i+r)} + \frac{\tan g^2(i-r)}{\tan g^2(i+r)} \right],$$

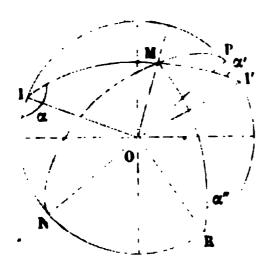
de lumière $\int réfractée = \frac{1}{2} \left[1 - \frac{\sin^2(i-r)}{\sin^2(i+r)} \right] + \frac{1}{2} \left[1 - \frac{\tan g^2(i-r)}{\tan g^2(i+r)} \right].$

Lumière polarisée $\int réflexion = \frac{1}{2} \frac{\sin^2(i-r)}{\sin^2(i+r)} \left[1 - \frac{\cos^2(i+r)}{\cos^2(i-r)} \right],$

par $\int réfraction = \frac{1}{2} \frac{\sin^2(i-r)}{\sin^2(i+r)} \left[1 - \frac{\cos^2(i+r)}{\cos^2(i-r)} \right].$

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 681 Soient IO, OI' et OR (fig. 857) les rayons incident, résiéchi

Fig. 857.



et réfracté; décrivons une sphère du point O comme centre. Menons suivant IO le plan IOM qui contient les vibrations incidentes, et un autre plan NMP normal au rayon réfracté OR. M. Cornu a démontré que OMI' et OMR contiennent les vibrations des rayons réfléchi et réfracté.

Soient α , α' , α'' les angles que les trois plans OMI, OMI', OMR font avec

le plan d'incidence; on a

tang MOP = tang α sin IOP = tang α' sin I'OP = tang α'' sin ROP; on a, d'autre part,

ROP = 90°, IOP =: 360 - IOR - ROP := 90 +
$$i - r$$
,
I'OP = 90 - ROI' = $i + r - 90$;

et, en remplaçant, on trouve

 $tang MOP = tang \alpha \cos(i - r) = tang \alpha' \cos(i + r) = tang \alpha'',$ ou $tang \alpha'' = tang \alpha \cos(i - r),$

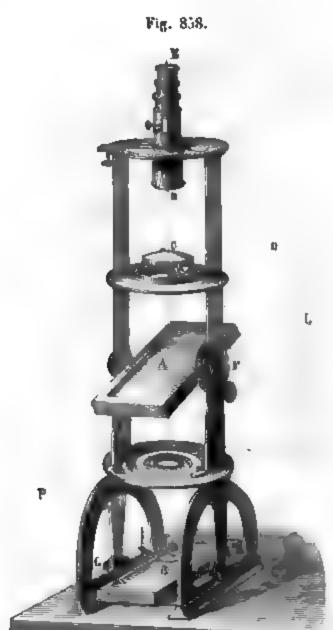
$$\tan \alpha' = \tan \alpha \frac{\cos(i-r)}{\cos(i+r)};$$

donc α , α' et α'' sont complémentaires des angles que font avec le plan d'incidence les plans de polarisation des trois rayons; par conséquent les trois plans IOM, l'OM, ROM sont les plans qui contiennent les vibrations; ils se coupent suivant une même droite OM.

appareil de norremberg. — L'appareil suivant (fig. 858) peut servir à répéter presque toutes les expériences de polarisation. Un rayon de lumière LA tombe sur une glace A qui fait avec la verticale un angle de 54°,35; il se résléchit suivant AB', rencontre une glace métallique B', revient suivant B'A, traverse la lame A, et continue son chemin jusqu'en E. En E est un analyseur. Sur le trajet de la lumière polarisée en C, on

682 QUATRE-VINGT-NEUVIÈME LEÇON.

peut mettre des lames minces cristallisées ou des quartz. Si on les dispose entre A et B', ils sont traversés deux fois par



la lumière polarisée; la différence de marche des rayons interférents est doublée pour les lames cristallisées; la rotation des plans de polarisation est détruite pour les quartz. Si l'on met des lentilles dans le trajet, on peut faire les expériences qui exigent l'emploi de la lumière divergente.

RÉFLEXION TOTALE.

Les formules de Fresnel sont générales; on vient de les vérisier pour le cas où l'indice du second milieu est plus grand

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 683 que l'unité; elles s'appliquent également aux réflexions intérieures, tant que l'incidence ne dépasse pas l'angle limite; mais au delà elles deviennent imaginaires. Considérons d'abord le cas où la lumière est polarisée dans le plan d'incidence; on a

$$u = -\frac{\sin(1-r)}{\sin(1+r)} = \frac{-\sin i \cos r + \sin r \cos i}{\sin i \cos r + \sin r \cos i}$$

$$= \frac{n \sin i \cos i - \sin i \sqrt{1 - n^2 \sin^2 i}}{n \sin i \cos i + \sin i \sqrt{1 - n^2 \sin^2 i}}$$

$$= \frac{n^2 \sin^2 i \cos^2 i + \sin^2 i (1 - n^2 \sin^2 i) - 2n \sin^2 i \cos i \sqrt{1 - n^2 \sin^2 i}}{n^2 \sin^2 i \cos^2 i - \sin^2 i (1 - n^2 \sin^2 i)}$$

$$= \frac{n^2 + 1 - 2n^2 \sin^2 i}{n^2 - 1} - \frac{2n \cos i}{n^2 - 1} \sqrt{n^2 \sin^2 i - 1} \sqrt{-1}$$

$$= P + O\sqrt{-1}.$$

En présence de ce résultat, Fresnel fait le raisonnement sui-

Puisque cette vitesse u est imaginaire, il faut que l'une des deux équations (1) et (2) qui ont servi à la calculer soit inexacte. Ce ne peut être l'équation des forces vives; il faut que ce soit la seconde 1+a=b. Or, celle-ci a été établie en supposant que la phase des rayons incident et réfléchi est la même à la surface de séparation; c'est probablement cette hypothèse qui est fausse, et l'analyse ne pouvant abandonner dans ses réponses les conditions qui lui ont servi de fondement nous avertit qu'il faut les changer. Reprenons donc le problème en admettant qu'il y ait entre v et u une différence de phase φ et qu'on ait

$$v = \sin 2\pi \frac{t}{T}, \quad u = a \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} + \varphi\right),$$

$$u = a \cos 2\pi\varphi \sin 2\pi \frac{t}{T} + a \sin 2\pi\varphi \cos 2\pi \frac{t}{T}.$$

u pourra être considéré comme étant la somme de deux vibrations différant de $\frac{\pi}{2}$; son intensité A' devra être égale à la somme des intensités de ces deux vibrations,

$$\mathbf{A}^2 = a^2 \cos^2 2\pi \varphi + a^2 \sin^2 2\pi \varphi.$$

D'un autre côté, dans la solution précédente, la valeur trouvée pour u était de la forme $P+Q\sqrt{-1}$. Or, on sait qu'en mathématiques on interprète de la manière suivante cette forme imaginaire : on construit un triangle rectangle dont les deux côtés sont P et Q, et l'hypoténuse, qui est $\sqrt{P^2+Q^2}$, représente la valeur qu'on aurait obtenue si on avait corrigé dans le problème la condition erronée qui a amené la forme imaginaire.

Faisant l'application de cette théorie au cas qui nous occupe, Fresnel admet que $\sqrt{P^2+Q^2}$ serait l'amplitude de la vitesse v et P^2+Q^2 son intensité. Comme, d'autre part, nous venons de la représenter par

$$a^2\cos^2 2\pi\varphi + a^2\sin^2 2\pi\varphi$$

et que $a\cos 2\pi\phi$ et $a\sin 2\pi\phi$ sont les côtés d'un triangle rectangle, on est amené à poser

$$a\cos 2\pi\varphi = P = \frac{n^2 + 1 - 2n^2\sin^2i}{n^2 - 1},$$

 $a\sin 2\pi\varphi = Q = -\frac{2n\cos i}{n^2 - 1}\sqrt{n^2\sin^2i - 1}.$

En faisant la somme des carrés on aura l'intensité de la lumière résléchie,

$$A^{2} = \frac{(n^{2} + 1 - 2n^{2} \sin^{2} i)^{2} + 4n^{2} \cos^{2} i (n^{2} \sin^{2} i - 1)}{(n^{2} - 1)^{2}}$$

$$= \frac{(n^{2} + 1)^{2} - 4n^{2}}{(n^{2} - 1)^{2}} = 1;$$

par conséquent la réflexion est totale.

On obtient, en second lieu, pour le changement de phase,

$$\tan 2\pi\varphi = \frac{Q}{P} = -\frac{2n\cos i\sqrt{n^2\sin^2 i - 1}}{n^2 + 1 - 2n^2\sin^2 i}$$

Dans le cas où la lumière est polarisée perpendiculairement au plan d'incidence, on répète absolument les mêmes raisonnements; il n'y a qu'à remplacer la vitesse v par « et l'on obtient, toutes réductions faites, 1° une intensité encore égale à THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 685 l'unité, 2° un changement de phase φ' donné par la formule

$$\tan 2\pi\varphi' = -\frac{2n\cos i\sqrt{n^2\sin^2 i} - 1}{n^2 + 1 - (n^4 + 1)\sin^2 i}.$$

Quand la lumière sera polarisée dans un azimut quelconque A, on la décomposera en deux faisceaux $\cos^2 A$ et $\sin^2 A$, polarisés dans le plan d'incidence et dans le plan perpendiculaire. Ils se réfléchiront totalement et prendront une différence de phase $2\pi(\phi-\phi')$ qu'on calcule aisément puisqu'on connaît $2\pi\phi$ et $2\pi\phi'$. On trouve

$$\cos 2\pi (\varphi - \varphi') = \frac{1 - (n^2 + 1)\sin^2 i + 2n^2\sin^4 i}{(n^2 + 1)\sin^2 i - 1}.$$

En résumé, Fresnel a cherché à interpréter les formules dans un cas où elles n'étaient point applicables; il y est parvenu d'une manière très-conjecturale. Il est arrivé à cette conclusion que la lumière est réfléchie totalement quel que soit son plan de polarisation; qu'elle est polarisée elliptiquement, et que ses deux composantes ont une différence de phase $2\pi(\phi-\phi')$. C'est ce qu'il faut chercher à vérifier.

VÉRIFICATIONS. — Sous l'incidence limite $i=\frac{1}{n}$, $\cos 2\pi (\varphi-\varphi')$ est égal à l'unité, et la différence de marche $2\pi (\varphi-\varphi')$ est nulle. Elle augmente ensuite avec i, atteint un maximum, puis décroit de nouveau jusqu'à l'incidence 90 degrés, pour laquelle $\sin i=1$ et $\cos 2\pi (\varphi-\varphi')=1$. Pour trouver ce maximum il faut chercher le minimum de $\cos 2\pi (\varphi-\varphi')$, c'est-à-dire égaler à zéro la dérivée de $\cos 2\pi (\varphi-\varphi')$, ce qui conduit à l'expression

$$(n^2+1)\sin^2 i - 2 = 0$$
, $\sin^2 i = \frac{2}{n^2+1}$.

Si l'on emploie du verre de Saint-Gobain pour lequel $n = \frac{3}{2}$

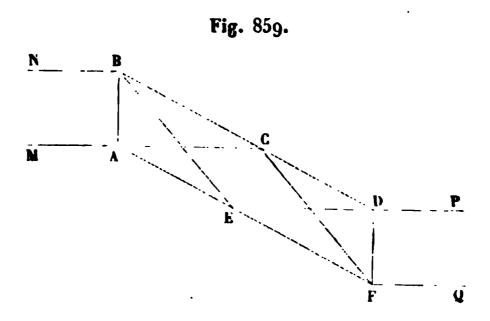
$$\sin^3 i = \frac{8}{13}$$
, $i = 55^\circ$, et $\cos 2\pi (\varphi - \varphi') = \frac{119}{16}$.

Cette valeur est un peu plus petite que $\sqrt{\frac{1}{2}}$; c'est-à-dire que

la différence de phase maximun atteint à peu près 45 degrés et la différence de marche $\frac{\lambda}{8}$ est un peu supérieure à un huitième de longueur d'onde sous une incidence de 55 degrés.

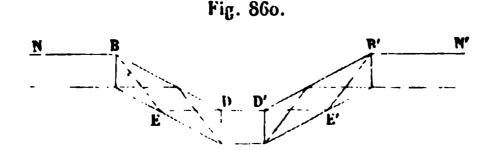
Si donc on fait résléchir deux sois le rayon incident sous cet angle, la dissérence de phase des deux vibrations composantes sera sensiblement égale à 90 degrés ou la dissérence de marche à un quart d'onde. La lumière sera polarisée elliptiquement, et l'un des axes de l'ellipse sera dans le plan d'incidence. Si, de plus, le rayon incident est polarisé dans un azimut de 45 degrés, les axes de l'ellipse seront égaux et le rayon résléchi polarisé circulairement. Telle est la conséquence qu'on va vérisier.

Fresnel a construit des parallélipipèdes de verre ABDF (fig. 859) dont les dimensions sont telles, qu'un faisceau de



rayons parallèles MNAB, polarisé à 45 degrés, qui tombe normalement sur AB, se réfléchit une première fois intérieurement en BC, sous l'angle de 55 degrés, puis une seconde fois en EF, et sort normalement en DF, après avoir repris sa direction primitive. L'expérience montre : 1° qu'il est dépolarisé et donne deux images égales dans un analyseur dirigé d'une manière quelconque; 2° si on interpose en DPFQ un mica d'un quart d'onde dans une direction quelconque, le faisceau redevient polarisé à 45 degrés de la section principale de ce mica; 3° enfin, si à la suite du parallélipipède ABFD on en place un second qui double le nombre des réflexions (fig. 860), la différence de marche est doublée; elle est égale à $\frac{\lambda}{2}$, le rayon est

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 687 ramené à la polarisation plane, et le plan de polarisation a



tourné de 180 degrés. Ces vérifications ne laissent rien à désirer. Depuis cette époque j'ai mesuré moi-même la différence de phase 2π ($\phi - \phi'$) pour toutes les incidences et justifié complétement la formule de Fresnel.

RÉFLEXION SUR LES MÉTAUX. — Malus avait reconnu que la réflexion sur les métaux se fait suivant d'autres lois qu'à la surface des corps transparents.

Brewster, Biot, Neumann, de Senarmont et moi-même avons expérimentalement étudié cette question; elle a été traitée théoriquement par Mac Cullagh et Cauchy. Je m'occuperai surtout des résultats de l'expérience.

Tout rayon polarisé dans le plan d'incidence ou perpendiculairement reste, après la réflexion, polarisé dans le même plan. Dans le premier cas, la proportion de lumière réfléchie croît depuis la réflexion normale jusqu'à l'incidence rasante où elle devient égale à un; dans le second, elle diminue d'abord et atteint un minimum sous une incidence déterminée I, après quoi elle augmente jusqu'à la réflexion rasante où elle est encore égale à l'unité. Ce minimum est peu prononcé pour l'argent, il est beaucoup plus accentué pour l'acier; pour certains oxydes métalliques il est voisin de zéro.

Il résulte de là que la lumière naturelle qui peut être décomposée en deux faisceaux égaux, polarisés dans les plans principaux, restera composée, après la réflexion, de deux rayons polarisés dans le plan d'incidence et dans le plan perpendiculaire, le premier plus intense que le second, et leur superposition donnera une lumière partiellement polarisée dans le plan d'incidence, surtout sous l'angle I. A cause de cela I se nomme l'angle de polarisation maximum ou simplement de polarisation.

Pour mesurer les proportions A² et A'² de lumière résléchie,

quand elle est polarisée dans le plan d'incidence ou dans le plan perpendiculaire, j'ai formé un miroir plan, mi-parti de verre et du métal que je voulais étudier; je l'ai placé au centre de mon appareil de réflexion; j'ai polarisé la lumière incidente à 45 degrés et j'ai reçu sur un analyseur biréfringent la double image donnée par le métal et le verre. Si α est l'azimut de l'analyseur, les images ordinaires et extraordinaires données par le verre et par le métal sont

$$O \begin{cases} a^2 \cos^2 \alpha, \\ A^2 \cos^2 \alpha; \end{cases} E \begin{cases} a'^2 \sin^2 \alpha, \\ A'^2 \sin^2 \alpha. \end{cases}$$

Il y a deux valeurs α_1 et α_2 de α_3 pour lesquelles les images de nom contraire réfléchies par les deux substances sont égales : on mesure ces valeurs et on obtient

$$a^{2}\cos^{2}\alpha_{1} = A'^{2}\sin^{2}\alpha_{1}, \quad A'^{2} = \frac{a^{2}}{\tan^{2}\alpha_{1}} = \frac{\sin^{2}(i-r)}{\tan^{2}\alpha_{1}\sin^{2}(i+r)},$$

$$A^{2}\cos^{2}\alpha_{2} = a'^{2}\sin^{2}\alpha_{2}, \quad A^{2} = a'^{2}\tan^{2}\alpha_{2} = \frac{\tan^{2}\alpha_{1}\tan^{2}(i-r)}{\tan^{2}(i+r)}.$$

Je citerai les nombres obtenus pour l'acier : le minimum de A' se trouve pour l'incidence $I = 76^{\circ}$.

ACIER.

	RACINE CARRÉE DES INTENSITÉS DE LA LUMIÈRE RÉFLÉCHIE					
INCIDENCES.		lans le plan ence: A	polarisée perpendiculairement au plan d'incidence: A'			
	observée.	valculée.	observée.	calculée.		
85	0,951	0,977	0,719	0,709		
8o	0,945	0,954	0,547	0,583		
75	0,946	0,932	0,566	0,563		
70	0,915	0,910	0,545	0,569		
Go ,	0,897	0,874	0,630	0,630		
5o	0,828	0,842	o,666	0,681		
40	0,780	0,815	o,688	0,717		
3о	0,790	0,795	0,760	0,742		
20	0,780	0,781	0,770	0,758		

DIFFÉRENCE DE MARCHE. — On vient de voir que les métaux polarisent la lumière incomplétement. Ils dissèrent des miroirs transparents par un caractère encore plus remarquable. Ils décomposent une vibration plane en deux rayons polarisés parallèlement et perpendiculairement au plan d'incidence, inégaux en intensité et dissérents dans leur phase, de sorte que la lumière résléchie est polarisée elliptiquement.

Polarisons la lumière incidente dans un azimut α , plaçons le compensateur décrit p. 639 dans le trajet du rayon incident, dirigeons son axe parallèlement au plan d'incidence, mettons le micromètre au zéro et tournons la section principale de l'analyseur dans le plan de polarisation du rayon incident. Nous verrons dans le rayon extraordinaire une frange centrale noire, entre les deux fils qui servent à faire la visée. Dans cet espace les deux prismes du compensateur détruisent exactement leur effet, la lumière y a conservé sa polarisation plane; partout ailleurs elle est devenue elliptique. Cela fait, recevons le rayon incident sur une surface métallique.

Sous l'incidence normale, le rayon résléchi sera polarisé rectilignement dans un azimut — α . Ce changement de signe vient, comme nous l'avons expliqué, de ce que le rayon revient sur ses pas, de ce que l'observateur s'est retourné et de ce que sa droite s'est placée du côté où était primitivement sa gauche. La frange centrale noire se voit donc au zéro de l'appareil dans l'image extraordinaire, lorsque l'azimut de l'analyseur est — α .

Quand l'incidence augmente, la frange centrale se déplace peu à peu. Cela veut dire que les deux rayons principaux prennent une différence de marche; qu'elle est détruite par une certaine épaisseur de quartz; qu'aux points où cette épaisseur existe, la polarisation plane est rétablie, et la lumière est éteinte dans l'image extraordinaire quand la section principale de l'analyseur est dans le plan de cette polarisation rétablie. Or, comme les amplitudes $A\cos\alpha$ et $A'\sin\alpha$ des rayons réfléchis ne sont point changées par le compensateur, l'azimut β de la polarisation rétablie est donné par la formule

tang
$$\beta = \frac{A'}{A} \tan \alpha$$
.

Le sens du déplacement de la frange indique que le rayon III.

polarisé dans le plan d'incidence est en avance sur celui qui est polarisé perpendiculairement. Cette avance est nulle sous l'incidence normale; elle croît avec l'inclinaison, devient égale à $\frac{\lambda}{4}$ sous l'angle de polarisation I et à $\frac{\lambda}{2}$ pour la réflexion rasante. Le compensateur permet de mesurer cette différence de marche Δ : il sussit, comme on l'a expliqué p. 639, de saire jouer le micromètre d'une quantité p jusqu'à ramener la frange sous le sil central. Si L est le déplacement quand la différence de marche est λ , Δ est égale à $\frac{p\lambda}{L}$. Voici le tableau des différences de marche que j'ai trouvées pour l'acier poli :

ACIER. 1 = 76, $\varepsilon = 57^{\circ}53'$.

NCIDENCÉS.	DIFFÉRENCES DE MAR	CHE EX FONCTION 1	
	observées.	calculées	
84,00	0,800	0,796	
83,20	0,750	0,753	
80,46	0,666	0,641	
79,00	0,600	0,596	
76,00	0,500	0,500	
73,00	0,400	0,392	
68,16	o,333	0,320	
61,39	0,222	0,226	
5 1 ,00	0,143	0,133	
45,27	0,100	0,100	
38,59	0,071	0,071	

Puisque la différence de marche est égale à un quart d'onde sous l'incidence l, la lumière réfléchie sera polarisée circulairement, si les deux rayons composants sont égaux. Ils le seront si on a polarisé la lumière incidente dans un azimut α tel que l'on ait

 $A \cos \alpha = A' \sin \alpha$.

On y arrive par tâtonnement. Alors on reconnaît, en analysant la lumière résléchie, qu'elle donne deux images égales; THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 691 qu'elle repasse à la polarisation rectiligne en traversant un quart d'onde, et, par le sens de la polarisation rétablie, que le rayon polarisé dans le plan d'incidence est en avance.

RÉPLEXIONS MULTIPLES. — Brewster a fait le premier une expérience très-curieuse qui consiste à faire réfléchir plusieurs fois la lumière polarisée entre deux miroirs métalliques parallèles. En général, le rayon est dépolarisé; mais pour certaines incidences, la polarisation est rétablie dans des azimuts déterminés qui sont alternativement positifs et négatifs. Après 2, 3, 4, ..., n réflexions, il y a 1, 2, 3, ..., n-1 incidences de polarisation rétablie. Neumann a expliqué ce fait comme il suit. Après une réflexion sous des incidences progressivement croissantes i_1, i_2, \ldots , la différence de marche prend les n-1, valeurs croissantes

$$\frac{\lambda}{2n}$$
, $\frac{2\lambda}{2n}$, $\frac{3\lambda}{2n}$,..., $\frac{(n-1)\lambda}{2n}$.

Après n réflexions cette différence de marche est multipliée par n; elle devient, sous les mêmes incidences, égale à des multiples entiers de demi-longueur d'onde qui sont

$$\frac{\lambda}{2}$$
, $\frac{2\lambda}{2}$,..., $\frac{(n-1)\lambda}{2}$;

par conséquent, la polarisation est rétablie.

Réciproquement, si on détermine les diverses incidences de polarisation rétablie, i_1 , i_2 ,..., la dissérence de marche, après une seule réslexion, sera, pour chacune d'elles, égale à

$$\frac{\lambda}{2n}$$
, $\frac{2\lambda}{2n}$,..., $\frac{(n-1)\lambda}{2n}$.

C'est ainsi qu'ont été trouvées les dissérences de marche du tableau précédent. D'un autre côté, on pourra mesurer l'azimut β_n de la polarisation et en déduire le rapport des intensités. En esset, pour une réslexion, les amplitudes réslechies sont $A' \sin \alpha$, $A \cos \alpha$; pour deux, elles deviennent $A'^2 \sin \alpha$, $A^2 \cos \alpha$, et ainsi de suite jusqu'à n réslexions; l'azimut de polarisation rétablie serait alors

$$\tan \beta_n = \pm \left(\frac{A'}{A}\right)^n \tan \alpha.$$

Si on a mesuré β_n , on calculera $\frac{A'}{A}$. Le signe \pm correspond aux cas où la différence de marche totale est égale à un multiple pair ou impair de $\frac{\lambda}{2}$.

pour faire connaître le sens et l'explication générale des phénomènes de la réflexion métallique. Pour les calculer numériquement il faut admettre certaines hypothèses sur la constitution de l'éther dans les milieux. Nous n'aborderons pas ce point compliqué, et nous nous contenterons de résumer les formules de Cauchy. A et A' sont données par les relations suivantes:

$$A = \tan(\varphi - 45), \quad A' = \tan(\chi - 45).$$

φ et χ se calculent par les équations

$$\left(\cot\varphi = \cos(2\varepsilon - u)\sin\left(2\arctan\frac{U}{\theta^2\cos i}\right),\right.$$

$$\left(\cot\chi = \cos u\sin\left(2\arctan\frac{\cos i}{U}\right).\right.$$

 θ et ε sont deux constantes, U et u deux variables qu'on trouve par les relations

(2)
$$\begin{cases} \cot(2u - \varepsilon) = \cot\varepsilon\cos\left(2\arctan\frac{\sin i}{\theta}\right), \\ \theta^2\sin^2\varepsilon = U^2\sin 2u. \end{cases}$$

Enfin, les constantes θ et ε se déterminent comme il suit. Sous l'angle 1 de polarisation, les variables u, U prennent les valeurs particulières

$$u = 2 \beta$$
, $U = \sin I \tan g I$.

 β étant l'azimut de polarisation rétablie, quand on a détruit la différence de marche et que le rayon incident est polarisé à 45 degrés. On remplace dans les formules (2) u et U par ces valeurs, et on tire θ et ε . Une fois ces constantes connues, les valeurs de u et U se calculent pour chaque incidence, ainsi que φ et χ , puis enfin A et A'.

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 693 COULEUR DES MÉTAUX. — On voit que pour calculer les conditions de la réflexion sur les métaux, il faut deux constantes: l'angle l et l'angle β dont la tangente est égale à $\frac{A'}{A}$ sous l'incidence l.

En cherchant les valeurs de ces deux angles I et β pour les diverses raies du spectre depuis le rouge jusqu'au violet, j'ai trouvé qu'elles sont notablement différentes. Voici quelques exemples :

	ARGENT.		MÉTAL des cloches.		ACIER.		zinc.		MÉTAL des miroirs.	
	I .	ß	1	13	ī	β	1	ß	I	ß
Rouge.	0 / 75.00	6 , 40.59	74,15	28.46	0 , 77· 4	0 / 16.29	75.11	0 / 17. 9	76.14	28.37
D	72.30	40. 9	73.28	28.24	76.40	16.48	74.27	18.45	74. 7	27.21
E	71.30	40.19	72.20	25.31	75.47	17.30	73.28	21.13	73.35	25.52
F	69.34	39.46	71.21	23 .55	75. 8	18.29	72.32	22.44	73. 4	26.15
H	66.12	3 9.50	70. 2	23.21	74.32	20. 7	71.18	25.18	71.56	28.00
	,		.		ļ	<u> </u>	<u> </u>		<u> </u>	

Il faut d'abord remarquer que les valeurs de I vont en diminuant pour tous les métaux depuis le rouge jusqu'au violet. Cela constitue une notable différence avec les corps transparents chez lesquels l'inverse se présente. Pour ceux-ci

$$tangI = n$$
.

Si cetté relation s'appliquait aux métaux, il faudrait en conclure que l'indice de réfraction de ces corps diminue depuis le rouge jusqu'au violet.

En examinant les valeurs de β , on peut diviser les métaux en trois classes : 1° l'argent et le métal des cloches, auxquels il faudrait ajouter l'or, le cuivre et le laiton, ont des valeurs de β qui décroissent du rouge au violet; 2° pour l'acier et le zinc la loi est inverse; 3° le métal des miroirs participe de ces deux classes : β décroît du rouge au vert et croît du vert au violet.

Connaissant ces valeurs, on peut calculer, au moyen des

formules de Cauchy, la proportion résléchie des divers rayons simples du spectre. En saisant ce calcul pour l'incidence normale, j'ai trouvé que la première classe résléchit plus abondamment les rayons peu résrangibles tels que le rouge; que le contraire a lieu pour la deuxième, et que pour la troisième la proportion résléchie diminue du rouge au vert pour augmenter du vert au violet.

Au moyen du cercle chromatique de Newton, j'ai pu calculer la teinte du saisceau résiéchi, c'est-à-dire la couleur des métaux; elle a été entièrement consorme à l'expérience. B. Prévost avait remarqué autresois que ces divers métaux offrent des teintes sort vives quand on sait résiéchir plusieurs sois la lumière entre deux lames parallèles; que le cuivre est pourpre ainsi que l'or; que l'argent est jaune d'or, l'acier et le zinc bleus et le métal des miroirs un peu rouge. Le calcul des teintes reproduit rigoureusement ces résultats. En résumé, les couleurs des métaux s'expliquent par les lois mêmes des rayons résiéchis.

POLARISATION ELLIPTIQUE PAR LES SUBSTANCES TRANSPARENTES.

— Il semblerait, d'après ce que nous avons dit, qu'il y a deux modes distincts de réflexion, l'un offert par les métaux qui polarisent incomplétement la lumière naturelle, l'autre par les matières analogues au verre qui offrent un angle de polarisation complète, ne produisent aucune dissérence de phase entre les rayons principaux et suivent les formules de Fresnel. En y résléchissant bien, il est naturel de penser qu'on passe insensiblement du premier cas au second. Depuis longtemps, en effet, on savait que sur le soufre et le diamant la polarisation n'est jamais complète. En opérant avec la lumière solaire, j'ai pu m'assurer qu'elle ne l'est pas même avec le verre, ni avec aucune substance dont l'indice dépasse 1,40. Pour celles qui ont un indice voisin de ce nombre, elle devient totale; mais elle cesse de nouveau de l'être avec les liquides tels que l'eau et avec les solides les moins réfringents comme l'hyalite ou la fluorine. En général, le rapport des amplitudes des rayons polarisés dans les plans perpendiculaire et parallèle au plan d'incidence prend une valeur minima sous un angle de polarisation I; cette valeur diminue depuis l'arTHÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 695 gent jusqu'au verre; elle est nulle pour l'alun; mais elle cesse de l'être pour les corps moins résringents que l'alun et elle augmente à mesure que l'indice diminue.

En suivant de tout point la méthode qui vient d'être appliquée aux métaux, j'ai constaté que non-seulement les substances transparentes polarisent incomplétement la lumière, mais qu'en outre elles impriment une différence de marche aux vibrations dirigées dans les plans principaux; que le rayon polarisé dans le plan d'incidence est en avance sur celui qui est polarisé perpendiculairement; que la différence de marche croît d'abord très-lentement depuis i = 0 jusqu'à des angles voisins de I; qu'ensuite elle augmente rapidement jusqu'à la valeur $\frac{\lambda}{4}$ qu'elle atteint pour l'incidence I; puis jusqu'à $\frac{\lambda}{2}$ à mesure que l'on approche de la réflexion rasante. Ce qui se passait pour les métaux se reproduit donc même pour le verre. Voici les résultats que cette substance a offerts : l'angle β est celui dont la tangente exprime le rapport des amplitudes, la différence de marche est calculée en fraction de $\frac{\lambda}{2}$.

VERRE. n = 1,487, $\epsilon = 0,00752$.

incidence.	DIFFÉRENCE	DE MARCHE	ß		
	observée.	calculée.	observé.	calculé.	
• ,	0	0	0 /	0 /	
o 54	0,000 0,036	0,000 0,037	3. 9	3.17	
54 55	0,058	0,061	1.43	1.44	
55.3o	0,141	0,127	0.54	o.5g	
55.45	0,223	0,159	0.33	0.39	
56	0,420	0,396	0.21	0.39	
56.15	0,686	0,681	0.29	0.28	
56 3o	0,846	0,837	0.51	0.47	
57	0,913	0,917	1.36	1 12	
58	0,958	0,970	3. 2	3.5o	
61	0,981	0,985	7. 8	7.41	
၅၀	1,000	1,000	45	45	

On peut remarquer qu'avec l'argent la dissérence de marche se fait sentir depuis l'incidence de zéro jusqu'à l'incidence de 90 degrés; avec le verre elle n'est appréciable qu'entre 54 et 61 degrés. A mesure que l'indice décroît, ces limites se rapprochent; elles se consondent quand on opère avec l'alun, et alors il y a un angle de polarisation complète.

Pour la fluorine, la différence de marche reparaît entre des limites très-rapprochées de I; elle croît encore depuis o jusqu'à $\frac{\lambda}{2}$ entre les incidences normale et rasante; mais elle a éprouvé un changement caractéristique; elle a changé de signe, et c'est le rayon polarisé dans le plan d'incidence qui est en retard sur celui qui est polarisé perpendiculairement. D'après ce caractère, on peut diviser les substances en deux catégories: les unes dont l'indice dépasse 1,40 qui ont une différence de marche positive et les autres dont la réfringence est très-faible où cette différence de marche est négative.

Il est évident que les formules de Fresnel ne s'appliquent rigoureusement qu'à l'alun et au petit nombre de corps qui se comportent comme lui; dans l'immense majorité des cas, elles ne sont qu'une approximation, acceptable seulement pour les incidences éloignées de I, mais au voisinage de cet angle elles laissent passer inaperçu le phénomène capital de la réflexion elliptique.

Longtemps avant que j'eusse découvert ces faits, Cauchy en avait prévu la théorie; mais il avait restreint ses formules pour les faire coı̈ncider avec celles de Fresnel, ne supposant pas que celles-ci fussent inexactes. Voici quelles sont ces formules. Soit β l'angle dont la tangente exprime le rapport des amplitudes, on a, en représentant par ε un coefficient trèspetit,

$$\tan^2\beta = \frac{A^{\prime 2}}{A^2} = \frac{\cos^2(i+r) + \varepsilon^2 \sin^2 i \sin^2(i+r)}{\cos^2(i-r) + \varepsilon^2 \sin^2 i \sin^2(i-r)};$$

la différence de marche entre les deux rayons principaux est

$$\tan \Delta = \frac{\varepsilon \sin i [\tan g(i+r) + \tan g(i-r)]}{1 - \varepsilon^2 \sin^2 i \tan g(i+r) \tan g(i-r)}.$$

La théorie de Cauchy ne pouvait déterminer la valeur de e;

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 697 c'est l'expérience qui a montré que ce coefficient, toujours très-petit, est positif pour les substances à différence de marche positive, et négatif pour les autres. Les formules se réduisent à celles de Fresnel si $\varepsilon = 0$, puisqu'on a

$$tang\beta = \frac{\cos(i+r)}{\cos(i-r)}$$
 et $tang\Delta = 0$.

Voici quelles sont les valeurs de ε et de n pour diverses substances.

	n	ε
Sélénium	2,605	0,1200
Houille	1,701	0,1158
Réalgar	2,454	0,0791
Strass	1,597	0,0492
Blende	2,371	0,0296
Diamant	2,434	0,0180
Flint	1,714	0,0170
Quartz	1,530	0,0112
Alun	1,428	0,0000
Ménilite	1,482	0,0000
Fluorine	1,439	-· o,oo84
Hyalite	1,421	- o,oo64

ANNEAUX COLORÉS.

LOIS EXPÉRIMENTALES. — Toutes les substances sont transparentes quand elles sont très-minces, et toutes offrent alors des couleurs fort vives. Les bulles de sayon en sont l'exemple le plus remarquable. Ce que nous allons chercher, c'est la loi de cette coloration pour toutes les épaisseurs, dans toutes les substances, et sous toutes les incidences.

Cette étude exigeait des lames très-minces dont l'épaisseur pût être exactement mesurée et variât régulièrement. Newton a imaginé de poser une lentille convexe de grand rayon sur un plan de verre. Elle le touche en un seul point à partir duquel elle en est séparée par une lame d'air d'autant plus épaisse qu'elle est plus éloignée du contact. Voici quel est l'aspect du phénomène.

1° En recevant sur le double verre un faisceau de lumière homogène fourni par la combustion de l'alcool salé ou qui a

traversé un verre rouge, on voit par réslexion une tache noire au point de contact, entourée d'anneaux concentriques alternativement brillants et obscurs qui se serrent de plus en plus à mesure que leur numéro d'ordre augmente.

- 2º Si on emploie successivement diverses lumières simples, les diamètres de ces anneaux augmentent ou diminuent en même temps que la longueur d'ondulation; d'où il suit qu'avec la lumière blanche les anneaux des diverses couleurs ne se superposent point, qu'ils sont colorés, et que pour les ordres les plus élevés, le mélange des teintes reproduit une lumière sensiblement blanche.
- 3º Newton a décrit exactement leurs teintes successives. Après la tache noire centrale et en s'écartant du centre, on voit un premier ordre d'anneaux comprenant le bleu, le blanc, le jaune et le rouge; le premier peu apparent, les deux autres plus abendants et occupant quatre ou cinq fois l'étendue du bleu.

Le second ordre comprend le violet, le bleu, le vert, le jaune et le rouge; toutes ces couleurs sont abondantes et vives, excepté le vert.

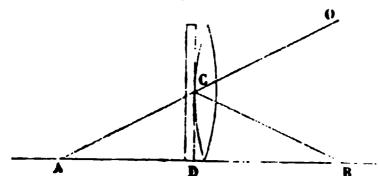
Dans le troisième ordre, le plus remarquable par l'éclat et l'abondance des teintes, on distingue le pourpre, le bleu, le vert, le jaune et le rouge.

La quatrième série ne contient plus que le vert et le rouge, et les suivantes deviennent de plus en plus indécises. L'ensemble de ces anneaux reproduit exactement les successions de couleurs que nous avons déjà trouvées dans l'image ordinaire des lames minces cristallisées pour $\alpha=45$ et $\omega=45$; elles sont complémentaires de celles qu'on voit dans les bandes d'interférence.

4º Par réfraction l'appareil montre un autre système d'anneaux, les anneaux transmis, beaucoup plus pâles, parce qu'ils sont noyés dans de la lumière blanche. Leur centre est blanc, et, en général, ils sont inverses des anneaux réstéchis, c'est-à-dire que les noirs prennent la place des blancs et réciproquement. On peut s'en assurer en plaçant verticalement les deux verres sur une seuille de papier AB unisormément éclairée (fig. 861), et en regardant du point O. Si on couvre l'espace AD d'un drap noir, on ne voit que les anneaux réstéchis

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 699 suivant BCO. Quand on met ce drap en DB, on distingue les anneaux transmis suivant ACO. Ensin quand on l'enlève, les

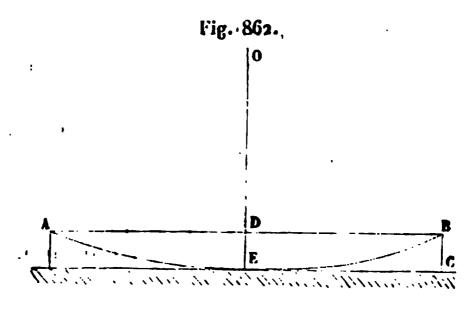
Fig. 861.



deux systèmes se superposent, mais alors ils disparaissent; ce qui prouve: 1º que les anneaux obscurs vus par réflexion occupent la place des anneaux brillants vus par

réfraction; 2° que la diminution d'éclat dans les premiers est égale à l'augmentation dans les seconds; 3° que la distribution des couleurs est complémentaire. Cela étant, il nous sussira d'observer les anneaux résléchis.

Pour trouver les lois du phénomène, il faut commencer par mesurer l'épaisseur BC ou e de la lame d'air sur le contour de chaque anneau AB (fig. 862). Soit d le diamètre de cet anneau;



 $\frac{d}{2}$ ou DB est moyenne proportionnelle entre les deux sections e et 2R - e du diamètre de la sphère à laquelle appartient la lentille :

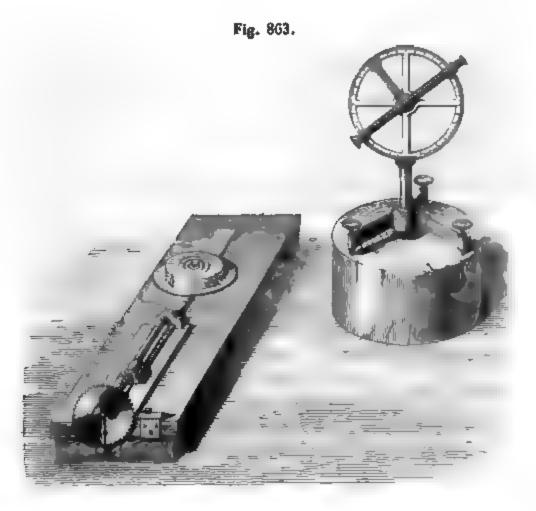
$$\frac{d^2}{4} = (2R - e)e,$$

d'où approximativement

$$e = \frac{d^2}{8R}.$$

Le rayon R se trouvera au moyen du sphéromètre, ou se déduira du foyer de la lentille. Pour mesurer d, Newton plaçait l'œil sur la verticale EO, et appliquait en A et en B les deux

pointes d'un compas dont il mesurait ensuite l'écartement sur une règle divisée: méthode bien imparfaite et qui a néanmoins donné des résultats exacts. Le meilleur de tous les procédés est celui de MM. de la Provostaye et Desains (fig. 863). Il



consiste à placer horizontalement le système des deux verres sur une machine à diviser, à recevoir les rayons réfléchis dans la lunette d'un théodolite, et à faire mouvoir la vis pour amener successivement les bords extrêmes de chaque anneau en coıncidence avec le fil vertical du réticule. La course de la machine donne le diamètre de l'anneau sous l'inclinaison i qu'on a donnée à la lunette. Voici les lois du phénomène.

1° Sous l'incidence normale, les épaisseurs des anneaux obcurs successifs sont égales aux multiples pairs successifs de $\frac{\lambda}{4}$ ou à $2m\frac{\lambda}{4}$, celles des anneaux brillants aux multiples impairs de la même quantité, ou en général à $(2m+1)\frac{\lambda}{4}$.

2° En passant de l'air à une autre substance, la loi persiste,

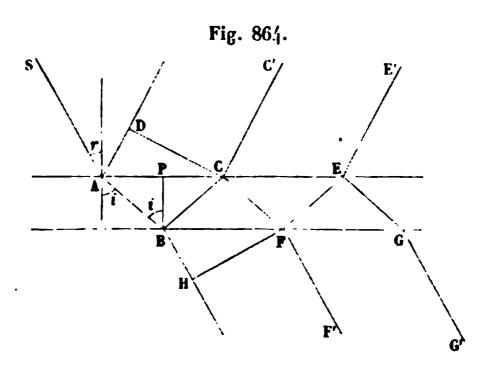
THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 701 à la condition de remplacer λ par la valeur λ' de la longueur d'onde dans cette substance, valeur qui est $\frac{\lambda}{n}$. Les épaisseurs correspondantes aux mêmes anneaux sont donc en raison inverse des indices de réfraction.

3° Toutes choses égales d'ailleurs, les épaisseurs varient en raison inverse du cosinus de l'angle de réfraction i dans la lame mince. Ces lois sont résumées par les formules suivantes :

Anneaux obscurs.....
$$e = 2m \frac{\lambda}{4n} \frac{1}{\cos i}$$
,

Anneaux brillants..... $e = (2m + 1) \frac{\lambda}{4n} \frac{1}{\cos i}$.

THÉORIE. — Considérons (fig. 864) un rayon incident SA arrivant sur une lame mince AEBG. Il se résléchira en partie



en A, suivant AD, pénétrera en partie dans la lame et y éprouvera des réflexions successives en B, C, F, E, G. Il y aura des réfractions partielles en C, E,..., qui ramèneront de la lumière dans le milieu supérieur; il y en aura d'autres en B, F, G,..., qui en enverront dans l'inférieur. Nous pourrons calculer les intensités des rayons émergents en A, C, E,..., d'une part, et en B, F, G,..., de l'autre; leur somme sera l'intensité totale des rayons résléchis ou résractés. En cherchant pour quelle épaisseur elle devient maxima ou minima, nous aurons la condition pour qu'il y ait des anneaux brillants ou obscurs. Nous nous contenterons d'abord, comme première approximation,

de superposer les rayons AD et CC' d'une part, BH et FF' de l'autre. Ce sont ces rayons qui, étant le plus intenses, détermineront au moins le sens des phénomènes.

Le point A peut être considéré comme l'origine des vibrations. Là elles se séparent en deux ondes, l'une résléchie, l'autre résractée.

Quand l'onde résléchie arrive en CD, son retard à partir de A est AD. Or,

$$AD = AC \sin r = 2 AP \sin r = 2e \tan g i \sin r$$
.

Mais l'espace AD a été parcouru dans le verre avec une vitesse v', pendant un temps $\frac{2e \tan g i \sin r}{v'}$.

D'un autre côté, l'onde réfractée dans l'air avec une vitesse v parcourt l'espace ABC ou 2AB ou $\frac{2e}{\cos i}$. Le temps employé à faire ce trajet est $\frac{2e}{v\cos i}$, d'où il résulte que la différence des temps mis par les deux rayons pour arriver sur la même surface d'onde CD est

$$t = \frac{2e}{\cos i} \left(\frac{1}{v} - \frac{\sin i \sin r}{v'} \right),$$

ce qui équivaut à une différence de chemin parcouru dans l'air égale à vt ou à

$$vt = \frac{2e}{\cos i} \left(1 - \sin i \sin r \frac{v}{v'} \right),$$

$$= \frac{2e}{\cos i} \left(1 - \sin i \sin r \frac{\sin i}{\sin r} \right) = 2e \cos i.$$

tude diminue dans le rapport de i à a ou à b. Le coefficient de réfraction b est toujours positif; quant à a, il est égal, suivant que la lumière est polarisée dans le plan d'incidence ou dans le plan perpendiculaire, aux quantités suivantes :

$$a=-\frac{\sin{(i-r)}}{\sin{(i+r)}}, \quad a'=-\frac{\tan{(i-r)}}{\tan{(i+r)}}.$$

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 703 Étudions d'abord le premier cas. a est positif si i est plus petit que r, quand la lumière se réstéchit d'un milieu plus résringent sur un autre qui l'est moins : c'est ce qui arrive en A; mais il est négatif quand la lumière se réstéchit intérieurement en B, sur un milieu plus résringent, car alors i est plus grand que r. Cela étant, la vibration réstéchie en B est

$$v = -\frac{\sin{(i-r)}}{\sin{(i+r)}}\sin{2\pi}\frac{t}{T}.$$

Or, on peut écrire

$$v = \frac{\sin(i-r)}{\sin(i+r)}\sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{1}{2}\right).$$

Le changement de signe de l'amplitude équivaut donc à une différence de chemin parcouru égale à $\frac{\lambda}{2}$. Le rayon BCC' qui a éprouvé ce changement de signe en B est donc dans les mêmes conditions que si au retard provenant du chemin qu'il a parcouru s'en ajoutait un autre égal à $\frac{\lambda}{2}$ provenant de la réfexion qu'il a éprouvée. La différence de marche totale entre les rayons AD et CC' sera donc $2e\cos i + \frac{\lambda}{2}$, et il y aura un anneau obscur ou brillant quand elle sera égale à un multiple impair ou pair de $\frac{\lambda}{2}$. Ecrivons ces conditions.

Anneaux obscurs...
$$\begin{cases} 2e\cos i + \frac{\lambda}{2} = (2m+1)\frac{\lambda}{2}; \\ e = 2m\frac{\lambda}{4}\frac{1}{\cos i}. \end{cases}$$
Anneaux brillants...
$$\begin{cases} 2e\cos i + \frac{\lambda}{2} = 2m\frac{\lambda}{2}; \\ e = (2m-1)\frac{\lambda}{4}\frac{1}{\cos i}. \end{cases}$$

Si le milieu changeait et avait un indice n, il faudrait rem-Placer λ par $\frac{\lambda}{n}$. Ces formules sont donc identiques à celles qui résultent de l'expérience. Si on considère les anneaux transmis, la dissérence de marche se compose de celle qui est produite par l'inégalité des chemins parcourus à laquelle il faut ajouter \(\lambda\), puisqu'il y a deux réslexions sur le verre en B et en C; mais comme on peut toujours retrancher un nombre exact de longueurs d'onde, on a simplement :

Anneaux obscurs....
$$e = (2m + 1)\frac{\lambda}{4} \frac{1}{\cos i}.$$
Anneaux brillants....
$$e = 2m\frac{\lambda}{4} \frac{1}{\cos i}.$$

Ils sont inverses des anneaux résléchis.

LUMIÈRE POLARISÉE PERPENDICULAIREMENT AU PLAN D'INCIDENCE.

- Dans ce cas, le coefficient de réflexion est

$$a' = -\frac{\tan (i-r)}{\tan (i+r)}.$$

Quand l'incidence est moindre que celle de polarisation, a' est négatif ou positif si la réflexion se fait sur le verre ou sur l'air. Ces conditions sont les mêmes que dans le cas précédent, et les anneaux suivent les mêmes lois. Lorsque i+r=90, il n'y a plus de réflexions en A, B, C,..., et il n'y a d'anneaux ni par réflexion ni par réfraction. i+r étant plus grand que $\frac{\pi}{2}$, a' change de signe. Il n'y a plus de retard produit par la réflexion en B, C, F,...; mais il y en a un égal à $\frac{\lambda}{2}$ en A. Il est clair que ce retard n'ayant fait que changer de place, les anneaux se reproduisent dans les mêmes conditions.

Si la lentille était placée sur un plan BFG de substance trèsréfringente, l'incidence de polarisation en B, F, G,... serait très-grande. Voici ce qui arriverait. En inclinant le rayon SA jusqu'à l'angle de polarisation en A, AD s'annulerait, mais THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 705 non BC; les anneaux disparattraient. En augmentant l'incidence, ils se reproduiraient; AD renattrait, mais AD aurait éprouvé par la réflexion le changement de signe et la perte de $\frac{\lambda}{2}$, BC l'éprouverait également, les anneaux réfléchis auraient été intervertis et seraient à centre blanc. En continuant d'augmenter l'inclinaison jusqu'à celle de la polarisation sur BF, le rayon BC s'éteindrait et les anneaux disparattraient une deuxième fois; puis ils se reformeraient, mais avec leur caractère primitif. Tous ces faits se vérifient en prenant pour milieu inférieur la blende ou le réalgar.

très-mince de verre ou de mica dans l'air, le retard de $\frac{\lambda}{2}$ se produit par la réflexion à la première surface, en A, sans se faire à la seconde, en B; mais quand l'indice de la lame mince est intermédiaire entre ceux des milieux supérieur et inférieur, les conditions sont changées. Supposons que ces indices aillent en croissant du premier au dernier milieu et soient 1, n et n', le retard de la réflexion se fait à la fois en Λ et en B, la différence totale de marche est

$$n.ABC + \frac{\lambda}{2} - \left(AD + \frac{\lambda}{2}\right) = n.ABC - AD = 2e n \cos i;$$

les anneaux résléchis sont intervertis, les blancs ont pris la place des noirs, la tache centrale est blanche. Au contraire, la dissérence de marche des rayons transmis sera devenue

$$n.BCF + \frac{\lambda}{2} - n'BH = n.ABC - AD + \frac{\lambda}{2} = 2en\cos i + \frac{\lambda}{2};$$

les anneaux transmis auront pris les places qu'occupaient primitivement les anneaux résléchis. Il est facile de démontrer que les conditions resteront les mêmes si les indices de réfraction diminuent du premier au dernier milieu.

On obtient les anneaux à centre blanc en posant une lentille de verre sur un plan de slint et en introduisant entre les deux une goutte de baume de Canada dont l'indice est inter-

III.

médiaire. On peut encore remplacer le slint par un plan miparti de slint et de verre, et mettre le point de contact de la lentille sur la ligne de jonction. Il y a deux systèmes d'anneaux, l'un sur le verre, à centre noir, l'autre sur le slint, à centre blanc; ils se rejoignent sur la ligne de séparation des deux plans où on voit les blancs opposés aux noirs.

Dans ce que nous venons de dire, nous n'avons tenu compte que des deux premiers rayons réfractés ou résléchis. Pour que la théorie soit complète, il saut calculer les intensités et les phases des ondes sormées par la superposition de tous les rayons qui émergent de A, C, E,..., d'une part, et de B, F, G,..., de l'autre.

THÉORIE COMPLÈTE. — La vibration incidente SA est, en représentant 2 $\pi \frac{t}{T}$ par ξ ,

$$v = \sin \xi$$
.

L'amplitude du premier rayon réstéchi en A est — a, celle du second CC' qui a été résracté une sois en A, une autre sois en C, et réstéchi en B, est b^2a ou $a(1-a^2)$. Chaque réstexion en C, F, E,..., multiplie ensuite l'amplitude par a; les phases se retardent, de chaque rayon au suivant, d'une quantité égale à

$$2\pi \frac{2e\cos i}{\lambda}$$
 que nous exprimerons par φ ; on aura donc

AD:
$$v_1 = -a \sin \xi$$
,
CC': $v_2 = a(1 - a^2) \sin(\xi - \varphi)$
 $= a(1 - a^2) (\sin \xi \cos \varphi - \sin \varphi \cos \xi)$,
LE': $v_3 = a^3 (1 - a^2) \sin(\xi - 2\varphi)$
 $= a^3 (1 - a^2) (\sin \xi \cos 2\varphi - \sin 2\varphi \cos \xi)$;

et, en faisant la somme,

$$V = -a\sin\xi + a(1-a^2) \begin{bmatrix} \sin\xi(\cos\varphi + a^2\cos2\varphi + ...) \\ -\cos\xi(\sin\varphi + a^2\sin2\varphi + ...) \end{bmatrix}.$$

Prenons, en particulier, le coessicient de sin \(\xi\), nous pourrons remplacer chaque cosinus par sa valeur en exponentielles ima-

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 707 ginaires, ce qui donnera

$$\frac{1}{2} \left(e^{\varphi \sqrt{-1}} + a^2 e^{2\varphi \sqrt{-1}} + \dots + e^{-\varphi \sqrt{-1}} + a^2 e^{-2\varphi \sqrt{-1}} + \dots \right)$$

$$= \frac{1}{2} \left[e^{\varphi \sqrt{-1}} \left(1 + a^2 e^{\varphi \sqrt{-1}} + \dots \right) + e^{-\varphi \sqrt{-1}} \left(1 + a^2 e^{-\varphi \sqrt{-1}} + \dots \right) \right].$$

En faisant la somme limite des deux progressions géométriques comprises entre les parenthèses, on a

$$\frac{1}{2} \left(\frac{e^{\varphi \sqrt{-1}}}{1 - a^2 e^{\varphi \sqrt{-1}}} + \frac{e^{-\varphi \sqrt{-1}}}{1 - a^2 e^{-\varphi \sqrt{-1}}} \right) = \frac{\cos \varphi - a^2}{1 + a^4 - 2a^2 \cos \varphi}.$$

On trouvera, par une série analogue de calculs, la valeur du coessicient de cos; elle sera

$$\frac{\sin\varphi}{1+a^1-2\,a^2\cos\varphi},$$

et, en remplaçant dans la valeur de V,

$$V = \sin \xi \left[-a + \frac{a(1-a^2)(\cos \varphi - a^2)}{1+a^4-2a^2\cos \varphi} \right] - \cos \xi \frac{a(1-a^2)\sin \varphi}{1+a^4-2a^2\cos \varphi},$$

(1)
$$V = \frac{-2a\sin\frac{\varphi}{2}}{(1-a^2)^2 + 4a'\sin^2\frac{\varphi}{2}} \left[\begin{array}{c} (1+a^2)\sin\frac{\varphi}{2}\sin\xi \\ + (1-a^2)\cos\frac{\varphi}{2}\cos\xi \end{array} \right].$$

L'intensité I sera la somme des carrés des coefficients de sin ξ et de $\cos \xi$:

(2)
$$I = \frac{4a^2 \sin^2 \frac{\varphi}{2}}{(1 - a^2)^2 + 4a^2 \sin^2 \frac{\varphi}{2}}.$$

La tangente de la phase φ' du rayon total résléchi sera le rapport des coessicients de cos ξ et de sin ξ ,

(3)
$$\tan \varphi' = \frac{1-a^2}{1+a^2} \cot \frac{\varphi}{2}.$$

DISCUSSION. — 1° L'intensité I sera nulle et les anneaux com-

plétement noirs lorsque $\sin\frac{\varphi}{2}$ sera égal à zéro, c'est-à-dire pour $\frac{\varphi}{2}=m\pi$, ou pour $\varphi=2m\pi$; et, en remplaçant φ par sa valeur 2π $\frac{1}{2e\cos i}$, lorsque

$$2m\pi = 2\pi \frac{2e\cos i}{\lambda}, \quad e = 2m\frac{\lambda}{4}\frac{1}{\cos i}.$$

2° I sera maximum et on aura un anneau brillant quand $\sin \frac{\varphi}{2} = 1$, ou $\frac{\varphi}{2} = (2m+1)\frac{\pi}{2}$, ou quand

$$(2m+1)\pi = 2\pi \frac{2e\cos i}{\lambda}, \quad e = (2m+1)\frac{\lambda}{4}\frac{1}{\cos i}$$

3° Sous l'angle de polarisation, quand la lumière est polarisée perpendiculairement au plan d'incidence, le coefficient a est nul; par conséquent I=0, il n'y a pas de lumière résléchie et pas d'anneaux.

Ces résultats sont conformes à l'expérience; les suivants ne nous étaient pas encore connus.

POLARISATION DES ANNEAUX. — Supposons la lumière polarisée dans un azimut quelconque A; elle se décompose, comme dans tous les cas analogues, en deux vibrations dirigées dans les azimuts principaux. En se réfléchissant, ces vibrations prennent des intensités I et des phases φ' différentes; pour celle qui est polarisée dans le plan d'incidence, il faut remplacer $\sin{(i-r)}$ et le formule (2) denne

$$a \operatorname{par} - \frac{\sin(i-r)}{\sin(i+r)} \cdot \operatorname{et la formule} (3) \operatorname{donne}$$

$$\tan \varphi' = \frac{\sin^2(i+r) - \sin^2(i-r)}{\sin^2(i+r) + \sin^2(i-r)} \cot \frac{\varphi}{2}$$

$$= \frac{2 \sin i \cos i \sin r \cos r}{\sin^2 i \cos^2 r + \sin^2 r \cos^2 i} \cot \frac{\varphi}{2} = \frac{2 \cot \frac{\varphi}{2}}{n \frac{\cos r}{\cos i} + \frac{\cos i}{n \cos r}}.$$

Quand la vibration est dirigée dans le plan d'incidence, il saul

THEORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 709 remplacer a par $-\frac{\tan g(i-r)}{\tan g(i+r)}$,

$$\tan \varphi_{i}' = \frac{\tan^{2}(i+r) - \tan^{2}(i-r)}{\tan^{2}(i+r) + \tan^{2}(i-r)} \cot \frac{\varphi}{2}$$

$$= \frac{(\sin i \cos i + \sin r \cos r)^{2} - (\sin i \cos i - \sin r \cos r)^{2}}{(\sin i \cos i - \sin r \cos r)^{2} + (\sin i \cos i + \sin r \cos r)^{2}} \cot \frac{\varphi}{2}$$

$$= \frac{2 \cot \frac{\varphi}{2}}{n \frac{\cos i}{\cos r} + \frac{\cos r}{n \cos i}}$$

La différence de marche entre ces deux vibrations sera donc

$$\arg(\varphi'_1 - \varphi') = \tan \varphi = \frac{2\sin\frac{\varphi}{2}\cos\frac{\varphi}{2}\left(n - \frac{1}{n}\right)\left(\frac{\cos r}{\cos i} - \frac{\cos i}{\cos r}\right)}{4\cos^2\frac{\varphi}{2} + \left(n + \frac{1}{n}\right)^2 + \left(\frac{\cos r}{\cos i} - \frac{\cos i}{\cos r}\right)^2\sin^2\frac{\varphi}{2}}.$$

Donc, en général, la lumière polarisée primitivement dans un azimut A sera transformée en une vibration elliptique. La dissérence de marche $\phi_1'-\phi'$ entre les rayons principaux sera nulle pour

$$\sin\frac{\varphi}{2} = 0$$
 ou $\cos\frac{\varphi}{2} = 0$,

c'est-à-dire pour le milieu des anneaux obscurs et brillants; elle sera maximum pour

$$\sin\frac{\varphi}{2} = \sqrt{\frac{1}{2}}.$$

Si donc on suppose l'intervalle compris entre deux anneaux obscurs consécutifs divisé en quatre parties égales, l'anomalie croît dans le premier quart de zéro à un maximum et diminue jusqu'à zéro dans le second. Dans les deux autres quarts elle reprend les mêmes valeurs avec des signes contraires. La valeur maximum de $\varphi'_1 - \varphi'$ ne peut jamais être égale à $\frac{\pi}{2}$, puisque le dénominateur tang $(\varphi'_1 - \varphi')$ ne peut être nul; la vibra-

tion ne deviendra donc jamais circulaire.

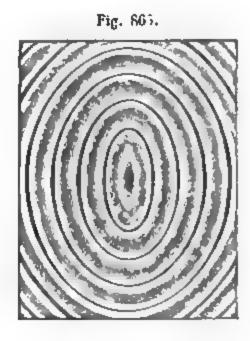
Pour calculer tous les phénomènes il faut non-seulement connaître l'anomalie $\varphi_1' - \varphi_2'$, mais encore le rapport des intensités des rayons composants. Soit tang² A' ce rapport. Les intensités sont données par la formule (2), et en remplaçant a par les valeurs a et a' correspondant aux deux plans principaux, on aura

tang' A' = tang' A
$$\frac{a'^{2} \left[(1 - a^{2})^{2} + 4 a^{2} \sin^{2} \frac{\varphi}{2} \right]}{a^{2} \left[(1 - a'^{2})^{2} + 4 a'^{2} \sin^{2} \frac{\varphi}{2} \right]}.$$

Lorsque $\sin\frac{\varphi}{2}=0$, on a les anneaux obscurs, et comme ils ne contiennent aucune lumière, ils seront toujours vus dans les deux images sous toutes les incidences. Pour $\sin\frac{\varphi}{2}=0$, les anneaux sont brillants; ils sont polarisés dans l'azimut A_1' :

tang
$$\Lambda'_1 = \operatorname{tang} \Lambda \frac{a'(1+a')}{a(1+a')}$$
.

Et si on met dans cette direction la section principale de l'analyseur, ils disparattront dans l'image extraordinaire, ils occuperont la place des anneaux obscurs transmis. L'aspect de la figure est représenté ci-dessous (fig. 865).



ANNEAUX TRANSMIS. — La théorie des anneaux transmis s'établit de la même manière; en voici les résultats. Quand la THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉFLEXION, ETC. 711 lumière est polarisée dans les plans principaux, l'intensité des rayons transmis est

$$J = \frac{(1-a^2)^2}{(1-a^2)^2 + 4a^2 \sin^2 \frac{c}{2}},$$

dans laquelle il faudra remplacer a^2 par $\frac{\sin^2(i-r)}{\sin^2(i-r)}$ ou par $\frac{\tan g^2(i-r)}{\tan g^2(i+r)}$, suivant que le plan de polarisation sera parallèle ou perpendiculaire à celui d'incidence. Cette intensité ne sera jamais nulle; elle devient maximum pour $\sin\frac{\varphi}{2}=o$ et minimum pour $\sin\frac{\varphi}{2}=r$, ce qui reproduit les conditions connues de l'expérience.

La dissérence de marche entre les deux rayons principaux est complémentaire de celle des rayons résléchis; elle est nulle pour les points qui correspondent aux lieux occupés par les anneaux obscurs et brillants. L'azimut de polarisation rétablie est calculé par la formule

$$\tan^2 A' = \tan^2 A \frac{(1-a'^2)^2}{(1-a'^2)^2} \frac{\left[(1-a'^2)^2 + \frac{1}{4} a^2 \sin^2 \frac{\varphi}{2} \right]}{\left[(1-a'^2)^2 + \frac{4}{4} a'^2 \sin^2 \frac{\varphi}{2} \right]}.$$

A' sera l'azimut de la polarisation des anneaux réfractés obscurs , quand on fera sin $\frac{\varphi}{2}=\imath$:

$$\tan A' = \tan A \frac{(1-a'^2)(1+a^2)}{(1-a^2)(1+a'^2)} = \tan A \frac{\frac{n\cos r}{\cos i} + \frac{\cos i}{n\cos r}}{\frac{n\cos i}{\cos r} + \frac{\cos r}{n\cos i}}.$$

Si au contraire $\sin \frac{\varphi}{2} = o$, A' exprimera le plan de polarisation des anneaux réfractés brillants :

tang
$$A' = \tan A \frac{(1-a'^2)(1-a^2)}{(1-a^2)(1-a'^2)} = \tan A$$
.

Le plan de polarisation n'aura pas changé, et si on dirige alternativement la section principale de l'analyseur dans cet azimut A et dans A', on verra successivement apparaître dans un noir complet deux systèmes d'anneaux sombres correspondants à ceux qu'on voit par réflexion et par réfraction.

Ces expériences ont un grand éclat. Pour les reproduire je place sur le cercle divisé un appareil composé de deux prismes de flint AA' et BB' en contact au point O par deux faces, l'une plane, l'autre convexe (fig. 866). Tous deux sont

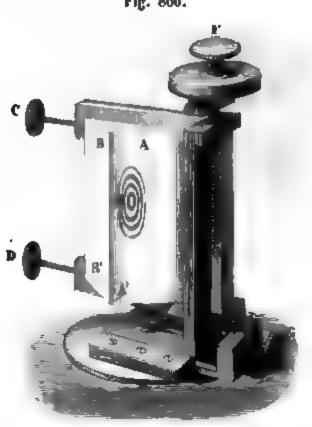


Fig. 866.

pressés par des vis convenables C et D. On peut les soulever ou les abaisser par une vis micrométrique FG de manière améner successivement les bords des anneaux sous le fil é réticule de la funette avec laquelle on les observe. La disposition des appareils est représentée fig. 867. La lumière ir dente AD est polarisée par un nicol mobile autour d'un parier cercle azimutal CB. Elle est rendue parallèle au mo d'une lentille D; elle rencontre d'abord le premier prism et entre celui-ci et le deuxième prisme F elle donne naiss à des anneaux réfléchis suivant GH et réfractés en FR. C

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA RÉPLEXION, ETC. 213 alyse avec la deuxième lunette HO braquée au centre du rele et qui porte un prisme biréfringent K tournant autour deuxième cercle divisé ML.

Fig. 867.



PAGNE GENTRALE. — Je renvoie au Mémoire que j'ai publié ce sujet pour divers phénomènes peu expliqués qui appassent au voisinage de la réflexion totale. On remarquera 'au centre des anneaux, quand l'épaisseur de la lame-mince très-petite, cette réflexion totale ne se fait pas et que la luère continue de passer comme à travers un trou. Les lois la réflexion sont donc profondément modifiées quand l'ésseur des milieux diminue suffisamment. M. Stokes a pué un travail important sur ce sujet dans les Transactions ilosophiques de Cambridge.

APPLICATIONS GÉOMÉTRIQUES

DE L'OPTIQUE.

QUATRE-VINGT-DIXIÈME LEÇON.

DES MIROIRS ET DES LENTILLES.

Miroirs courbes. — Miroir concave. — Caustique. — Son équation. — Cas où le point lumineux est à l'insini. — Cas où elle se réduit à son sommet. — Formule des foyers. — Aberration. — Images des objets. — Discussion. — Miroir convexe, mêmes questions. — Miroirs cylindriques et coniques.

Lentilles. — Réfraction dans un milieu indéfini. — Concordance des phases au foyer. — Lentilles convergentes et divergentes. — Centre optique.

- Axes secondaires. Foyer des points situés hors de l'axe. Images.
- Discussion des formules : pour les lentilles convergentes ; pour les lentilles divergentes. Mesure des distances focales.

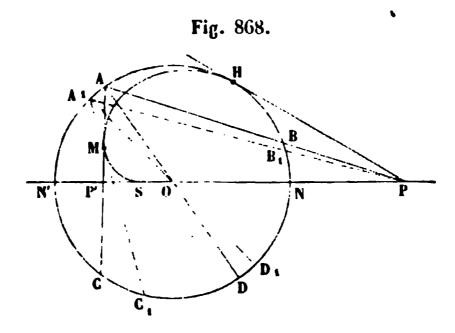
MIROIRS COURBES.

MIROIR CONCAVE. — J'ai étudié (p. 395) les conditions théoriques de la réflexion sur un miroir concave et démontré que l'onde envoyée par un point lumineux L (fig. 722, Pl. II') se transforme en une surface qui est d'abord concave a'f'h'... Les normales $a'a'_1, d'd'_1, ..., k'h'_1$ représentent les rayons lumineux, c'est-à-dire les directions du mouvement. En se propageant la surface se resserre, prend la forme $a'_1 d'_1 h'_1...$; puis les rayons se croisent; elle devient convexe en A''B''D''...K'', et s'étend ensuite indéfiniment.

Ces rayons sont tangents à une surface KFEBB", que l'on nomme caustique, et qui est la développée de toutes les ondes

résléchies. Dans le cas présent, c'est une surface de révolution autour de l'axe XX. Si on connaissait sa génératrice, qu'on lui menât une tangente, et qu'on sit rouler celle-ci sur la courbe, chacun de ses points tels que a', a'_1 , A'',..., décrirait la génératrice de la surface d'onde dans chacune des positions qu'elle occupe successivement.

caustique. — Soient P le point lumineux (fig. 868), PA un rayon incident, AC le rayon résléchi; nous voulons déterminer



le point M de la caustique, c'est-à-dire le point où AC rencontre un autre rayon résléchi insimiment voisin A_iC_i . Soient i et i+di les angles d'incidence, r et r+dr les angles de réslexion, on a

$$2i = BD$$
, $2(i + di) = B_1D_1$, $2di = BB_1 + DD_1$, $2r = CD$, $2(r + dr) = C_1D_1$, $2dr = CC_1 - DD_1$;

et comme di = dr,

$$CC_1 - BB_1 = 2DD_1 = 2AA_1$$

Posons

$$AB = AC = 4a$$
, $AP = p$, $AM = p'$,

nous aurons dans les triangles semblables PBB, PAA, d'une part, et CMC, AMA, de l'autre :

$$\frac{BB_{1}}{AA_{1}} = \frac{PB}{PA_{1}} = \frac{p - 4a}{p} = 1 - \frac{4a}{p},$$

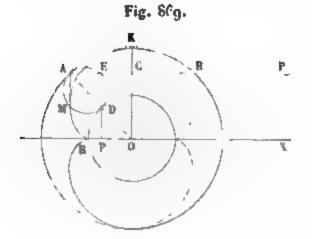
$$\frac{CC_{1}}{AA_{1}} = \frac{MC}{MA_{1}} = \frac{4a - p'}{p'} = \frac{4a}{p'} - 1.$$

On remplace CC, et BB,

(1)
$$\frac{4a}{p'} - r - 1 + \frac{4a}{p} = 2,$$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{p'} - \frac{1}{a}.$$

Cette équation fera connaître le point M, et on construira la caustique par points. Considérons en particulier le cas où le point P est à l'infini (fig. 869). L'équation (1) donne p'=a.



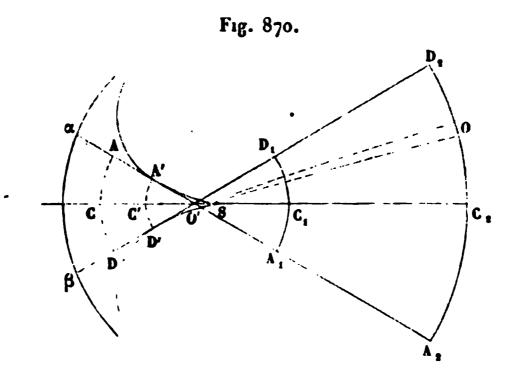
Soient PA l'un des rayons incidents, AM le rayon réféchi. Décrivons deux circonférences, l'une du point 0 comme centre avec un rayon OD moitié de ceiui de la sphère, l'autre AED tangente en A et en D aux deux cercles extérieur et intérieur. L'angle AED est

droit comme contenu dans une demi-circonférence, et AE étant parallèle à l'ave OX, EDP lui est perpendiculaire. Les triangles rectangles AED, DPO sont égaux comme ayant l'hypoténuse égale; $AE = PO =: EC = \frac{AB}{4}$; AE est donc égal à a. Menons le rayon réfléchi AM jusqu'à la rencontre de la circonférence AMD, AM = AE = a, donc M est un point de la caustique.

D'un autre côté, l'angle MAD est égal à DOP; le premier a pour mesure $\frac{MD}{2}$ et le second DII; MD contient donc deux fois plus de degrés que DH, et comme le rayon de la circonférence AED est la moitié de OD, il faut que l'arc MD soit égal à HD. Le point M est donc engendré par le roulement de la circonférence AED sur la circonférence centrale HD; la caustique est une épicycloïde; son sommet est en II; elle est tangente au miroir en K. Elle a une autre branche ponctuée qui ne répond pas à la question.

Quelle que soit la distance du point lumineux, la caustique affecte toujours une forme analogue et offre un point de re-

broussement sur l'axe, en S(fig. 870). Si le miroir est limité aux points α , β , elle se réduit à A'SD'; l'onde résléchie dont elle est la développée est successivement ACD, A'C'D'; puis, en continuant de se propager, elle devient convexe $A_1C_1D_1$,



A₁C₂D₂, et si l'œil est placé en O, les rayons qu'il reçoit sont dans les mêmes conditions que si l'onde était sphérique et que son centre fût en O', au point d'intersection sur la caustique des rayons qui lui arrivent. Or, si l'ouverture αβ du miroir est très-petite, ce point d'intersection est sensiblement invariable et confondu avec le sommet S. S est ce qu'on nomme alors le foyer du point P; tous les rayons réfléchis s'y rencontrent; la caustique est réduite à un point; les surfaces d'ondes antérieures sont des sphères concaves, les postérieures des sphères convexes, et les conditions de la vision sont les mêmes que s'il y avait en S un vrai point lumineux.

La position du point S est donnée par la formule (1). Il suffit de considérer (fig. 868), au lieu d'un rayon quelconque PBA, celui qui est dirigé suivant PNN', alors 4a = NN' = 2r, et la distance N'S ou p' est donnée par la formule

$$(2) \qquad \qquad \frac{1}{p} + \frac{1}{p'} = \frac{2}{r}.$$

ABERRATION. — On arrive au même résultat par une autre méthode (fig. 871). P est le point lumineux, O le centre du cercle, PA et AP' un rayon incident et le rayon résiéchi correspondant, et AO la bissectrice de leur angle. Les segments

QUATRE-VINGT-DIXIÈME LEÇÓN.

718 .

PO = d et OP' = d' de la base PP' sont proportionnels à AP et à AP':

$$\frac{d}{d'} = \frac{AP}{AP'} = \frac{\sin(\alpha + i)}{\sin(\alpha - i)} = \frac{\sin\alpha\cos i + \sin i\cos\alpha}{\sin\alpha\cos i - \sin i\cos\alpha},$$

$$\frac{d - d'}{d'} = \frac{2\sin i\cos\alpha}{\sin(\alpha - i)}.$$

Dans le triangle PAO,

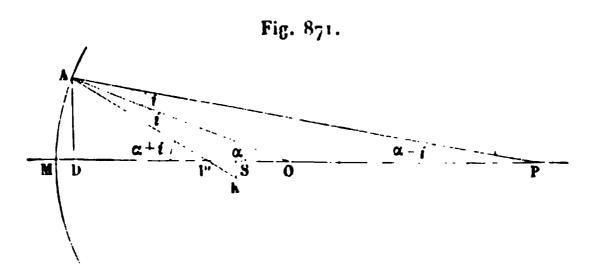
$$\frac{d}{r} = \frac{\sin i}{\sin(\alpha - i)}.$$

On divise ces deux équations l'une par l'autre :

(3)
$$\frac{d-d'}{d'} = \frac{2d\cos\alpha}{r},$$

$$\frac{1}{d'} - \frac{1}{d} = \frac{2\cos\alpha}{r}.$$

1° Cette équation montre que d' varie avec la position du point A; par conséquent tous les rayons réfléchis ne se confondront pas sur l'axe en un foyer unique.



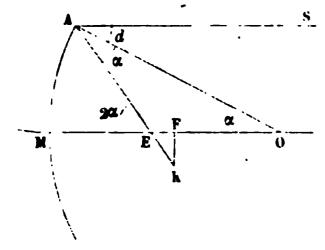
2° A mesure que A s'approche de l'axe, $\cos \alpha$ augmente jusqu'à l'unité, et d' diminue jusqu'à OS dont la valeur est donnée par l'équation

$$\frac{1}{d'} - \frac{1}{d} = \frac{2}{r}.$$

Les rayons qui se réfléchiront aux points voisins de M arriveront sensiblement au même point S; ceux qui tomberont aux bords du miroir, en A, viendront en P'. SP' est ce qu'on nomme l'aberration longitudinale du miroir. Élevons en S une

perpendiculaire SK jusqu'à la rencontre de AP' prolongée; ce sera le rayon d'un cercle sur lequel sera concentrée toute la lumière venue de P, et résléchie par le miroir. SK est l'aberration latitudinale.

On peut aisément calculer ces deux aberrations pour le cas Fig. 872. où le point P est à l'infini (fig. 872).



$$d'_{1} = \frac{r}{2 \cos \alpha} = 0E,$$

$$d' = \frac{r}{2} = 0F,$$

$$d'_{1} - d' = FE = \frac{r}{2} \left(\frac{1}{\cos \alpha} - 1 \right).$$

Les formules (3) et (4) donnent

L'aberration latitudinale FK est

$$FK = FE \tan 2\alpha = (d'_1 - d') \tan 2\alpha$$
.

POYERS ET IMAGES. — Remplaçons d par PM — r ou p-r et d' par r-p' (fig. 871); la formule (4) se confond alors avec l'équation (2): elle devient

(2)
$$\frac{\frac{1}{r-p'} - \frac{1}{p-r} = \frac{2}{r}, \quad pr + p'r = 2pp',}{\frac{1}{p} + \frac{1}{p'} = \frac{2}{r}}$$

Cette formule n'est rigoureusement applicable qu'aux points insiniment voisins de M (fig. 871); on l'admet pour toute l'étendue du miroir. Cela est en esset sensiblement réalisé si l'angle d'ouverture a ne dépasse pas 4 à 5 degrés. Mais il ne sussit pas d'avoir prouvé que tous les rayons passent en P' pour que P' soit un soyer, il saut qu'ils y arrivent concordants. Cherchons à quelle condition P et P' doivent satissaire pour que la somme des chemins parcourus par tous les rayons soit la même et que l'on ait

$$PA + AP' = PM + MP':$$

$$PA = \sqrt{\overline{DP}^2 + \overline{DA}^2} = DP + \frac{\overline{DA}^2}{2DP},$$

et

$$AP' = \sqrt{\overline{DP'}^2 + \overline{DA}^2} = DP' + \frac{\overline{DA}^2}{2DP'},$$

en remplaçant AP et AP' dans l'équation de condition,

$$PA + AP' = DP + DP' + \frac{\overline{DA}^2}{2} \left(\frac{1}{\overline{DP}} + \frac{1}{\overline{DP'}} \right) = DP + DP' + 2M \square$$

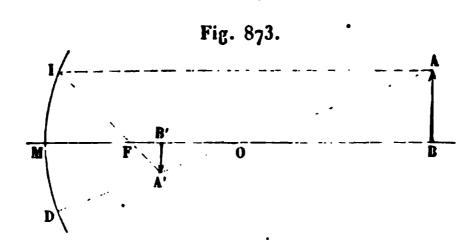
$$\frac{\overline{DA}^2}{2} \left(\frac{1}{\overline{DP}} + \frac{1}{\overline{DP'}} \right) = \frac{2\overline{DA}^2}{2r},$$

ou approximativement

$$\frac{1}{p}+\frac{1}{p'}=\frac{2}{r},$$

condition identique à la formule (2); les vitesses vibratoires des rayons s'ajouteront donc au foyer.

Soit un objet lumineux AB (fig. 873) dont la dimension est



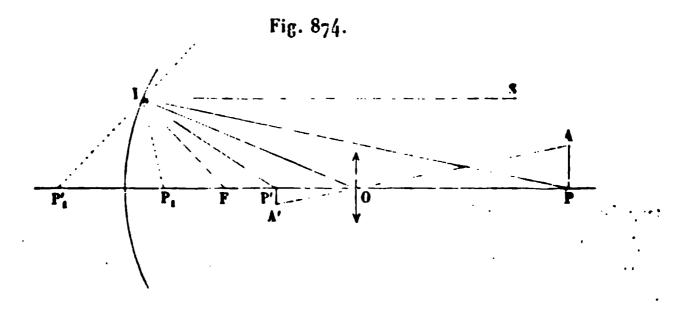
à OB; joignez AO. Le rayon qui suit cette direction se résléchit sur lui-même; le soyer de A sera donc sur cette ligne AO qui est un axe secondaire. Menez un rayon AI parallèle à l'axe, il donnera un rayon résléchi IF passant par le soyer principal F. Le soyer de A est à la rencontre de IF avec AO.

Puisque par hypothèse AO = OB, B fera son foyer dans le plan focal A'B', sur son axe BOB'; tous les points intermédiaires à A et à B feront les leurs entre A' et B', tous les rayons qu'ils envoient, après s'être réfléchis et croisés en ces points, continueront leur route en divergeant, comme si chaque foyer était un point lumineux, comme si A'B' était un objet réel semblable à AB et retourné. A'B' est l'image réelle de AB.

Désignons par i et o les dimensions de l'image et de l'objet. On a, en tenant compte du retournement de l'image,

(4)
$$\frac{i}{o} = -\frac{A'B'}{AB} = -\frac{r-p'}{p-r} = -\frac{p'}{p}.$$

DISCUSSION. — On remarquera d'abord que la formule (2) reste la même si on change p en p' et p' en p. Les points P et P' (fig. 874) sont donc les foyers conjugués l'un de l'autre.



Les positions du foyer et la grandeur de l'image sont données par les formules (2) et (4) qu'on peut écrire

$$p' = \frac{r}{2 - \frac{r}{p}}, \quad \frac{i}{o} = -\frac{p'}{p}.$$

1° Si $p = \infty$, $p' = \frac{r}{2}$ et i = o. L'image est au foyer principal F, renversée et infiniment petite.

2° Quand p diminue, p' et i augmentent; l'image approche du centre et grandit.

3º Lorsque p=r, p' est aussi égal à r, et i=o. L'image est au centre, confondue avec l'objet, égale à lui et renversée.

4° p décroissant de r à $\frac{r}{2}$ prend les valeurs qu'avait primitivement p'; alors p' prend les valeurs qu'avait p: il augmente de r à l'infini; l'image, toujours renversée, grandit jusqu'à être infinie.

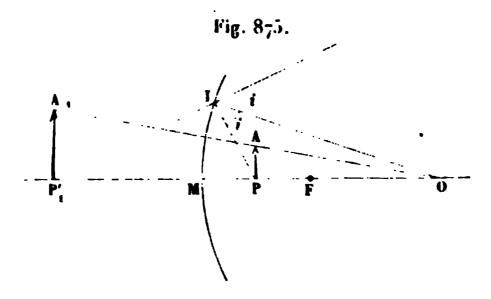
5°
$$p$$
 étant plus petit que $\frac{r}{2}$, p' est négatif et égal à $-\frac{r}{\frac{r}{p}-2}$.

III.

722 QUATRE-VINGT-DIXIÈME LEÇON.

Cela veut dire que le foyer est derrière le miroir, à une distance $\frac{r}{p-2}$ qui décroît avec p jusqu'à zéro; la fig. 875 montre $\frac{r}{p-2}$

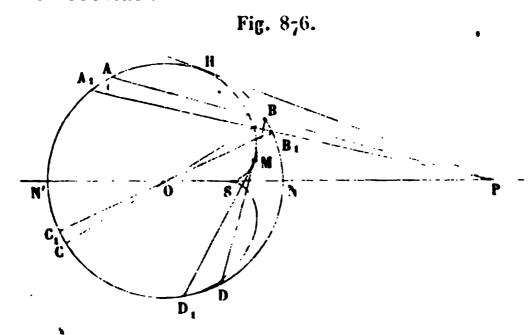
qu'alors l'image P', A, est droite, plus grande que l'objet et vir-



tuelle. Elle diminue et se rapproche jusqu'au sommet M en même temps que P.

Pour vérisser ces divers résultats, il sussit de placer une bougie en sace du miroir, à une distance d'abord très-grande qu'on sait peu à peu diminuer. On reçoit les rayons résiéchis sur un petit écran de papier huilé; quand il est sur l'image, les rayons qui la forment sont renvoyés dans tous les sens; elle est alors visible de tous les lieux de l'espace. On constate aisément que sa position est celle que la formule indique.

MIROIR CONVEXE. — On peut répéter sur les miroirs convexes l'étude qui vient d'être faite sur les miroirs concaves. En voici le résultat :

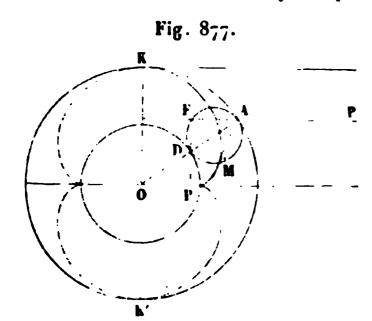


1º Les rayons partis de P, après s'être résléchis à la partie

antérieure d'une sphère (fig. 876), sont langents à une surface caustique HMS qui est de révolution autour de PS; elle est virtuelle; c'est la développée de toutes les surfaces d'onde résléchies.

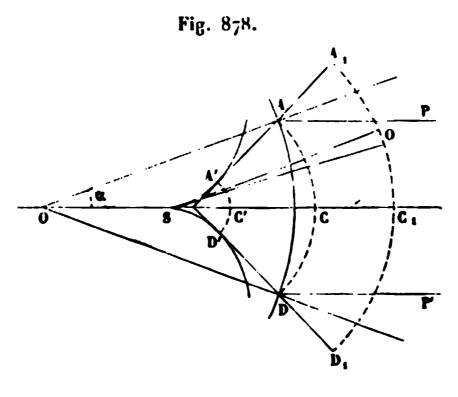
 2^{o} Si on désigne par p la distance PB, par 4a la corde AB, par p' la longueur BM, on a la relation .

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{p'} = -\frac{1}{a}.$$



3° Dans le cas particulier où le point lumineux est à l'insini, la génératrice de la caustique est une épicycloïde engendrée par le roulement d'un cercle EAM de rayon $\frac{r}{4}$ sur une circonférence OD de rayon $\frac{r}{2}$ (fig. 877).

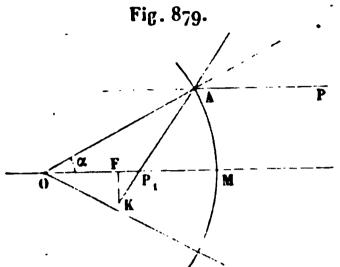
4° Lorsque la surface résléchissante AD sous-tend un angle 2 x très-petit (fig. 878), la caustique A'SD' est sensible-



ment réduite au point S; les surfaces d'onde à des portions de sphère, et l'œil placé en O reçoit des rayons qui sont dans les mêmes conditions physiques que s'ils venaient du sommet S. On peut dire alors que tous les rayons résléchis ont un soyer virtuel unique, le point S.

)

5° Cette condition n'est jamais réalisée absolument; il y a toujours une dissémination des foyers. Si on désigne par α l'angle d'ouverture du miroir et qu'on suppose le point P à



l'infini (fig. 879), les aberrations longitudinale et latitudinale de sphéricité sont

$$FP_{1} = \frac{r}{2} \left(\frac{1}{\cos \alpha} - 1 \right),$$

$$FK = \frac{r}{2} \left(\frac{1}{\cos \alpha} - 1 \right) \tan 2\alpha.$$

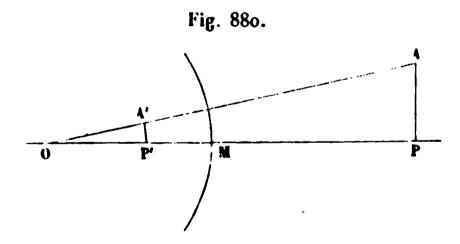
6° Quand la surface réfléchis-

sante est réduite à une ouverture α assez petite pour que l'on puisse admettre que $\cos\alpha=1$, ces aberrations sont nulles; la distance p' du foyer au sommet du miroir se calcule par l'équation de la caustique

$$\frac{1}{p}+\frac{1}{p'}=-\frac{2}{r},$$

équation qui se déduit d'ailleurs de celle qu'on a trouvée pour le miroir concave, en changeant le signe du rayon r.

7° L'image A' P' d'un objet AP est virtuelle, droite et plus petite que l'objet (fig. 880). Elle est comprise entre les axes OP,

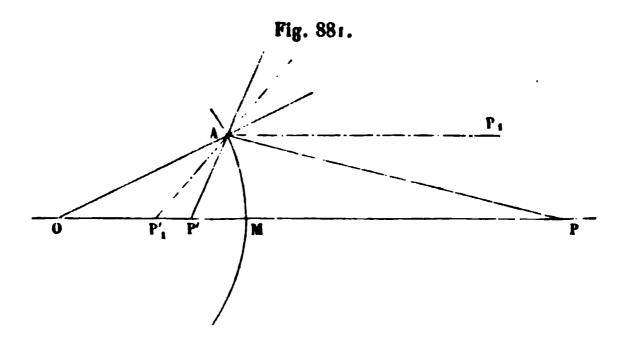


OA qui limitent l'objet. Les équations se réduisent à

$$p' = -\frac{r}{2 + \frac{r}{p}}, \quad \frac{i}{o} = \frac{p'}{p}.$$

Quand $p = \infty$, $p' = -\frac{r}{2}$, le foyer est en P', (fig. 881), à la

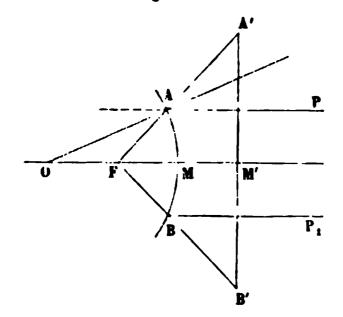
moitié de OM, et i=o. A mesure que p décroît, p' diminue, P et P' se rapprochent l'un de l'autre et i augmente; et quand



p = o, p' = o. L'image, d'abord plus petite que l'objet et à la distance $\frac{r}{2}$, finit par se confondre avec lui, en M, en lui devenant égale.

qu'on vient de démontrer, on calculera toutes les conditions des miroirs sphériques si on connaît leur rayon de courbure. On déterminera ce rayon par l'effet optique même. Pour le

Fig. 882.

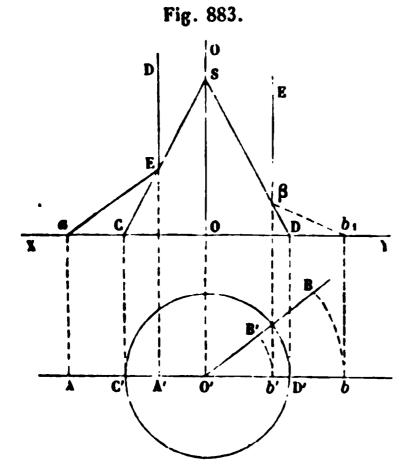


miroir concave, il sussira de l'exposer à la lumière solaire, de mesurer la distance FM du soyer au sommet (fig. 882), et cette distance sera $\frac{r}{2}$. Quand il s'agit du miroir convexe, on couvre toute sa sursace à l'exception de deux points A et B, et on l'expose aux rayons solaires PA, P,B, les rayons résléchis AA',

BB' partent virtuellement de F qui est à une distance de M égale à $\frac{r}{2}$; on les reçoit sur un écran jusqu'à ce que leur écart A'B' soit double de AB; alors MM' = MF = $\frac{r}{2}$.

MIROIRS COMIQUES ET CYLINDRIQUES. — La loi de la résexion,

quand elle est connue, permet de calculer les propriétés de tout miroir dont la forme est définie. Supposons un miroir conique projeté en SCD sur un plan vertical et en O'C'D' sur le plan horizontal (fig. 883). S'il est posé sur un carton peint,



l'œil, placé sur l'axe 00' à l'infini, verra par réflexion une image toute déformée de la peinture. Mais on peut dessiner sur le carton une figure déformée de telle sorte qu'étant vue dans le miroir, elle représente un objet régulier et connu.

Soient A', B',... des points de l'objet tels qu'on veut les voir; on se propose de chercher où doivent être placés les points correspondants A, B,... du dessin qu'il faut tra-

cer sur le carton. Commençons par A' qui est sur la ligne AO' parallèle à la ligne de terre : il est vu suivant DE, il provient d'un rayon incident aE; et si on projette a en A, A est le point du dessin dont l'image est vue en A'. Pour un point quelconque B', on commence par le rabattre en b'; β est la projection verticale de b'; le rayon incident serait $b_1\beta$; b_1 correspond à b, et en rabattant b en B sur O'B', on a en B le point qui sera vu en B'. En répétant la même construction pour un grand nombre de points, on dessinera l'anamorphose qui, étant vue par réflexion, représentera le tableau régulier. On traitera aisément de la même manière le cas des miroirs cylindriques.

LENTILLES.

MILIEU INDÉPINI. — Supposons qu'un point lumineux J (fig. 884) envoie un rayon PA dans un milieu d'indice n, limit par une surface concave AC de rayon r; il se réfractera su vant $\Lambda\Lambda'$ comme s'il venait du point F dont on va chercher position.

olent In = 1, 10 = 1, on a dans le tri

$$l = L \frac{\sin i}{\sin \alpha};$$

soient de même FA = F et FO = f,

$$f = F \frac{\sin r}{\sin \alpha};$$

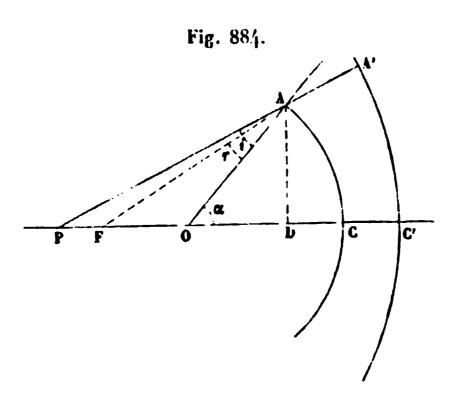
en éliminant sin a,

$$\frac{l}{f} = n \frac{L}{F}.$$

Des triangles POA et FOA on peut tirer les valeurs de L et de F, et les remplacer dans l'équation précédente :

$$\frac{l^2}{f^2} = n^2 \frac{l^2 + r^2 + 2 lr \cos \alpha}{f^2 + r^2 + 2 fr \cos \alpha}.$$

Cette équation fera connaître f quand l sera connu. f change avec α ; on en tire plusieurs conséquences :



- 1° Tous les rayons réfractés ne passeront pas par un foyer unique.
- 2º Il y aura des bords au centre une double aberration de sphéricité.
- 3° Tous les rayons réfractés seront tangents à une surface caustique qui sera la développée des ondes réfractées.
 - 4º L'œil, s'il était dans le milieu, verrait l'image du point P

sur le prolongement jusqu'à la caustique des rayons qui lui arrivent.

5° Si l'angle α est toujours assez petit pour que l'on puisse considérer son cosinus comme égal à l'unité, F devient un foyer unique pour tous les rayons réfractés, et la relation précédente se réduit à

$$\frac{l}{f} = n \frac{l+r}{f+r}.$$

Remplaçons l par PC — r ou par p - r et f par $\varpi - r$,

$$\frac{p-r}{\varpi-r} = n\frac{p}{\varpi},$$

$$\frac{1}{r} - \frac{1}{p} = n\left(\frac{1}{r} - \frac{1}{\varpi}\right).$$

concordance des rayons au foyer. — Avec ces restrictions il y a un foyer unique F, et les surfaces d'onde réfractées sont des sphères dont le centre est en F, c'est-à-dire que la propagation se fait comme si le milieu réfringent était prolongé jusqu'en F et qu'il y eût en F dans ce milieu un point lumineux.

On peut retrouver la même formule en cherchant quel point F il faudrait prendre dans ce milieu pour que la lumière qu'il envoie sur les divers points de AC eût une différence de marche constante ou nulle avec celle qu'y apporte le point P placé dans l'air. On a

$$PA = \sqrt{\overline{PD}^{2} + \overline{AD}^{2}} = PD + \frac{\overline{AD}^{2}}{2PD},$$

$$FA = \sqrt{\overline{FD}^{2} + \overline{AD}^{2}} = FD + \frac{\overline{AD}^{2}}{2FD}.$$

Pendant que la lumière parcourt FA dans l'air, elle parco rait FA $\frac{v}{v'}$ ou n FA dans le milieu; il faut donc que PA -1 soit constant pour tous les points de AC, et, par suite, \acute{e} la valeur qu'il prend pour le point C ou à PC -n FC,

$$PD - nFD + \frac{\overline{AD}^{2}}{2PD} - n\frac{\overline{AD}^{2}}{2FD} = PC - nFC$$

$$= PD - nFD - (n - 1)$$

et, en remarquant que $DC = \frac{\overline{AD}^2}{2r}$,

$$\frac{\overline{AD}^{2}}{2\overline{PD}} - n \frac{\overline{AD}^{2}}{2\overline{FD}} = -(n-1) \frac{\overline{AD}^{2}}{2r};$$

enfin, en remplaçant PD par p et FD par ϖ ,

$$\frac{1}{p}-\frac{n}{\varpi}=-\frac{(n-1)}{r},$$

Ce qui est la formule (1).

Supposons maintenant que le milieu soit terminé par une surface A'C' de rayon r' tournant sa convexité du même côté que AC et à une distance négligeable de AC. F, sera un point lumineux dans le premier milieu; il enverra des rayons FA' qui se réfracteront dans l'air. La formule (1) sera applicable;

seulement il faudra changer p en ϖ , n en $\frac{1}{n}$, et r en r',

$$\frac{1}{r'} - \frac{1}{\varpi} = \frac{1}{n} \left(\frac{1}{r'} - \frac{1}{p'} \right),$$

$$\frac{1}{r'} - \frac{1}{p'} = n \left(\frac{1}{r'} - \frac{1}{\varpi} \right).$$

On élimine la distance du foyer intermédiaire w entre cette formule et l'équation (1),

(2)
$$\frac{1}{p'} - \frac{1}{p} = (n-1)\left(\frac{1}{r} - \frac{1}{r'}\right).$$

Dans tous ces calculs les distances sont comptées positivement à gauche des points C, C' et négativement à droite.

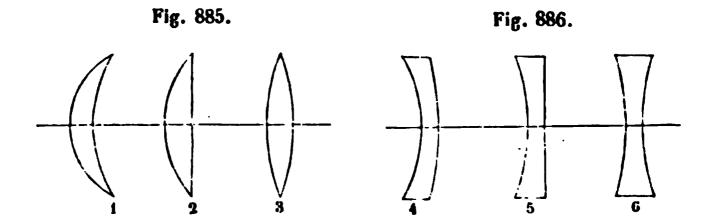
On fera sur cette formule une première observation. Si on retourne la lentille, il faudra changer les signes des deux rayons r et r', et les deux courbures de place; par conséquent, remplacer $\frac{1}{r}$ par $-\frac{1}{r'}$ et $-\frac{1}{r'}$ par $+\frac{1}{r}$: la formule restera identique et la lentille exercera les mêmes actions dans les deux sens.

LENTILLES CONVERGENTES ET DIVERGENTES. — Si le centre de la lentille est épais et les bords plus minces (fig. 885), le rayon

antérieur r est négatif; le rayon postérieur peut être négatif, mais il est toujours plus grand que r (n° 1, n° 2), ou bien il est positif (n° 3); dans les deux cas, $\frac{1}{r} - \frac{1}{r'}$ est nécessairement négatif. On peut représenter par $-\frac{1}{f}$ le deuxième membre de l'équation (2) qui devient

$$\frac{1}{p'} - \frac{1}{p} = -\frac{1}{f'}$$

Au contraire les lentilles peuvent être plus minces au milieu



qu'aux bords (fig. 886). Alors l'un des rayons de courbure, le premier, est nécessairement positif; le second r' peut être positif, mais plus grand que r (n° 4, n° 5), ou bien il est négatif (n° 6). Dans tous les cas, $\frac{1}{r} - \frac{1}{r'}$ est une quantité positive; le second membre de l'équation se remplacera par $+\frac{1}{f'}$.

$$\frac{1}{p'} - \frac{1}{p} = \frac{1}{f'}.$$

Si $p = \infty$, les foyers dans les deux classes de lentilles se nomment foyers principaux; leurs distances sont données par les équations (3) et (4):

$$p'=-f$$
, $p'=f$.

Dans les lentilles à centre épais il est négatif, c'est-à-dire dirigé du côté opposé à celui d'où vient la lumière; c'est un foyer récl; la lentille est convergente. Dans le second cas, p' est positif; le foyer est placé à gauche, du côté même où vient la lumière; il est virtuel, la lentille est divergente. Nous

discuterons séparément les essets de ces deux classes de lentilles.

térieure et postérieure de la lentille (fig. 887). Menons deux lignes parallèles OA' et OA et joignons AA' par une droite qui rencontrera l'axe en C. Ce point se nomme le centre optique.

Fig. 887.

Il est déterminé par l'équation

$$\frac{OC}{OO'} = \frac{OA}{O'A' - OA},$$

$$\frac{OC}{r' - r - e} = \frac{r}{r' - r},$$

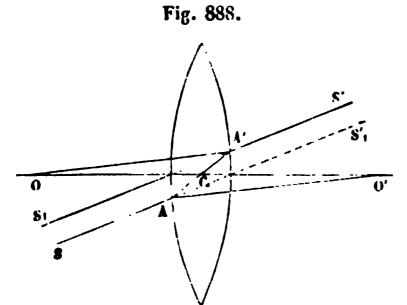
$$OC = r - \frac{er}{r' - r}.$$

On voit d'abord que OC est

indépendant de la direction particulière des lignes O'A', OA; C est donc un point fixe. Si la lentille est biconcave ou biconvexe, avec des courbures égales, r' et r sont égaux et de signe contraire, et dans les deux cas r-r' se remplace par $\pm 2r$,

$$0C = r \pm \frac{e}{2};$$

le centre optique est au milieu de l'épaisseur de la lentille (fig. 888). Dans tous les autres cas, comme l'épaisseur e est



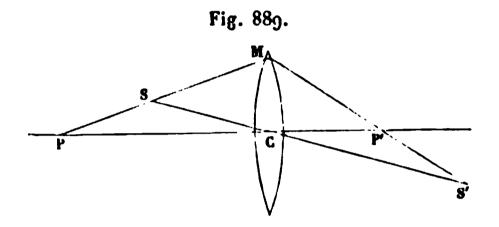
négligeable, on peut encore dire que le point C est l'intersection de cette lentille avec son axe de figure 00'.

Réciproquement, si on mène par le centre optique une ligne CAA' quelconque, elle rencontrera les deux surfaces en des points A et A' pour lesquels les normales O'A et OA' seront

parallèles. Par conséquent, si un rayon incident SA se réfracte

suivant AA', il sortira de la lentille suivant A'S' parallèle à SA: la réfraction sera presque normale; les rayons AS et A'S' seront presque confondus; leur écart sera négligeable; on pourra les considérer comme passant tous deux en C, et l'on peut dire que « tout rayon qui passe par le point C est un axe secondaire et traverse la lentille sans déviation. » C'est la propriété caractéristique du centre optique.

FOYERS DES POINTS PLACÉS SUR UN AXE SECONDAIRE. — Soient S un point lumineux pris hors de l'axe, SC son axe secondaire,



SM un rayon incident quelconque qui se réfracte en MS' et donne son foyer en S'. Nous pouvons poser approximativement $SM = SC = p_1$, $S'M = S'C = p_1$.

Les rayons incident et résléchi coupent l'axe principal en P et en P', dont les distances en C sont p et p', entre lesquelles on a par la formule des lentilles,

$$\frac{1}{p'}-\frac{1}{p}=\frac{1}{f}.$$

En vertu du théorème des transversales, quand une sécante SS' coupe en deux segments chacun des trois côtés d'un triangle PMP', le produit de trois d'entre eux qui n'ont pas d'extrémité commune est égal à celui des trois autres :

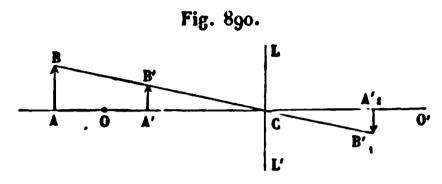
ou
$$(p - p_1) p' p'_1 = (p' - p'_1) p_1 p_2,$$

$$\frac{1}{p'_1} - \frac{1}{p_1} = \frac{1}{p'} - \frac{1}{p} = \frac{1}{f}.$$

Il y a donc la même relation entre les distances à la lentille des points lumineux et de leurs foyers, qu'ils soient ou non

placés sur l'axe principal; mais il faut remarquer qu'il ne s'agit ici que des rayons émis par S dans le plan diamétral SMC: ceux qui n'y sont point compris ne satisfont pas à cette loi, et c'est à eux qu'il faut attribuer les perturbations que les images éprouvent aussitôt qu'on s'éloigne de l'axe.

IMAGES. - Soient AB un objet lumineux (fig. 890) et LL'



une lentille dont le centre optique est C et l'axe
OO'. Le point A, qui est
o, placé sur l'axe à une distance p, fait son foyer
à une distance p', en A'

ou en A'_1 , suivant qu'il est virtuel ou réel et on a entre p et p' la relation

$$\frac{1}{p'} - \frac{1}{p} = \pm \frac{1}{f}.$$

Du point B menons l'axe secondaire BC, et puisque le rayon BC ne subit pas de déviation, le foyer de B se trouvera sur BC. Si de plus l'angle ACB est assez petit pour qu'on puisse considérer AC comme égal à CB, le foyer de B sera en B' ou en B', à une distance B'C \Longrightarrow A'C ou B', C \Longrightarrow A', C. Si on désigne, comme précédemment, par i et o les grandeurs de l'image et de l'objet,

$$\frac{i}{o} = \pm \frac{p'}{p}.$$

DISCUSSION. — Considérons d'abord une lentille convergente. Convenons de prendre les valeurs de p' et de f positivement du côté opposé à p: les formules (3) et (5) deviennent

$$\frac{1}{p'}+\frac{1}{p}=\frac{1}{f}, \quad \frac{i}{o}=-\frac{p'}{p}.$$

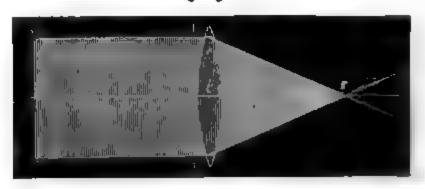
Ce sont les mêmes que celles d'un miroir concave dans lequel $\frac{r}{2}$ serait égal à f. Il n'y a qu'à répéter les résultats de la discussion faite p. 721, en y ajoutant la construction des rayons réfractés.

QUATRE-VINGT-DIXIBME LEÇON.

734

1º Un point lumineux à l'infini envoie des rayons parallèles à l'axe qui se rencontrent au foyer principal F (fig. 891).

Fig. 291.



2º Un objet AB est placé entre l'infini et le foyer F (fig. 892). Par le point A on mène l'axe secondaire AC et un rayon AL' parallèle à l'axe; celui-ci donne le rayon réfracté L'F' qui passe au foyer F' et rencontre l'axe secondaire au point A';

Fig. 892.



A' est le foyer de A. On construit de même le foyer B' de B; celui de D est en D'. L'image est réelle et renversée. Si le point D est à une distance DC double de CF, la formule (3) donne

$$\frac{1}{p'} = \frac{1}{f} - \frac{1}{2f} = \frac{1}{2f};$$

donc le foyer et le point lumineux sont à la même distance 2f de la lentille, et l'image est alors égale à l'objet. Si l'objet AB, d'abord plus éloigné que D, se rapproche, l'image, d'abord plus petite que l'objet, s'éloigne, grandit, atteint et dépasse la grandeur de l'objet.

3º L'objet AB étant au foyer F (fig. 893), AL = CF' et le rayon réfracté LF' est parallèle à l'ave secondaire AC; tout

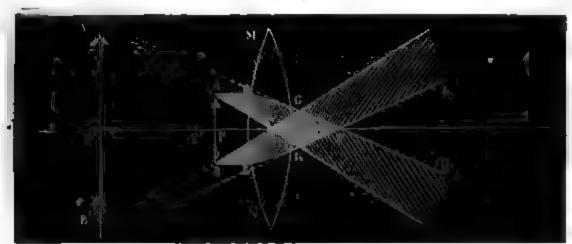
le faisceau LAL' se transforme en un cylindre de rayons parallèles à l'axe AC. Il en est de même de tous les points de l'objet AB, l'image est infinie et infiniment éloignée.





4° AB étant entre le foyer et la lentille (fig. 894), AD est plus petit que CF, les rayons émergents divergent; leur foyer

Fig. 894.



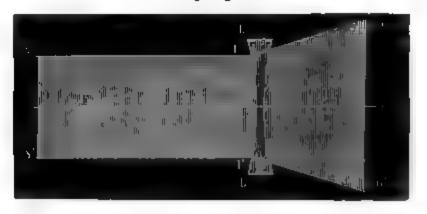
est virtuel, en A'. Il en est de même de B : l'image est en A'B', virtuelle, droite et agrandie. Nous reviendrons sur ce cas particulier.

LENTILLE CONCAVE. — Les formules qui correspondent à ce cas sont les mêmes que celles des miroirs convexes. p' étant positif du même côté que l'objet, on a

$$p' = \frac{f}{1 + \frac{f}{p}}, \quad \frac{i}{o} = \frac{p'}{p}.$$

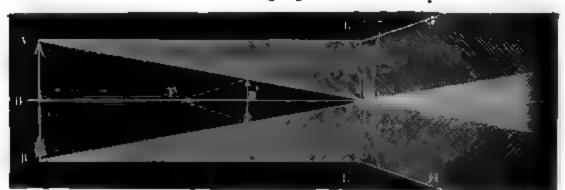
refractés divergent comme s'ils partaient du foyer F.

Fig. 895.



2º L'objet étant en AB, on construit le foyer A' (fig. 896) en menant de A: 1º l'axe secondaire AC; 2º un rayon AL parallèle à l'axe DC. Après sa réfraction, celui-ci passe par le foyer F et l'image de A est à la rencontre de AC et de GF. On construit de même en B' le foyer de B, et l'image de l'objet est en A'B'; elle est droite, virtuelle, plus petite que l'objet.

Fig. 896.



Quand AB se rapproche, les conditions de la figure restent les mêmes; seulement l'image et l'objet se rapprochent de la lentille où ils viennent se confondre, à la limite, en grandeur et en position.

MESURE DES FOYERS. — La puissance d'une lentille est mesurée par sa distance focale principale,

$$\frac{1}{f} = (n-1)\left(\frac{1}{r} - \frac{1}{r'}\right).$$

On peut calculer f si on connaît n, r et r'. Mais il vaut mieux

la mesurer par l'expérience. A cet esset, on reçoit sur la lentille la lumière solaire. Si elle est convergente, on mesure la distance du soyer réel à la sursace; si elle est divergente, on opère comme pour les miroirs convexes. On la couvre d'un carton, à l'exception de deux points I et I' (fig. 895). On reçoit les deux lumières résléchies par ces deux points sur un carton DD' qu'on éloigne jusqu'à ce que leur écart soit double de celui des points I et I'. Alors la distance du carton à la lentille est égale à la distance socale f.

QUATRE-VINGT-ONZIÈME LEÇON.

DES INSTRUMENTS D'OPTIQUE.

Instruments simples. — Chambre obscure. — Mégascope. — Méthode générale de projection. — Microscope solaire. — Phares. — Loupe. — Divers modèles.

Instruments composés. — Conditions générales. — Cas des lunettes. — Diaphragme. — Réticule. — Axe optique. — Double tirage. — Annesu oculaire. — Grossissement. — Clarté. — Lunette terrestre. — Lunette de Galilée. — Télescopes de Newton, de Gregori, de Cassegrain, de M. Foucault.

Microscope. — Conditions physiques. — Oculaire. — Angle d'ouverture. — Conditions mécaniques. — Grossissement, sa mesure. — Microscope binoculaire.

Achromatisme. — Pouvoir dispersif. — Achromatisme des lentilles. — Procédé de Frauenhofer. — Impossibilité d'un achromatisme complet. — Trois lentilles. — Achromatisme des prismes. — Diasporamètres de Rochon, de Boscowitch, de Brewster. — Oculaire d'Huyghens, de Ramsden.

Les instruments fondés sur les propriétés des lentilles se distinguent en instruments simples ou composés, suivant qu'ils sont formés d'un seul ou de plusieurs verres convergents ou divergents.

INSTRUMENTS SIMPLES.

Ceux-ci se divisent eux-mêmes en deux classes, selon qu'ils forment des foyers réels ou virtuels; nous commençons par les premiers.

Tout objet AB placé devant une lentille convergente donne en A'B' une image réelle et renversée (fig.897). Si l'objet se rapproche depuis l'insini jusqu'au double CD = 2f de la distance socale principale, l'image A'B' s'éloigne depuis le soyer F' jusqu'à cette même distance CD' = 2f, et grandit depuis zéro

usqu'à être égale à l'objet. AB se rapprochant de D jusqu'à F, 'image s'éloigne depuis D' jusqu'à ∞ , et A'B', d'abord égale AB, grandit jusqu'à être infinie.

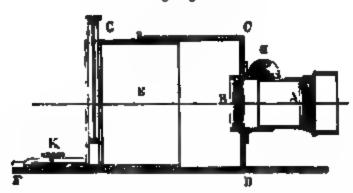
Fig. 897.



chample concert. — Plaçons LL' au voiet d'une chambre becure, tous les objets extérieurs AB formeront leur image enversée au foyer conjugué A'B'; elle sera diminuée quand ses objets seront au delà de F, et si l'on place un écran en A'B' i diffusera cette image qui deviendra visible de tous les points placés en avant.

La chambre obscure est l'appareil essentiel de la photograshie; le modèle adopté (fig. 898) se compose d'une lentille

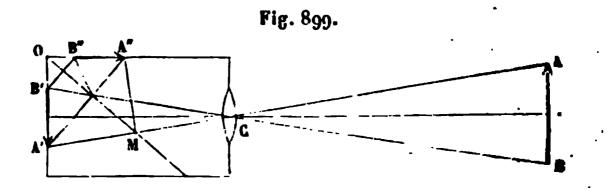
Fig. 898.



ichromatique B qui est fixe et d'une seconde A qui est mobile su moyen d'un pignon a. En superposant ces deux lentilles on liminue la distance focale, puisqu'elles ajoutent leur convergence; et en faisant mouvoir l'une d'elles, on change un peu sette distance, ce qui permet de mettre l'image exactement au soint. La caisse est composée de deux parties, l'une CD qui est immobile, l'autre E qui entre dans CD en glissant dans une sharnière; elle se fixe à l'endroit voulu par une vis K. Enfin, en G est une glace dépolie sur laquelle on voit se peindre

l'image des objets extérieurs, glace qu'on enlève à volonté, et qu'on remplace au moment de l'opération par le châssis contenant la plaque impressionnable.

Avant l'invention de la photographie on dessinait sur le verre G l'image des objets en suivant leur contour avec un crayon. Il était important de redresser ces images. On y parvenait de diverses manières; la plus simple était de les rendre horizontales en disposant au fond de la chambre une glace OM inclinée à 45 degrés (fig. 899). L'image ne se formait pas



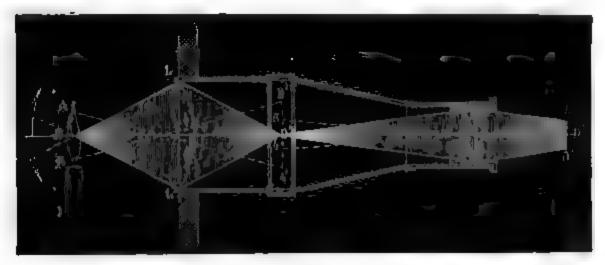
en B'A', mais en A"B", comme un dessin étalé sur une table horizontale; et il dépendait de l'observateur de se placer convenablement pour la voir droite.

MÉGASCOPE. — Si on met un objet quelconque en AB (fig. 897) tout près du foyer, qu'on l'éclaire vivement par le soleil après l'avoir renversé, il donnera, sur le fond de la chambre obscure, une image redressée A'B', très-grossie et par conséquent moins éclairée. Cet instrument, qu'on nomme mégascope, n'a aucun usage.

méthode générale de Projection. — Tout objet transparent ou translucide peut donner à travers une lentille une image agrandic et réelle qu'on projette sur un écran. La disposition est en général la suivante (fig. 900). LL' est une première lentille très-convergente qui est destinée à concentrer en B'A' soit les rayons solaires, soit ceux d'une lampe photo-électrique, soit la lumière de Drummond ou d'une lampe ordinaire AB. En B'A' l'instrument est percé d'une fente rectangulaire verticale dans laquelle on introduit ou un verre sur lequel ont été dessinés des objets ou, le plus souvent, une image photographique positive sur collodion. Ces images ab, quelle que soit leur nature, sont sixées verticalement et ren-

versées; elles reçoivent toute la lumière concentrée dans la fente B'A' et la laissent passer ou l'arrêtent proportionnellement à la transparence de chaque point. En KK' est une lentille achromatique dont le foyer est un peu après l'objet ab; elle donne de cet objet une image agrandie, redressée, qu'on reçoit sur un écran afin de la diffuser dans tous les sens et de la rendre visible à une assemblée nombreuse. On met au point en déplaçant un peu la lentille KK' au moyen d'un pignon et d'une crémaillère.





Cet appareil a été inventé par le P. Kircher, sous le nom de lanterne magique. L'éclairement se faisait avec une lampe, et les objets projetés étaient peints sur verre avec des couleurs transparentes. Quelquesois les peintures étaient faites sur plusieurs verres superposés, les uns fixes, les autres qu'on déplaçait, ce qui permettait d'animer les tableaux projetés. En éloignant la lanterne de l'écran ou en la rapprochant et en déplaçant en même temps la lentille KK', on pouvait agrandir ou diminuer les images comme si les objets marchaient vers l'observateur ou s'éloignaient de lui.

On fait aujourd'hui une utile application de cette méthode en projetant sur un tableau dans les cours publics les images photographiées des objets trop petits pour être montrés à plusieurs personnes à la fois. On les éclaire par la lampe de Drummond ou par un régulateur électrique.

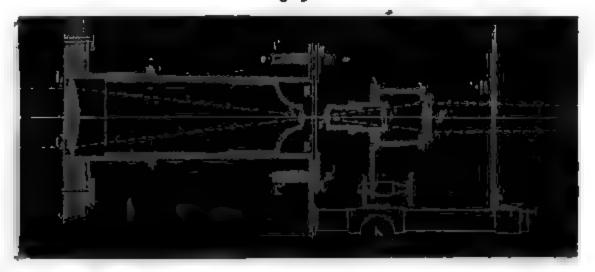
Le microscope solaire (fig. 901) n'est qu'un cas particulier de cet instrument général. La lumière solaire fixée par un

QUATRE-VINGT-ONZIÈNE LEÇON.

744

héliostat est concentrée d'abord par LL', ensuite par A, sur un double verre BB' où sont placées les pièces microscopiques qu'on veut étudier; la lentille de projection est formée par la superposition de trois verres achromatiques e, f, g, produi-

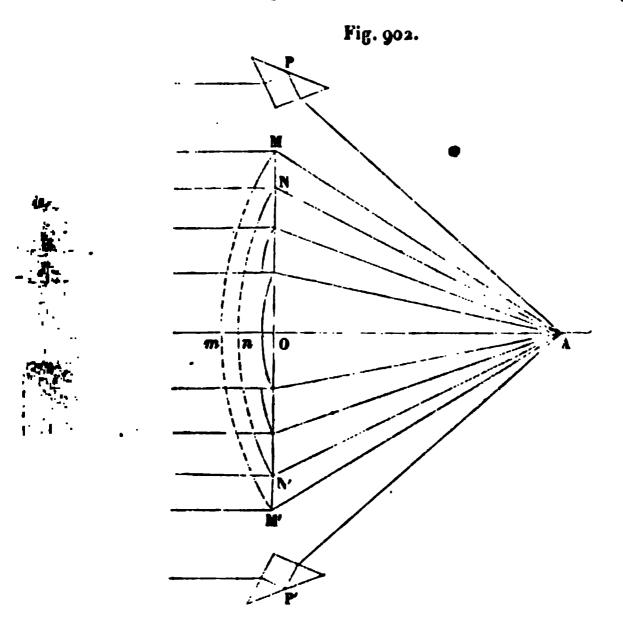




sant le même effet qu'un seul; on les approche ou on les éloigne de l'objet au moyen d'une crémaillère et d'un pignon K, jusqu'à ce que l'image soit nette sur l'écren.

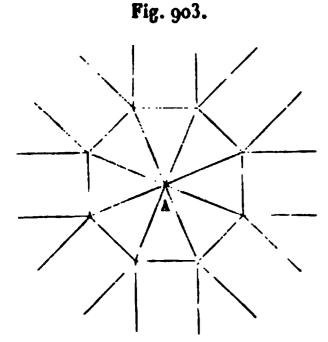
PTANES. — Tout point lumineux A (fig. 902) placé au foyer d'une lentille M m M' fait son image à l'infini. Tous les rayons qu'il envoie dans le cône M M' et qui, sans la lentille, iraient en se disséminant dans l'espace, sont transformés en un cylindre lumineux dont la base est M M', qui ne s'affaiblit que par le défaut de transparence de l'air. Fresnel a heureusement profité de cette propriété pour l'éclairage des côtes. La difficulté était d'obtenir de très-grandes lentilles et d'éviter le poids énorme que leur donnerait la grande épaisseur O m de leur milieu. Il a songé à ne garder que leurs bords M N, M' N' et à remplacer le milieu par des anneaux de plus en plus petits, appartenant à des lentilles M m M', N n N', ..., qui ont le même foyer A. Enfin, la partie centrale est formée, quand elle est devenue très-petite, par une seule lentille O.

En A est une lampe où l'huile monte par un mouvement d'horlogerie; elle est ordinairement formée de deux, trois ou quatre mèches concentriques avec des courants d'air qui circulent entre chacune d'elles, et qui sont déterminés par l'appel d'une cheminée en verre. Pour ne perdre aucune lumière, Fresnel a disposé en haut et en bas des prismes à



réflexion totale P et P' qui renvoient les rayons parallèlement à l'axe AO.

Le phare tout entier est une grosse lanterne prismatique

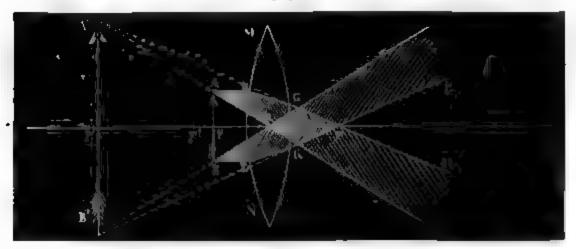


dont la base est un polygone régulier. S'il est à huit pans (fig. 903), il a huit systèmes de lentilles et de prismes, et envoie dans l'espace huit cylindres lumineux qui portent à 10 ou 15 lieues; mais comme ils sont séparés par des espaces prismatiques non éclairés, on a donné à l'appareil un mouvement de rotation uniforme. Chaque point de l'horizon reçoit

la lumière à des intervalles qui varient d'un phare à l'autre, et permettent de reconnaître le lieu de la côte que l'on aborde. Les éclats successifs sont séparés par des éclipses. Dans ces dernières années M. Reynaud, directeur de l'administration des phares, a remplacé au cap la Hève l'éclairage à l'huile par celui de la lumière électrique. Celle-ci est fournie par la machine magnéto-électrique de la compagnie l'Alliance, et un régulateur de M. Serrin remplace la lampe centrale. Le succès de cette substitution a été complet. La dépense n'a point été augmentée et la quantité de lumière versée sur la mer a été considérablement accrue.

LOUPE. — J'arrive maintenant à l'emploi qu'on a fait des images virtuelles pour observer et grossir les objets trèsdéliés (fig. 904).





Soient MN la lentille, F' son foyer; on place en AB, entre la lentille et ce foyer, tout près de lui, l'objet qu'on veut observer. Un rayon AC, qui passe par le centre optique, traverse la lentille sans déviation. AD, parallèle à l'axe, suit la route ADGF et passe par le foyer principal F. AC et GF divergent, mais sont censés partir du foyer virtuel A'. De même, les rayons envoyés par B seront, après la réfraction, dans les mêmes conditions que s'ils partaient de B', et l'œil placé en O verra en A'B' l'image droite et grossie de AB.

La formule de la lentille donne, pour le cas où le foyer est virtuel, c'est-à-dire où p' est négatif,

$$\frac{1}{p} = \frac{1}{p'} + \frac{1}{f}, \quad \frac{i}{o} = \frac{p'}{p} = 1 + \frac{p'}{f}.$$

Le grossissement G est égal au rapport de la grandeur de l'a-

mage à celle de l'objet,

$$G = \frac{i}{o} = 1 + \frac{p'}{f}.$$

Pour que l'on voie distinctement l'image, il faut que sa distance à l'œil O soit égale à la vision distincte Δ ou qu'on ait

$$p' = OP' - OC = \Delta - d;$$

donc

$$G = 1 + \frac{\Delta - d}{f}$$

Ce grossissement est maximum si d = 0, c'est-à-dire si l'œil est contre la loupe, il devient

$$G = i + \frac{\Delta}{f}$$

général, les loupes ont une distance socale f beaucoup plus de la que Δ ; $\frac{\Delta}{f}$ est assez grand pour qu'on puisse négliger l'unité dans le second membre, et le grossissement s'exprime approximativement par

$$G = \frac{\Delta}{f}$$
.

On obtient directement cette relation en considérant les deux triangles APC, A'P'C' qui donnent, en supposant P confondu avec F', ce qui est sensiblement vrai,

$$G = \frac{A'P'}{AP} = \frac{P'C}{PC} = \frac{\Delta}{f}.$$

Puisque le grossissement est en raison inverse de f, il saut des lentilles à courbures très-prononcées; mais alors elles ont de grandes aberrations de sphéricité et on ne voit distinctement que dans l'axe. Le mieux est de superposer plusieurs lentilles peu convergentes et de les séparer par un diaphragme. Ce système, nommé doublet, imaginé par Wollaston, ne laisse passer que les rayons voisins de l'axe. Il donne un sort grossissement qui dépend de la distance du point lumineux, de celle des verres et de leurs longueurs socales.

On fait des doublets très-simplement en creusant dans une sphère une gorge MN (fig. 905) et la remplissant d'une ma-

Fig. 905.



tière opaque. Les seuls rayons venant d'un point quelconque 🛦

faces extrêmes, l'appareil n'a que très-peu d'aberration, mais son champ est très-étendu. On
réalise les mêmes conditions par la loupe de
Stanhope qui est un cylindre AB plan-convexe
(fig. 906). On fixe en A les objets qu'on veut

comme si l'objet A était dans le verre.

INSTRUMENTS COMPOSÉS.

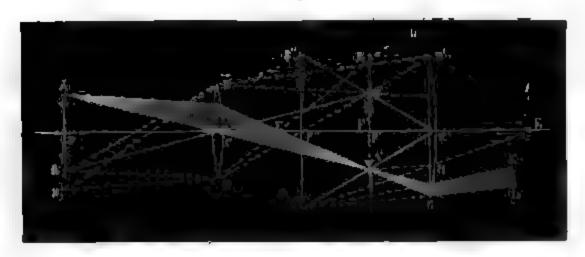
voir, et on regarde par B; la vision se fait

Les lunettes, les microscopes et les télescopes sont construits sur un plan 'commun qu'on va étudier généralement (fig. 907).

En DE est une première lentille nommée objectif. Tout objet lumineux AB placé en avant d'elle, plus loin que la distance focale principale, fait une image réelle et renversée en A'B'. Tous les rayons partis d'un point tel que A se croisant en A' divergent ensuite en continuant leur route, comme si A' était un point lumineux réel; et les mêmes conditions étant réalisées pour toutes les parties de l'image A'B', on peut la considérer comme un véritable objet émettant de la lumière.

Dès lors on peut la regarder à travers une loupe GD'. On construit comme précédemment la marche des rayons. Parmi tous ceux qui partiraient d'un point réel A', on choisit l'axe secondaire A'C' qui ne se dévie pas, puis un rayon A'H, parailèle à l'axe, qui, après la réfraction, passerait par le foyer F₁; on joint F₁H qu'on prolonge jusqu'à la rencontre de C'A'





en A", et A" est le foyer conjugué de A'. La figure montre comment le cône des rayons DAC se concentre d'abord en A', diverge ensuite suivant le faisceau en HA'G; celui-ci se réfracte en HK, GL comme si les rayons venaient de A". Si l'œil est derrière la loupe et qu'il reçoive ces rayons, il verra l'image en A" et il la verra distinctement quand elle sera à la distance de la vision distincte.

En résumé, l'instrument composé se borne à faire une image réelle très-rapprochée de l'observateur qui la regarde avec une loupe. Étudions avec soin les propriétés de cet appareil, en commençant par le cas des lunettes.

MAPERAGNE. — On fixe dans le plan focal A' B' une lame de métal noirci, percée en son milieu d'une ouverture circulaire. En même temps que l'image, l'œil voit distinctement les bords de cette ouverture qui encadrent le champ de vision. Il faut la placer nécessairement dans ce plan focal, car son contour est confus si on l'éloigne ou qu'on la rapproche. Il faut en outre que l'ouverture soit limitée au cône intérieur tangent à

DE et à D'G. En effet le cône des rayons réfractés qui proviennent du point B a son sommet en B'; il est tout entier recueilli par l'oculaire D'G et peut entrer dans l'œil. Le cône qui part de B₁ se réfracte en DB', E et se continue par D"B', D'; il n'entre ni dans la lentille ni dans l'œil. Le tableau focal des points compris entre B et B₁, qui se place entre B' et B'₁, offre donc un éclat décroissant que l'on évite en limitant le diaphragme au point B' sur la ligne ED' menée par les limites des deux verres.

RÉTICULE. — Deux sils d'araignée croisés sont ordinairement tendus sur le diaphragme. On les voit en même temps que A'B' puisqu'ils sont superposés à cette image. Soit P' leur point de croisement; la ligne CP' qui joint ce point au centre optique C de l'objectif est l'axe optique de l'instrument.

Le point P de l'objet visé qui est situé sur le prolongement de cet axe fait son foyer sur la ligne qui le joint à C, c'est-à-dire en P', et réciproquement, si l'image de P est en P', P sera sur l'axe. Il suffira donc d'amener l'image d'un point en P' pour conclure que ce point est dans la direction de l'axe optique, et les déplacements angulaires qu'il faudra donner à cet axe pour voir successivement l'image de plusieurs points en P' seront les angles sous lesquels on voit ces points du lieu. de l'observation.

L'axe optique peut être déplacé et réglé à volonté en déplaçant le réticule. D'autre part, toute lunette a un axe géométrique, celui qui passe par les centres des collets égaux sur lesquels elle est supportée, c'est aussi celui dont on mesure la direction sur les cercles divisés dont tout instrument d'optique géométrique est pourvu. Il faut faire coïncider ces deux axes. Pour cela on fait tourner la lunette sur ses collets, c'est-à-dire autour de son axe géométrique, et l'axe optique décrivant un cône, on voit la croisée des fils parcourir un cercle sur les points du tableau focal, cercle dont le rayon diminue et finit par s'annuler quand on déplace l'axe optique jusqu'à le faire coïncider avec l'axe géométrique.

Soit \alpha l'angle sous-tendu par le sil du réticule vu du centre optique de l'objectif. Tout déplacement de l'axe de la lunette supérieur à cet angle détruira la coïncidence apparente du

point visé avec le sil réticulaire. La précision de la visée est donc en raison inverse de cet angle; elle est par conséquent proportionnelle à la longueur de la lunette et inverse de la largeur des sils.

Il est essentiel que le tableau socal et le réticule soient dans le même plan; si celui-ci est en arrière, on voit les points du tableau se porter vers la gauche quand on incline la tête à droite; s'il est en avant, c'est le contraire, et lorsque la coïncidence est parsaite, il n'y a point de parallaxe des sils. On comprend la nécessité d'établir cette coïncidence : on y parvient comme il suit.

TIRAGE. — Pour voir distinctement les sils du réticule et le diaphragme, il saut que leur image virtuelle donnée par la loupe soit à la distance de vision distincte, et celle-ci étant variable pour les divers individus doit pouvoir être changée : il y a un tirage qui permet de le saire. En second lieu il saut que l'ensemble de la loupe, du diaphragme et des sils puisse être, à chaque observation, amené sur l'image A'B', qui varie avec la distance PC de l'objet visé; il saut donc un second tirage indépendant du premier et qui commande l'oculaire et le réticule.

peuvent être considérés comme partant de l'objectif, et cet objectif peut être assimilé à un objet lumineux; soit R son rayon. Il donnera derrière l'oculaire une image de rayon r. Cette image sera un cercle plus petit que l'oculaire, une espèce d'anneau minimum à travers lequel viennent passer tous les rayons qui sont entrés par l'objectif et sont sortis par l'oculaire, parmi lesquels sont tous ceux qui ont été envoyés dans la lunette par les points contenus dans le champ de vision. C'est dans cet anneau qu'il faut mettre l'œil pour recevoir le plus de lumière possible : c'est l'anneau oculaire.

On calcule sa place par la formule des lentilles, en remplacant p par la longueur L de l'instrument :

$$\frac{1}{p'} = \frac{1}{f} - \frac{1}{L} = \frac{L - f}{Lf}.$$

Le rapport $\frac{r}{R}$ de son rayon à celui de l'objectif sera égal à $\frac{p'}{p} = \frac{p'}{L}$:

$$\frac{r}{R} = \frac{p'}{L} = \frac{f}{L - f}.$$

GROSSISSEMENT. — L'objet AB est vu à l'œil nu sous un diamètre apparent, égal à $\frac{AB}{PC}$ ou $\frac{A'B'}{P'C}$ ou $\frac{i}{L-f}$. Si on regardait l'image A'B' à l'œil nu, à la distance de la vision distincte, on la verrait sous l'angle $\frac{i}{\Delta}$. Examinée avec la loupe, cet angle sera multiplié par le grossissement $\frac{\Delta}{f}$ de cette loupe; il deviendra

$$\frac{i}{\Delta}\cdot\frac{\Delta}{f}=\frac{i}{f};$$

le grossissement total sera le rapport des angles sous lesquels on voit l'image et l'objet, angles qui sont $\frac{i}{f}$ et $\frac{i}{L-f}$:

 $G = \frac{L - f}{f},$

donc

$$G = \frac{R}{r}$$

Le grossissement est égal au rapport du rayon de l'objectif à celui de l'anneau oculaire. On le détermine comme il suit.

On braque la lunette sur le ciel et on place devant l'oculaire un micromètre divisé sur verre, qu'on observe avec une loupe. Il reçoit toute la lumière qui sort de la lunette et qui trace sur le micromètre un cercle d'illumination dont on observe le diamètre. On cherche la position pour laquelle ce diamètre est minimum: c'est celui de l'anneau oculaire; on le mesure, et alors le rapport de R à r est le grossissement. Cette méthode est due à Ramsden.

GLARTÉ. — On peut se demander si les objets perdent ou gagnent de l'éclat étant regardés avec une lunette. Soient E, S

et d l'éclat, la surface et la distance d'un objet; $\frac{ES}{d^2}$ est la lumière qu'il envoie sur l'unité de surface, et $\pi \frac{ES}{d^2} p^2$ celle que reçoit la pupille si son rayon est p:

$$L = \pi \frac{ES}{d^2} p^2.$$

La lunette reçoit, de ce même objet, à travers la surface πR^2 de son objectif, une quantité de lumière L',

$$L' = \pi \frac{ES}{d^2} R^2.$$

L' est évidemment plus grand que L.

En général, la pupille est plus petite que l'anneau oculaire; elle ne recevra pas la totalité de cette lumière L', mais seulement une fraction égale à $L'\frac{p^2}{r^2}$ ou

$$L'' = \pi E \frac{SR^2}{d^2 r^2} p^2.$$

Mais d'autre part la surface apparente de l'objet croît proportionnellement au carré du grossissement linéaire; elle était $\frac{S}{d^2}$,

elle devient $\frac{SR^2}{d^2r^2} = \frac{S'}{d^2}$. On peut écrire la formule précédente

$$L'' = \pi \frac{ES'}{d^2} p^2,$$

ce qui exprime la quantité de lumière envoyée dans la pupille par la surface agrandie S' qu'on voit dans la lunette. Son éclat est égal à E; il n'a donc point changé quand l'anneau oculaire est plus grand que la pupille.

S'il est plus petit, c'est-à-dire dans les très-forts grossissements, la totalité de lumière L' pénètre dans l'œil : on peut écrire

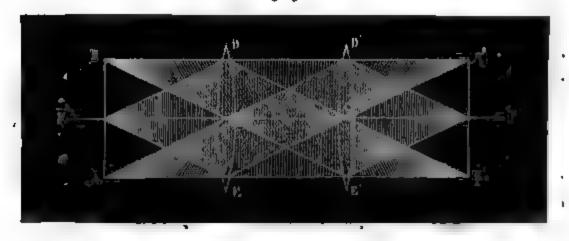
$$L' = \pi \frac{ES}{d^2} R^2 = \pi \left(\frac{E r^2}{p^2} \right) \left(\frac{SR^2}{d^2 r^2} \right) p^2 = \pi \left(\frac{E r^2}{p^2} \right) \frac{S'}{d^2} p^2.$$

C'est la quantité de lumière envoyée dans la pupille par la surface agrandie $S'=\frac{SR^2}{r^3}$; son éclat est $\frac{E\,r^2}{p^2}$; il a diminué dans le rapport de r^2 à p^2 . On voit comment le grossissement des functes est limité, puisque l'éclairement décroit aussitôt que l'anneau oculaire devient égal ou inférieur à la pupille. Cette limite est atteinte pour un grossissement linéaire de 16 fois si la pupille a 3 millimètres de diamètre et l'objectif 5 centimètres, il se recule à 30 fois si l'objectif a 10 centimètres, et pour atteindre 300 fois il faudrait 1 mètre de diamètre.

Pour un observateur dont la pupille a 2 millimètres, les grossissements qu'on peut atteindre sans diminuer l'éclat sont égaux à 25, 50, 500, quand les diamètres de l'objectif sont de 50, 100, 200 millimètres.

Quand on dépasse cette limite, on voit diminuer progressivement l'éclat de tous les objets qui ont une étendue apparente. Mais comme une étoile ne grossit point, le seul effet de la lunette est d'augmenter dans le rapport de R² à p² le proportion de la lumière envoyée à l'œil. D'autre part, l'éclat général du ciel décroît de r² à p², et pour une double raison l'étoile paraît plus brillante. Conséquemment, il faut observer avec des grossissements excessifs quand on veut découvrir des étoiles faibles, avec des grossissements modérés si l'on veut étudier les détails d'objets étendus qui ne sont pas à l'infini et qui sont peu éclairés.

LUMETTE TERRESTRE. — Dans ces lunettes les objets sont vus Fig. 908.



renversés, ce qui est sans importance pour les astres, mais

ce qui a beaucoup d'inconvénients quand on observe sur la terre. On redresse les images au moyen de deux lentilles égales et parallèles, DE, D'E' qu'on interpose entre l'objectif et l'oculaire (fig. 908). BA est l'image renversée donnée par l'objectif; elle est au foyer de DE. Les rayons partis de P se transforment en un faisceau parallèle DD'EE' que la deuxième lentille concentre en un foyer P'. Du point B partent des rayons qui deviennent parallèles à l'axe secondaire BC et se concentrent ensuite en un foyer B' sur l'axe DC' parallèle à BC. On aura donc en A'B' une Image, égale à AB; mais elle est redressée, c'est celle qu'on observe avec une loupe.

L'oculaire de Galilée donne directement les images droites (fig. 909); il est formé par une lentièle concave DD' placée

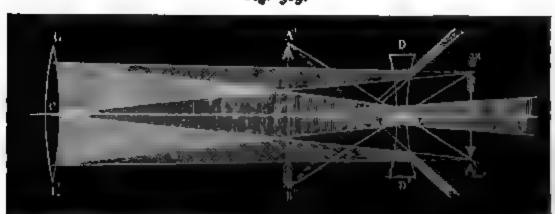


Fig. 909.

avant l'image renversée A'B' que formerait l'objectif LL'. Les rayons dirigés vers B' deviennent divergents dans DD' comme s'ils partaient de B". Ceux qui aboutissaient en A' divergeront de même comme s'ils venaient de A" situé sur l'axe A'C'. Finalement il n'y a point d'image réelle, mais il y en a une en A'B", qui est virtueile, redressée et agrandie. En plaçant convenablement DD', elle se forme à la distance de la vision distincte.

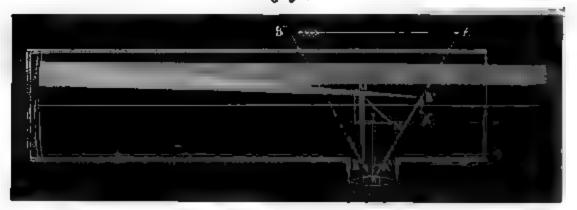
TÉLESCOPES.

Ce sont des lunettes dans lesquelles on remplace l'objectif par un grand miroir concave. Soit AB un objet situé au loin, CD le miroir, A'B' l'image renversée (fig. 910). Herschel dirigeait l'appareil de façon que cette image se fit sur le bord du

754 QUATRE-VINGT-ONZIÈME LEÇON.

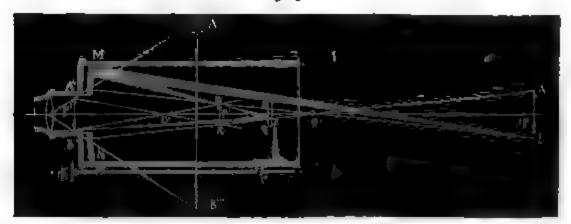
tube au fond duquel était le miroir, et il l'observait directement avec une loupe. Newton plaçait en MN, avant l'image, un miroir vertical incliné à 45 degrés sur la direction de l'axe XY, et il obtenait ainsi une image A"B" qu'il examinait avec l'oculaire O fixé sur un tube de tirage horizontal.

Fig. 910.



Gregori a imaginé de percer d'un trou le centre du miroir et de recevoir les rayons sortis de l'image A'B' sur un second miroir concave PQ, très-petit, dont le centre est en O', et qui donne une seconde image A'B' agrandie, doublement renversée, et, par conséquent, droite au foyer conjugué de A'B'. Cette image change de place en même temps que le miroir PQ, et celui-ci est mobile par une vis de rappel Rr. L'oculaire est fixe devant A'B' (fig. 911).

Fig. git.



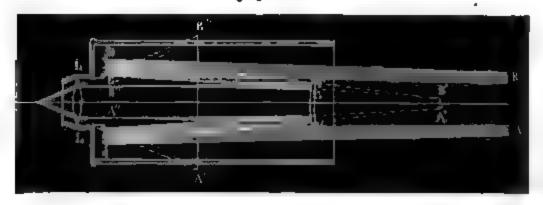
Ensin Cassegrain remplace le miroir concave par un miroir convexe FH placé avant l'image A'B', ce qui diminue la longueur de l'appareil et forme une image agrandie A"B" (fig. 912).

L'avantage spécial de ces instruments consiste dans la propriété qu'ont les miroirs de produire des images absolument

DES INSTRUMENTS D'OPTIQUE.

matiques, et comme il estaisé de leur donner de grandes

Fig. 912.

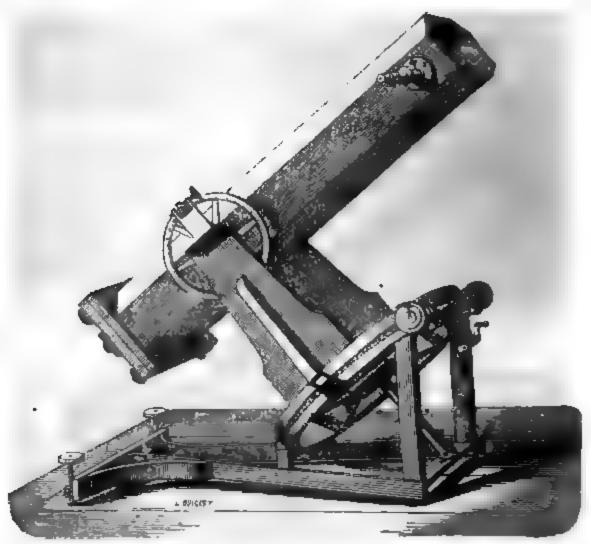


unsions, on peut leur imposer des grossissements consi-



dérables. M. Foucault a réalisé tout récemment des perfectionnements remarquables en fabriquant des miroirs de verre dont il retouche la surface jusqu'à l'amener à la forme paraboloïdale. Il les argente ensuite pour leur donner un plus grand pouvoir réflecteur, et il les dispose à la manière de Newton. Les images sont reçues sur un prisme à réflexion totale et observées avec des microscopes. On voit (fig. 913) la disposition que M. Secretan a donnée aux télescopes destinés





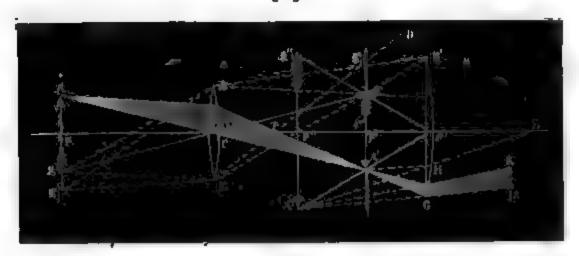
à examiner les objets terrestres. La fig. 914 montre commet on les monte sur un équipage parallactique.

MICROSCOPE.

compitions parsiques. — Les lunettes étant destinées à observer des objets inaccessibles, l'image A'B' (fig. 915) se for-

mait en des endroits variables avec les distances de ces objets, et il failait que la loupe oculaire fût portée par un tuyau de tirage. Le microscope est dans des conditions opposées; on peut toujours approcher l'instrument des objets qu'on veut étudier et régler sa distance de telle sorte que l'image de AB se fasse en A'B', au plan focal où il faut qu'elle soit pour être vue nettement par l'observateur, quelle que soit sa distance de vision distincte. Il n'y a donc pas besoin de tirage, aussi le microscope est-ji un appareil dont les verres sont fixes, mais dont la distance aux objets est variable.

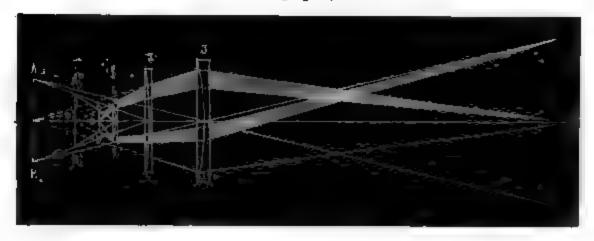
Fig. 915.



La longueur de l'instrument peut être quelconque; plus elle sera grande, plus l'image A'B' sera éloignée de AB, et plus le grossissement sera fort. Il n'est pas commode cependant d'augmenter outre mesure cette longueur; on va le comprendre. A mesure que l'objet s'approche du foyer principal de l'objectif DE, l'imagè A'B' s'éloigne, d'abord lentement, ensuite très-rapidement jusqu'à l'infini, de façon que les moindres différences dans la distance de l'objet AB déterminent des changements de places énormes de l'image A'B'; or comme les objets qu'on regarde ont toujours une épaisseur, bien qu'elle soit petite, on ne verrait distinctement à la fois que les points situés rigoureusement dans une section plane AB. Il vaut donc mieux réduire la longueur de l'appareil et augmenter la puissance de l'objectif.

Cet objectif est composé de deux ou trois lentilles achromatiques très-petites, superposées et séparées par des distances réglées expérimentalement (fig. 916). La première LL' (n° 1) reçoit les rayons de l'objet placé en AB, diminue leur





divergence, forme en D, un foyer virtuel de D et en A, B, l'image de AB. La deuxième (n° 2) continue cet effet et forme l'image en A, D, B, ; la troisième enfin (n° 3) produit une dernière image A'B' qui est réelle, renversée et en face de l'oculaire. Le grossissement de A'B' sera d'autant plus grand que la distance de D à LL' sera plus petite, qu'on aura mis un plus grand nombre de lentilles et qu'elles seront plus fortes. La pratique seule indique aux constructeurs les conditions de courbure et de distance qu'ils doivent donner aux trois lentilles. En général, tout microscope est accompagné de plusieurs systèmes d'objectifs numérotés d'après leur degré de puissance. On a représenté (fig. 916) la marche des rayons partant du milieu D et d'un point B de l'objet.

L'angle LDL', que sont les rayons extrêmes en arrivant sur la lentille, se nomme l'angle d'ouverture de l'instrument. Plus il est grand, plus l'instrument reçoit de lumière de chaque point D. Il est important qu'il en reçoive beaucoup pour que l'image A' B' soit vive; mais pour que les rayons extrêmes DL et DL' sassent leurs soyers au même point que les rayons centraux, il saut que les lentilles soient rigoureusement exemptes d'aberration de sphéricité, condition très-dissicle à remplir.

Pour diminuer cette aberration, Amici a imaginé d'immerger la première lentille LL' dans un liquide. On couvre l'objet qu'on veut examiner d'un verre mince; on en approche la lentille LL', et entre ce verre et cette lentille on met une goutte d'eau distillée. De cette saçon, le cône des rayons LDL' est très-peu dévié à travers la première lentille, le premier soyer D, est tout près de D, l'aberration est très-saible et le microscope supporte un angle d'ouverture considérable.

Comme les diverses pièces de cet objectif doivent être réglées par la pratique de manière à donner le meilleur effet, une des lentilles est portée sur un tube de longueur variable qui permet de l'éloigner ou de la rapprocher à volonté. Il faut, par exemple, la mettre en des points différents suivant que l'objet observé est ou n'est pas couvert d'un verre, ou bien suivant que l'épaisseur de ce verre change. L'observateur a la faculté de chercher la meilleure combinaison de distance.

Quant à l'oculaire, c'est invariablement le système négatif d'Huyghens; on fera bientôt connaître sa construction et les conditions de son achromatisme.

conditions mécaniques. — La forme et la disposition des microscopes varient suivant les temps, les pays et les constructeurs; nous représentons (fig. 917) l'un des plus parfaits, celui de M. Nachet. Le corps de l'instrument est en BC; il se meut de haut en bas dans une coulisse qu'on fait marcher par une crémaïllère et un pignon A. Le porte-objet est en E; il est sixe. Comme il arrive souvent que pendant les observations l'objectif B rencontre le porte-objet et le brise, on l'a sixé à l'extrémité d'un tube rentrant, à ressort; par ce moyen il remonte dans le corps du microscope, quand on vient par mégarde à trop l'abaisser.

Le pignon A donne à l'appareil un mouvement rapide; pour achever la mise au point, une vis D, à pas très-serré, sait marcher l'oculaire très-lentement jusqu'à ce qu'on voie distinctement l'image.

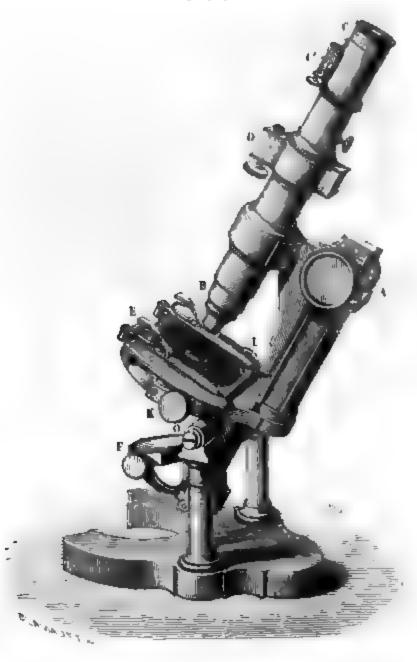
Les objets sont placés sur la plate-forme E, entre deux verres que maintiennent, par une légère pression, deux règles à ressort. Les vis K et L transportent lentement la plate-forme dans deux sens rectangulaires, asin d'amener l'objet dans le champ de l'oculaire.

L'éclairement de cet objet est l'une des conditions essen-

760 QUATRE-VINGT-ONZIÈME LEÇON.

tielles du microscope. On l'obtient par un miroir concave F, qui est mobile dans tous les sens, sur lequel on reçoit la





tumière des nuées ou d'une lampe ou d'un verre dépoli fortement illuminé, et qui la concentre, suivant l'axe de l'instrument, sur les objets qu'on veut observer. Comme ceux-ci sont toujours très-minces, ils sont presque transparents, et chaque détail de leur organisation intérieure transmet cette lumière comme s'il était lumineux lui-même. Au-dessous du porte-objet se voit (fig. 918) un diaphragme P qui permet de faire varier la quantité de lumière. Souvent on la concentre

DES INSTRUMENTS D'OPTIQUE.

76 t

par des systèmes de lentilles, comme dans le microscope solaire. Enfin, l'appareil s'incline autour d'un axe horizontal O,



et l'observateur, suivant sa commodité, lui donne la direction qu'il veut.

enossissement. — On ne peut plus mesurer le grossissement du microscope comme on le fait pour les lunettes. On se sert de la chambre claire. Soit AB l'axe de l'instrument que je suppose vertical (fig. 919). En A est une glace réfléchissante percée d'un trou très-petit. Par ce trou l'œil volt l'image d'une règle divisée C, et par les bords celle d'un micromètre divisé en

centièmes de millimètre, qui est sur le porte-objet et qui est grossi par l'instrument. Ces images paraissent confondues.

En cherchant les traits qui coıncident, on observe que

Fig. 919.

m centièmes de millimètre de B, grossis G fois par l'instrument, occupent l'étendue de n millimètres de la règle C.

$$\frac{m}{100}G=n, \quad G=\frac{100 n}{m}.$$

On peut donc calculer le grossissement linéaire G.

On voit au sommet de l'instrument, au-dessous de l'oculaire (fig. 918), en C', un appareil muni d'une vis micrométrique. Il permet d'introduire au foyer de l'oculaire un micromètre divisé sur verre en centièmes de millimètre, qu'on règle par la vis jusqu'à en voir distinctement les traits. On place en E sur le porte-objet un micromètre pareil dont l'image, grossie G' fois par l'objectif, coıncide avec celui qui est en C'. On trouve que m' divisions grossies du second occupent n' divisions du premier.

$$m'G'=n', \quad G'=\frac{n'}{m'}$$

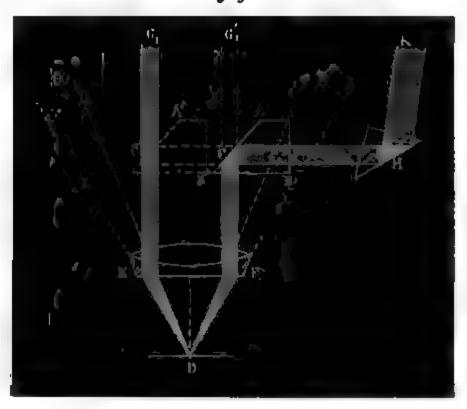
Cela fait connaître, pour un instrument donné, le grossissement de l'objectif; c'est tout ce qu'il est utile de connaître. En effet, on aura le grossissement total G en multipliant G' par le grossissement de l'oculaire. En second lieu, si l'on veut avoir la grandeur d'un objet, on le met sur le porte-objet et on le compare au micromètre G'. S'il occupe G' divisions, sa grandeur réelle G' est G'.

C'est par ce procédé qu'on trouve, par exemple, le diamètre des globules du sang. Il y a encore une autre méthode qui consiste à placer ces globules en E (fig. 918) sur le micromètre même du porte-objet, et à voir combien elles couvrent de divisions de cet étalon.

MICROSCOPE BINOCULAIRE. — On verra bientôt que le concours des deux yeux est nécessaire pour produire la sensation du

relief. Or, dans le microscope, l'observation est monoculaire et il y a de fréquentes illusions sur la forme. M. Nachet a réalisé très-simplement un instrument qui montre les objets aux deux yeux, comme si, étant grossis par l'appareil, on les voyait avec les deux yeux à la distance de la vision distincte (fig. 920).

Fig. 920.



Soit D un point de l'objet, O, O' les deux yeux; O le verra suivant le cône DO, O' suivant DO'; il faut faire en sorte que, par l'intermédiaire du microscope, O et O' reçoivent encore les mêmes faisceaux sous les mêmes angles, de façon que les conditions de vision restent les mêmes et qu'il n'y ait que le grossissement de plus. Partis de D les rayons traversent l'objectif EF qui les transforme en deux faisceaux presque parallèles, puisqu'ils vont concourir à former l'image de D en avant de l'oculaire. On reçoit les rayons EG, dans un premier tube qui les apporte à l'œil armé d'un oculaire; les autres rayons FG', se réfléchissent en C et en H dans deux prismes, et pénètrent dans un deuxième tube HK et dans un deuxième oculaire pour arriver ensuite à l'œil O'. Ces deux tubes ont un angle égal à celui des axes optiques des deux yeux regardant à la distance de la vision distincte, c'est-à-dire un angle égal à ODO', et en résumé

764 QUATRE-VINGT-ONZIÈME LEÇON.

les deux yeux voient l'objet D grossi, mais sous les mêmes perspectives que s'ils le voyaient en réalité sans microscope. La sensation des reliefs et des creux est alors saisissante. En transportant le prisme AB en A'B', le faisceau FG', est reçu par l'œil (), et le faisceau EG, réfléchi deux fois, pénètre dans

Fig. 9-0.



Fig. 922.

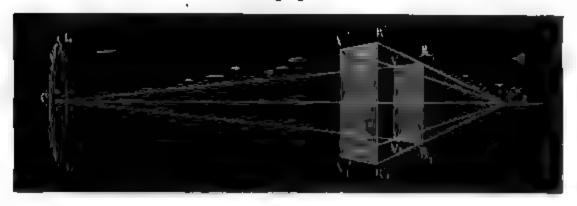


l'œil O'. La perspective des deux yeux est retournée et les conditions de relief renversées; on a une vue pseudoscopique de l'objet. On voit (fig. 922) l'apparence extérieure de l'appareil.

ACHROMATISME.

S'ils étaient construits comme nous venons de le dire, les instruments dioptriques composés donneraient des images irisées. Tout objet blanc rayonne en effet les diverses couleurs superposées vers l'objectif LL' (fig. 923) et celui-ci forme autant





d'images distinctes RR₁,..., VV, qu'il y a de lumières simples. Celle du rouge, qui est la moins réfrangible, est la plus éloignée en RR,; le violet fait la sienne en VV,, et les couleurs intermédiaires, entre VV, et RR. La loupe oculaire placée en C' fera voir ensuite en R'R', l'image virtuelle agrandie de RR, et en V'V', celle de VV_i. En résumé, tout point de l'objet se verra suivant un spectre R'V' d'autant plus étalé qu'il sera plus éloigné de l'axe. L'image générale manquera de netteté, et partout où il y aura des variations d'intensité, il y aura des couleurs. On remédie à ces graves inconvénients de deux manières : 1º en construisant des objectifs achromatiques, lesquels donnent sensiblement dans le même plan focal les images RR₁, VV₄ du rouge et du violet, 2° en corrigeant par des oculaires composés la petite dispersion que laissent subsister ces objectifs. Nous allons nous occuper de ces objectifs et de ces oculaires: mais auparavant nous commencerons par comparer les diverses substances réfringentes sous le rapport de la faculté qu'elles possèdent de disperser les diverses couleurs simples.

POUVOIR MEPERSIP. — Dans l'effet d'un prisme il y a deux choses à considérer : t^* la déviation moyenne ∂_t du rayon jaune; 2^* l'angle $\partial_t = \partial_t$ que font les rayons extrêmes rouge et violet, et que l'on nomme angle de dispersion. Si l'on construit plusieurs prismes avec une même substance, la déviation moyenne et la dispersion sont toujours proportionnelles. Il n'en est point ainsi quand on change la matière réfringente. On peut tailler deux prismes de flint et de crown, sous des

angles A et A' tels, ou bien qu'ils produisent une même déviation moyenne à, et une dispersion à, — à, très-inégale, ou bien une dispersion égale et une déviation différente. Si on superpose ces prismes en sens opposé, l'effet total est la différence des actions individuelles, et il arrive, dans le premier cas, que le faisceau n'est plus dévié et reste coloré dans le sens du prisme de flint; dans le second, que le faisceau est dévié dans le sens déterminé par le crown, mais qu'il n'est plus coloré. Il est achromatisé.

On fait ordinairement l'expérience avec le prisme à liquide (fig. 924), composé de deux faces latérales parallèles et bien



dressées, entre lesquelles s'inclinent à frottement deux parois de glace EF, BC. L'angle de ces faces a son sommet vers le bas; il est mesuré par une graduation que F et C parcourent. On place entre elles un deuxième prisme A dirigé dans un sens contraire taillé dans du flint; on remplit l'intervalle avec de l'eau ou avec tout autre liquide; on reçoit sur l'appareil un faisceau solaire très-mince, et il est facile de trouver par tâtonnement deux situations de la lame EF, l'une pour laquelle la dispersion est détruite sans que la déviation le soit, l'autre qui donne un rayon dispersé mais non dévié.

Cela prouve que, toutes choses égales d'ailleurs, la disper-

sion suit des lois spéciales et qu'il y a lieu de la comparer dans les diverses substances. On nomme pouvoir dispersif le rapport de l'angle $\delta_1 - \delta_1$ que font les rayons extrêmes à la déviation δ_2 du rayon moyen jaune. Ainsi défini, ce rapport serait variable avec l'angle réfringent du prisme; mais, comme il varie peu, on peut le regarder comme sensiblement constant. Voici un tableau dressé par le docteur Brewster : il faut le considérer comme une simple approximation, destinée à mettre en lumière le fait qui nous occupe.

Chromate de plomb	0,400
Réalgar fondu	0,267
Huile de cassia	0,139
Soufre, phosphore	0,130
Sulfure de carbone	0,115
Huile de girofle	0,062
Flint-glass	0,052
Flint-glass	0,048
Huile de lavande	0,045
Baume du Canada	0,045
Spath (rayon ordinaire)	0,040
Diamant	0,038
Alun	0,036
Crown	0,035
Eau	0,035
Crown	0,033
Verre à vitres	0,032
Alcool	0,029
Cristal de roche	0,026
Spath fluor	0,022

Ainsi qu'un prisme, toute lentille produit un double effet: une déviation moyenne et une dispersion des rayons extrêmes, et, d'après ce que nous venons de dire, il est évident qu'en accolant deux lentilles de substances différentes, l'une convergente de crown, l'autre divergente de flint, il sera possible, en leur donnant des courbures convenables, de détruire la dispersion des rayons extrêmes, tout en laissant subsister la convergence du faisceau. C'est en cela que consiste le problème de l'achromatisme des lentilles.

ACHROMATISME DES LENTILLES. — Soient r, r' les rayons de

courbure de la lentille convexe de crama a management de la lentille convexe de convexe indices de réfraction du rouge, de l'erangé, ... du violet dens ce milieu. Solent de même de courbure et les indices de la deuxième lenuille biconcave

Si on fait tomber sur le système un rayon rouge parallèle à l'axe, le foyer sera à une distance p, donnée par la formule de Aint.

suivante:

en remplaçant n, et n', par n; et n', :

rayon violet il sera a dido
laçant
$$n_i$$
 et n'_i , par n_i et n'_i ;
$$\lim_{r \to \infty} (n_i - 1) \left(\frac{1}{r} + \frac{1}{r'}\right) - (n'_i, -1) \left(\frac{1}{r'} + \frac{1}{r''}\right)$$

$$\frac{1}{p_i} = (n_i - 1) \left(\frac{1}{r} + \frac{1}{r'}\right) - (n'_i, -1) \left(\frac{1}{r'} + \frac{1}{r''}\right)$$
in soit achromatique, il faut et

Pour que la lentille soit achromatique, il faut et il sof

que p, soit égal à p, ou que

egal à
$$p_1$$
 ou que
$$(n_1-1)\left(\frac{1}{r}+\frac{1}{r'}\right)-(n',-1)\left(\frac{1}{r'}+\frac{1}{r''}\right)$$

$$=(n_1-1)\left(\frac{1}{r}+\frac{1}{r'}\right)-(n',-1)\left(\frac{1}{r'}+\frac{1}{r''}\right)$$

ce qui se réduit à
$$\frac{n_1 - n_1}{n_1' - n_1'} = \frac{\frac{1}{r'} + \frac{1}{r''}}{\frac{1}{r} + \frac{1}{r'}}.$$
(1)

Le foyer des rayons rouges coïncidera avec celui violets si, r, r'étant donnés, on calcule r' par cel On pourra de même superposer le jaune et le ble néral le foyer d'une raie « avec celui d'une autre rai de prendre les indices correspondants et de cal

 $n_{\alpha} - n_{\alpha}$ C'est ce que sit Frauenhoser P

Tableau des indices de réfraction des divers rayons du spectre d'après les expériences de Frauenhofer.

SCESTANCES	В	C	D	E	F	G	H
RÉPRINGENTES.	n _i	n ₂	n _s	n ₄	<i>11</i> ₅	n_{ullet}	n_{γ}
Flint-glass nº 13	1,627749	1,629681	ı,635o36	1,642024	1,6,18260	1,660285	1,671062
Crown-glass	1,525832	1,526849	1,529587	1,533005	1,536052	1,541657	1,546566
Eau	1,330935	1,331712	1,333577	1,335851	1,337818	1,341293	1,344177
Flint-glass no 3	1,602042	1,603800	1,608494	1,614532	1,620042	1,630772	1,640373
Flint-glass no 30	1,623570	1,625477	1,630585	1,637356	1,643466	1,655406	1,666072
Crown-glass no 13.	•	· - 1		-			•
Flint-glass no 23 et	1			•			
prisme de 600	1,626596	1,628451	1,633667	1,640495	1,646756	1,658848	1,669986

Voici maintenant les valeurs du rapport $\frac{n_3 - n_{\alpha}}{n'_{\beta} - n'_{\alpha}}$:

Tableau de dispersion partielle de plusieurs substances prises deux à deux.

SUBSTANCES RÉPRINGENTES.	$\frac{n_2-n_1}{n_2'-n_1'}$	$\frac{n_3-n_4}{n_4'-n_2'}$	$\frac{n_4-n_3}{n_4'-n_3'}$	$\frac{n_4-n_4}{n_5'-n_4'}$	$\frac{n_6-n_4}{n_6'-n_3'}$	$\frac{n_7-n_6}{n_7'-n_6'}$
Flint-glass no 13 et eau Flint-glass no 13 et crown-	2,562	2,871	3,073	3,193	3,460	3,726
glass no g		1,956	2,041	2,017	2,145	2,195
Crown-glass no 9 et cau	1,349	1	1,503	l • • •		1 '
Flint-glass no 13 et huile			1			
de térébenthine	1,868	1,844	1,783	1,843	1,861	1,899
Flint-glass no 3 et crown-						:
glass no 9	1,729	1,714	1,767	1,808	1,914	1,956
Flint-glass no 30 et crown-						;
glass no 13	1,932	1,904	1,997	2,061	2,143	2,233
Flint-glass no 23 et crown-						
glass no 13	1,901	1,940	2,022	2,107	2,168	2,268

Ces résultats sont très-instructifs; ils montrent que la va-III. leur du rapport calculé change avec les raies que l'on veut superposer. Par conséquent, on ne peut achromatiser toutes les couleurs à la fois. Quand on a satisfait au problème pour deux d'entre elles, elles font leurs foyers au même point; mais toutes les autres en des points dissérents.

A la vérité, on peut achromatiser rigoureusement trois couleurs en superposant trois lentilles alternativement convexe, concave et convexe, formées par trois substances différentes. La distance focale est une fonction analogue à la précédente des rayons r, r', r'', r''', et des indices des trois substances. En écrivant qu'elle est la même pour trois couleurs, on a deux équations qui déterminent r'' et r''', c'est-à-dire qui déterminent les deux dernières lentilles quand la première est donnée. On pourrait encore achromatiser quatre rayons par quatre lentilles, et ainsi de suite; mais la complication du travail deviendrait excessive. On ne superpose jamais plus de trois verres, et pour les grands objectifs des lunettes on n'en superpose que deux.

ACHROMATISME DES PRISMES. — Puisqu'on ne peut amener toutes les couleurs à un même foyer, il faut choisir. Mais la théorie ne nous apprend pas quelles sont les couleurs qu'il est le plus utile de superposer; l'œil seul peut le faire en nous montrant les cas où les images paraissent le mieux achromatisées. Cette observation va nous conduire à une seconde méthode où l'on cherchera à rendre les images incolores, sans se préoccuper de mesurer les indices des diverses raies et de faire coïncider l'une ou l'autre d'entre elles.

On accole deux prismes dont les angles, inversement placés, sont A et A', et les indices $n_1, \ldots, n_7, n'_1, \ldots, n'_7, \ldots, n'_7$. Si A et A' sont très-petits, on peut admettre que les sinus d'incidence et de réfraction sont égaux aux angles i et r, et les formules ordinaires deviennent pour le premier prisme et pour le rayon rouge :

$$i=n_1r$$
, $i'=n_1r'$, $\delta_1=i+i'-\Lambda=(n_1-1)\Lambda$.

Le second prisme donne de même

$$\delta' = (n', -1) \Lambda',$$

et la déviation définitive est

$$\Delta_1 = \delta_1 - \delta_1' = (n_1 - 1) A - (n_1' - 1) A'.$$

Pour la couleur violette :

$$\Delta_1 = \delta_2 - \delta_2' = (n_1 - 1) \Lambda - (n_1' - 1) \Lambda'.$$

Pour que le rouge devienne parallèle au violet, il faut qu'on ait $\Delta_{\tau} = \Delta_{\iota}$:

$$(n_{1}-n_{1}) \Lambda = (n'_{1}-n'_{1}) \Lambda',$$

$$\frac{n_{2}-n_{1}}{n'_{1}-n'_{1}} = \frac{\Lambda'}{\Lambda}.$$

En comparant les équations (1) et (2) on trouve que

(3)
$$\frac{\mathbf{A}'}{\mathbf{A}} = \frac{\frac{\mathbf{I}}{\mathbf{r}'} + \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{r}''}}{\frac{\mathbf{I}}{\mathbf{r}} + \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{r}'}}.$$

Si donc on avait réussi à achromatiser deux prismes A et A', le rapport de leurs angles permettrait de calculer le deuxième rayon de courbure r'' de la lentille concave qui achromatiserait une lentille convexe donnée, si toutes deux étaient formées des mêmes substances que les prismes A et A'. La question est ainsi transportée des lentilles aux prismes, et on va la résoudre en taillant deux prismes sous des angles quelconques A et A' dans les deux substances, et en achromatisant successivement chacun d'eux avec un troisième dont l'angle est variable et qu'on nomme diasporamètre.

DIASPORAMÈTRE. — Rochon place dans un cercle divisé vertiçal qui est représenté (fig. 675, Pl. II) aux nº 6 et 7, deux prismes de même verre et de même angle α , l'un fixe, l'autre qui est mobile autour de l'axe de l'appareil et dont on mesure la rotation sur le cercle divisé. Leur ensemble réalise un seul prisme dont l'angle formé par les faces extrêmes est égal à α et peut varier de zéro à 2α .

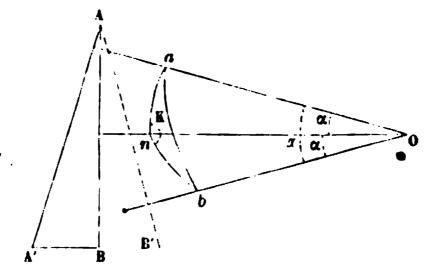
Pour le calculer, abaissons d'un point O(fig. 925) trois normales : On à la face de jonction AB, Oa à la face de sortie AA'

QUATRE-VINGT-ONZIÈME LEÇON.

772

du prisme sixe BAA', Ob à la face d'entrée AB' du prisme mobile BAB'. Les angles nOa, nOb sont égaux à α ; bOa est égal

Fig. 925.



à x, et l'angle dièdre anb, formé par les sections normales des deux prismes, est égal à la rotation qu'on a imprimée au second ou à K. On a pour calculer x

$$\cos x = \cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha \cos K$$
.

D'autre part, la section normale du prisme à angle variable est AOb; elle sait avec celle du prisme sixe A'AB un angle dièdre nab que l'on calculera de même,

$$\cos \alpha = \cos \alpha \cos x + \sin \alpha \sin x \cos nab.$$

Sur un cercle divisé vertical, pareil à celui qui porte le diasporamètre, on placera d'abord une fente étroite, et ensuite le prisme d'angle A pris dans l'une des substances qu'on veut étudier; on mettra à la suite le diasporamètre, primitivement amené à son zéro, et l'œil verra le spectre donné par le prisme A; ensuite on fera progressivement tourner le diasporamètre d'un angle K et le prisme A avec sa fente de l'angle nab, de manière que les deux sections normales des deux prismes restent parallèles et que les angles soient opposés; on continuera la rotation jusqu'à ne plus voir de couleurs. A ce moment le prisme A sera achromatisé par celui du diasporamètre dont l'angle sera x, et en représentant par v., . ., v, les indices extrêmes du diasporamètre, on aura

$$\frac{n_1-n_1}{\nu_1-\nu_1}=\frac{x}{\Lambda}.$$

En répétant la même opération avec le deuxième prisme A' pris dans la deuxième substance,

$$\frac{n'_1-n'_1}{\nu_2-\nu_1}=\frac{x'}{A'};$$

et en divisant,

$$\frac{n_7-n_1}{n_7'-n_1'}=\frac{x\,\mathrm{A}'}{x'\,\mathrm{A}}.$$

Ensin pour achromatiser deux lentilles des mêmes substances il faudra faire

$$\frac{\frac{1}{r'} + \frac{1}{r''}}{\frac{1}{r} + \frac{1}{r'}} = \frac{x A'}{x' A}.$$

L'inconvénient de cet appareil est la nécessité de faire tourner la section normale du prisme A pour qu'elle reste parallèle à celle du diasporamètre. A la vérité on peut remédier à cet inconvénient, et j'ai fait faire un diasporamètre où les deux prismes tournent à la fois d'un mouvement commun, l'un vers la droite, l'autre vers la gauche, ce qui produit le même effet que si l'un d'eux avait tourné d'un angle double, mais ce qui laisse immobile la section normale des faces extrêmes.

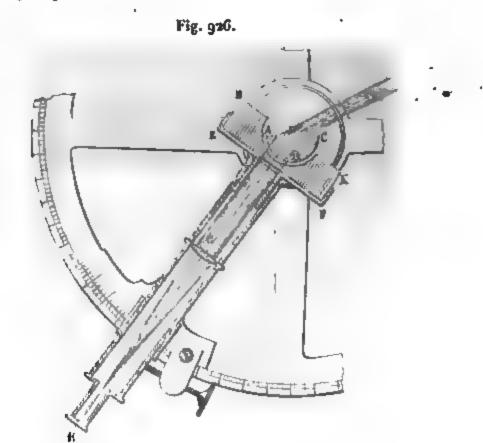
L'appareil de Boscovich déjà décrit précédemment (fig. 926) réalise plus commodément les mêmes opérations. On place sur le demi-cylindre ABC le prisme à étudier; on éclaire le tout par une sente mince, et en saisant mouvoir la lunette HG on saisit le moment où le saisceau résracté est incolore.

M. Brewster observe une fente verticale avec le prisme A dont les arêtes sont parallèles à cette fente ; il obtient un spectre d'une largeur inconnue x. Il le reçoit sur un second prisme dont l'angle est A_i , qui est formé d'une substance dont les indices sont ν_1, \ldots, ν_l , et qui donne un spectre opposé de largeur connue l. Supposons que l soit plus grande que x, le premier spectre est interverti; mais en tournant le deuxième prisme d'un angle α , la largeur horizontale du spectre qu'il produit diminue et devient $l\cos\alpha$: c'est comme si son angle était di-

minué et devenu $A_i \cos \alpha$. Quand $l \cos \alpha = x$, l'achromatisme est complet, et on a

 $\frac{n_2-n_1}{\nu_2-\nu_1}=\frac{\Lambda_1\cos\alpha}{\Lambda}.$

On opère de même avec le prisme A', et on arrive aux mêmes relations que précédemment.



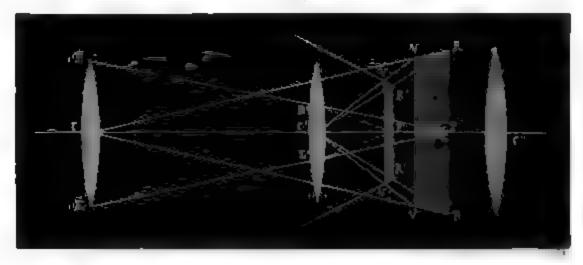
On vient de voir que l'achromatisme des objectifs est tou-

jours imparfait, il faut essayer de le compléter par des oculaires.

oculaire d'euveress.—Soit DE l'objectif d'une lunette, RRVV (fig. 927) l'image réelle et disperse qu'il donne d'une ligne verticale. On place avant son plan focal une lentille D'E' qui empêche cette image de se former, et concentre au point le les rayons D'P', E'P' qui devaient se rencontrer en P'. Ceux qui aboutissaient en R feront leur image en R' sur l'axe secondaire C'R; et les violets qui arrivaient en V auront leur foyer en V'sur l'axe C'V. En résumé, au lieu de l'image réelle RRVV, on en aura une autre R'R'V'V' dispersée comme la première; mais elle est dans des conditions bien différentes en ce que R'R'

est plus petit que V'V', et qu'en prolongeant la ligne V'R', elle rencontrera l'axe en C". Si l'œil est en C" il verra les di-





verses images R',..., V' de chaque point suivant la même direction; il verra toutes les couleurs superposées, l'image nette et incolore. Une seconde lentille placée en C' grandit l'image V'R', et la recule à la distance de la vision distincte sans détruire son achromatisme. Cet objectif s'adapte parfaitement aux microscopes, et n'a point été changé depuis Huyghens; il convient moins aux lunettes par la raison qu'il faudrait placer le réticule en R'R' dans le tuyau de tirage, et que l'axe ne serait pas fixe.

oculaire Positif. — Ramsden a imaginé une autre disposition (fig. 928): il laisse se former l'image VRVR donnée par l'objectif, et il l'observe par une première loupe C' qui forme une série d'images virtuelles; celle du rouge est sur les axes secondaires R'RC', celle du violet sur V'VC'; et comme VV est beaucoup plus près du foyer principal de C' que ne l'est RR, l'image violette V'V' est reculée plus loin que l'image rouge R'R'; elle est plus grande, et les lignes V'R' viennent se couper en C', point où se place une deuxième lentifle qui agit comme une seconde loupe et fait voir les diverses images de chaque point à des distances différentes, ce qui n'est pas un grand inconvénient pour l'œil, mais suivant le mème rayon visuel, ce qui superpose toutes les couleurs.

A ne considérer que le grossissement, le double oculaire de Ramsden fait voir l'image RR comme le ferait une seule 776 QUATRE-VINGT-ONZIÈME LEÇON.

loupe qu'on placerait en O, à l'intersection avec l'axe des lignes RO parallèles à R'C". Plus C' sera rapproché de RR,



plus O sera près de RR, et plus le grossissement sera considérable.

Les oculaires multiples ont un autre avantage, c'est que leur aberration de sphéricité est très-faible. L'étude des conditions qui font augmenter ou diminuer cette aberration ne peut trouver place ici. C'est une des plus complexes questions de l'optique. Elle a été traitée par Gauss, Bravais, Biot. Nous renverrons à ces auteurs.

QUATRE-VINGT-DOUZIÈME LEÇON.

S MÉTÉORES LUMINEUX ET DE LA VISION.

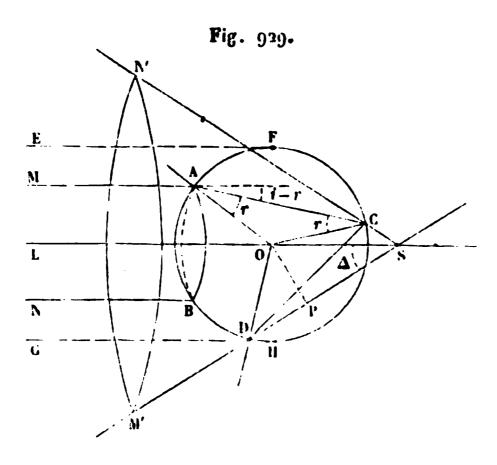
-en-ciel. — Marche de la lumière dans une goutte d'eau. — Maxide déviation. — Rayons efficaces. — Vérifications expérimen-Explication de l'arc.

halos. — Description du phénomène. — Explication des cercles scentriques. — Des parhélies horizontaux et verticaux. — Des arcs sents. — Vérifications expérimentales.

sion. — Conditions physiques. — Conditions physiologiques. — Les sements de l'œil.

L'ARC-EN-CIEL.

ARCHE DE LA LUMIÈRE DANS UNE GOUTTE D'EAU. — Le phénoe de l'arc-en-ciel est évidemment produit par l'action que souttes de pluie exercent sur la lumière. Étudions donc la action et la réflexion d'un rayon MA qui rencontre sous



incidence i une sphère dont le rayon est R et l'indice n . 929). A l'entrée, le faisceau éprouve une première dévia-

tion i-r; il se réfléchit partiellement en C, D,...; à chaque fois il se dévic de $\pi-2r$, et à l'émergence il s'instéchit comme à l'entrée de i-r. Si m est le nombre des réflexions, la déviation totale Δ est

(1)
$$\Delta = 2i - 2r + m(\tau - 2r) = m\tau + 2i - 2(m+1)r$$
.

Il suit de là que l'ensemble des rayons lumineux qui occupent la surface extérieure d'un cylindre MANB se transforme, après un nombre quelconque de réflexions, en un cône M'SN' dont l'angle d'ouverture est égal à Δ , et dont le sommet est à une distance $SO = R \frac{\sin i}{\sin \Delta}$. Cette distance est variable avec i; mais si on suppose que la goutte est très-petite, on peut considérer le sommet S comme confondu avec le centre O.

MAXIMUM DE DÉVIATION. — Pour i = o, $\Delta = m\pi$. L'incidence croissant, Δ augmente. Je vais montrer qu'elle augmente jusqu'à un maximum pour décroître ensuite. En effet, posons

$$d\Delta = 2di - 2(m+1)dr = 0$$
, $di = (m+1)dr$.
On a, d'ailleurs,

$$\sin i = n \sin r, \quad \cos i \, di = n \cos r \, dr,$$

$$(m+1)^2 \cos^2 i = n^2 \left(r - \frac{\sin^2 i}{n^2} \right) = n^2 - 1 + \cos^2 i,$$

$$(m^2 + 2m) \cos^2 i = n^2 - 1,$$

$$\cos i = \sqrt{\frac{n^2 - 1}{m^2 + 2m}}.$$

L'angle i sera réel si n est plus grand que l'unité et plus petit que (m+1), c'est-à-dire plus petit que 2 pour une réflexion intérieure, que 3 pour deux, et ainsi de suite. i sera donc réel pour l'eau; par conséquent, il y aura une valeur de i pour laquelle l'angle Δ sera maximum. Pour toute autre valeur plus grande ou plus petite, Δ diminuera. Donc un cylindre plein de rayons incidents EFGH sera transformé en un cône plein M'SN' de rayons réfractés dont on calculera l'angle d'ouverture LSM' $\Longrightarrow \Delta$, en remplaçant dans l'équation (1) l'incidence i par sa valeur tirée de l'équation (2). Cette valeur

DES MÉTÉORES LUMINBUX ET DE LA VISION. 779 change avec l'indice; elle est différente pour le violet et pour le rouge. En remplaçant n_i par $\frac{108}{8i}$ et n_i par $\frac{109}{8i}$, et en supposant $m_i = 1, 2, 3, \ldots$, on a trouvé :

· Valeurs maxima de A.

n.	Δ,	۵,
	•	0
1	= + 42,10	$\pi + 40,22$
3	$2\pi + 129,20$	2 = + 125,48
3	$3\pi + 231,40$	$3\pi + 227,08$
4	$4\pi + 317,07$	$4\pi + 310,07$

RAYONS EFFICACES. — 1° m=1 (fig. 930). Dans le cas d'une réflexion intérieure, les rayons violets sont renvoyés dans le

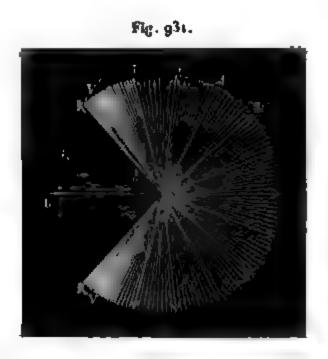
Fig. 930.



cone plein VSV' do nt l'ouverture est de 40°22'; mais l'éclairement dans l'intérieur de ce cone n'est pas égal partout. Comme une fonction varie très-peu dans le voisinage de son maximum, \(\Delta\) conserve sensiblement la même valeur maximum pour des rayons qui pénètrent dans la goutte sous des incidences notablement différentes; le nombre de ceux qui sont renvoyés sur la surface limite est donc plus considérable que dans toute autre direction, et l'on peut dire que la densité de la lumière y sera plus considérable qu'ailleurs. Les cones limites des autres

couleurs débordent VSV' jusqu'en RSR', et, sur chacune de ces surfaces ainsi emboltées, la lumière correspondante étant maximum sera en excès sur toutes les autres couleurs et sera aperçue; on dit qu'elle est esticace. Dans l'intérieur du cône VOV' toutes les lumières seront renvoyées en égale proportion et reproduiront le blanc; en VOV' il y aura un excès de violet mêlé à du blanc; en JOJ' un excès de jaune sans mélange de violet, de bleu ni de vert, mais avec une notable proportion d'orangé et de rouge; ensin, en ROR', il n'y aura que du rouge pur, et au delà il n'y aura plus de lumière.

 2° m=2 (fig. 93t). Après deux réflexions intérioures et



pour i=0, $\delta=2\pi$; le rayon central continue sa route en ligne droite suivant SM. i augmentant, Δ croît au delà de 2π jusqu'à $129^{\circ}20'$ pour le rouge et $125^{\circ}48'$ pour le violet; le cône éclairé a un angle d'ouverture supérieur à 90 degrés, la partie de l'espace RSR' qui n'est pas illuminée est tournée vers le point lumineux L: c'est un cône dont l'angle d'ouverture est 5i degrés pour le rouge et $54^{\circ}12'$ pour le violet. Dans ce cas comme dans le précédent, les surfaces limites des cônes réfractés offrent une densité lumineuse plus grande que partout ailleurs, et par conséquent il y a extérieurement, en VSV', une bordure violette mèlée de blanc, une bande jaune moyenne en excès accompagnée d'orangé et de rouge, et une limite intérieure RSR' composée de rouge pur.

DES MÉTÉORES LUMINEUX ET DE LA VISION. 78: n = 3 (fig. 932). Cette fois le rayon central revient sur as suivant SA. A mesure que i augmente, les rayons rés prennent des directions différentes 1, 2, 3,..., 8, 9, V, R; erture du cône est plus grande que 180 degrés, et les surlimites RV, SR du cône éclairé sont tournées à l'opposé int lumineux L.

Fig. 932.

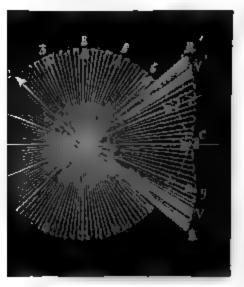
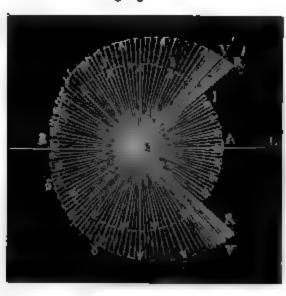
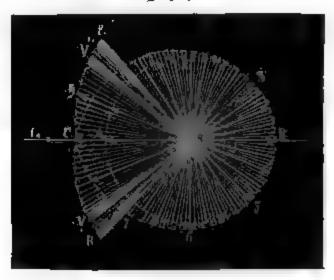


Fig. 933.



Pour m=4 (fig. 933), l'épanouissement du faisceau dé-270 degrés, et les limites extrêmes SR, SV se dirigent e à l'opposé du point lumineux. Mais quand m=5

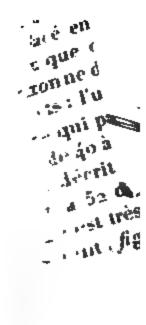
Fig 934.

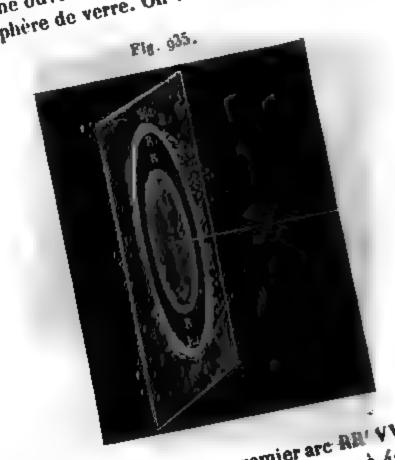


934), l'ouverture du cône est plus grande que 360 degrés, sayons limites SV, SR sont ramenés du côté du point lu-

QUATRE-VINGT-DOUZIÈME LEÇON. eux, comme dans le cas où il n'y a qu'une réflexion in Lé-

TENTICATIONS. — Pour vérifier expérimentalement ces conquences, on introduit la lumière solaire dans la chambre bscure par une ouverture circulaire L (fig. 935), et on la repacure par une aphère de verre. On voit alors se dessiner sur un



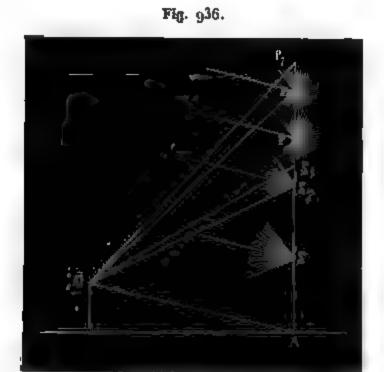


écran place contre le volet le premier arc Ru VV; le violet est en dedans à 40 degrés; le rouge en dehors à 42 degrés; il est pur et suivi d'un anneau obscur. A 52 degrés se place le cercle rouge produit par deux réflexions intérieures, suivi d'un spectre de plus en plus lavé jusqu'au violet. Le troisième et le quatrième conc, qui se limitent du côté opposé, seraient su sur un écran placé derrière la sphère; mais cet écran est tel lement illuminé par les lumières résiéchies et par le deuxième cône, qu'ils sont insensibles. Le cinquième se voit sur l'écran antérieur, M. Babinet a constaté l'existence et vérifié la place de cet arc et des suivants jusqu'au quatorzième. Il ne peul donc y avoir de doute sur la réalité de ces conséquences.

EXPLICATION DE L'ARC. — Il nous reste à en déduire l'exp

cation de l'arc-en-ciel. Ce météore se montre à tout observateur placé entre un nuage qui se résout en pluie et le soleil, pourvu que cet astre éclaire le nuage et que sa hauteur sur l'horizon ne dépasse pas 40 degrés. Il se compose de deux arcs distincts: l'un, intérieur, sur un cône ayant pour axe le rayon solaire qui passerait par l'œil, et pour ouverture un angle qui varie de 40 à 42 degrés depuis le violet jusqu'au rouge; le second, décrit autour du même axe, montre le rouge intérieurement à 52 degrés, et le violet à l'extérieur à 54 degrés; le rouge est très-lumineux, le violet lavé de blanc.

Soient (fig. 936) O l'œil de l'observateur, OA la direction des



rayons solaires, AS une ligne quelconque menée dans le plan vertical qui passe par A. On peut admettre qu'à tout moment et en chacun des points de cette ligne AS, il y a une goutte d'eau sphérique. Soit S une d'elles saisant avec OA un angle SOA moindre que 40 degrés. Elle enverra au point O un mélange en proportions égales de toutes les couleurs simples qui auront subi une réslexion intérieure. Si on considère une goutte S, telle, que S, OA soit égal à 40 degrés, elle dispersera les rayons solaires dans un cône dont S, O sera une génératrice. Suivant cette ligne, les rayons violets auront une intensité maxima, et seront en excès sur toutes les autres lumières simples; un

arc violet se verra donc à 40 degrés des rayons solaires. Par la même raison l'arc rouge se montrera à 42 degrés en S,; mais une goutte P qui serait placée au-dessus de S, ne renverra en O aucun des rayons qui auront subi une réflexion dans son intérieur.

Si l'angle POA est inférieur à 50 degrés, cette goutte P dispersera les rayons réfléchis deux fois dans une surface conique qui n'atteindra pas O; il y aura donc de S, à P, une plage sombre. P, étant telle, que P, OA soit égal à 51 degrés, elle enverra eu O des rayons situés sur la génératrice du cône limite, qui seront efficaces et donneront l'arc extérieur rouge. En P, tel que P, OA soit égal à 54 degrés, se verra l'arc violet.

HALOS.

On voit souvent dans les contrées du Nord, et quelquefois sous nos climats, une série régulière et compliquée de courbes lumineuses qui entourent le soleil ou la lune ; ce sont des halos (fig. 937) On distingue habituellement : 1° un premier

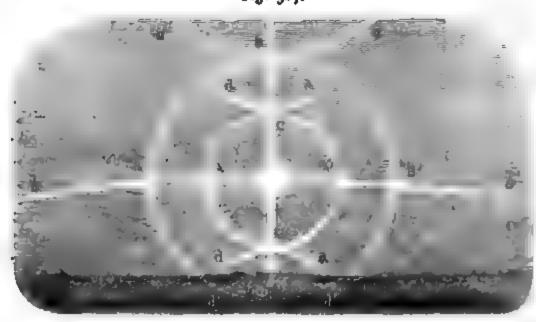


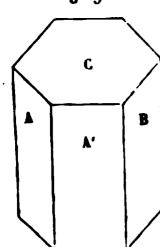
Fig. 937.

cercle AA', rouge en dedans, vjolet en dehors, concentrique au soleil et faisant avec lui un angle de 22 à 23 degres; 2° un deuxième cercle BB', semblable au précédent, placé à 46 degrés du soleil; 3° une portion diamétrale et borizontale BB' d'un très-grand cercle, le cercle parhélique, sur lequel se voit

à l'opposé du soleil un point brillant, l'anthélie; 4° aux points de jonction de ce cercle avec les deux halos en B, B', A, A' des redoublements d'intensité qu'on a pris pour des images du soleil; 5° en C, C', D, D' des arcs horizontaux, tangents aux halos circulaires: en C et C' ils ont peu d'éclat; aux points D et D' ils sont très-vifs et constituent la partie la plus brillante du phénomène; 6° enfin une ligne verticale blanche DI)' faisant une croix avec BB'. Le plus souvent on ne voit qu'une portion plus ou moins étendue du phénomène total.

Il semblerait que l'explication d'apparences aussi multipliées doive être complexe; elle est au contraire extrêmement simple. Elle est due aux travaux d'un grand nombre de physiciens, parmi lesquels il faut citer Mariotte, Fauenhoser, Brewster, Galle, M. Babinet et surtout Bravais. Pendant les matinées froides du printemps ou de l'automne, l'air contient souvent de petits cristaux de glace qui ont la forme des prismes hexaèdres droits (fig. 938), et qui sont soutenus par les courants

Fig. 938.



d'air ascendant. La lumière ne peut se réfracter d'une face A à la face A' qui font entre elles un angle de 120 degrés; mais elle passe de A à B dont l'angle n'est que de 60 degrés, ou bien de A à C qui sont inclinées de 90 degrés; elle peut aussi se résléchir sur les saces A, A', B,..., ou sur les bases CC'. Lorsqu'elle contient une quantité sussisante de ces cristaux, l'atmosphère peut donc être considérée comme étant remplie

par deux sortes de prismes, les uns de 60 et les autres de 90 degrés, et par des saces résléchissantes occupant toutes les positions et offrant toutes les directions possibles.

L'indice de réfraction de la glace amorphe, mesurée par Bravais, varie de 1,307 à 1,317 du rouge au violet. A la vérité, les cristaux qui nous occupent sont biréfringents, mais la double réfraction est si faible, qu'on peut en négliger les effets et admettre cet indice moyen. En calculant la déviation d'un rayon lumineux à travers les deux espèces de prismes, on trouve que sa valeur minimum est égale à 21°50′ pour l'angle de 60 degrés, et à 45°45′ pour un prisme de glace dont l'angle réfringent est droit.

re Considérons ce qui se passe dans un plan quelconque menté par l'œil O et le soleil S (fig. 939). Menons OA à 21°50' de OS,





Tout prisme de 60 degrés, dont l'axe sera perpendiculaire au plan SOA et qui tournera autour de cetaxe de manière à prendre toutes les directions possibles, déviera la lumière d'une quantité égale ou supérieure à 21°50'. Il éclairera l'espace SOA, et laissera OA a dans l'obscurité; AO sera sur la surface limite de la déviation minima. Or, ici comme pour l'arc-en-ciel, la densité de la lumière déviée sera plus grande suivant AO que suivant toute autre direction et les rayons seront efficaces. Tout autre point tel que M, extérieur à l'angle SOA enverra de la lumière en 0, et les points intérieurs tels que M n'en enverront point. A mesure que l'indice de réfraction augmentera, la déviation minimum croîtra, et la direction des rayons efficaces changera de OR à OA et à OV, du rouge au jaune et au violet. Si on décrit un cône autour du soleil avec la génératrice OA. les conditions resteront les mêmes sur toute sa surface. Ce sera le lieu occupé par les prismes de 60 degrés qui émettront le maximum de lumière, le rouge sera à l'intérieur et le violet en dehors. Telle est l'explication du petit halo ACA'C'.

DES MÉTÉORES LUMINEÙX ET DE LA VISION. 787 2º Le halo extérieur BDB'D' s'explique absolument de la même manière, en considérant les prismes de 90 degrés dont la section normale est dirigée dans les plans méridiens menés par l'œil et le soleil; et puisque la déviation minimum de ces prismes est égale à 46 degrés au lieu de 22, il y aura un cercle lumineux à 46 degrés du soleil.

- 3° Les prismes de glace sont de deux sortes: des aiguilles allongées suivant leur axe, ou des lamelles minces parallèles aux bases du prisme hexagonal. En tombant dans l'air, les unes et les autres tendent à se mettre dans le sens de la moindre résistance: l'axe des aiguilles verticalement, celui des lames horizontalement, et les cristaux orientés dans ces deux positions étant plus nombreux que les autres, leur effet particulier s'ajoutera à l'action générale. Considérons d'abord les aiguilles dont l'axe est vertical. Les rayons se réfléchiront sur les facettes prismatiques; il en résultera un cercle illuminé BB': c'est le cercle parhélique, passant par le soleil, coupant les deux halos par un diamètre horizontal, faisant le tour de la voûte céleste et marquant à l'opposé du soleil une image de cet astre qui est l'anthélie.
- 4° Aux points de jonction A, A' du cercle parhélique avec le petit halo de 22 degrés, il y a un redoublement de lumière, non-seulement parce que les cercles se superposent, mais encore parce que le nombre des prismes qui déterminent la formation de ces points du halo CAC'A' est plus considérable que partout ailleurs.
- 5° Aux rencontres du même cercle parhélique avec le deuxième halo, il se forme, pour la même raison, deux nouvelles images B et B'.
- 6° Les prismes considérés étant verticaux, leurs bases sont horizontales, et c'est la réfraction qui se fait entre ces bases et les faces prismatiques qui produit en D et en D' les sommets du grand halo. Puisqu'elles sont plus nombreuses en ces points, il y aura un redoublement d'intensité en D et en D'. En outre, ces prismes verticaux de 90 degrés réfractent la lumière non-seulement dans leur section normale, mais encore dans des sections obliques, et l'obliquité produit le même effet qu'une augmentation de l'angle réfringent. De là résultent les courbes tangentes d D d, d' D' d'. En résumé, le cercle parhé-

lique, l'anthélie, les faux soleils horizontaux et les courbes tangentes au grand halo sont déterminées par les prismes verticaux.

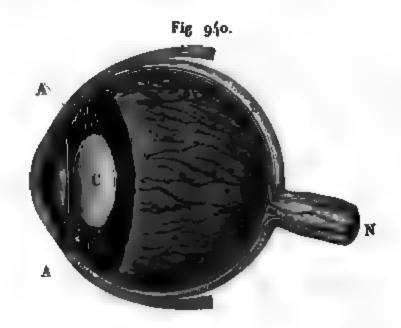
Considérons maintenant les lamelles dont les faces prismatiques sont horizontales. La réflexion de la lumière sur ces faces donnera un parhélie vertical DCC'D'; la réfraction à travers deux d'entre elles, inclinées de 60 degrés, déterminera les points C et C' du petit halo à travers les sections normales, et les courbes tangentes horizontales aa et a'a' à travers les sections obliques. Ces courbes affectent des formes diverses qu'on peut calculer et qui varient quand la hauteur du soleil change. La réflexion sur les bases qui sont verticales ajoutera d'ailleurs de la lumière au cercle parhélique horizontal, et enfin, en se réfractant entre ces bases et les faces prismatiques dans des prismes de 90 degrés, les rayons solaires donneront un redoublement d'éclat aux faux soleils B et B'.

Toutes ces explications ont été expérimentalement confirmées par M. Bravais, en faisant tourner rapidement autour d'un axe vertical des prismes dont les angles étaient de 60 ou de 90 degrés, et en constatant l'existence d'un spectre efficace dévié à 22 ou à 46 degrés de la direction des rayons solaires. Quant au cercle parhélique, on le voit en regardant le soleil à travers des cristaux fibreux. Il est horizontal quand ces fibres sont verticales, et vertical dans le cas contraire.

VISION.

conditions physiques de l'œil. — L'organe de la vue est un globe arrondi, logé dans une cavité qu'on nomme orbite et qui est formée par les parois rentrantes des os du front, des tempes, de la joue et du nez (fig. 940). Son enveloppe extérieure DPD, on pourrait dire la boîte qui le contient, est une membrane cornée dure et résistante, la sclérotique, opaque en tous ses points excepté à la zone antérieure P qui laisse entrer la lumière et qu'on nomme cornée transparente. L'intérieur est tapissé par la choroïde, membrane beaucoup plus mince, noircie par une sorte de peinture absorbante, le pigment noir. Un gros nerf N, venu des lobes optiques du cerveau, perce la partie postérieure de ces enveloppes et s'épanouit au fond de l'œil

DES MÉTÉORES LUMINEUX ET DE LA VISION. 789 en une troisième membrane, la rétine, sur laquelle se fait l'impression et qui transmet la sensation.



A sa partie antérieure, la choroïde soutient par une couronne de fibres plissées une lentille biconvexe C, plus bombée en arrière qu'en avant; elle est formée de couches concentriques dont la dureté et la densité augmentent de la surface au centre, ainsi que l'indice de réfraction qui varie de 1,337 à 1,399 : c'est le cristallin.

Il divise l'œil en deux cavités remplies toutes deux par des liquides différents : la chambre postérieure par l'humeur vitrée, dont l'indice est 1,339; la chambre antérieure par l'humeur aqueuse, qui est de l'eau presque pure et qui a pour indice 1,337. Un muscle circulaire, l'iris II, est tendu comme un voile en avant du cristallin; il est percé d'une fenêtre centrale, la pupille, qu'un double système de fibres rayonnantes et orbiculaires agrandissent ou resserrent suivant qu'il faut augmenter ou restreindre la lumière admise.

Ainsi construit, l'œil est une véritable chambre obscure. C'est Kepler qui le premier en a compris la fonction et qui a montré sur la rétine l'image renversée des objets. On voit, en effet, l'image d'une bougie se peindre comme sur un écran au fond de l'œil des lapins albinos, chez lesquels la sclérotique est transparente; on la voit également avec un œil de hœuf, si on amincit les enveloppes jusqu'à les rendre translucides; on peut, enfin, percer dans la cornée une ouverture antérieure

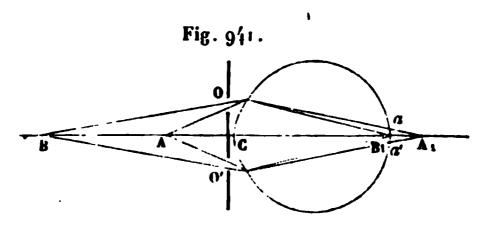
par laquelle on observe le fond de la rétine et les images qui s'y forment. Après cette découverte capitale, il restait encore beaucoup à apprendre sur les propriétés physiques de l'œil.

- r° Les courbures de nos instruments de physique sont sphériques. Il n'en est pas ainsi de l'œil. L'image d'une fenêtre résléchie sur la cornée est la plus petite possible quand elle se sait au sommet de l'axe optique; elle augmente en s'éloignant de ce point, et cela prouve que les rayons de courbure augmentent. M. Chossat a sait voir que l'œil de l'homme est un ellipsoïde de révolution. Il a montré qu'il en est de même des courbures antérieures et postérieures du cristallin.
- 2° Toute lentille a un centre optique: c'est le point où tous les axes secondaires se rencontrent. On déterminera donc le centre optique de l'œil en cherchant le point où viennent rencontrer l'axe principal les lignes qui joignent un point lumineux à son image. M. Vallée a trouvé que ce point n'est pas unique, qu'il s'éloigne de la rétine à mesure que l'on considère des rayons plus obliques à l'axe. Toutefois, ce déplacement étant peu considérable, on peut admettre que le centre optique est un point fixe; il est placé derrière le cristallin et très-près de lui.
- 3º Il est certain que le cristallin a de grandes aberrations de réfrangibilité. On sait qu'on ne distingue plus les objets quand on les rapproche en deçà d'une distance limite : cela tient à ce que leur image ne se fait point sur la rétine, mais derrière. Or, si on interpose entre l'objet et l'œil une carte percée d'un trou d'épingle, de manière à ne laisser passer que les rayons centraux, la vue devient distincte : le centre de l'œil est donc plus convergent que les bords.
- 4º La pupille est le diaphragme de l'œil; elle est douée d'un mouvement automatique qui l'agrandit dans l'obscurité, et la resserre au grand jour. Ce mouvement est lent, ce qui explique comment on est ébloui par la lumière quand on sort de l'obscurité, et pourquoi l'on reste quelque temps avant de voir clair dans un lieu sombre, quand on vient du dehors. Chez les carnassiers, la pupille se resserre en une fente très-mince au soleil et se dilate la nuit en une large ouverture; cela explique la facilité qu'ils ont de voir dans l'obscurité.
 - 5º La pupille n'agit pas comme le diaphragme des instru-

DES MÉTÉORES LUMINEUX ET DE LA VISION. ments d'optique composés; elle réduit le cône des rayons envoyés par chaque point, mais elle ne limite pas le champ de vision; elle fonctionne comme le diaphragme des doublets (fig. 905). Par conséquent des rayons très-obliques à l'axe sont admis et concentrés par le cristallin; des objets trèséloignés de cet axe font leur image dans l'intérieur de l'œil; et comme la rétine est concave, elle reçoit ces images à des distances sensiblement égales du centre optique. Il résulte de cette disposition que l'œil est, de tous les instruments d'optique, celui qui embrasse le champ le plus grand. La vue comprend en effet un angle de 120 degrés dans le sens vertical et de 150 dans la direction horizontale. Mais si le champ de vision est vaste, celui de la vision nette est très-restreint; il ne dépasse pas 9 à 10 degrés. Cette limitation tient-elle à ce que la sensibilité de la rétine diminue rapidement à partir de l'axe, ou bien aux aberrations de sphéricité de l'appareil optique? C'est ce que l'on ignore.

6° Au sujet de l'achromatisme de l'œil, il y a un problème qui n'est point résolu. Il est certain que nous voyons sans coloration les objets extérieurs, et que leurs bords ne paraissent point irisés comme dans les mauvaises lunettes. D'un autre côté, nous ne pouvons voir distinctement à la fois deux objets juxtaposés qui n'ont pas la même couleur. Wollaston ayant préparé un spectre linéaire, et regardant le rouge, voyait le violet très-dilaté, parce que cette couleur saisait son soyer en avant de la rétine. Quand il sixait le violet, l'œil s'adaptait à cette couleur et la voyait nette; mais le rouge, à son tour, était dilaté parce que son image se plaçait derrière la rétine. Frauenhofer sit des observations analogues. Wheatstone remarqua de son côté qu'en sixant un tapis dont les sleurs étaient vertes et rouges, il ne pouvait voir distinctement les unes et les autres, et que, l'œil oscillant des premières aux dernières, elles paraissaient danser devant lui. Ensin, Matthiesen a constaté qu'en éclairant une gaze avec les diverses couleurs du spectre, il sallait la mettre à des distances inégales pour la voir distinctement. L'œil n'est donc point achromatique, en ce sens qu'il ne fait pas au même lieu les images des diverses couleurs, et qu'il a besoin d'une adaptation dissérente pour sixer chacune d'elles. On voit que sur ce point nous manquons de renseignements.

7° Quand on approche un objet tout près de l'œil, on ne le voit pas; si on l'éloigne peu à peu, il se dessine de mieux en mieux et il est vu nettement à partir d'une certaine limite d'éloignement qu'on nomme distance de la vue distincte. Il est évident que les rayons partis du point examiné A (fig. 941) se



concentraient en A, situé d'abord derrière la rétine; mais l'objet s'éloignant jusqu'en B, le foyer s'est rapproché jusqu'à se placer sur la rétine en B,. On peut mesurer la distance BC de la vision distincte par l'expérience de Scheiner.

On regarde le point A à travers deux trous d'épingle O, O' percés dans une carte et séparés par un intervalle moindre que le diamètre de la pupille. Les rayons AO, AO' qui se réunissent en A₁, rencontrent la rétine en deux points a, a', et l'on voit deux images. Si on éloigne A jusqu'en B, A₁ se rapproche jusqu'en B₁; les deux images a et a' se confondent en une seule; la distance BC est celle de la vision distincte, et on la mesure. Il résulte de là qu'en regardant à travers les deux trous O, O' une ligne AB tracée sur un carton perpendiculairement à OO', le point B ne donne qu'une image, tandis que ceux qui sont plus près ou plus loin que lui paraissent doubles. On croit voir deux lignes distinctes qui se coupent en un point B dont la distance est celle que l'on veut mesurer.

On peut encore employer l'optomètre d'Hyoung. C'est un tube noirci, fermé à ses deux extrémités par des plaques, l'une percée des deux trous 0, 0' et l'autre d'une fente mince portée sur un tuyau de tirage et mobile par une crémaillère. On la regarde par 0, 0', et quand elle paraît simple, la distance de vue distincte est égale à la longueur du tuyau.

Les mesures effectuées par ces diverses méthodes montrent que, pour un œil normal et moyen, cette distance est comprise entre 15 et 20 centimètres; toute vue plus courte ou plus DES MÉTÉORES LUMINEUX ET DE LA VISION. 793 longue est dite myope ou presbyte. La première de ces deux affections s'essace peu à peu, la deuxième naît ou s'exagère avec l'àge; on les corrige aisément toutes deux : la première en diminuant, la deuxième en augmentant la convergence de l'œil par des besicles concaves ou convexes.

8° Ce qu'il faut bien remarquer, c'est que la distance de vue distincte n'est qu'une distance limite, celle à partir de laquelle nous commençons à voir nettement; mais la vue continue d'être distincte pour toutes les distances plus grandes. Nous ne pouvons pas lire de plus près, mais nous pouvons lire de plus loin. Reprenons l'expérience de Scheiner (fig. 941): elle nous montre deux images de A; mais à partir de B, nous voyons tous les objets simples et distincts, quel que soit leur éloignement. A la vérité, quand cet éloignement augmente progressivement, nous cessons de distinguer d'abord les petits détails, ensuite les objets eux-mêmes par ordre croissant de grandeur. Cela tient à un fait physiologique qu'il faut d'abord mettre en lumière. A la distance où nous voyons le mieux, nous ne distinguons que les objets qui ont une suffisante étendue. Aussitôt que leur image sur la rétine est inférieure à une grandeur donnée, nous cessons de les voir, à moins de grossir cette image par un microscope ou des lunettes. Or, à mesure qu'un objet s'éloigne, sa surface apparente diminue, et sinit par devenir inférieure à la limite de visibilité. Voilà pourquoi, en se reculant, les détails s'essacent dans l'ordre successif de leur grandeur; cela est indépendant du pouvoir convergent de l'œil. Ce qui est certain, c'est que nous ne voyons qu'une image dans l'optomètre de Scheiner, et que par conséquent le foyer d'un point lumineux se sait rigoureusement sur la rétine et non en avant d'elle, quelle que soit la distance de ce point.

9° Nous venons de constater l'une des propriétés sondamentales de l'œil, celle qu'on a le plus dissicilement expliquée: la faculté qu'il possède de s'adapter comme les lunettes à toutes les distances. Cela exige impérieusement qu'il se modisse dans sa sorme et qu'il y ait dans cet organe des mouvements analogues au tirage des lunettes.

La pupille remplit une portion de ce rôle, elle se contracte en esset pour regarder très-près; elle réduit l'œil à ses parties centrales qui sont les plus convergentes; elle agit comme le trou d'épingle dans une carte, et permet de voir nettement à des distances encore plus petites que celle de la vision distincte ordinaire. Comme les muscles de l'iris agissent lentement, ce n'est qu'au bout de quelques secondes que les yeux s'adaptent à ces petites distances; quand ensuite on les reporte vers des points éloignés, on voit trouble, et il faut attendre que la pupille ait repris sa grandeur.

L'adaptation de l'œil aux grandes distances résulte des changements de forme du cristallin. Cet organe est un véritable muscle dont la structure interne est invisible, parce que toutes les parties contiguës ont un même indice de réfraction, ce qui fait que leur ensemble est transparent. Il est sillonné par des artères et des veines, car les injections pénètrent dans son intérieur; il se renouvelle par la circulation comme le font tous les organes, car il se cicatrise après avoir été incisé. Enfin, quand on le fait macérer dans l'acide azotique chaud, il se sépare en une infinité de fibres semblables à de la soie écrue, dont la texture est symétrique par rapport à l'axe de figure, qui sont révélées, non produites, par la macération, fibres qui, se contractant ou se relâchant pendant la vie, modifient la forme de la lentille cristalline, de manière à l'adapter à tous les cas.

C'est M. Cramer et M. Helmholtz qui ont mis en évidence ces changements de forme. On fixe dans un support immuable l'œil et la tête d'une personne soumise à l'expérience, et pendant qu'elle regarde un point éloigné, on explore avec une lunette la réflexion d'une bougie dans son œil. On distingue trois images : la première sur la cornée, la seconde sur la face antérieure du cristallin; toutes deux, données par un miroir convexe, sont droites, très-petites et virtuelles; une troisième est formée par la réflexion sur la partie postérieure du cristallin; elle est renversée et réelle. Les choses étant ainsi disposées, on rapproche le point de vue. Aussitôt la deuxième image devient plus petite et plus brillante et se porte en avant Cela prouve que la face antérieure du cristallin devient plus convexe et la lentille plus convergente. Il n'est donc point étonnant que l'œil puisse voir à toute distance, puisque son pouvoir convergent change avec cette distance, par le jeu automatique des muscles.

DES MÉTÉORES LUMINEUX ET DE LA VISION, 795 COMDITIONS PHYSIOLOGIQUES DE L'ŒIL. — Après avoir fait l'étude physique de l'œil, considéré comme chambre obscure, il faut analyser les conditions d'impression du nerf optique, quand il est frappé par la lumière.

- 1° La sensibilité de la rétine dépend de l'état où elle a été amenée. En sortant d'un espace très-éclairé pour entrer dans un lieu sombre, nous ne distinguons rien. Peu à peu la sensibilité, émoussée par une action antérieure, se rétablit; elle s'exagère par un séjour prolongé dans l'obscurité. On admet en moyenne, peut-être gratuitement, que l'œil commence à percevoir les objets quand leur éclat est égal à $\frac{1}{90000}$ de celui de la lune. La sensibilité est maximum au point de la vision nette; on sait qu'elle décroît rapidement aux alentours de ce lieu.
- 2° Il y a un point de la rétine qui n'est pas impressionnable. On le prouve par une célèbre expérience qui est due à Mariotte. On marque sur une muraille, à la hauteur des yeux, une série de points équidistants, 1, 2, 3,..., allant de gauche à droite; on regarde fixement le premier avec l'œil droit, et en général, à cause de l'étendue du champ de vision, on voit en même temps tous les autres, quoique confusément. Quand on s'éloigne peu à peu, le n° 2 s'efface; puis il reparaît. Le n° 3 devient ensuite invisible, et chacun à son tour, lorsque la distance de l'œil à la muraille est trois fois égale à celle qui sépare le point qui disparaît du point n° 1; or, c'est justement lorsque l'image que fait ce point au fond de l'œil est à l'endroit où le nerf optique s'épanouit pour constituer la rétine, endroit que l'on nomme punctum cœcum.
- 3° L'action de la lumière peut être très-courte; l'impression qu'elle produit sur la rétine dure. Ce fait capital résulte d'expériences journalières; nous n'en citerons qu'une. Si on a peintavec des couleurs différentes une série de secteurs sur un disque circulaire et qu'on les fasse tourner rapidement, chacun d'eux, s'il est seul, produit la sensation que ferait naître un cercle uniformément couvert de la même teinte; leur ensemble donne la superposition de chaque sensation, c'est-à-dire le mélange des diverses couleurs. La durée de la sensation dépasse donc celle des impressions, et, bien que

successives, celles-ci se combinent comme si elles étaient simultanées.

4º Pour mesurer la durée de la sensation, Aimé faisait tourner autour du même axe, avec une vitesse égale mais contraire, deux cartons circulaires contigus, l'un percé sur son contour de fenêtres égales et équidistantes, l'autre n'offrant qu'une seule fente, laquelle se mettait, à des intervalles égaux, en coıncidence avec celles du premier disque. On regardait le ciel à travers ce système: quand il tournait lentement, on voyait successivement le jour à travers la fente, quand elle coıncidait avec les fenêtres; lorsque le mouvement était assez rapide pour que la sensation produite par une première coıncidence durât encore au moment d'une seconde ou d'une troisième, on voyait à la fois 2, 3,... fentes éclairées. La durée limite était mesurée par le temps que mettait à se produire la somme des coıncidences vues simultanément.

En employant ce procédé, M. Plateau a constaté des propriétés remarquables de la rétine : 1° que la sensation n'est complète que si l'impression lumineuse a duré un certain temps; 2° que cette sensation persiste pendant quelques millièmes de seconde avec un éclat maximum, pour s'effacer ensuite progressivement; 3° que sa durée totale est égale à o",84 en moyenne, mais qu'elle augmente avec l'éclat de la lumière incidente. Comme les corps phosphorescents, ou comme les substances impressionnables, la rétine paraît absorber d'abord une somme donnée de lumière et l'utiliser ensuite peu à peu. Lorsqu'on fixe une surface éclatante, la sensibilité s'émousse et la persistance de l'impression est diminuée.

5° Cette propriété de la rétine conduit à des applications très-variées. Qu'on fasse tourner en sens contraire, avec une même vitesse, autour d'un même axe, deux bâtons blancs vis-à-vis d'un fond noir. Chacun d'eux étant vu partout à la fois, ils éclaireront d'un éclat 2e le cercle qu'ils parcourent. Mais ils se mettront en coïncidence: 1° dans un plan que je suppose vertical; 2° dans le plan horizontal; et dans ces directions il n'y aura que l'éclairement e produit par le bâton antérieur: comme ces coïncidences se reproduiront à chaque tour, on verra, sur un fond éclairé, deux bâtons sombres en

DES MÉTÉORES LUMINEUX ET DE LA VISION. 797 croix et immobiles. Par les mêmes raisons, deux roues à n rais égaux et blancs, tournant en sens contraire et avec des vitesses égales contre un fond noir, offriront l'apparence d'une seule roue immobile ayant 2n rais sombres. Si la vitesse de l'une est un peu plus grande que celle de l'autre, les lieux des coıncidences changent peu à peu et les rais de la roue résultante semblent se déplacer continûment, avec une vitesse égale à la différence de celles des roues composantes.

6° Si on perce une série de trous équidistants sur les bords d'un disque de carton, qu'on le fasse tourner autour de son centre et qu'on regarde par les trous, on aura des vues successives très-rapprochées et très-courtes des objets extérieurs; on les verra dans la situation qu'ils occupaient au moment où on les a aperçus. S'ils sont immobiles, chaque impression sera identique à la précédente, on les verra sans déplacement et sans interruption, leur éclat seul aura diminué. S'ils sont en mouvement, on les apercevra à des places successives, comme s'ils avaient sauté de l'une à l'autre. De là deux applications.

La première à un jeu d'enfant qu'on nomme le phénakisticope. On fixe derrière le carton tournant une feuille peinte
divisée en autant de secteurs qu'il y a de trous. Supposons
qu'il y en ait six : on les regarde par ces trous dans une glace
placée vis-à-vis. Par le trou n° 1 regardons le secteur n° 1; quand
viendra le trou n° 2, le secteur n° 2 aura remplacé le précédent, et ainsi de suite. Dans chacun de ces secteurs, on a représenté, par exemple, un forgeron dont le corps est partout
identique; mais son bras qui tient un marteau est abaissé au
n° 1, il s'élève un peu au n° 2, davantage au n° 3,...; il est au
plus haut possible dans le n° 6. On repasse ensuite brusquement au n° 1, et il en résulte que l'œil qui reçoit successivement ces impressions croit voir le marteau s'élever peu à peu
et retomber brusquement.

La deuxième application de ce procédé a consisté à observer la forme des gouttes qui composent la veine liquide. A chaque trou qui passe, on les voit immobiles à l'endroit qu'elles occupent en ce moment, et si les périodes de passage des trous devant l'œil et des gouttes au même point de la veine sont les mêmes, celles-ci semblent immobilisées, et il

est facile d'en apprécier la forme. C'est, à quelques détails près, la méthode suivie par Savart.

7° Lorsqu'on a fixé un objet très-lumineux comme le soleil, la rétine se fatigue, l'impression persiste, et quand on ferme les yeux, on voit pendant quelques secondes des taches sombres. Le même phénomène se produit quand on a regardé pendant longtemps une surface colorée. Ces apparences persistantes se nomment images accidentelles. Nous allons les analyser.

On regarde une seuille de papier blanc posée sur un sond noir. Après quelques secondes, on serme les yeux et on les couvre d'une étosse sombre : on continue de voir le papier, mais il est devenu noir; bientôt il repasse au blanc, puis au noir, et ces alternatives se reproduisent plusieurs sois en s'asfaiblissant.

Le fond noir, au contraire, paraît blanc; puis il redevient noir, et les alternatives de blanc et de noir se continuent, comme précédemment. Cette expérience se fait en regardant de l'intérieur d'un appartement une fenêtre dont les carreaux sont blancs et le châssis noir.

Contemplons de la même manière une surface colorée, par exemple le spectre solaire projeté sur un carton, en ayant bien soin de fixer toujours le même point. Aussitôt qu'on ferme les yeux, on voit un spectre complémentaire très-inégalement lumineux. Il est rouge-violet, mais très-sombre à l'endroit du jaune; très-lumineux, au contraire, à l'endroit du violet et du rouge qui étaient les points les moins éclairés du spectre qui a produit l'impression.

On peut dire en général que l'image accidentelle est complémentaire de la couleur de l'objet, qu'elle est d'autant plus lumineuse qu'il était plus sombre, et qu'elle s'éteint par des alternatives successives.

Les couleurs accidentelles, résultant d'impressions antérieures, se combinent avec la teinte des objets que l'on regarde. Si, par exemple, on contemple du vert et qu'ensuite on dirige la vue sur un papier blanc, on le verra rouge. Si ce papier était jaune, on le verrait orangé.

On peut démontrer que deux couleurs complémentaires se composent comme les couleurs réelles. On regarde alternatiDES MÉTÉORES LUMINEUX ET DE LA VISION. 799 vement trente ou quarante fois de suite les centres A et B de deux disques voisins colorés en rouge et en vert. Pendant qu'on regarde A, on voit aussi B, et deux images a et b se font sur la rétine. De même, en fixant B, on voit aussi A, et deux autres images b' et a' se forment; mais a et b' sont superposées, puisque l'on a dirigé la vue sur A et sur B. Quand on ferme les yeux, on voit trois images accidentelles; les extrêmes sont b et a', elles sont complémentaires de B et de A; celle du milieu est sombre, elle n'a pas de teinte. C'est l'image accidentelle que donnerait le blanc qui est la superposition des couleurs des disques A et B.

Vouloir expliquer ces phénomènes me semble une tâche impossible. Contentons-nous de faire remarquer, avec M. Plateau, que la rétine semble résister à l'impression qu'elle reçoit par une réaction opposée qui persiste après que l'impression a cessé. C'est ainsi qu'elle voit du noir après l'impression du blanc, du blanc après celle du noir, du vert après le rouge, etc., et qu'ensuite elle revient au repos par des réactions secondaires qui produisent les alternatives dont nous avons parlé.

8° Un disque blanc sur un-fond noir paraît plus grand qu'un autre disque parfaitement égal, s'il est noir et placé sur un fond blanc. Comme si l'image d'un objet lumineux était entourée d'une auréole de même couleur qui augmente sa dimension apparente. Cet effet se montre avec une évidence surprenante, quand on régarde la lune pendant le premier quartier. Il semble que la partie éclairée appartienne à une sphère plus grosse, coiffant celle qui est dans l'ombre. Ce phénomène est celui de l'irradiation. Il ne s'explique pas mieux que le précédent.

9° Outre cette première auréole qui déborde l'image lumineuse, il y en a une seconde qui s'étend à une plus grande distance et qui est complémentaire : noire si l'objet est blanc, blanche s'il est noir, et rouge s'il est vert. De là d'importants phénomènes de contraste. Que l'on trace sur un fond blanc de larges lignes noires parallèles, elles parattront plus foncées sur leurs bords et plus grises en leur milieu. Inversement les bandes blanches auront plus d'éclat à leur contact avec les noires, et paraîtront ternes en leur partie moyenne.

Un cercle rouge étant placé sur une feuille blanche fera paraître celle-ci verte, et un cercle blanc sur une feuille de papier vert semblera rouge. D'où il suit qu'un cercle rouge et un fond vert agiront mutuellement pour aviver leurs teintes, et, en général, il en sera de même de toutes les couleurs complémentaires voisines. Au contraire, deux objets dont la couleur est la même, à des nuances près, tendent à jeter chacun sur l'autre des ombres complémentaires età s'éteindre. Un vert éclatant répandra du rouge sur un vert pâle qui paraîtra sale. Il y a donc des couleurs qui se nuisent, comme il y en a qui sont favorisées par leur contact. Il faut connaître ces lois et s'y soumettre dans tous les arts décoratifs.

LES JUGEMENTS DE L'ŒIL. — Il y a deux manières d'envisager la question de savoir comment nous pouvons apprécier la forme, la grandeur, la distance, la place des objets extérieurs. La première, qui consiste à demander comment l'impression physique sur la rétine se transforme en une sensation : c'est le problème philosophique, dont la solution dépasse les bornes de l'entendement humain; la deuxième, qui est d'analyser les conditions physiques et physiologiques des impressions, et de rechercher les relations qui existent entre les images de l'œil et les qualités des objets extérieurs : c'est à cette analyse qu'on doit se borner.

- cst déterminée par leur diamètre apparent; son contour est semblable à leur forme; sa couleur est la même que la leur; la distribution des ombres et des lumières est identique de part et d'autre, elle est déterminée par la forme. Il y a donc un rapport nécessaire entre les conditions de l'objet et les conditions de l'impression, et sans connaître l'opération mystérieuse qui transforme l'impression en sensation, on voit que celle-ci est liée, par un intermédiaire, aux qualités de l'objet et qu'elle peut les révéler. Cela est démontré par ce fait général que, si on supprime les objets eux-mêmes et qu'on les remplace soit par un tableau, soit par des images optiques qui produisent le même effet sur la rétine, l'œil juge comme si les objets existaient.
 - 2º Mais pour que l'œil puisse révéler à l'individu les condi-

DES MÉTÉORES LUMINEUX ET DE LA VISION. tions des objets, il faut que cet individu ait reconnu les relations qui existent entre les impressions et la sensation, et cela ne peut se faire que par une éducation comparative des organes: éducation dont nous suivons les progrès chez les ensants, qui n'arrivent à saisir les objets qu'après avoir constaté par expérience les rapports de la vue et du toucher; éducation qui s'est faite tardivement et dont on a constaté les esfets chez les aveugles-nés. Le D' Wardrop rendit la vue, en 1826, à un homme de quarante-six ans, dont les pupilles étaient demeurées closes depuis l'âge de six mois. Ce sujet avait des yeux excellents qui, à peine ouverts, reçurent l'impression physique. Les sensations qui en résultèrent n'eurent d'abord aucune signification, mais le malade apprit bientôt leur valeur par le toucher, et à partir de ce moment l'éducation de ses yeux fut faite.

3º Nous allons faire l'application de ces principes à l'examen d'une circonstance à laquelle on a attaché une importance exagérée. L'image sur la rétine est renversée : pourquoi voit-on les objets droits? De Senarmont avait fait de nombreuses opérations géodésiques avec des lunettes astronomiques qui renversent les images. Il eut quelque peine à s'y faire; puis il s'y habitua tellement, que, sans aucun effort de réflexion, il jugeait les objets droits; il était persuadé que tout homme qui armerait ses yeux, pendant quinze jours, d'une lunette astronomique, n'aurait plus la moindre conscience du retournement des images. Tout est donc dans l'éducation.

4º Il ne faut pas cependant abuser de cette explication. Les faits suivants prouvent qu'il faut tenir compte des propriétés physiologiques de l'œil. L'homme voit avec ses deux yeux et reçoit deux impressions qui se superposent en une seule sensation. Si, par exemple, on couvre l'œil gauche avec un verre violet, le droit avec un verre jaune, complémentaire du premier, et qu'on regarde un objet blanc, on le verra jaune ou violet avec l'un ou l'autre des deux yeux, et incolore avec tous les deux. Comment se fait cette superposition des sensations? pourquoi ne voit-on pas les objets doubles? Je ne crois pas qu'il faille attribuer ce résultat à l'éducation, comme on l'a prétendu.

Un objet ne paraît simple que si on fixe les deux yeux dans sa direction, par conséquent que si les deux images se font en des points correspondants des deux rétines. Si on vient à presser le globe de l'un des yeux avec le doigt, de saçon à déranger sa direction, on voit aussitôt deux images de chaque objet; elles restent séparées lors même qu'on prolonge indésiniment l'opération. Il n'en n'est pas de même quand on regarde une bougie et qu'on place devant l'un des yeux un prisme d'un petit angle. La déviation occasionnée par ce prisme dérange l'image correspondante, et on voit deux bougies; mais peu à peu elles se rapprochent et se confondent; la dissérence entre les deux cas vient de ce que dans la première expérience l'axe optique est mécaniquement dérangé d'une manière permanente, tandis que dans la seconde les muscles de l'œil dévié agissent pour amener les deux images sur les points correspondants des deux rétines. Quand cela est, il sussit d'enlever le prisme pour qu'on voie deux images; elles persistent jusqu'à ce que l'œil qui s'était déplacé ait repris sa situation normale.

5° Il y aurait donc, dans les deux rétines, des parties communes qui donneraient une même sensation. Wollaston a trouvé de ce fait une explication satisfaisante, fondée sur le fait suivant. Il arrive quelquefois que des douleurs très-vives au côté droit du cerveau paralysent momentanément la partie droite des deux rétines, et alors on ne voit plus que la moitié gauche des objets qu'on regarde : c'est l'hémiopsie, maladie souvent passagère, rarement grave, et précieuse à cause de son enseignement. Elle prouve que les deux moitiés droites ou gauches de chaque rétine correspondent à la droite ou à la gauche du cerveau.

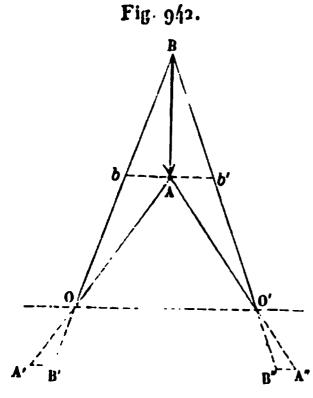
On sait que les deux ners optiques partant des deux côtés du cerveau se réunissent et semblent se croiser avant d'aboutir aux deux yeux. Il est très-probable que chaque silet partant de la droite se sépare à l'entre-croisement des deux ners en deux éléments qui vont constituer la portion droite des deux rétines, et que les racines partant de la gauche du cerveau vont de leur côté, par des bisurcations analogues, former les rétines gauches. Cela est probable sans être démontré anatomiquement, et cela expliquerait comment il y a dans les deux

DES MÉTÉORES LUMINEUX ET DE LA VISION. 803 yeux des nerfs de même origine, produisant une même sensation quand ils reçoivent les mêmes parties des deux images.

6º Il faut donc que les yeux se disposent de façon à réaliser cette condition pour ne voir qu'une image d'un point; on dit alors qu'ils sont fixés, ou que leurs axes optiques sont dirigés sur ce point. Ces axes forment les deux côtés d'un triangle dont la base serait la distance des deux yeux, et leur angle diminue à mesure que la distance des objets que l'on regarde augmente; dès lors, c'est la grandeur de cet angle qui nous fait apprécier cette distance.

On sait, en effet, que les borgnes, qui n'ont point cet élément d'appréciation, jugent imparsaitement des distances, et pour s'en assurer il sussit de se placer dans le cas où ils sont, de sermer un œil, de s'approcher peu à peu d'un objet éloigné et de porter vivement la main dessus, de haut en bas. Cinq sois sur dix on le manquera, comme sont les ensants.

7° Mais aussitôt que les objets s'éloignent jusqu'à une centaine de mètres, l'angle visuel devient nul et le jugement de la distance se fait avec moins de précision; ce sont d'autres éléments qui interviennent : d'abord la diminution du diamètre apparent des objets connus, ensuite la disparition des petits détails, et ensin, dans le lointain, l'espèce de brouillard constitué par l'air éclairé qui s'interpose entre les objets et l'observateur. Lorsque ce voile manque, comme cela arrive dans les montagnes, nous jugeons qu'elles sont plus rap-



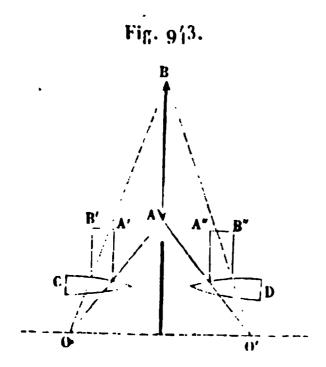
prochées de nous; leur surface apparente ne nous étonne plus: les croyant près, nous les jugeons plus petites. Par une raison inverse, les brouillards nous font croire que tout est plus loin, et par suite que tout est plus gros.

8° Quand les objets que l'on regarde ont un relief et ne sont pas très-éloignés, les vues qu'en ont les deux yeux 0, 0' (fig. 942) ne sont pas les mêmes. Consi-

dérons, par exemple, une sièche AB dirigée vers le milieu

du front, l'œil gauche O la voit en AOB, tournant sa pointe à droite; pour O', elle est dans l'angle AO'B, dirigée vers la gauche. La superposition de ces deux sensations diverses nous montre la flèche dans sa situation réelle, et il est probable que cette superposition est nécessaire pour produire la sensation du relief.

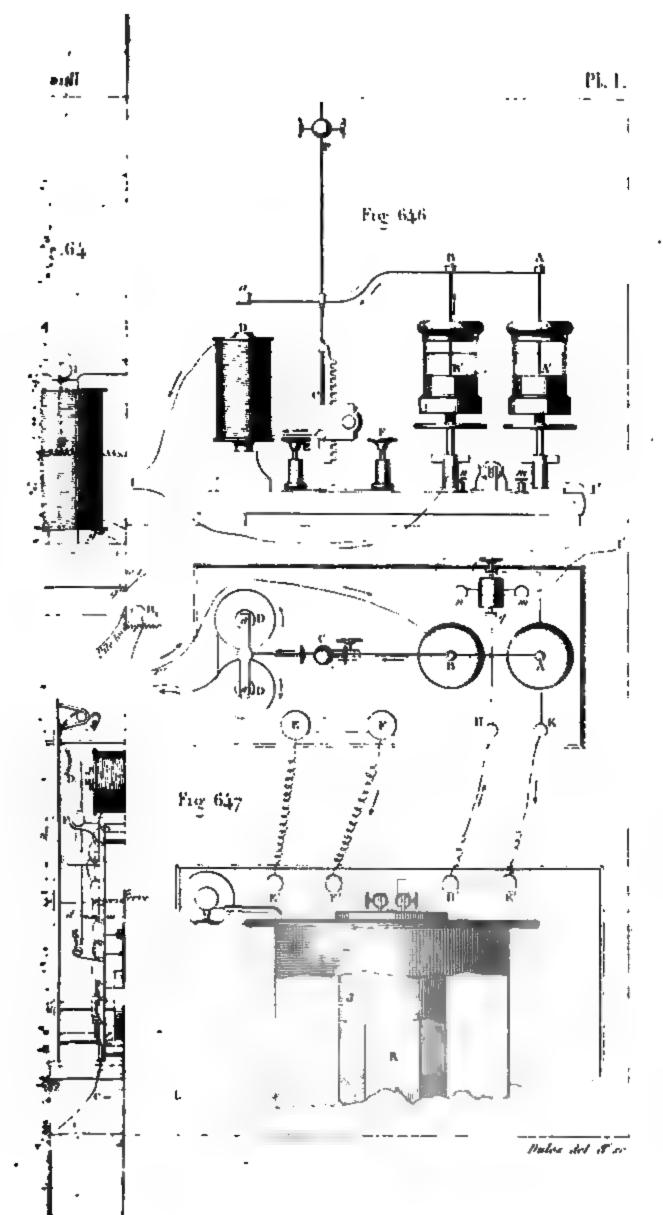
C'est M. Wheatstone qui le premier a fait cette remarque et qui l'a justifiée par l'expérience. Prenons, des points O et O' (fig. 942), deux images photographiques de AB: elles seront A' B' et A'' B''. Plaçons-les sur un carton, en face des deux



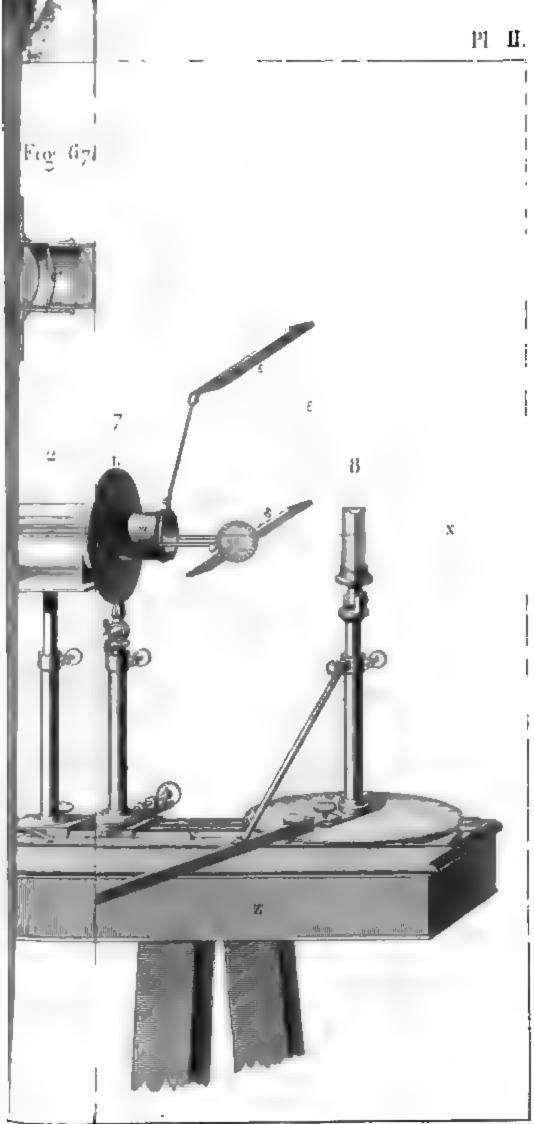
yeux (fig. 943), en les séparant par une cloison; puis regardons-les à travers deux prismes C et D, de manière à les dévier. Nous les verrons, la première avec l'œil gauche dans l'angle AOB, la deuxième de l'œil droit suivant AO'B, absolument comme nous voyons l'objet réel AB (fig. 942). Par conséquent nous devons avoir la même sensation. C'est en effet ce qui arrive dans le

stéréoscope, et tout le monde sait jusqu'où va l'illusion que produit cet instrument. Si l'on changeait de place les images A'B', A"B", la flèche changerait de sens; les saillies se verraient en creux et le stéréoscope deviendrait le pseudoscope.

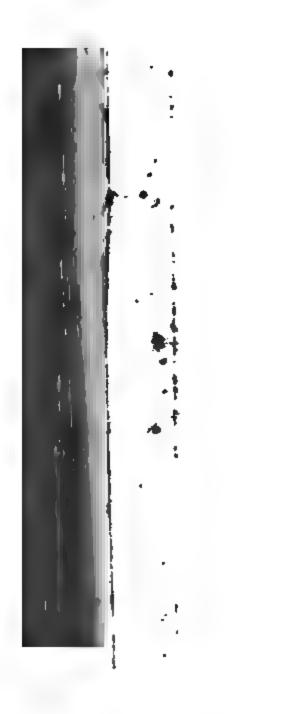
FIN DU TROISIÈME ET DERNIER VOLUME.

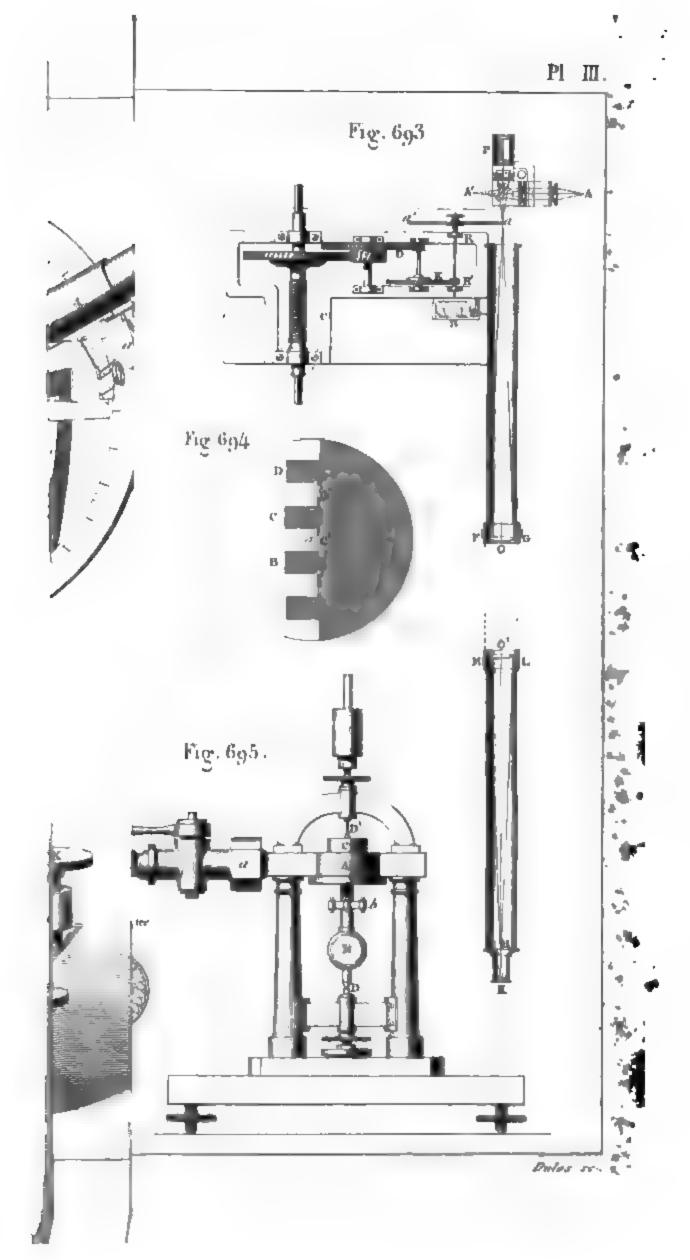






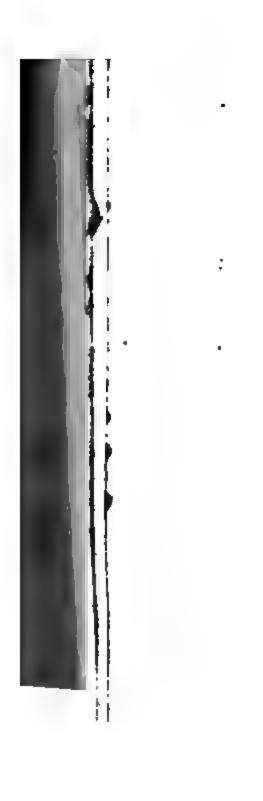
Dulas sc







ļ,



§ 825

Fig 829

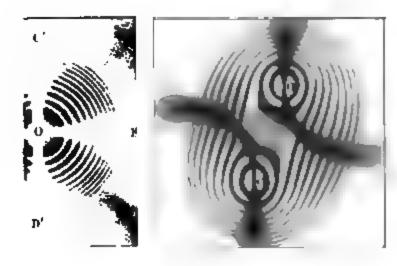
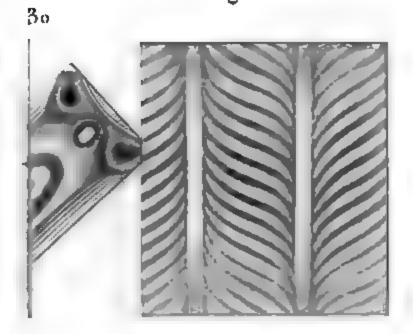
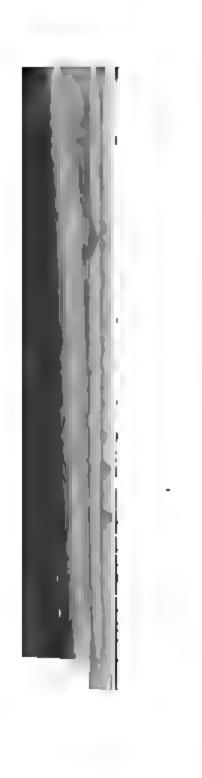
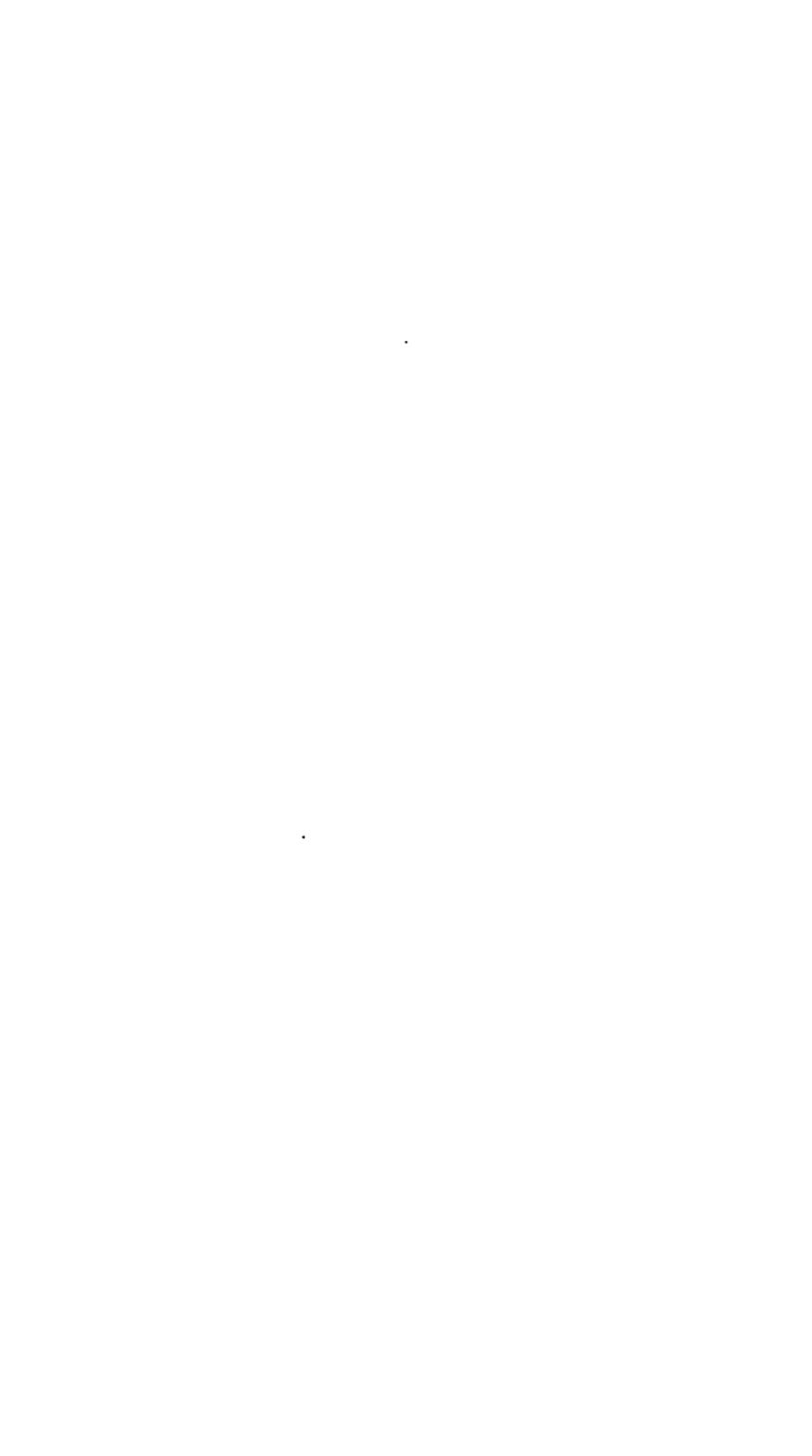


Fig. 782.











•

